تمرین سری چهارم درس هدایت و ناوبری

على بنىاسد

۳۱ خرداد ۲،۹۲

۱ سوال اول

در این سوال به بررسی مسیر بالستیک موشک و مسیر بهینه آن پرداخته شده است.

١٠١ بخش الف

در این بخش به بررسی معادلات حرکت جسم نقطه در صفحه پرداخته شده است. معادلات حرکت جسم نقطه در صفحه به صورت زیر است:

$$\ddot{\mathbf{r}} = -\frac{GM}{r^3}\mathbf{r} + \text{Thrust} + \text{Drag} \tag{1}$$

در این معادله Thrust نیروی پیشران موشک و Drag نیروی مقاومت هوایی موشک است. در این مسیر فرض شده است که نیروی پیشران موشک به صورت زیر است:

Thrust =
$$\frac{T}{v}\hat{\mathbf{v}}$$
 (Y)

در این معادله T نیروی پیشران موشک و m جرم موشک است. همچنین فرض شده است که نیروی مقاومت هوایی به صورت زیر است:

$$Drag = -\frac{1}{2}\rho C_D A v \hat{\mathbf{v}} \tag{(7)}$$

در این معادله ρ چگالی هوا، C_D ضریب مقاومت هوایی و A مساحت مقطع عرضی موشک است. با جایگذاری معادلات (۲) و (۳) در معادله (۱) داریم:

$$\ddot{\mathbf{r}} = \left(-\frac{GM}{r^3}\mathbf{r} + \frac{T}{m}\hat{\mathbf{v}} - \frac{1}{2}\rho C_D A v \hat{\mathbf{v}}/m\right) \tag{(4)}$$

با توجه به اینکه در این مسیر فرض شده است که موشک در ارتفاعهای بالا حرکت میکند، میتوان فرض کرد که چگالی هوا تابعی از ارتفاع است. برای محاسبه چگالی هوا از رابطه زیر استفاده میشود:

$$ho = 1.225 \mathrm{kg/m^3}$$
 متر: $h \leq 0$

$$ho = 1.225 {
m kg/m^3} \left(1 - {0.0065 h \over 288.15}
ight)^{4.2561}$$
 متر: $0 < h \le 11000$

$$\rho = 0.36391 \text{kg/m}^3 \exp\left(\frac{-0.1577(h - 11000)}{216.65}\right)$$
 متر: $11000 < h \le 25000$

$$\rho = 0.08803 \text{kg/m}^3 \left(1 - \frac{0.0226(h - 25000)}{216.65} \right)^{1.73}$$
 عتر: $25000 < h \le 47000$

$$\rho = 0.01322 \text{kg/m}^3 \exp\left(\frac{-0.1577(h - 47000)}{216.65}\right)$$
 متر: $47000 < h \le 53000$

$$\rho = 0.00143 \text{kg/m}^3 \left(1 - \frac{0.0065(h - 53000)}{216.65} \right)^{4.2561}$$
 متر: $53000 < h \le 79000$

ho = 0 متر: h > 79000

پارامترهای معادله به صورت زیر تعریف میشوند:

- r : بردار موقعیت جسم نقطه
 - نابت گرانشی : $G \bullet$
 - جرم جسم مرکزی : $M \bullet$
- فاصله جسم نقطه از مرکز جسم مرکزی : r

بردار موقعیت جسم نقطه به صورت زیر تعریف میشود:

$$\mathbf{r} = x\hat{\mathbf{i}} + y\hat{\mathbf{j}} \tag{2}$$

با جایگذاری معادله (۵) در معادله (۱) داریم:

$$\ddot{x}\hat{\mathbf{i}} + \ddot{y}\hat{\mathbf{j}} = -\frac{GM}{(x^2 + y^2)^{3/2}}(x\hat{\mathbf{i}} + y\hat{\mathbf{j}}) + \frac{T}{m}(\dot{x}\hat{\mathbf{i}} + \dot{y}\hat{\mathbf{j}})/v - \frac{1}{2}\rho C_D Av(\dot{x}\hat{\mathbf{i}} + \dot{y}\hat{\mathbf{j}})$$
 ($\boldsymbol{\mathcal{F}}$)

