

دانشگاه صنعتی شریف دانشکدهی مهندسی هوافضا

پروژه کارشناسی ارشد مهندسی فضا

عنوان:

## هدایت یادگیری تقویتی مقاوم مبتنی بر بازی دیفرانسیلی در محیطهای پویای چندجسمی با پیشران کم

نگارش:

علی بنی اسد

استاد راهنما:

دكتر هادى نوبهارى

دی ۳ ۱۴۰



## به نام خدا

## دانشگاه صنعتی شریف

## دانشكدهي مهندسي هوافضا

## پروژه کارشناسی ارشد

عنوان: هدایت یادگیری تقویتی مقاوم مبتنی بر بازی دیفرانسیلی در محیطهای پویای چندجسمی با پیشران کم

نگارش: على بنى اسد

## كميتهى ممتحنين

استاد راهنما: دكتر هادى نوبهارى امضاء:

استاد مشاور: استاد مشاور

استاد مدعو: استاد ممتحن امضاء:

تاريخ:

#### سپاس

از استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر نوبهاری که با کمکها و راهنماییهای بیدریغشان، بنده را در انجام این پروژه یاری دادهاند، تشکر و قدردانی میکنم. از پدر دلسوزم ممنونم که در انجام این پروژه مرا یاری نمود. در نهایت در کمال تواضع، با تمام وجود بر دستان مادرم بوسه میزنم که اگر حمایت بیدریغش، نگاه مهربانش و دستان گرمش نبود برگ برگ این دست نوشته و پروژه وجود نداشت.

#### چکیده

در این پژوهش، از یک روش مبتنی بر نظریه بازی به منظور کنترل وضعیت استند سه درجه آزادی چهار پره استفاده شده است. در این روش بازیکن اول سعی در ردگیری ورودی مطلوب می کند و بازیکن دوم با ایجاد اغتشاش سعی در ایجاد خطا در ردگیری بازیکن اول می کند. در این روش انتخاب حرکت با استفاده از تعادل نش که با فرض بدترین حرکت دیگر بازیکن است، انجام می شود. این روش نسبت به اغتشاش ورودی و همچنین نسبت به عدم قطعیت مدل سازی می تواند مقاوم باشد. برای ارزیابی عملکرد این روش ابتدا شبیه سازی هایی در محیط سیمولینک انجام شده است و سپس، با پیاده سازی روی استند سه درجه آزادی صحت عملکرد کنترل کننده تایید شده است.

**کلیدواژهها**: چهارپره، بازی دیفرانسیلی، نظریه بازی، تعادل نش، استند سه درجه آزادی، مدلمبنا، تنظیمکننده مربعی خطی

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Game Theory

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Nash Equilibrium

## فهرست مطالب

١	به	مقدم	١
١	انگيزه پژوهش	1-1	
١	تعریف مسئله	<b>Y-1</b>	
١	ٔ اهداف و نوآوری	۳-۱	
١	ٔ محتوای گزارش ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، محتوای گزارش	4-1	
۲	ينه پژوهش ينه پژوهش	پیشی	۲
۲	ماموریتهای بین مداری ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ماموریتهای بین مداری	1-7	
۴	ٔ بازی دیفرانسیلی ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ،	7-7	
۴	ا يادگيري تقويتي	٣-٢	
۴	ٔ یادگیری تقویتی چندعاملی	4-4	
۴	۲-۴-۲ ماموریتهای بینمداری		
۵	۲-۴-۲ بازی دیفرانسیلی		
۵	۲-۴-۲ یادگیری تقویتی ۲-۱۰۰۰، ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، یادگیری تقویتی		
۶	۲-۲-۲ یادگیری تقویتی چندعاملی ،		
٨	) يادگيري تقويتي چندعاملي	۵-۲	
٨	۱-۵-۲ تعریف و اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی		
٨			

	۲-۵-۳ چالشهای یادگیری تقویتی چندعاملی ۲-۵-۳ چالشهای یادگیری	
٨	۲-۵-۲ ایمنی در یادگیری تقویتی چندعاملی ۲-۱۰۰۰، ۲۰۰۰، در یادگیری	
٨	۲-۵-۵ الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی	
٨	۲-۵-۶ کاربرد MARL در مسائل نظری	
٨	۲-۵-۲ کاربرد MARL در ماموریتهای فضایی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، MARL در ماموریتهای	
٨	کاربرد مولتی اجنت در بازی ها	8-4
٩	کاربرد چند عاملی در بازیها	<b>Y-</b> Y
٩	۲-۷-۲ تعریف بازیهای چند عاملی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، تعریف بازیهای	
٩	۲-۷-۲ الگوریتم بهینه در بازیهای چند عاملی	
١.	۲-۷-۳ ایمنی و قابلیت اطمینان الگوریتم در بازیها	
١.	۲-۷-۲ مطالعات موردی و نتایج تجربی ۲-۷-۰۰ مطالعات موردی	
11	۵-۷-۲ نتیجهگیری	
	۲-۷-۶ پیشنهادات برای تحقیقات آینده ۲-۰۰۰ بیشنهادات برای تحقیقات آینده	
11	ر المنظم	
11		۳ یاد <i>گی</i> ر
	رى تقويتى	
17		
17	رى تقويتى مفاهيم اوليه	
17 17 17	ری تقویتی مفاهیم اولیه	
17 17 17	رى تقويتى مفاهيم اوليه	
17 17 17 17	ری تقویتی مفاهیم اولیه	
17 17 17 17 17	ری تقویتی مفاهیم اولیه	
17 17 17 17 17 18	ری تقویتی  مفاهیم اولیه	
17 17 17 17 17 18 16	ری تقویتی مفاهیم اولیه	

۱۸	۱-۲-۳ یادگیری Q در DDPG
۲۰	۲-۲-۳ سیاست در DDPG سیاست در
۲۰	۳-۲-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در DDPG
۲۰	۴-۲-۳ شبه کد DDPG شبه کد
77	۳-۳ عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه
۲۳	۳-۳-۱ اکتشاف و بهرهبرداری در TD3
۲۳	۳-۳-۳ شبه کد TD3 شبه کد
۲۵	۳-۳ عامل عملگر نقاد نرم
۲۵	۳-۴-۱ یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی
۲۵	۲-۴-۳ سیاست در SAC سیاست در
78	۳-۴-۳ تابع ارزش در SAC تابع ارزش در
78	۳-۴-۳ تابع Q در ۴-۴-۳
48	۵-۴-۳ معادله بلمن در SAC معادله بلمن در
48	۳-۴-۳ یادگیری Q یادگیری ۶-۴-۳
27	۲-۴-۳ سیاست در SAC سیاست در
۲۸	۳-۴-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در SAC
۲۸	۹-۴-۳ شبه کد SAC شبه کد
۳۰	۵-۳ عامل بهینهسازی سیاست مجاور ۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰
٣١	۳-۵-۳ سیاست در الگوریتم PPO میاست در الگوریتم ۱-۵-۳
٣١	۳-۵-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در PPO
٣٢	۳-۵-۳ شبه کد PPO شبه کد
٣٣	۴ یادگیری تقویتی چند عاملی
٣٣	۱-۴ تعریف یادگیری تقویتی چندعاملی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، تعریف یادگیری تقویتی چندعاملی
44	۴-۱-۱ مفاهیم پایه در یادگیری تقویتی چندعاملی

44	۲-۱-۴ تعاملات میان عاملها ۲۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰ تعاملات میان عاملها	
٣۵	۴-۱-۳ تفاوتهای MARL با یادگیری تقویتی تک عاملی	
٣۵	۴-۱-۴ چالشهای یادگیری تقویتی چندعاملی ۲۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰	
3	۴-۱-۵ کاربردهای یادگیری تقویتی چندعاملی	
٣٧	۴-۱-۶ مبنای نظریه بازی در MARL	
٣٧	۲-۴ اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی	
٣٩	۲-۲-۴ بازیهای جمع صفر	
41	۲-۲-۴ تعادل نش	
۴۳	۴-۲-۳ ایمنی و مقاومت در یادگیری تقویتی چندعاملی ۲-۲-۳ ایمنی و مقاومت در یادگیری	
47	۴-۲-۴ الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی	
۵١	مدلسازی محیط یادگیری سه جسمی	۵
۵۲	۵-۱ مسئله سهجسمی محدود دایرهای ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۵۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰	
۵۴	شبیهسازی عامل درمحیط سه جسمی	۶
۵۴	۱-۶ آموزش عامل در یادگیری توقیتی	
۵۴	۶-۱-۱ تعریف عامل و فرآیند آموزش	
۵۵	۶-۱-۲ زمان و نوع پردازنده در آموزش عامل	
۵۶	۶-۱-۳ نتیجهگیری	
۵۷	سخت افزار در حلقه عملک د عامل در محبط سه حسمی	٧

## فهرست جداول

## فهرست تصاوير

١٣	•	•	•	•	•	•	•		•			•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•		حلقه تعامل عامل و محيط	1-4
۵۲	•				•		•						•	•				•	•					•		ۣد	ود	هندسه مسئله سه بدنه محد	۱-۵

# فهرست الگوريتمها

۲١	ان سیاست عمیق قطعی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۱۰۰۰، میاست عمیق قطعی	۱ گرادی
14	، گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه	۲ عامل
۲۹	، عملگرد نقاد نرم	۳ عامل
٣٢	سازی سیاست مجاور (PPO-Clip)	۴ بهینه،

## فصل ۱

## مقدمه

۱-۱ انگیزه پژوهش

۲-۱ تعریف مسئله

در سالهای اخیر، پیشرفتهای فناوری در زمینههای مختلف، از جمله کنترل پرواز، پردازش سیگنال و هوش مصنوعی، به افزایش کاربردهای ماهواره با پیشران کم در منظومه زمین-ماه کمک کرده است. ماهواره با پیشران کم میتواند برای تعقیب ماهوارهها، انتقال مداری و استقرار ماهوارهها استفاده شود. روشهای هدایت بهینه قدیمی جهت کنترل ماهوارهها اغلب نیازمند فرضیات ساده کننده، منابع محاسباتی فراوان و شرایط اولیه مناسب هستند. الگوریتمهای مبتنی بر یادگیری تقویتی این توانایی را دارند که بدون مشکلات اشاره شده هدایت ماهواره را انجام دهند. به همین دلیل، این الگوریتمها میتوانند امکان محاسبات درونی (On-board Computing) را فراهم میکنند.

- ۱-۳ اهداف و نوآوری
- ۱-۴ محتوای گزارش

## فصل ۲

## پیشینه پژوهش

## ۱-۲ ماموریتهای بین مداری

هدایت فضاپیماها معمولاً با استفاده از ایستگاههای زمینی انجام می شود. با این حال، این تکنیکها دارای محدودیتهایی از جمله حساسیت به قطع ارتباطات، تاخیرهای زمانی، و محدودیتهای منابع محاسباتی هستند. الگوریتمهای یادگیری تقویتی و بازیهای دیفرانسیلی می توانند برای بهبود قابلیتهای هدایت فضاپیماها، از جمله مقاومت در برابر تغییرات محیطی، کاهش تاخیرهای ناشی از ارتباطات زمینی، و افزایش کارایی محاسباتی، مورد استفاده قرار گیرند.

هدایت فضاپیماها معمولاً پیش از پرواز انجام میشود. این روشها میتوانند از تکنیکهای بهینهسازی فراگیر [۱] یا برنامهنویسی غیرخطی برای تولید مسیرها و فرمانهای کنترلی بهینه استفاده کنند. با این حال، این روشها معمولا حجم محاسباتی زیادی دارند و برای استفاده درونسفینه نامناسب هستند [۲]. یادگیری ماشین میتواند برای بهبود قابلیتهای هدایت فضاپیماها استفاده شود. کنترلکننده شبکه عصبی حلقهبسته میتواند برای محاسبه سریع و خودکار تاریخچه کنترل استفاده شود. یادگیری تقویتی نیز میتواند برای یادگیری رفتارهای هدایت بهینه استفاده شود.

روشهای هدایت و بهینهسازی مسیر فضاپیماها بهطور کلی به راهحلهای اولیه مناسب نیاز دارند. در مسائل چند جسمی، طراحان مسیر اغلب حدسهای اولیه کمهزینهای برای انتقالها با استفاده از نظریه سیستمهای دینامیکی و منیفولدهای ثابت [۳، ۴] ایجاد میکنند.

شبکههای عصبی ویژگیهای جذابی برای فعالسازی هدایت در فضاپیما دارند. بهعنوان مثال، شبکههای عصبی میتوانند بهطور مستقیم از تخمینهای وضعیت به دستورهای پیشران کنترلی که با محدودیتهای مأموریت

سازگار است، برسند. عملکرد هدایت شبکههای عصبی در مطالعاتی مانند فرود بر سیارات [۵]، عملیات نزدیکی به سیارات [۶] و کنترل فضاپیما با پیشران ازدسترفته [۷] نشان داده شده است. تازهترین پیشرفتهای تکنیکهای یادگیری ماشین در مسائل خودکارسازی درونی بهطور گستردهای مورد مطالعه قرار گرفتهاند؛ از پژوهشهای اولیه تا تواناییهای پیادهسازی. بهعنوان مثال، الگوریتمهای یادگیری ماشین ابتدایی در فضاپیماهای مریخی نبرد برای کمک به شناسایی ویژگیهای زمینشناسی تعبیه شدهاند. الگوریتم AEGIS توانایی انتخاب خودکار هدف توسط یک دوربین در داخل فضاپیماهای Opportunity ،Spirit را فعال دارد ارکامپیوتر پرواز اصلی، فرآیند دقت افزایی (Refinement Process) نیاز به ۹۴ تا ۹۶ ثانیه دارد [۹]، که به طور قابل توجهی کمتر از زمان مورد نیاز برای ارسال تصاویر به زمین و انتظار برای انتخاب دستی توسط دانشمندان است. برنامههای آینده برای کاربردهای یادگیری ماشین درونسفینه شامل تواناییهای (باتیکی درونسفینه برای فضاپیمای یادگیری ماشین یاتهای اوماسیون آینده دارند.

علاوه بر رباتیک سیارهای، پژوهشهای مختلفی به استفاده از تکنیکهای مختلف یادگیری ماشین در مسائل نجومی پرداختهاند. در طراحی مسیر عملکرد رگرسیون معمولاً مؤثرتر هست. به عنوان مثال، از یک شبکه عصبی (NN) در بهینهسازی مسیرهای رانشگر کمپیشران استفاده شده است [۱۳]. پژوهشهای جدید شامل شناسایی انتقالهای هتروکلینیک [۱۴]، اصلاح مسیر رانشگر کمپیشران [۱۵] و تجزیه و تحلیل مشکلات ازدسترفتن رانشگر [۷] میشود.

تکنیکهای یادگیری نظارتی میتوانند نتایج مطلوبی تولید کنند؛ اما، دارای محدودیتهای قابل توجهی هستند. یکی از این محدودیتها این است که این رویکردها بر وجود دانش پیش از فرآیند تصمیمگیری متکی هستند. این امر مستلزم دقیقبودن دادههای تولیدشده توسط کاربر برای نتایج مطلوب و همچنین وجود تکنیکهای موجود برای حل مشکل کنونی و تولید داده است.

در سالهای اخیر، قابلیت یادگیری تقویتی (RL) در دستیابی به عملکرد بهینه در دامنههایی با ابهام محیطی قابل توجه، به اثبات رسیده است [۱۷،۱۶]. هدایت انجام شده توسط RL را میتوان به صورت گسترده بر اساس فاز پرواز دسته بندی کرد. مسائل فرود [۱۹،۱۸] و عملیات در نزدیکی اجسام کوچک [۶،۵]، از حوزههای پژوهشی هستند که از RL استفاده میکنند. تحقیقات دیگر شامل مواجهه تداخل خارجی جوی [۰۰]، نگهداری ایستگاهی [۲۱] و هدایت به صورت جلوگیری از شناسایی [۲۲] است. مطالعاتی که فضاپیماهای رانشگر کمپیشران را در یک چارچوب دینامیکی چند بدنی با استفاده از RL انجام شده است، شامل طراحی انتقال با استفاده از Proximal Policy Optimization [۲۳] و هدایت نزدیکی مدار [۲۵] است.

## ۲-۲ بازی دیفرانسیلی

بازی دیفرانسیلی زیر مجموعهای از نظریه بازی است. نظریه بازی با استفاده از مدلهای ریاضی به تحلیل روشهای همکاری یا رقابت موجودات منطقی و هوشمند میپردازد. نظریه بازی، شاخهای از ریاضیات کاربردی است که در علوم اجتماعی و به ویژه در اقتصاد، زیستشناسی، مهندسی، علوم سیاسی، روابط بینالملل، علوم رایانه، بازاریابی و فلسفه مورد استفاده قرار میگیرد. نظریه بازی در تلاش است تا به وسیلهی ریاضیات، رفتار را در شرایط راهبردی یا در یک بازی که در آن موفقیت فرد در انتخاب کردن، وابسته به انتخاب دیگران میباشد، برآورد کند.. در سال ۱۹۹۴ جان فوربز نش به همراه جان هارسانی و راینهارد سیلتن به خاطر مطالعات خلاقانهی خود در زمینهی نظریه بازی، برنده ی جایزه نوبل اقتصاد شدند. در سالهای پس از آن نیز بسیاری از برندگان جایزه ی نوبل اقتصاد از میان متخصصین نظریه بازی انتخاب شدند. آخرین آنها، ژان تیرول فرانسوی است که در سال ۱۹۲۴ این جایزه را کسب کرد [۲۶].

پژوهشها در این زمینه اغلب بر مجموعهای از راهبردهای شناخته شده به عنوان تعادل در بازیها استوار است. این راهبردها بهطور معمول از قواعد عقلانی به نتیجه میرسند. مشهورترین تعادلها، تعادل نش است. تعادل نش در بازیهایی کاربرد دارد در آن فرض شدهاست که هر بازیکن به راهبرد تعادل دیگر بازیکنان آگاه است. بر اساس نظریهی تعادل نش، در یک بازی که هر بازیکن امکان انتخابهای گوناگون دارد اگر بازیکنان به روش منطقی راهبردهای خود را انتخاب کنند و به دنبال حداکثر سود در بازی باشند، دست کم یک راهبرد برای به دست آوردن بهترین نتیجه برای هر بازیکن وجود دارد و چنانچه بازیکن راهکار دیگری را انتخاب کند، نتیجه ی بهتری به دست نخواهد آورد.

