

دانشگاه صنعتی شریف دانشکدهی مهندسی هوافضا

پروژه کارشناسی ارشد مهندسی فضا

عنوان:

# هدایت یادگیری تقویتی مقاوم مبتنی بر بازی دیفرانسیلی در محیطهای پویای چندجسمی با پیشران کم

نگارش:

علی بنی اسد

استاد راهنما:

دكتر هادى نوبهارى

دی ۳۰۳



## به نام خدا

## دانشگاه صنعتی شریف

## دانشكدهي مهندسي هوافضا

### پروژه کارشناسی ارشد

عنوان: هدایت یادگیری تقویتی مقاوم مبتنی بر بازی دیفرانسیلی در محیطهای پویای چندجسمی با پیشران کم

نگارش: على بنى اسد

### كميتهى ممتحنين

استاد راهنما: دكتر هادي نوبهاري امضاء:

استاد مشاور: استاد مشاور

استاد مدعو: استاد ممتحن امضاء:

تاريخ:

#### سپاس

از استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر نوبهاری که با کمکها و راهنماییهای بیدریغشان، بنده را در انجام این پروژه یاری دادهاند، تشکر و قدردانی میکنم. از پدر دلسوزم ممنونم که در انجام این پروژه مرا یاری نمود. در نهایت در کمال تواضع، با تمام وجود بر دستان مادرم بوسه میزنم که اگر حمایت بیدریغش، نگاه مهربانش و دستان گرمش نبود برگ برگ این دست نوشته و پروژه وجود نداشت.

#### چکیده

در این پژوهش، از یک روش مبتنی بر نظریه بازی به منظور کنترل وضعیت استند سه درجه آزادی چهار پره استفاده شده است. در این روش بازیکن اول سعی در ردگیری ورودی مطلوب می کند و بازیکن دوم با ایجاد اغتشاش سعی در ایجاد خطا در ردگیری بازیکن اول می کند. در این روش انتخاب حرکت با استفاده از تعادل نش که با فرض بدترین حرکت دیگر بازیکن است، انجام می شود. این روش نسبت به اغتشاش ورودی و همچنین نسبت به عدم قطعیت مدل سازی می تواند مقاوم باشد. برای ارزیابی عملکرد این روش ابتدا شبیه سازی هایی در محیط سیمولینک انجام شده است و سپس، با پیاده سازی روی استند سه درجه آزادی صحت عملکرد کنترل کننده تایید شده است.

**کلیدواژهها**: چهارپره، بازی دیفرانسیلی، نظریه بازی، تعادل نش، استند سه درجه آزادی، مدلمبنا، تنظیمکننده مربعی خطی

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Game Theory

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Nash Equilibrium

# فهرست مطالب

١	مه	مقده	١
١	۱ انگیزه پژوهش	1-1	
١	۱ تعریف مسئله	<b>Y-1</b>	
۲	۲ اهداف و نوآوری	۳-۱	
٢	۱ یادگیری تقویتی	4-1	
۲	۵ یادگیری تقویتی چند عاملی	۵-۱	
٢	۶ محتوای گزارش	۶-۱	
٣	ينه پژوهش ينه پروهش	پیشب	۲
٣	۱ ماموریتهای بین مداری	1-7	
۵	ا یادگیری تقویتی	7-7	
۵	۲ یادگیری تقویتی چندعاملی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۱۰۰۰، ۱۰۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰۰، ۲۰	٣-٢	
۶	یری تقویتی	یادگ	٣
۶	۱ مفاهیم اولیه	۱-۳	
٧	۳-۱-۱ حالت و مشاهدات		
٧	۳-۱-۳ فضای عمل ۲-۱۰۰۰ مضای عمل ۲-۱۰۰۰ د		
٧	۳-۱-۳ سیاست		
	νε <b>(</b> Ψ		

٨	۳-۱-۵ تابع پاداش و برگشت	
٩	۳-۱-۶ ارزش در یادگیری تقویتی	
١.	۳-۱-۳ معادلات بلمن	
11	۳-۱-۳ تابع مزی <i>ت</i>	
١٢	عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی	۲-۳
١٢	۱-۲-۳ یادگیری Q در DDPG	
14	۲-۲-۳ سیاس <i>ت</i> در DDPG سیاس <i>ت</i> در	
14	۳-۲-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در DDPG	
14	۴-۲-۳ شبه کد DDPG شبه کد DDPG	
18	عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه	٣-٣
١٧	۳-۳-۱ اکتشاف و بهرهبرداری در TD3	
١٧	۳-۳-۳ شبه کد TD3 شبه کد	
۱۹	عامل عملگر نقاد نرم	4-4
۱۹	۳-۴-۳ یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، یادگیری	
۱۹	۲-۴-۳ سیاست در SAC سیاست در	
۲۰	۳-۴-۳ تابع ارزش در SAC تابع ارزش در	
۲۰	۴-۴-۳ تابع Q در SAC در ۴-۴-۳	
۲۰	۵-۴-۳ معادله بلمن در SAC	
۲۱	۳-۴-۳ یادگیری <i>Q</i>	
۲۱	۲-۴-۳ سیاست در SAC سیاست در	
27	۳-۴-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در SAC	
74	۹-۴-۳ شبه کد SAC شبه کد	
74	عامل بهینهسازی سیاست مجاور	۵-۳
۲۵	۱-۵-۳ سیاست در الگوریتم PPO میاست در الگوریتم ۱-۵-۳	

78	۳-۵-۳ اکتشاف و بهرهبرداری در PPO	
78	۳-۵-۳ شبه کد PPO شبه کد ۳-۵-۳	
۲۸	یادگیری تقویتی چند عاملی	۴
۲۸	۴-۱ تعاریف و مفاهیم اساسی	
79	۲-۴ نظریه بازیها ۲-۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰	
79	۴–۲–۲ تعادل نش	
٣٠	۴-۲-۲ بازی مجموع صفر ۲۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰	
٣٢	مدلسازی محیط یادگیری سه جسمی	۵
٣٣	۱-۵ مسئله سهجسمی محدود دایرهای ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، مسئله سهجسمی	
3	۵-۲ معادلات لاگرانژ در مسألهي سهجسمي محدود دايرهاي ۲-۵	
٣۶		
٣۶	····· *-۵	
٣٧	Δ-۵	
٣٩		
۴۰	V-Δ	
۴٣	شبیهسازی عامل درمحیط سه جسمی	۶
۴٣	۱-۶ طراحی عامل	
۴٣	۶–۱–۱ فضای حالت	
¢¢	۲-۱-۶ فضای عمل ۲-۱۰۰۰ نصای عمل و ۲-۱۰۰۰ نصل ۱۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰	
40	۳-۱-۶ تابع پاداش	
49	۶–۲ شبیهسازی عامل	
49	۰۰۰ - حق ۱-۲-۶ الگوریتمهای مورد استفاده ۰۰۰ ۰۰۰ ۰۰۰ ۱-۲-۶	
<b>4</b> V	۲-۲-۶ ف آن آرمنش می درون از مینشد. درون از مینشد از مینش	

49	سخت افزار در حلقه عملکرد عامل در محیط	٧
۵۰	ارزیابی و نتایج یادگیری	٨
۵۰	۱-۸ تنظیمات آزمایشی	
۵۰	۲-۸ نتایج عملکرد الگوریتمها	
۵۰	۸-۳ تحلیل پایداری و همگرایی	
۵١	۴-۸ مقایسه با معیارهای مرجع ۲۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰،۰۰۰	

# فهرست جداول

٣٣	•	•		•	•	•	•		۱ مقادیر عددی برای مسئله سهجسمی محدود (سیستم زمین-ماه)	۱-۵
۴۱		•		•	•	•			۱ مقادیر عددی برای مسئله سهجسمی محدود (سیستم زمین-ماه)	۲-۵
49									۱ و بژگیهای الگوریتههای مورد استفاده در شیبهسازی ۲۰۰۰	۶-۱

# فهرست تصاوير

٧	حلقه تعامل عامل و محیط	1-4
٣٣	هندسه مسئله سه بدنه محدود	۱-۵
٣٣	هندسه مسئله سه بدنه محدود	۲-۵
41	نقاط لاگرانژ	۳-۵
47	ساختار شبکه عصبی عامل ۲۰۰۰، ۲۰۰۰، ۵۰۰، ساختار شبکه عصبی	1-8
۵١	مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در شرايط اوليه تصادفي	1-1
	مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در حضور اغتشاش در	۲-۸
۵١	عملگرها	
	مقایسه مجموع پاداش دو الگوریتم تکعاملی و چندعاملی DDPG در مواجهه با عدم	۲-۸
۵۲	تطابق مدل	
۵۲	مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در شرايط مشاهده ناقص	<b>۴-</b> A
۵٣	مقایسه مجموع پاداش دو الگوریتم تکعاملی و چندعاملی DDPG در حضور نویز حسگر	۵-۸
۵٣	مقایسه مجموع پاداش دو الگوریتم تکعاملی و چندعاملی DDPG در شرایط تأخیر زمانی	۶-۸
۵۴	مقایسه مجموع پاداش دو الگوریتم تکعاملی و چندعاملی DDPG در سناریوهای مختلف	<b>Y-V</b>
۵۴	مقایسه مجموع پاداش دو الگوریتم تکعاملی و چندعاملی PPO در سناریوهای مختلف .	۸-۸

# فهرست الگوريتمها

۱۵		•	•			 •	 •					•			می	قط	یق	عم	ت	ياس	ن س	ديان	گراه	١	
۱۸							 •	 انه	دوگا	ی ه	خير	ے تا	طعى	قو	<u>ق</u>	عمي	ت	یاس	س س	يان.	گراد	ىل گ	عام	۲	
۲۳							 •										رم	اد ن	. نق	گرد	عمل	ىل ،	عام	٣	
۲٧											PΙ	PO	-C	liţ	o)	او,	مح	ت	ىاس	، س	ازې	نەسا	ىھىنا	۴	

# فصل ۱

## مقدمه

۱-۱ انگیزه پژوهش

## ۲-۱ تعریف مسئله

در سالهای اخیر، پیشرفتهای فناوری در زمینههای مختلف، از جمله کنترل پرواز، پردازش سیگنال و هوش مصنوعی، به افزایش کاربردهای ماهواره با پیشران کم در منظومه زمین ماه کمک کرده است. ماهواره با پیشران کم میتواند برای تعقیب ماهوارهها، انتقال مداری و استقرار ماهوارهها استفاده شود. روشهای هدایت بهینه قدیمی جهت کنترل ماهوارهها اغلب نیازمند فرضیات ساده کننده، منابع محاسباتی فراوان و شرایط اولیه مناسب هستند. الگوریتمهای مبتنی بر یادگیری تقویتی این توانایی را دارند که بدون مشکلات اشاره شده هدایت ماهواره را انجام دهند. به همین دلیل، این الگوریتمها میتوانند امکان محاسبات درونی (On-board Computing) را فراهم میکنند.

- ۱-۳ اهداف و نوآوری
- ۱-۴ یادگیری تقویتی
- ۱-۵ یادگیری تقویتی چند عاملی
  - ۱-۶ محتوای گزارش

## فصل ۲

## پیشینه پژوهش

## ۱-۲ ماموریتهای بین مداری

هدایت فضاپیماها معمولاً با استفاده از ایستگاههای زمینی انجام میشود. با این حال، این تکنیکها دارای محدودیتهایی از جمله حساسیت به قطع ارتباطات، تاخیرهای زمانی، و محدودیتهای منابع محاسباتی هستند. الگوریتمهای یادگیری تقویتی و بازیهای دیفرانسیلی میتوانند برای بهبود قابلیتهای هدایت فضاپیماها، از جمله مقاومت در برابر تغییرات محیطی، کاهش تاخیرهای ناشی از ارتباطات زمینی، و افزایش کارایی محاسباتی، مورد استفاده قرار گیرند.

هدایت فضاپیماها معمولاً پیش از پرواز انجام میشود. این روشها میتوانند از تکنیکهای بهینهسازی فراگیر [۱] یا برنامهنویسی غیرخطی برای تولید مسیرها و فرمانهای کنترلی بهینه استفاده کنند. با این حال، این روشها معمولا حجم محاسباتی زیادی دارند و برای استفاده درونسفینه نامناسب هستند [۲]. یادگیری ماشین میتواند برای بهبود قابلیتهای هدایت فضاپیماها استفاده شود. کنترلکننده شبکه عصبی حلقهبسته میتواند برای محاسبه سریع و خودکار تاریخچه کنترل استفاده شود. یادگیری تقویتی نیز میتواند برای یادگیری رفتارهای هدایت بهینه استفاده شود.

روشهای هدایت و بهینهسازی مسیر فضاپیماها بهطور کلی به راهحلهای اولیه مناسب نیاز دارند. در مسائل چند جسمی، طراحان مسیر اغلب حدسهای اولیه کمهزینهای برای انتقالها با استفاده از نظریه سیستمهای دینامیکی و منیفولدهای ثابت [۴،۳] ایجاد میکنند.

شبکههای عصبی ویژگیهای جذابی برای فعالسازی هدایت در فضاپیما دارند. بهعنوان مثال، شبکههای عصبی میتوانند بهطور مستقیم از تخمینهای وضعیت به دستورهای پیشران کنترلی که با محدودیتهای مأموریت

سازگار است، برسند. عملکرد هدایت شبکههای عصبی در مطالعاتی مانند فرود بر سیارات [۵]، عملیات نزدیکی به سیارات [۶] و کنترل فضاپیما با پیشران ازدسترفته [۷] نشان داده شده است. تازهترین پیشرفتهای تکنیکهای یادگیری ماشین در مسائل خودکارسازی درونی بهطور گستردهای مورد مطالعه قرار گرفتهاند؛ از پژوهشهای اولیه تا تواناییهای پیادهسازی. بهعنوان مثال، الگوریتمهای یادگیری ماشین ابتدایی در فضاپیماهای مریخی نبرد برای کمک به شناسایی ویژگیهای زمینشناسی تعبیه شدهاند. الگوریتم AEGIS توانایی انتخاب خودکار هدف توسط یک دوربین در داخل فضاپیماهای Spirit (Refinement Process) نیاز به ۹۴ تا ۹۶ ثانیه دارد [۹]، که به طور در کامپیوتر پرواز اصلی، فرآیند دقت افزایی (Refinement Process) نیاز به ۹۴ تا ۹۶ ثانیه دارد [۹]، که به طور قابل توجهی کمتر از زمان مورد نیاز برای ارسال تصاویر به زمین و انتظار برای انتخاب دستی توسط دانشمندان است. برنامههای آینده برای کاربردهای یادگیری ماشین درونسفینه شامل تواناییهای رباتیکی درونسفینه برای فضاپیمای Perseverance [۱۲] میشود. الگوریتمهای یادگیری ماشین پتانسیلی برای سهم مهمی در مأموریتهای اتوماسیون آینده دارند.

علاوه بر رباتیک سیارهای، پژوهشهای مختلفی به استفاده از تکنیکهای مختلف یادگیری ماشین در مسائل نجومی پرداختهاند. در طراحی مسیر عملکرد رگرسیون معمولاً مؤثرتر هست. به عنوان مثال، از یک شبکه عصبی (NN) در بهینهسازی مسیرهای رانشگر کمپیشران استفاده شده است [۱۳]. پژوهشهای جدید شامل شناسایی انتقالهای هتروکلینیک [۱۴]، اصلاح مسیر رانشگر کمپیشران [۱۵] و تجزیه و تحلیل مشکلات ازدسترفتن رانشگر [۷] میشود.

تکنیکهای یادگیری نظارتی میتوانند نتایج مطلوبی تولید کنند؛ اما، دارای محدودیتهای قابل توجهی هستند. یکی از این محدودیتها این است که این رویکردها بر وجود دانش پیش از فرآیند تصمیمگیری متکی هستند. این امر مستلزم دقیقبودن دادههای تولیدشده توسط کاربر برای نتایج مطلوب و همچنین وجود تکنیکهای موجود برای حل مشکل کنونی و تولید داده است.

در سالهای اخیر، قابلیت یادگیری تقویتی (RL) در دستیابی به عملکرد بهینه در دامنههایی با ابهام محیطی قابل توجه، به اثبات رسیده است [۱۷،۱۶]. هدایت انجام شده توسط RL را میتوان به صورت گسترده بر اساس فاز پرواز دسته بندی کرد. مسائل فرود [۱۹،۱۸] و عملیات در نزدیکی اجسام کوچک [۵، $^{8}$ ]، از حوزههای پژوهشی هستند که از RL استفاده میکنند. تحقیقات دیگر شامل مواجهه تداخل خارجی جوی [ $^{8}$ ]، نگهداری ایستگاهی [ $^{8}$ ] و هدایت به صورت جلوگیری از شناسایی [ $^{8}$ ] است. مطالعاتی که فضاپیماهای رانشگر کمپیشران را در یک چارچوب دینامیکی چند بدنی با استفاده از RL انجام شده است، شامل طراحی انتقال با استفاده از Proximal Policy Optimization ( $^{8}$ ) و هدایت نزدیکی مدار [ $^{8}$ ) است.

