

# تمرین سری اول درس هدایت و ناوبری

علی بنی‌اسد

۳ فروردین ۱۴۰۲

## ۱ سوال اول

### ۱.۱ موشک هوا به زمین

برای این بخش موشک هوا به زمین AGM-158 JASSM<sup>1</sup> در نظر گرفته شده است. شکل آن در پایین آورده شده است.



شکل ۱: موشک هوا به زمین AGM-158

<sup>1</sup>Joint Air-to-Surface Standoff Missile

### ۱.۱.۱ اجزای سیستم هدایت

- حسگرهای هدایت این موشک حسگرهای هدایت متنوعی برای فازهای مختلف هدایت دارد. این حسگرها شامل سیستم ناوبری اینرسی<sup>۲</sup> همراه با سیستم موقعیت یابی جهانی زد پرازیت<sup>۳</sup> وژیروسکوپ لیزری<sup>۴</sup> است. سایر حسگرهای هدایت شامل جستجوگر تصویربرداری مادون قرمز<sup>۵</sup> و همبسته هدف خودکار<sup>۶</sup> برای نرخ برخورد با دقت بالا است.
- پردازنده هدایت با توجه به ماموریت و برد بلند آن که امکان پرازیت است، پردازنده آن داخلی است.
- الگوریتم هدایت با توجه به اینکه مسیر طولانی‌ای را طی می‌کند مسیر پروازی از نوع کروز یا بهینه است. از طرفی، با توجه به مسیر، حسگر و کامپیوتر پرواز، برای دقت بالاتر، الگوریتم هدایت حلقه بسته است.
- تجهیزات مخابراتی برای این پرنده فرمان کنترلی ارسال نمی‌شود. اما پرنده می‌تواند وضعیت خود، تصویر دوربین و زمان برخورد را جهت بررسی عملکرد پرنده به اپراتور ارسال کند.

### ۲.۱.۱ مراحل هدایت و هدف

- مراحل هدایت این وسیله پرنده، شامل سه فاز آغازین (پرتاب)، میانی و پایانی است که هر کدام به اختصار بیان شده است.
- فاز پرتاب فاز پرتاب را می‌توان به صورت حلقه باز در نظر گرفت. در این فاز هدف دور شدن از پرنده و رسیدن به سرعت کنترلی است. این فاز نیاز به محاسبات زیادی ندارد و می‌توان فرمان‌ها را به صورت تابعی از زمان اجرا کرد.

<sup>2</sup>Inertial Navigation System

<sup>3</sup>Anti-Jam Global Positioning System

<sup>4</sup>Ring Laser Gyro Inertial Measurement Unit

<sup>5</sup>Imaging Infrared (I2R) Seeker

<sup>6</sup>Automatic Target Correlator



شکل ۲: فاز پرتاب موشک هوا به زمین AGM-158

- فاز میانی به دلیل اینکه فاز میانی کروز و طولانی است نیاز به دریافت اطلاعات موقعیت به صورت دقیق و لحظه‌ای است تا مسیر بهینه‌ای را طی کند. بنابراین، حلقه بسته است. در این فاز، هدف نزدیک شدن به هدف با کمترین انرژی و بیشترین دقت است.



شکل ۳: فاز میانی موشک هوا به زمین AGM-158

- فاز پایانی با توجه به اینکه دقت این موشک بالا است، نیاز دارد در هر لحظه بر اساس وضعیت تصمیم بگیرد. بنابراین، این فاز هم به صورت حلقه بسته است. هدف در این فاز، برخورد دقیق به هدف است.





شکل ۴: فاز پایانی موشک هوا به زمین AGM-158

### ۳.۱.۱ انتخاب مسیر هدایت

در فاز اولیه به دلیل اینکه هدف صرفاً دور شدن از پرنده است، مسیر هدایت خاصی را طی نمی‌کند و صرفاً مسیر مستقیم را طی می‌کند. برای فاز میانی سه حالت بهینه و مبتنی بر عوارض زمین در نظر گرفت. از طرفی می‌توان برای فاز میانی دو نوع مسیر را در نظر گرفت. به این صورت که، ابتدای

مسیر به صورت بهینه پرواز کند و در انتها مبتنی بر عوارض زمین. با این انتخاب مسیر، در ابتدا سوخت کمتری مصرف می‌شود و در انتها چون در داخل منطقه دشمن است، ناشناس بماند. در فاز پایانی، به دلیل داشتن جستجوگر به صورت مسیر خط دید در نظر گرفته شده است.