۲-۳ یادگیری تقویتی

۲-۲ یادگیری تقویتی چندعاملی

۲-۴-۲ ماموریتهای بینمداری

تعریف ماموریتهای بینمداری

اصول طراحی و بهینه سازی ماموریت ها و چالش های ارتباطی و کنترلی.

#### مدلسازی مسیرهای بینمداری

رویکردهای عددی برای بهینه سازی مسیر و استفاده از یادگیری ماشینی در برنامهریزی مسیر.

#### ایمنی در ماموریتهای بینمداری

تضمین پایداری مسیرها در حضور عدم قطعیت و مدیریت ریسک برخورد.

## ۲-۴-۲ بازی دیفرانسیلی

اصول بازی دیفرانسیلی

تعریف بازی دیفرانسیلی، مفاهیم پایه و کاربردهای آن در تعاملات چندعاملی.

#### بازی دیفرانسیلی با جمع صفر

مدلسازی مسائل با جمع صفر و کاربردهای آن در مسائل دفاعی و نظارتی.

#### تكنيكهاي حل بازيهاي ديفرانسيلي

روشهای تحلیلی و استفاده از الگوریتمهای یادگیری تقویتی.

## ۲-۴-۲ یادگیری تقویتی

مفاهیم یادگیری تقویتی

سیاست، یاداش، و بهروزرسانی ارزشها.

### الگوريتمهاي پيشرفته يادگيري تقويتي

Q-Network. Deep و Temporal-Difference Carlo، Monte و Q-Network

ایمنی در یادگیری تقویتی

یادگیری ایمن، محدودیتها و تضمینها در سیاستهای یادگیری.

۲-۴-۲ یادگیری تقویتی چندعاملی

تعریف و اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی

مفهوم همکاری و رقابت در محیطهای چندعاملی و اهمیت ایمنی.

بازیهای چندعاملی در یادگیری تقویتی

بازی های جمع صفر، تعادل نش و کاربردهای آنها.

چالشهای یادگیری تقویتی چندعاملی

مدیریت تعارضات، تضمین پایداری و مشکلات همگرایی.

ایمنی در یادگیری تقویتی چندعاملی

تكنيكهاي تضمين ايمني و كاربرد ايمني در تعاملات حساس.

الگوريتمهاي يادگيري تقويتي چندعاملي

الگوريتمهای همكاری مانند MADDPG و يادگيری توزيع شده با تضمين ايمنی.

کاربرد MARL در مسائل نظری

حل مسائل بازیهای جمع صفر و مدلسازی مسائل رقابتی و همکاری.

کاربرد MARL در ماموریتهای فضایی

هماهنگی میان ماهوارهها، تخصیص منابع و حل مسائل ترکیبی در کاوش سیارات.



۵-۲ یادگیری تقویتی چندعاملی

۲-۵-۲ تعریف و اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی

تعریف یادگیری تقویتی چندعاملی

اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی

۲-۵-۲ بازیهای چندعاملی در یادگیری تقویتی

بازیهای جمع صفر

تعادل نش و کاربردهای آن

۲-۵-۳ چالشهای یادگیری تقویتی چندعاملی

مديريت تعارضات

تضمين پايداري

مشكلات همگرایی

۲-۵-۲ ایمنی در یادگیری تقویتی چندعاملی

تكنيكهاي تضمين ايمني

کاربرد ایمنی در تعاملات حساس

۲-۵-۵ الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی

الگوريتمهاي همكاري مانند MADDPG

یادگیری توزیعشده با تضمین ایمنی

۲-۵-۶ کاربرد MARL در مسائل نظری

حل مسائل بازیهای جمع صفر

مدلسازی مسائل رقابتی و همکاری

## ۷-۲ کاربرد چند عاملی در بازی ها

در این بخش به بررسی کاربردهای یادگیری تقویتی چند عاملی در حوزه بازیها پرداخته و نشان میدهیم که الگوریتم پیشنهادی ما نه تنها بهینه بلکه ایمن و قابل اعتماد است.

### ۲-۷-۲ تعریف بازیهای چند عاملی

### مفاهیم پایه در بازیهای چند عاملی

بازیهای چند عاملی شامل محیطهایی هستند که در آن چندین عامل به صورت همزمان و مستقل به تعامل میپردازند. این تعاملات میتواند شامل همکاری، رقابت یا ترکیبی از هر دو باشد. در چنین محیطهایی، هر عامل با هدف خود به حداکثر رساندن پاداش یا دستیابی به اهداف مشخص، استراتژیهای خود را توسعه میدهد.

#### نمونههای بازیهای چند عاملی

از جمله نمونههای معروف بازیهای چند عاملی میتوان به بازیهای استراتژیک مانند StarCraft، بازیهای ورزشی چند نفره و بازیهای تختهای مانند شطرنج چند عاملی اشاره کرد. این بازیها به دلیل پیچیدگیهای بالای تعاملات میان عوامل، محیطهای مناسبی برای آزمایش و ارزیابی الگوریتمهای یادگیری تقویتی چند عاملی فراهم میکنند.

## ۲-۷-۲ الگوریتم بهینه در بازیهای چند عاملی

## معرفى الگوريتم پيشنهادي

الگوریتم پیشنهادی ما بر اساس ترکیبی از یادگیری عمیق و تکنیکهای بهینهسازی چند عاملی طراحی شده است. این الگوریتم با استفاده از شبکههای عصبی عمیق، استراتژیهای بهینه برای هر عامل را در محیطهای پیچیده بازیهای چند عاملی یاد میگیرد. علاوه بر این، با استفاده از مکانیزمهای تعاملی، هماهنگی و همکاری میان عوامل بهبود مییابد.

#### بهينه بودن الگوريتم

الگوریتم ما با هدف کاهش زمان همگرایی و افزایش کارایی در محیطهای دینامیک بهینه شده است. با استفاده از تکنیکهای پیشرفته مانند یادگیری انتقالی و تنظیم خودکار نرخ یادگیری، الگوریتم قادر است به سرعت به تعادلهای مطلوب برسد و عملکرد بهینهای در بازیها ارائه دهد.

## ۲-۷-۳ ایمنی و قابلیت اطمینان الگوریتم در بازی ها

#### تضمین ایمنی در تعاملات میان عوامل

ایمنی در تعاملات چند عاملی به معنای جلوگیری از رفتارهای غیرمنتظره و تضمین هماهنگی میان عوامل است. در الگوریتم ما، از مکانیزمهای نظارتی و محدودکننده استفاده شده است که اطمینان حاصل میکنند تعاملات میان عوامل منجر به نتیجهای نامطلوب نمی شود. این شامل محدود کردن فضای عملیاتی و اعمال قیود بر سیاستهای یادگیری هر عامل می باشد.

#### قابلیت اطمینان و مقاومت در برابر خطاها

الگوریتم پیشنهادی با هدف افزایش قابلیت اطمینان و مقاومت در برابر خطاها طراحی شده است. با استفاده از تکنیکهای افزونگی و یادگیری توزیعشده، الگوریتم قادر است در صورت بروز خطا یا نقص در برخی از عوامل، به عملکرد مطلوب خود ادامه دهد. این ویژگیها الگوریتم را برای استفاده در محیطهای حساس و پویا مناسب میسازد.

## $\Upsilon$ -V- مطالعات موردی و نتایج تجربی

#### پیادهسازی در بازیهای مشخص

الگوریتم ما در بازیهای مختلفی مانند بازی استراتژیک StarCraft و بازیهای ورزشی چند نفره پیادهسازی شده شده است. در هر یک از این بازیها، عملکرد الگوریتم ما با توجه به معیارهای بهینه بودن و ایمنی ارزیابی شده است.

#### تحلیل عملکرد و مقایسه با الگوریتمهای دیگر

نتایج تجربی نشان میدهد که الگوریتم پیشنهادی ما نسبت به الگوریتمهای موجود در زمینه یادگیری تقویتی چند عاملی از نظر سرعت همگرایی و کارایی بهتری دارد. علاوه بر این، با استفاده از مکانیزمهای تضمین ایمنی، رفتارهای ناخواسته و خطرناک در تعاملات میان عوامل به طور قابل توجهی کاهش یافته است.

## ۲-۷-۲ نتیجهگیری

در این بخش، به بررسی و تحلیل نتایج به دست آمده از پیادهسازی الگوریتم پیشنهادی در بازیهای چند عاملی پرداخته شد. مشاهده شد که الگوریتم ما توانسته است با ارائه راهحلهای بهینه و ایمن، عملکرد بهتری نسبت به الگوریتمهای موجود داشته باشد. این امر نشاندهنده قابلیتهای بالای الگوریتم در مدیریت تعاملات پیچیده و تضمین ایمنی در محیطهای چند عاملی است.

### $\gamma$ - $\gamma$ - ییشنهادات برای تحقیقات آینده

با توجه به نتایج حاصل شده، پیشنهاد می شود که تحقیقات آینده بر روی بهبود بیشتر ایمنی و قابلیت اطمینان الگوریتمهای چند عاملی متمرکز شود. همچنین، توسعه الگوریتمهای سازگار با محیطهای پویا و پیچیده تر و ارزیابی آنها در بازیها و محیطهای واقعی تر از جمله مسیرهای پیشنهادی برای ادامه تحقیقات می باشد.

## فصل ۳

## يادگيري تقويتي

## ۱-۳ مفاهیم اولیه

دو بخش اصلی یادگیری تقویتی شامل عامل و محیط است. عامل در محیط قرار دارد و با آن تعامل دارد. در هر مرحله از تعامل بین عامل و محیط، عامل یک مشاهده جزئی از وضعیت محیط انجام می دهد و سپس در مورد اقدامی که باید انجام دهد تصمیم می گیرد. وقتی عامل بر روی محیط عمل می کند، محیط تغییر می کند، اما ممکن است محیط به تنهایی نیز تغییر کند. عامل همچنین یک سیگنال پاداش از محیط دریافت می کند، سیگنالی که به آن می گوید وضعیت تعامل فعلی عامل محیط چقدر خوب یا بد است. هدف عامل به حداکثر رساندن پاداش انباشته خود است که بازگشت مام دارد. یادگیری تقویتی به روشهایی گفته می شود که در آنها عامل رفتارهای مناسب برای رسیدن به هدف خود را می آموزد. در شکل -1 تعامل بین محیط و عامل نشان داده شده است.

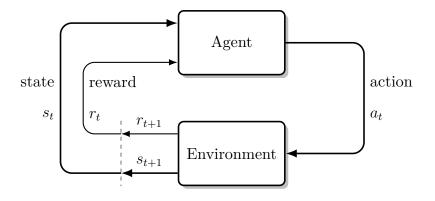
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Reinforcement Learning (RL)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Agent

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Environment

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Reward

 $<sup>^5 {</sup>m Return}$ 



شكل ٣-١: حلقه تعامل عامل و محيط

#### **۳–۱–۱** حالت و مشاهدات

حالت  $^{8}$  (s) توصیف کاملی از وضعیت محیط است. همه ی اطلاعات محیط در حالت وجود دارد. مشاهده (s) یک توصیف جزئی از حالت است که ممکن است شامل تمامی اطلاعات نباشد. در این پژوهش مشاهده توصیف کاملی از محیط هست در نتیجه حالت و مشاهده برابر هستند.

## ۳-۱-۳ فضای عمل

فضای عمل (a) در یادگیری تقویتی، مجموعهای از تمام اقداماتی است که یک عامل میتواند در محیط انجام دهد. این فضا میتواند گسسته  $^{A}$  یا پیوسته  $^{B}$  باشد. در این پژوهش فضای عمل پیوسته و محدود به یک بازه مشخص است.

## ٣-١-٣ سياست

یک سیاست<sup>۱</sup> قاعدهای است که یک عامل برای تصمیمگیری در مورد اقدامات خود استفاده میکند. در این پژوهش به تناسب الگوریتم پیادهسازی شده از سیاست قطعی<sup>۱۱</sup> یا تصادفی<sup>۱۲</sup> استفاده شدهاست، که به دو صورت

 $<sup>^6\</sup>mathrm{State}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Observation

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Discrete

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Continuous

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Policy

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Deterministic

 $<sup>^{12}</sup> Stochastic \\$ 

زیر نشان داده میشود:

$$a_t = \mu(s_t) \tag{1-T}$$

$$a_t \sim \pi(\cdot|s_t)$$
 (Y-\mathbf{Y})

که زیروند t بیانگر زمان است. در یادگیری تقویتی عمیق از سیاستهای پارامتری شده استفاده می شود. خروجی این سیاستها تابعی از مجموعه ای از پارامترها (برای مثال وزنها و بایاسهای یک شبکه عصبی) هستند که می توان از الگوریتمهای بهینه سازی جهت تعیین پارامترها استفاده کرد. در این پژوهش پارامترهای سیاست با  $\theta$  نشان داده شده است و سپس نماد آن به عنوان زیروند سیاست مانند معادله (T-T) نشان داده شده است.

$$a_t = \mu_{\theta}(s_t)$$
 
$$a_t \sim \pi_{\theta}(\cdot|s_t)$$
 (T-T)

### ٣-١-٣ مسير

یک مسیر۱۳ توالی از حالتها و عملها در محیط است.

$$\tau = (s_0, a_0, s_1, a_1, \cdots) \tag{\Upsilon-\Upsilon}$$

گذار حالت t+1 در حالت  $s_t$  در محیط بین زمان t در حالت  $s_t$  در حالت t+1 در حالت  $s_t$  رخ می دهد، گفته می شود. این گذارها توسط قوانین طبیعی محیط انجام می شوند و تنها به آخرین اقدام انجام شده توسط عامل می بستگی دارند. گذار حالت را می توان به صورت زیر تعریف کرد.  $(a_t)$ 

$$s_{t+1} = f(s_t, a_t) \tag{\Delta-T}$$

## ۳-۱-۳ تابع پاداش و بازگشت

تابع پاداش ۱۵ به حالت فعلی محیط، آخرین عمل انجام شده و حالت بعدی محیط بستگی دارد. تابع پاداش را میتوان به صورت زیر تعریف کرد.

$$r_t = R(s_t, a_t, s_{t+1}) \tag{9-7}$$

 $<sup>^{13}</sup>$ Trajectory

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>State Transition

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>Reward Function

در این پژوهش پاداش تنها تابعی از جفت حالت-عمل ( $r_t = R(s_t, a_t)$ ) است. هدف عامل این است که مجموع پاداشهای به دست آمده در طول یک مسیر را به حداکثر برساند. در این پژوهش مجموع پاداشها در طول یک مسیر را با نماد  $R(\tau)$  نشان داده شده است و به آن تابع بازگشت گفته می شود. یکی از انواع بازگشت، بازگشت بدون تنزیل ۱۷ با افق محدود ۱۸ است که مجموع پاداشهای به دست آمده در یک بازه زمانی ثابت و از مسیر  $\tau$  است که در معادله (۷-۳) نشان داده شده است.

$$R(\tau) = \sum_{t=0}^{T} r_t \tag{Y-T}$$

نوع دیگری از بازگشت، بازگشت تنزیل شده با افق نامحدود ۱۹ است که مجموع همه پاداشهایی است که تا به حال توسط عامل به دست آمده است. اما، فاصله زمانی تا دریافت پاداش باعث تنزیل ارزش آن می شود. این معادله بازگشت (۸-۳) شامل یک فاکتور تنزیل ۲۰ با نماد  $\gamma$  است که عددی بین صفر و یک است.

$$R(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t r_t \tag{A-T}$$

## ۳-۱-۶ ارزش در یادگیری تقویتی

در یادگیری تقویتی، دانستن ارزش<sup>۱۱</sup> یک حالت یا جفت حالت-عمل ضروری است. منظور از ارزش، بازگشت مورد انتظار<sup>۱۲</sup> است. یعنی اگر از آن حالت یا جفت حالت-عمل شروع شود و سپس برای همیشه طبق یک سیاست خاص عمل شود، به طور میانگین چه مقدار پاداش دریافت خواهد کرد. توابع ارزش تقریبا در تمام الگوریتمهای یادگیری تقویتی به کار میروند. در اینجا به چهار تابع مهم اشاره شده است.

