تمرین سری چهارم درس هدایت و ناوبری

على بنىاسد

۱ تىر ۲ ،۱۴

١ سوال اول

در این سوال به بررسی مسیر بالستیک موشک و مسیر بهینه آن پرداخته شده است.

١٠١ بخش الف

در این بخش به بررسی معادلات حرکت جسم نقطه در صفحه پرداخته شده است. معادلات حرکت جسم نقطه در صفحه به صورت زیر است:

$$\ddot{\mathbf{r}} = -\frac{GM}{r^3}\mathbf{r} + \text{Thrust} + \text{Drag} \tag{1}$$

در این معادله Thrust نیروی پیشران موشک و Drag نیروی مقاومت هوایی موشک است. در این مسیر فرض شده است که نیروی پیشران موشک به صورت زیر است:

Thrust =
$$\frac{T}{v}\hat{\mathbf{v}}$$
 (Y)

در این معادله T نیروی پیشران موشک و m جرم موشک است. همچنین فرض شده است که نیروی مقاومت هوایی به صورت زیر است:

$$Drag = -\frac{1}{2}\rho C_D A v \hat{\mathbf{v}} \tag{(7)}$$

در این معادله ρ چگالی هوا، C_D ضریب مقاومت هوایی و A مساحت مقطع عرضی موشک است. با جایگذاری معادلات (۲) و (۳) در معادله (۱) داریم:

$$\ddot{\mathbf{r}} = \left(-\frac{GM}{r^3}\mathbf{r} + \frac{T}{m}\hat{\mathbf{v}} - \frac{1}{2}\rho C_D A v \hat{\mathbf{v}}/m\right) \tag{(4)}$$

با توجه به اینکه در این مسیر فرض شده است که موشک در ارتفاعهای بالا حرکت میکند، میتوان فرض کرد که چگالی هوا تابعی از ارتفاع است. برای محاسبه چگالی هوا از رابطه زیر استفاده میشود:

$$ho = 1.225 \mathrm{kg/m^3}$$
 متر: $h \leq 0$

$$ho = 1.225 {
m kg/m^3} \left(1 - {0.0065 h \over 288.15}
ight)^{4.2561}$$
 متر: $0 < h \le 11000$

$$\rho = 0.36391 \text{kg/m}^3 \exp\left(\frac{-0.1577(h - 11000)}{216.65}\right)$$
 متر: $11000 < h \le 25000$

$$\rho = 0.08803 \text{kg/m}^3 \left(1 - \frac{0.0226(h - 25000)}{216.65} \right)^{1.73}$$
 عتر: $25000 < h \le 47000$

$$\rho = 0.01322 \text{kg/m}^3 \exp\left(\frac{-0.1577(h - 47000)}{216.65}\right)$$
 متر: $47000 < h \le 53000$

$$\rho = 0.00143 \text{kg/m}^3 \left(1 - \frac{0.0065(h - 53000)}{216.65} \right)^{4.2561}$$
 متر: $53000 < h \le 79000$

ho = 0 متر: h > 79000

پارامترهای معادله به صورت زیر تعریف میشوند:

- r : بردار موقعیت جسم نقطه
 - نابت گرانشی : $G \bullet$
 - جرم جسم مرکزی : $M \bullet$
- فاصله جسم نقطه از مرکز جسم مرکزی : r

بردار موقعیت جسم نقطه به صورت زیر تعریف میشود:

$$\mathbf{r} = x\hat{\mathbf{i}} + y\hat{\mathbf{j}} \tag{2}$$

با جایگذاری معادله (۵) در معادله (۱) داریم:

$$\ddot{x}\hat{\mathbf{i}} + \ddot{y}\hat{\mathbf{j}} = -\frac{GM}{(x^2 + y^2)^{3/2}}(x\hat{\mathbf{i}} + y\hat{\mathbf{j}}) + \frac{T}{m}(\dot{x}\hat{\mathbf{i}} + \dot{y}\hat{\mathbf{j}})/v - \frac{1}{2}\rho C_D Av(\dot{x}\hat{\mathbf{i}} + \dot{y}\hat{\mathbf{j}})$$
 ($\boldsymbol{\mathcal{F}}$)