بر اساس روابط بالا ارتفاع به صورت زیر بدست میآید.

$$h = \sqrt{x^2 + y^2} - a \tag{Y}$$

در این رابطه a بیانگر شعاع زمین است. برای محاسبه سرعت تغیرات ارتفاع نیز به صورت زیر تعریف می شود.

$$\dot{h} = \frac{x\dot{x} + y\dot{y}}{\sqrt{x^2 + y^2}} \tag{A}$$

همچنین طول جغرافیایی برابر است با:

$$\lambda = \tan^{-1}\left(\frac{y}{r}\right) \tag{9}$$

و تغیرات طول جغرافیایی برابر است با:

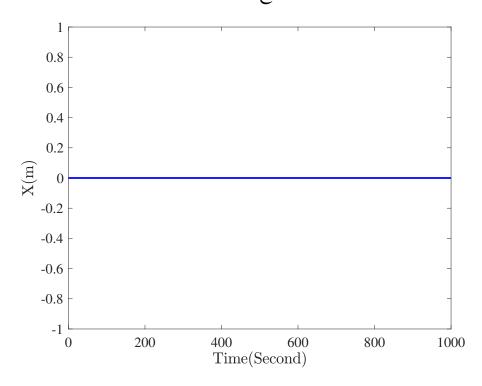
$$\dot{\lambda} = \frac{x\dot{y} - y\dot{x}}{x^2 + y^2} \tag{10}$$

زاویه حمله به صورت زیر تعریف می شود:

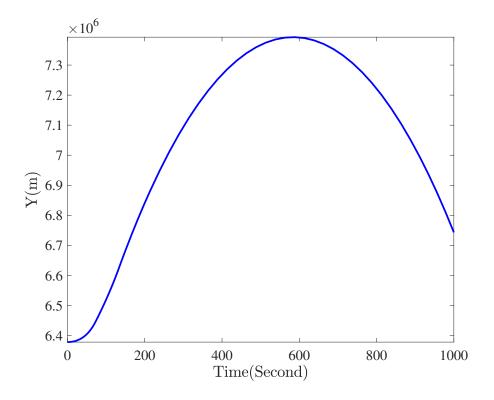
$$\gamma = \tan^{-1} \left(\frac{\dot{h}}{\dot{\lambda}} \right) \tag{11}$$

۲۰۱ بخش ب

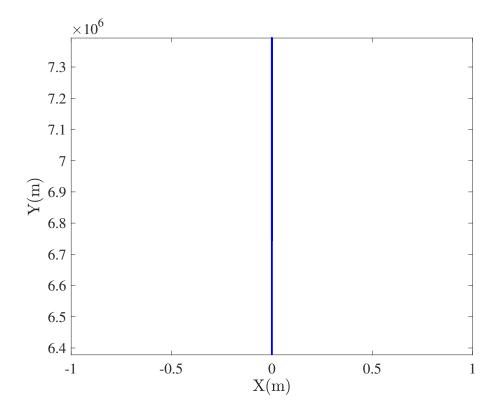
در این بخش فرض شده است که نیروی تراست بر اساس ربطه زیر بدست میآید و در هر فاز تغبرات دبی و نیروی تراست صفر است. در ادامه نتایج آورده شده است.



