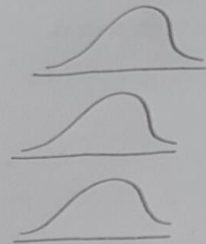


除了對上述母體平均數及變異數的檢定外，我們也可以對母體比例進行檢定。例如：推論未來選舉中某市長候選人的得票率、某項產品不良品的比例等都屬於這一類的問題。以推論某市長候選人得票率為例，假設該候選人實際的得票率為 p ，則樣本比例 \hat{p} 為母體比例 p 的一個好估計量，在大樣本的條件下，因 $Z = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}}$ 近似標準常態分配，我們可以得到以下的檢定公式：



統計假設的配置法	檢定統計量	棄卻域
$H_0: p = p_0$ $H_1: p \neq p_0$	$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$	$ Z > z_{\frac{\alpha}{2}}$
$H_0: p \geq p_0$ $H_1: p < p_0$	$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$	$Z < -z_{\alpha}$
$H_0: p \leq p_0$ $H_1: p > p_0$	$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$	$Z > z_{\alpha}$

若 $-z_{\frac{\alpha}{2}} < Z < z_{\frac{\alpha}{2}}$
→ 接受 H_0
若 $Z \geq z_{\frac{\alpha}{2}}$ 或 $Z \leq -z_{\frac{\alpha}{2}}$
→ 拒絕 H_0

若 $Z \leq -z_{\alpha}$ → 拒絕 H_0
若 $Z > -z_{\alpha}$ → 接受 H_0
若 $Z \geq z_{\alpha}$ → 拒絕 H_0
若 $Z < z_{\alpha}$ → 接受 H_0

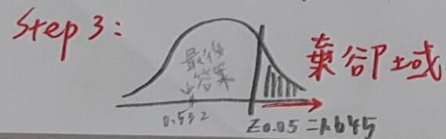
其中 p_0 為一個已知的常數。

例 7.12

假定在前面某市長評估得票率的例子中，該候選人委託某一個民意調查機構在該選區隨機訪問 350 個選民，其中有 145 人願意投票給他。然而，該候選人自己評估得票率必須超過四成才有當選的希望。試問在顯著水準 0.05 下，由調查的結果是否顯示該候選人的實際得票率超過四成？計算 p -值，並作出決策。

$$\hat{p} = \frac{145}{350} = \frac{29}{70} \approx 0.41$$

Step 1: $H_0: \hat{p} \leq 0.4$
Step 2: $H_1: \hat{p} > 0.4$



Step 2: Z 分配, $\alpha = 0.05$

Step 4:

$$Z = \frac{\hat{p} - 0.4}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}} = \frac{0.41 - 0.4}{\sqrt{\frac{0.4 \times 0.6}{350}}} = 0.532$$

→ 不棄卻虛無假設

根據樣本資料檢定的超過四成。同時我們

★ P 值

因此，我們不棄卻

7.8 兩個母體

在實際的應用中，我們常遇到兩個母體的問題，例如：兩個國家的犯罪率、兩個國家的第二個母體抽出樣本為 $\hat{p}_1 = \frac{X}{n_1}$ 及 $\hat{p}_2 = \frac{Y}{n_2}$ 條件下，可得