بر اساس روابط بالا ارتفاع به صورت زیر بدست میآید.

$$h = \sqrt{x^2 + y^2} - a \tag{Y}$$

در این رابطه a بیانگر شعاع زمین است. برای محاسبه سرعت تغیرات ارتفاع نیز به صورت زیر تعریف می شود.

$$\dot{h} = \frac{x\dot{x} + y\dot{y}}{\sqrt{x^2 + y^2}} \tag{A}$$

همچنین طول جغرافیایی برابر است با:

$$\lambda = \tan^{-1}\left(\frac{y}{r}\right) \tag{9}$$

و تغیرات طول جغرافیایی برابر است با:

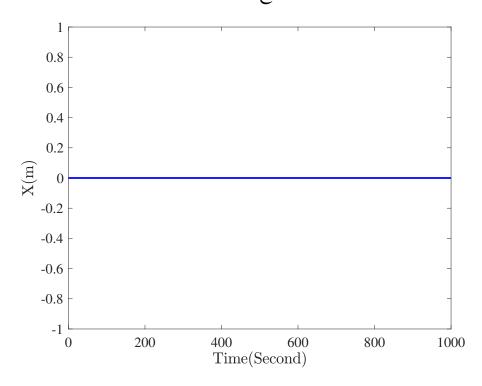
$$\dot{\lambda} = \frac{x\dot{y} - y\dot{x}}{x^2 + y^2} \tag{10}$$

زاویه حمله به صورت زیر تعریف می شود:

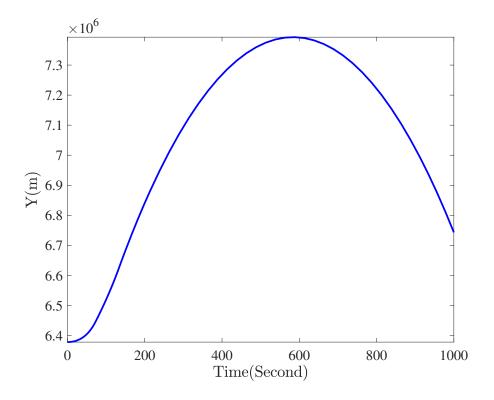
$$\gamma = \tan^{-1} \left(\frac{\dot{h}}{\dot{\lambda}} \right) \tag{11}$$

۲۰۱ بخش ب

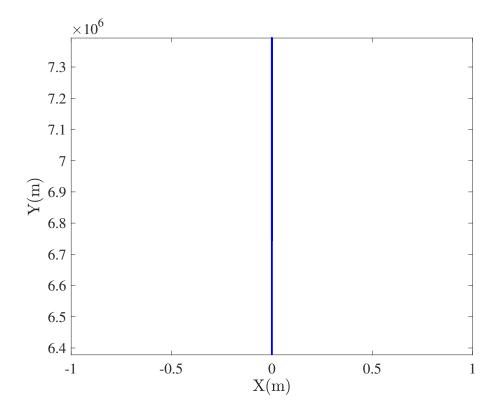
در این بخش فرض شده است که نیروی تراست بر اساس ربطه زیر بدست میآید و در هر فاز تغبرات دبی و نیروی تراست صفر است. در ادامه نتایج آورده شده است.



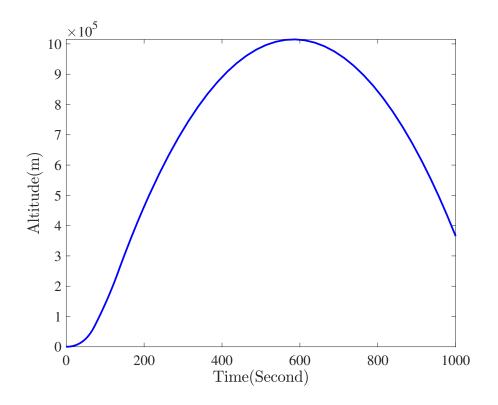
شكل ۱: موقعيت X پرنده تابعي از زمان



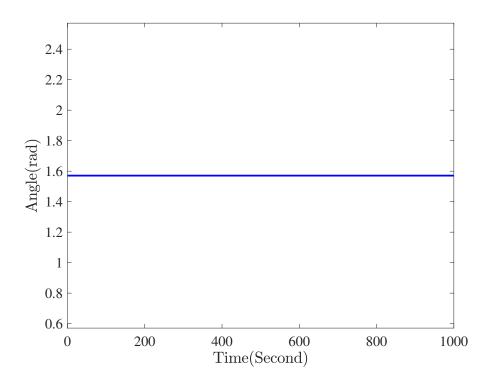
شكل ٢: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



