Поиск и сортировка 2

А. Интересная сумма

1 секунда, 256 мегабайт

Дан массив a длины n. Вы можете выбрать любой подотрезок $a_l, a_{l+1}, \ldots, a_r$ массива длины, не совпадающий со всем массивом, то есть, для которого $1 \le l \le r \le n$ и r-l+1 < n. Красотой выбранного подоторезка назовем значение

```
\max(a_1,a_2,\ldots,a_{l-1},a_{r+1},a_{r+2},\ldots,a_n) - \min(a_1,a_2,\ldots,a_{l-1},a_{r+1},a_{r+1},a_{r+1}) тратажим не агранинам(a_l,\ldots,a_r).
```

Найдите максимальную красоту подотрезка среди всех возможных допустимых подотрезков массива (за исключением всего массива).

Входные данные

Первая строка содержит одно целое число t ($1 \le t \le 1000$) — количество наборов входных данных. Далее следует описание наборов входных данных.

Первая строка каждого набора входных данных содержит единственное целое число $n \, (4 \le n \le 10^5) -$ длину массива.

Вторая строка каждого набора входных данных содержит n целых чисел a_1,a_2,\ldots,a_n ($1\leq a_i\leq 10^9$) — элементы данного массива.

Гарантируется, что сумма \emph{n} по всем наборам входных данных не превосходит 10^5 .

Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите одно число — искомое максимальное значение красоты.

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

4
8
1 2 2 3 1 5 6 1
5
1 2 3 100 200
4
3 3 3 3 3
6
7 8 3 1 1 8

Выходные данные
```

```
9
297
0
14
```

В первом тесте из условия оптимально выбрать отрезок l=7, r=8. Красота этого отрезка равна (6-1)+(5-1)=9.

Во втором тесте из условия оптимально выбрать отрезок l=2, r=4. Красота этого отрезка равна (100-2)+(200-1)=297.

В. Фотограф Марк

1 секунда, 256 мегабайт

Марка попросили сфотографировать группу из 2n человек, i-й из них имеет рост h_i .

Для этого он выстроил этих людей в два ряда: передний и задний, каждый из которых состоит из n человек. На фотографии все люди хорошо видны, если рост j-го человека в дальнем ряду как минимум на x больше, чем рост j-го человека в ближнем ряду для каждого j от 1 до n включительно.

Помогите Марку определить, возможно ли расставить людей описанным выше способом.

Входные данные

Первая строка входных данных содержит целое число t ($1 \le t \le 100$) — количество наборов входных данных. Каждый набор входных данных состоит из двух строк.

Первая строка каждого набора содержит два положительных целых числа n и x ($1 \le n \le 100, 1 \le x \le 10^3$) — количество людей в каждом ряду и минимальную разницу в росте, которую хочет получить Марк.

Вторая строка каждого набора содержит 2n положительных целых чисел h_1,h_2,\ldots,h_{2n} ($1\leq h_i\leq 10^3$) — рост каждого из людей.

Обратите внимание, что сумма значений n по всем наборам входных r_+ данных p) теоттаж(жак не огранинізмаp). . . . , a_r).

Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите «YES», если Марк может расставить людей в два ряда требуемым образом. В противном случае выведите «NO».

Вы можете выводить «YES» и «NO» в любом регистре (например, строки «yES», «yes» и «Yes» будут распознаны как правильный ответ).

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

3
3 6
1 3 9 10 12 16
3 1
2 5 2 2 2 5
1 2
8 6

ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ

YES
NO
YES
```

В первом наборе входных данных из примера один из возможных требуемых порядков имеет следующий вид: третий, пятый и шестой человек должны встать в дальний ряд, а второй, первый и четвёртый — в ближний ряд. В этом случае расположение будет выглядеть так:

Дальний ряд	9	12	16
Ближний ряд	3	1	10

Оно соответствует требованиям, так как:

- $h_3 h_2 = 9 3 \ge 6$,
- $h_5 h_1 = 12 1 \ge 6$, and
- $h_6 h_4 = 16 10 \ge 6$.

Для второго набора входных данных может быть показано, что требуемого расположения людей не существует.

В третьем наборе входных данных единственный подходящий способ расположения следующий: второй человек стоит в дальнем ряду, а первый в ближнем.

С. Все различные

1 секунда, 256 мегабайт

У Sho есть массив a состоящий из n целых чисел. За одну операцию Sho может выбрать два **различных** индекса i и j, после чего удалить из массива элементы a_i и a_j .

Например, для массива [2,3,4,2,5] Sho может выбрать индексы 1 и 3 и удалить соответствующие элементы из массива. После этой операции массив будет выглядеть так: [3,2,5]. Заметьте, что после любой операции длина массива уменьшится на два.