۱. تابع ارزش تحت سیاست $(V^\pi(s))^{(r)}$ : خروجی این تابع بازگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود و همیشه طبق سیاست  $\pi$  عمل شود و بهصورت زیر بیان می شود:

$$V^{\pi}(s) = \underset{\tau \sim \pi}{\mathbb{E}} [R(\tau)|s_0 = s] \tag{9-T}$$

۲. تابع ارزش-عمل تحت سیاست $^{7}$  ( $Q^{\pi}(s,a)$ ): خروجی این تابع بازگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود، یک اقدام دلخواه a (که ممکن است از سیاست  $\pi$  نباشد) انجام شود و سپس که از حالت s

 $<sup>^{-16}</sup>$ Return

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>Discount

 $<sup>^{18}</sup>$ Finite-Horizon Undiscounted Return

 $<sup>^{19} {\</sup>rm Infinite\text{-}Horizon}$  Discounted Return

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup>Discount Factor

 $<sup>^{21}</sup>$ Value

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>Expected Return

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup>On-Policy Value Function

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup>On-Policy Action-Value Function

برای همیشه طبق سیاست  $\pi$  عمل شود و بهصورت زیر بیان می $\pi$ 

$$Q^{\pi}(s,a) = \mathbb{E}_{\tau \circ \pi}[R(\tau)|s_0 = s, a_0 = a]$$
 (10-T)

s تابع ارزش بهینه  $(V^*(s))$ : خروجی این تابع بازگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت v شروع شود و همیشه طبق سیاست بهینه در محیط عمل شود و به صورت زیر بیان می شود:

$$V^*(s) = \max_{\pi}(V^{\pi}(s)) \tag{11-T}$$

۴. تابع ارزش—عمل بهینه  $(Q^*(s,a))^{7}$ : خروجی این تابع بازگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود، یک اقدام دلخواه a انجام شود و سپس برای همیشه طبق سیاست بهینه در محیط عمل شود و بهصورت زیر بیان می شود:

$$Q^*(s,a) = \max_{\pi}(Q^{\pi}(s,a)) \tag{1Y-T}$$

#### ٧-١-٣ معادلات بلمن

توابع ارزش اشاره شده از معادلات خاصی که به آنها معادلات بلمن گفته می شود، پیروی می کنند. ایده اصلی پشت معادلات بلمن است که ارزش نقطه شروع برابر است با پاداشی است که انتظار دارید از آنجا دریافت کنید، به علاوه ارزش مکانی که بعداً به آنجا می رسید. معادلات بلمن برای توابع ارزش سیاست محور به شرح زیر هستند:

$$\begin{split} V^{\pi}(s) &= \mathop{\mathbf{E}}_{\substack{a \sim \pi \\ s' \sim P}} \left[ r(s, a) + \gamma V^{\pi}(s') \right] \\ Q^{\pi}(s, a) &= \mathop{\mathbf{E}}_{\substack{s' \sim P}} \left[ r(s, a) + \gamma \mathop{\mathbf{E}}_{\substack{a' \sim \pi}} \left[ Q^{\pi}(s', a') \right] \right] \end{split}$$

s حالت a می در آن:  $Q^\pi(s,a)$  تابع ارزش حالت s تحت سیاست  $\pi$  است؛  $Q^\pi(s,a)$  تابع ارزش عمل s در حالت s تحت سیاست s است؛ g(s,a) پاداش دریافتی پس از انجام عمل s در حالت s است؛ g(s,a) پاداش میدهد؛ g(s,a) پاداش میدهد که حالت بعدی s' از توزیع است که ارزش پاداشهای آینده را کاهش میدهد؛ g(s,a) نشان میدهد که حالت بعدی g(s,a) انتقال محیط g(s,a) با شرطهای g(s,a) و نمونهبرداری میشود؛ و g(s,a) نشان میدهد که عمل بعدی g(s,a) انتقال محیط g(s,a) با شرطهای g(s,a) نشان میدهد که عمل بعدی g(s,a)

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup>Optimal Value Function

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup>Optimal Action-Value Function

سیاست  $\pi$  با شرط حالت جدید s' نمونهبرداری می شود. این معادلات بیانگر این هستند که ارزش یک حالت یا عمل، مجموع پاداش مورد انتظار آن و ارزش حالت بعدی است که بر اساس سیاست فعلی تعیین می شود. معادلات بلمن برای توابع ارزش بهینه به شرح زیر هستند:

$$\begin{split} V^*(s) &= \max_{a} \mathop{\mathbf{E}}_{s' \sim P} \left[ r(s, a) + \gamma V^*(s') \right] \\ Q^*(s, a) &= \mathop{\mathbf{E}}_{s' \sim P} \left[ r(s, a) + \gamma \max_{a'} Q^*(s', a') \right] \end{split}$$

تفاوت حیاتی بین معادلات بلمن برای توابع ارزش سیاست محور و توابع ارزش بهینه، عدم حضور یا حضور عملگر max بر روی اعمال است. حضور آن منعکسکننده این است که هرگاه عامل بتواند عمل خود را انتخاب کند، برای عمل بهینه، باید هر عملی را که منجر به بالاترین ارزش می شود انتخاب کند.

## ۳-۱-۳ تابع مزیت

گاهی در یادگیری تقویتی، نیازی به توصیف میزان خوبی یک عمل به صورت مطلق نیست، بلکه تنها میخواهیم بدانیم که چه مقدار بهتر از سایر اعمال به طور متوسط است. به عبارت دیگر، مزیت نسبی آن عمل مورد بررسی قرار میگیرد. این مفهوم با تابع مزیت ۲۷ توضیح داده میشود.

تابع مزیت  $A^{\pi}(s,a)$  که مربوط به سیاست  $\pi$  است، توصیف میکند که انجام یک عمل خاص a در حالت تابع مزیت  $A^{\pi}(s,a)$  که مربوط به سیاست  $\pi$  است، با فرض اینکه شما برای همیشه پس از آن a چقدر بهتر از انتخاب تصادفی یک عمل بر اساس  $\pi(\cdot|s)$  است، با فرض اینکه شما برای همیشه پس از آن مطابق با  $\pi$  عمل میکنید. به صورت ریاضی، تابع مزیت به صورت زیر تعریف میشود:

$$A^{\pi}(s,a) = Q^{\pi}(s,a) - V^{\pi}(s)$$

که در آن  $A^{\pi}(s,a)$  تابع مزیت برای عمل a در حالت s است.  $Q^{\pi}(s,a)$  تابع ارزش عمل a در حالت a تابع مزیت برای عمل a در حالت a تحت سیاست a است. این تابع مزیت نشان می دهد که انجام سیاست a است. این تابع مزیت نشان می دهد که انجام عمل a در حالت a نسبت به میانگین اعمال تحت سیاست a چقدر مزیت دارد. اگر a مثبت باشد، نشان دهنده این است که عمل a بهتر از میانگین اعمال است و اگر منفی باشد، نشان دهنده کمتر بودن عملکرد آن نسبت به میانگین است.

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup>Advantage Function

## ۲-۳ عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی

گرادیان سیاست عمیق قطعی $^{7}$  الگوریتمی است که همزمان یک تابع Q و یک سیاست را یاد میگیرد. این الگوریتم برای الگوریتم برای یادگیری تابع Q از دادههای غیرسیاست محور $^{7}$  و معادله بلمن استفاده میکند. این الگوریتم برای یادگیری سیاست نیز از تابع Q استفاده میکند.

این رویکرد وابستگی نزدیکی به یادگیری Q دارد. اگر تابع ارزش Q عمل بهینه مشخص باشد، در هر حالت داده شده عمل بهینه را میتوان با حل معادله Q معادله Q به دست آورد.

$$a^*(s) = \arg\max_{a} Q^*(s, a) \tag{1T-T}$$

الگوریتم DDPG ترکیبی از یادگیری تقریبی برای  $Q^*(s,a)$  و یادگیری تقریبی برای  $a^*(s)$  است و به صورتی DDPG طراحی شده است که برای محیطهایی با فضاهای عمل پیوسته مناسب باشد. آنچه این الگوریتم را برای فضای عمل پیوسته مناسب میکند، روش محاسبه  $a^*(s)$  است. فرض می شود که تابع  $Q^*(s,a)$  نسبت به آرگومان عمل مشتق پذیر است. مشتق پذیری این امکان را می دهد که یک روش یادگیری مبتنی بر گرادیان برای سیاست عمل مشتق پذیر است. مشتق بایرای این امکان را می دهد که یک روش یادگیری مبتنی بر گرادیان برای سیاست  $\mu(s)$  استفاده شود. سپس، به جای اجرای یک بهینه سازی زمان بر در هر بار محاسبه  $\max_a Q(s,a) \approx Q(s,\mu(s))$  آن را با رابطه  $\max_a Q(s,a) \approx Q(s,\mu(s))$ 

### ۱-۲-۳ یادگیری Q در DDPG

معادله بلمن که تابع ارزش عمل بهینه  $(Q^*(s,a))$  را توصیف میکند، در پایین آورده شدهاست.

$$Q^*(s,a) = \mathop{\mathbf{E}}_{s'\sim P} \left[ r(s,a) + \gamma \max_{a'} Q^*(s',a') \right] \tag{1Y-Y}$$

عبارت  $P(\cdot|s,a)$  به این معنی است که وضعیت بعدی یعنی s' از توزیع احتمال  $P(\cdot|s,a)$  نمونه گرفته می شود. در معادله بلمن نقطه شروع برای یادگیری  $Q^*(s,a)$  یک مقداردهی تقریبی است. پارامترهای شبکه عصبی  $Q^*(s,a)$  با علامت  $\phi$  نشان داده شده است. مجموعه D شامل اطلاعات جمع آوری شده تغییر از یک حالت به حالت دیگر (s,a,r,s',d) (که b نشان می دهد که آیا وضعیت s' پایانی است یا خیر) است. در بهینه سازی از تابع خطای میانگین مربعات بلمن S(s,a,r,s',d) استفاده شده است که معیاری برای نزدیکی S(s,a,r,s',d) به حالت بهینه برای برآورده کردن معادله بلمن است.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>Deep Deterministic Policy Gradient (DDPG)

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup>Off-Policy

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup>Mean Squared Bellman Error

$$L(\phi, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left[ \left( Q_{\phi}(s, a) - \left( r + \gamma (1 - d) \max_{a'} Q_{\phi}(s', a') \right) \right)^{2} \right]$$
 (10-7)

در الگوریتم DDPG دو ترفند برای عمکرد بهتر استفاده شدهاست که در ادامه به بررسی آن پرداخته شدهاست.

#### • بافرهای تکرار بازی

الگوریتمهای یادگیری تقویتی جهت آموزش یک شبکه عصبی عمیق برای تقریب  $Q^*(s,a)$  از بافرهای تکرار بازی T تجربه شده استفاده می کنند. این مجموعه D شامل تجربیات قبلی عامل است. برای داشتن رفتار پایدار در الگوریتم، بافر تکرار بازی باید به اندازه کافی بزرگ باشد تا شامل یک دامنه گسترده از تجربیات شود. انتخاب دادههای بافر به دقت انجام شده است چرا که اگر فقط از دادههای بسیار جدید استفاده شود، بیش برازش T رخ می دهید و اگر از تجربه بیش از حد استفاده شود، ممکن است فرآیند یادگیری کند شود.

#### • شبكههای هدف

الگوریتمهای یادگیری Q از شبکههای هدف استفاده میکنند. اصطلاح زیر به عنوان هدف شناخته می شود.

$$r + \gamma(1 - d) \max_{a'} Q_{\phi}(s', a') \tag{19-T}$$

در هنگام کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن، سعی شده است تا تابع Q شبیه تر به هدف یعنی رابطه (۱۶-۳) شود. اما مشکل این است که هدف بستگی به پارامترهای در حال آموزش  $\phi$  دارد. این باعث ایجاد ناپایداری در کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن می شود. راه حل آن استفاده از یک مجموعه پارامترهایی است که با تأخیر زمانی به  $\phi$  نزدیک می شوند. به عبارت دیگر، یک شبکه دوم ایجاد می شود که به آن شبکه هدف گفته می شود. شبکه هدف با تاخیر پارامترهای شبکه اول را دنبال می کند. پارامترهای شبکه هدف با نشان  $\phi_{\text{targ}}$  نشان داده می شوند. در الگوریتم DDPG، شبکه هدف در هر به روزرسانی شبکه اصلی، با میانگین گیری پولیاک  $\phi_{\text{targ}}$  به صورت زیر به روزرسانی می شود.

$$\phi_{\text{targ}} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ}} + (1 - \rho)\phi$$
 (۱۷-۳)

در رابطه بالا  $\rho$  یک ابرپارامتر  $^{77}$  است که بین صفر و یک انتخاب می شود. در این پژوهش این مقدار نزدیک به یک در نظرگرفته شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup>Replay Buffers

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup>Overfit

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup>Polyak Averaging

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup>Hyperparameter

الگوریتم DDPG نیاز به یک شبکه سیاست هدف  $(\mu_{\theta_{targ}})$  برای محاسبه عملهایی که به طور تقریبی بیشینه DDPG نیاز به یک شبکه سیاست هدف از همان روشی که تابع Q به دست  $Q_{\phi_{targ}}$  را حاصل کند، را دارد. برای رسیدن به این شبکه سیاست هدف از همان روشی که تابع Q به دست می آید یعنی با میانگین گیری پولیاک از پارامترهای سیاست در طول زمان آموزش استفاده می شود.

با درنظرگرفتن موارد اشارهشده، یادگیری Q در DDPG با کمینهکردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن با درنظرگرفتن موادله ( $^{70}$ ) با استفاده از کاهش گرادیان تصادفی ( $^{80}$ ) انجام می شود.

$$L(\phi, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left[ \left( Q_{\phi}(s, a) - \left( r + \gamma (1 - d) Q_{\phi_{\text{targ}}}(s', \mu_{\theta_{\text{targ}}}(s')) \right) \right)^{2} \right]$$
 (1A-T)

#### ۳-۲-۳ ساست در DDPG

در این بخش یک سیاست تعیینشده  $\mu_{\theta}(s)$  یاد گرفته می شود تا عملی را انجام می دهد که بیشینه  $Q_{\phi}(s,a)$  رخ دهد. از آنجا که فضای عمل پیوسته است و فرض شده است که تابع Q نسبت به عمل مشتق پذیر است، رابطه زیر با استفاده از صعود گرادیان  $^{79}$  (تنها نسبت به پارامترهای سیاست) بیشینه می شود.

$$\max_{\theta} \mathop{\mathbb{E}}_{s \sim \mathcal{D}} \left[ Q_{\phi}(s, \mu_{\theta}(s)) \right] \tag{19-T}$$

#### ۳-۲-۳ اکتشاف و بهرهبر داری در DDPG

برای بهبود اکتشاف<sup>۳۷</sup> در سیاستهای DDPG، در زمان آموزش نویز به عملها اضافه میشود. نویسندگان مقاله DDPG [۲۷] توصیه کردهاند که نویز <sup>۳۸</sup>OU با همبندی زمانی<sup>۳۹</sup> اضافه شود. در زمان بهرهبرداری<sup>۴۰</sup> سیاست، از آنچه یاد گرفته است، نویز به عملها اضافه نمیشود.

#### ۳-۲-۳ شبه *کد* DDPG

در این بخش، شبه کد الگوریتم DDPG پیاده سازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۱ در محیط یایتون با استفاده از کتابخانه TensorFlow پیاده سازی شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup>Stochastic Gradient Descent

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup>Gradient Ascent

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>Exploration

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup>Ornstein–Uhlenbeck

 $<sup>^{39}</sup>$ Time-Correlated

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup>Exploitation

#### الگوريتم ١ گراديان سياست عميق قطعي

 $(\mathcal{D})$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta)$ ، پارامترهای تابع  $(\phi)$ ، بافر تکرار بازی خالی

 $\phi_{\text{targ}} \leftarrow \phi$  ،  $\theta_{\text{targ}} \leftarrow \theta$  داد یارامترهای اصلی قرار دهید ابرابر با یارامترهای داد یارامترهای هدف ابرابر با یارامترهای اماره با یارامترهای

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

وضعیت s را انتخاب کنید بهطوری که  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  را انتخاب کنید بهطوری که  $\epsilon\sim\mathcal{N}$ 

عمل a را در محیط اجرا کنید. \*

ه وضعیت بعدی s'، پاداش r و سیگنال پایان d را مشاهده کنید تا نشان دهد آیا s' پایانی است یا خیر.

s' اگر s' پایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

۷: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

۸: به ازای هر تعداد بهروزرسانی:

 $\mathcal{D}$  از  $B = \{(s,a,r,s',d)\}$  ، از  $B = \{$ 

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) Q_{\phi_{\text{targ}}}(s', \mu_{\theta_{\text{targ}}}(s'))$$

۱۱: تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi}(s,a) - y(r,s',d))^2$$

۱۲: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} Q_{\phi}(s, \mu_{\theta}(s))$$

۱۳: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\text{targ}} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ}} + (1 - \rho)\phi$$

$$\theta_{\text{targ}} \leftarrow \rho \theta_{\text{targ}} + (1 - \rho)\theta$$

## ۳-۳ عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه

عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه  $^{4}$  یکی از الگوریتم های یادگیری تقویتی است که برای حل مسائل کنترل در محیطهای پیوسته طراحی شده است. این الگوریتم بر اساس الگوریتم DDPG توسعه یافته و با استفاده از تکنیکهای مختلف، پایداری و کارایی یادگیری را بهبود می بخشد. در حالی که DDPG گاهی اوقات می تواند عملکرد بسیار خوبی داشته باشد، اما اغلب نسبت به ابرپارامترها و سایر انواع تنظیمات یادگیری حساس است. یک حالت رایج شکست عامل DDPG در یادگیری این است که تابع Q یادگرفته شده شروع به بیش برآورد مقادیر Q می کند که منجر به واگرایی سیاست می شود. واگرایی به این دلیل رخ می دهد که در فرایند یادگیری سیاست از تخمین تابع Q استفاده می شود که افزایش خطای تابع Q منجر به ناپایداری در یادگیری سیاست می شود.

الگوریتم (Twin Delayed DDPG) از دو ترفند زیر جهت بهبود مشکلات اشاره شده استفاده میکند.

• یادگیری دوگانه ی محدود شده  $Q_{\phi_1}$ : الگوریتم TD3 به جای یک تابع Q، دو تابع  $Q_{\phi_2}$  و را یاد می گیرد (از این رو دوگانه  $Q_{\phi_2}$  نامیده می شود) و از کوچک ترین مقدار این دو  $Q_{\phi_2}$  و  $Q_{\phi_2}$  در تابع بلمن استفاده می شود. نحوه محاسبه هدف بر اساس دو تابع Q اشاره شده در رابطه  $Q_{\phi_2}$  آورده شده است.

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) \min_{i=1,2} Q_{\phi_{i,\text{targ}}}(s', a'(s'))$$
 (Y \cdot -\mathbf{Y})

سپس، در هر دو تابع  $Q_{\phi_1}$  و  $Q_{\phi_2}$  یادگیری انجام میشود.

$$L(\phi_1, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left( Q_{\phi_1}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2 \tag{YI-T}$$

$$L(\phi_2, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left( Q_{\phi_2}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2$$
(۲۲-۲)

• بهروزرسانیهای تاخیری سیاست<sup>۲۴</sup>: الگوریتم TD3 سیاست را با تاخیر بیشتری نسبت به تابع Q بهروزرسانی میکند. در مرجع [۲۹] توصیه شدهاست که برای هر دو بهروزرسانی تابع Q، یک بهروزرسانی سیاست انجام شود.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup>Twin Delayed Deep Deterministic Policy Gradient (TD3)

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup>Clipped Double-Q Learning

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup>twin

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup>Delayed Policy Updates

این دو ترفند منجر به بهبود قابل توجه عملکرد TD3 نسبت به DDPG پایه می شوند. در نهایت سیاست با به حداکثر رساندن  $Q_{\phi_1}$  آموخته می شود:

$$\max_{\theta} \mathop{\mathbb{E}}_{s \sim \mathcal{D}} \left[ Q_{\phi_1}(s, \mu_{\theta}(s)) \right] \tag{\Upsilon\Upsilon-\Upsilon}$$

#### ۳-۳-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در TD3

الگوریتم TD3 یک سیاست قطعی را بهصورت غیر سیاست محور آموزش را میدهد. از آنجایی که سیاست قطعی است، در ابتدا عامل تنوع کافی از اعمال را برای یافتن روشهای مفید امتحان نمیکند. برای بهبود اکتشاف سیاستهای TD3، در زمان آموزش نویز به عملها اضافه میشود، در این پژوهش نویز گاوسی با میانگین صفر بدون همبندی اعمال شدهاست. شدت نویز جهت بهرهبرداری بهتر در طول زمان کاهش مییابد.

