# Couplage agrégation

## Table des matières

1	Leçons vers développements         1.1 Leçons d'algèbre et géométrie         1.2 Leçons d'analyse et probabilités	
2	Développements         2.1       Développements plutôt algèbre          2.2       Développements à cheval entre analyse et algèbre          2.3       Développements plutôt analyse	
1	Leçons vers développements	
1.	2.2 Développements à cheval entre analyse et algèbre	
	— Automorphismes de $S_n$	
	— Irréductibilité des polynômes cyclotomiques	
	— Simplicité de $A_n$ pour $n \geq 5$	
	* 104 - Groupes finis. Exemples et applications.  — Simplicité de $A_n$ pour $n \ge 5$ — Condition de cyclicité des $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^{\times}$	
	$\star$ 105 - Groupe des permutations d'un ensemble fini. Applications. — Simplicité de $A_n$ pour $n\geq 5$ — Automorphismes de $S_n$	
	* 106 - Groupe linéaire d'un espace vectoriel de dimension finie E, sous-groupes de GL(E). Applications.  — Décomposition polaire  — Génerateurs de $GL_n(\mathbb{K})$ et $SL_n(\mathbb{K})$ et application à la connexité	
	* 108 - Exemples de parties génératrices d'un groupe. Applications.  — Simplicité de $A_n$ pour $n \geq 5$ — Génerateurs de $GL_n(\mathbb{K})$ et $SL_n(\mathbb{K})$ et application à la connexité  — (éventuellement) Condition de cyclicité des $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^{\times}$	

- $\star$  120 Anneaux  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Applications.
  - Condition de cyclicité des  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^{\times}$
  - Tests de primalité
- $\star$  121 Nombres premiers. Applications.
  - Condition de cyclicité des  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^{\times}$
  - Tests de primalité
- \* 122 Anneaux principaux. Exemples et applications.
  - Théorème chinois et applications
  - Forme normale de Smith
- $\star$  123 Corps finis. Applications.
  - Nombre de polynômes irréductibles sur  $\mathbb{F}_q$
  - Classification des formes quadratiques sur  $\mathbb{F}_q$
- $\star$  125 Extensions de corps. Exemples et applications.
  - Nombre de polynômes irréductibles sur  $\mathbb{F}_q$
  - Théorème de Gauss Wantzel
- \* 127 Exemples de nombres remarquables. Exemples d'anneaux de nombres remarquables. Applications.
  - Irréductibilité des polynômes cyclotomiques
  - Théorème de Gauss Wantzel
- $\star~141$  Polynômes irréductibles à une indéterminée. Corps de rupture. Exemples et applications.
  - Irréductibilité des polynômes cyclotomiques
  - Nombre de polynômes irréductibles sur  $\mathbb{F}_q$
- $\star$  142 PGCD et PPCM, algorithmes de calcul. Applications.
  - Théorème chinois et applications
  - Forme normale de Smith
- \* 144 Racines d'un polynôme. Fonctions symétriques élémentaires. Exemples et applications.
  - Disques de Gershgorin
  - Irréductibilité des polynômes cyclotomiques
- \* 148 Dimension d'un espace vectoriel (on se limitera au cas de la dimension finie). Rang. Exemples et applications.
  - Réduction de Frobenius
  - Classification des formes quadratiques sur  $\mathbb{F}_q$
- $\star~149$  Déterminant. Exemples et applications.
  - Forme normale de Smith
  - Différentielle du déterminant
- $\star$  150 Polynômes d'endomorphisme en dimension finie. Réduction d'un endomorphisme en dimension finie. Applications.
  - Réduction de Frobenius
  - Réduction des endomorphismes normaux dans un espace euclidien
- $\star$  151 Sous-espaces stables par un endomorphisme ou une famille d'endomorphismes d'un espace vectoriel de dimension finie. Applications.