После нескольких операций у Sho остался массив, содержащий только различные числа. Также, он применил операции таким образом, что длина оставшегося массива максимальна из всех возможных.

Более формально, после всех операций массив Sho удовлетворяет двум следующим критериям:

- В массиве не существует таких пар индексов, что i < j и $a_i = a_j.$
- Длина массива а максимальна.

Выведите длину оставшегося у Sho массива.

Входные данные

Первая строка входных данных содержит целое число t ($1 \le t \le 10^3$) — количество наборов входных данных.

Первая строка каждого набора данных содержит единственное число n ($1 \le n \le 50$) — длину начального массива.

Вторая строка каждого набора данных содержит n целых чисел a_i ($1 \le a_i \le 10^4$) — элементы начального массива.

Выходные данные

Для каждого набора данных выведите единственное число — длину оставшегося массива. Помните, что в оставшемся массиве все элементы различны, а его длина максимальна.

```
Входные данные

4
6
2 2 2 3 3 3 3
5
9 1 9 9 1
4
15 16 16 15
4
10 100 1000 10000

Выходные данные
2
1
2
4
```

В первом наборе данных Sho может сделать следующие операции:

- 1. Выбрать индексы 1 и 5. Тогда массив станет $[2,2,2,3,3,3] \rightarrow [2,2,3,3]$.
- 2. Выбрать индексы 1 и 4. Тогда массив станет $[2,2,3,3] \to [2,3]$.

Финальный массив имеет длину 2, так что ответом является 2. Можно доказать, что Sho не может получить массив большей длины.

Во втором наборе данных Sho может сделать следующие операции:

- 1. Выбрать индексы 3 и 4. Тогда массив станет $[9,1,9,9,1] \rightarrow [9,1,1].$
- 2. Выбрать индексы 1 и 3. Тогда массив станет $[9, 1, 1] \rightarrow [1]$.

Финальный массив имеет длину 1, так что ответом является 1. Можно доказать, что Sho не может получить массив большей длины.

D. Тройка

1 секунда, 256 мегабайт

Вам задан массив a из n элементов. Найдите любое число, которое встречается в этом массиве хотя бы три раза, или выведите -1, если таких чисел нет.

Входные данные

В первой строке задано целое число t ($1 \le t \le 10^4$) — количество наборов входных данных.

Первая строка набора входных данных содержит одно целое число $n \ (1 \le n \le 2 \cdot 10^5)$ — количество элементов в массиве.

Вторая строка набора входных данных содержит n целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_n $(1 \le a_i \le n)$ — элементы массива.

Гарантируется, что сумма n по всем наборам входных данных не превосходит $2 \cdot 10^5$.

Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите любое целое число, которое встречается в массиве хотя бы три раза, или -1, если такого числа нет.

```
входные данные
7
1
1
1
3
2 2 2 2
7
2 2 3 3 4 2 2
8
1 4 3 4 3 2 4 1
9
1 1 1 2 2 2 3 3 3 3
5
5
1 5 2 4 3
4
4 4 4 4

Выходные данные
-1
2
2
4
3
-1
4
```

В первом наборе входных данных в массиве всего один элемент, поэтому не существует числа, которое встречается хотя бы три раза. Следовательно, ответ равен –1.

Во втором наборе входных данных все три элемента массива равны 2, поэтому 2 встречается трижды. Следовательно, в качестве ответа надо вывести 2.

В третьем наборе входных данных 2 встречается четыре раза, поэтому 2 — ответ.

В четвертом наборе входных данных 4 встречается три раза, поэтому 4 — ответ.

В пятом наборе входных данных каждое из чисел 1, 2 и 3 встречается хотя бы три раза, поэтому любое из них может быть ответом.

В шестом наборе входных данных все элементы массива различны, поэтому ни одно число не встречается хотя бы три раза, и ответ равен –1.

Е. Сортировка нечётными обменами

1 секунда, 256 мегабайт

Вам дан массив a_1,a_2,\dots,a_n . Вы можете выполнять операции с массивом. За одну операцию вы можете выбрать целое число i ($1 \le i < n$) и поменять местами a_i и a_{i+1} в массиве, если $a_i + a_{i+1}$ нечётно.

Определите, можно ли его отсортировать в неубывающем порядке, используя эти операции любое количество раз.

Входные данные

Каждый тест состоит из нескольких наборов входных данных. В первой строке находится единственное целое число t ($1 \le t \le 10^5$) — количество наборов входных данных. Далее следует описание наборов входных данных.

В первой строке каждого набора входных данных содержится целое число n ($1 \le n \le 10^5$) — длина массива.

