تمرین سری چهارم الگوریتمهای مدرن در بهینهسازی

علی بنیاسد ۲۲ دی ۱ °۲۴

١ سوال اول

برای بهینه سازی از الگوریتم PSO استفاده شده است. در تابع پیاده سازی شده ابتدا تعدادی پرنده به صورت تصادفی در بازه تعریف شده قرار میگیرند. برای هر پرنده یک سرعت اولیه به صورت تصادفی انتخاب می شود. تغیرات سرعت پرنده به صورت معادله ۱ است.

$$v = wv + C_1 N(0, 1)(p_{best} - x) + C_2 N(0, 1)(g_{best} - x)$$
(1)

$$x = x + v \tag{7}$$

در رابطه بالا ضرایب p_{best} ، m و C_2 از ضرایب رایج در مقالات استفاده شده است. p_{best} بیانگر بهترین تجربه ی پرنده هایی است که با آن در ارتباط است. توپولوژی تجربه هر پرنده است و g_{best} بیانگر بهترین تجربه ی پرنده هایی است که با آن در ارتباط است. توپولوژی همسایگی (شکل ۱) به صورت حلقه (Ring) در نظر گرفته شده است. در این سوال خواسته بخش اول گزارش CEC2005 انجام شده است (با توجه به اینکه حجم محاسبات بالایی داشت و ددلاین نزدیک بود دیتاهای بدست آمده در جدول آورده شده است و سایر دیتاها به محض بدست آمدن اضافه خواهند شد و در github به روزرسانی خواهد شد.)، ولی، در گزارش تنها بخشی از نمودارها آورده شده است و سایر نمودار ها در فایل T_1 و بخش T_2 است. پارامترهای الگوریتم T_3 در جدول ۱ آورده شده است.

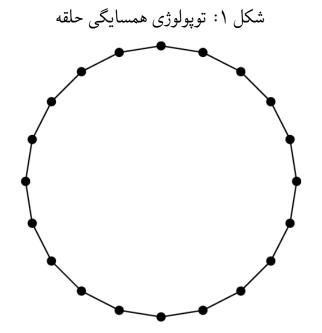
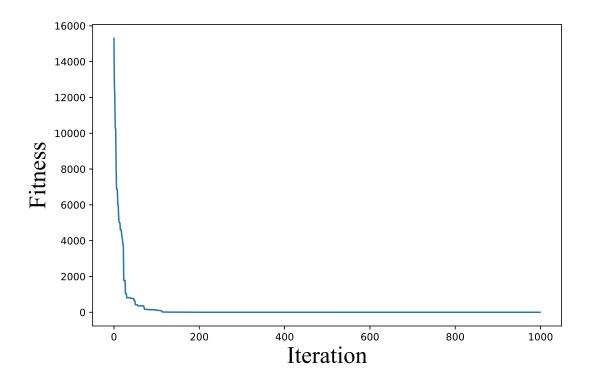