### TD3 شبه کد TD3

در این بخش الگوریتم TD3 پیادهسازی شده آورده شدهاست. در این پژوهش الگوریتم ۴ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه PyTorch [۳۰] پیادهسازی شدهاست.

#### الگوريتم ٢ عامل گراديان سياست عميق قطعي تاخيري دوگانه

 $(\mathcal{D})$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta)$ ، پارامترهای تابع  $(\phi_1,\phi_2)$  بافر بازی خالی

 $\phi_{\mathrm{targ},2} \leftarrow \phi_2$  ،  $\phi_{\mathrm{targ},1} \leftarrow \phi_1$  ،  $\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \theta$  هدف را برابر با پارامترهای اصلی قرار دهید :۱

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

وضعیت  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  را انتخاب کنید، به طوری :۳ وضعیت  $\epsilon\sim\mathcal{N}$  است.

۴: عمل a را در محیط اجرا کنید.

ه وضعیت بعدی s'، پاداش r و سیگنال پایان d را مشاهده کنید تا نشان دهد آیا s' پایانی است یا خیر.

s' اگر s' پایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

۷: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

به ازای j در هر تعداد بهروزرسانی:  $\lambda$ 

 $\mathcal{D}$  از  $B = \{(s,a,r,s',d)\}$  ، از  $B = \{$ 

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) \min_{i=1,2} Q_{\phi_{targ,i}}(s', a'(s'))$$

۱۱: تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi_i} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi_i}(s,a) - y(r,s',d))^2$$
 for  $i = 1, 2$ 

اگر باقیمانده j بر تاخیر سیاست برابر 0 باشد : ۱۲

۱۳: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} Q_{\phi_1}(s, \mu_{\theta}(s))$$

۱۴: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\mathrm{targ},i} \leftarrow \rho \phi_{\mathrm{targ},i} + (1-\rho)\phi_i \quad \text{for } i = 1, 2$$

$$\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \rho \theta_{\mathrm{targ}} + (1-\rho)\theta$$

# ۳-۴ عامل عملگر نقاد نرم

عملگرد نقاد نرم ۱۲ الگوریتمی است که یک سیاست تصادفی را بهصورت سیاست محور بهینه میکند و پلی بین بهینهسازی سیاست تصادفی و رویکردهای مانند DDPG ایجاد میکند. این الگوریتم جانشین مستقیم TD3 نیست (زیرا تقریباً همزمان منتشر شده است)، اما ترفند یادگیری دوگانه محدود شده را در خود جای داده است و به دلیل سیاست تصادفی SAC، از چیزی روشی به نام صاف کردن سیاست هدف ۲۶ استفاده شدهاست. یکی از ویژگی های اصلی SAC، تنظیم آنتروپی است. آنتروپی معیاری از تصادفی بودن انتخاب عمل در سیاست است. سیاست به گونه ای آموزش داده میشود که حداکثر سازی تعادل بین بازده مورد انتظار و آنتروپی را بهینه کند. این شرایط ارتباط نزدیکی با تعادل اکتشاف—بهرهبرداری دارد. افزایش آنتروپی منجر به اکتشاف بیشتر میشود که میتواند یادگیری را در مراحل بعدی تسریع کند. همچنین میتواند از همگرایی زودهنگام سیاست به یک بهینه محلی بد جلوگیری کند. برای توضیح SAC، ابتدا باید بررسی یادگیری تقویتی تنظیم شده با آنتروپی ۷۲ پرداخته شود. در IR تنظیم شده با آنتروپی، روابط تابع ارزش کمی متفاوت است.

## ۳-۴-۳ یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی

آنتروپی کمیتی است که به طور کلی می گوید که یک متغیر تصادفی چقدر تصادفی است. اگر وزن یک سکه به گونه ای باشد که تقریباً همیشه نتیجه یک سمت آن باشد، آنتروپی پایینی دارد. اگر به طور مساوی وزن داشته باشد و شانس هر طرف سکه نصف باشد، آنتروپی بالایی دارد. فرض کنید x یک متغیر تصادفی با تابع چگالی احتمال P باشد. آنتروپی P متغیر P از توزیع آن P مطابق با رابطه زیر محاسبه می شود:

$$H(P) = \mathop{\mathbb{E}}_{x \sim P} \left[ -\log P(x) \right]$$

## ۳-۴-۳ سیاست در SAC

در یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی، عامل در هر مرحله زمانی متناسب با آنتروپی سیاست در آن مرحله زمانی پاداش دریافت میکند. بر اساس توضیحات اشاره شده روابط یادگیری تقویتی بهصورت زیر میشود.

$$\pi^* = \arg\max_{\pi} \mathop{\mathbf{E}}_{\tau \sim \pi} \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \left( R(s_t, a_t, s_{t+1}) + \alpha H\left(\pi(\cdot | s_t)\right) \right)$$

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>Soft Actor Critic (SAC)

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup>Target Policy Smoothing

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup>Entropy-Regularized Reinforcement Learning

## ۳-۴-۳ تابع ارزش در SAC

اکنون میتوان تابع ارزش کمی متفاوت را بر اساس این مفهموم تعریف کرد.  $V^{\pi}$  به گونهای تغییر میکند که پاداشهای آنتروپی را از هر مرحله زمانی شامل میشود.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbb{E}}_{\tau \sim \pi} \left[ \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^{t} \left( R(s_{t}, a_{t}, s_{t+1}) + \alpha H\left(\pi(\cdot | s_{t})\right) \right) \middle| s_{0} = s \right]$$

## ۳-۴-۳ تابع Q در SAC

تابع  $Q^{\pi}$  به گونه ای تغییر میکند که پاداش های آنتروپی را از هر مرحله زمانی به جز مرحله اول شامل میشود.

$$Q^{\pi}(s, a) = \mathop{\mathbf{E}}_{\tau \sim \pi} \left[ \left. \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^{t} R(s_{t}, a_{t}, s_{t+1}) + \alpha \sum_{t=1}^{\infty} \gamma^{t} H\left(\pi(\cdot | s_{t})\right) \right| s_{0} = s, a_{0} = a \right]$$

با این تعاریف رابطه  $V^{\pi}$  و  $Q^{\pi}$  به صورت زیر است.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbb{E}}_{a \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s, a) \right] + \alpha H \left( \pi(\cdot | s) \right)$$

## SAC معادله بلمن در $\alpha$

معادله بلمن در حالت تنظیمشده با آنتروپی بهصورت زیر ارائه میشود.

$$Q^{\pi}(s,a) = \underset{\substack{s' \sim P \\ a' \sim \pi}}{\mathbb{E}} \left[ R(s,a,s') + \gamma \left( Q^{\pi}(s',a') + \alpha H\left(\pi(\cdot|s')\right) \right) \right] \tag{\UpsilonY-Y}$$

$$= \mathop{\mathbb{E}}_{s' \sim P} \left[ R(s, a, s') + \gamma V^{\pi}(s') \right] \tag{YD-T}$$

## ۳-۴-۶ یادگیری Q

با درنظرگرفتن موارد اشارهشده، یادگیری Q در SAC با کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن (MSBE) یعنی معادله ( $\Upsilon$ - $\Upsilon$ - $\Upsilon$ ) با استفاده از کاهش گرادیان انجام میشود.

$$L(\phi_i, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left[ \left( Q_{\phi_i}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2 \right]$$

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup>Trade-Off

در معادله  $(\Upsilon-\Upsilon-\Upsilon)$  تابع هدف برای روش یادگیری تقویتی SAC به صورت زیر تعریف می شود.

$$y(r, s', d) = r + \gamma(1 - d) \left( \min_{j=1,2} Q_{\phi_{\text{targ},j}}(s', \tilde{a}') - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}'|s') \right), \quad \tilde{a}' \sim \pi_{\theta}(\cdot|s')$$

نماد عمل بعدی را به جای a' به a' به a' تغییر داده شده تا مشخص شود که عملهای بعدی باید آخرین سیاست نمونهبرداری شوند در حالی که a' و a' باید از بافر تکرار بازی آمده باشند.

#### ۳-۴-۳ سیاست در SAC

سیاست باید در هر وضعیت برای به حداکثر رساندن بازگشت مورد انتظار آینده به همراه آنتروپی مورد انتظار آینده عمل کند. یعنی باید  $V^{\pi}(s)$  را به حداکثر برساند، بسط تابع ارزش در ادامه آمده است.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbf{E}}_{a \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s, a) \right] + \alpha H \left( \pi(\cdot | s) \right) \tag{19-T}$$

$$= \mathop{\mathbf{E}}_{a \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s, a) - \alpha \log \pi(a|s) \right] \tag{YV-Y}$$

روش بهینهسازی سیاست از ترفند پارامترسازی مجدد  $\pi_{\theta}(\cdot|s)$  استفاده میکند، که در آن نمونه ای از  $\pi_{\theta}(\cdot|s)$  با محاسبه یک تابع قطعی از وضعیت، پارامترهای سیاست و نویز مستقل استخراج می شود. در این پژوهش مانند نویسندگان مقاله SAC [۳۱]، از یک سیاست گاوسی  $^{0}$  فشرده استفاده شده است. بر اساس این روش نمونهها مطابق با رابطه زیر بدست می آیند:

$$\tilde{a}_{\theta}(s,\xi) = \tanh(\mu_{\theta}(s) + \sigma_{\theta}(s) \odot \xi), \quad \xi \sim \mathcal{N}(0,I)$$

تابع tanh در سیاست SAC تضمین میکند که اعمال در یک محدوده متناهی محدود شوند. این مورد در سیاستهای TRPO، VPG و جود ندارد. همچنین اعمال این تابع توزیع را از حالت گاوسی تغییر میدهد.

در الگوریتم SAC با استفاده از ترفند پارامتریسازی مجدد، عملها از یک توزیع نرمال بهوسیله نویز تصادفی تولید شده و به این ترتیب امکان محاسبه مشتقها بهطور مستقیم از طریق تابع توزیع فراهم میشود، که باعث ثبات و کارایی بیشتر در آموزش میشود. اما در حالت بدون پارامتریسازی مجدد، عملها مستقیماً از توزیع سیاست نمونهبرداری میشوند و محاسبه گرادیان نیازمند استفاده از ترفند نسبت احتمال ۱۵ است که معمولاً باعث افزایش واریانس و ناپایداری در آموزش میشود.

$$\underset{a \sim \pi_{\theta}}{\mathrm{E}} \left[ Q^{\pi_{\theta}}(s, a) - \alpha \log \pi_{\theta}(a|s) \right] = \underset{\xi \sim \mathcal{N}}{\mathrm{E}} \left[ Q^{\pi_{\theta}}(s, \tilde{a}_{\theta}(s, \xi)) - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}_{\theta}(s, \xi)|s) \right]$$

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup>Reparameterization

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup>Squashed Gaussian Policy

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup>Likelihood Ratio Trick

برای به دست آوردن تابع هزینه سیاست، گام نهایی این است که باید  $Q^{\pi_{\theta}}$  را با یکی از تخمینزننده های تابع خود  $\min_{j=1,2} Q_{\phi_j}$  که از  $Q_{\phi_1}$  (فقط اولین تخمینزننده (Q استفاده می کند، SAC از  $Q_{\phi_1}$  استفاده می کند. بنابراین، سیاست طبق رابطه زیر بهینه سازی می شود:

$$\max_{\theta} \mathop{\mathbb{E}}_{\substack{s \sim \mathcal{D} \\ \xi \sim \mathcal{N}}} \left[ \min_{j=1,2} Q_{\phi_j}(s, \tilde{a}_{\theta}(s, \xi)) - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}_{\theta}(s, \xi)|s) \right]$$

که تقریباً مشابه بهینهسازی سیاست در DDPG و TD3 است، به جز ترفند min-double-Q، تصادفی بودن و عبارت آنتروپی.

## SAC اکتشاف و بهرهبرداری در $\Lambda$

الگوریتم SAC یک سیاست تصادفی با تنظیمسازی آنتروپی آموزش میدهد و به صورت سیاست محور به اکتشاف میپردازد. ضریب تنظیم آنتروپی  $\alpha$  به طور صریح تعادل بین اکتشاف و بهرهبرداری را کنترل میکند، به طوری که مقادیر بالاتر  $\alpha$  به اکتشاف بیشتر و مقادیر پایین تر  $\alpha$  به بهرهبرداری بیشتر منجر میشود. مقدار بهینه  $\alpha$  (که به یادگیری پایدارتر و پاداش بالاتر منجر میشود) ممکن است در محیطهای مختلف متفاوت باشد و نیاز به تنظیم دقیق داشته باشد. در زمان آزمایش، برای ارزیابی میزان بهرهبرداری سیاست از آنچه یاد گرفته است، تصادفی بودن را حذف کرده و از عمل میانگین به جای نمونهبرداری از توزیع استفاده میکنیم. این روش معمولاً عملکرد را نسبت به سیاست تصادفی بهبود می بخشد.

## ۳-۴-۳ شبه کد SAC

در این بخش الگوریتم SAC پیادهسازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۲ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه PyTorch [۳۰] پیادهسازی شده است.

## الگوريتم ٣ عامل عملگرد نقاد نرم

 $(\mathcal{D})$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta)$ ، پارامترهای تابع  $(\phi_1,\phi_2)$  بافر بازی خالی

 $\phi_{\mathrm{targ},2} \leftarrow \phi_2$  ،  $\phi_{\mathrm{targ},1} \leftarrow \phi_1$  ،  $\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \theta$  مید قرار دهید اصلی قرار دهید :۱

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

. وضعیت (s) را مشاهده کرده و عمل  $a\sim\pi_{ heta}(\cdot|s)$  را انتخاب کنید:

عمل a را در محیط اجرا کنید. \*

ه وضعیت بعدی s'، پاداش r و سیگنال پایان d را مشاهده کنید تا نشان دهد آیا s' پایانی است یا خبر.

s' اگر s' پایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

۷: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

به ازای j در هر تعداد بهروزرسانی:  $\lambda$ 

 $\mathcal{D}$  از  $\mathcal{B}=\{(s,a,r,s',d)\}$  از  $\mathcal{B}=\{(s,a,r,s',d)\}$  از  $\mathcal{B}=\{(s,a,r,s',d)\}$  از  $\mathcal{B}=\{(s,a,r,s',d)\}$  نمونهگیری شود.

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma(1 - d) \left( \min_{i=1,2} Q_{\phi_{\text{targ},i}}(s', \tilde{a}') - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}'|s') \right), \quad \tilde{a}' \sim \pi_{\theta}(\cdot|s')$$

۱۱: تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi_i} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi_i}(s,a) - y(r,s',d))^2$$
 for  $i = 1, 2$ 

۱۲: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} \left( \min_{i=1,2} Q_{\phi_i}(s, \tilde{a}_{\theta}(s)) - \alpha \log \pi_{\theta} \left( \tilde{a}_{\theta}(s) | s \right) \right)$$

۱۳: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\text{targ},i} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ},i} + (1-\rho)\phi_i \quad \text{for } i = 1, 2$$

## ۵-۳ عامل بهینهسازی سیاست مجاور

الگوریتم بهینهسازی سیاست مجاور<sup>۵۲</sup> یک الگوریتم بهینهسازی سیاست مبتنی بر گرادیان است که برای حل مسائل کنترل مسئلههای یادگیری تقویتی استفاده می شود. این الگوریتم از الگوریتم از الگوریتم الهام گرفته شده است و با اعمال تغییراتی بر روی آن، سرعت و کارایی آن را افزایش داده است. در این بخش به بررسی این الگوریتم و نحوه عملکرد آن می پردازیم. الگوریتم PPO همانند سایر الگوریتمهای یادگیری تقویتی، به دنبال یافتن بهترین گام ممکن برای بهبود عملکرد سیایت با استفاده از دادههای موجود است. این الگوریتم تلاش میکند تا از گامهای بزرگ که می توانند منجر به افت ناگهانی عملکرد شوند، اجتناب کند. برخلاف روشهای بیچیده تر مرتبه دوم مانند PPO (TRPO) از مجموعهای از روشهای مرتبه اول ساده تر برای حفظ نزدیکی سیاستهای جدید به سیاستهای قبلی استفاده میکند. این سادگی در پیاده سازی، PPO را به روشی کارآمدتر تبدیل میکند، در حالی که از نظر تجربی نشان داده شده است که عملکردی حداقل به اندازه TRPO دارد. از جمله ویژگیهای مهم این الگوریتم می توان به سیاست محور بودن آن اشاره کرد. این الگوریتم برای عاملهای بادگیری تقویتی که سیاستهای پیوسته و گسسته دارند، مناسب است.

الگوریتم PPO داری دو گونه اصلی PPO-Clip و PPO-Penalty است. در ادامه به بررسی هر یک از این دو گونه یرداخته شده است.

- روش PPO-Penalty: با این حال، واگرایی کولباک لیبلر<sup>۵۴</sup> است، مشابه روشی که در الگوریتم PPO-Penalty: با این حال، به جای اعمال یک محدودیت سخت<sup>۵۵</sup>، PPO-Penalty واگرایی KL را در تابع هدف جریمه میکند. این جریمه به طور خودکار در طول آموزش تنظیم میشود تا از افت ناگهانی عملکرد جلوگیری کند.
- روش PPO-Clip: در این روش، هیچ عبارت واگرایی KL در تابع هدف وجود ندارد و هیچ محدودیتی اعمال نمی شود. در عوض، PPO-Clip از یک عملیات بریدن ۵۶ خاص در تابع هدف استفاده می کند تا انگیزه سیاست جدید برای دور شدن از سیاست قبلی را از بین ببرد.