#### ۴.۱.۱ نوع حسگرهای هدایت

بر اساس توضیحات ارائه شده دارای حسگر مطلق و نسبی است. آشکارساز ندارد و سیستم ردگیری به صورت غیرفعال است. خروجی حسگرها شامل موقعیت در دستگاه اینرسی، نرخژیروسکوپ، زاویه دید هدف و نرخ چرخش خط دید نسبت به فضای اینرسی است.

#### ۵.۱.۱ سیستم ناوبری

در فاز میانی از ناوبری ترکیبی اینرسی و رادیویی استفاده شده است. در فاز پایانی هم اگر هدف به صورت موقعیت باشد، می‌توان مانند بخش قبل عمل کرد. در فاز پایانی ممکن است از جستجوگر استفاده شود.

#### ۶.۱.۱ سیستم هدایت

در فاز میانی از سیستم هدایت اینرسی، و در انتها از سیستم هدایت ترکیبی اینرسی و آشیانه‌یاب استفاده شده است.

## ۲.۱ عکاسی هوایی با استفاده از پهپاد

## ۲ سوال سوم

### ۱.۲ بخش اول

برای محاسبه مکان گیرنده با استفاده از چهار ماهواره، چهار معادله و چهار مجهول زیر حل شده است و نتایج آن در جدول ۱ آورده شده است. سرعت نور  $3 \times 10^5 \text{ km/s}$  در نظر گرفته شده است.

$$\begin{aligned} (x - A_1)^2 + (y - B_1)^2 + (z - C_1)^2 - (c(t_1 - d))^2 &= 0 \\ (x - A_2)^2 + (y - B_2)^2 + (z - C_2)^2 - (c(t_2 - d))^2 &= 0 \\ (x - A_3)^2 + (y - B_3)^2 + (z - C_3)^2 - (c(t_3 - d))^2 &= 0 \\ (x - A_4)^2 + (y - B_4)^2 + (z - C_4)^2 - (c(t_4 - d))^2 &= 0 \end{aligned} \quad (1)$$

جدول ۱: مکان و تاخیر بدست آمده از داده‌های چهار GPS

solution number	position (Km)			delay (sec)
	x	y	z	
1	2810343.11	-51463.07	-164331.37	70.81
2	2799259.98	97783.81	-600793.30	-56.06

بر اساس جدول بالا، داده بدست آمده برای خطای ساعت غیرمنطقی است، پس، مساله جواب ندارد.