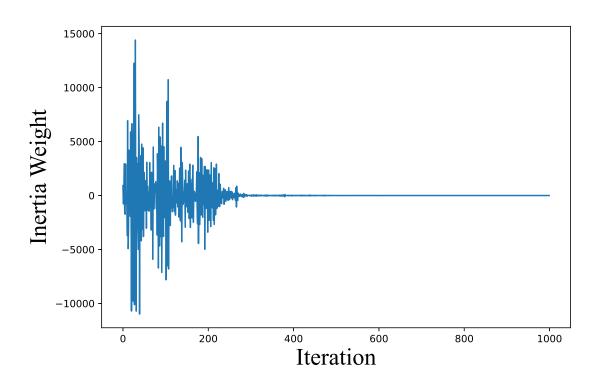
Table 1: Parameter of ACO

Parameter	Value
Number of Particles	20
C_1	2
C_2	2
$oxed{w}$	0.5

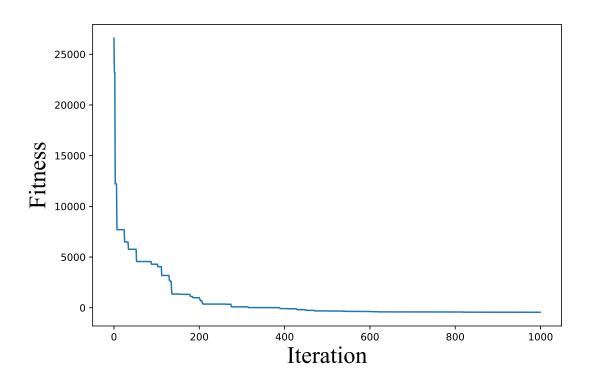
شکل ۲: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=10) برای $\circ \circ \circ$ تکرار



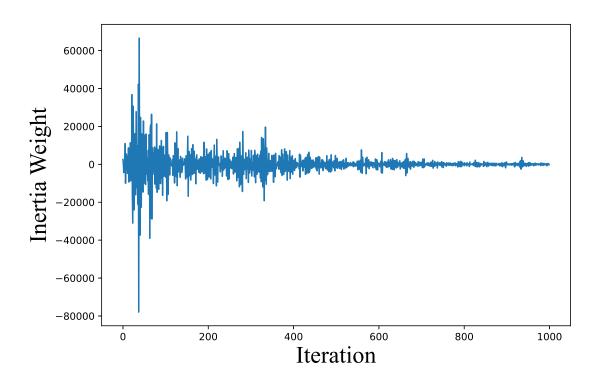
شکل ۳: نمودار inertia weight الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=10) برای ۱۰۰۰ تکرار



شکل Υ : نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=10) برای $\circ \circ \circ$ تکرار



شکل ۵: نمودار inertia weight الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=10) برای ۱۰۰۰ تکرار



به علت اینکه تابع شماره دو دارای نویز است، پس، inertia weight آن نیز دارای نویز است.

Table 2: Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=10)

FI	ES/Problem	Problem 1	Problem 2						
	$1^{th}(\text{Best})$	-449.9999787052277	-449.9999999999955						
1e3	7^{th}	-449.999853416358	-449.9999999983805						
	$13^{th}(Median)$	-449.9996680779018	-449.999985766405						
	19^{th}	-449.9992664160519	-449.8254439788584						
	$25^{th}(Worst)$	-449.9935680412684	-61.45240223709476						
	Mean	-449.9992093850963	-423.450611298781						
	Std	0.001321429062858954	81.2593245611484						
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-450.0	-449.9999999999966						
	7^{th}	-450.0	-449.99999999536						
	$13^{th}(Median)$	-449.99999999999994	-449.9890024477813						
1e4	19^{th}	-449.99999999999994	-429.92744443669807						
	$25^{th}(Worst)$	-449.9999999999983	4782.609097090884						
	Mean	-450.0	-129.8996247758574						
	Std	5.796914039811765e-14	1068.5144300632844						
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-450.0	-450.0						
	7^{th}	-450.0	-450.0						
	$13^{th}(Median)$	-450.0	-450.0						
1e5	19^{th}	-449.9999999999999	-449.9999999999999						
	$25^{th}(Worst)$	-449.99999999999994	-449.99999999999994						
	Mean	-450.0	-450.0						
	Std	3.215549355384371e-14	3.215549355384371e-14						

Table 3: Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=30)

FI	ES/Problem	Problem 1	Problem 2						
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-449.99998619166854	-449.9999999939354						
	7^{th}	-449.9998718525022	40420.10955750148						
	$13^{th}(Median)$	-449.9998195592621	56691.59162357271						
1e3	19^{th}	-449.99942177358423	79561.30101108812						
	$25^{th}(Worst)$	-449.9985720932928	123160.65222491047						
	Mean	-449.99962402843727	58183.77085117807						
	Std	0.0003711894716529072	30723.13488958691						
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-450.0	23595.40655734655						
	7^{th}	-450.0	33363.7352014709						
	$13^{th}(Median)$	-449.9999999999994	47183.89788197362						
1e4	19^{th}	-449.9999999999994	60886.23378363138						
	$25^{th}(Worst)$	-449.9999999999994	103569.85779628623						
	Mean	-450.0	49939.64569103153						
	Std	4.5474735088646414e-14	21155.063674898593						