- ۲-۲ یادگیری تقویتی
- ۲-۳ یادگیری تقویتی چندعاملی

## فصل ۳

# يادگيري تقويتي

در این فصل به بررسی یادگیری تقویتی پرداخته شدهاست. ابتدا در فصل ۱-۲ مفاهیم اولیه یادگیری تقویتی ارائه شدهاست. در ادامه عاملهای گرادیان سیاست عمیق قطعی ۲-۲، گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه ۳-۳، عملگر نقاد نرم ۲-۴ و بهینهسازی سیاست مجاور ۳-۵ توضیح داده شدهاست.

## ۱-۳ مفاهیم اولیه

دو بخش اصلی یادگیری تقویتی شامل عامل و محیط است. عامل در محیط قرار دارد و با آن در تعامل است. در هر مرحله از تعامل بین عامل و محیط، عامل یک مشاهده جزئی از وضعیت محیط انجام میدهد و سپس در مورد اقدامی که باید انجام دهد، تصمیم میگیرد. وقتی عامل روی محیط عمل می کند، محیط تغییر میکند؛ اما، ممکن است محیط به تنهایی نیز تغییر کند. عامل همچنین یک سیگنال پاداش از محیط دریافت میکند؛ سیگنالی که به عامل میگوید وضعیت تعامل فعلی آن با محیط چقدر خوب یا بد است. هدف عامل بیشینه کردن پاداش انباشته خود است که برگشت نام دارد. یادگیری تقویتی به روشهایی گفته میشود که در آنها عامل رفتارهای مناسب برای رسیدن به هدف خود را میآموزد. در شکل ۳-۱ تعامل بین محیط و عامل نشان داده شده است.

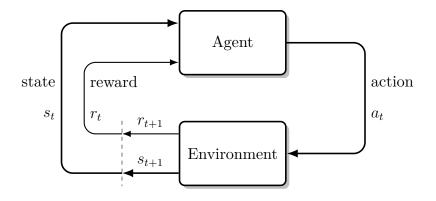
<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Reinforcement Learning (RL)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Agent

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Environment

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Reward

 $<sup>^5</sup>$ Return



شكل ٣-١: حلقه تعامل عامل و محيط

#### **۳–۱–۱** حالت و مشاهدات

حالت  $^{8}$  (s) توصیف کاملی از وضعیت محیط است. همه ی اطلاعات محیط در حالت وجود دارد. مشاهده (s) یک توصیف جزئی از حالت است که ممکن است شامل تمامی اطلاعات نباشد. در این پژوهش مشاهده توصیف کاملی از محیط هست؛ در نتیجه، حالت و مشاهده برابر هستند.

## ۳-۱-۳ فضای عمل

فضای عمل (a) در یادگیری تقویتی، مجموعهای از تمام اقداماتی است که یک عامل میتواند در محیط انجام دهد. این فضا میتواند گسسته  $^{A}$  یا پیوسته  $^{B}$  باشد. در این پژوهش فضای عمل پیوسته و محدود به یک بازه مشخص است.

## ۳-۱-۳ سیاست

سیاست ۱۰ قاعده ای است که یک عامل برای تصمیم گیری در مورد اقدامات خود استفاده می کند. در این پژوهش به تناسب الگوریتم پیاده سازی شده از سیاست قطعی ۱۱ یا تصادفی ۱۲ استفاده شده است که به دو صورت زیر نشان

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>State

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Observation

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Discrete

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>Continuous

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>Policy

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Deterministic

 $<sup>^{12}</sup> Stochastic \\$ 

داده میشود:

$$a_t = \mu(s_t) \tag{1-T}$$

$$a_t \sim \pi(\cdot|s_t)$$
 (Y-Y)

که زیروند t بیانگر زمان است. در یادگیری تقویتی عمیق از سیاستهای پارامتری شده استفاده می شود. خروجی این سیاستها تابعی پارامترهای سیاست (وزنها و بایاسهای یک شبکه عصبی) هستند که می توان از الگوریتمهای بهینه سازی جهت تعیین مقدار بهینه این پارامترها استفاده کرد. در این پژوهش پارامترهای سیاست با  $\theta$  نشان داده شده است و سیس نماد آن به عنوان زیروند سیاست مانند معادله (T-T) نشان داده شده است.

$$a_t = \mu_{\theta}(s_t)$$
 
$$a_t \sim \pi_{\theta}(\cdot|s_t)$$
 (T-T)

#### ٣-١-٣ مسير

یک مسیر ۱۳ یک توالی از حالتها و عملها در محیط است.

$$\tau = (s_0, a_0, s_1, a_1, \cdots) \tag{\Upsilon-\Upsilon}$$

گذار حالت t به اتفاقاتی که در محیط بین زمان t در حالت  $s_t$  و زمان t+1 در حالت  $s_t$  رخ می دهد، گفته می شود. این گذارها توسط قوانین طبیعی محیط انجام می شوند و تنها به آخرین اقدام انجام شده توسط عامل می بستگی دارند. گذار حالت را می توان به صورت زیر تعریف کرد.  $(a_t)$ 

$$s_{t+1} = f(s_t, a_t) \tag{2-7}$$

## ۳-۱-۳ تابع پاداش و برگشت

تابع پاداش ۱۵ در حالت کلی به حالت فعلی محیط، آخرین عمل انجام شده و حالت بعدی محیط بستگی دارد. تابع پاداش را میتوان به صورت زیر تعریف کرد.

$$r_t = R(s_t, a_t, s_{t+1}) \tag{9-4}$$

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup>Trajectory

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>State Transition

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>Reward Function

در این پژوهش، پاداش تنها تابعی از جفت ِ حالت عمل  $(r_t = R(s_t, a_t))$  فرض شدهاست. هدف عامل این است که مجموع پاداشهای به دست آمده و رطول یک مسیر را به حداکثر برساند. در این پژوهش مجموع پاداشها در طول یک مسیر را با نماد  $R(\tau)$  نشان داده شدهاست و به آن تابع برگشت ٔ گفته می شود. یکی از انواع برگشت، برگشت بدون تنزیل  $R(\tau)$  با افق محدود  $R(\tau)$  است که مجموع پاداشهای به دست آمده در یک بازه زمانی ثابت و از مسیر  $\tau$  است که در معادله (V-T) نشان داده شده است.

$$R(\tau) = \sum_{t=0}^{T} r_t \tag{Y-T}$$

نوع دیگری از برگشت، برگشت تنزیل شده با افق نامحدود ۱۹ است که مجموع همه پاداشهایی است که تا به حال توسط عامل به دست آمده است. اما، فاصله زمانی تا دریافت پاداش باعث تنزیل ارزش آن می شود. این معادله برگشت (۸-۳) شامل یک فاکتور تنزیل ۲۰ با نماد  $\gamma$  است که عددی بین صفر و یک است.

$$R(\tau) = \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t r_t \tag{A-T}$$

#### ۳-۱-۶ ارزش در یادگیری تقویتی

در یادگیری تقویتی، دانستن ارزش<sup>۱۱</sup> یک حالت یا جفت ِ حالت عمل ضروری است. منظور از ارزش، برگشت مورد انتظار<sup>۱۲</sup> است. یعنی اگر از آن حالت یا جفت حالت عمل شروع شود و سپس برای همیشه طبق یک سیاست خاص عمل شود، به طور میانگین چه مقدار پاداش دریافت خواهد شد. توابع ارزش تقریباً در تمام الگوریتمهای یادگیری تقویتی به کار می روند. در اینجا به چهار تابع مهم اشاره شده است.

۱. تابع ارزش تحت سیاست  $(V^{\pi}(s))$ : خروجی این تابع برگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود و همیشه طبق سیاست  $\pi$  عمل شود و به صورت زیر بیان می شود:

$$V^{\pi}(s) = \underset{\tau \sim \pi}{\mathbb{E}} [R(\tau)|s_0 = s] \tag{9-T}$$

۲۰ تابع ارزش – عمل تحت سیاست  $(Q^{\pi}(s,a))$ : خروجی این تابع برگشت مورد انتظار است در صورتی s تابع ارزش عشود، یک اقدام دلخواه s (که ممکن است از سیاست s نباشد) انجام شود و سپس که از حالت s

 $<sup>^{16}\</sup>mathrm{Return}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>Discount

 $<sup>^{18}</sup>$ Finite-Horizon Undiscounted Return

 $<sup>^{19} {\</sup>rm Infinite\text{-}Horizon}$  Discounted Return

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup>Discount Factor

 $<sup>^{21}</sup>$ Value

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>Expected Return

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup>On-Policy Value Function

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup>On-Policy Action-Value Function

برای همیشه طبق سیاست  $\pi$  عمل شود و بهصورت زیر بیان می $\pi$ 

$$Q^{\pi}(s,a) = \mathbb{E}_{\tau \circ \pi}[R(\tau)|s_0 = s, a_0 = a]$$
 (10-T)

۳. تابع ارزش بهینه  $(V^*(s))^*$ : خروجی این تابع برگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود و همیشه طبق سیاست بهینه در محیط عمل شود و به صورت زیر بیان می شود:

$$V^*(s) = \max_{\pi}(V^{\pi}(s)) \tag{11-T}$$

۴. تابع ارزش—عمل بهینه  $(Q^*(s,a))^{7s}$ : خروجی این تابع برگشت مورد انتظار است در صورتی که از حالت s شروع شود، یک اقدام دلخواه a انجام شود و سپس برای همیشه طبق سیاست بهینه در محیط عمل شود و بهصورت زیر بیان می شود:

$$Q^*(s,a) = \max_{\pi}(Q^{\pi}(s,a)) \tag{1Y-T}$$

#### ۳-۱-۳ معادلات بلمن

توابع ارزش اشارهشده از معادلات خاصی که به آنها معادلات بلمن گفته میشود، پیروی میکنند. ایده اصلی پشت معادلات بلمن این است که ارزش نقطه شروع برابر است با پاداشی است که انتظار دارید از آنجا دریافت کنید، به علاوه ارزش مکانی که بعداً به آنجا میرسید. معادلات بلمن برای توابع ارزش سیاست محور به شرح زیر هستند:

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbb{E}}_{\substack{a \sim \pi \\ s' \sim P}} \left[ r(s, a) + \gamma V^{\pi}(s') \right] \tag{1T-T}$$

$$Q^{\pi}(s,a) = r(s,a) + \mathop{\mathbf{E}}_{\substack{a \sim \pi \\ s' \sim P}} \left[ \gamma \mathop{\mathbf{E}}_{a' \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s',a') \right] \right] \tag{1Y-Y}$$

که در آن  $V^\pi(s)$  تابع ارزش حالت s تحت سیاست  $\pi$  است؛  $Q^\pi(s,a)$  تابع ارزش عمل s در حالت s تحت سیاست s است؛ r است؛ r است؛ r است که سیاست r است؛ r است؛ r ابداش دریافتی پس از انجام عمل r در حالت r است؛ r ضریب تنزیل است که ارزش پاداشهای آینده را کاهش می دهد؛ r r نشان می دهد که حالت بعدی r از توزیع انتقال محیط r با شرطهای r و نمونه برداری می شود؛ و r می نشان می دهد که عمل بعدی r از سیاست محیط r با شرطهای r و نمونه برداری می شود؛ و r

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup>Optimal Value Function

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup>Optimal Action-Value Function

 $\pi$  با شرط حالت جدید s' نمونهبرداری می شود. این معادلات بیانگر این هستند که ارزش یک حالت یا عمل، مجموع پاداش مورد انتظار آن و ارزش حالت بعدی است که بر اساس سیاست فعلی تعیین می شود. معادلات بلمن برای توابع ارزش بهینه به شرح زیر هستند:

$$V^*(s) = \max_{\substack{a' \sim P}} \left[ r(s, a) + \gamma V^*(s') \right] \tag{10-T}$$

$$Q^*(s,a) = r(s,a) + \mathop{\mathbf{E}}_{s' \sim P} \left[ \gamma \max_{a'} Q^*(s',a') \right] \tag{19-4}$$

تفاوت حیاتی بین معادلات بلمن برای توابع ارزش سیاست محور و توابع ارزش بهینه، عدم حضور یا حضور عملگر max بر روی اعمال است. حضور آن منعکسکننده این است که هرگاه عامل بتواند عمل خود را انتخاب کند، برای عمل بهینه، باید هر عملی را که منجر به بالاترین ارزش می شود انتخاب کند.

## ۳-۱-۳ تابع مزیت

گاهی در یادگیری تقویتی، نیازی به توصیف میزان خوبی یک عمل به صورت مطلق نیست، بلکه تنها میخواهیم بدانیم که چه مقدار بهتر از سایر اعمال به طور متوسط است. به عبارت دیگر، مزیت نسبی آن عمل مورد بررسی قرار می گیرد. این مفهوم با تابع مزیت ۲۷ توضیح داده می شود.

تابع مزیت  $A^{\pi}(s,a)$  که مربوط به سیاست  $\pi$  است، توصیف میکند که انجام یک عمل خاص a در حالت تابع مزیت a در مالت به توصیف میکند که انجام یک عمل بر اساس  $\pi(\cdot|s)$  است، با فرض اینکه شما برای همیشه پس از آن مطابق با a عمل میکنید. به صورت ریاضی، تابع مزیت به صورت زیر تعریف می شود:

$$A^{\pi}(s,a) = Q^{\pi}(s,a) - V^{\pi}(s)$$

که در آن  $A^{\pi}(s,a)$  تابع مزیت برای عمل a در حالت s است.  $Q^{\pi}(s,a)$  تابع ارزش عمل a در حالت a تابع مزیت نشان می دهد که انجام سیاست a است. این تابع مزیت نشان می دهد که انجام سیاست a است. این تابع مزیت نشان می دهد که انجام عمل a در حالت a نسبت به میانگین اعمال تحت سیاست a چقدر مزیت دارد. اگر a مثبت باشد، نشان دهنده کمتر بودن عملکرد نشان دهنده کمتر بودن عملکرد آن نسبت به میانگین است.

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup>Advantage Function

## ۲-۳ عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی

گرادیان سیاست عمیق قطعی $^{7}$  الگوریتمی است که همزمان یک تابع Q و یک سیاست را یاد میگیرد. این الگوریتم برای الگوریتم برای یادگیری تابع Q از دادههای غیرسیاست محور $^{7}$  و معادله بلمن استفاده میکند. این الگوریتم برای یادگیری سیاست نیز از تابع Q استفاده میکند.

این رویکرد وابستگی نزدیکی به یادگیری Q دارد. اگر تابع ارزش Q عمل بهینه مشخص باشد، در هر حالت داده شده عمل بهینه را میتوان با حل معادله Q معادله Q به دست آورد.

$$a^*(s) = \arg\max_{a} Q^*(s, a) \tag{1V-T}$$

الگوریتم DDPG ترکیبی از یادگیری تقریبی برای  $Q^*(s,a)$  و یادگیری تقریبی برای  $a^*(s)$  است و به صورتی DDPG طراحی شده است که برای محیطهایی با فضاهای عمل پیوسته مناسب باشد. آنچه این الگوریتم را برای فضای عمل پیوسته مناسب می کند، روش محاسبه  $a^*(s)$  است. فرض می شود که تابع  $Q^*(s,a)$  نسبت به آرگومان عمل مشتق پذیر است. مشتق پذیری این امکان را می دهد که یک روش یادگیری مبتنی بر گرادیان برای سیاست عمل مشتق پذیر است. مشتق پذیری این امکان را می دهد که یک روش یادگیری مبتنی بر گرادیان برای سیاست  $\mu(s)$  استفاده شود. سپس، به جای اجرای یک بهینه سازی زمان بر در هر بار محاسبه  $\max_a Q(s,a) \approx Q(s,\mu(s))$  آن را با رابطه  $\max_a Q(s,a) \approx Q(s,\mu(s))$ 

#### ۱-۲-۳ یادگیری Q در DDPG

معادله بلمن که تابع ارزش عمل بهینه  $(Q^*(s,a))$  را توصیف میکند، در پایین آورده شدهاست.

$$Q^*(s,a) = r(s,a) + \mathop{\mathbb{E}}_{s' \sim P} \left[ \gamma \max_{a'} Q^*(s',a') \right] \tag{1A-T}$$

عبارت P به این معنی است که وضعیت بعدی یعنی s' از توزیع احتمال  $P(\cdot|s,a)$  نمونه گرفته می شود. در معادله بلمن نقطه شروع برای یادگیری  $Q^*(s,a)$  یک مقداردهی تقریبی است. پارامترهای شبکه عصبی  $Q^*(s,a)$  با علامت  $\phi$  نشان داده شده است. مجموعه D شامل اطلاعات جمع آوری شده تغییر از یک حالت به حالت دیگر (s,a,r,s',d) (که b نشان می دهد که آیا وضعیت s' پایانی است یا خیر) است. در بهینه سازی از تابع خطای میانگین مربعات بلمن S (MSBE) استفاده شده است که معیاری برای نزدیکی S به حالت بهینه برای برآورده کردن معادله بلمن است.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>Deep Deterministic Policy Gradient (DDPG)

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup>Off-Policy

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup>Mean Squared Bellman Error

$$L(\phi, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left[ \left( Q_{\phi}(s, a) - \left( r + \gamma (1 - d) \max_{a'} Q_{\phi}(s', a') \right) \right)^{2} \right]$$
 (19-7)

در الگوریتم DDPG دو ترفند برای عمکرد بهتر استفاده شدهاست که در ادامه به بررسی آن پرداخته شدهاست.