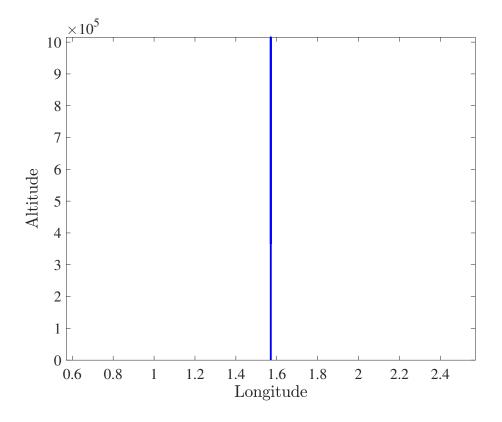
شكل ٣: موقعيت پرنده در صفحه X-Y



شكل ۴: ارتفاع پرنده تابعي از زمان



شکل ۵: طول جغرافیایی پرنده تابعی از زمان



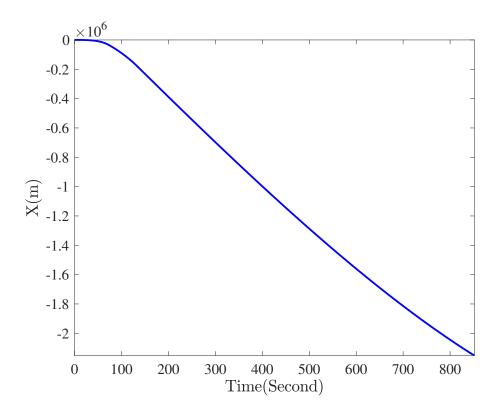
شكل ۶: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي

۳.۱ بخش پ

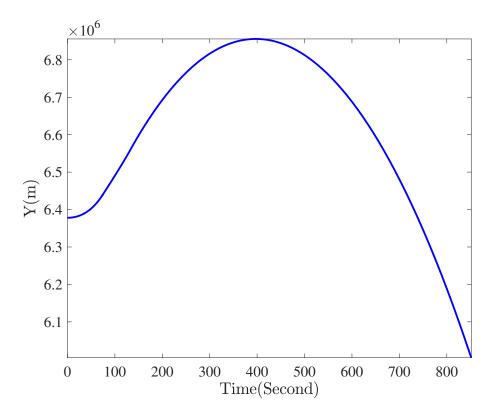
در بخش پارامترهای هدایت بالستیک با استفاده از الگوریتم PSO بهینهسازی شده است. در ادامه نتایج آورده شده است.

جدول ۱: پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج

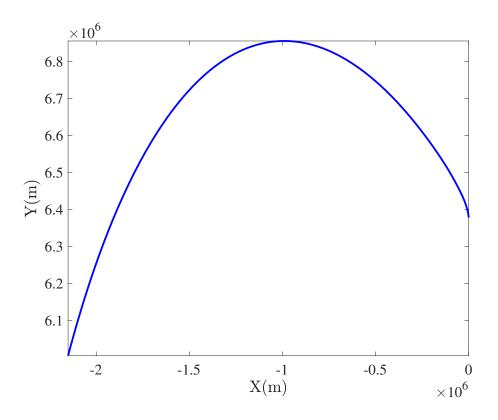
Value
-0.7613
0.000000
0.00000
132.6961
1799.1