- Réduction de Frobenius
- Réduction des endomorphismes normaux dans un espace euclidien
- $\star~152$  Endomorphismes diagonalisables en dimension finie.
  - Dunford-Jordan-Chevalley et application à l'exponentielle de matrice
  - Décomposition polaire
- \* 153 Valeurs propres, vecteurs propres. Calculs exacts ou approchés d'éléments propres. Applications.
  - Dunford-Jordan-Chevalley et application à l'exponentielle de matrice
  - Disques de Gershgorin
- $\star~154$  Exemples de décompositions de matrices. Applications.
  - Décomposition polaire
  - Réduction de Frobenius
- \* 155 Exponentielle de matrices. Applications.
  - Dunford-Jordan-Chevalley et application à l'exponentielle de matrice
  - Surjectivité de l'exponentielle de matrice
- $\star~156$  Endomorphismes trigonalisables. Endomorphismes nilpotents.
  - Dunford-Jordan-Chevalley et application à l'exponentielle de matrice
  - Cardinal du cône nilpotent
- $\star~157$  Matrices symétriques réelles, matrices hermitiennes.
  - Décomposition polaire
  - Lemme de Morse
- \* 158 Endomorphismes remarquables d'un espace vectoriel euclidien (de dimension finie).
  - Réduction des endomorphismes normaux dans un espace euclidien
  - Décomposition polaire
- $\star~159$  Formes linéaires et dualité en dimension finie. Exemples et applications.
  - Réduction de Frobenius
  - Enveloppe convexe de  $O_n(\mathbb{R})$
- \* 161 Espaces vectoriels et espaces affines euclidiens : distances, isométries.
  - Isométries du tétraèdre et du cube
  - Enveloppe convexe de  $O_n(\mathbb{R})$
- $\star$  162 Systèmes d'équations linéaires ; opérations élémentaires, aspects algorithmiques et conséquences théoriques.
  - Génerateurs de  $GL_n(\mathbb{K})$  et  $SL_n(\mathbb{K})$  et application à la connexité
  - Forme normale de Smith
- \* 170 Formes quadratiques sur un espace vectoriel de dimension finie. Orthogonalité. Applications.
  - Lemme de Morse
  - Classification des formes quadratiques sur  $\mathbb{F}_q$
- $\star$  171 Formes quadratiques réelles. Coniques. Exemples et applications.
  - Lemme de Morse
  - Je n'en avais pas d'autre... Cette leçon était mon impasse d'algèbre...

- \* 181 Convexité dans Rn. Applications en algèbre et géométrie.
  - Isométries du tétraèdre et du cube
  - Enveloppe convexe de  $O_n(\mathbb{R})$
- \* 190 Méthodes combinatoires, problèmes de dénombrement.
  - Cardinal du cône nilpotent
  - Nombre de polynômes irréductibles sur  $\mathbb{F}_q$
- \* 191 Exemples d'utilisation des techniques d'algèbre en géométrie.
  - Théorème de Gauss Wantzel
  - Isométries du tétraèdre et du cube

#### 1.2 Leçons d'analyse et probabilités

- $\star$  201 Espaces de fonctions : exemples et applications.
  - Théorème d'Ascoli
  - Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein
  - (éventuellement) Théorème de Riesz-Fischer
- $\star~203$  Utilisation de la notion de compacité.
  - Théorème d'Ascoli
  - Convergence faible et optimisation dans un Hilbert
  - (éventuellement) Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein
- \* 204 Connexité. Exemples d'applications.
  - Surjectivité de l'exponentielle de matrice
  - Théorème de Sunyer i Balaguer
- $\star~205$  Espaces complets. Exemples et applications.
  - Théorème de Riesz-Fischer
  - Projection sur un convexe fermé
  - (éventuellement) Théorème de Sunyer i Balaguer
- $\star~206$  Exemples d'utilisation de la notion de dimension finie en analyse.
  - Critère de Kalmann
  - Lemme de Morse
- $\star~208$  Espaces vectoriels normés, applications linéaires continues. Exemples.
  - Projection sur un convexe fermé
  - Théorème de Riesz-Fischer
- $\star$  209 Approximation d'une fonction par des fonctions régulières. Exemples et applications.
  - Equation de la chaleur
  - Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein
- \* 213 Espaces de Hilbert. Exemples d'applications.
  - Projection sur un convexe fermé
  - Convergence faible et optimisation dans un Hilbert
- \* 214 Théorème d'inversion locale, théorème des fonctions implicites. Illustrations en analyse et en géométrie.
  - Surjectivité de l'exponentielle
  - Lemme de Morse