## ۲.۲ بخش دوم

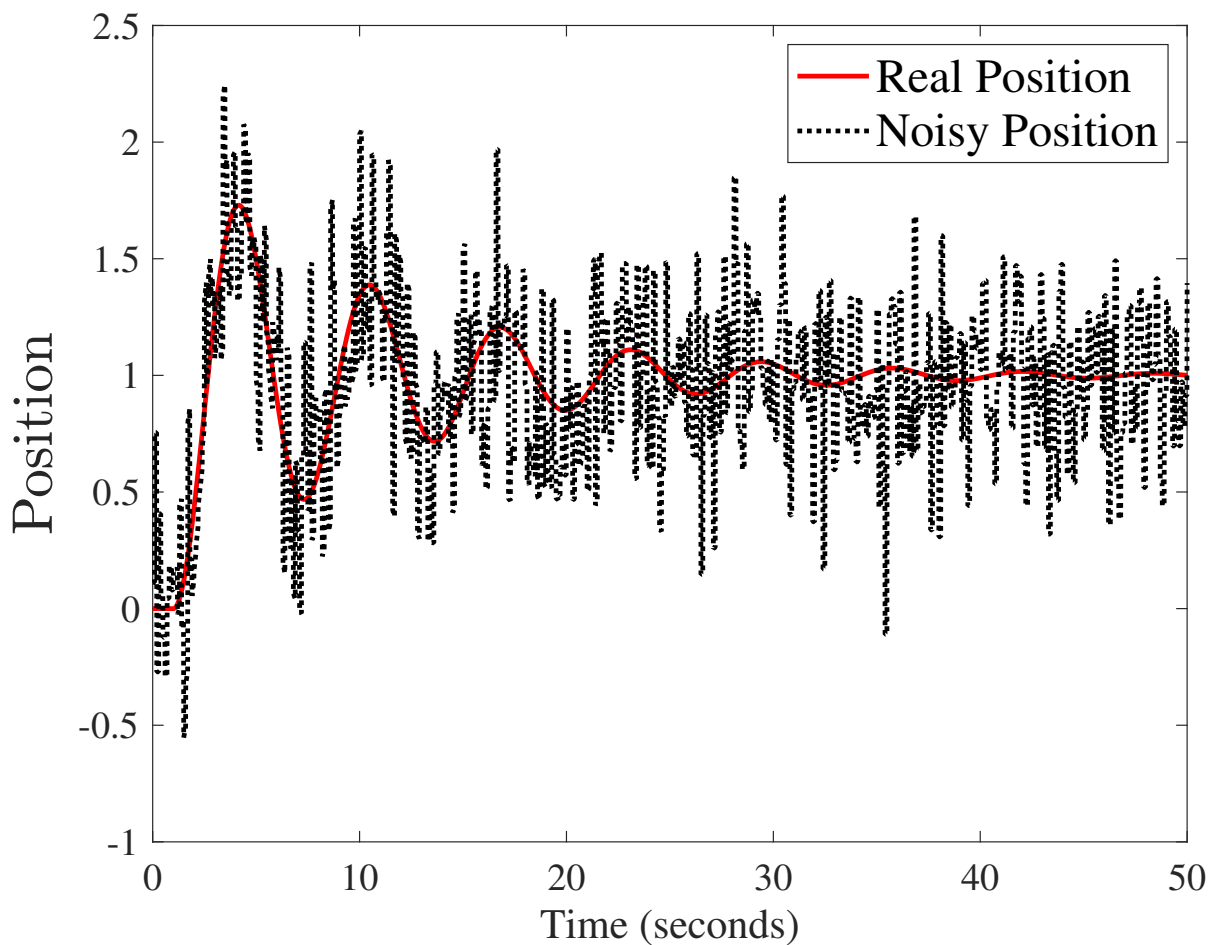
در این بخش با انتخاب سه ماهواره و فرض  $d = 0.05_{\text{sec}}$  به حل سوال GPS پرداخته شده است. در این بخش، همه‌ی حالت‌های ممکن (چهار حالت) بررسی شده است. محاسبات آن در فایل (Q3.m) متلب آورده شده است. در هیچکدام از حالت‌ها این مساله جواب ندارد (برای بررسی فایل اشاره شده را اجرا کنید). در ادامه، خطای موقعیت برابر است با عدم دقت ساعت در سرعت نور، فرض شده است.

$$e = c \times t_e \quad (2)$$

$$e = c \times t_e \rightarrow 80 = 3 \times 10^8 t_e \rightarrow t_e = 26.7_{\mu sec}$$

### ۳ سوال چهارم

در این قسمت به بررسی و مقایسه فیلتر کالمن<sup>۷</sup> و فیلتر پایین‌گذر<sup>۸</sup> پرداخته شده است. در شکل ۵ دو سیگنال نویزی و واقعی از سیستم آورده شده است.