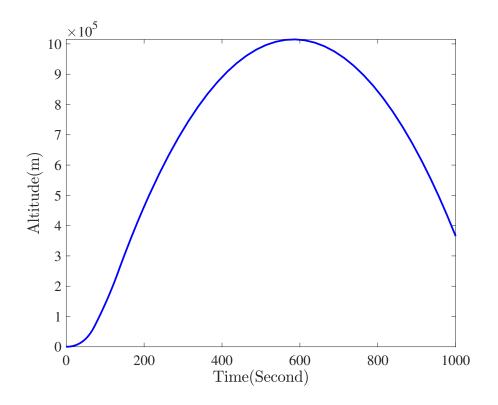
شكل ۱: موقعيت X پرنده تابعي از زمان



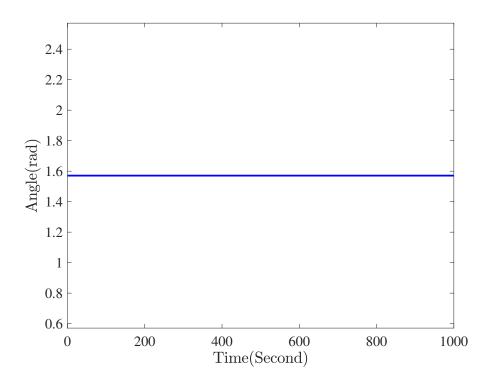
شكل ٢: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



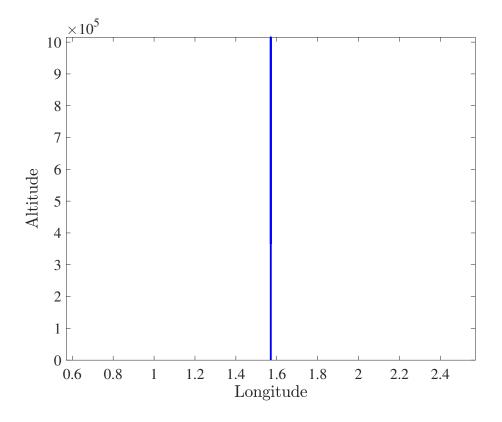
شكل ٣: موقعيت پرنده در صفحه X-Y



شكل ۴: ارتفاع پرنده تابعي از زمان



شکل ۵: طول جغرافیایی پرنده تابعی از زمان



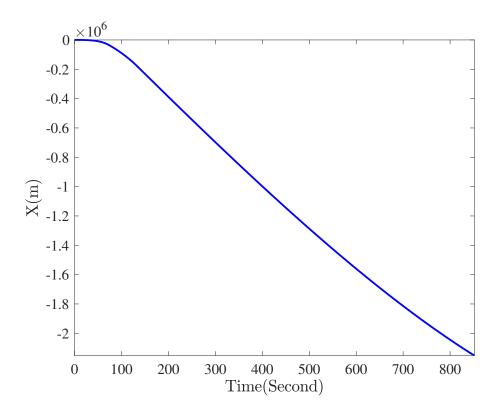
شكل ۶: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي

۳.۱ بخش پ

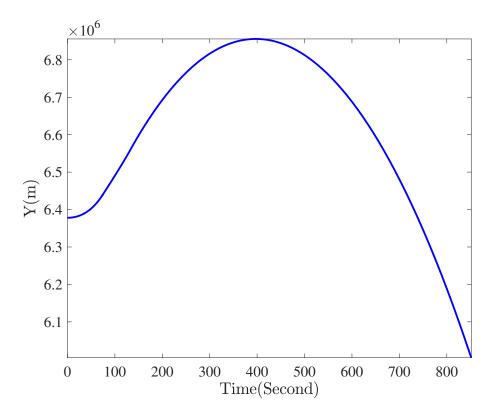
در بخش پارامترهای هدایت بالستیک با استفاده از الگوریتم PSO بهینهسازی شده است. در ادامه نتایج آورده شده است.