- \* 215 Applications différentiables définies sur un ouvert de  $\mathbb{R}^n$ . Exemples et applications.
  - Gradient à pas optimal
  - Lemme de Morse
  - (éventuellement) Surjectivité de l'exponentielle
- $\star$  218 Formule de Taylor. Exemples et applications.
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - Lemme de Morse
- \* 219 Extremums : existence, caractérisation, recherche. Exemples et applications.
  - Convergence faible et optimisation dans un Hilbert
  - Gradient à pas optimal
- \* 220 Illustrer par des exemples la théorie des équations différentielles ordinaires.
  - Critère de Kalmann
  - Equation de Bessel
- \* 221 Équations différentielles linéaires. Systèmes d'équations différentielles linéaires. Exemples et applications.
  - Critère de Kalmann
  - Equation de Bessel
- $\star~223$  Suites numériques. Convergence, valeurs d'adhérence. Exemples et applications.
  - Développement asymptotique de suites définies par récurrence
  - Formule de Stirling par les intégrales de Wallis
- \* 224 Exemples de développements asymptotiques de suites et de fonctions.
  - Développement asymptotique de suites définies par récurrence
  - Formule d'Euler-Maclaurin et application à la série harmonique
- \* 226 Suites vectorielles et réelles définies par une relation de récurrence  $u_{n+1} = f(u_n)$ . Exemples. Applications à la résolution approchée d'équations.
  - Gradient à pas optimal
  - Développement asymptotique de suites définies par récurrence
- \* 228 Continuité, dérivabilité des fonctions réelles d'une variable réelle. Exemples et applications.
  - Théorème de Sunyer i Balaguer
  - Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein
- $\star$  229 Fonctions monotones. Fonctions convexes. Exemples et applications.
  - Gradient à pas optimal
  - Cette leçon était un peu mon impasse d'analyse... J'avais plus ou moins un développement prévu au cas où qui mélangeait l'inégalité de Hoeffding et l'inégalité de Kintchine (utilisée dans le développement Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein), mais c'était un peu bancal...
- $\star$  230 Séries de nombres réels ou complexes. Comportement des restes ou des sommes partielles des séries numériques. Exemples.
  - Calcul des  $\zeta(2k)$
  - Formule d'Euler-Maclaurin et application à la série harmonique
- $\star~234$  Fonctions et espaces de fonctions Lebesgue-intégrables.
  - Injectivité de la transformée de Fourier