#### • بافرهای تکرار بازی

الگوریتمهای یادگیری تقویتی جهت آموزش یک شبکه عصبی عمیق برای تقریب  $Q^*(s,a)$  از بافرهای تکرار بازی T تجربه شده استفاده میکنند. این مجموعه D شامل تجربیات قبلی عامل است. برای داشتن رفتار پایدار در الگوریتم، بافر تکرار بازی باید به اندازه کافی بزرگ باشد تا شامل یک دامنه گسترده از تجربیات شود. انتخاب دادههای بافر به دقت انجام شده است چرا که اگر فقط از دادههای بسیار جدید استفاده شود، بیش برازش T رخ می دهید و اگر از تجربه بیش از حد استفاده شود، ممکن است فرآیند یادگیری کند شود.

#### • شبكههای هدف

الگوریتمهای یادگیری Q از شبکههای هدف استفاده میکنند. اصطلاح زیر به عنوان هدف شناخته می شود.

$$r + \gamma(1 - d) \max_{a'} Q_{\phi}(s', a') \tag{Y \circ -Y}$$

در هنگام کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن، سعی شده است تا تابع Q شبیه تر به هدف یعنی رابطه Q دارد. این رابطه Q شود. اما مشکل این است که هدف بستگی به پارامترهای در حال آموزش Q دارد. این باعث ایجاد ناپایداری در کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن می شود. راه حل آن استفاده از یک مجموعه پارامترهایی است که با تأخیر زمانی به Q نزدیک می شوند. به عبارت دیگر، یک شبکه دوم ایجاد می شود که به آن شبکه هدف گفته می شود. شبکه هدف پارامترهای شبکه اول را با تاخیر دنبال می کند. پارامترهای شبکه هدف با نشان Q نشان داده می شوند. در الگوریتم Q شبکه هدف در هر به روزرسانی شبکه اصلی، با میانگین گیری پولیاک Q به صورت زیر به روزرسانی می شود.

$$\phi_{\text{targ}} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ}} + (1 - \rho)\phi$$
 (۲۱-۳)

در رابطه بالا  $\rho$  یک ابرپارامتر  $^{77}$  است که بین صفر و یک انتخاب می شود. در این پژوهش این مقدار نزدیک به یک درنظر گرفته شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup>Replay Buffers

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup>Overfit

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup>Polyak Averaging

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup>Hyperparameter

الگوریتم DDPG نیاز به یک شبکه سیاست هدف  $(\mu_{\theta_{targ}})$  برای محاسبه عملهایی که بهطور تقریبی بیشینه DDPG نیاز به یک شبکه سیاست هدف از همان روشی که تابع Q به دست می آید یعنی با میانگین گیری پولیاک از پارامترهای سیاست در طول زمان آموزش استفاده می شود.

با درنظرگرفتن موارد اشارهشده، یادگیری Q در DDPG با کمینهکردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن (MSBE) یعنی معادله ( $\Upsilon$ - $\Upsilon$ ) با استفاده از کاهش گرادیان تصادفی (MSBE)

$$L(\phi, \mathcal{D}) = \underset{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}}{\mathrm{E}} \left[ \left( Q_{\phi}(s, a) - \left( r + \gamma (1 - d) Q_{\phi_{\text{targ}}}(s', \mu_{\theta_{\text{targ}}}(s')) \right) \right)^{2} \right]$$
 (**YY-Y**)

#### ۳-۲-۳ ساست در DDPG

در این بخش یک سیاست تعیینشده  $\mu_{\theta}(s)$  یاد گرفته می شود تا عملی را انجام می دهد که بیشینه  $Q_{\phi}(s,a)$  رخ دهد. از آنجا که فضای عمل پیوسته است و فرض شده است که تابع Q نسبت به عمل مشتق پذیر است، رابطه زیر با استفاده از صعود گرادیان  $^{79}$  (تنها نسبت به پارامترهای سیاست) بیشینه می شود.

$$\max_{\theta} \mathop{\mathbb{E}}_{s \sim \mathcal{D}} \left[ Q_{\phi}(s, \mu_{\theta}(s)) \right] \tag{7T-T}$$

#### ۳-۲-۳ اکتشاف و بهرهبر داری در DDPG

برای بهبود اکتشاف<sup>۳۷</sup> در سیاستهای DDPG، در زمان آموزش نویز به عملها اضافه میشود. نویسندگان مقاله DDPG [۲۶] توصیه کردهاند که نویز <sup>۳۸</sup>OU با همبندی زمانی<sup>۳۹</sup> اضافه شود. در زمان بهرهبرداری<sup>۴۰</sup> سیاست، از آنچه یاد گرفته است، نویز به عملها اضافه نمیشود.

#### ۳-۲-۳ شبه *کد* DDPG

در این بخش، شبه کد الگوریتم DDPG پیاده سازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۱ در محیط یایتون با استفاده از کتابخانه TensorFlow پیاده سازی شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup>Stochastic Gradient Descent

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup>Gradient Ascent

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>Exploration

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup>Ornstein–Uhlenbeck

 $<sup>^{39}</sup>$ Time-Correlated

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup>Exploitation

#### الكوريتم ١ كراديان سياست عميق قطعى

ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta)$ ، پارامترهای تابع  $\mathbb{Q}$  بافر تکرار بازی خالی  $(\mathcal{D})$ 

 $\phi_{\mathrm{targ}} \leftarrow \phi$  ،  $\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \theta$  دهید قرار دهید ایرامترهای با پارامترهای دا: پارامترهای هدف و با پارامترهای

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

وضعیت s را انتخاب کنید بهطوری که  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  را انتخاب کنید بهطوری که  $\epsilon\sim\mathcal{N}$ 

عمل a را در محیط اجرا کنید. \*

ه نانی است یا s' و سیگنال پایان s' و سیگنال پایان s' و سیگنال پایان s' در مشاهده کنید تا نشان دهد آیا s' پایانی است یا خبر.

s' اگر s' یایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

۷: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

۸: به ازای هر تعداد بهروزرسانی:

 $\mathcal{D}$  از  $B = \{(s,a,r,s',d)\}$  ، از  $B = \{$ 

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) Q_{\phi_{\text{targ}}}(s', \mu_{\theta_{\text{targ}}}(s'))$$

تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi}(s,a) - y(r,s',d))^2$$

۱۲: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} Q_{\phi}(s, \mu_{\theta}(s))$$

۱۳: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\text{targ}} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ}} + (1 - \rho)\phi$$

$$\theta_{\text{targ}} \leftarrow \rho \theta_{\text{targ}} + (1 - \rho)\theta$$

## ۳-۳ عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه

عامل گرادیان سیاست عمیق قطعی تاخیری دوگانه ۴ یکی از الگوریتم های یادگیری تقویتی است که برای حل مسائل کنترل در محیطهای پیوسته طراحی شده است. این الگوریتم بر اساس الگوریتم و کارایی یادگیری را بهبود می بخشد. در حالی که DDPG گاهی اوقات استفاده از تکنیکهای مختلف، پایداری و کارایی یادگیری را بهبود می بخشد. در حالی که DDPG گاهی اوقات می تواند عملکرد بسیار خوبی داشته باشد، اما اغلب نسبت به ابرپارامترها و سایر انواع تنظیمات یادگیری حساس است. یک حالت رایج شکست ِ عامل DDPG در یادگیری این است که تابع Q یادگرفته شده شروع به بیش برآورد مقادیر Q می کند که منجر به واگرایی سیاست می شود. واگرایی به این دلیل رخ می دهد که در فرآیند یادگیری سیاست از تخمین تابع Q استفاده می شود که افزایش خطای تابع Q منجر به ناپایداری در یادگیری سیاست می شود.

الگوریتم (TD3 (Twin Delayed DDPG) از دو ترفند زیر جهت بهبود مشکلات اشاره شده استفاده میکند.

• یادگیری دوگانه ی محدودشده  $Q_{\phi_1}$ : الگوریتم TD3 به جای یک تابع  $Q_{\phi_1}$  دو تابع  $Q_{\phi_2}$  و را یاد می گیرد (از این رو دوگانه  $Q_{\phi_2}$  نامیده می شود) و از کوچک ترین مقدار این دو  $Q_{\phi_1}$  و  $Q_{\phi_2}$  در تابع بلمن استفاده می شود. نحوه محاسبه هدف بر اساس دو تابع  $Q_{\phi_1}$  اشاره شده در رابطه  $Q_{\phi_2}$  آورده شده است.

$$y(r, s', d) = r + \gamma(1 - d) \min_{i=1,2} Q_{\phi_{i,\text{targ}}}(s', a'(s'))$$
 (14-7)

سپس، در هر دو تابع  $Q_{\phi_1}$  و  $Q_{\phi_2}$  یادگیری انجام میشود.

$$L(\phi_1, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left( Q_{\phi_1}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2$$
 (Ya-T)

$$L(\phi_2, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left( Q_{\phi_2}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2$$
 (۲۶-۲)

• بهروزرسانی های تاخیری سیاست ۴۴: الگوریتم TD3 سیاست را با تاخیر بیشتری نسبت به تابع Q بهروزرسانی میکند. در مرجع [۲۸] توصیه شده است که برای هر دو بهروزرسانی تابع Q، یک بهروزرسانی سیاست انجام شود.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup>Twin Delayed Deep Deterministic Policy Gradient (TD3)

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup>Clipped Double-Q Learning

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup>twin

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup>Delayed Policy Updates

این دو ترفند منجر به بهبود قابل توجه عملکرد TD3 نسبت به DDPG پایه می شوند. در نهایت سیاست با بیشینه کردن  $Q_{\phi_1}$  آموخته می شود:

$$\max_{\theta} \mathop{\mathbb{E}}_{s \sim \mathcal{D}} \left[ Q_{\phi_1}(s, \mu_{\theta}(s)) \right] \tag{YV-Y}$$

#### TD3 اکتشاف و بهرهبرداری در 1-m-m

الگوریتم TD3 یک سیاست قطعی را بهصورت غیرسیاست محور آموزش می دهد. از آنجایی که سیاست قطعی است، در ابتدا عامل تنوع کافی از اعمال را برای یافتن روشهای مفید امتحان نمی کند. برای بهبود اکتشاف سیاستهای TD3، در زمان آموزش نویز به عملها اضافه می شود. در این پژوهش، نویز گاوسی با میانگین صفر بدون هم بندی زمانی اعمال شده است. شدت نویز جهت بهره برداری بهتر در طول زمان کاهش می یابد.

#### TD3 شبه کد TD3

در این بخش الگوریتم TD3 پیادهسازی شده آورده شدهاست. در این پژوهش الگوریتم ۴ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه ۲۹] پیادهسازی شدهاست.

#### الگوريتم ٢ عامل گراديان سياست عميق قطعي تاخيري دوگانه

 $(\mathcal{D})$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta)$ ، پارامترهای تابع  $(\phi_1,\phi_2)$  بافر بازی خالی

 $\phi_{\mathrm{targ},2} \leftarrow \phi_2$  ،  $\phi_{\mathrm{targ},1} \leftarrow \phi_1$  ،  $\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \theta$  هدف را برابر با پارامترهای اصلی قرار دهید :۱

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

را انتخاب کنید، بهطوری  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  و عمل ره و عمل ره و عمل  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  د ده و عمل  $a=\mathrm{clip}(\mu_{\theta}(s)+\epsilon,a_{\mathrm{Low}},a_{\mathrm{High}})$  د ده و عمل ره عمل روحه و عمل دوری در ده و عمل روحه در ده و عمل روحه در ده و عمل در ده و عمل روحه در ده و دم در ده و عمل روحه در ده و دم در ده در ده و دم در دم در

عمل a را در محیط اجرا کنید. \*

ه وضعیت بعدی s'، پاداش r و سیگنال پایان d را مشاهده کنید تا نشان دهد آیا s' پایانی است یا خیر.

s' اگر s' پایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

۷: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

به ازای j در هر تعداد بهروزرسانی:  $\lambda$ 

 $\mathcal{D}$  از  $B = \{(s,a,r,s',d)\}$  ، از  $B = \{$ 

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) \min_{i=1,2} Q_{\phi_{targ,i}}(s', a'(s'))$$

۱۱: تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi_i} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi_i}(s,a) - y(r,s',d))^2$$
 for  $i = 1, 2$ 

اگر باقیمانده j بر تاخیر سیاست برابر 0 باشد :

۱۳: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} Q_{\phi_1}(s, \mu_{\theta}(s))$$

۱۴: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\mathrm{targ},i} \leftarrow \rho \phi_{\mathrm{targ},i} + (1-\rho)\phi_i \quad \text{for } i = 1, 2$$

$$\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \rho \theta_{\mathrm{targ}} + (1-\rho)\theta$$

## ۳-۴ عامل عملگر نقاد نرم

عملگرد نقاد نرم<sup>۱۸</sup> الگوریتمی است که یک سیاست تصادفی را بهصورت غیرسیاست محور بهینه میکند و پلی بین بهینه سازی سیاست تصادفی و رویکردهای غیرسیاست محور مانند DDPG ایجاد میکند. این الگوریتم جانشین مستقیم TD3 نیست (زیرا تقریباً همزمان منتشر شده است)؛ اما، ترفند یادگیری دوگانه محدود شده را در خود جای داده است و بهدلیل سیاست تصادفی SAC، از روشی به نام صافکردن سیاست هدف<sup>۱۸</sup> استفاده شده است. یکی از ویژگی های اصلی SAC، تنظیم آنتروپی است. آنتروپی معیاری از تصادفی بودن انتخاب عمل در سیاست است. آموزش سیاست در جهت تعادل بهینه بین آنتروپی و بیشنه سازی بازده مورد انتظار است. این شرایط ارتباط نزدیکی با تعادل اکتشاف بهره برداری دارد. افزایش آنتروپی منجر به اکتشاف بیشتر می شود که می تواند یادگیری را در مراحل بعدی تسریع کند. همچنین، می تواند از همگرایی زودهنگام سیاست به یک بهینه محلی بد جلوگیری کند. برای توضیح SAC، ابتدا باید به بررسی یادگیری تقویتی تنظیم شده با آنتروپی، روابط تابع ارزش کمی متفاوت است.

## ۳-۴-۲ یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی

آنتروپی کمیتی است که به طور کلی میگوید که یک متغیر تصادفی چقدر تصادفی است. اگر وزن یک سکه به گونه ای باشد که تقریباً همیشه نتیجه یک سمت آن باشد، آنتروپی پایینی دارد. اگر به طور مساوی وزن داشته باشد و شانس هر طرف سکه نصف باشد، آنتروپی بالایی دارد. فرض کنید x یک متغیر تصادفی با تابع چگالی احتمال P باشد. آنتروپی P متغیر P از توزیع آن P مطابق با رابطه زیر محاسبه می شود:

$$H(P) = \mathop{\mathbf{E}}_{x \sim P} \left[ -\log P(x) \right] \tag{YA-Y}$$

#### ۳-۴-۳ سیاست در SAC

در یادگیری تقویتی تنظیمشده با آنتروپی، عامل در هر مرحله زمانی متناسب با آنتروپی سیاست در آن مرحله زمانی پاداش دریافت میکند. بر اساس توضیحات اشاره شده روابط یادگیری تقویتی بهصورت زیر میشود.

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>Soft Actor Critic (SAC)

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup>Target Policy Smoothing

<sup>&</sup>lt;sup>47</sup>Entropy-Regularized Reinforcement Learning

$$\pi^* = \arg\max_{\pi} \mathop{\mathbf{E}}_{t=0} \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^t \bigg( R(s_t, a_t, s_{t+1}) + \alpha H\left(\pi(\cdot | s_t)\right) \bigg)$$
 (۲۹-۳)

که در آن  $(\alpha > 0)$  ضریب مبادله  $^{\dagger \Lambda}$  است.