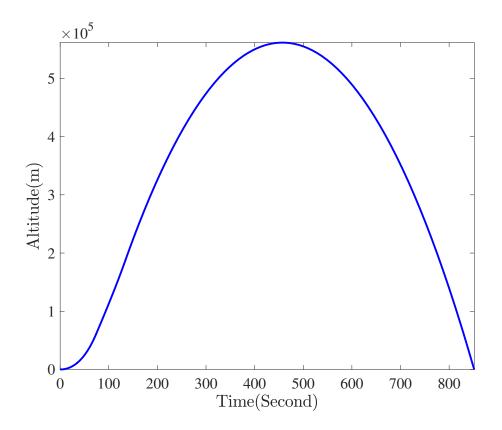
شكل ٧: موقعيت X پرنده تابعي از زمان



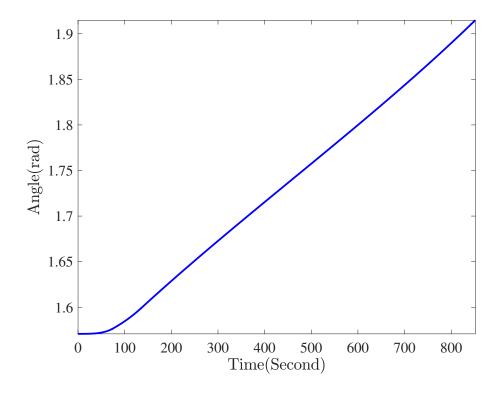
شكل A: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



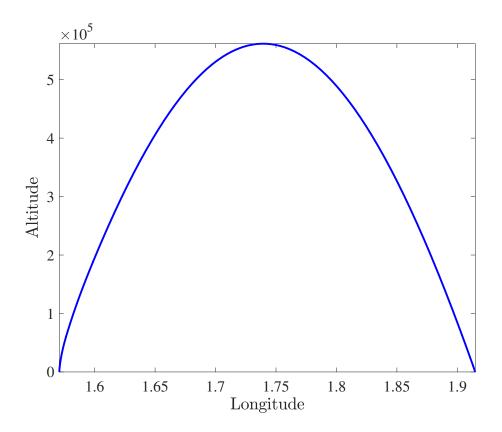
شكل ٩: موقعيت پرنده در صفحه X-Y



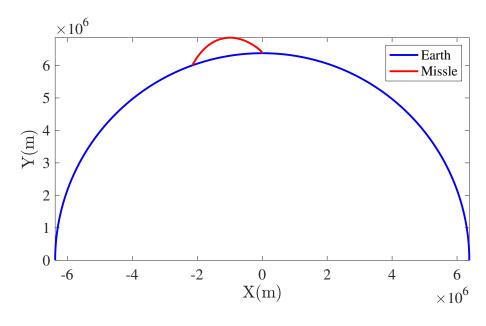
شکل ۱۰: ارتفاع پرنده تابعی از زمان



شكل ۱۱: طول جغرافيايي پرنده تابعي از زمان



شكل ۱۲: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي



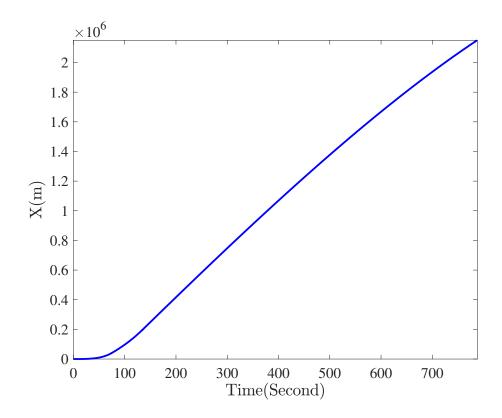
شكل ۱۳: موفعيت پرنده و كره زمين در صفحه X-X

۴.۱ بخش پ

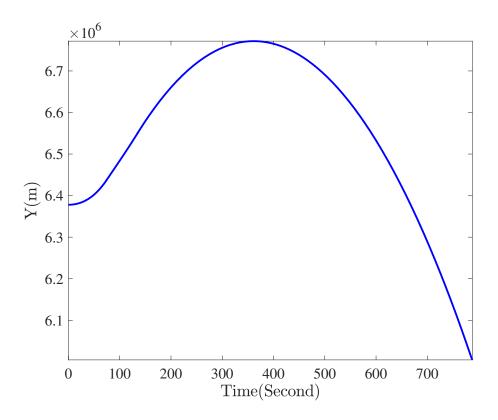
در بخش پارامترهای هدایت بالستیک با استفاده از الگوریتم PSO بهینهسازی شده است. در این بخش خلاف بخش قبل، جهت پرنده به شرق است. در ادامه نتایج آورده شده است.