جدول ۱: پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج

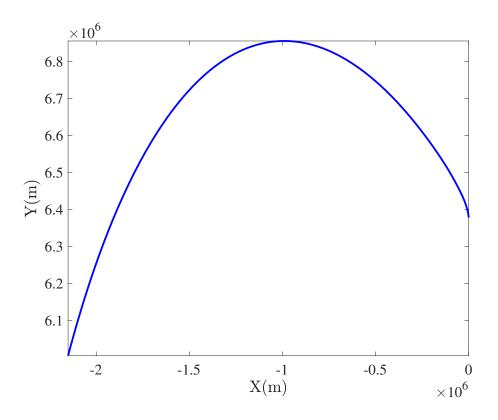
| Value |
|----------|
| -0.7613 |
| 0.000000 |
| 0.00000 |
| 132.6961 |
| 1799.1 |
| |



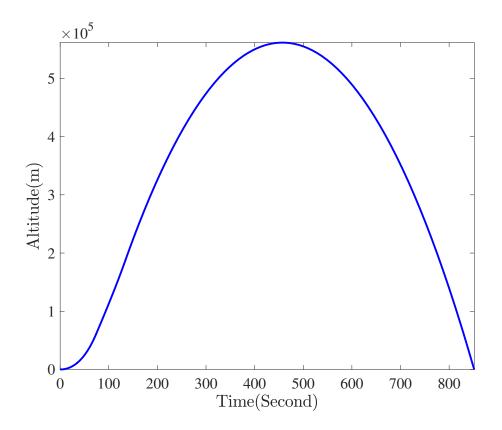
شكل ٧: موقعيت X پرنده تابعي از زمان



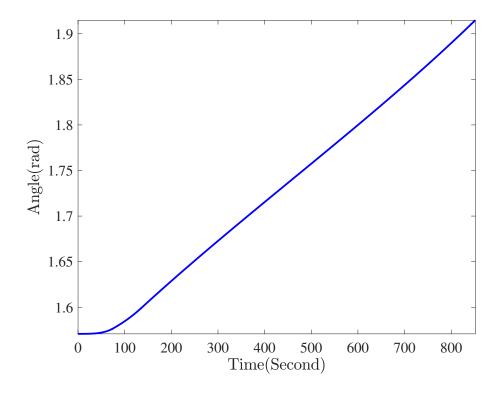
شكل A: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



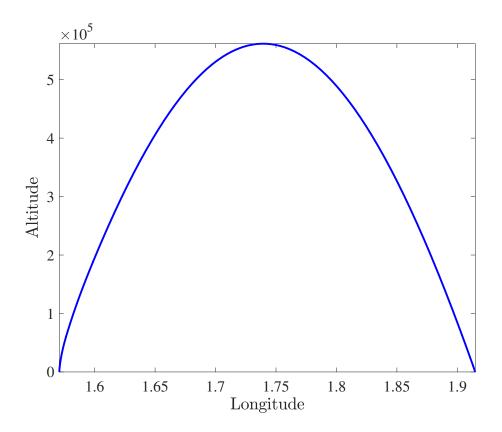
شكل ٩: موقعيت پرنده در صفحه X-Y



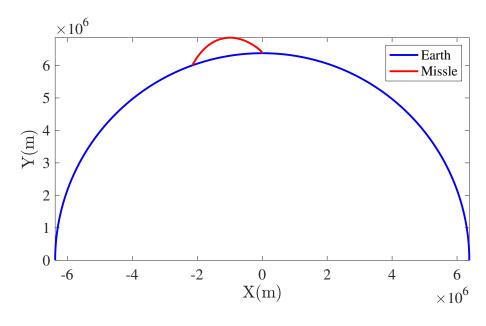
شکل ۱۰: ارتفاع پرنده تابعی از زمان



شكل ۱۱: طول جغرافيايي پرنده تابعي از زمان



شكل ۱۲: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي



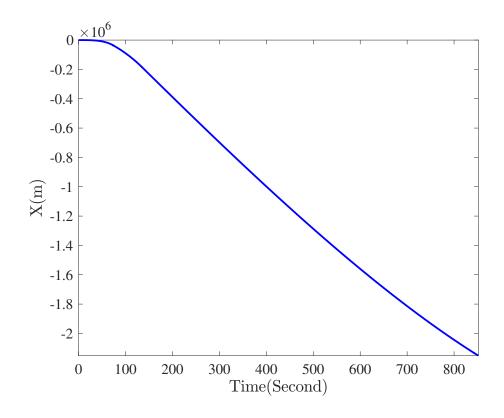
شكل ۱۳: موفعيت پرنده و كره زمين در صفحه X-X