### ۳-۴-۳ تابع ارزش در SAC

اکنون میتوان تابع ارزش کمی متفاوت را بر اساس این مفهموم تعریف کرد.  $V^{\pi}$  به گونهای تغییر میکند که پاداشهای آنتروپی را از هر مرحله زمانی شامل میشود.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbb{E}}_{\tau \sim \pi} \left[ \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^{t} \left( R(s_{t}, a_{t}, s_{t+1}) + \alpha H\left(\pi(\cdot|s_{t})\right) \right) \middle| s_{0} = s \right]$$
 (Y\cdot -\mathbf{Y})

## ۳-۴-۳ تابع Q در SAC

تابع  $Q^{\pi}$  به گونه ای تغییر میکند که پاداش های آنتروپی را از هر مرحله زمانی به جز مرحله اول شامل میشود.

$$Q^{\pi}(s,a) = \mathop{\mathbb{E}}_{\tau \sim \pi} \left[ \left. \sum_{t=0}^{\infty} \gamma^{t} R(s_{t}, a_{t}, s_{t+1}) + \alpha \sum_{t=1}^{\infty} \gamma^{t} H\left(\pi(\cdot | s_{t})\right) \right| s_{0} = s, a_{0} = a \right]$$
 (TY-T)

با این تعاریف رابطه  $V^{\pi}$  و  $Q^{\pi}$  بهصورت زیر است.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbf{E}}_{a \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s, a) \right] + \alpha H\left( \pi(\cdot | s) \right) \tag{TT-T}$$

### ۳-۴-۳ معادله بلمن در SAC

معادله بلمن در حالت تنظیمشده با آنتروپی بهصورت زیر ارائه میشود.

$$Q^{\pi}(s, a) = \underset{\substack{s' \sim P \\ a' \sim \pi}}{\mathbb{E}} \left[ R(s, a, s') + \gamma \left( Q^{\pi}(s', a') + \alpha H\left(\pi(\cdot | s')\right) \right) \right] \tag{TT-T}$$

$$= \mathop{\mathbf{E}}_{s' \sim P} [R(s, a, s') + \gamma V^{\pi}(s')] \tag{\Upsilon\Upsilon-\Upsilon}$$

<sup>48</sup>Trade-Off

#### ۳-۴-۳ یادگیری Q

با درنظرگرفتن موارد اشارهشده، یادگیری Q در AC با کمینه کردن تابع خطای میانگین مربعات بلمن (MSBE) یعنی معادله (AC) با استفاده از کاهش گرادیان انجام می شود.

$$L(\phi_i, \mathcal{D}) = \mathop{\mathbf{E}}_{(s, a, r, s', d) \sim \mathcal{D}} \left[ \left( Q_{\phi_i}(s, a) - y(r, s', d) \right)^2 \right]$$
 (TA-T)

در معادله (۳۵-۳) تابع هدف برای روش یادگیری تقویتی SAC به صورت زیر تعریف میشود.

$$y(r, s', d) = r + \gamma (1 - d) \left( \min_{j=1,2} Q_{\phi_{\mathsf{targ}, j}}(s', \tilde{a}') - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}'|s') \right), \quad \tilde{a}' \sim \pi_{\theta}(\cdot|s') \quad (\texttt{TS-T})$$

نماد عمل بعدی را به جای a' به a' به a' تغییر داده شده تا مشخص شود که عملهای بعدی باید آخرین سیاست نمونهبرداری شوند در حالی که a' و a' باید از بافر تکرار بازی آمده باشند.

#### ۳-۴-۳ ساست در SAC

سیاست باید در هر وضعیت برای به حداکثر رساندن بازگشت مورد انتظار آینده به همراه آنتروپی مورد انتظار آینده عمل کند. یعنی باید  $V^{\pi}(s)$  را به حداکثر برساند، بسط تابع ارزش در ادامه آمده است.

$$V^{\pi}(s) = \mathop{\mathbf{E}}_{a \sim \pi} \left[ Q^{\pi}(s, a) \right] + \alpha H \left( \pi(\cdot | s) \right) \tag{TV-T}$$

$$= \mathop{\mathbf{E}}_{a \circ \pi} [Q^{\pi}(s, a) - \alpha \log \pi(a|s)] \tag{TA-T}$$

روش بهینهسازی سیاست از ترفند پارامترسازی مجدد  $^{49}$  استفاده میکند، که در آن نمونه ای از (s) با محاسبه یک تابع قطعی از وضعیت، پارامترهای سیاست و نویز مستقل استخراج می شود. در این پژوهش مانند نویسندگان مقاله SAC [ $^{80}$ ]، از یک سیاست گاوسی  $^{60}$  فشرده استفاده شده است. بر اساس این روش نمونهها مطابق با رابطه زیر بدست می آیند:

$$\tilde{a}_{\theta}(s,\xi) = \tanh\left(\mu_{\theta}(s) + \sigma_{\theta}(s) \odot \xi\right), \quad \xi \sim \mathcal{N}(0,I)$$
 (٣٩-٣)

تابع tanh در سیاست SAC تضمین میکند که اعمال در یک محدوده متناهی محدود شوند. این مورد در سیاستهای TRPO، VPG و جود ندارد. همچنین اعمال این تابع توزیع را از حالت گاوسی تغییر میدهد.

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup>Reparameterization

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup>Squashed Gaussian Policy

در الگوریتم SAC با استفاده از ترفند پارامتریسازی مجدد، عملها از یک توزیع نرمال بهوسیله نویز تصادفی تولید شده و به این ترتیب امکان محاسبه مشتقها بهطور مستقیم از طریق تابع توزیع فراهم میشود، که باعث ثبات و کارایی بیشتر در آموزش میشود. اما در حالت بدون پارامتریسازی مجدد، عملها مستقیماً از توزیع سیاست نمونهبرداری میشوند و محاسبه گرادیان نیازمند استفاده از ترفند نسبت احتمال ۱۵ است که معمولاً باعث افزایش واریانس و ناپایداری در آموزش میشود.

$$\underset{a \sim \pi_{\theta}}{\mathrm{E}} \left[ Q^{\pi_{\theta}}(s, a) - \alpha \log \pi_{\theta}(a|s) \right] = \underset{\xi \sim \mathcal{N}}{\mathrm{E}} \left[ Q^{\pi_{\theta}}(s, \tilde{a}_{\theta}(s, \xi)) - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}_{\theta}(s, \xi)|s) \right] \qquad (\mathbf{Y} \circ - \mathbf{Y})$$

برای بهدست آوردن تابع هزینه سیاست، گام نهایی این است که باید  $Q^{\pi\theta}$  را با یکی از تخمینزنندههای SAC برای بهدست آوردن تابع هزینه سیاست، گام نهایی این است که باید  $Q_{\phi_1}$  رفقط اولین تخمینزننده  $Q_{\phi_1}$  استفاده میکند، برخلاف TD3 که از  $Q_{\phi_1}$  استفاده میکند، بنابراین، سیاست طبق رابطه زیر بهینهسازی می شود:

$$\max_{\substack{\theta \\ s \sim \mathcal{D} \\ \xi \sim \mathcal{N}}} \left[ \min_{j=1,2} Q_{\phi_j}(s, \tilde{a}_{\theta}(s, \xi)) - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}_{\theta}(s, \xi)|s) \right]$$
 (\*\-\mathbf{Y})

که تقریباً مشابه بهینهسازی سیاست در DDPG و TD3 است، به جز ترفند min-double-Q، تصادفی بودن و عبارت آنتروپی.

#### SAC اکتشاف و بهرهبرداری در $\Lambda$

الگوریتم SAC یک سیاست تصادفی با تنظیمسازی آنتروپی آموزش میدهد و به صورت سیاست محور به اکتشاف میپردازد. ضریب تنظیم آنتروپی  $\alpha$  به طور صریح تعادل بین اکتشاف و بهرهبرداری را کنترل میکند، به به بهروری مقادیر بالاتر  $\alpha$  به اکتشاف بیشتر و مقادیر پایین  $\alpha$  به بهرهبرداری بیشتر منجر میشود. مقدار بهینه  $\alpha$  (که به یادگیری پایدارتر و پاداش بالاتر منجر میشود) ممکن است در محیطهای مختلف متفاوت باشد و نیاز به تنظیم دقیق داشته باشد. در زمان آزمایش، برای ارزیابی میزان بهرهبرداری سیاست از آنچه یاد گرفته است، تصادفی بودن را حذف کرده و از عمل میانگین به جای نمونهبرداری از توزیع استفاده میکنیم. این روش معمولاً عملکرد را نسبت به سیاست تصادفی بهبود می بخشد.

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup>Likelihood Ratio Trick

#### ۹-۴-۳ شبه کد SAC

در این بخش الگوریتم SAC پیادهسازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۲ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه PyTorch (۲۹] پیادهسازی شده است.

## الگوريتم ۳ عامل عملگرد نقاد نرم

 $(\mathcal{D})$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست ( heta)، پارامترهای تابع  $(\phi_1,\phi_2)$ ، بافر بازی خالی

 $\phi_{\mathrm{targ},2} \leftarrow \phi_2$  ،  $\phi_{\mathrm{targ},1} \leftarrow \phi_1$  ،  $\theta_{\mathrm{targ}} \leftarrow \theta$  عاد خرار دهید اصلی قرار دهید اصلی بازامترهای هدف را برابر با پارامترهای اصلی قرار دهید

۲: تا وقتی همگرایی رخ دهد:

... وضعیت (s) را مشاهده کرده و عمل  $a\sim\pi_{\theta}(\cdot|s)$  را انتخاب کنید.

عمل a را در محیط اجرا کنید. \*

نانی است یا s' و سیگنال پایان s' و سیگنال پایان s' و سیگنال پایان s' و سیگنال پایان s' در.

s' اگر s' پایانی است، وضعیت محیط را بازنشانی کنید.

٧: اگر زمان بهروزرسانی فرا رسیده است:

به ازای j در هر تعداد بهروزرسانی:  $\lambda$ 

 $\mathcal{D}$  از  $B = \{(s,a,r,s',d)\}$  ، از  $B = \{$ 

۱۰: هدف را محاسبه کنید:

$$y(r, s', d) = r + \gamma(1 - d) \left( \min_{i=1,2} Q_{\phi_{\text{targ},i}}(s', \tilde{a}') - \alpha \log \pi_{\theta}(\tilde{a}'|s') \right), \quad \tilde{a}' \sim \pi_{\theta}(\cdot|s')$$

۱۱: تابع Q را با یک مرحله از نزول گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\phi_i} \frac{1}{|B|} \sum_{(s,a,r,s',d) \in B} (Q_{\phi_i}(s,a) - y(r,s',d))^2$$
 for  $i = 1, 2$ 

۱۲: سیاست را با یک مرحله از صعود گرادیان با استفاده از رابطه زیر بهروزرسانی کنید:

$$\nabla_{\theta} \frac{1}{|B|} \sum_{s \in B} \left( \min_{i=1,2} Q_{\phi_i}(s, \tilde{a}_{\theta}(s)) - \alpha \log \pi_{\theta} \left( \tilde{a}_{\theta}(s) | s \right) \right)$$

۱۳: شبکههای هدف را با استفاده از معادلات زیر بهروزرسانی کنید:

$$\phi_{\text{targ},i} \leftarrow \rho \phi_{\text{targ},i} + (1-\rho)\phi_i \quad \text{for } i = 1, 2$$

### ۵-۳ عامل بهینهسازی سیاست مجاور

الگوریتم بهینهسازی سیاست مجاور<sup>۵۲</sup> یک الگوریتم بهینهسازی سیاست مبتنی بر گرادیان است که برای حل مسائل کنترل مسئلههای یادگیری تقویتی استفاده می شود. این الگوریتم از الگوریتم از الگوریتم الهام گرفته شده است و با اعمال تغییراتی بر روی آن، سرعت و کارایی آن را افزایش داده است. در این بخش به بررسی این الگوریتم و نحوه عملکرد آن می پردازیم. الگوریتم PPO همانند سایر الگوریتمهای یادگیری تقویتی، به دنبال یافتن بهترین گام ممکن برای بهبود عملکرد سیاست با استفاده از دادههای موجود است. این الگوریتم تلاش می کند تا از گامهای بزرگ که می توانند منجر به افت ناگهانی عملکرد شوند، اجتناب کند. برخلاف روشهای پیچیده تر مرتبه دوم مانند PPO ،TRPO از مجموعهای از روشهای مرتبه اول ساده تر برای حفظ نزدیکی سیاستهای جدید به سیاستهای قبلی استفاده می کند. این سادگی در پیادهسازی، PPO را به روشی کارآمدتر تبدیل می کند، در حالی که از نظر تجربی نشان داده شده است که عملکردی حداقل به اندازه TRPO دارد. از جمله ویژگیهای مهم این الگوریتم می توان به سیاست محور بودن آن اشاره کرد. این الگوریتم برای عاملهای یادگیری تقویتی که سیاستهای پیوسته و گسسته دارند، مناسب است.

الگوریتم PPO داری دو گونه اصلی PPO-Clip و PPO-Penalty است. در ادامه به بررسی هر یک از این دو گونه یرداخته شده است.

- روش PPO-Penalty: با این حال، واگرایی کولباک لیبلر<sup>۵۴</sup> است، مشابه روشی که در الگوریتم PPO-Penalty: با این حال، به جای اعمال یک محدودیت سخت<sup>۵۵</sup>، PPO-Penalty واگرایی KL را در تابع هدف جریمه میکند. این جریمه به طور خودکار در طول آموزش تنظیم میشود تا از افت ناگهانی عملکرد جلوگیری کند.
- روش PPO-Clip: در این روش، هیچ عبارت واگرایی KL در تابع هدف وجود ندارد و هیچ محدودیتی اعمال نمی شود. در عوض، PPO-Clip از یک عملیات بریدن ۵۶ خاص در تابع هدف استفاده می کند تا انگیزه سیاست جدید برای دور شدن از سیاست قبلی را از بین ببرد.

در این پژوهش از روش PPO-Clip برای آموزش عاملهای یادگیری تقویتی استفاده شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>52</sup>Proximal Policy Optimization (PPO)

<sup>&</sup>lt;sup>53</sup>Trust Region Policy Optimization

<sup>&</sup>lt;sup>54</sup>Kullback-Leibler (KL) Divergence

<sup>&</sup>lt;sup>55</sup>Hard Constraint

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup>Clipping

#### ۳-۵-۳ سیاست در الگوریتم PPO

تابع سیاست در الگوریتم PPO به صورت یک شبکه عصبی پیچیده پیادهسازی شده است. این شبکه عصبی ورودی محیط را دریافت کرده و اقدامی را که باید عامل انجام دهد را تولید میکند. این شبکه عصبی میتواند شامل چندین لایه پنهان با توابع فعالسازی مختلف باشد. در این پژوهش از یک شبکه عصبی با سه لایه پنهان و تابع فعالسازی tanh استفاده شده است. تابع سیاست در الگوریتم PPO به صورت زیر بهروزرسانی می شود:

$$\theta_{k+1} = \arg\max_{\theta} \mathop{\mathbf{E}}_{s,a \sim \pi_{\theta_k}} \left[ L(s,a,\theta_k,\theta) \right] \tag{$\Upsilon - \Upsilon$}$$

در این پژوهش برای به حداکثر رساندن تابع هدف، چندین گام بهینهسازی گرادیان کاهشی تصادفی  $^{4V}$  اجرا شده است. در معادله بالا L به صورت زیر تعریف شده است:

(44-4)

$$L(s, a, \theta_k, \theta) = \min\left(\frac{\pi_{\theta}(a|s)}{\pi_{\theta_k}(a|s)} A^{\pi_{\theta_k}}(s, a), \text{ clip}\left(\frac{\pi_{\theta}(a|s)}{\pi_{\theta_k}(a|s)}, 1 - \epsilon, 1 + \epsilon\right) A^{\pi_{\theta_k}}(s, a)\right)$$

که در آن  $\epsilon$  یک فراپامتر است که مقدار آن معمولا کوچک است. این فراپامتر مشخص میکند که چقدر اندازه گام بهینه سازی باید محدود شود. در این پژوهش مقدار  $\epsilon=0.2$  انتخاب شده است. جهت سادگی در پیاده سازی معادله (۲۳–۲۳) به معادله تغیر داده شده است.

$$L(s, a, \theta_k, \theta) = \min\left(\frac{\pi_{\theta}(a|s)}{\pi_{\theta_k}(a|s)} A^{\pi_{\theta_k}}(s, a), \quad g(\epsilon, A^{\pi_{\theta_k}}(s, a))\right) \tag{FF-F}$$

که تابع g به صورت زیر تعریف شده است.

$$g(\epsilon, A) = \begin{cases} (1+\epsilon)A & A \geqslant 0\\ (1-\epsilon)A & A < 0 \end{cases}$$
 (40-4)

در حالی که این نوع محدود کردن (PPO-Clip) تا حد زیادی به اطمینان از بهروزرسانیهای معقول سیاست کمک میکند، همچنان ممکن است با سیاست بهدست آید که بیش از حد از سیاست قدیمی دور باشد. برای جلوگیری از این امر، پیادهسازیهای مختلف PPO از مجموعهای از ترفندها استفاده میکنند. در پیادهسازی این پژوهش، از روشی ساده به نام توقف زودهنگام ۸۸ استفاده شده است. اگر میانگین واگرایی کولباک لیبلر (KL) خطمشی جدید از خطمشی قدیمی از یک آستانه فراتر رود، گامهای گرادیان (بهینهسازی) را متوقف میشوند.