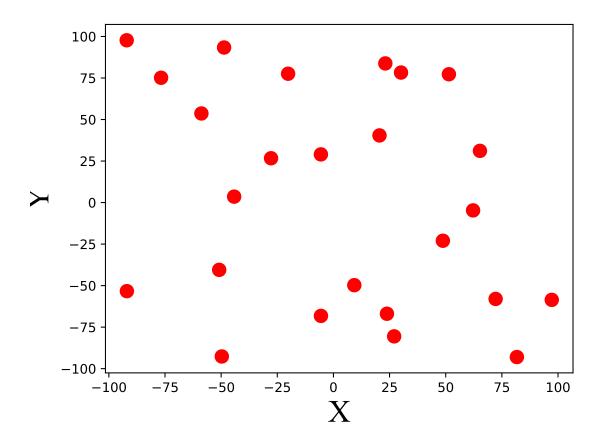
Table 4: Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=50)

F	ES/Problem	Problem 1	Problem 2					
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-449.99998100894874	18439.04388319432					
	7^{th}	-449.9999238343942	44613.926387444895					
	$13^{th}(Median)$	-449.9998536654368	69394.46049754831					
1e3	19^{th}	-449.9996903867559	96414.65498879585					
	$25^{th}(Worst)$	-449.99863762582254	153348.96108922383					
	Mean	-449.99973406754907	69754.01098699088					
	Std	0.0003002225766163943	37537.44745190397					
	$1^{th}(\mathrm{Best})$	-450.0	123434.7542796172					
	7^{th}	-450.0	161688.4767345813					
	$13^{th}(Median)$	-449.9999999999994	196405.68546559024					
1e4	19^{th}	-449.9999999999994	260789.9331202219					
	$25^{th}(Worst)$	-449.9999999999994	380963.02282124246					
	Mean	-450.0	215538.32784349122					
	Std	4.5474735088646414e-14	73059.88366852782					

۲ سوال دوم

در این سوال از الگوریتم ابتکاری مورچگان برای حل مسئله معروف فروشنده دورهگرد استفاده شده است. بخش ۱۰۲ با فرض نبودن ترافیک، بخش ۲۰۲ با فرض ترافیک و بخش ۳۰۲ با فرض اینکه ترافیک تابعی از زمان است حل شده است. در شکل ۲ مکان شهرها رسم شده است.

شكل ٤: مكان شهرها



در الگوریتم مورچگان ابتدا ماتریس فرمون برای هر مسیر تعریف میشود. با توجه به اینکه هیچ موچهای هنوز حرکت نکرده است، در ماتریس فرمون تعریف شده هر مسیر فرمون برابر با یک است. در ادامه هر مورچه برای انتخاب مسیر از احتمال زیر استفاده میکند.

$$p_n(c_i, c_j) = \frac{\tau(c_i, c_j)^{\alpha} / \delta(c_i, c_j)^{\beta}}{\sum \tau(c_i, c_j)^{\alpha} / \delta(c_i, c_j)^{\beta}} \tag{(7)}$$

که در رابطه بالا τ برابر با مقدار فرمون هر مسیر و δ برابر با طول مسیر است. بعد از آنکه تمامی مورچهها حرکت کردند فرمون مسیرها به صورت زیر بهروز رسانی می شود.

$$\tau(c_i, c_j) = (1 - \rho)\tau(c_i, c_j) + \sum_{n=1}^{m} \Delta \tau(c_i, c_j)$$
(*)

که پارامتر رابطه بالا به صورت زیر تعریف میشود.

$$\Delta \tau(c_i, c_j) = \frac{Q}{L} \tag{2}$$

که در رابطه بالا L برابر با طول مسیر طی شده توسط مورچه است. پارامتر Q برای رفتار بهتر الگوریتم استفاده شده است. پارامترهای الگوریتم مورچگان بر اساس اعداد رایج در مقالهها انتخاب شده است. پارامترهای الگوریتم مورچگان در جدول Δ آورده شده است.