در این پژوهش از روش PPO-Clip برای آموزش عاملهای یادگیری تقویتی استفاده شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup>Proximal Policy Optimization (PPO)

<sup>&</sup>lt;sup>53</sup>Trust Region Policy Optimization

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup>Kullback-Leibler (KL) Divergence

<sup>&</sup>lt;sup>55</sup>Hard Constraint

 $<sup>^{56}</sup>$ Clipping

## ۳-۵-۳ سیاست در الگوریتم PPO

تابع سیاست در الگوریتم PPO به صورت یک شبکه عصبی پیچیده پیادهسازی شده است. این شبکه عصبی ورودی این محیط را دریافت کرده و اقدامی را که باید عامل انجام دهد را تولید میکند. این شبکه عصبی میتواند شامل چندین لایه پنهان با توابع فعالسازی مختلف باشد. در این پژوهش از یک شبکه عصبی با سه لایه پنهان و تابع فعالسازی tanh استفاده شده است. تابع سیاست در الگوریتم PPO به صورت زیر بهروزرسانی می شود:

$$\theta_{k+1} = \arg\max_{\theta} \mathop{\mathbf{E}}_{s,a \sim \pi_{\theta_k}} [L(s,a,\theta_k,\theta)] \tag{YA-Y}$$

در این پژوهش برای به حداکثر رساندن تابع هدف، چندین گام بهینهسازی گرادیان کاهشی تصادفی  $^{\Delta V}$  اجرا شده است. در معادله بالا L به صورت زیر تعریف شده است:

(T9-W)

$$L(s, a, \theta_k, \theta) = \min\left(\frac{\pi_{\theta}(a|s)}{\pi_{\theta_k}(a|s)} A^{\pi_{\theta_k}}(s, a), \text{ clip}\left(\frac{\pi_{\theta}(a|s)}{\pi_{\theta_k}(a|s)}, 1 - \epsilon, 1 + \epsilon\right) A^{\pi_{\theta_k}}(s, a)\right)$$

که در آن  $\epsilon$  یک فراپامتر است که مقدار آن معمولا کوچک است. این فراپامتر مشخص میکند که چقدر اندازه گام بهینهسازی باید محدود شود. در این پژوهش مقدار  $\epsilon=0.2$  انتخاب شده است.

در حالی که این نوع محدود کردن (PPO-Clip) تا حد زیادی به اطمینان از بهروزرسانیهای معقول سیاست کمک میکند، همچنان ممکن است با سیاست بهدست آید که بیش از حد از سیاست قدیمی دور باشد. برای جلوگیری از این امر، پیادهسازیهای مختلف PPO از مجموعهای از ترفندها استفاده میکنند. در پیادهسازی این پژوهش، از روشی ساده به نام توقف زودهنگام ۱۵۸ استفاده شده است. اگر میانگین واگرایی کولباک-لیبلر (لیبان پژوهش، خطمشی جدید از خطمشی قدیمی از یک آستانه فراتر رود، گامهای گرادیان (بهینهسازی) را متوقف می شوند.

## ۳-۵-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در PPO

الگوریتم PPO از یک سیاست تصادفی به صورت سیاست محور برای آموزش استفاده می کند. این به این معنی است که اکتشاف محیط با نمونه گیری عمل ها بر اساس آخرین نسخه از این سیاست تصادفی انجام می شود. میزان تصادفی بودن انتخاب عمل به شرایط اولیه و فرآیند آموزش بستگی دارد.

در طول آموزش، سیاست به طور کلی به تدریج کمتر تصادفی میشود، زیرا قانون بهروزرسانی آن را تشویق

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup>Stochastic Gradient Descent (SGD)

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup>Early Stopping

میکند تا از پاداشهایی که قبلاً پیدا کرده است، بهرهبرداری کند. البته این موضوع میتواند منجر به گیر افتادن خطمشی در بهینههای محلی<sup>۵۹</sup> شود.

## ۳-۵-۳ شبه کد PPO

در این بخش الگوریتم PPO پیادهسازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۲ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه PyTorch [۳۰] پیادهسازی شده است.

## الگوريتم ۴ بهينهسازي سياست مجاور (PPO-Clip)

 $(\phi_0)$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta_0)$ ، پارامترهای تابع ارزش

 $k = 0, 1, 2, \dots$  :۱ به ازای :۱

در محیط جمع آوری شود.  $\pi_k = \pi(\theta_k)$  با اجرای سیاست  $\pi_k = \pi(\theta_k)$  در محیط جمع آوری شود. ۲:

۳: پاداشهای باقیمانده  $(\hat{R}_t)$  محاسبه شود.

بر آساس تابع ارزش برآوردهای مزیت را محاسبه کنید،  $\hat{A}_t$  (با استفاده از هر روش تخمین مزیت) بر اساس تابع ارزش  $V_{\phi_k}$  فعلی  $V_{\phi_k}$ 

۵: سیاست را با به حداکثر رساندن تابع هدف PPO-Clip بهروزرسانی کنید:

$$\theta_{k+1} = \arg\max_{\theta} \frac{1}{|\mathcal{D}_k|T} \sum_{\tau \in \mathcal{D}_k} \sum_{t=0}^{T} \min\left(\frac{\pi_{\theta}(a_t|s_t)}{\pi_{\theta_k}(a_t|s_t)} A^{\pi_{\theta_k}}(s_t, a_t), \ g(\epsilon, A^{\pi_{\theta_k}}(s_t, a_t))\right)$$

معمولاً از طریق گرادیان افزایشی تصادفی Adam.

۶: برازش تابع ارزش با رگرسیون بر روی میانگین مربعات خطا:

$$\phi_{k+1} = \arg\min_{\phi} \frac{1}{|\mathcal{D}_k|T} \sum_{\tau \in \mathcal{D}_t} \sum_{t=0}^{T} \left( V_{\phi}(s_t) - \hat{R}_t \right)^2$$

معمولاً از طریق برخی از الگوریتمهای کاهشی گرادیان.

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup>Local Optima

# فصل ۴

# یادگیری تقویتی چند عاملی

کاربردهای پیچیده در یادگیری تقویتی نیازمند اضافه کردن چندین عامل برای انجام همزمان وظایف مختلف هستند. با این حال، افزایش تعداد عاملها چالشهایی در مدیریت تعاملات میان آنها به همراه دارد. در این فصل، بر اساس مسئله بهینهسازی برای هر عامل، مفهوم تعادل معرفی شده تا رفتارهای توزیعی چندعاملی را تنظیم کنند. روابط همکاری و رقابت میان عاملها را در سناریوهای مختلف تحلیل شده و آنها با الگوریتمهای معمول یادگیری تقویتی چندعاملی ترکیب شده است. بر اساس انواع تعاملات، یک چارچوب نظریه بازی برای مدلسازی عمومی در سناریوهای چندعاملی استفاده شده است. با تحلیل بهینهسازی و وضعیت تعادل برای هر بخش از چارچوب، سیاست بهینه یادگیری تقویتی چندعاملی برای هر عامل بررسی شد.

## ۱-۴ تعریف یادگیری تقویتی چندعاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی (Multi-Agent Reinforcement Learning - MARL) شاخهای از یادگیری ماشین است که به مطالعه و توسعه الگوریتمهایی میپردازد که در آنها چندین عامل به طور همزمان در یک محیط تعامل میکنند. هر عامل با هدف به حداکثر رساندن پاداش خود، سیاستهای خود را بهبود میبخشد. در MARL، تعاملات میان عاملها میتواند شامل همکاری، رقابت یا هر دو باشد که این امر چالشها و فرصتهای جدیدی را به همراه دارد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Multi-Agent

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Equilibrium

## ۱-۱-۴ مفاهیم پایه در یادگیری تقویتی چندعاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی ترکیبی از یادگیری تقویتی و سیستمهای چندعاملی است. در اینجا به برخی از مفاهیم پایه پرداخته میشود:

#### عاملها و محيط

در MARL، چندین عامل (Agents) در یک محیط مشترک فعالیت میکنند. هر عامل در هر لحظه زمانی، وضعیت محیط (State) را مشاهده کرده و بر اساس آن اقدام (Action)ی انجام میدهد. محیط سپس بازخوردی به صورت پاداش (Reward) و وضعیت جدید ارائه میدهد.

#### سیاستها و اهداف

هر عامل دارای یک سیاست (Policy) است که نقشهای از وضعیتها به اقدامات را فراهم میکند. هدف هر عامل در MARL به حداکثر رساندن مجموع پاداشهای دریافتی در طول زمان است. این اهداف میتوانند همزمان شامل اهداف فردی و گروهی باشند.

## ۲-۱-۴ تعاملات میان عاملها

در MARL، تعاملات میان عاملها نقش مهمی در یادگیری و عملکرد سیستم دارند. این تعاملات میتوانند به صورتهای مختلفی ظاهر شوند:

## همكاري

در تعاملات همکاری، عاملها به منظور دستیابی به اهداف مشترک با یکدیگر همکاری میکنند. این نوع تعاملات معمولاً در مسائلی که نیاز به هماهنگی و اشتراکگذاری اطلاعات دارند، مشاهده می شود. به عنوان مثال، در یک تیم رباتیک که باید با هم کار کنند تا یک شیء را جابجا کنند.

#### رقابت

در تعاملات رقابتی، عاملها با یکدیگر به رقابت میپردازند تا منابع محدود یا اهداف مشخص را به دست آورند. این نوع تعاملات معمولاً در بازیهای استراتژیک یا سیستمهای بازار مشاهده میشود.

#### ترکیبی از همکاری و رقابت

در بسیاری از موارد، تعاملات میان عاملها ترکیبی از همکاری و رقابت هستند. به عنوان مثال، در یک بازی تیمی، اعضای هر تیم با یکدیگر همکاری میکنند در حالی که با تیمهای دیگر رقابت مینمایند.

## ۴-۱-۴ تفاوتهای MARL با یادگیری تقویتی تک عاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی تفاوتهای مهمی با یادگیری تقویتی تک عاملی دارد که در زیر به برخی از آنها اشاره میشود:

#### دینامیک محیط

در MARL، محیط به طور همزمان توسط چندین عامل تحت تأثیر قرار میگیرد، که این امر دینامیک محیط را پیچیده تر میکند. در مقابل، در یادگیری تقویتی تک عاملی، تنها یک عامل وجود دارد که محیط را تحت تأثیر قرار میدهد.

#### تداخل و نایایداری

وجود چندین عامل می تواند منجر به تداخل و ناپایداری در یادگیری شود، زیرا هر عامل ممکن است سیاستهای خود را تغییر دهد که تأثیر مستقیم بر سایر عاملها دارد. این امر به ایجاد یک محیط غیر ثابت و چالش برانگیز برای یادگیری منجر می شود.

## هماهنگی و ارتباطات

در MARL، عاملها ممکن است نیاز به هماهنگی و ارتباط با یکدیگر داشته باشند تا به اهداف مشترک دست یابند. این امر نیازمند مکانیزمهای ارتباطی و هماهنگی موثر بین عاملها است که در یادگیری تقویتی تک عاملی وجود ندارد.

## ۴-۱-۴ چالشهای یادگیری تقویتی چندعاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی با چالشهای خاصی مواجه است که باید برای رسیدن به عملکرد مطلوب، آنها را مدیریت کرد:

#### مسئله همگرایی

همگرایی الگوریتمهای MARL پیچیدهتر از الگوریتمهای تک عاملی است زیرا تعاملات میان عاملها میتواند منجر به رفتارهای غیرپیشبینیپذیر و ناپایدار شود. تضمین همگرایی به بهینه یا حداقل مطلوب بودن سیاستها یکی از چالشهای اصلی است.

#### مديريت تعارضات

در محیطهای رقابتی، تعارضات میان عاملها میتواند به کاهش کارایی سیستم منجر شود. طراحی مکانیزمهایی برای مدیریت تعارضات و ایجاد تعادل میان اهداف فردی و گروهی ضروری است.

#### یایداری و مقیاسیذیری

با افزایش تعداد عاملها، حفظ پایداری و مقیاسپذیری سیستم یک چالش مهم است. الگوریتمهای MARL باید بتوانند به طور موثری با افزایش تعداد عاملها سازگار شوند بدون اینکه عملکرد سیستم کاهش یابد.

## اطلاعات ناقص و عدم قطعیت

در بسیاری از سناریوهای MARL، عاملها ممکن است با اطلاعات ناقص یا عدم قطعیت در مورد سیاستهای دیگر عاملها مواجه شوند. طراحی الگوریتمهایی که بتوانند در شرایط عدم قطعیت به خوبی عمل کنند، بسیار مهم است.

## ۴-۱-۵ کاربردهای یادگیری تقویتی چندعاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی در حوزههای متعددی کاربرد دارد که در زیر به برخی از آنها اشاره میشود:

## سیستمهای رباتیک

در سیستمهای رباتیک چندعاملی، رباتها برای انجام وظایف پیچیده به صورت هماهنگ با یکدیگر کار میکنند. این وظایف میتواند شامل جستوجو و نجات، حمل و نقل مواد، یا عملیات هماهنگ در محیطهای غیرقابل پیشبینی باشد.

#### مدیریت منابع در شبکههای ارتباطی

در شبکههای ارتباطی، تخصیص بهینه منابع مانند پهنای باند و انرژی به عاملهای مختلف (مانند دستگاههای کاربر) میتواند با استفاده از MARL بهبود یابد. این الگوریتمها میتوانند به طور پویا و خودکار تخصیص منابع را بهینه کنند.

#### بازیها و شبیهسازیهای اقتصادی

در بازیهای چندعاملی و شبیهسازیهای اقتصادی، MARL میتواند به مدلسازی و تحلیل رفتارهای بازار و تصمیمگیریهای اقتصادی و بهبود سیاستگذاریهای تصمیمگیریهای اقتصادی و بهبود سیاستگذاریهای مالی منجر میشوند.

## ۴-۱-۶ مبنای نظریه بازی در MARL

یکی از مبانی نظری MARL، نظریه بازیها است که به تحلیل تعاملات میان عاملها در محیطهای رقابتی و همکاری میپردازد. استفاده از مفاهیم تعادل نش (Nash Equilibrium) و دیگر تعادلهای بازیها، به طراحی الگوریتمهای MARL کمک میکند تا رفتارهای پایدار و بهینهای را در تعاملات میان عاملها تضمین نمایند.

# ۲-۴ اهمیت یادگیری تقویتی چندعاملی

یادگیری تقویتی چندعاملی به دلیل قابلیتهای بالقوهاش در مدلسازی و حل مسائل پیچیده و پویا، اهمیت زیادی در حوزههای مختلف علمی و صنعتی دارد. در این بخش، به بررسی اهمیت MARL در زمینههای مختلف پرداخته و نقش آن را در توسعه سیستمهای هوشمند متعدد بررسی میکنیم.

## مدلسازی سیستمهای پیچیده و پویا

یکی از دلایل اصلی اهمیت MARL، توانایی آن در مدلسازی سیستمهای پیچیده و پویا است. در بسیاری از کاربردهای واقعی، سیستمها شامل چندین عامل هستند که به صورت همزمان و مستقل به تعامل میپردازند. به عنوان مثال، در شبکههای ترافیکی، هر خودرو میتواند به عنوان یک عامل مستقل عمل کند که نیاز به

هماهنگی و تعامل با سایر خودروها برای بهینهسازی جریان ترافیک دارد. MARL با فراهم کردن چارچوبی برای تعامل و یادگیری میان این عوامل، امکان بهبود کارایی و کاهش ترافیک را فراهم میکند.

#### کاربرد در رباتیک چندعاملی

در حوزه رباتیک، سیستمهای چندعاملی میتوانند برای انجام وظایف پیچیدهای مانند جستوجو و نجات، حمل و نقل مواد، و عملیات هماهنگ در محیطهای غیرقابل پیشبینی مورد استفاده قرار گیرند. به عنوان مثال، گروهی از رباتهای پرنده (دُرونها) میتوانند با همکاری و تبادل اطلاعات، منطقهای وسیع را برای شناسایی اهداف نظارت کنند یا به سرعت به تغییرات محیطی واکنش نشان دهند. MARL در این زمینه بهبود هماهنگی میان رباتها و افزایش کارایی عملیاتهای چندعاملی را ممکن میسازد.

## مدیریت منابع در شبکههای ارتباطی

شبکههای ارتباطی مدرن نیازمند مدیریت بهینه منابع مانند پهنای باند، انرژی و ظرفیت ذخیرهسازی هستند. در این راستا، MARL میتواند به عنوان یک ابزار قدرتمند برای تخصیص بهینه منابع به عوامل مختلف شبکه عمل کند. به عنوان مثال، در شبکههای بیسیم، هر دستگاه کاربر میتواند به عنوان یک عامل مستقل عمل کرده و با یادگیری و تعامل با سایر دستگاهها، نحوه بهینهسازی مصرف انرژی و پهنای باند را پیدا کند. این امر منجر به افزایش کارایی شبکه و کاهش هزینههای عملیاتی میشود.

## توسعه الگوریتمهای پیشرفتهتر و قابل اعتمادتر

یکی دیگر از جنبههای مهم MARL، فهم و تحلیل تعاملات میان عوامل مختلف است که می تواند به توسعه الگوریتمهای پیشرفته تر و قابل اعتماد تر منجر شود. با مطالعه رفتارها و استراتژیهای مختلف در محیطهای چندعاملی، پژوهشگران قادر به طراحی الگوریتمهایی می شوند که نه تنها بهینه عمل می کنند بلکه مقاومت بالایی در برابر تغییرات محیطی و رفتارهای غیرمنتظره دارند. این الگوریتمها می توانند در شرایط متنوع و پیچیده تر به خوبی عمل کنند و از خطاها و ناهنجاری های احتمالی جلوگیری نمایند.

