# تمرین سری اول الگوریتمهای مدرن در بهینهسازی

علی بنیاسد ۶ آبان ۱۴۰۱

- ١ سوال اول
- ۱.۱ قسمت اول
- ۲.۱ قسمت دوم
- ۳.۱ قسمت سوم
  - ۲ سوال دوم

مسأله QAP یکی از مسائل معروف در زمینه بهینهسازی ترکیبی است که به عنوان یکی از سخت ترین مسائل شناخته شده، در نظر گرفته می شود. این مسأله از آنجا که نقش بسیار مهمی در حل بسیاری از مسائل پیچیده روزمره ایفا میکند، در چندین دهه اخیر مورد توجه قرار گرفته است و بسیاری از محققین در زمینه های مختلف از جمله الکترویک، آمار، اقتصاد و … از آن بهره گرفته اند.

#### ۱۰۲ قسمت اول

یکی از مسألههای روزمره را میتوان به صورت مسأله فروشنده دوره گرد مدل کرد. برای مثال، در یک روز n مکان مختلف در دانشگاه را بررسی کنم و کارهای مختلفی انجام دهم. هدف از این مسأله کم کردن زمان حرکت و با فرض حرکت در سرعت ثابت، میتوان مسأله را به کمترین زمان نیز تبدیل کرد.

### ۲.۲ قسمت دوم

در این مسأله برای هر مسیر یک تابع هزینه محاسبه می شود و با توجه به شیب دانشگاه هزینه رفت بین دو مکان با برگشت آن مساوی نیست. از طرفی، برخی از مراکز را باید قبل از یک زمان مشخص ببرسی کنم که یک قید به مسأله اضافه می کند. برای اضافه کردن قید به مدل، می توان زمانی که مرکز بسته است، تابع هزینه را به شدت بالا برد که مسأله هرگز از این قید عبور نکند. در نتیجه، n مرکز وجود دارد که تمامی باید بررسی شوند از طرفی این مراکز تا یک ساعت خاصی فعالیت دارند و با فرض قسمت قبل می توان زمان را به عنوان یک پارامتر بررسی کرد و متناسب با زمان برای هر مسیر کاست تابعی از زمان ارائه داد.

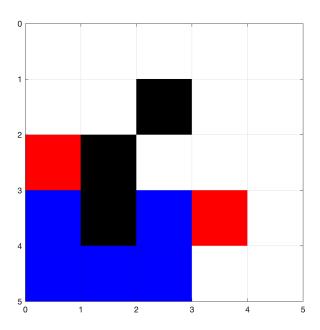
### ٣.٢ قسمت سوم

بله. با توجه به اینکه حل این مسأله از مرتبه O(n!) است، حجم محاسبات با افزایش مراکز به شدت بالا می رود و دچار Combinatorial Explosion می شود.

## ٣ سوال سوم

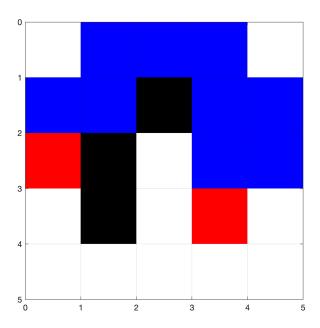
برای حل این مسأله ابتدا maze به یک گراف تبدیل می شود. در گراف هر خانه به خانه های اطراف متصل می شود به شرطی که مسیر مسدود نباشد. بعد از ساخت گراف برای پیدا کردن مسیر از الگوریتم (Depth First Search (DFS) استفاده شده است. در این الگوریتم به صورت بازگشتی از یک خانه به خانه دیگر می رود و ذخیره می کند که آیا از این خانه گذشته است یا خیر، که در مراحل دیگر سراغ خانه های تکراری نرود. در انتها بعد از رسیدن به مقد مسیر طی شده را بر می گرداند. این روش تمامی مسیرهای از مبدأ به مقصد را بر می گرداند. با توجه به اینکه هزینه رفتن از هر خانه به خانه دیگر برابر یک (مسیر وزن دار نیست) است هزینه را می توان به صورت مستقیم خانه های طی شده را در نظر گرفت. کد پیاده سازی در الگوریتم DFS در فایل Q3.py آورده شده است. در مجموع P مسیر برای رفتن از مبدا به مقصد وجود دارد که تمامی مسیرها در فایل P مسیر برای رفتن از مبدا به مقصد وجود دارد که تمامی مسیرها در فایل P و P مسیر مسیر مشخص معرفی کرد و حتی برای کمترین هزینه نیز دو مسیر وجود دارد؛ صرفا مسیری که P بدست آورده و تابع هزینه آن رتبه های خواسته مسیر وجود دارد؛ صرفا مسیری که P بدست آورده و تابع هزینه آن رتبههای خواسته مسیر وجود دارد؛ صرفا مسیری که P بدست آورده و تابع هزینه آن رتبههای خواسته مسیر وجود دارد؛ صرفا مسیری که P بدست آورده و تابع هزینه آن رتبههای خواسته مسیر وجود دارد؛ صرفا مسیری که P

شده را داراست، آورده شده است و جواب یکتا ندارد ولی هزینه مسیر یکتا است.

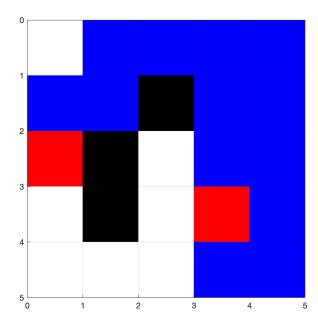


شكل ١: مسير با هزينه ٧ و رتبه ١

انیمشین مسیر حرکت نیز در فایل map\_visualisation.m آورده شدهاست.



شکل ۲: مسیر با هزینه ۱۱ و رتبه ۱۰



شکل ۳: مسیر با هزینه ۱۵ و رتبه ۵۰

۴ سوال چهارم
۴ سوال چهارم