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup>Stochastic Gradient Descent (SGD)

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup>Early Stopping

#### ۳-۵-۲ اکتشاف و بهرهبرداری در PPO

الگوریتم PPO از یک سیاست تصادفی به صورت سیاست محور برای آموزش استفاده می کند. این به این معنی است که اکتشاف محیط با نمونه گیری عمل ها بر اساس آخرین نسخه از این سیاست تصادفی انجام می شود. میزان تصادفی بودن انتخاب عمل به شرایط اولیه و فرآیند آموزش بستگی دارد.

در طول آموزش، سیاست به طور کلی به تدریج کمتر تصادفی میشود، زیرا قانون بهروزرسانی آن را تشویق میکند تا از پاداشهایی که قبلاً پیدا کرده است، بهرهبرداری کند. البته این موضوع میتواند منجر به گیر افتادن خطمشی در بهینههای محلی<sup>۵۹</sup> شود.

#### ۳-۵-۳ شبه کد PPO

در این بخش الگوریتم PPO پیادهسازی شده آورده شده است. در این پژوهش الگوریتم ۲ در محیط پایتون با استفاده از کتابخانه PyTorch پیادهسازی شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup>Local Optima

#### الگوريتم ۴ بهينهسازي سياست مجاور (PPO-Clip)

 $(\phi_0)$  ورودی: پارامترهای اولیه سیاست  $(\theta_0)$ ، پارامترهای تابع ارزش

 $k = 0, 1, 2, \dots$  : \( \text{:} \)

در محیط جمع آوری شود.  $\pi_k = \pi(\theta_k)$  با اجرای سیاست  $\pi_k = \pi(\theta_k)$  در محیط جمع آوری شود. ۲:

۳: پاداشهای باقیمانده  $(\hat{R}_t)$  محاسبه شود.

بر آوردهای مزیت را محاسبه کنید،  $\hat{A}_t$  (با استفاده از هر روش تخمین مزیت) بر اساس تابع ارزش  $\cdot V_{\phi_t}$  فعلی  $\cdot V_{\phi_t}$ 

۵: سیاست را با به حداکثر رساندن تابع هدف PPO-Clip بهروزرسانی کنید:

$$\theta_{k+1} = \arg\max_{\theta} \frac{1}{|\mathcal{D}_k|T} \sum_{\tau \in \mathcal{D}_t} \sum_{t=0}^{T} \min\left(\frac{\pi_{\theta}(a_t|s_t)}{\pi_{\theta_k}(a_t|s_t)} A^{\pi_{\theta_k}}(s_t, a_t), \ g(\epsilon, A^{\pi_{\theta_k}}(s_t, a_t))\right)$$

معمولاً از طريق گراديان افزايشي تصادفي Adam.

جرازش تابع ارزش با رگرسیون بر روی میانگین مربعات خطا:

$$\phi_{k+1} = \arg\min_{\phi} \frac{1}{|\mathcal{D}_k|T} \sum_{\tau \in \mathcal{D}_k} \sum_{t=0}^{T} \left( V_{\phi}(s_t) - \hat{R}_t \right)^2$$

معمولاً از طریق برخی از الگوریتمهای کاهشی گرادیان.

# فصل ۴

# یادگیری تقویتی چند عاملی

کاربردهای پیچیده در یادگیری تقویتی نیازمند اضافه کردن چندین عامل برای انجام همزمان وظایف مختلف هستند. با این حال، افزایش تعداد عاملها چالشهایی در مدیریت تعاملات میان آنها به همراه دارد. در این فصل، بر اساس مسئله بهینهسازی برای هر عامل، مفهوم تعادل معرفی شده تا رفتارهای توزیعی چندعاملی را تنظیم کند. رابطه رقابت میان عاملها در سناریوهای مختلف تحلیل شده و آنها با الگوریتمهای معمول یادگیری تقویتی چندعاملی ترکیب شدهاند. بر اساس انواع تعاملات، یک چارچوب نظریه بازی برای مدلسازی عمومی در سناریوهای چندعاملی استفاده شده است. با تحلیل بهینهسازی و وضعیت تعادل برای هر بخش از چارچوب، سیاست بهینه یادگیری تقویتی چندعاملی برای هر عامل بررسی شده است.

### ۱-۴ تعاریف و مفاهیم اساسی

یادگیری تقویتی چندعاملی به بررسی چگونگی یادگیری و تصمیم گیری چندین عامل مستقل در یک محیط مشترک پرداخته می شود. برای تحلیل دقیق و درک بهتر این حوزه، اجزای اصلی آن شامل عامل، سیاست و مطلوبیت در نظر گرفته می شوند که در ادامه به صورت مختصر و منسجم تشریح می گردند.

• عامل: یک موجودیت مستقل به عنوان عامل تعریف می شود که به صورت خودمختار با محیط تعامل کرده و بر اساس مشاهدات رفتار سایر عاملها، سیاستهایش انتخاب می گردند تا سود حداکثر یا ضرر حداقل حاصل شود. در سناریوهای مورد بررسی، چندین عامل به صورت مستقل عمل می کنند؛ اما اگر

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Multi-Agent

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Equilibrium

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Multi-Agent Reinforcement Learning (MARL)

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Utility

تعداد عاملها به یک کاهش یابد، MARL به یادگیری تقویتی معمولی تبدیل می شود.

- سیاست: برای هر عامل در MARL، سیاستی خاص در نظر گرفته می شود که به عنوان روشی برای انتخاب اقدامات بر اساس وضعیت محیط و رفتار سایر عاملها تعریف می گردد. این سیاستها با هدف به حداکثر رساندن سود و به حداقل رساندن هزینه طراحی شده و تحت تأثیر محیط و سیاستهای دیگر عاملها قرار می گیرند.
- مطلوبیت: مطلوبیت هر عامل بر اساس نیازها و وابستگیهایش به محیط و سایر عاملها تعریف شده و به صورت سود منهای هزینه، با توجه به اهداف مختلف محاسبه می شود. در سناریوهای چندعاملی، از طریق یادگیری از محیط و تعامل با دیگران، مطلوبیت هر عامل بهینه می گردد.

در این چارچوب، برای هر عامل در MARL تابع مطلوبیت خاصی در نظر گرفته شده و بر اساس مشاهدات و تجربیات حاصل از تعاملات، یادگیری سیاست به صورت مستقل انجام می شود تا ارزش مطلوبیت به حداکثر برسد، بدون اینکه مستقیماً به مطلوبیت سایر عاملها توجه شود. این فرآیند ممکن است به رقابت یا همکاری میان عاملها منجر گردد. با توجه به پیچیدگی تعاملات میان چندین عامل، تحلیل نظریه بازی ها به عنوان ابزاری مؤثر برای تصمیم گیری در این حوزه به کار گرفته می شود. بسته به سناریوهای مختلف، این بازی ها در سته بندی های متفاوتی قرار داده شده که در بخش های بعدی بررسی خواهند شد.

#### ۲-۴ نظریه بازیها

نظریه بازیها شاخهای از ریاضیات است که به مطالعه تصمیمگیری در موقعیتهایی میپردازد که نتیجه انتخابهای هر فرد به تصمیمات دیگران وابسته است. این نظریه چارچوبی برای تحلیل تعاملات میان بازیکنان ارائه میدهد و در حوزههای مختلفی مانند اقتصاد، علوم سیاسی، زیستشناسی و علوم کامپیوتر کاربرد دارد. در این فصل، دو مفهوم کلیدی نظریه بازیها یعنی تعادل نش و بازیهای مجموع صفر بررسی شده است.

#### ۴-۲-۴ تعادل نش

تعادل نش<sup>۵</sup> یکی از بنیادی ترین مفاهیم در نظریه بازی ها است که توسط جان نش در سال ۱۹۵۰ معرفی شد. این مفهوم به مجموعه ای از بازی ها اشاره دارد که در آن هیچ بازیکنی نمی تواند با تغییر یک جانبه سیاست خود، سود بیشتری به دست آورد، به شرطی که سیاست های سایر بازیکنان ثابت بماند.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Nash Equilibrium

 $\Pi_i$  تعریف تعادل نش: فرض کنید یک بازی با n بازیکن داریم. هر بازیکن i دارای مجموعه سیاستهای  $\pi^* = (\pi_1^*, \pi_2^*, \dots, \pi_n^*)$  است. یک مجموعه سیاست  $u_i : \Pi_1 \times \Pi_2 \times \dots \times \Pi_n \to \mathbb{R}$  و تابع مطلوبیت  $u_i : \Pi_1 \times \Pi_2 \times \dots \times \Pi_n \to \mathbb{R}$  داشته باشیم: تعادل نش نامیده می شود اگر برای هر بازیکن i و هر سیاست  $u_i \in \Pi_i$  در وضعیت  $u_i \in \Pi_i$  داشته باشیم:

$$u_i(\pi_i^*, \pi_{-i}^*, s) \geqslant u_i(\pi_i, \pi_{-i}^*, s)$$
 (1-4)

در اینجا،  $\pi_{-i}^*$  نشاندهنده سیاستهای همه بازیکنان به جز بازیکن i است. در ادامه پژوهش جهت استفاده از چارچوب نظریه بازی در یادگیری تقویتی تابع مطلوبیت به گونه ای تعریف شده است که برابر با تابع ارزش  $u_i(\pi_i,\pi_{-i},s)=V_i^{\pi_i,\pi_{-i}}(s)$  باشد.

• اهمیت تعادل نش: تعادل نش نقطه ای را در بازی مشخص می کند که هر بازیکن بهترین پاسخ را نسبت به انتخابهای دیگران ارائه داده است. این مفهوم به ویژه در بازی های غیرهمکارانه، به عنوان پیشبینی رفتار منطقی بازیکنان استفاده می شود و در زمینه هایی مانند یادگیری تقویتی چند عامله کاربرد گسترده ای دارد.

#### ۲-۲-۴ بازی مجموع صفر

بازیهای مجموع صفر گوسته ای از بازیها هستند که در آنها تابع ارزش یک بازیکن دقیقاً برابر با ضرر بازیکن دیگر است. دیگر است.

• تعریف بازی مجموع صفر: در یک بازی دو نفره، اگر تابع ارزش بازیکن اول  $(V_1^{(\pi_1,\pi_2)}(s))$  و بازیکن دو مروحه بازی مجموع صفر: در یک بازی دو نفره، اگر تابع ارزش بازیکن اول  $(V_2^{(\pi_1,\pi_2)}(s))$  به صورت زیر باشد را یک بازی مجموع صفر نامیده می شود.

$$V_1^{(\pi_1,\pi_2)}(s) + V_2^{(\pi_1,\pi_2)}(s) = 0 \to V_1^{(\pi_1,\pi_2)}(s) = -V_2^{(\pi_1,\pi_2)}(s) \tag{Y-Y}$$

• سیاست بهینه در بازی مجموع صفر: در بازیهای مجموع صفر، سیاست بهینه هر بازیکن، انتخابی است که تابع ارزش خود را در برابر بهترین پاسخ حریف به حداکثر برساند. این سیاست اغلب به تعادل نش منجر میشود. سیاست بهینه دو بازیکن در بازی مجموع صفر با تابع ارزش معادله (۲-۲) به صورت زیر است.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Zero-Sum Games

$$V_1^*(s) = \max_{\pi_1} \min_{\pi_2} V_1^{(\pi_1, \pi_2)}(s)$$
 (Y-Y)

$$V_2^*(s) = \max_{\pi_2} \min_{\pi_1} V_2^{(\pi_1, \pi_2)}(s)$$
 (Y-Y)

# فصل ۵

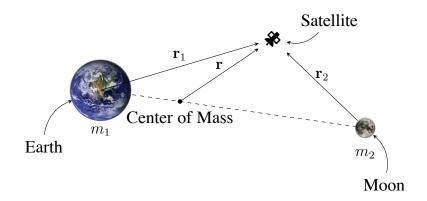
# مدلسازی محیط یادگیری سه جسمی

مسیرهای فضایی سنتی تحت تأثیر گرانش یک جسم مرکزی (خورشید، زمین یا سیارهای دیگر) شکل میگیرند و توسط اجسام سوم تحت تأثیر قرار میگیرند. تحلیلهای مخروطی پیوسته نشان میدهند که چگونه می توان طراحی را از یک جسم مرکزی به جسم دیگر منتقل کرد، هنگامی که فضاپیما از حوزه تأثیر یک جسم عبور میکند. در برخی موارد، مأموریت فضاپیما آن را در ناحیهای از فضا قرار میدهد که به طور همزمان تحت تأثیر دو جسم بزرگ است. این مسیرها نمی توانند از تحلیل دو جسم با اختلالات جسم سوم استفاده کنند، بلکه باید تأثیرات هر دو جسم به طور همزمان در نظر گرفته شوند. برای درک این مسئله، ابتدا به مطالعه مسئله عمومی سه جسمی خواهیم پرداخت و چگونگی اعمال آن به سیستمهای واقعی را بررسی خواهیم کرد. سپس، برخی از مسیرها و تحلیلهای جالبی که توسط فضاپیماهای مدرن استفاده می شوند، ارائه خواهیم داد.

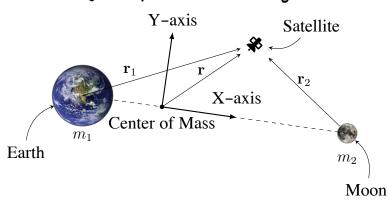
در فصل اول معادلات عمومی حرکت اجسام متعدد را معرفی کردیم. علیرغم وجود ده ثابت حرکت، هیچکس نتوانسته است مسئله عمومی سهجسمی را بهصورت تحلیلی بسته حل کند— ممکن است که این کار غیرممکن باشد. بنابراین، تحقیقات بر روی ساده سازی مسئله عمومی متمرکز شده است. ساندمن در سال ۱۹۱۲ یک راه حل سری توانی یافت. زمانی که این راه حل با شرایط اولیه ترکیب شود، ارزیابی های عددی از مسیرها را در یک بازه زمانی محدود ارائه می دهد. برای مطالعه کامل مسئله، به کتاب Szebehely (۱۹۶۷) مراجعه کنید. یکی از راه حل های تحلیلی خاص— مسئله سهجسمی محدود — از زمان اویلر و لاگرانژ شناخته شده است. اخیراً، از تکنیک های عددی برای تولید راه حل ها استفاده شده است.

دانشمندان برای صدها سال مسئله سهجسمی را مطالعه کردهاند، اگرچه بیشتر تحقیقات از دهه ۱۹۶۰، با استفاده از فناوری محاسباتی مدرن، انجام شده است. تحلیلهای آنها انواع مختلفی از مدارهای سهجسمی را کشف کرده است که بسیاری از آنها برای فضاپیماها بسیار مفید هستند. در این بخش، چندین گزینه مدار سهجسمی را بررسی خواهیم کرد.