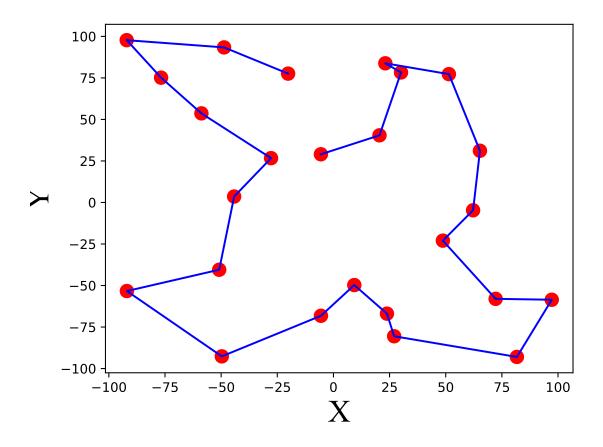
Table 5: Parameter of ACO

Parameter	Value
Number of Ants	10
Number of Iterations	100
α	1
eta	5
ho	0.5
Q	100

۱.۲ پخش اول

با توجه به اینکه الگوریتم مورد استفاده ابتکاری است و تابع رندوم بخش مهمی از آن است در اینجا دو راه حل (شکل های ۱۰۲ و ۱۰۲) آورده شده است. طول هر مسیر نیز در جدول ۱۰۲ آورده شده است. برای حل این مسئله از یک ماتریس به اسم graph برای توصیف فاصلهی بین شهرها استفاده شده است

شكل ٧: راه حل اول توليد شده توسط الگوريتم ACO



شكل A: راه حل دوم توليد شده توسط الگوريتم ACO

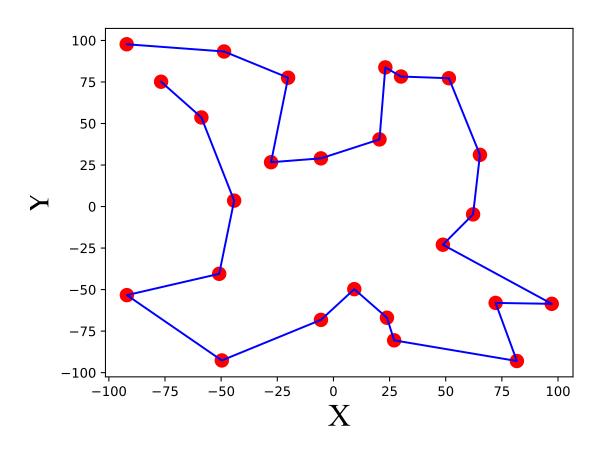
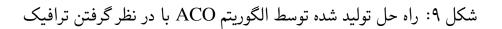


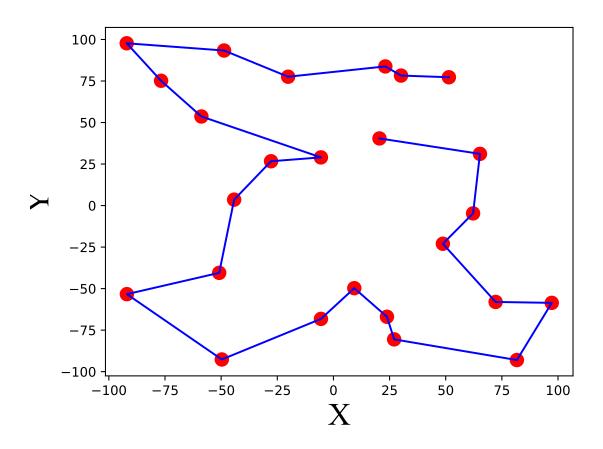
Table 6: Cost of solution produced with ACO

solution 1 Cost	solution 2 Cost
881.0	899.8

۲.۲ بخش دوم

در بخش ۱۰۲ ماتریس graph معرفی شد. در این بخش برای اضافه کردن ترافیک، درایههای ماتریس $\operatorname{traffic}$ به نظیر به نظیر تقسیم بر درایههای ماتریس graph (هر چه سرعت بیشتر باشد هزینه رفتن از شهر i به i کمتر است) میشوند.