Во второй строке каждого набора входных данных содержатся n целых чисел a_1,a_2,\dots,a_n ($1\leq a_i\leq 10^9$) — элементы массива.

Гарантируется, что сумма \emph{n} по всем наборам входных данных не превосходит $2\cdot 10^5$.

Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите «Yes» или «No» в зависимости от того, можете ли вы или нет отсортировать данный массив.

Вы можете выводить каждую букву в любом регистре (например, ${\tt wyes}$, ${\tt wyes}$, ${\tt wyes}$, ${\tt dyg}$ т распознаны как положительный ответ).

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ

4
4
4
2
4 2
5
2 9 6 7 10
3
6 6 6

ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ

Yes
No
No
Yes
```

В первом наборе входных данных мы можем просто поменять местами 31 и 14 (31+14=45, что нечётно) и получить неубывающий массив [1,6,14,31].

Во втором наборе входных данных единственным способом отсортировать массив является поменять местами 4 и 2, но это невозможно, поскольку их сумма 4+2=6 является чётной.

В третьем наборе входных данных мы не можем сделать последовательность неубывающей.

В четвёртом наборе входных данных массив уже является неубывающим.

F. Полуфиналы

1 секунда, 256 мегабайт

В турнире по бегу только что прошли два полуфинала. В каждом полуфинале участвовало n человек. В финал проходят n человек, определяемых следующим образом: из каждого полуфинала выбираются k человек ($0 \le 2k \le n$), показавших наилучший результат в своем полуфинале, а все остальные места в финале достаются тем, кто не попал в первые k в своем полуфинале, но попал в число n - 2k лучших среди остальных.

Организаторы турнира пока не определили число k, поэтому участники хотят знать, у кого еще остались шансы попасть в финал, а кому уже можно отправляться домой.

Входные данные

В первой строке записано единственное целое число n ($1 \le n \le 10^5$) — количество участников в каждом полуфинале.

В следующих n строках записано по два целых числа a_i и b_i ($1 \le a_i, b_i \le 10^9$) — результаты i-ого участника (количество миллисекунд, за которое он пробежал дистанцию полуфинала) первого и второго полуфиналов соответственно. Все результаты различны. Последовательности $a_1, a_2, ..., a_n$ и $b_1, b_2, ..., b_n$ упорядочены по возрастанию — в том порядке, в каком участники финишировали в соответствующем полуфинале.

Выходные данные

Выведите две строки, состоящие n символов, каждый из которых — «0» или «1». Первая строка должна соответствовать участникам первого полуфинала, а вторая — участникам второго полуфинала. i-ый символ в j-ой строке должен быть равен «1», если i-ый участник j-ого полуфинала имеет шансы пройти в финал, и «0» — иначе.

входные данные

```
4
9840 9920
9860 9980
9930 10020
10040 10090

Выходные данные
1110
1100

Входные данные
4
9900 9850
9940 9930
10000 10020
10060 10110

Выходные данные
```

Рассмотрим первый пример. В каждом полуфинале участвовало 4 человека. Результаты первого полуфинала — 9840, 9860, 9930, 10040. Результаты второго полуфинала — 9920, 9980, 10020, 10090.

- В случае k=0 финалисты определяются исключительно по времени, поэтому дальше пройдут спортсмены с результатами 9840, 9860, 9920 и 9930.
- В случае k=1 из обоих полуфиналов гарантированно проходят победители (с результатами 9840 и 9920), а оставшиеся места определяются по времени (эти места достанутся спортсменам, пробежавшим за 9860 и 9930 миллисекунд).
- В случае k=2 из обоих полуфиналов проходят по два первых места, это спортсмены с результатами 9840, 9860, 9920 и 9980 миллисекунд.

G. Таблица Юнга

2 секунды, 256 мегабайт

Вам задана таблица a, состоящая из n строк, пронумерованных от 1 до n. В i-ой строке таблицы a содержится c_i клеточек, при этом для всех i $(1 \le i \le n)$ выполняется $c_i \le c_{i-1}$.

Обозначим за s общее количество клеточек таблицы a, то есть $s=\sum_{i=1}^n c_i$. Известно, что в каждой клеточке таблицы a записано единственное целое число от 1 до s, при этом все записанные числа различны.

Пусть клеточки i-той строки таблицы a пронумерованы от 1 до c_i , тогда обозначим число, записанное в j-той клеточке i-той строки, за $a_{i,j}$. Вам необходимо посредством нескольких операций обмена переупорядочить числа в таблице так, чтобы выполнялись следующие условия:

```
1. для всех i,j (1 \le i \le n;\ 1 \le j \le c_i) выполняется a_{i,j} > a_{i-1,j}; 2. для всех i,j (1 \le i \le n;\ 1 \le j \le c_i) выполняется a_{i,j} > a_{i,j-1}.
```

За одну операцию обмена разрешается выбрать две различных клеточки таблицы и поменять записанные в них числа местами, то есть число, которое до применения операции было записано в первой из выбранных клеток, после применения операции будет записано во второй. Аналогично, число, которое до применения операции было записано во второй из выбранных клеток, после применения операции будет записано в первой.

Переупорядочите числа требуемым способом. Учтите, что Вам разрешается выполнить любое количество операций не превосходящее s. Минимизировать количество операций не требуется.

Входные данные

В первой строке записано единственное целое число n $(1 \le n \le 50)$, обозначающее количество строк в таблице. Во второй строке через пробел записаны n целых чисел c_i $(1 \le c_i \le 50; c_i \le c_{i-1})$ — количества клеточек в соответствующих строках.

В следующих n строках задана таблица a. В i-той из них через пробел записаны c_i целых чисел: j-тое число в этой строке обозначает $a_{i,j}$.

Гарантируется, что все заданные числа $a_{i,j}$ положительны и не превосходят s. Гарантируется, что все $a_{i,j}$ различны.

Выходные данные

В первой строке выведите единственное целое число m $(0 \le m \le s)$, обозначающее количество произведенных операций обмена.

В следующих m строках выведите описание этих операций обмена. В i-той из них выведите через пробел четыре целых числа x_i, y_i, p_i, q_i ($1 \le x_i, p_i \le n$; $1 \le y_i \le c_{x_i}$; $1 \le q_i \le c_{p_i}$). Выведенные числа обозначают операцию обмена содержимого клеток a_{x_i,y_i} и a_{p_i,q_i} . Обратите внимание, что операцией обмена можно менять содержимое **различных** клеток таблицы. Выводите обмены в том порядке, в котором они должны производиться.

```
Входные данные

3
3 2 1
4 3 5
6 1
2
Выходные данные

2 1 1 2 2
2 1 3 1

Входные данные

1 4
4 3 2 1

Выходные данные

2 1 1 1 4
1 2 1 3
```

Н. Отчёт

2 секунды, 256 мегабайт

Каждый месяц Блейк получает отчёт об основных показателях деятельности компании «Blake Technologies». Компания производит n продуктов, поэтому в отчёте указано n целых чисел — выручка по каждому из этих продуктов. Однако перед тем, как этот отчёт попадёт в руки Блейка, он проходит нелёгкий путь через m менеджеров. Каждый из менеджеров, прежде чем передать отчёт следующему менеджеру (или Блейку), может переставить некоторые числа по своему усмотрению. А именно: i-й менеджер сортирует первые r_i чисел в порядке неубывания или невозрастания, после чего передаёт отчёт менеджеру с номером i+1, если $i \le m$, или Блейку, если i=m.

Сейчас как раз настал момент, когда сотрудники составляют очередной отчёт для Блейка. Вам известна изначальная последовательность длины n, а также дано описание каждого менеджера, то есть значение r_i и какой порядок сортировки он предпочитает. Вас попросили ускорить процесс и сразу определить итоговый вид отчёта.

Входные данные

В первой строке входных данных записаны два целых числа n и m ($1 \le n, m \le 200\ 000$) — количество чисел в отчёте и количество менеджеров соответственно.

Во второй строке содержатся n целых чисел a_i ($|a_i| \le 10^9$) — числа в отчете, до того как он попал в руки первого менеджера.

В следующих m строках содержатся описания последовательных операций с отчётом, которые проводят менеджеры. В i-й из этих строк записаны два целых числа t_i и r_i ($t_i \in \{1,2\}$, $1 \le r_i \le n$), означающих, что i-й менеджер сортирует первые r_i чисел в порядке неубывания, если $t_i = 1$, или в порядке невозрастания, если $t_i = 2$.

Выходные данные

В единственной строке выведите n целых чисел — итоговый отчёт, который попадёт к Блейку.

```
входные данные

3 1
1 2 3
2 2

выходные данные
2 1 3
```

```
ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ
4 2
1 2 4 3
2 3
1 2
ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ
2 4 1 3
```

В первом примере изначально отчёт выглядел так: $1\ 2\ 3$. После первого менеджера были переставлены первые два числа: $2\ 1\ 3$. В таком виде отчёт попал к Блейку.

Во втором примере первоначально отчёт был таким: $1\ 2\ 4\ 3$. После первого менеджера отчёт стал таким: $\mathbf{4}\ \mathbf{2}\ \mathbf{1}\ 3$. После второго менеджера отчёт стал выглядеть так: $\mathbf{2}\ \mathbf{4}\ 1\ 3$. Такой отчёт был передан Блейку.