#### -0 مسئله سهجسمی محدود دایرهای



شكل ۵-۱: هندسه مسئله سه بدنه محدود



شکل ۵-۲: هندسه مسئله سه بدنه محدود جدول ۵-۱: مقادیر عددی برای مسئله سهجسمی محدود (سیستم زمین-ماه)

مقدار عددی	توصيف	پارامتر
$5.972 \times 10^{24} \mathrm{kg}$	جرم زمین	$m_1$
$7.348 \times 10^{22} \mathrm{kg}$	جرم ماه	$m_2$
0.0121505856	نسبت جرمي	$\mu$
$2.6617 \times 10^{-6} \mathrm{rad/s}$	سرعت زاویهای سیستم	$\omega$

در مسئلهی سهجسمی محدود دایرهای (CRTBP) دو جرم بزرگ زمین و ماه در حال گردش دایرهای حول مرکز جرم مشترک هستند و جرم سوم فضاپیما که بسیار کوچک و تقریباً بیاثر است، تحت تاثیر گرانش آن دو حرکت میکند. فرض شده است که جرم سوم آنقدر کوچک است که تاثیری بر حرکت دو جرم اصلی ندارد. برای تحلیل این مسئله، یک دستگاه مختصات چرخان همدوران با دو جرم اصلی انتخاب شده است به طوری که مرکز

مختصات در مرکز جرم سیستم باشد و محور x خط واصل دو جرم و محور y عمود بر آن در صفحه z حرکت باشد (صفحه z مداری دو جرم اصلی). سرعت زاویه ای چرخش این دستگاه برابر سرعت مداری دو جرم اصلی و واحد z در دستگاه بی بعد) در نظر گرفته شده است. واحد طول برابر با فاصله z بین دو جرم اصلی و واحد زمان چنان انتخاب شده است که دوره z مداری دو جرم اصلی z (و در نتیجه z شود. همچنین مجموع جرم های دو جرم اصلی برابر یک در نظر گرفته شده است. بر این اساس اگر z نسبت جرمی جرم دوم (کوچکتر) باشد z باشد z باشد z باشد z بازی اساس اگر برم اول z بازی اول برابر z ب

در این چارچوب مرجع چرخان، جرم سوم یک \*\*لاگرانژی\*\* (تابع لاگرانژ) دارد که شامل انرژی جنبشی آن و پتانسیل گرانشی دو جرم اصلی به همراه پتانسیل موثر مرکزگرا (ناشی از چارچوب غیرلخت) است. با نرمال سازی ثابت گرانش به G = 1، می توان \*\*لاگرانژی\*\* سیستم را به صورت زیر نوشت [۳۱]:

$$L = T - V = \frac{1}{2} \left( \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 \right) - \left[ -\frac{1-\mu}{r_1} - \frac{\mu}{r_2} - \frac{1}{2} (x^2 + y^2) \right],$$

که در آن T انرژی جنبشی ذره ی کوچک و V پتانسیل آن است. عبارت داخل کروشه در واقع پتانسیل  $-\frac{\mu}{r_2}$  و  $-\frac{1-\mu}{r_1}$  به به مراه پتانسیل گریز از مرکز (با علامت منفی) است: به ترتیب به مراه پتانسیل گرانشی دو جرم اصلی به همراه پتانسیل گریز از مرکز (x,y,z) ذره ی کوچک (با فواصل  $r_2$  و  $r_1$  تا آن دو جرم)، و پتانسیل گرانشی جرم های اول و دوم در نقطه ی (x,y,z) ذره ی کوچک (با فواصل  $r_2$  و  $r_3$  تا آن دو جرم) جمع انرژی جنبشی و «پتانسیل موثر» زیر نوشت:

$$L = \frac{1}{2} \left( \dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2 \right) + (1 - \mu) \frac{1}{r_1} + \mu \frac{1}{r_2} + \frac{1}{2} (x^2 + y^2) ,$$

 $r_2 = \sqrt{(x-1+\mu)^2+y^2+z^2}$  که در آن  $r_1 = \sqrt{(x+\mu)^2+y^2+z^2}$  فاصله ی جرم سوم از جرم اول و  $\delta S = 0$ ) و نوشتن معادلات اویلر–لاگرانژ فاصله از جرم دوم است. اکنون با بهکارگیری اصل کمینه کردن کنش ( $\delta S = 0$ ) و نوشتن معادلات اویلر–لاگرانژ برای هر مختصه برای مختصات x,y,z معادلات حرکت در این دستگاه به دست می آیند. شرط اویلر–لاگرانژ برای هر مختصه (مثلاً x) به شکل  $\frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial x} - \frac{\partial L}{\partial x} = 0$  نوشته می شود. مشتقات لازم را محاسبه می کنیم:

$$\frac{\partial L}{\partial x} = (1 - \mu) \, \frac{\partial}{\partial x} \frac{1}{r_1} + \mu \, \frac{\partial}{\partial x} \frac{1}{r_2} + \frac{\partial}{\partial x} \Big( \frac{1}{2} x^2 \Big) - \cdot \frac{d}{dt} \frac{\partial L}{\partial \dot{x}} = \ddot{x} \, \frac{\partial L}{\partial \dot{x}} = \dot{x} - \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} + \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x} + \frac{\partial}{\partial x} \frac{\partial}{\partial x}$$

با توجه به  $r_2=\sqrt{(x-1+\mu)^2+y^2+z^2}$  و  $r_1=\sqrt{(x+\mu)^2+y^2+z^2}$  مشتقهای جزئی با توجه به نازید از:

$$\frac{\partial}{\partial x}\frac{1}{r_1} = -\frac{x+\mu}{r_1^3} , \qquad \frac{\partial}{\partial x}\frac{1}{r_2} = -\frac{x-(1-\mu)}{r_2^3} , \qquad \frac{\partial}{\partial x}\left(\frac{1}{2}x^2\right) = x .$$

بنابراين:

$$\frac{\partial L}{\partial x} = -(1-\mu)\frac{x+\mu}{r_1^3} - \mu \frac{x-(1-\mu)}{r_2^3} + x .$$

با قرار دادن این در معادلهی اویلر–لاگرانژ  $0=\frac{\partial L}{\partial x}=0$ ، معادلهی x بهدست میآید. بهطور مشابه برای و z نیز عمل میکنیم. بدین ترتیب، \*\*معادلات لاگرانژ (معادلات حرکت)\*\* در دستگاه چرخان برای ذره ی سوم به صورت زیر حاصل می شوند:

$$\begin{cases} \ddot{x} - 2\,\dot{y} = x - \frac{1-\mu}{r_1^3}(x+\mu) - \frac{\mu}{r_2^3}\Big(x - (1-\mu)\Big)\;,\\ \\ \ddot{y} + 2\,\dot{x} = y - \frac{1-\mu}{r_1^3}\,y - \frac{\mu}{r_2^3}\,y\;,\\ \\ \ddot{z} = -\,\frac{1-\mu}{r_1^3}\,z - \frac{\mu}{r_2^3}\,z\;, \end{cases}$$

که در آن  $r_2 = \sqrt{\left(x-(1-\mu)\right)^2+y^2+z^2}$  و  $r_1 = \sqrt{(x+\mu)^2+y^2+z^2}$  همانگونه که تعریف شد. این معادلات لاگرانژ حاصل اصل کمینه سازی کنش هستند و معادلات کامل حرکت جرم سوم (با جرم ناچیز) را تحت گرانش دو جرم اولیه در حالت دایره ای بیان میکنند. توجه شود که وجود ترمهای کورولیس  $2\,\dot{y}$  در معادله y نتیجه یاستفاده از دستگاه مرجع چرخان است. همچنین میتوان این معادلات در معادله y و در معادله y نتیجه یان کرد که در آن y نیز بیان کرد که در آن y نیز بیان کرد که در آن y نیز بیان کرد که در آن y نیز از مرکز) را نتیجه می دهد. پتانسیل موثر در دستگاه چرخان است و گرادیان آن نیروهای موثر (گرانشی و گریز از مرکز) را نتیجه می دهد.

حتماً. معادلات کامل لاگرانژ برای سیستم سهجسمی محدود دایرهای را بهصورت دقیق در قالب لاتک آماده میکنم و توضیح میدهم که این معادلات از کجا بهدست میآیند، چگونه با استفاده از آنها نقاط تعادل استخراج میشوند، و در نهایت یک جدول شامل مختصات عددی نقاط لاگرانژی (L1) تا (L3 برای سامانه زمین-ماه ارائه میدهم.

#### ۵-۲ معادلات لاگرانژ در مسألهی سهجسمی محدود دایرهای

٣-۵

تعریف مسئله و چارچوب مرجع چرخان

4-0

نقاط تعادل (نقاط لاگرانژ  $L_1$  تا  $L_5$ ) منظور از نقطهی تعادل، حالتی است که جرم سوم (ذره ی آزمون) در دستگاه مرجع چرخان نسبت به دو جرم اصلی \*\*ساکن\*\* بماند. این شرایط زمانی رخ می دهد که سرعت و شتاب جرم سوم در دستگاه چرخان صفر شود. به عبارت دیگر در معادلات بالا باید  $\dot{x}=\ddot{y}=\ddot{z}=0$  و  $\dot{x}=\dot{y}=\dot{z}=0$  قرار دهیم. با اعمال این شرط به معادلات لاگرانژ، مجموعه ای از معادلات جبری به دست می آید که مختصات نقاط تعادل (موسوم به \*\*نقاط لاگرانژ\*\*) را تعیین می کند. با قرار دادن  $\dot{x}=\dot{y}=0$  و  $\dot{x}=\dot{y}=0$  در معادلات داریم:

$$\begin{cases} 0 = x - \frac{1-\mu}{r_1^3}(x+\mu) - \frac{\mu}{r_2^3}\Big(x - (1-\mu)\Big), \\ \\ 0 = y - \frac{1-\mu}{r_1^3}y - \frac{\mu}{r_2^3}y, \\ \\ 0 = -\frac{1-\mu}{r_1^3}z - \frac{\mu}{r_2^3}z. \end{cases}$$

معادلهی سوم در بالا نشان می دهد یا باید z=0 باشد (نقاط تعادل همگی در صفحهی حرکت هستند) یا عبارت داخل آن صفر شود که برای  $z\neq 0$  تنها در حالت خاصی مانند  $z\neq 0$  امکانپذیر است. بنابراین برای یافتن نقاط تعادل، حرکت جرم سوم را در همان صفحهی مداری در نظر می گیریم z=0. در این صورت یافتن نقاط تعادل، حرکت جرم سوم را در همان صفحهی مداری در نظر می گیریم z=0. در این صورت یافتن نقاط تعادل، حرکت جرم سوم را در همان صفحهی مداری در نظر می گیریم z=0. در این صورت می توان به صورت ساده تری نوشت:

$$\begin{cases} x - \frac{1-\mu}{r_1^3}(x+\mu) - \frac{\mu}{r_2^3}\Big(x - (1-\mu)\Big) = 0 ,\\ y \left[1 - \frac{1-\mu}{r_1^3} - \frac{\mu}{r_2^3}\right] = 0 . \end{cases}$$

از معادلهی دوم نتیجه می شود که یا y=0 (نقطه ی تعادل روی محور x واقع است) و یا پرانتز دوم صفر باشد (که منجر به رابطه ای بین فواصل می شود). بر این اساس، نقاط تعادل به دو دسته ی کلی تقسیم می شوند:

- \*\*نقاط هم خط \*\*\* (Collinear) این سه نقطه روی خط واصل دو جرم اصلی (محور x) واقع شده و بنابراین y=0 دارند. این نقاط را به ترتیب y=0 و y=0 می نامند. y=0 می نامند و دارای y=0 این دو نقطه در صفحه به صورت رئوس مثلث متساوی الاضلاع با دو جرم اصلی قرار می گیرند و دارای y=0 هستند. این دو نقطه y=0 نام دارند.

در ادامه، هر دسته را جداگانه بررسی میکنیم.

#### ۵-۵

نقاط لاگرانژ همخط  $(L_3, L_2, L_1)$  برای نقاط واقع بر محور x، شرط y=0 را در معادلات تعادل اعمال می کنیم. آنگاه معادلهی دوم به طور خودکار ارضا می شود (زیرا y=0 آن را صفر می کند) و تنها معادلهی اول باقی می ماند:

$$x - \frac{1-\mu}{|x+\mu|^3}(x+\mu) - \frac{\mu}{|x-(1-\mu)|^3} \Big(x-(1-\mu)\Big) = 0,$$

که در آن به علت قدرمطلق، بسته به ناحیهی قرارگیری x، علامت عبارتها مشخص می شود. خوشبختانه می توان سه ناحیه ی متمایز را در نظر گرفت که متناظر با سه ریشه ی این معادله هستند:

 $-\mu$  بین  $\mu$  و قعیتهای در این حالت  $\mu$  بین  $\mu$  و قعیتهای در این موقعیتهای جرم اول و جرم دوم). برای  $\mu$  فاصله آن از جرم دوم را با  $\mu$  نشان می دهیم (پس  $\mu$  این این این اصله را می توان با حل معادله ی بالا به دست آورد. معادله ی تعادل در این ناحیه را می توان پس از ساده سازی فاصله را می توان با حل معادله ی بنج (در  $\mu$  یا  $\mu$  نوشت که جواب تحلیلی ساده ای ندارد و معمولاً به روش عدد ی به صورت یک معادله ی درجه پنج (در  $\mu$  یا  $\mu$  یا نوشت که جواب تحلیلی ساده ای ندارد و معمولاً به روش عددی (مثلاً روش نیوتن) حل می شود. با این وجود، برای  $\mu$  های کوچک (مثلاً سیستمی مانند خورشید—زمین یا زمین—ماه) می توان تخمین خوبی به دست آورد. اگر  $\mu$  باشد (جرم دوم بسیار کوچک تر از جرم اول)، آنگاه  $\mu$  بسیار نزدیک به جرم دوم خواهد بود و فاصله ی آن از جرم دوم (در واحد فاصله ی دو جرم اصلی) تقریباً برابر \*\*شعاع کره ی هیل\*\* جرم دوم است. شعاع هیل تقریباً تقریباً  $\mu$  است. بنابراین می توان نوشت:

$$d_1 \approx \left(\frac{\mu}{3}\right)^{1/3},$$

و در نتیجه مختصات  $L_1$  تقریباً برابر است با:

$$x_{L_1} \approx (1 - \mu) - (\mu/3)^{1/3}, \qquad y_{L_1} = 0.$$

(توجه شود که برای دقت بیشتر، در صورت نیاز باید اثر  $\mu$  را در قسمت  $(1-\mu)$  نیز لحاظ کرد.) این فرمول یک تخمین از موقعیت  $L_1$  است. در عمل حل عددی دقیق معادله، مقدار دقیق تری برای  $x_{L_1}$  به دست می دهد. این نقطه جایی است که نیروی گرانش دو جرم (یکی کشنده به چپ و دیگری به راست) و نیروی گریز از مرکز دقیقا همدیگر را خنثی میکنند.

راست جرم راست جرم واقع است  $L_2$ \*\* بیرون جرم دوم (کوچک) و در امتداد همان محور قرار دارد. این نقطه در سمت راست جرم دوم را  $d_2$  این نقطه در سمت راست جرم دوم واقع است  $(x>1-\mu)$  از جرم دوم را  $(x>1-\mu)$  دوم واقع است  $(x=(1-\mu)+d_2)$  ، معادلهی تعادل در این ناحیه نیز پس از ساده سازی یک معادلهی درجه پنج برای بگیریم  $(x=(1-\mu)+d_2)$  ، معادلهی تقریباً برابر و خواهد بود که باید عددی حل شود. برای  $(x=(1-\mu)+d_2)$  کوچک  $(x=(1-\mu)+d_2)$  ، این فاصله نیز تقریباً برابر  $(x=(1-\mu)+d_2)$  به دست می آید. یعنی:

$$d_2 \approx \left(\frac{\mu}{3}\right)^{1/3},$$

و بنابراين:

$$x_{L_2} \approx (1 - \mu) + (\mu/3)^{1/3}, \qquad y_{L_2} = 0.$$

این نقطه در بیرون مدار جرم دوم قرار دارد و تعادل نیروها در آن به این صورت است که نیروی گریز از مرکز به سمت بیرون توسط مجموع نیروی گرانشی دو جرم (هر دو به سمت داخل) بالانس می شود.

$$x_{L_3} \approx -1 - \frac{5}{12} \mu, \qquad y_{L_3} = 0,$$

که نشان می دهد  $L_3$  تقریباً به اندازه ی فاصله ی دو جرم اصلی دورتر از جرم اول است (حد  $\mu \to 0$  منجر به که نشان می دهد  $L_3$  تقریباً به اندازه ی فاصله ی دوم و همفاصله با آن است) و با در نظر گرفتن جرم کوچک x=-1 دوم، اندکی بیش از آن (چند صدم درصد بسته به مقدار  $\mu$ ) فاصله می گیرد. به بیان دیگر، گرانش جرم دوم

(هرچند کوچک) باعث می شود برای حفظ تعادل، جرم سوم واقع در  $L_3$  کمی به جرم بزرگتر نزدیکتر شود تا نیروی گریز از مرکز کمتر شده و با کاهش کمی در فاصله، گرانش جرم بزرگ افزایش یابد و تعادل برقرار گردد.