- Théorème de Riesz-Fischer
- $\star$  235 Problèmes d'interversion de symboles en analyse.
  - Théorème de Sunyer i Balaguer
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - (éventuellement) Prolongement de la fonction  $\Gamma$
- ★ 236 Illustrer par des exemples quelques méthodes de calcul d'intégrales de fonctions d'une ou plusieurs variables.
  - Injectivité de la transformée de Fourier
  - Formule de Stirling par les intégrales de Wallis
- ★ 239 Fonctions définies par une intégrale dépendant d'un paramètre. Exemples et applications.
  - Injectivité de la transformée de Fourier
  - Prolongement de la fonction  $\Gamma$
- $\star$  241 Suites et séries de fonctions. Exemples et contre-exemples.
  - Théorème de Riesz-Fischer
  - Equation de la chaleur
- \* 243 Séries entières, propriétés de la somme. Exemples et applications.
  - Calcul des  $\zeta(2k)$
  - Equation de Bessel
- $\star~244$  Exemples d'études et d'applications de fonctions usuelles et spéciales.
  - Calcul des  $\zeta(2k)$
  - Prolongement de la fonction  $\Gamma$
- ★ 245 Fonctions holomorphes et méromorphes sur un ouvert de C. Exemples et applications.
  - Injectivité de la transformée de Fourier
  - Prolongement de la fonction  $\Gamma$
- \* 246 Séries de Fourier. Exemples et applications.
  - Equation de la chaleur
  - Calcul des  $\zeta(2k)$
- $\star~250$  Transformation de Fourier. Applications.
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - Injectivité de la transformée de Fourier
- $\star~253$  Utilisation de la notion de convexité en analyse.
  - Gradient à pas optimal
  - Projection sur un convexe fermé
  - ou Convergence faible et optimisation dans un Hilbert
- $\star~261$  Loi d'une variable aléatoire : caractérisations, exemples, applications.
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - Inégalité de Hoeffding
- \* 262 Convergences d'une suite de variables aléatoires. Théorèmes limite. Exemples et applications.
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - Inégalité de Hoeffding

- \* 264 Variables aléatoires discrètes. Exemples et applications.
  - Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein
  - Inégalité de Hoeffding
- \* 266 Utilisation de la notion d'indépendance en probabilités.
  - Théorème de Lévy et théorème central limite
  - Inégalité de Hoeffding

### 2 Développements

#### 2.1 Développements plutôt algèbre

- $\star$  Réduction des endomorphismes normaux dans un espace euclidien
  - 150 Polynômes d'endomorphisme en dimension finie. Réduction d'un endomorphisme en dimension finie. Applications.
  - 151 Sous-espaces stables par un endomorphisme ou une famille d'endomorphismes d'un espace vectoriel de dimension finie. Applications.
  - 158 Endomorphismes remarquables d'un espace vectoriel euclidien (de dimension finie).
- $\star$  Simplicité de  $A_n$  pour  $n \geq 5$ 
  - 103 Conjugaison dans un groupe. Exemples de sous-groupes distingués et de groupes quotients. Applications.
  - 104 Groupes finis. Exemples et applications.
  - 105 Groupe des permutations d'un ensemble fini. Applications.
  - 108 Exemples de parties génératrices d'un groupe. Applications.
- $\star$  Automorphismes de  $S_n$ 
  - 101 Groupe opérant sur un ensemble. Exemples et applications.
  - $-\,$  103 Conjugaison dans un groupe. Exemples de sous-groupes distingués et de groupes quotients. Applications
  - 105 Groupe des permutations d'un ensemble fini. Applications.
- \* Cardinal du cône nilpotent
  - 156 Endomorphismes trigonalisables. Endomorphismes nilpotents.
  - 190 Méthodes combinatoires, problèmes de dénombrement.
- \* Irréductibilité des polynômes cyclotomiques
  - 102 Groupe des nombres complexes de module 1. Racines de l'unité. Applications.
  - 127 Exemples de nombres remarquables. Exemples d'anneaux de nombres remarquables. Applications.
  - 141 Polynômes irréductibles à une indéterminée. Corps de rupture. Exemples et applications.
  - 144 Racines d'un polynôme. Fonctions symétriques élémentaires. Exemples et applications.
- \* Décomposition polaire
  - 106 Groupe linéaire d'un espace vectoriel de dimension finie E, sous-groupes de GL(E). Applications.
  - 152 Endomorphismes diagonalisables en dimension finie.
  - 154 Exemples de décompositions de matrices. Applications.
  - 157 Matrices symétriques réelles, matrices hermitiennes.
  - 158 Endomorphismes remarquables d'un espace vectoriel euclidien (de dimension finie).
- \* Enveloppe convexe de  $O_n(\mathbb{R})$ 
  - 159 Formes linéaires et dualité en dimension finie. Exemples et applications.
  - 161 Espaces vectoriels et espaces affines euclidiens : distances, isométries.