جدول ۲: پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج

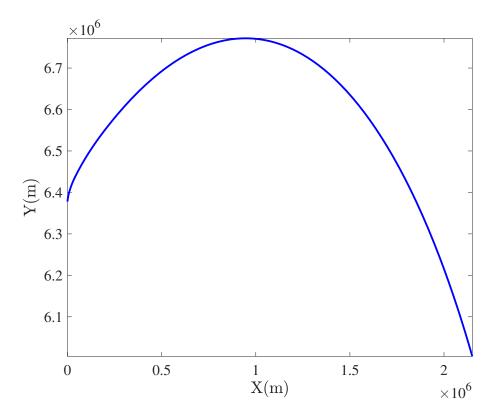
Parameter	Value
q_1	-0.8378
q_2	0.000000
q_3	-0.7963
t_1	145.6000
Distance	2558.5



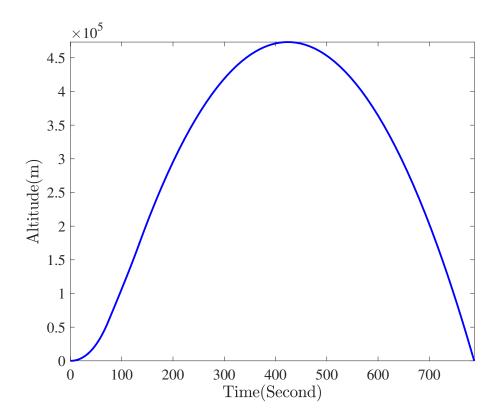
شكل ۱۴: موقعيت X پرنده تابعي از زمان



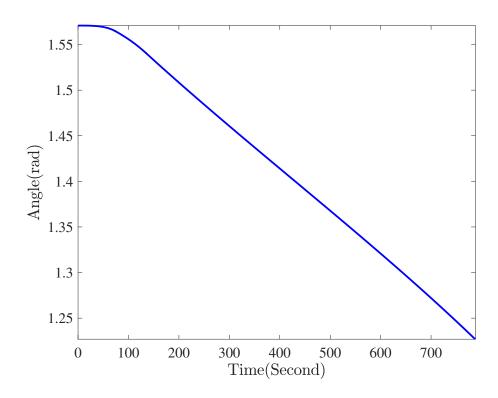
شكل ۱۵: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