معمولاً معادلهی دقیق مربوط به  $L_2$  ،  $L_1$  و  $L_2$  را به صورت یک چندجملهای درجه  $\Delta$  نسبت به متغیری کمکی بیان میکنند (که به \*\*معادلهی کوئینتیک لاگرانژ\*\* مشهور است) و سپس آن را با تقریب یا روشهای عددی حل مینمایند. به عنوان مثال، در مراجع کلاسیک نشان داده میشود که اگر  $\mu$  قابل بیان است. اما در مرکز جرم تا نقطهی تعادل در یک جهت در نظر گرفته شود، معادلهی درجه پنج در  $\mu$  قابل بیان است. اما در کاربردهای عملی، استفاده از روشهای عددی سریعتر به جواب منجر میشود.

#### 8-0

نقاط لاگرانژ سهگوش ( $L_5$ ,  $L_4$ ) دو نقطه ی تعادل دیگر در صفحه ی مدار به صورتی قرار می گیرند که همراه با دو جرم اصلی تشکیل یک مثلث متساوی الاضلاع بدهند. در چنین آرایشی، جرم سوم می تواند در حالت تعادل نسبی (هم دوران با دو جرم دیگر) باقی بماند. برای این نقاط، واضح است که  $y \neq 0$  خواهد بود. بنابراین در معادلات تعادل باید قسمت داخل کروشه (که در معادله ی تعادل y ظاهر شد) صفر گردد:

$$1 - \frac{1 - \mu}{r_1^3} - \frac{\mu}{r_2^3} = 0.$$

این رابطه همراه با معادلهی تعادل در x باید همزمان ارضا شوند. از آنجا که مثلث متساوی الاضلاع است، فاصلهی جرم سوم از هر دو جرم اصلی برابر است  $(r_1=r_2)$ . با توجه به واحد طول نرمال شده (فاصلهی فاصله ی برابر ۱)، این فاصله باید برابر با ۱ (طول ضلع مثلث) باشد. لذا  $r_1=r_2=1$  در این صورت، رابطهی فوق به سادگی  $r_1=r_2=1$  خواهد بود که برقرار است. با استفاده از هندسهی مثلث متساوی الاضلاع در دستگاه مختصات تعریف شده می توان مختصات دقیق  $r_1=r_2=1$  را به دست آورد. اگر ضلع پایینی مثلث روی محور  $r_1=r_2=1$  باشد (جرمها روی محور  $r_2=r_1=1$  قرار دارند) و جرم سوم رأس مثلث باشد، آنگاه مختصات آن عبارت اند از:

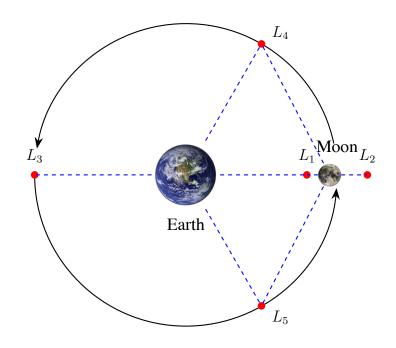
$$x_{L_4} = x_{L_5} = \frac{1}{2} - \mu , \qquad y_{L_4} = + \frac{\sqrt{3}}{2} , \qquad y_{L_5} = -\frac{\sqrt{3}}{2} .$$

به بیان دیگر، در دستگاه باریسنتر چرخان، هر دوی  $L_4$  و  $L_5$  به اندازه ینمی از فاصله ی دو جرم روی محور x از مرکز جرم فاصله دارند (کمی جابه جاشده به سمت جرم بزرگ تر به اندازه ی x و مؤلفه ی عمود x محور x ان ها برابر x است که نشان دهنده ی زاویه ی x نسبت به محور x می باشد. این دو نقطه، در (محور x ) آن ها برابر x است که نشان دهنده ی زاویه ی x نسبت به محور x می باشد.

 $\frac{m_1}{m_2} > 24.96$  سیست جرمها (بزرگتر بودن قابل توجه جرم اول نسبت به جرم دوم؛ معمولاً  $\frac{m_1}{m_2} > 24.96$  شرط پایداری است)، \*\*نقاط تعادل پایدار\*\* هستند. به عنوان مثال سیاره مشتری تعداد زیادی سیارکهای تروجان در نقاط  $\frac{L_1}{L_2}$  خود نسبت به خورشید دارد. در مقابل، سه نقطهی همخط  $\frac{L_1}{L_2}$  پایداری ذاتی ندارند و اجسام در آنها بدون تصحیح مداری معمولا از نقطه ی تعادل دور میشوند، با این حال برای تحقیقات فضایی (مانند رصدخانهها یا رلههای مخابراتی) محبوباند زیرا مدارهای هالهای یا لیساژور حول این نقاط با صرف از ژی اندک قابل حفظ هستند.

#### ٧-۵

نمونه: نقاط لاگرانژ در سیستم زمین-ماه برای سیستم زمین-ماه مقدار  $\mu \approx 0.01215$  ساست (نسبت جرم ماه به مجموع جرم زمین و ماه). در این سیستم با اعمال روابط به دست آمده می توان موقعیت عدی هر پنج نقطه ی لاگرانژ را محاسبه کرد. جدول زیر مختصات بی بعد (بر حسب فاصله ی زمین-ماه به عنوان واحد طول) این نقاط را در دستگاه مختصات تعریف شده ی باریسنتر (مرکز جرم در مبدأ، زمین در مختصات ( $\mu$ 0 و ماه در ( $\mu$ 0 سال می دهد. لازم به ذکر است که در این مقیاس، مختصات زمین تقریباً ( $\mu$ 0 سال می دهد. لازم به ذکر است که در این مقیاس، مختصات زمین تقریباً ( $\mu$ 0 ساست می دود از سمت می شود،  $\mu$ 1 حدوداً در  $\mu$ 4 فاصله ی زمین-ماه (از سمت ماه ( $\mu$ 0 ساست می بیرون مدار ماه قرار دارد. نقطه ی  $\mu$ 1 اندکی آن سوی مدار زمین (در جهت مخالف زمین و ماه قرار گرفته اند.



شكل ۵-۳: نقاط لاگرانژ

جدول ۵-۲: مقادیر عددی برای مسئله سهجسمی محدود (سیستم زمین-ماه)

(بىبعد) <i>y</i>	(بىبعد) $x$	نقطهي لاگرانژ
0	+0.83692	$L_1$
0	+1.15568	$L_2$
0	-1.00506	$L_3$
+0.86603	+0.48785	$L_4$
-0.86603	+0.48785	$L_5$

در جدول بالا علامت مثبت/منفی x نشان دهنده ی موقعیت نسبت به مرکز جرم (مبدأ مختصات) روی محور زمین ماه است (مثبت به سمت ماه و منفی به سمت زمین) و محور y عمود بر آن صفحه ی مداری در جهت چرخش سیستم تعریف شده است. مقادیر عددی ارائه شده نشان می دهند که در منظومه ی زمین ماه،  $L_1$  تقریباً در فاصلهٔ نمین ماه از زمین قرار دارد (یعنی فاصلهٔ آن از ماه حدود 0.16 برابر فاصلهٔ زمین ماه از زمین قرار دارد (یعنی فاصلهٔ آن از زمین فاصله دارد (حدود 0.156 برابر فاصلهٔ زمین مدار ماه). به طور مشابه  $L_2$  حدود  $L_3$  تقریباً در فاصله ی برابر با فاصلهٔ زمین ماه در سمت مقابل (پشت زمین نسبت به ماه) قرار گرفته است. نقاط  $L_3$  و  $L_4$  نیز تقریباً در مختصات (0.488,  $\pm 0.866$ ) واقع شده اند

که نشان دهندهٔ تشکیل مثلث متساوی الاضلاع با زمین و ماه میباشد. این مقادیر و تحلیلات تأیید میکنند که روابط تحلیلی به دست آمده برای معادلات لاگرانژ و نقاط تعادل، به خوبی می توانند برای توصیف وضعیتهای پایدار و ناپایدار یک جرم کوچک در میدان گرانشی دو جرم آسمانی به کار روند.

Methods and Mathematics the to Introduction \*An Battin، H. Richard  $\cdot$  ۱ \*\*: مراجع \*\*

Lagrange's for Eq.(۱) Series، Education AIAA Edition، Revised Astrodynamics\*، of  $(L_1, L_2, L_3)$  equation. quintic

# فصل ۶

## شبیهسازی عامل درمحیط سه جسمی

در این فصل، فرآیند شبیهسازی عامل هوشمند کنترلکننده فضاپیما در محیط دینامیکی سه جسمی بررسی شده است. در بخش ۶-۱ به طراحی و در بخش ۶-۲ به شبیهسازی عامل هدایتکننده مبتنی بر یادگیری تقویتی است پرداخته شده است. این عامل طراحی و شبیهسازی شده باید توانایی این را داشته باشد که فضاپیما را بهطور مؤثر به سمت اهداف تعیینشده هدایت کند، در حالی که محدودیتهایی نظیر مصرف سوخت و وجود اغتشاش دارد.

#### ۹-۶ طراحی عامل

در این زیربخش، معماری عامل هوشمند کنترلکننده فضاپیما در محیط سه جسمی شرح داده شده است. این معماری شامل تعریف عامل، فضای حالت و عمل، و تابع پاداش است.

#### ۹-۱-۶ فضای حالت

فضای حالت در این پژوهش به گونه ای طراحی شده است که وضعیت دینامیکی فضاپیما را نسبت به یک مسیر و سرعت مرجع است و سرعت مرجع مشخص میکند. این فضا شامل اختلافهای موقعیت و سرعت از مسیر و سرعت مرجع است و به صورت زیر تعریف می شود:

$$S = \{\delta x, \delta y, \delta \dot{x}, \delta \dot{y}\}$$

که در آن:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>State Space

- $\cdot x, y$  اختلاف موقعیت فضاپیما نسبت به مسیر مرجع در محورهای  $\delta x, \delta y$  •
- . x,y سرعت مرجع در محورهای  $\delta \dot{x},\delta \dot{y}$  •

هر یک از این متغیرها بهطور مستقل وضعیت فضاپیما را در یک جهت خاص توصیف میکنند و امکان تحلیل دقیق انحرافات را فراهم میسازند. استفاده از اختلافهای موقعیت و سرعت به جای مقادیر مطلق، به دلایل زیر انجام شده است:

- تمرکز بر انحرافات: هدف اصلی سیستم کنترلی، کاهش انحرافات از مسیر و سرعت مطلوب است. با استفاده از اختلافها، کنترلر میتواند به طور مستقیم بر این انحرافات اثر بگذارد و نیازی به محاسبه مقادیر مطلق موقعیت و سرعت ندارد.
- سازگاری با یادگیری تقویتی: در الگوریتمهای یادگیری تقویتی، فضاهای حالت مبتنی بر اختلاف معمولاً دامنه محدودتری دارند که فرآیند یادگیری را سریعتر و پایدارتر میکند.

#### ۶-۱-۶ فضای عمل

فضای عمل<sup>۲</sup> فضاپیما با پیشران کم مجموعه ای از عملهای پیوسته است که فضاپیما می تواند در محیط شبیه سازی انجام دهد. این فضا به گونه ای طراحی شده که امکان اعمال نیرو در جهتهای مشخص و با مقادیر متناسب با توان واقعی فضاپیماها فراهم شود. به طور خاص، فضای اقدام شامل موارد زیر است:

- نیروی اعمال شده در جهت x: این متغیر پیوسته، مقدار نیرویی را که در جهت محور x به فضاپیما وارد می نیروی اعمال شده این نیرو بر اساس توان پیشرانه های موجود در فضاپیما های واقعی انتخاب شده است. به عبارت دیگر، اگر حداکثر نیروی قابل اعمال در جهت x برابر با  $f_{x,\max}$  باشد، این متغیر می تواند مقادیری در بازه  $[-f_{x,\max}, f_{x,\max}]$  داشته باشد.
- نیروی اعمال شده در جهت y: این متغیر پیوسته، مقدار نیرویی را که در جهت محور y به فضاپیما وارد می می شود، مشخص می کند. مشابه جهت x، دامنه این نیرو نیز بر اساس توان پیشرانه های موجود تعیین شده و می تواند در بازه  $[-f_{y,\max}, f_{y,\max}]$  قرار گیرد.

انتخاب این نیروها بر اساس ویژگیهای واقعی فضاپیماها، بهویژه توان و محدودیتهای پیشرانههای آنها، صورت گرفته است. این امر اطمینان میدهد که شبیهسازی تا حد ممکن به شرایط واقعی نزدیک باشد و نتایج

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Action Space

به دست آمده قابلیت تعمیم به کاربردهای عملی را داشته باشند. همچنین، تعریف فضای اقدام به صورت پیوسته، امکان کنترل دقیق و انعطاف پذیر بر حرکت فضا پیما را فراهم میکند، که برای دستیابی به اهداف کنترلی در محیطهای دینامیکی پیچیده ضروری است. به طور خلاصه، فضای اقدام به صورت زیر تعریف می شود:

$$a = \{f_x, f_y \mid f_x \in [-f_{x,\max}, f_{x,\max}], f_y \in [-f_{y,\max}, f_{y,\max}]\}$$

#### ۶-۱-۶ تابع پاداش

تابع پاداش بهمنظور هدایت رفتار عامل طراحی شده و شامل دو مؤلفه اصلی است:

- پاداش برای دستیابی به هدف: تشویق عامل برای نزدیک شدن به مدار هدف.
  - جریمه برای مصرف سوخت: تنبیه برای استفاده بیش از حد از پیشرانه.
  - جریمه برای انحراف از مسیر مرجع: تنبیه برای خروج از مسیر مرجع.

تابع پاداش بهصورت زیر تعریف میشود:

$$r(s, a) = r_{\text{target}}(s) + r_{\text{thrust}}(a) + r_{\text{divergence}}(s)$$

که در آن مؤلفههای تابع پاداش بهصورت زیر تعریف شدهاند:

$$r_{\text{target}}(s) = -k_1 \cdot d(s, s_{\text{target}})$$
 (1-9)

$$r_{\text{thrust}}(a) = -k_2 \cdot |0a|0 \tag{Y-9}$$

$$r_{\text{divergence}}(s) = \begin{cases} -k_3 & \text{if } d(s, s_{\text{reference}}) > \epsilon \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (Y-S)

تابع d(s,s') فاصله بین دو وضعیت s و s' را نشان می دهد که معمولاً به صورت فاصله اقلیدسی محاسبه می شود. ضرایب  $k_1, k_2, k_3$  از طریق آزمایش و خطا تنظیم شده اند تا تعادل مناسبی بین دستیابی به هدف، بهینه سازی مصرف سوخت، و حفظ مسیر مرجع برقرار شود. علاوه بر این، این ضرایب تأثیر مستقیمی بر پایداری و فرآیند یادگیری عامل دارند. به عنوان مثال، انتخاب مقادیر بیش از حد بزرگ برای  $k_1$  ممکن است باعث شود عامل به سرعت به سمت هدف حرکت کند اما پایداری مسیر را از دست بدهد، در حالی که مقادیر بزرگ  $k_3$  می تواند عامل را بیش از حد محافظه کار کرده و فرآیند یادگیری را کند نماید. تنظیم دقیق این ضرایب، نه تنها عملکرد عامل را بهینه می کند، بلکه پایداری عددی و سرعت همگرایی الگوریتم یادگیری تقویتی را نیز تضمین می نماید.

 $<sup>^3</sup>$ Reward Function

#### ۶-۲ شبیهسازی عامل

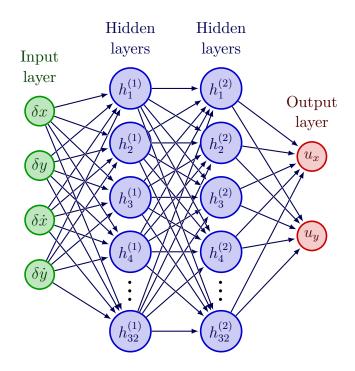
در این زیربخش، فرآیند شبیه سازی و آموزش عامل با استفاده از الگوریتمهای یادگیری تقویتی پیشرفته شرح داده می شود. الگوریتمهای مورد استفاده، مراحل آموزش، و نتایج حاصل از شبیه سازی ارائه می گردند.

#### ۶-۲-۶ الگوریتمهای مورد استفاده

برای آموزش عامل، الگوریتمهای زیر به کار گرفته شده اند: جدول ۶-۱: ویژگیهای الگوریتمهای مورد استفاده در شبیه سازی

1 1 1 .1	شبکه Critic		شبکه Actor		. (1)
تعداد پارامترها	نودها	لايهها	نودها	لايهها	الگوريتم
$150 \times 10^3$	$(2^8, 2^7, 2^6)$	3	$(2^8, 2^7, 2^6)$	3	DDPG
$50 \times 10^3$	$(2^7, 2^6)$	2	$(2^7, 2^6)$	2	PPO
$160 \times 10^{3}$	$(2^8, 2^7, 2^6)$	3	$(2^8, 2^7, 2^6)$	3	SAC
$200 \times 10^3$	$(2^8, 2^7, 2^7, 2^6)$	4	$(2^8, 2^7, 2^6)$	3	TD3

این الگوریتمها به دلیل توانایی در مدیریت فضاهای پیوسته و عملکرد مؤثر در محیطهای پیچیده انتخاب شدهاند. در شکل ۶-۱ شبکه عصبی شبیهسازی شده آورده شده است.