- 181 Convexité dans  $\mathbb{R}^n$ . Applications en algèbre et géométrie.
- $\star$  Classification des formes quadratiques sur  $\mathbb{F}_q$ 
  - 123 Corps finis. Applications.
  - 148 Dimension d'un espace vectoriel (on se limitera au cas de la dimension finie). Rang. Exemples et applications.
  - 170 Formes quadratiques sur un espace vectoriel de dimension finie. Orthogonalité. Applications.
- \* Condition de cyclicité des  $(\mathbb{Z}/n\mathbb{Z})^{\times}$ 
  - 104 Groupes finis. Exemples et applications.
  - 108 Exemples de parties génératrices d'un groupe. Applications.
  - 120 Anneaux  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Applications.
  - 121 Nombres premiers. Applications.

#### \* Théorème de Gauss Wantzel

- 102 Groupe des nombres complexes de module 1. Racines de l'unité. Applications.
- 125 Extensions de corps. Exemples et applications.
- 127 Exemples de nombres remarquables. Exemples d'anneaux de nombres remarquables. Applications.
- 191 Exemples d'utilisation des techniques d'algèbre en géométrie.
- $\star\,$ Nombre de polynômes irréductibles sur  $\mathbb{F}_q$ 
  - 123 Corps finis. Applications.
  - 125 Extensions de corps. Exemples et applications.
  - 141 Polynômes irréductibles à une indéterminée. Corps de rupture. Exemples et applications.
  - 190 Méthodes combinatoires, problèmes de dénombrement.
- \* Tests de primalité
  - 120 Anneaux  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Applications.
  - 121 Nombres premiers. Applications.
- $\star$  Théorème chinois et applications.
  - 122 Anneaux principaux. Exemples et applications.
  - 142 PGCD et PPCM, algorithmes de calcul. Applications.
- \* Réduction de Frobenius
  - 148 Dimension d'un espace vectoriel (on se limitera au cas de la dimension finie). Rang. Exemples et applications.
  - 150 Polynômes d'endomorphisme en dimension finie. Réduction d'un endomorphisme en dimension finie. Applications.
  - 151 Sous-espaces stables par un endomorphisme ou une famille d'endomorphismes d'un espace vectoriel de dimension finie. Applications.
  - 154 Exemples de décompositions de matrices. Applications.
  - 159 Formes linéaires et dualité en dimension finie. Exemples et applications.
- \* Dunford-Jordan-Chevalley et application à l'exponentielle de matrice
  - 152 Endomorphismes diagonalisables en dimension finie.
  - 153 Valeurs propres, vecteurs propres. Calculs exacts ou approchés d'éléments propres. Applications.
  - 155 Exponentielle de matrices. Applications.
  - 156 Endomorphismes trigonalisables. Endomorphismes nilpotents.
- \* Forme normale de Smith
  - 122 Anneaux principaux. Exemples et applications.

- 142 PGCD et PPCM, algorithmes de calcul. Applications.
- 149 Déterminant. Exemples et applications.
- 162 Systèmes d'équations linéaires; opérations élémentaires, aspects algorithmiques et conséquences théoriques.
- $\star$  Générateurs de  $GL_n(\mathbb{K})$  et  $SL_n(\mathbb{K})$  et application à la connexité
  - 106 Groupe linéaire d'un espace vectoriel de dimension finie E, sous-groupes de GL(E). Applications.
  - 108 Exemples de parties génératrices d'un groupe. Applications.
  - 162 Systèmes d'équations linéaires; opérations élémentaires, aspects algorithmiques et conséquences théoriques.
- \* Disques de Gershgorin
  - 144 Racines d'un polynôme. Fonctions symétriques élémentaires. Exemples et applications.
  - 153 Valeurs propres, vecteurs propres. Calculs exacts ou approchés d'éléments propres. Applications.
- \* Isométries du tétraèdre et du cube
  - 101 Groupe opérant sur un ensemble. Exemples et applications.
  - 161 Espaces vectoriels et espaces affines euclidiens : distances, isométries.
  - 181 Convexité dans  $\mathbb{R}^n$ . Applications en algèbre et géométrie.
  - 191 Exemples d'utilisation des techniques d'algèbre en géométrie.
- \* Isométries du tétraèdre et du cube
  - 149 Déterminant. Exemples et applications.