۳.۲ بخش سوم

برای ترافیک متغیر با زمان دو رویکرد در نظر گرفته شد. رویکرد اول آن بود که در هر زمان مسئله از اول حل شود و رویکرد دوم به این صورت بود که در زمان بعدی فرمون زمان قبل باقی بماند ولی ترافیک مسیر عوض شده باشد. مقایسه نتایج دو رویکرد در جدول ۳۰۲ آورده شده است. برای پویانمایی مسیر بهینه دو فایل gif با نامهای Figure/Q2 وجود دارد که هر کدام برای یک رویکرد اشاره شده است.

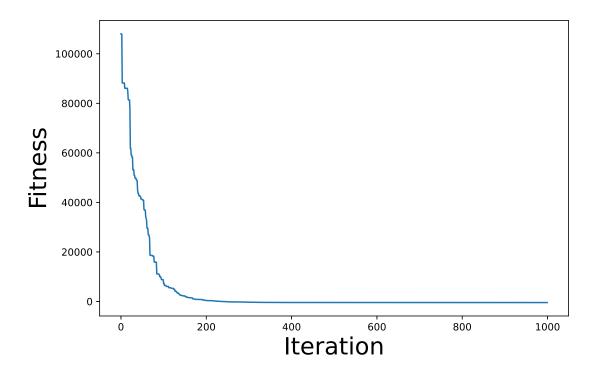
Table 7: Cost of solution produced with ACO

Time	local pheromone solution	global pheromone solution
i = 0	874.72	879.96
i = 1	1491.50	1571.60
i = 2	936.80	1138.58
i = 3	1130.20	1152.92
i = 4	1011.32	1095.87
i = 5	1030.46	1080.46
i = 6	1324.29	1357.68
i = 7	1081.62	1077.28
i = 8	1129.28	1163.53
i = 9	1329.87	1309.49
sum	11340.11	11827.44

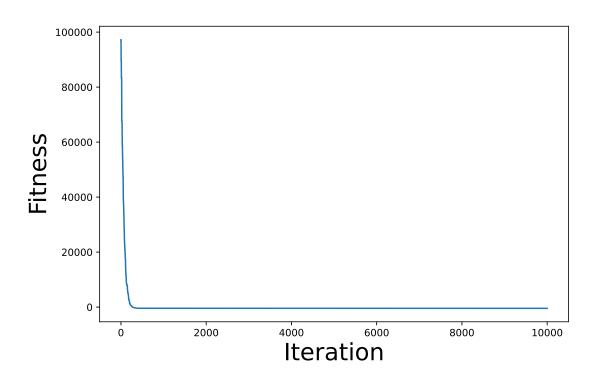
۳ پیوست

در این بخش نمودارهای الگوریتم PSO آورده شده است.

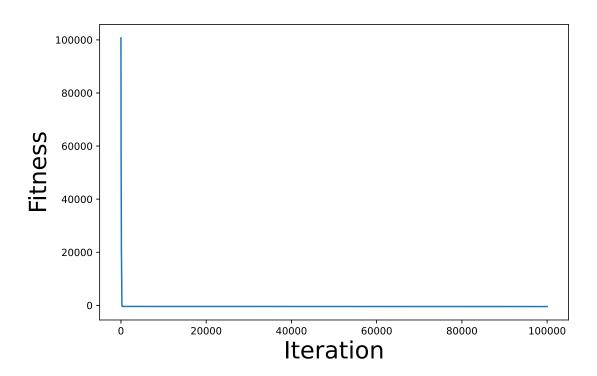
شکل ۱۰: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=10) برای ۱۰۰۰ تکرار