۴.۱ بخش پ

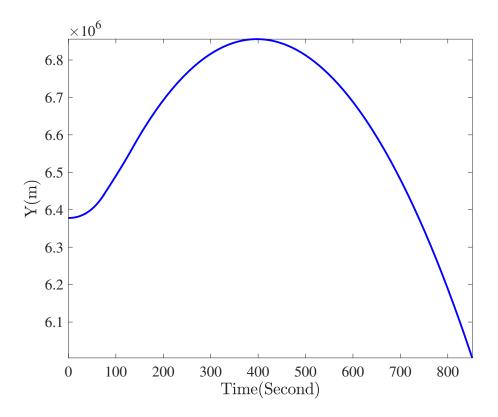
در بخش پارامترهای هدایت بالستیک با استفاده از الگوریتم PSO بهینهسازی شده است. در این بخش خلاف بخش قبل، جهت پرنده به غرب است. در ادامه نتایج آورده شده است.

جدول ۲: پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج

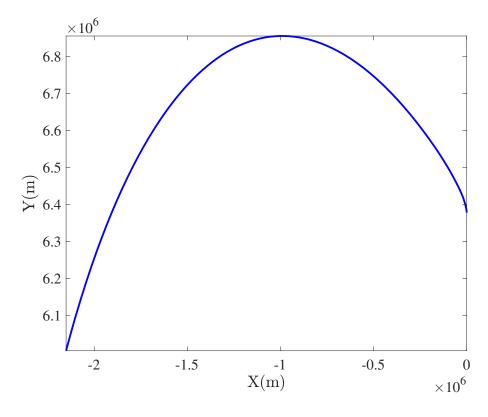
| Parameter | Value |
|-----------|----------|
| q_1 | -0.8378 |
| q_2 | 0.000000 |
| q_3 | -0.7963 |
| t_1 | 145.6000 |
| Distance | 2558.5 |