#### 2.2 Développements à cheval entre analyse et algèbre

- \* Lemme de Morse
  - 157 Matrices symétriques réelles, matrices hermitiennes.
  - 170 Formes quadratiques sur un espace vectoriel de dimension finie. Orthogonalité. Applications.
  - 171 Formes quadratiques réelles. Coniques. Exemples et applications.
  - 214 Théorème d'inversion locale, théorème des fonctions implicites. Illustrations en analyse et en géométrie
  - 215 Applications différentiables définies sur un ouvert de  $\mathbb{R}^n$ . Exemples et applications.
- \* Surjectivité de l'exponentielle de matrice
  - 155 Exponentielle de matrices. Applications.
  - 204 Connexité. Exemples d'applications.
  - 214 Théorème d'inversion locale, théorème des fonctions implicites. Illustrations en analyse et en géométrie
  - 215 Applications différentiables définies sur un ouvert de  $\mathbb{R}^n$ . Exemples et applications.

#### 2.3 Développements plutôt analyse

- \* Projection sur un convexe fermé
  - 205 Espaces complets. Exemples et applications.
  - 208 Espaces vectoriels normés, applications linéaires continues. Exemples.
  - 213 Espaces de Hilbert. Exemples d'applications.
  - 253 Utilisation de la notion de convexité en analyse.
- \* Convergence faible et optimisation dans un Hilbert
  - 203 Utilisation de la notion de compacité.

- 213 Espaces de Hilbert. Exemples d'applications.
- 219 Extremums : existence, caractérisation, recherche. Exemples et applications.
- 253 Utilisation de la notion de convexité en analyse.
- \* Théorème de Lévy et théorème central limite (j'en ai un peu abusé mais j'essayais juste de ramener des probas sur la table...)
  - 218 Formule de Taylor. Exemples et applications.
  - 235 Problèmes d'interversion de symboles en analyse.
  - 250 Transformation de Fourier. Applications.
  - 261 Loi d'une variable aléatoire : caractérisations, exemples, applications.
  - 262 Convergences d'une suite de variables aléatoires. Théorèmes limite. Exemples et applications.
  - 266 Utilisation de la notion d'indépendance en probabilités.
- $\star$  Injectivité de la transformée de Fourier
  - 234 Fonctions et espaces de fonctions Lebesgue-intégrables.
  - 236 Illustrer par des exemples quelques méthodes de calcul d'intégrales de fonctions d'une ou plusieurs variables.
  - 239 Fonctions définies par une intégrale dépendant d'un paramètre. Exemples et applications.
  - 245 Fonctions holomorphes et méromorphes sur un ouvert de  $\mathbb{C}$ . Exemples et applications.
  - 250 Transformation de Fourier. Applications.
- \* Théorème de Riesz-Fischer
  - 201 Espaces de fonctions : exemples et applications.
  - 205 Espaces complets. Exemples et applications.
  - 208 Espaces vectoriels normés, applications linéaires continues. Exemples.
  - 234 Fonctions et espaces de fonctions Lebesgue-intégrables.
  - 241 Suites et séries de fonctions. Exemples et contre-exemples.
- \* Théorème de Weierstrass par les polynômes de Bernstein (de nouveau une tentative de mettre des probas partout...)
  - 201 Espaces de fonctions : exemples et applications.
  - 203 Utilisation de la notion de compacité.
  - 209 Approximation d'une fonction par des fonctions régulières. Exemples et applications.
  - 228 Continuité, dérivabilité des fonctions réelles d'une variable réelle. Exemples et applications.
  - 264 Variables aléatoires discrètes. Exemples et applications.
- \* Théorème d'Ascoli
  - 201 Espaces de fonctions : exemples et applications.
  - 203 Utilisation de la notion de compacité.
- \* Critère de Kalmann
  - 206 Exemples d'utilisation de la notion de dimension finie en analyse.
  - 220 Illustrer par des exemples la théorie des équations différentielles ordinaires.
  - 221 Équations différentielles linéaires. Systèmes d'équations différentielles linéaires. Exemples et applications.
- $\star$  Equation de la chaleur
  - 209 Approximation d'une fonction par des fonctions régulières. Exemples et applications.
  - 241 Suites et séries de fonctions. Exemples et contre-exemples.
  - 246 Séries de Fourier. Exemples et applications.
- \* Gradient à pas optimal