#### کاربرد در بازی های چندعاملی و شبیه سازی های اقتصادی

بازی های چندعاملی و شبیه سازی های اقتصادی از دیگر حوزه هایی هستند که به شدت از MARL بهره مند می شوند. در بازی های استراتژی که چند نفره، MARL می تواند به بازیگران کمک کند تا استراتژی های بهینه ای

برای رقابت و همکاری با یکدیگر توسعه دهند. همچنین، در شبیهسازیهای اقتصادی، MARL میتواند به مدلسازی و تحلیل رفتارهای بازار و تصمیمگیریهای اقتصادی کمک کند، که این امر به پیشبینی دقیقتر روندهای اقتصادی و بهبود سیاستگذاریهای مالی منجر میشود.

## افزایش قابلیت انعطاف پذیری و مقیاس پذیری سیستمها

سیستمهای چندعاملی معمولاً نیازمند قابلیت انعطافپذیری و مقیاسپذیری بالا هستند تا بتوانند با تغییرات محلی، محیطی و افزایش تعداد عوامل سازگار شوند. MARL با استفاده از الگوریتمهای توزیعشده و یادگیری محلی، امکان توسعه سیستمهایی با مقیاس بزرگ و پیچیدگی بالا را فراهم میکند. این امر به ویژه در کاربردهایی مانند اینترنت اشیاء مصنوعی توزیعشده و سیستمهای بزرگمقیاس دادههای بزرگ بسیار حائز اهمیت است.

## ۲-۲-۴ بازیهای جمع صفر

بازیهای جمع صفر  $^{0}$  یکی از انواع اصلی بازیهای چندعاملی هستند که در آن سود یک بازیکن به طور مستقیم با ضرر بازیکنان دیگر مرتبط است. در این بازیها، مجموع پاداشها برای همه بازیکنان در هر حالت برابر با صفر است، به این معنی که هر افزایشی در پاداش یکی از بازیکنان منجر به کاهش معادل آن در بازیکنان دیگر می شود. این نوع بازی ها به خوبی می توانند رقابتهای شدید و استراتژی های بهینه را مدل سازی کنند.

بازیهای جمع صفر می توانند بر اساس سناریوهای مختلف به دسته های متنوعی تقسیم بندی شوند. دو دسته اصلی این بازی ها عبارتند از بازی های ثابت و بازی های تکراری.

- بازی ثابت (Static Game): بازی ثابت ساده ترین شکل برای مدلسازی تعاملات میان عوامل است. در بازی ثابت، هر عامل تنها یک تصمیم گیری واحد را انجام می دهد. از آنجایی که هر عامل تنها یک بار عمل می کند، تقلب و خیانت غیرمنتظره می تواند در این نوع بازی ها سود آور باشد. بنابراین، هر عامل نیاز دارد تا به دقت استراتژی های سایر عوامل را پیش بینی کند تا بتواند به طور هوشمندانه عمل کرده و بیشترین سود ممکن را کسب کند. بازی های ثابت معمولاً در سناریوهای رقابتی با تعاملات کوتاه مدت کاربرد دارند.
- بازی تکراری (Repeated Game): بازی تکراری به وضعیتی اشاره دارد که در آن تمام عوامل میتوانند بر اساس همان وضعیت برای چندین تکرار اقداماتی انجام دهند. سود کلی هر عامل مجموع

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Internet of Things (IoT)

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Big Data

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Zero-Sum

سودهای تخفیفشده برای هر تکرار از بازی است. به دلیل اقدامات مکرر تمام عوامل، تقلب و خیانت در طول تعاملات میتواند منجر به مجازات یا انتقام از سوی سایر عوامل در تکرارهای آینده شود. بنابراین، بازی تکراری از رفتارهای مخرب عوامل جلوگیری میکند و به طور کلی سود کل برای تمام عوامل را افزایش میدهد. بازیهای تکراری معمولاً در سناریوهای همکاری بلندمدت و تعاملات پویا کاربرد دارند.

این دستهبندیها به محققان و توسعه دهندگان کمک میکنند تا بازیهای چندعاملی را بر اساس ویژگیهای مختلف آنها شناسایی و تحلیل کنند. در بازیهای ثابت، تمرکز بر پیشبینی دقیق استراتژیهای دیگر عوامل و اتخاذ بهترین تصمیم در یک لحظه زمانی است. در مقابل، بازیهای تکراری نیازمند توسعه استراتژیهای پایدار و قابل اعتماد هستند که نه تنها در تکرار اول بلکه در تکرارهای بعدی نیز موثر باشند.

بازیهای جمع صفر در یادگیری تقویتی چندعاملی به دلیل سادگی و قابلیت مدلسازی دقیق تعاملات رقابتی، به عنوان یک ابزار قدرتمند برای تحلیل و توسعه الگوریتمهای MARL مورد استفاده قرار میگیرند. این بازیها امکان بررسی رفتارهای استراتژیک، بهینهسازی سیاستها و تحلیل تعادلهای نش (Nash Equilibrium) را فراهم میکنند که در نهایت به بهبود عملکرد سیستمهای چندعاملی منجر میشود.

مثالها و کاربردها یکی از مثالهای معروف بازیهای جمع صفر، بازی شطرنج است که در آن هر حرکت که بازیکن مستقیماً به نفع یا ضرر بازیکن دیگر است. سایر مثالها شامل بازیهای استراتژیک مانند Poker یک بازیکن مستقیماً به نفع یا ضرر بازیکن دیگر است. سایر مثالها شامل بازیهای استراتژیک مانند Go میباشند که در آنها تعاملات رقابتی میان بازیکنان به طور کامل با اصول بازیهای جمع صفر مطابقت دارند.

در حوزههای عملی، بازیهای جمع صفر میتوانند برای مدلسازی رقابتهای بازار، مذاکرات اقتصادی و حتی تعاملات میان رباتهای خودران در محیطهای رقابتی مورد استفاده قرار گیرند. این کاربردها به محققان امکان میدهند تا الگوریتمهایی طراحی کنند که قادر به بهینهسازی عملکرد در شرایط رقابتی و متغیر باشند.

چالشها و فرصتها یکی از چالشهای اصلی در بازیهای جمع صفر، پیشبینی دقیق رفتارهای رقبا و اتخاذ تصمیمهای بهینه در مواجهه با استراتژیهای متغیر آنها است. همچنین، در بازیهای تکراری، ایجاد تعادلهای پایدار و جلوگیری از رفتارهای مخرب به عنوان یک چالش مهم مطرح است. با این حال، این چالشها فرصتهای قابل توجهی برای توسعه الگوریتمهای پیشرفته و افزایش قابلیتهای یادگیری تقویتی چندعاملی فراهم میکنند که میتوانند در شرایط پیچیدهتر و پویا نیز عملکرد مطلوبی داشته باشند.

#### **۲-۲-۴** تعادل نش

تعادل نش (Nash Equilibrium) یکی از مفاهیم بنیادی در نظریه بازیها است که به تحلیل تعاملات میان عوامل در محیطهای رقابتی و همکاری میپردازد. این مفهوم به ما امکان میدهد تا نقاط تعادلی را شناسایی کنیم که در آن هیچ کدام از عوامل نمیتوانند با تغییر یکجانبه استراتژی خود سود بیشتری کسب کنند، مشروط بر این که سایر عوامل استراتژیهای خود را ثابت نگه دارند. در این بخش، به دو نوع اصلی تعادل نش، یعنی تعادل نش ترکیبی، پرداخته میشود.

#### تعادل نش خالص (Pure Strategy Nash Equilibrium)

تعادل نش خالص به حالتی از بازی گفته میشود که در آن هر عامل یک استراتژی مشخص و غیر تصادفی را انتخاب کرده است و هیچ کدام از عوامل نمیتوانند با تغییر استراتژی خود بدون تغییر استراتژیهای سایر عوامل سود بیشتری کسب کنند. به عبارت دیگر، در یک تعادل نش خالص، هیچ عاملی انگیزهای برای انحراف از استراتژی انتخابی خود ندارد.

تعریف ریاضی فرض کنید یک بازی با n بازیکن داریم که هر بازیکن دارای مجموعه ای از استراتژی ها  $S_i$  است. تابع سود هر بازیکن i به صورت i به صورت

$$u_i(s_i^*, s_{-i}^*) \geqslant u_i(s_i, s_{-i}^*)$$

که در آن  $s_{-i}^*$  نشاندهنده مجموعه استراتژیهای سایر بازیکنان است.

مثال یک مثال کلاسیک از تعادل نش خالص، بازی Prisoner's Dilemma است. در این بازی، هر دو بازیکن انتخاب میکنند که همکاری کنند یا خیانت کنند. اگر هر دو بازیکن همکاری کنند، هر کدام دو سال زندانی میشوند. اگر یکی خیانت کند و دیگری همکاری کند، خیانتکار بینیازی و همکار یک سال زندانی میشود. اگر هر دو خیانت کنند، هر کدام سه سال زندانی میشوند. تعادل نش خالص در این بازی زمانی رخ میدهد که هر دو بازیکن انتخاب به خیانت کردن هستند، زیرا هیچ یک از بازیکنان نمیتوانند با تغییر استراتژی خود سود بیشتری کسب کنند.

#### تعادل نش تركيبي (Mixed Strategy Nash Equilibrium)

تعادل نش ترکیبی به حالتی از بازی گفته می شود که در آن هر عامل می تواند با احتمال معینی بین استراتژی های مختلف خود انتخاب کند. در این نوع تعادل نش، هیچ کدام از عوامل نمی توانند با تغییر احتمالات انتخاب استراتژی های سایر عوامل سود بیشتری کسب کنند.

تعریف ریاضی در بازی هایی که تعادل نش خالص وجود ندارد، ممکن است تعادل نش ترکیبی وجود داشته باشد. فرض کنید مجموعه استراتژی های بازیکن i شامل i شامل i است. یک تعادل نش باشد. فرض کنید مجموعه استراتژی های بازیکن i شامل i است که در آن هیچ بازیکن نمی تواند با تغییر توزیع ترکیبی شامل توزیع های احتمالاتی i برای هر بازیکن i و هر استراتژی احتمالات انتخاب استراتژی خود سود بیشتری کسب کند. به طور ریاضی، برای هر بازیکن i و هر استراتژی دو i شرط زیر برقرار است:

$$\sum_{s_i \in S_i} \sigma_i^*(s_i) u_i(s_i, \sigma_{-i}^*) \geqslant \sum_{s_i \in S_i} \sigma_i(s_i) u_i(s_i, \sigma_{-i}^*)$$

که در آن  $\sigma_{-i}^*$  توزیعهای احتمالاتی سایر بازیکنان است.

مثال یک مثال از تعادل نش ترکیبی، بازی Rock-Paper-Scissors است. در این بازی، هر بازیکن می تواند سنگ، کاغذ یا قیچی انتخاب کند. اگر هر دو بازیکن انتخاب یک گزینه را داشته باشند، بازی مساوی است. اگر یک بازیکن سنگ انتخاب کند و دیگری قیچی، سنگ برقی قیچی را شکست می دهد، و به همین ترتیب. در این بازی، تعادل نش ترکیبی زمانی رخ می دهد که هر بازیکن با احتمال برابر ۱/۳ سنگ، کاغذ و قیچی را انتخاب کند. در این حالت، هیچ کدام از بازیکنان نمی توانند با تغییر احتمالات انتخاب استراتژی خود سود بیشتری کسب کنند.

پیشبینی و استراتژیها در تعادل نش ترکیبی، بازیکنان به گونهای استراتژیهای خود را انتخاب میکنند که بازیکنان دیگر نیز مجبور به انتخاب استراتژیهای ترکیبی خود میشوند تا تعادل حفظ شود. این نوع تعادل نش به ویژه در بازیهایی که تعادل نش خالص وجود ندارد یا تعادل نش خالص ناامن است، اهمیت دارد.

چالشها و فرصتها یکی از چالشهای اصلی در تعادل نش ترکیبی، محاسبه و پیشبینی توزیعهای احتمالاتی مناسب برای هر بازیکن است. این امر به ویژه در بازیهای با تعداد زیاد استراتژیها و بازیکنان پیچیده تر است. با این حال، تعادل نش ترکیبی فرصتهای زیادی را برای تحلیل و بهبود استراتژیهای بازیکنان فراهم میکند، به ویژه در بازیهایی که نیاز به تعادل میان استراتژیهای مختلف دارند.

**کاربردها** تعادل نش ترکیبی در بسیاری از حوزهها کاربرد دارد، از جمله اقتصاد، سیاست، و هوش مصنوعی. در اقتصاد، این مفهوم میتواند برای تحلیل رقابتهای بازار و تصمیمگیریهای استراتژیک شرکتها مورد استفاده قرار گیرد. در هوش مصنوعی، تعادل نش ترکیبی میتواند به طراحی الگوریتمهای هوشمند برای بازیها و سیستمهای چندعاملی کمک کند که قادر به تعامل بهینه و تعادلی با سایر عوامل هستند.

نتیجهگیری تعادل نش، چه خالص و چه ترکیبی، ابزار قدرتمندی در تحلیل تعاملات میان عوامل در محیطهای رقابتی و همکاری فراهم میکند. فهم و کاربرد این تعادلها به محققان و توسعهدهندگان امکان میدهد تا الگوریتمهای هوشمندتری طراحی کنند که قادر به اتخاذ تصمیمات بهینه در مواجهه با استراتژیهای متغیر و پیچیده دیگر عوامل هستند. با ادامه تحقیقات در این زمینه، انتظار میرود که تعادل نش نقش مهمتری در بهبود عملکرد سیستمهای چندعاملی ایفا کند.

## ۴-۲-۳ ایمنی و مقاومت در یادگیری تقویتی چندعاملی

در استفاده از یادگیری تقویتی چندعاملی (Multi-Agent Reinforcement Learning - MARL)، مسائل مربوط به ایمنی و مقاومت در برابر اختلالات یکی از چالشهای اساسی مطرح میگردد. به منظور اطمینان از عملکرد قابل اعتماد و ایمن الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی، نیازمند توسعه روشهایی هستیم که بتوانند در مواجهه با رفتارهای غیرمنتظره یا مخرب سایر عوامل، پایداری و ایمنی سیستم را حفظ نمایند. در این بخش، به بررسی مفاهیم ایمنی و مقاومت در MARL پرداخته شده و چگونگی افزایش مقاومت الگوریتمها از طریق در نظر گرفتن عوامل به عنوان اختلالات مورد بحث قرار گرفته است.

ایمنی در MARL به معنای تضمین این است که تعاملات میان عوامل منجر به نتایج نامطلوب یا خطرناک نشوند. برای دستیابی به ایمنی، روشهایی نظیر محدود کردن فضای عملیاتی، اعمال قیود بر سیاستهای یادگیری و استفاده از الگوریتمهای مقاوم در برابر خطا به کار گرفته شدهاند. یکی از رویکردهای موثر در افزایش مقاومت سیستم، فرض کردن یکی از عوامل به عنوان اختلال (Disturbance) در محیط است. با این فرض، الگوریتمها قادر خواهند بود تا به گونهای طراحی شوند که در حضور اختلالات احتمالی، عملکرد سیستم همچنان قابل اعتماد باقی بماند.

## فرض كردن اختلال به عنوان عامل

در محیطهای چندعاملی، برخی از عوامل ممکن است رفتارهای مخرب یا غیرمنتظرهای را از خود نشان دهند که میتواند به عملکرد کلی سیستم آسیب برساند. برای مقابله با این مسئله، فرض میشود که یک یا چند عامل به عنوان اختلالات در نظر گرفته شوند. این اختلالات میتوانند به صورت عمدی یا غیرعمدی ایجاد شوند و هدف آنها کاهش کارایی سیستم است. با فرض کردن این اختلالات، الگوریتمهای MARL قادر خواهند بود تا سیاستهایی را یاد بگیرند که در مواجهه با این اختلالات نیز عملکرد بهینه و ایمنی را حفظ کنند.

#### تعریف مقاومت و ایمنی در MARL

مقاومت در MARL به معنای توانایی الگوریتم در حفظ عملکرد مطلوب در حضور اختلالات و تغییرات محیطی است. این مقاومت میتواند از طریق طراحی سیاستهای بهینه که به گونهای تنظیم شدهاند که تأثیر اختلالات را به حداقل برسانند، به دست آید. به علاوه، ایمنی میتواند از طریق تضمین عدم وقوع رفتارهای خطرناک و حفظ تعادل سیستم در مواجهه با رفتارهای مخرب حاصل شود.

تعریف ریاضی مقاومت فرض کنید یک محیط چندعاملی با مجموعه ای از عوامل فرض کنید یک محیط چندعاملی با مجموعه ای از عوامل فرویتم MARL وجود دارد که در آن یک عامل  $A_d$  به عنوان اختلال تعریف شده است. هدف این است که الگوریتم به گونه ای طراحی شود که سیاستهای یادگرفته شده  $\pi = \{\pi_1, \pi_2, \dots, \pi_n\}$  به گونه می طود کنند. به طور ریاضی، مقاومت به صورت زیر تعریف می شود:

 $\forall A_i \in \mathcal{A}, \quad$ باید همچنان به حداکثر رساندن پاداش خود ادامه دهد،  $\pi_i$  رفتار مخرب نشان دهد،  $A_d$ اگر

تعریف ریاضی ایمنی در MARL به معنای اطمینان از این است که سیستم در هیچ حالت خطرناکی وارد نمی شود. به طور ریاضی، ایمنی میتواند به صورت مجموعهای از قیود تعریف شود که سیاستهای یادگرفته شده باید آنها را رعایت کنند:

$$orall A_i \in \mathcal{A},$$
 برای همه  $u_i(s_i,s_{-i}) \geqslant heta_i$  برای همه  $s_i \in S_i, \; s_{-i} \in S_{-i}$ 

که در آن  $\theta_i$  آستانهای است که برای هر عامل  $A_i$  تعیین شده و نشاندهنده حداقل پاداش قابل قبول است.

## روشهای افزایش مقاومت و ایمنی

برای افزایش مقاومت و ایمنی در MARL، روشهای متعددی مورد استفاده قرار گرفتهاند که در زیر به برخی از آنها پرداخته میشود:

• الگوریتمهای مقاوم در برابر اختلالات: این الگوریتمها به گونهای طراحی شدهاند که بتوانند به سرعت

با تغییرات محیطی و حضور اختلالات سازگار شوند. به عنوان مثال، الگوریتمهای مبتنی بر یادگیری تطبیقی که قادر به تغییر سیاستهای خود در پاسخ به تغییرات محیط هستند.