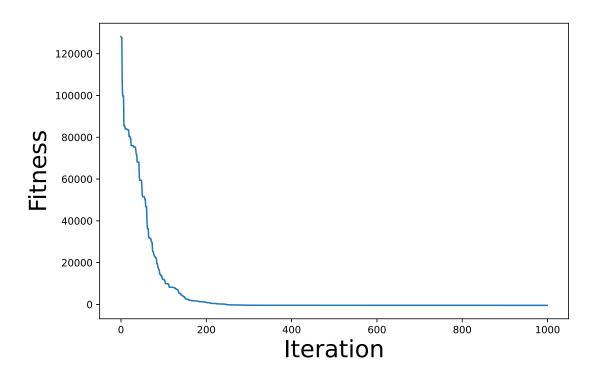
شکل ۱۱: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=10) برای ۱۰۰۰۰ تکرار



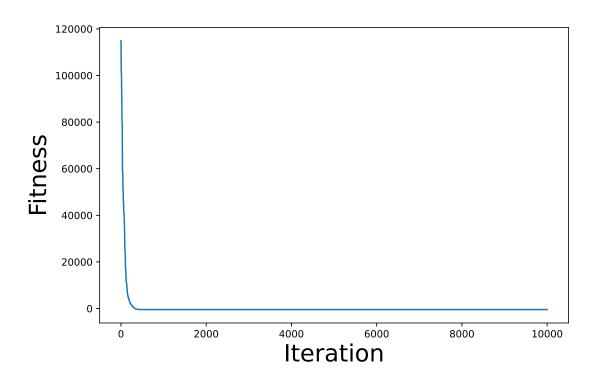
شکل ۱۲: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=10) برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار



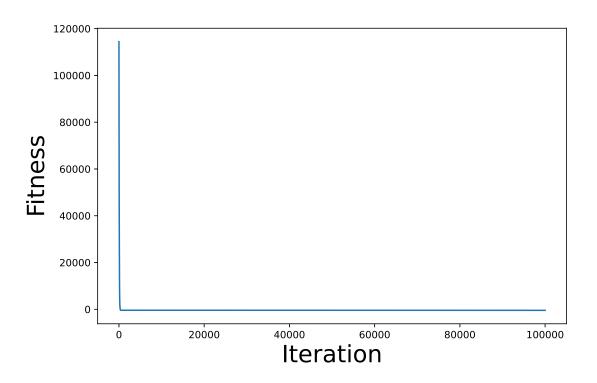
شکل ۱۳: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=30) برای ۱۰۰۰ تکرار



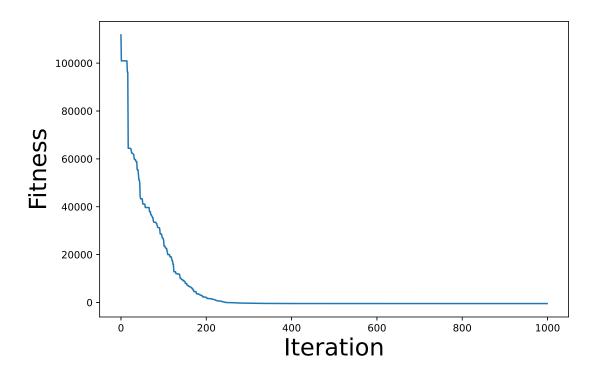
شکل ۱۴: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=30) برای ۱۰۰۰۰ تکرار



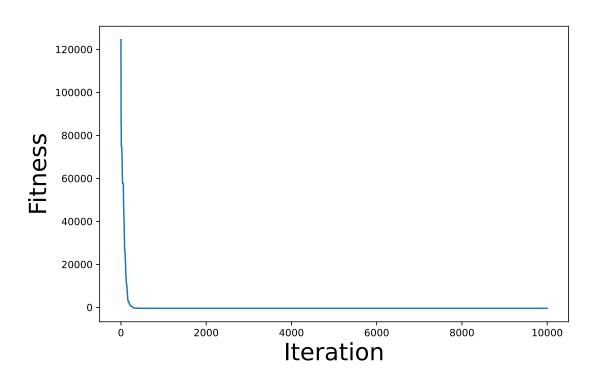
شکل ۱۵: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=30) برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار



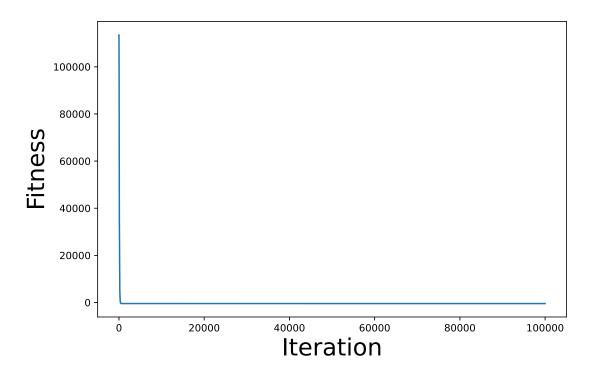
شکل ۱۰۰۰ نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=50) برای ۱۰۰۰ تکرار



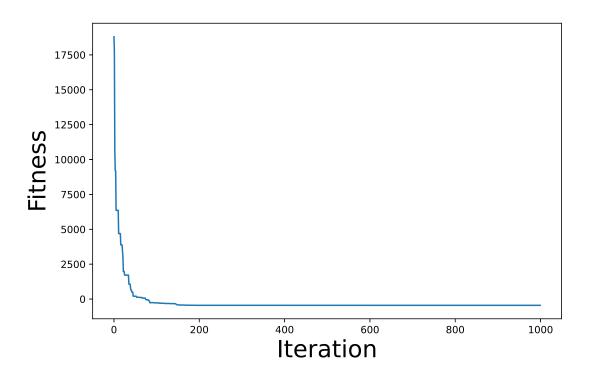
شکل ۱۷: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=50) برای ۱۰۰۰۰ تکرار



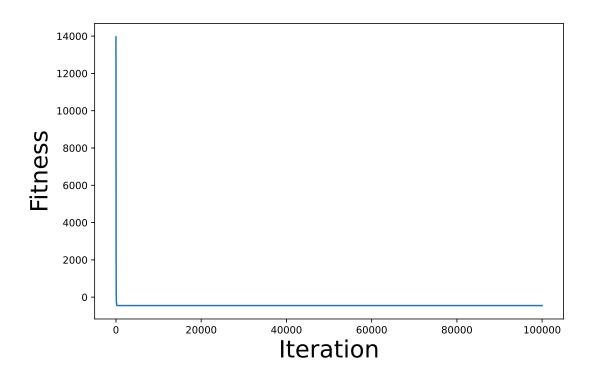
شکل ۱۸: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک (D=50) برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار



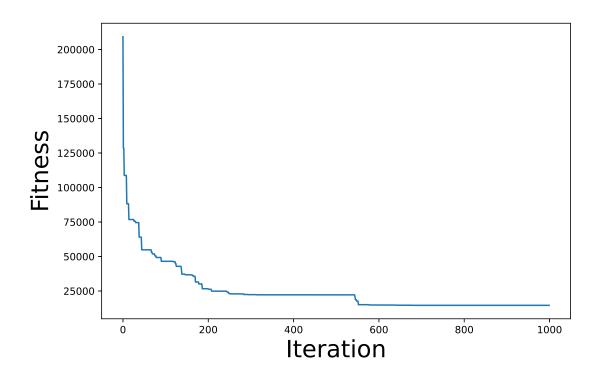
شکل ۱۹: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=10) برای ۱۰۰۰ تکرار



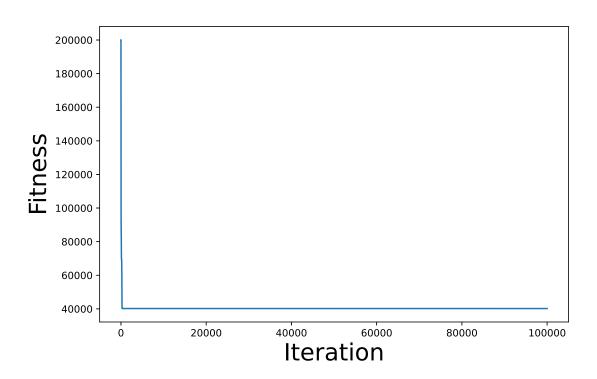
شکل ۲۰: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=10) برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار



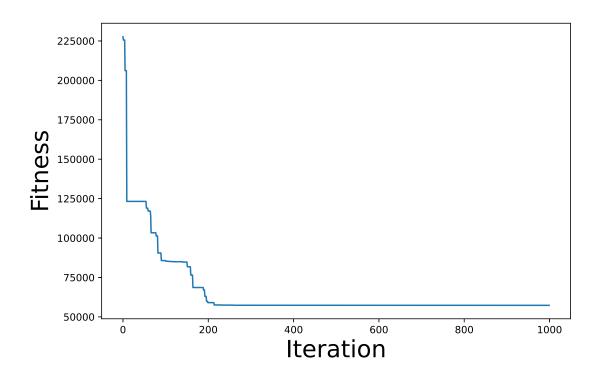
شکل ۲۱: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=30) برای ۱۰۰۰ تکرار



شکل ۲۲: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=30) برای $\circ \circ \circ \circ \circ$ تکرار



شکل ۲۳: نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو (D=50) برای $\circ \circ \circ$ تکرار



فهرست مطالب فهرست مطالب

١																							ل	او	وال	•••	١
٧																							_م	دو	وال	•••	۲
٩																	•			(اول						
۱۱	•					•					•		•					•		Í	دوء	ی د	خشر	ب	۲.	۲	
١٢	•				•					•	•		•			•		•	•	م	سو	, ر	خشر	ب	٣.	٢	
۱۳																								ت	بو س	ید	٣

فهرست تصاویر علی بنیاسد ۴۰۱۲۰۹۲۴۰ فهرست تصاویر فهرست تصاویر

۲	توپولوژي همسايگي حلقه	١
٣	. تكوار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=10)$ برای $\circ \circ \circ$ تكرار	۲
	$\circ \circ \circ$ نمودار inertia weight الگوریتم PSO تابع شماره یک ($D=10$) برای	٣
٣	تكرار	
۴	تمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=10)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	k
۴	نمودار inertia weight الگوریتم PSO تابع شماره دو ($D=10$) برای ۱۰۰۰ تکرار	۵
٨	مكان شهرها	۶
۰ (راه حل اول توليد شده توسط الگوريتم ACO	٧
۱۱	راه حل دوم توليد شده توسط الگوريتم ACO	٨
۱۲	راه حل تولید شده توسط الگوریتم ACO با در نظر گرفتن ترافیک	٩
14	. تكورار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=10)$ برای $\circ \circ \circ$ تكرار	١.
14	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=10)$ برای $\circ \circ \circ \circ$ تکرار	11
۱۵	نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=10)$ برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار	17
۱۵	. تمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=30)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	14
18	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=30)$ برای ۱۰۰۰۰ تکرار	14
18	نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=30)$ برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار	۱۵
۱۷	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=50)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	18
۱۷	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=50)$ برای ۱۰۰۰۰ تکرار	17
۱۸	نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره یک $(D=50)$ برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار	١٨
۱۸	\cdot . نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=10)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	19
۱۹	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=10)$ برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار	۲.
۱۹	$\cdot \cdot \cdot$ نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=30)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	71
۲۰	. نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=30)$ برای ۱۰۰۰۰۰ تکرار	77
۲۰	$\cdot \cdot \cdot$ نمودار همگرایی الگوریتم PSO تابع شماره دو $(D=50)$ برای ۱۰۰۰ تکرار	74

List of Tables

1	Parameter of ACO	2
2	Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=10)	5
3	Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=30)	6
4	Values Achieved with PSO algorithm for Problems 1 and 2 (D=50)	7
5	Parameter of ACO	9
6	Cost of solution produced with ACO	11
7	Cost of solution produced with ACO	13