- 215 Applications différentiables définies sur un ouvert de  $\mathbb{R}^n$ . Exemples et applications.
- 219 Extremums : existence, caractérisation, recherche. Exemples et applications.
- 226 Suites vectorielles et réelles définies par une relation de récurrence  $u_{n+1} = f(u_n)$ . Exemples. Applications à la résolution approchée d'équations.
- 229 Fonctions monotones. Fonctions convexes. Exemples et applications.
- 253 Utilisation de la notion de convexité en analyse.

#### $\star$ Calcul des $\zeta(2k)$

- 230 Séries de nombres réels ou complexes. Comportement des restes ou des sommes partielles des séries numériques. Exemples.
- 243 Séries entières, propriétés de la somme. Exemples et applications.
- 244 Exemples d'études et d'applications de fonctions usuelles et spéciales.
- 246 Séries de Fourier. Exemples et applications.

#### $\star$ Développement asymptotique de suites définies par récurrence

- 223 Suites numériques. Convergence, valeurs d'adhérence. Exemples et applications.
- 224 Exemples de développements asymptotiques de suites et de fonctions.
- 226 Suites vectorielles et réelles définies par une relation de récurrence  $u_{n+1} = f(u_n)$ . Exemples. Applications à la résolution approchée d'équations.

#### $\star$ Prolongement de la fonction $\Gamma$

- 235 Problèmes d'interversion de symboles en analyse.
- 239 Fonctions définies par une intégrale dépendant d'un paramètre. Exemples et applications.
- 244 Exemples d'études et d'applications de fonctions usuelles et spéciales.

#### \* Inégalité de Hoeffding

- 261 Loi d'une variable aléatoire : caractérisations, exemples, applications.
- 262 Convergences d'une suite de variables aléatoires. Théorèmes limite. Exemples et applications.
- 264 Variables aléatoires discrètes. Exemples et applications.
- 266 Utilisation de la notion d'indépendance en probabilités.

#### ★ Formule d'Euler-Maclaurin et application à la série harmonique

- 224 Exemples de développements asymptotiques de suites et de fonctions.
- 230 Séries de nombres réels ou complexes. Comportement des restes ou des sommes partielles des séries numériques. Exemples.

#### \* Formule de Stirling par les intégrales de Wallis

- 223 Suites numériques. Convergence, valeurs d'adhérence. Exemples et applications.
- 236 Illustrer par des exemples quelques méthodes de calcul d'intégrales de fonctions d'une ou plusieurs variables.

#### \* Théorème de Sunyer i Balaguer

- 204 Connexité. Exemples d'applications.
- 205 Espaces complets. Exemples et applications.
- 228 Continuité, dérivabilité des fonctions réelles d'une variable réelle. Exemples et applications.
- 235 Problèmes d'interversion de symboles en analyse.