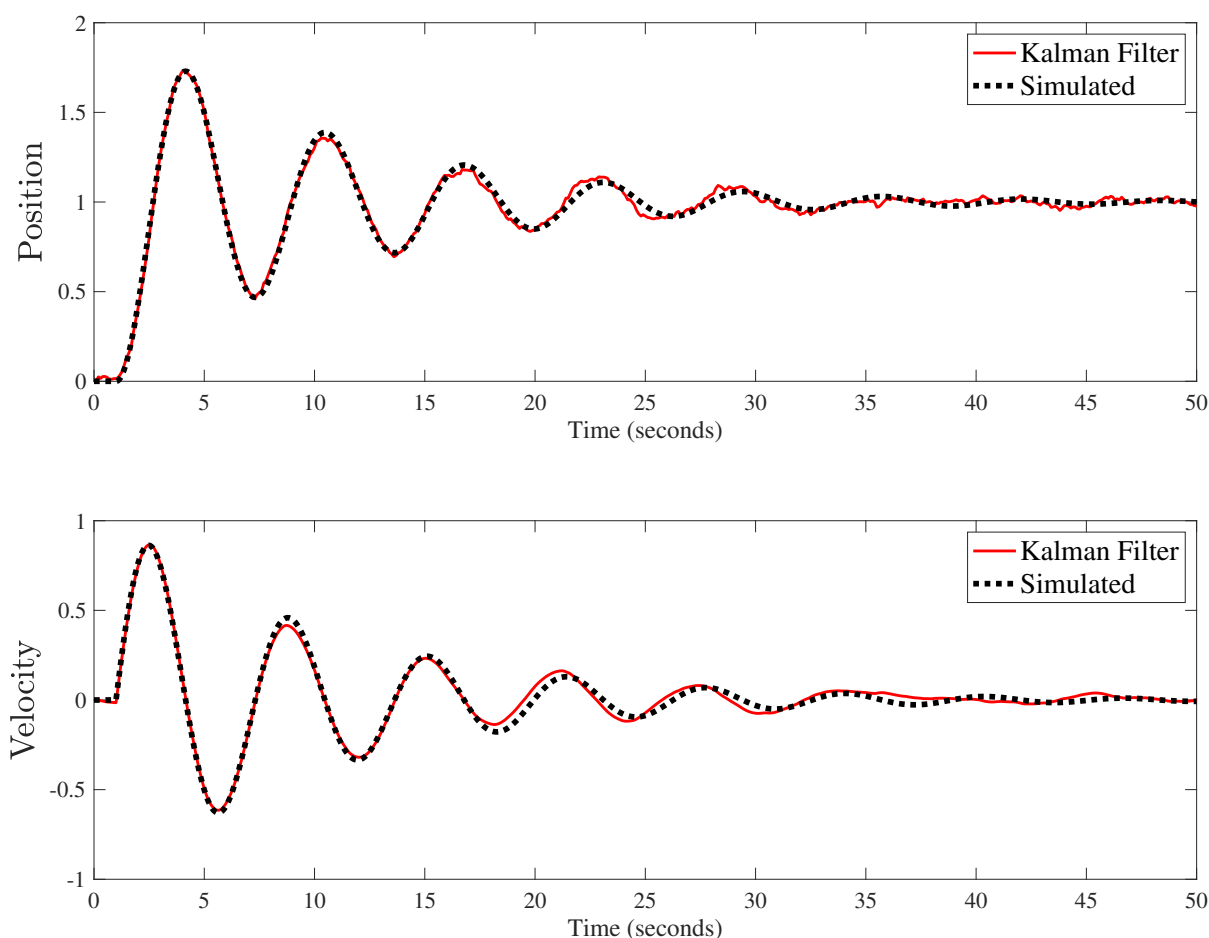
شکل ۵: مکان واقعی و نویزی شبیه‌سازی شده

در ادامه، برای تخمین وضعیت سیستم از بلوک آماده Kalman Filter استفاده شده است. در این سیستم تنها خروجی نویزی مکان وجود دارد و هیچ داده‌ای به طور مستقیم از سرعت سیستم موجود نیست. نتیجه پیاده‌سازی فیلتر کالمن در شکل ۳ آمده است.