- فریمورکهای ایمنی: چارچوبهایی برای تضمین ایمنی در تعاملات چندعاملی طراحی شدهاند که شامل محدود کردن فضای عملیاتی و اعمال قیود بر سیاستهای یادگیری است. این فریمورکها معمولاً شامل روشهایی برای نظارت و تنظیم رفتار عاملها به منظور جلوگیری از وقوع رفتارهای خطرناک هستند.
- آموزش در حضور اختلالات: با آموزش الگوریتمها در محیطهایی که شامل اختلالات هستند، میتوان مقاومت الگوریتمها را افزایش داد. این روش به الگوریتم اجازه میدهد تا در مواجهه با اختلالات غیرمنتظره، سیاستهای مقاومتی یاد بگیرد.
- استفاده از اصول نظریه بازیها: با بهرهگیری از تعادلهای نظریه بازیها مانند تعادل نش (Nash) میتوان سیاستهایی طراحی کرد که در مواجهه با استراتژیهای متغیر سایر عوامل، پایداری و ایمنی سیستم حفظ شود.

#### نمونههای کاربر دی

برای نشان دادن کاربردهای عملی MARL در افزایش ایمنی و مقاومت، به چند مثال اشاره می شود:

سامانه های خودران: در خودروهای خودران چندعاملی، ایمنی یکی از اولویتهای اصلی است. با استفاده از MARL و فرض کردن سایر خودروها به عنوان عوامل یا اختلالات، میتوان الگوریتمهایی توسعه داد که در مواجهه با رفتارهای غیرمنتظره سایر خودروها، ایمن باقی بمانند.

مدیریت انرژی در شبکههای هوشمند: در شبکههای انرژی هوشمند، MARL میتواند برای مدیریت بهینه انرژی در حضور اختلالات مانند خرابیها یا حملات سایبری استفاده شود. الگوریتمهای مقاوم میتوانند با تغییرات ناگهانی در تقاضا یا عرضه انرژی سازگار شده و پایداری شبکه را حفظ کنند.

رباتهای همکاریکننده: در سیستمهای رباتیک همکاریکننده، اطمینان از ایمنی تعاملات میان رباتها حیاتی است. MARL میتواند برای طراحی سیاستهای ایمن که در مواجهه با رفتارهای مخرب یا اختلالات داخلی، سیستم را پایدار نگه دارند، به کار رود.

محیطهای صنعتی: در محیطهای صنعتی که شامل چندین عامل نظیر رباتها و ماشین آلات است، ایمنی و مقاومت سیستمها از اهمیت بالایی برخوردار است. با استفاده از MARL، می توان الگوریتمهایی توسعه داد که در مواجهه با اختلالات مانند خرابی تجهیزات یا خطاهای انسانی، عملکرد سیستم را حفظ کنند.

#### چالشها و فرصتها

با وجود مزایای متعدد MARL در افزایش ایمنی و مقاومت سیستمها، چالشهایی نیز در این زمینه وجود دارد:

- پیچیدگی مدلسازی اختلالات: مدلسازی دقیق اختلالات و رفتارهای مخرب میتواند پیچیده و زمانبر باشد، به ویژه در محیطهای پیچیده و یویا.
- هماهنگی میان عوامل: هماهنگی موثر میان عوامل در حضور اختلالات نیازمند الگوریتمهای پیچیده و کارآمد است که بتوانند به سرعت و بهینه با تغییرات محیطی سازگار شوند.
- تعادل میان کارایی و ایمنی: حفظ تعادل میان بهینه سازی کارایی سیستم و تضمین ایمنی در مواجهه با اختلالات یک چالش بزرگ است که نیازمند طراحی دقیق الگوریتمها است.
- نیاز به دادههای بزرگ: برای آموزش الگوریتمهای مقاوم و ایمن، نیاز به مجموعههای داده بزرگ و متنوعی است که شامل انواع اختلالات و رفتارهای مخرب باشند.

با این حال، فرصتهای بزرگی نیز در این زمینه وجود دارد. توسعه الگوریتمهای پیشرفته MARL که بتوانند به طور موثر با اختلالات مواجه شوند، میتواند منجر به سیستمهای هوشمند و خودکار با کارایی و ایمنی بالاتر شود. همچنین، پژوهشهای ادامهدار در زمینه نظریه بازیها و روشهای مقاومسازی الگوریتمهای یادگیری تقویتی، پتانسیل بالایی برای بهبود MARL و کاربردهای آن فراهم میآورد.

## نتيجهگيري

در نهایت، ایمنی و مقاومت در یادگیری تقویتی چندعاملی به عنوان عوامل کلیدی در توسعه سیستمهای هوشمند و خودکار مطرح میگردند. با فرض کردن اختلالات و توسعه الگوریتمهای مقاوم، میتوان عملکرد سیستمهای MARL را در مواجهه با چالشهای مختلف بهبود بخشید. با توجه به اهمیت و کاربردهای گسترده عداد در حوزههای علمی و صنعتی، تحقیقات در زمینه افزایش ایمنی و مقاومت این الگوریتمها همچنان ادامه خواهد یافت تا به سیستمهایی با قابلیتهای بیشتر و عملکردی پایدارتر دست یابند.

## ۴-۲-۴ الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی

در حوزه یادگیری تقویتی چندعاملی (Multi-Agent Reinforcement Learning - MARL)، توسعه الگوریتمهای خاص برای تعامل و همکاری میان عوامل مختلف از اهمیت بالایی برخوردار است. الگوریتمهای MARL باید بتوانند با پیچیدگیها و چالشهای ناشی از تعاملات متعدد میان عوامل، عملکرد بهینهای را ارائه دهند. در این بخش، به بررسی چند الگوریتم پیشرفته چندعاملی پرداخته می شود که هر یک ویژگیها و مزایای خاص خود را دارند.

## (MADDPG) Gradient Policy Deterministic Deep Multi-Agent الگوريتم

الگوریتم (Multi-Agent Deep Deterministic Policy Gradient) به عنوان یکی از الگوریتم (Multi-Agent Deep Deterministic Policy Gradient) به عنوان یکی از الگوریتم الگوریتم (MARL معرفی شده است که برای تعاملات همکاری میان عوامل طراحی گردیده است. این الگوریتم بر پایه الگوریتم (DDPG توسعه یافته و از شبکههای عصبی عمیق برای یادگیری سیاستهای بهینه استفاده مینماید. ویژگی اصلی MADDPG استفاده از اطلاعات دیگر عوامل در فرآیند یادگیری است که بهبود هماهنگی و همکاری میان عوامل را ممکن میسازد.

تعریف ریاضی در ،MADDPG برای هر عامل i سیاست (Policy) و تابع ارزش (MADDPG، تعریف شده است. فرمول بهروزرسانی سیاست برای هر عامل به صورت زیر است:

$$\nabla_{\theta_i} J(\theta_i) = \mathbb{E}_{s, a \sim \mathcal{D}} \left[ \nabla_{\theta_i} Q_i^{\mu}(s, a) \big|_{a = \mu_i(s | \theta_i)} \cdot \nabla_{\theta_i} \mu_i(s | \theta_i) \right]$$

که در آن  $Q_i^\mu(s,a)$  تابع ارزش عملیات برای عامل i و اسلات عامل  $u_i(s|\theta_i)$  که در آن

#### ویژگیها و مزایا

- هماهنگی و همکاری بهتر: استفاده از اطلاعات دیگر عوامل به بهبود هماهنگی و همکاری میان عوامل کمک مینماید.
  - قابلیت مقیاسپذیری: توانایی کارکرد در محیطهای با تعداد زیادی عامل.
  - پشتیبانی از سیاستهای پیوسته: مناسب برای مسائل با فضای عمل پیوسته.

## (MASAC) Actor-Critic Soft Multi-Agent الگوريتم

الگوریتم MASAC (Multi-Agent Soft Actor-Critic) MASAC یکی از الگوریتمهای پیشرفته در MARL است که بر پایه SAC توسعه یافته و برای تعاملات همکاری و رقابتی میان عوامل طراحی گردیده است. این الگوریتم با بهینهسازی انتروپی به همراه تابع ارزش، تعادل بهتری بین اکتشاف و بهرهبرداری ایجاد مینماید.

تعریف ریاضی در ،MASAC تابع هدف برای هر عامل به صورت زیر تعریف می گردد:

$$J(\pi_i) = \mathbb{E}_{(s,a) \sim \rho_{\pi}} \left[ \alpha \mathcal{H}(\pi_i(\cdot|s)) - Q_i^{\phi}(s,a) \right]$$

که در آن  $\mathcal{H}(\pi_i(\cdot|s))$  انتروپی سیاست و  $\alpha$  ضریب تنظیم تعادل بین انتروپی و تابع ارزش است.

#### ویژگیها و مزایا

- تعادل بین اکتشاف و بهرهبرداری: با بهینهسازی انتروپی، اکتشاف در فضای عمل افزایش مییابد.
  - پایداری بیشتر: استفاده از تکنیکهای مختلف برای افزایش پایداری فرآیند یادگیری.
  - پشتیبانی از محیطهای پیچیده: قابلیت یادگیری در محیطهای با تعاملات پیچیده میان عوامل.

## (MA-PPO) Optimization Policy Proximal Multi-Agent الگوريتم

الگوریتم MA-PPO (Multi-Agent Proximal Policy Optimization) به عنوان یک توسعهیافته از PPO برای محیطهای چندعاملی معرفی شده است. این الگوریتم با استفاده از محدودیتهای نزدیک به سیاست جدید، کارایی و پایداری بالایی در تعاملات میان عوامل فراهم می آورد.

تعریف ریاضی تابع هدف MA-PPO به صورت زیر تعریف می گردد:

$$L^{CLIP}(\theta_i) = \mathbb{E}_t \left[ \min \left( r_t(\theta_i) \hat{A}_t, \text{clip}(r_t(\theta_i), 1 - \epsilon, 1 + \epsilon) \hat{A}_t \right) \right]$$

که در آن  $r_t(\theta_i)$  نسبت احتمالات سیاست جدید به سیاست قدیمی و  $\hat{A}_t$  برآورد مزایای عامل در زمان t میباشد.

## ویژگیها و مزایا

• سادگی در پیادهسازی: نسبت به الگوریتمهای پیچیدهتر، پیادهسازی آسانتری دارد.

- پایداری بالا: با محدود کردن تغییرات سیاست، از نوسانات بزرگ در فرآیند یادگیری جلوگیری میشود.
  - كارايي بالا: عملكرد قابل توجهي در مسائل مختلف MARL دارد.

## (MA-TD۳) Gradient Policy Deterministic Deep Delayed Twin Multi-Agent الگوريتم

الگوریتم MA-TD۳ (Multi-Agent Twin Delayed Deep Deterministic Policy Gradient) MA-TD۳) به عنوان یک توسعهیافته از TD۳ برای محیطهای چندعاملی معرفی شده است. این الگوریتم با استفاده از دو شبکه ارزش مجزا و بهروزرسانی تأخیری سیاست، کارایی و پایداری بالایی را در تعاملات میان عوامل فراهم میآورد.

تعریف ریاضی تابع هدف MA-TD۳ به صورت زیر تعریف می گردد:

$$\mathcal{L}(\phi_i) = \mathbb{E}_{(s,a,r,s')\sim\mathcal{D}}\left[\left(Q_i(s,a|\theta_i^Q) - \left(r + \gamma \min_{j=1,2}Q_j(s',\mu_i(s'|\theta_i^\mu)|\theta_j^{Q'})\right)\right)^2\right]$$
 که در آن  $i=1,2$  که در آن

## ویژگیها و مزایا

- كاهش نوسانات تخمين تابع ارزش: استفاده از دو شبكه ارزش براى كاهش تخمينهاى بيش از حد.
  - بهروزرسانی تأخیری شبکه سیاست: افزایش پایداری و کاهش نوسانات در فرآیند یادگیری.
    - پشتیبانی از فضای عمل پیوسته: حفظ قابلیت کارکرد در مسائل با فضای عمل پیوسته.

ویژگیهای مشترک الگوریتمهای ،MA-PPO MASAC، MADDPG و MA-TD۳ و MA-TD۳ و با توجه به ویژگیهای مشترک الگوریتمهای بیچیده و پویا با تعاملات متنوع میان عوامل، عملکرد قابل توجهی را ارائه دهند. این الگوریتمها با استفاده از شبکههای عصبی عمیق، تعادل بین اکتشاف و بهرهبرداری را بهبود داده و قابلیتهای مقاومسازی سیستمها را افزایش دادهاند.

**کاربردها** الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی در حوزههای مختلفی مانند سامانههای خودران، مدیریت انرژی در شبکههای هوشمند، رباتهای همکاریکننده و محیطهای صنعتی مورد استفاده قرار میگیرند. این الگوریتمها با بهینهسازی سیاستها و کاهش نوسانات در فرآیند یادگیری، امکان همکاری و تعامل موثر میان عوامل را فراهم میآورند.

**چالشها** و فرصتها هر کدام از این الگوریتمها با چالشهای خاص خود مواجه هستند، از جمله نیاز به تنظیم دقیق پارامترها، محاسبه توابع ارزش پیچیده تر و افزایش هزینه محاسباتی. با این حال، فرصتهای زیادی برای بهبود و توسعه این الگوریتمها وجود دارد که میتواند به افزایش کارایی و قابلیتهای یادگیری تقویتی چندعاملی کمک کند.

#### نتيجهگيري

الگوریتمهای یادگیری تقویتی چندعاملی نقش مهمی در توسعه سیستمهای هوشمند و خودکار ایفا مینمایند. الگوریتمهای مختلف مانند ،MA-TD۳ و MA-PPO MASAC، MADDPG با ویژگیها و مزایای منحصر به فرد خود، توانستهاند در محیطهای پیچیده و پویا عملکرد قابل توجهی داشته باشند. این الگوریتمها با بهینهسازی سیاستها و کاهش نوسانات در فرآیند یادگیری، امکان همکاری و تعامل موثر میان عوامل را فراهم میآورند. با ادامه تحقیقات و بهبود این الگوریتمها، انتظار میرود که MARL نقش کلیدی تری در پیشرفت تکنولوژیهای هوشمند و خودکار ایفا نماید.

# فصل ۵

# مدلسازی محیط یادگیری سه جسمی

مسیرهای فضایی سنتی تحت تأثیر گرانش یک جسم مرکزی (خورشید، زمین یا سیارهای دیگر) شکل میگیرند و توسط اجسام سوم تحت تأثیر قرار میگیرند. تحلیلهای مخروطی پیوسته نشان میدهند که چگونه می توان طراحی را از یک جسم مرکزی به جسم دیگر منتقل کرد، هنگامی که فضاپیما از حوزه تأثیر یک جسم عبور میکند. در برخی موارد، مأموریت فضاپیما آن را در ناحیهای از فضا قرار میدهد که به طور همزمان تحت تأثیر دو جسم بزرگ است. این مسیرها نمی توانند از تحلیل دو جسم با اختلالات جسم سوم استفاده کنند، بلکه باید تأثیرات هر دو جسم به طور همزمان در نظر گرفته شوند. برای درک این مسئله، ابتدا به مطالعه مسئله عمومی سه جسمی خواهیم پرداخت و چگونگی اعمال آن به سیستمهای واقعی را بررسی خواهیم کرد. سپس، برخی از مسیرها و تحلیلهای جالبی که توسط فضاپیماهای مدرن استفاده می شوند، ارائه خواهیم داد.

در فصل اول معادلات عمومی حرکت اجسام متعدد را معرفی کردیم. علیرغم وجود ده ثابت حرکت، هیچکس نتوانسته است مسئله عمومی سهجسمی را بهصورت تحلیلی بسته حل کند—ممکن است که این کار غیرممکن باشد. بنابراین، تحقیقات بر روی ساده سازی مسئله عمومی متمرکز شده است. ساندمن در سال ۱۹۱۲ یک راه حل سری توانی یافت. زمانی که این راه حل با شرایط اولیه ترکیب شود، ارزیابی های عددی از مسیرها را در یک بازه زمانی محدود ارائه می دهد. برای مطالعه کامل مسئله، به کتاب ۱۹۶۷ هرانژ شناخته شده است. اخیراً، یکی از راه حل های تحلیلی خاص—مسئله سهجسمی محدود—از زمان اویلر و لاگرانژ شناخته شده است. اخیراً، از تکنیک های عددی برای تولید راه حل ها استفاده شده است.

دانشمندان برای صدها سال مسئله سهجسمی را مطالعه کردهاند، اگرچه بیشتر تحقیقات از دهه ۱۹۶۰، با استفاده از فناوری محاسباتی مدرن، انجام شده است. تحلیلهای آنها انواع مختلفی از مدارهای سهجسمی را کشف کرده است که بسیاری از آنها برای فضاپیماها بسیار مفید هستند. در این بخش، چندین گزینه مدار سهجسمی را بررسی خواهیم کرد.

## مسئله سهجسمی محدود دایر -1

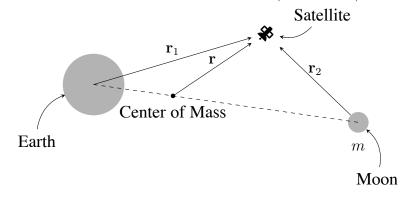
مسئله عمومی سه جسمی مسیرهای سه جسم پرجرم دلخواه را بررسی میکند که تحت تأثیر جاذبه متقابل قرار دارند. با این حال، این مسئله به مراتب عمومی تر از آن چیزی است که طراحان مأموریتهای عملیاتی نیاز دارند. دو ساده سازی رایج وجود دارد که برای قابل دسترس تر و کاربردی تر کردن این مسئله در مسیرهای واقعی معمولاً انجام می شود. این ساده سازی ها عبار تند از:

۱. جرم جسم سوم (ماهواره) در مقایسه با اجسام اصلی ناچیز است.

۲. اجسام اصلی و ثانویه در مدارهای دایرهای حول مرکز جرم که بین دو جسم قرار دارد حرکت میکنند.