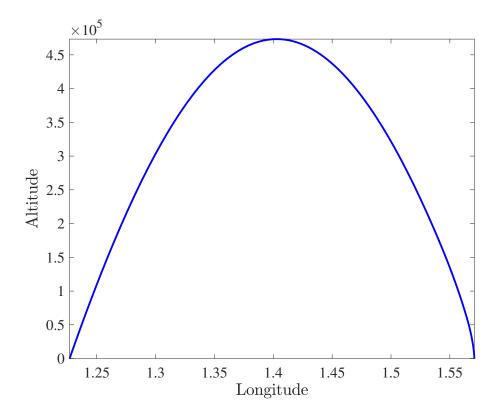
شکل ۱۶: موقعیت پرنده در صفحه X-Y



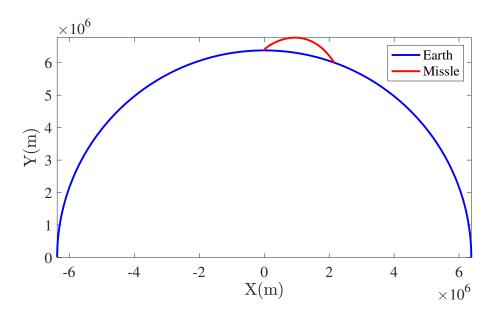
شكل ۱۷: ارتفاع پرنده تابعي از زمان



شكل ۱۸: طول جغرافيايي پرنده تابعي از زمان



شكل ۱۹: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي



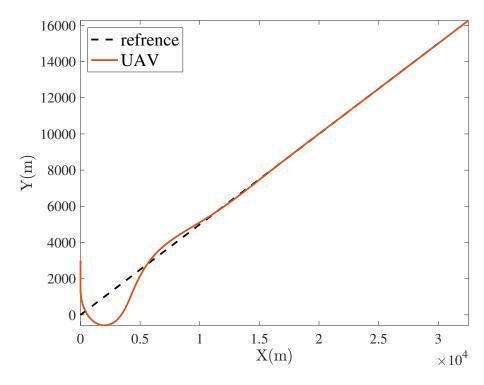
شکل ۲۰: موفعیت پرنده و کره زمین در صفحه X-Y

۲ سوال دوم

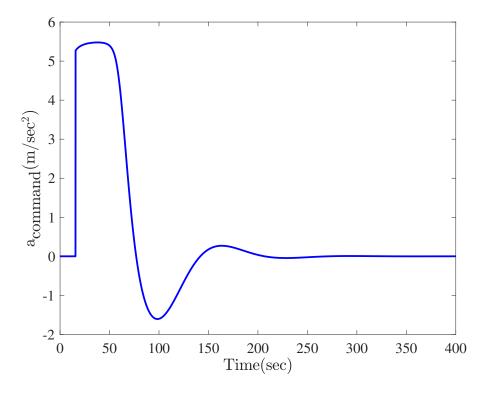
در این بخش به هدایت پهپاد به روش تناسی خالص و غیرخطی پرداخته شده است. بر اساس صورت سوال، روش هدایت در حالتهای مختلف تغیر میکند. در شبیه سازی از State Flow جهت تعین روش هدایت استفاده شده است.

١٠٢ بخش الف

بر اساس شرایط اشاره در صورت سوال شبیه سازی انجام شده و نتایج آن در شکل ۳۰۲ آمده است. همانطور که مشاهده می شود در این حالت پهپاد به سمت هدف حرکت می کند و در نهایت به آن می رسد.



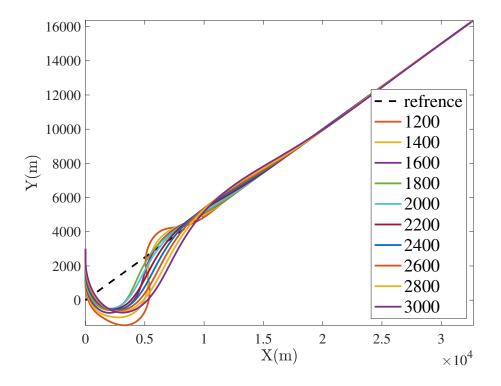
شكل ۲۱: موقعیت پهپاد در صفحه X-Y



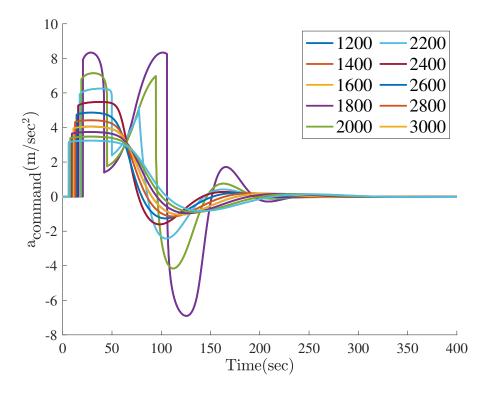
شكل ۲۲: فرمان هدايت بهصورت تابعي از زمان

۲.۲ بخش ب

در بخش شبیه سازی برای L_1 های مختلف انجام شده است و نتایج در ادامه آورده شده است.