<sup>۷</sup>Kalman filter

<sup>۸</sup>Low Pass Filter

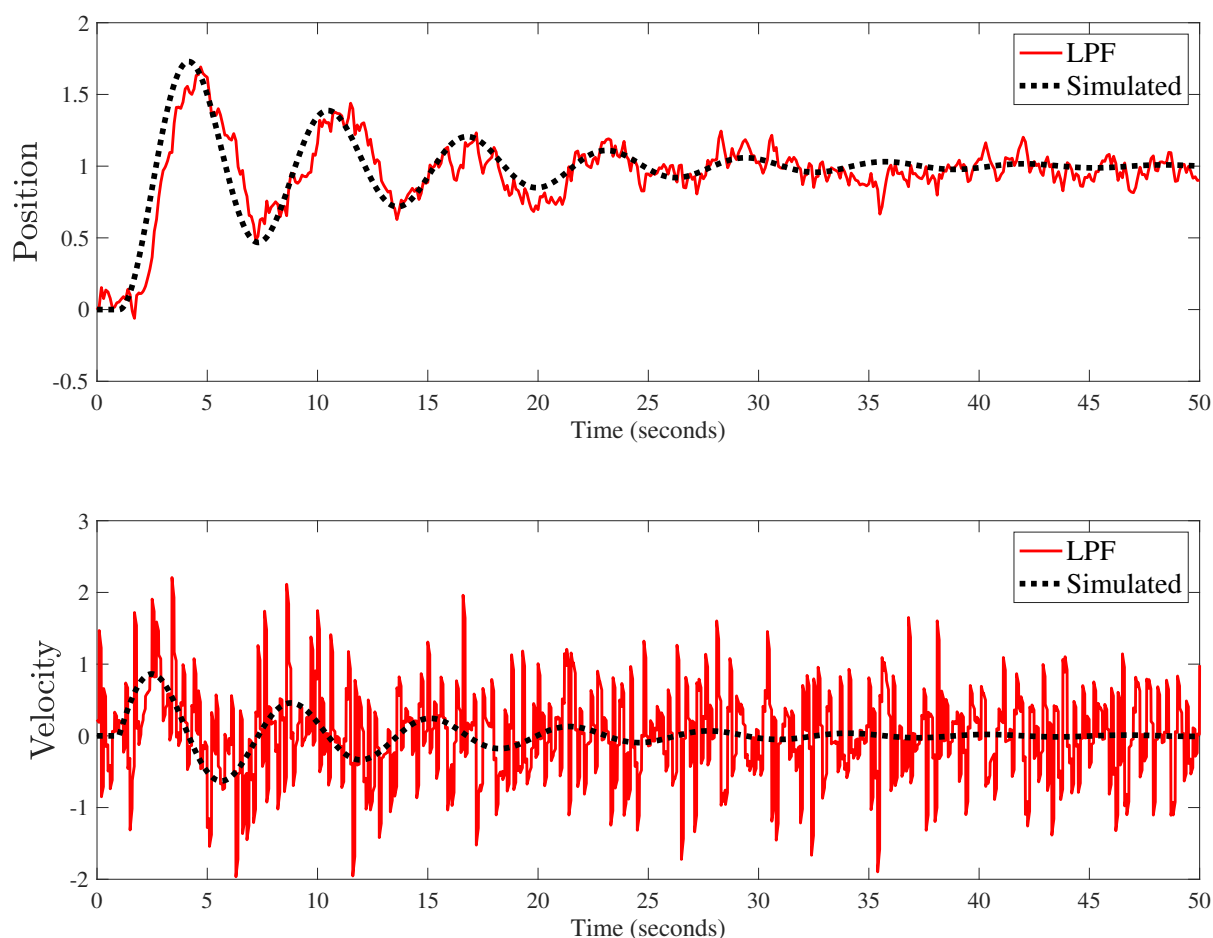




شکل ۶: مکان و سرعت تخمین زده شده با استفاده از فیلتر کالمن

در نهایت، برای تخمین وضعیت سیستم از فیلتر پایین گذر استفاده شده است. یک تابع تبدیل برای تخمین مکان و دیگری برای تخمین سرعت با استفاده از تابع تبدیل مشتق‌گیر به همراه فیلتر پایین گذر، استفاده است. برای تنظیم پارامترهای فیلتر پایین گذر از روش بهینه‌سازی Greedy استفاده شده است. تابع تبدیل فیلترهای پایین گذر به صورت زیر است. نتیجه پیاده‌سازی فیلتر پایین گذر در شکل ۳ آمده است.

$$\text{position LPF} = \frac{1}{0.5s + 1}, \quad \text{velocity LPF} = \frac{s}{0.5s + 1} \quad (۳)$$



شکل ۷: مکان و سرعت تخمین زده شده با استفاده از فیلتر پایین گذر

بر اساس نتایج پیاده‌سازی، فیلتر کالمن که از مدل سیستم استفاده می‌کند، تخمین بهتر و با تاخیر کمتری می‌زند و در نهایت عملکرد بهتری نسبت به فیلتر پایین گذر دارد.

## فهرست مطالب

۱	سوال اول	۱
۱	۱.۱ موشک هوا به زمین	۱
۲	۱.۱.۱ اجزای سیستم هدایت	۲
۲	۲.۱.۱ مراحل هدایت و هدف	۲
۵	۳.۱.۱ انتخاب مسیر هدایت	۵
۶	۴.۱.۱ نوع حسگرهای هدایت	۶
۶	۵.۱.۱ سیستم ناوبری	۶
۶	۶.۱.۱ سیستم هدایت	۶
۷	۲.۱ عکاسی هوایی با استفاده از پهپاد	۷
۷	سوال سوم	۲
۷	۱.۲ بخش اول	۷
۷	۲.۲ بخش دوم	۷
۸	سوال چهارم	۳

## فهرست تصاویر

۱	موشک هوا به زمین AGM-158	۱
۳	فاز پرتاب موشک هوا به زمین AGM-158	۲
۴	فاز میانی موشک هوا به زمین AGM-158	۳
۵	فاز پایانی موشک هوا به زمین AGM-158	۴
۸	مکان واقعی و نویزی شبیه سازی شده	۵
۹	مکان و سرعت تخمین زده شده با استفاده از فیلتر کالمن	۶
۱۰	مکان و سرعت تخمین زده شده با استفاده از فیلتر پایین گذر	۷

## List of Tables

1	GPS . . . . .	7
---	---------------	---