مسئله بهدستآمده معمولاً به نام مسئله سهجسمی محدود دایرهای (CRTBP) شناخته می شود. گاهی اوقات، فرض دیگری نیاز به حرکت فقط در صفحه مداری اجسام اصلی و ثانویه دارد. برای این مسئله سهجسمی محدود دایرهای در صفحه، مؤلفه z معادلات صفر می شود. پیدا کردن معادلات ساده برای بیان راه حلها در مسئله سهجسمی دشوار است. کتابهای کامل در این زمینه وجود دارد ،۱۹۶۷ (Szebehely). هدف ما در اینجا توصیف حرکات کیفی و برجسته کردن چندین راه حل کلاسیکی است که شناخته شده هستند.

ابتدا، بیایید از یک چارچوب مختصات همزمان برای مسئله سهجسمی استفاده کنیم، همانطور که در شکل 1Y-1Y نشان داده شده است.\* معادلاتی برای یک چارچوب باریکنانه (ثابت) به زودی معرفی خواهیم کرد. این چارچوب از نمادهای کوچک x و y برای اجزای فردی استفاده میکند. زیرنویس x با محورها نشان میدهد که مبدأ در مرکز جرم (مرکز سیستم) است و چارچوب با سرعت زاویهای x میچرخد.



شكل ۵-۱: هندسه مسئله سه بدنه محدود

انتخاب سیستم مختصات با استفاده از فرم باریکنانه معادلات حرکت آغاز می شود. از معادله (۱–۳۸)، با n=3

$$r = -\frac{Gm_1}{r_1^{\rm sat}} - \frac{Gm_2}{r_2^{\rm sat}} - \frac{Gm_3}{r_3^{\rm sat}}$$

تذکر: نمادهای مختلفی برای جهت اصلی وجود دارد. Szebehely از جهت اصلی به سمت جسم بزرگتر استفاده میکند. در حالی که بسیاری از ادبیات و مأموریتهای عملیاتی از محور اصلی به سمت جسم کوچکتر استفاده میکنند. معادلات تنها با چند علامت تفاوت دارند. ما از سنت اخیر استفاده میکنیم.

چرخش ذاتی سیستم مختصات نیازمند آن است که به ترمهای اضافی که در شتاب ایجاد می شوند، توجه کنیم. معادله (۳–۲۶) شتابهای اینرسی و چرخان را مشخص می کند (من از نمادهای این بخش و چارچوب همزمان چرخان  $a_S$   $v_S$   $v_S$   $v_S$  استفاده کردهام):

$$r_{B_{\text{sat}}} = a_S + q_S \times r_S + q_S \times (q_S \times r_S) + 2q_S \times v_S + a_{\text{org}}$$

از آنجا که چرخش حول محور  $z_S$  انجام می شود، می توانیم هر یک از ترمها را ارزیابی کنیم. ما حرکت دایره ای را فرض کرده ایم، بنابراین نرخ تغییرات چرخش صفر است. همچنین، سیستم مختصات در مقایسه با مبدا اینرسی شتاب نمی گیرد؛ بنابراین  $a_{\rm org}=0$ . با تغییر رابطه بالا به طوری که با رویه معمول استفاده از مختصات دکارتی در چارچوب همزمان برای ماهواره هماهنگ شود و ضرب متقاطع را انجام دهیم، داریم:

$$r_{B_{\text{sat}}} = r_S - q_S(x_S x_S + y_S y_S) - 2q_S(y_S x_S - x_S y_S)$$

حال باید روابط ساده تری برای شتاب اینرسی پیدا کنیم. معادله (۱-۳۸) عبارت عمومی را ارائه می دهد. در این مرحله، مفید است که گرادیانها را معرفی کنیم. ما در فصل ۸ از گرادیانها به طور مکرر استفاده کردیم. در اینجا، آنها نمادها را برای شتاب ساده می کنند.

$$r_{B_{\mathrm{Sat}}} = \nabla \left( \frac{m_1}{r_1} + \frac{m_2}{r_2} \right)$$

که در آن:

$$\nabla R = x_S + y_S + \frac{\partial x}{\partial u} \frac{\partial z}{\partial z}$$

# فصل ۶

# شبیهسازی عامل درمحیط سه جسمی

# ۱-۶ آموزش عامل در یادگیری توقیتی

## ۶-۱-۱ تعریف عامل و فرآیند آموزش

در یادگیری توقیتی، عامل (Agent) موجودیتی است که در یک محیط قرار دارد و با آن تعامل میکند تا به هدف خاصی برسد. هدف عامل در این مدل، یادگیری استراتژیهایی است که باعث افزایش پاداش (reward) یا کاهش هزینه (cost) در درازمدت می شود. این فرآیند شامل دریافت اطلاعات از محیط، انتخاب اقدامها (actions) و به روزرسانی سیاستها یا مدلهای تصمیم گیری است.

فرآیند یادگیری عامل بهطور کلی شامل سه مرحله اصلی است:

- انتخاب استراتژیها (Policy Selection): انتخاب بهترین استراتژی برای انجام اقدامات در هر وضعیت.
  - دریافت پاداش (Reward Reception): دریافت پاداش از محیط برای هر اقدام انجامشده.
- بهبود سیاستها (Policy Improvement): با توجه به پاداشها و تجربیات، بهروزرسانی سیاستها برای انتخاب بهتر اقدامات در آینده.

در این بخش، به معرفی مهمترین الگوریتمهای یادگیری توقیتی پرداخته میشود که برای آموزش عاملها در این زمینه استفاده میشوند:

#### الگوريتمها

- Deep Deterministic Policy Gradient) DDPG): این الگوریتم یک روش یادگیری تقویتی مبتنی بر سیاست است که از یک شبکه عصبی برای تخمین سیاست استفاده میکند. این الگوریتم برای حل مسائل با فضای حالت و اقدام پیوسته کاربرد دارد.
- TD۳ الگوریتم (Twin Delayed Deep Deterministic Policy Gradient): الگوریتم TD۳ الگوریتم (Twin Delayed Deep Deterministic Policy Gradient): نسخه بهبود یافته ای از DDPG است که با استفاده از استراتژی هایی مانند تاخیر در بهروزرسانی سیاست و استفاده از دو شبکه عمل میکند تا از پدیده های نوسانی در یادگیری جلوگیری کند.
- SAC (Soft Actor-Critic) SAC): الگوریتم SAC یک روش مبتنی بر سیاست است که به طور همزمان به بهینه سازی سیاست و تابع ارزش پرداخته و از مفهوم انتروپی نرم برای بهبود بهرهوری یادگیری استفاده میکند. این الگوریتم به ویژه در مسائل با فضای حالت و اقدام پیوسته موثر است.
- Proximal Policy Optimization) PPO: الگوریتم PPO یکی از الگوریتمهای یادگیری تقویتی مبتنی بر سیاست است که از روشهای بهینهسازی موقتی برای بهبود سیاستهای عامل استفاده میکند. این الگوریتم بهویژه برای مسائل با فضای حالت و اقدام گسسته و پیوسته مناسب است.

این الگوریتمها از طریق بهینهسازی تدریجی سیاست عاملها، قادر به یادگیری و بهبود استراتژیهای خود برای رسیدن به پاداش بیشتر در طول زمان هستند. انتخاب هرکدام از این الگوریتمها به ویژگیهای خاص محیط و چالشهای یادگیری بستگی دارد.

## ۶-۱-۶ زمان و نوع پردازنده در آموزش عامل

آموزش عاملها معمولاً به شدت به زمان و منابع پردازشی نیاز دارد. بسته به نوع الگوریتم و پیچیدگی محیط، زمان آموزش میتواند متفاوت باشد. در این بخش، دو موضوع کلیدی بررسی میشود: تأثیر زمان بر الگوریتمها و تأثیر نوع پردازندهها.

## تأثير زمان بر الگوريتمها

زمان یادگیری به پیچیدگی محیط و الگوریتمهای انتخابی بستگی دارد. برای مثال:

• در DDPG، که یک الگوریتم مبتنی بر سیاست است، زمان یادگیری معمولاً به تعداد وضعیتها و اقدامات پیوسته بستگی دارد.

- در TD3، که نسخه بهبود یافته ای از DDPG است، زمان یادگیری ممکن است بیشتر باشد زیرا دو شبکه برای بهروزرسانی استفاده می شود.
- SAC زمان یادگیری بیشتری نیاز دارد زیرا همزمان از دو فرآیند یادگیری سیاست و تابع ارزش استفاده میکند.
  - در PPO، زمان یادگیری بهطور معمول بستگی به تعداد تکرارها و حجم دادههای ورودی دارد.

## تأثير نوع پردازندهها

- پردازندههای مرکزی (CPU): برای الگوریتمهای سادهتر مانند DDPG و TD3 که به پردازش موازی کمتری نیاز دارند، استفاده از CPU کافی است. - پردازندههای گرافیکی (GPU): الگوریتمهای پیچیدهتری مانند SAC و PPO که نیاز به پردازش موازی دارند، میتوانند از GPU بهرهبرداری بیشتری کنند. این پردازندهها میتوانند زمان یادگیری را بهطور چشمگیری کاهش دهند. - پردازندههای مخصوص یادگیری (TPU): در برخی شبیهسازیهای پیچیده که به محاسبات بیشتری نیاز دارند، TPU میتواند زمان آموزش را به طور قابل توجهی کاهش دهد.

## ۶-۱-۶ نتیجهگیری

انتخاب الگوریتمهای یادگیری توقیتی مناسب و پردازندههای بهینه، میتواند تأثیر زیادی بر کارایی آموزش عاملها در محیطهای پیچیده مانند محیط سه جسمی داشته باشد. الگوریتمهایی مانند DDPG، TD3، DDPG، الگوریتمهایی مانند PPO و PPO هرکدام بسته به نوع چالشهای محیط، مزایا و معایب خاص خود را دارند و انتخاب پردازنده مناسب میتواند بهطور قابل توجهی زمان یادگیری و عملکرد عاملها را بهبود بخشد.

فصل ٧

سخت افزار در حلقه عملکرد عامل در محیط

## **Bibliography**

- M. A. Vavrina, J. A. Englander, S. M. Phillips, and K. M. Hughes. Global, multiobjective trajectory optimization with parametric spreading. In AAS AIAA Astrodynamics Specialist Conference 2017, 2017. Tech. No. GSFC-E-DAA-TN45282.
- [2] C. Ocampo. Finite burn maneuver modeling for a generalized spacecraft trajectory design and optimization system. *Annals of the New York Academy of Sciences*, 1017:210–233, 2004.
- [3] B. G. Marchand, S. K. Scarritt, T. A. Pavlak, and K. C. Howell. A dynamical approach to precision entry in multi-body regimes: Dispersion manifolds. *Acta Astronautica*, 89:107–120, 2013.
- [4] A. F. Haapala and K. C. Howell. A framework for constructing transfers linking periodic libration point orbits in the spatial circular restricted three-body problem. *International Journal of Bifurcation and Chaos*, 26(05):1630013, 2016.
- [5] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Six degree-of-freedom hovering over an asteroid with unknown environmental dynamics via reinforcement learning. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [6] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Terminal adaptive guidance via reinforcement meta-learning: Applications to autonomous asteroid close-proximity operations. Acta Astronautica, 171:1–13, 2020.
- [7] A. Rubinsztejn, R. Sood, and F. E. Laipert. Neural network optimal control in astrodynamics: Application to the missed thrust problem. *Acta Astronautica*, 176:192–203, 2020.
- [8] T. A. Estlin, B. J. Bornstein, D. M. Gaines, R. C. Anderson, D. R. Thompson, M. Burl, R. Castaño, and M. Judd. Aegis automated science targeting for the mer opportunity rover. ACM Transactions on Intelligent Systems and Technology (TIST), 3:1–19, 2012.

- [9] R. Francis, T. Estlin, G. Doran, S. Johnstone, D. Gaines, V. Verma, M. Burl, J. Frydenvang, S. Montano, R. Wiens, S. Schaffer, O. Gasnault, L. Deflores, D. Blaney, and B. Bornstein. Aegis autonomous targeting for chemcam on mars science laboratory: Deployment and results of initial science team use. *Science Robotics*, 2, 2017.
- [10] S. Higa, Y. Iwashita, K. Otsu, M. Ono, O. Lamarre, A. Didier, and M. Hoffmann. Vision-based estimation of driving energy for planetary rovers using deep learning and terramechanics. *IEEE Robotics and Automation Letters*, 4:3876–3883, 2019.
- [11] B. Rothrock, J. Papon, R. Kennedy, M. Ono, M. Heverly, and C. Cunningham. Spoc: Deep learning-based terrain classification for mars rover missions. In AIAA Space and Astronautics Forum and Exposition, SPACE 2016. American Institute of Aeronautics and Astronautics Inc, AIAA, 2016.
- [12] K. L. Wagstaff, G. Doran, A. Davies, S. Anwar, S. Chakraborty, M. Cameron, I. Daubar, and C. Phillips. Enabling onboard detection of events of scientific interest for the europa clipper spacecraft. In 25th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery & Data Mining, pages 2191–2201, Anchorage, Alaska, 2019.
- [13] B. Dachwald. Evolutionary neurocontrol: A smart method for global optimization of low-thrust trajectories. In AIAA/AAS Astrodynamics Specialist Conference and Exhibit, pages 1–16, Providence, Rhode Island, 2004.
- [14] S. D. Smet and D. J. Scheeres. Identifying heteroclinic connections using artificial neural networks. *Acta Astronautica*, 161:192–199, 2019.
- [15] N. L. O. Parrish. Low Thrust Trajectory Optimization in Cislunar and Translunar Space. PhD thesis, University of Colorado Boulder, 2018.
- [16] N. Heess, D. TB, S. Sriram, J. Lemmon, J. Merel, G. Wayne, Y. Tassa, T. Erez, Z. Wang, S. M. A. Eslami, M. A. Riedmiller, and D. Silver. Emergence of locomotion behaviours in rich environments. *CoRR*, abs/1707.02286, 2017.
- [17] D. Silver, J. Schrittwieser, K. Simonyan, I. Antonoglou, A. Huang, A. Guez, T. Hubert, L. Baker, M. Lai, A. Bolton, Y. Chen, T. Lillicrap, F. Hui, L. Sifre, G. van den Driessche, T. Graepel, and D. Hassabis. Mastering the game of go without human knowledge. *Nature*, 550, 2017.

- [18] R. Furfaro, A. Scorsoglio, R. Linares, and M. Massari. Adaptive generalized zemzev feedback guidance for planetary landing via a deep reinforcement learning approach. *Acta Astronautica*, 171:156–171, 2020.
- [19] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Deep reinforcement learning for six degrees of freedom planetary landing. *Advances in Space Research*, 65:1723–1741, 2020.
- [20] B. Gaudet, R. Furfaro, and R. Linares. Reinforcement learning for angle-only intercept guidance of maneuvering targets. Aerospace Science and Technology, 99, 2020.
- [21] D. Guzzetti. Reinforcement learning and topology of orbit manifolds for station-keeping of unstable symmetric periodic orbits. In AAS/AIAA Astrodynamics Specialist Conference, Portland, Maine, 2019.
- [22] J. A. Reiter and D. B. Spencer. Augmenting spacecraft maneuver strategy optimization for detection avoidance with competitive coevolution. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [23] A. Das-Stuart, K. C. Howell, and D. C. Folta. Rapid trajectory design in complex environments enabled by reinforcement learning and graph search strategies. Acta Astronautica, 171:172–195, 2020.
- [24] D. Miller and R. Linares. Low-thrust optimal control via reinforcement learning. In 29th AAS/AIAA Space Flight Mechanics Meeting, Ka'anapali, Hawaii, 2019.
- [25] C. J. Sullivan and N. Bosanac. Using reinforcement learning to design a low-thrust approach into a periodic orbit in a multi-body system. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [26] nobelprize.org. Jean tirole, 2021. [Online; accessed October 17, 2024], Available at https://www.nobelprize.org/prizes/economic-sciences/2014/ tirole/facts/.
- [27] D. Silver, G. Lever, N. Heess, T. Degris, D. Wierstra, and M. Riedmiller. Deterministic policy gradient algorithms. In *International conference on machine learning*, pages 387–395. Pmlr, 2014.
- [28] M. Abadi, A. Agarwal, P. Barham, E. Brevdo, Z. Chen, C. Citro, G. S. Corrado, A. Davis, J. Dean, M. Devin, S. Ghemawat, I. Goodfellow, A. Harp, G. Irving, M. Isard, Y. Jia, R. Jozefowicz, L. Kaiser, M. Kudlur, J. Levenberg, D. Mané, R. Monga, S. Moore, D. Murray, C. Olah, M. Schuster, J. Shlens, B. Steiner,

- I. Sutskever, K. Talwar, P. Tucker, V. Vanhoucke, V. Vasudevan, F. Viégas, O. Vinyals, P. Warden, M. Wattenberg, M. Wicke, Y. Yu, and X. Zheng. TensorFlow: Large-scale machine learning on heterogeneous systems, 2015. Software available from tensorflow.org.
- [29] S. Fujimoto, H. van Hoof, and D. Meger. Addressing function approximation error in actor-critic methods, 2018.
- [30] A. Paszke, S. Gross, S. Chintala, G. Chanan, E. Yang, Z. DeVito, Z. Lin, A. Desmaison, L. Antiga, and A. Lerer. Automatic differentiation in pytorch. 2017.
- [31] T. Haarnoja, A. Zhou, P. Abbeel, and S. Levine. Soft actor-critic: Off-policy maximum entropy deep reinforcement learning with a stochastic actor. *CoRR*, abs/1801.01290, 2018.

#### Abstract

In this study, a quadcopter stand with three degrees of freedom was controlled using game theory-based control. The first player tracks a desired input, and the second player creates a disturbance in the tracking of the first player to cause an error in the tracking. The move is chosen using the Nash equilibrium, which presupposes that the other player made the worst move. In addition to being resistant to input interruptions, this method may also be resilient to modeling system uncertainty. This method evaluated the performance through simulation in the Simulink environment and implementation on a three-degree-of-freedom stand.

**Keywords**: Quadcopter, Differential Game, Game Theory, Nash Equilibrium, Three Degree of Freedom Stand, Model Base Design, Linear Quadratic Regulator



# Sharif University of Technology Department of Aerospace Engineering

Master Thesis

# Robust Reinforcement Learning Differential Game Guidance in Low-Thrust, Multi-Body Dynamical Environments

By:

Ali BaniAsad

Supervisor:

Dr.Hadi Nobahari

December 2024