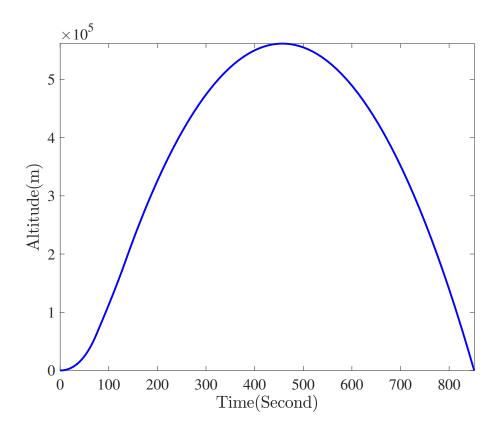
شكل ۱۴: موقعيت X يرنده تابعي از زمان



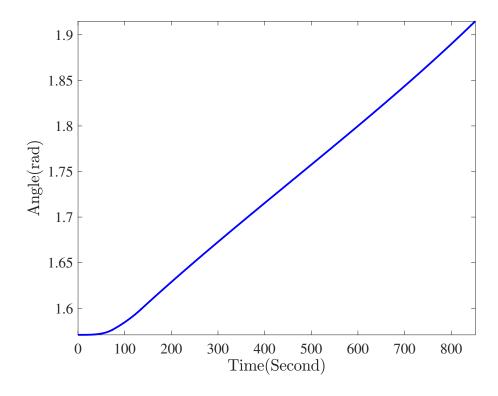
شكل ۱۵: موقعيت Y پرنده تابعي از زمان



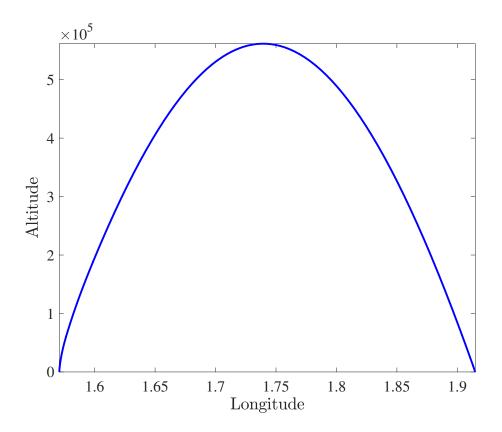
شکل ۱۶: موقعیت پرنده در صفحه X-Y



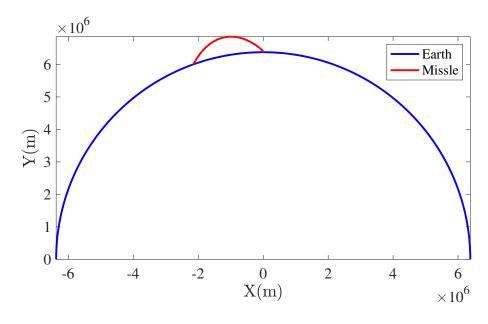
شکل ۱۷: ارتفاع پرنده تابعی از زمان



شكل ۱۸: طول جغرافيايي پرنده تابعي از زمان



شكل ۱۹: ارتفاع پرنده تابعي از طول جغرافيايي



شکل ۲۰: موفعیت پرنده و کره زمین در صفحه X-X

فهرست تصاویر فهرست مطالب

| ١ | | ۱ سوال اول |
|-----|---|------------|
| ١ | ش الف | |
| ٣ | ش ب | ۲۰۱ بخ |
| ۶ | ش پ | ۳۰۱ بخ |
| 11 | ش پ | ۴.۱ بخ |
| | | |
| | م ا | |
| | صاویر | فهرست ت |
| ٣ | قعیت X پرنده تابعی از زمان | ۱ موا |
| ۴ | قعیت Y پرنده تابعی از زمان | ۲ موز |
| ۴ | قعیت پرنده در صفحه X-Y | ۳ موز |
| ۵ | فاع پرنده تابعی از زمان | ۴ ارت |
| ۵ | ے . لِ جغرافیایی پرندہ تابعی از زمان | |
| ۶ | فاع پرنده تابعی از طول جغرافیایی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ما | |
| ٧ | تعیت X پرنده تابعی از زمان | |
| ٧ | قعیت Y پرنده تابعی از زمان | |
| ٨ | قعیت پرنده در صفحه X-Y قعیت پرنده در صفحه | |
| ٩ | فاع پرنده تابعی از زمان | |
| ٩ | ل جغرافیایی پرنده تابعی از زمان | |
| ١ ۰ | فاع پرنده تابعی از طول جغرافیایی | |
| ١. | فعیت پرنده و کره زمین در صفحه Y–X | |
| ١١ | قعیت X پرنده تابعی از زمان | ۱۴ موز |
| ١٢ | قعیت Y پرنده تابعی از زمان | |
| ١٢ | قعیت پرنده در صفحه X-Y | |
| ۱۳ | فاع پرنده تابعی از زمان | |
| ۱۳ | ے. لِل جغرافیایی پرندہ تابعی از زمان | |
| 14 | فاع پرنده تابعی از طول جغرافیایی | |
| 14 | ن فعیت پرنده و کره زمین در صفحه Y-X | |

فهرست جداول فهرست جداول

| ۶ | • | • | • | • | • | • | • | • | • | پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج | ١ |
|----|---|---|-------|---|---|---|---|---|---|--|---|
| 11 | | | | | | • | • | | • | پارامترهای هدایت بالستیک بهینهسازی شده و نتایج | ۲ |