## VRP Challenge (v2)

Livello di difficoltà: avanzato

## Parole chiave

- Modellizzazione matematica
- Programmazione Lineare Mista Intera
- Excel Solver
- Python+PuLP
- Algoritmi euristici
- Algoritmi esatti

## Introduzione

La catena di supermercati SuperAmazingMarket ha deciso di attivare un nuovo servizio: la consegna della spesa a domicilio.

A ogni cliente, dislocato nella provincia di Brescia, che richiede il servizio, dovrà essere consegnato un determinato numero di borse della spesa contenenti la merce richiesta.

Ogni supermercato aderente al servizio, anch'esso collocato all'interno nella provincia, avrà a disposizione per la consegna alcuni veicoli di piccola, media e grande capacità: il veicolo di piccola capacità potrà trasportare al più 30 borse della spesa, il veicolo medio potrà trasportarne al più 50, mentre quello grande al più 70.

Ogni giorno, ciascun veicolo caricherà la merce dal supermercato in cui si trova e partirà per effettuare le consegne. Ogni veicolo potrà stare in viaggio al più 3 ore, dalla partenza a quando rientrerà nel supermercato da cui è partito.

Durante il percorso, potrà transitare (anche più di una volta) accanto ai clienti, senza obbligatoriamente servirli, e accanto ai punti vendita, compreso il proprio (senza però rifornirsi di altre borse).

Una volta rientrato al proprio supermercato, il veicolo non potrà più ripartire. Si prevede che ogni corriere (che guiderà il veicolo e consegnerà la spesa) costerà all'azienda  $50 \in /$ giorno, e che impiegherà circa 1 minuto per portare una coppia di borse dal veicolo all'abitazione del cliente. Durante la fase effettiva di consegna, il veicolo sarà spento. Si stima infine che la benzina avrà un costo di  $0.07 \in /$ minuto.

L'azienda SuperAmazingMarket chiede il vostro aiuto per cercare di spendere il meno possibile, stabilendo:

- quali veicoli far partire da ogni supermercato;
- quale percorso deve seguire ogni veicolo;

• quali clienti deve servire ogni veicolo.

In particolare, l'azienda è interessata alle soluzioni del problema su tre ipotetici diversi scenari, caratterizzati da:

- numero di clienti da servire;
- numero di supermercati;
- numero di veicoli a disposizione e loro assegnazione ai vari supermercati.

In ogni scenario, si ipotizza inoltre quante borse della spesa ogni cliente debba ricevere e quali tratte stradali i veicoli possano percorrere.

Tutte queste informazioni sono riassunte in tre diversi file di testo, uno per ogni scenario, allegati al presente documento (i.e., i file instance-demo.txt, instance-1.txt, e instance-2.txt). Di seguito, è riportata un'istanza di esempio:

```
CLIENTI: 20
SUPERMERCATI: 2
VEICOLI: 4
ID-DOMANDA :
                                                                Le prime righe della sezione "ID-DOMANDA" sono sempre
1 0 // supermercato 1
2 0 // supermercato 2
                                                                i SUPERMERCATI, caratterizzati da un ID progressivo e una
3 9 // cliente con ID 3 che richiede 9 borse della spesa
                                                                domanda pari a 0.
                                                                Le righe successive assegnano un ID progressivo a ciascun
4 2 // cliente con ID 4 che richiede 2 borse della spesa
5 8 // cliente con ID 5 che richiede 8 borse della spesa
                                                                cliente e indicano quante borse della spesa richiede
NODO1-NODO2-TEMPO :
1 3 20 //per percorrere il tratto stradale che collega il punto 1 al punto 3 servono 20 minuti
1 4 26 //per percorrere il tratto stradale che collega il punto 1 al punto 3 servono 26 minuti
1 10 38
1 11 28
2 8 71
                                                                Ltratti stradali che non compaiono nella sezione "NODO1-
3 6 18
                                                                 NODO2-TEMPO" NON possono essere percorsi
3 9 37
ID-CAPACITA-SUPERMERCATO :
1 30 1 //il veicolo 1 ha una capacità di trasporto di 30 borse ed è assegnato al supermercato 1
2 50 1 //il veicolo 2 ha una capacità di trasporto di 50 borse ed è assegnato al supermercato 1
3 70 2 //il veicolo 3 ha una capacità di trasporto di 70 borse ed è assegnato al supermercato 2
```

## Quesiti

Nel file vrp\_challenge.py trovate implementato il modello matematico che rappresenta il problema VRP Challenge. In particolare:

- la funzione leggi\_input per leggere un'istanza da file di testo;
- le variabili decisionali del problema;
- alcuni vincoli.

Purtroppo, infatti, sono stati cancellati per sbaglio la funzione obiettivo e alcuni vincoli del problema. Per fortuna, però, sono rimasti alcuni suggerimenti e commenti che descrivevano cosa imponessero quegli stessi vincoli.

- 1. Leggere bene lo script vrp\_challenge.py e comprendere perché sono state definite certe variabili e perché sono stati imposti certi vincoli.
- 2. Completare lo script implementando in Python+PuLP le istruzioni mancanti, seguendo i suggerimenti nei commenti.