شكل ۶-۱: ساختار شبكه عصبي عامل

#### ۶-۲-۶ فرآیند آموزش

آموزش عامل به صورت کلی در چند مرحله انجام شده است. ابتدا، کاوش اولیه در محیط با استفاده از یک سیاست تصادفی صورت گرفته و تجربه های اولیه جمع آوری شده اند. سپس، شبکه های عصبی الگوریتم ها با بهره گیری از این تجربه ها به روزرسانی شده اند. در نهایت، پارامترهای کلیدی مانند نرخ یادگیری و اندازه بافر تجربه تنظیم شده اند تا پایداری فرآیند تضمین شود.

برای پیادهسازی این فرآیند، از چارچوب PyTorch استفاده شده است. همچنین، بهمنظور جلوگیری از بیشبرازش، تکنیک Noise Exploration به کار گرفته شده است. آموزش تا زمانی ادامه یافته که موفقیت عامل در بیش از ۹۰ درصد موارد بهدست آمده باشد. در این راستا، برای بهینهسازی پارامترهای شبکههای عصبی، از روش Backpropagation استفاده شده است. این روش بر اساس گرادیان تابع خطا نسبت به یارامترها عمل میکند که بهصورت زیر بیان می شود:

$$\frac{\partial L}{\partial w} = \frac{\partial L}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial w} \tag{(4-9)}$$

که در آن L تابع خطا، w وزنهای شبکه، و y خروجی شبکه عصبی است. بهروزرسانی وزنها با استفاده از

روش گرادیان نزولی انجام شده است:

$$w_{t+1} = w_t - \eta \cdot \frac{\partial L}{\partial w} \tag{2-9}$$

که  $\eta$  نرخ یادگیری است و به عنوان یک پارامتر کلیدی تنظیم شده است.

فصل ٧

سخت افزار در حلقه عملکرد عامل در محیط

# فصل ۸

# ارزیابی و نتایج یادگیری

در این فصل، نتایج حاصل از فرآیند یادگیری تقویتی در محیط سهجسمی ارائه و تحلیل شده است. هدف، بررسی عملکرد الگوریتمهای استفاده شده و ارزیابی توانایی آنها در دستیابی به اهداف تعیین شده می باشد.

#### ۱-۸ تنظیمات آزمایشی

تنظیمات شبیه سازی، شامل پارامترهای محیط، نرخ یادگیری، و اندازه بافر تجربه، در این بخش تشریح شده است.

## ۸-۲ نتایج عملکرد الگوریتمها

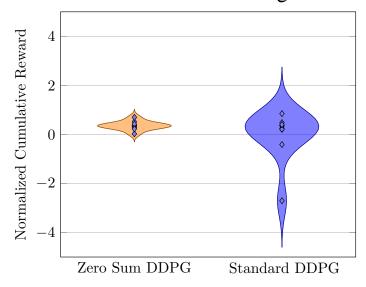
نتایج عملکرد الگوریتمهای SAC ،PPO ،DDPG ، و TD3 با معیارهایی نظیر زمان رسیدن به هدف و مصرف سوخت گزارش شده است.

### ۸-۳ تحلیل پایداری و همگرایی

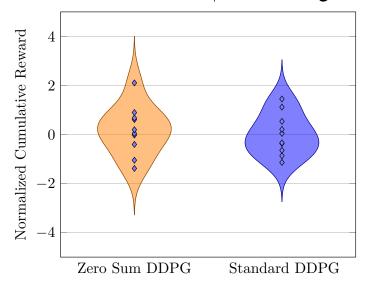
پایداری و سرعت همگرایی فرآیند یادگیری با استفاده از نمودارهای پاداش و معیارهای عددی مورد بررسی قرار گرفته است.

## ۴-۸ مقایسه با معیارهای مرجع

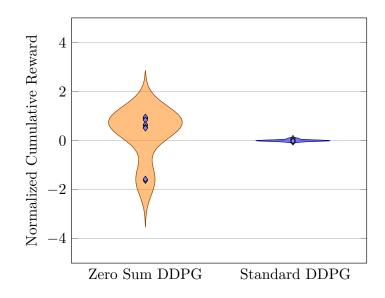
عملكرد الگوريتمها با روشهاي مرجع مقايسه شده تا برتريها و محدوديتهاي آنها مشخص گردد.



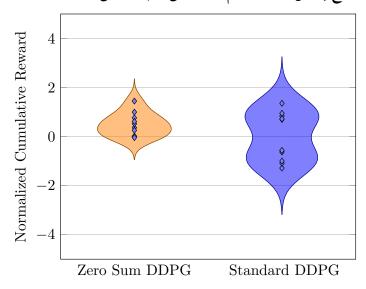
شكل ۸-۱: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در شرايط اوليه تصادفي



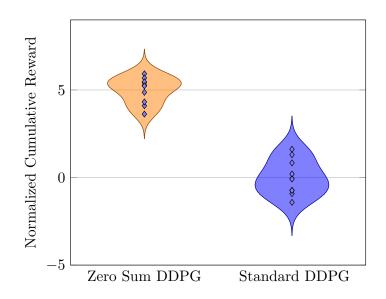
شكل A-Y: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در حضور اغتشاش در عملگرها



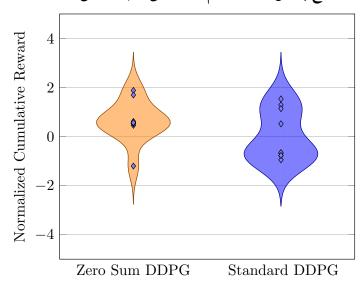
شكل ٨-٣: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در مواجهه با عدم تطابق مدل



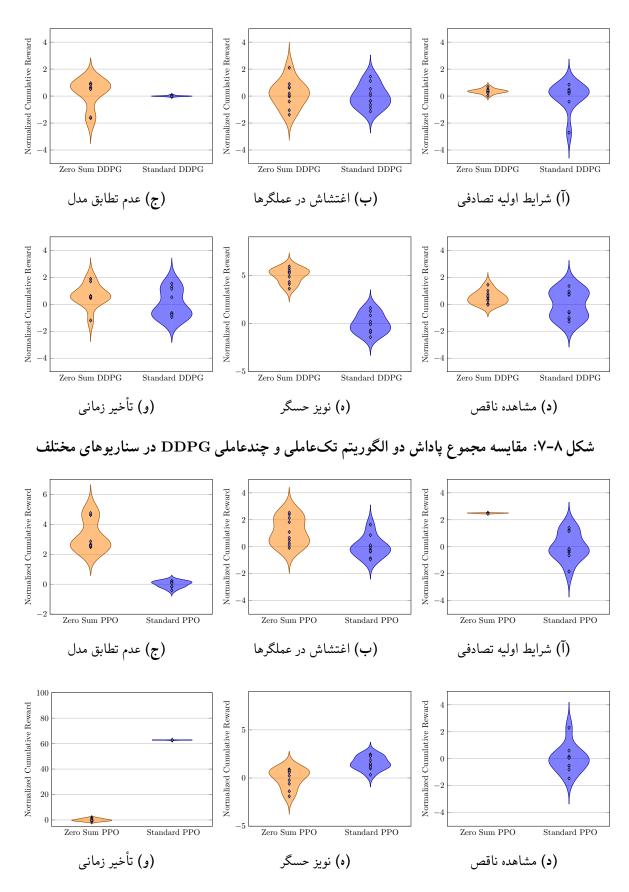
شكل ٨-۴: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در شرايط مشاهده ناقص



شكل ۸-۵: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در حضور نويز حسگر



شكل ٨-۶: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي DDPG در شرايط تأخير زماني



شكل ۸-۸: مقايسه مجموع پاداش دو الگوريتم تكعاملي و چندعاملي PPO در سناريوهاي مختلف

#### **Bibliography**

- M. A. Vavrina, J. A. Englander, S. M. Phillips, and K. M. Hughes. Global, multiobjective trajectory optimization with parametric spreading. In AAS AIAA Astrodynamics Specialist Conference 2017, 2017. Tech. No. GSFC-E-DAA-TN45282.
- [2] C. Ocampo. Finite burn maneuver modeling for a generalized spacecraft trajectory design and optimization system. *Annals of the New York Academy of Sciences*, 1017:210–233, 2004.
- [3] B. G. Marchand, S. K. Scarritt, T. A. Pavlak, and K. C. Howell. A dynamical approach to precision entry in multi-body regimes: Dispersion manifolds. *Acta Astronautica*, 89:107–120, 2013.
- [4] A. F. Haapala and K. C. Howell. A framework for constructing transfers linking periodic libration point orbits in the spatial circular restricted three-body problem. *International Journal of Bifurcation and Chaos*, 26(05):1630013, 2016.
- [5] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Six degree-of-freedom hovering over an asteroid with unknown environmental dynamics via reinforcement learning. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [6] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Terminal adaptive guidance via reinforcement meta-learning: Applications to autonomous asteroid close-proximity operations. Acta Astronautica, 171:1–13, 2020.
- [7] A. Rubinsztejn, R. Sood, and F. E. Laipert. Neural network optimal control in astrodynamics: Application to the missed thrust problem. *Acta Astronautica*, 176:192–203, 2020.
- [8] T. A. Estlin, B. J. Bornstein, D. M. Gaines, R. C. Anderson, D. R. Thompson, M. Burl, R. Castaño, and M. Judd. Aegis automated science targeting for the mer opportunity rover. ACM Transactions on Intelligent Systems and Technology (TIST), 3:1–19, 2012.

- [9] R. Francis, T. Estlin, G. Doran, S. Johnstone, D. Gaines, V. Verma, M. Burl, J. Frydenvang, S. Montano, R. Wiens, S. Schaffer, O. Gasnault, L. Deflores, D. Blaney, and B. Bornstein. Aegis autonomous targeting for chemcam on mars science laboratory: Deployment and results of initial science team use. Science Robotics, 2, 2017.
- [10] S. Higa, Y. Iwashita, K. Otsu, M. Ono, O. Lamarre, A. Didier, and M. Hoffmann. Vision-based estimation of driving energy for planetary rovers using deep learning and terramechanics. *IEEE Robotics and Automation Letters*, 4:3876–3883, 2019.
- [11] B. Rothrock, J. Papon, R. Kennedy, M. Ono, M. Heverly, and C. Cunningham. Spoc: Deep learning-based terrain classification for mars rover missions. In AIAA Space and Astronautics Forum and Exposition, SPACE 2016. American Institute of Aeronautics and Astronautics Inc, AIAA, 2016.
- [12] K. L. Wagstaff, G. Doran, A. Davies, S. Anwar, S. Chakraborty, M. Cameron, I. Daubar, and C. Phillips. Enabling onboard detection of events of scientific interest for the europa clipper spacecraft. In 25th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery & Data Mining, pages 2191–2201, Anchorage, Alaska, 2019.
- [13] B. Dachwald. Evolutionary neurocontrol: A smart method for global optimization of low-thrust trajectories. In AIAA/AAS Astrodynamics Specialist Conference and Exhibit, pages 1–16, Providence, Rhode Island, 2004.
- [14] S. D. Smet and D. J. Scheeres. Identifying heteroclinic connections using artificial neural networks. *Acta Astronautica*, 161:192–199, 2019.
- [15] N. L. O. Parrish. Low Thrust Trajectory Optimization in Cislunar and Translunar Space. PhD thesis, University of Colorado Boulder, 2018.
- [16] N. Heess, D. TB, S. Sriram, J. Lemmon, J. Merel, G. Wayne, Y. Tassa, T. Erez, Z. Wang, S. M. A. Eslami, M. A. Riedmiller, and D. Silver. Emergence of locomotion behaviours in rich environments. *CoRR*, abs/1707.02286, 2017.
- [17] D. Silver, J. Schrittwieser, K. Simonyan, I. Antonoglou, A. Huang, A. Guez, T. Hubert, L. Baker, M. Lai, A. Bolton, Y. Chen, T. Lillicrap, F. Hui, L. Sifre, G. van den Driessche, T. Graepel, and D. Hassabis. Mastering the game of go without human knowledge. *Nature*, 550, 2017.

- [18] R. Furfaro, A. Scorsoglio, R. Linares, and M. Massari. Adaptive generalized zemzev feedback guidance for planetary landing via a deep reinforcement learning approach. *Acta Astronautica*, 171:156–171, 2020.
- [19] B. Gaudet, R. Linares, and R. Furfaro. Deep reinforcement learning for six degrees of freedom planetary landing. *Advances in Space Research*, 65:1723–1741, 2020.
- [20] B. Gaudet, R. Furfaro, and R. Linares. Reinforcement learning for angle-only intercept guidance of maneuvering targets. Aerospace Science and Technology, 99, 2020.
- [21] D. Guzzetti. Reinforcement learning and topology of orbit manifolds for stationkeeping of unstable symmetric periodic orbits. In AAS/AIAA Astrodynamics Specialist Conference, Portland, Maine, 2019.
- [22] J. A. Reiter and D. B. Spencer. Augmenting spacecraft maneuver strategy optimization for detection avoidance with competitive coevolution. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [23] A. Das-Stuart, K. C. Howell, and D. C. Folta. Rapid trajectory design in complex environments enabled by reinforcement learning and graph search strategies. Acta Astronautica, 171:172–195, 2020.
- [24] D. Miller and R. Linares. Low-thrust optimal control via reinforcement learning. In 29th AAS/AIAA Space Flight Mechanics Meeting, Ka'anapali, Hawaii, 2019.
- [25] C. J. Sullivan and N. Bosanac. Using reinforcement learning to design a low-thrust approach into a periodic orbit in a multi-body system. In 20th AIAA Scitech Forum, Orlando, Florida, 2020.
- [26] D. Silver, G. Lever, N. Heess, T. Degris, D. Wierstra, and M. Riedmiller. Deterministic policy gradient algorithms. In *International conference on machine learning*, pages 387–395. Pmlr, 2014.
- [27] M. Abadi, A. Agarwal, P. Barham, E. Brevdo, Z. Chen, C. Citro, G. S. Corrado, A. Davis, J. Dean, M. Devin, S. Ghemawat, I. Goodfellow, A. Harp, G. Irving, M. Isard, Y. Jia, R. Jozefowicz, L. Kaiser, M. Kudlur, J. Levenberg, D. Mané, R. Monga, S. Moore, D. Murray, C. Olah, M. Schuster, J. Shlens, B. Steiner, I. Sutskever, K. Talwar, P. Tucker, V. Vanhoucke, V. Vasudevan, F. Viégas, O. Vinyals, P. Warden, M. Wattenberg, M. Wicke, Y. Yu, and X. Zheng. TensorFlow: Large-scale machine learning on heterogeneous systems, 2015. Software available from tensorflow.org.

- [28] S. Fujimoto, H. van Hoof, and D. Meger. Addressing function approximation error in actor-critic methods, 2018.
- [29] A. Paszke, S. Gross, S. Chintala, G. Chanan, E. Yang, Z. DeVito, Z. Lin, A. Desmaison, L. Antiga, and A. Lerer. Automatic differentiation in pytorch. 2017.
- [30] T. Haarnoja, A. Zhou, P. Abbeel, and S. Levine. Soft actor-critic: Off-policy maximum entropy deep reinforcement learning with a stochastic actor. CoRR, abs/1801.01290, 2018.
- [31] D. Vallado and W. McClain. Fundamentals of Astrodynamics and Applications. Fundamentals of Astrodynamics and Applications. Microcosm Press, 2001.

#### Abstract

In this study, a quadcopter stand with three degrees of freedom was controlled using game theory-based control. The first player tracks a desired input, and the second player creates a disturbance in the tracking of the first player to cause an error in the tracking. The move is chosen using the Nash equilibrium, which presupposes that the other player made the worst move. In addition to being resistant to input interruptions, this method may also be resilient to modeling system uncertainty. This method evaluated the performance through simulation in the Simulink environment and implementation on a three-degree-of-freedom stand.

**Keywords**: Quadcopter, Differential Game, Game Theory, Nash Equilibrium, Three Degree of Freedom Stand, Model Base Design, Linear Quadratic Regulator



# Sharif University of Technology Department of Aerospace Engineering

Master Thesis

## Robust Reinforcement Learning Differential Game Guidance in Low-Thrust, Multi-Body Dynamical Environments

By:

Ali BaniAsad

Supervisor:

Dr.Hadi Nobahari

December 2024