Una dieta mediterranea

Livello di difficoltà: avanzato

Parole chiave

- Dieta
- Programmazione Lineare Mista Intera
- Excel Solver

Descrizione del problema

Secondo un nutrizionista sostenitore della dieta mediterranea, le quantità minime di nutrienti che devono essere assunte ogni giorno sono 1700 chilocalorie, 200 g di carboidrati, 70 g di proteine, 60 g di grassi e 0,7 g di calcio. Generalmente, il nutrizionista è solito prescrivere una dieta composta da otto alimenti: pane, pasta, latte, uova, pollo, tonno, cioccolato e verdure. La Table 1 mostra quante calorie (in kcal), carboidrati, proteine, grassi (in grammi) e calcio (in mg) fornisca una porzione di ogni alimento:

| | Pane | Pasta | Latte | Uova | Pollo | Tonno | Cioccolato | Verdure |
|-----------------|------|-------|-------|------|-------|-------|------------|---------|
| Calorie (kcal) | 150 | 390 | 70 | 70 | 150 | 150 | 112 | 45 |
| Carboidrati (g) | 30 | 75 | 5 | 0 | 2 | 0 | 7 | 8 |
| Proteine (g) | 5 | 11 | 5 | 6 | 36 | 25 | 2 | 3 |
| Grassi (g) | 2 | 3 | 3 | 6 | 5 | 15 | 10 | 2 |
| Calcio (mg) | 52 | 5 | 150 | 50 | 22 | 4 | 11 | 50 |

Table 1: Quantità di energia (in kcal), carboidrati, proteine, grassi (in g), e calcio (in mg) fornisce una porzione di ogni cibo incluso nella dieta.

Il nutrizionista raccomanda anche almeno due porzioni di verdura al giorno, mentre il numero massimo di porzioni per ogni alimento è riportato nella tabella seguente:

| | Pane | Pasta | Latte | Uova | Pollo | Tonno | Cioccolato | Verdure |
|--------------------|------|-------|-------|------|-------|-------|------------|---------|
| N° max di porzioni | 2 | 2 | 2 | 1 | 1 | 2 | 2 | 6 |

Table 2: Massimo numero di porzioni per ogni cibo incluso nella dieta.

Il numero di porzioni di pane e pasta non può essere maggiore di 3, mentre quello delle porzioni di latte, pollo e tonno deve essere almeno 4. Inoltre, il nutrizionista vuole che nella dieta ci siano esattamente 7 degli otto alimenti proposti. Il costo (in €) di una porzione di ogni alimento è il seguente:

Determinare quali alimenti dovranno essere mangiati in un giorno per rispettare tutte le prescrizioni della dieta indicata dal nutrizionista, in modo tale da minimizzare il costo totale.

| | Pane | Pasta | Latte | Uova | Pollo | Tonno | Cioccolato | Verdure |
|--------------------|------|-------|-------|------|-------|-------|------------|---------|
| Costo per porzione | 0,50 | 3,50 | 1,00 | 1,50 | 4,50 | 2,00 | 1,50 | 4,00 |

Table 3: Costo (in €) di una porzione di ogni cibo incluso nella dieta.

Quesiti

- $1.\ Formulare il problema applicando la Programmazione Lineare, Intera, o Mista Intera.$
- 2. Risolvere il problema utilizzando Excel Solver.