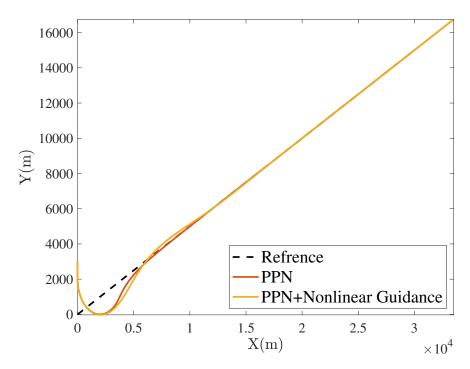
X-Y شکل L_1 های مختلف در صفحه برای پهپاد در صفحه شکل L_1



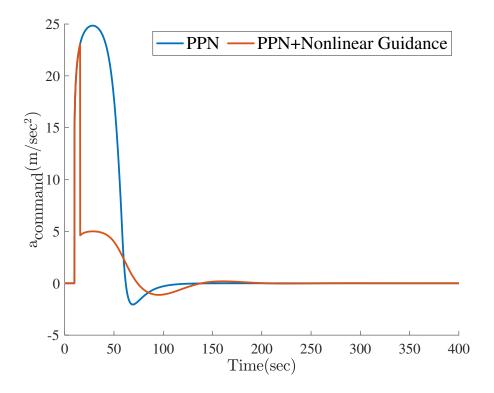
شکل L_1 : فرمان هدایت به صورت تابعی از زمان برای L_1 های مختلف

٣.٢ بخش پ

در این بخض دو نوع روش هدایت بررسی شده است. روش اول تنها از روش هدایت تناسبی خالص استفاده شده است و روش دوم از روش هدایت تناسبی خالص و غیرخطی. نتایج در ادامه آورده شده است.



شکل ۲۵: موقعیت پهپاد در صفحه X-Y در روش هدایت تناسبی خالص و غیرخطی



شكل ۲۶: فرمان هدايت بهصورت تابعي از زمان در روش هدايت تناسبي خالص و غيرخطي

فهرست تصاویر فهرست مطالب

1		وال اول	۱ سر
١		١ بخش الف ١٠	٠١
٣		۲ بخش ب۰۰۰۰	٠١
۶		۳ بخش پ. ۰ ۰ ۰	٠١
۱۱		۴ بخش پ. ۰ ۰ ۰	٠١
۱۵		وال دوم	۲ سر
۱۵		1	۲.
18		٠٠٠٠ بخش ب ٢٠	۲.
۱۸		۳ بخش پ	
		* O ·	
		ىت تصاوير	
		نت تصاویر	فهره
٣	تابعی از زمان	موقعیت X پرنده	١
۴	تابعی از زمان	موقعیت Y پرنده	٢
۴	صفحه X-Y صفحه	موقعیت پرنده در	٣
۵	ی از زمان	ارتفاع پرنده تابعي	۴
۵	رنده تابعی از زمان	طول جغرافیایی پ	۵
۶	ی از طول جغرافیایی	ارتفاع پرنده تابعي	۶
٧	تابعی از زمان	•	٧
٧	تابعی از زمان		٨
٨	صفحه X-Y صفحه		٩
٩	ی از زمان	۱ ارتفاع پرنده تابعی	0
٩	- برنده تابعی از زمان		1
۰ (ی از طول جغرافیایی		۲
۰ (کره زمین در صفحه X-X	_	۳
۱۱	تابعی از زمان		4
١٢			۵
١ ٢	Y V:		C

40	17	۰٩	747	سد ع	بنىا	علي
----	----	----	-----	------	------	-----

فهرست جداول

۱۳	ارتفاع پرنده تابعی از زمان	17
۱۳	طول جغرافیایی پرنده تابعی از زمان	١٨
14	ارتفاع پرنده تابعی از طول جغرافیایی	19
14	موفعیت پرنده و کره زمین در صفحه Y-X	۲۰
۱۵	موقعیت پهپاد در صفحه X-Y	۲١
18	فرمان هدایت بهصورت تابعی از زمان	44
١٧	\ldots موقعیت پهپاد در صفحه برای L_1 های مختلف X - Y	74
١٧	\ldots فرمان هدایت بهصورت تابعی از زمان برای L_1 های مختلف	74
۱۸	موقعیت پهپاد در صفحه X-Y در روش هدایت تناسبی خالص و غیرخطی	۲۵
۱۹	فرمان هدایت بهصورت تابعی از زمان در روش هدایت تناسبی خالص و غیرخطی	48
	ت جداول	فهرسا
۶	پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج	١
١١	بارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج ۲۰۰۰،۰۰۰ میرا	۲