

#### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»
КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

# Лабораторная работа № 1

По предмету: «Математическая статистика»

# **Тема:** Гистограмма и эмпирическая функция распределения

Вариант 25

Студент: Юмаев Артур Русланович

Группа: ИУ7-65Б

#### Цель и содержание работы

Цель работы: построение гистограммы и эмпирической функции распределения.

#### Содержание работы:

- 1. Для выборки объема n из генеральной совокупности X реализовать в виде программы на ЭВМ
  - а. вычисление максимального значения  $M_{max}$  и минимального значения  $M_{min}$ ;
  - b. размаха R выборки;
  - с. вычисление  $\mu$  и  $S^2$  математического ожидания MX и дисперсии DX;
  - d. группировку значений выборки в  $m = \lceil \log_2 n \rceil + 2$  интервала;
  - е. построение на одной координатной плоскости гистограммы и графика функции плотности распределения вероятностей нормальной случайной величины с математическим ожиданием  $\mu$  и дисперсией  $S^2$ ;
  - f. построение на другой коордитной плоскости графика эмпирической функции распределения и функции распределения нормальной случайной величины с математическим ожиданием  $\mu$  и дисперсией  $S^2$ ;
- 2. Провести вычисления и построить графики для выборки из индивидуального варианта.

#### Формулы для вычисления величин

Минимальное значение выборки:

 $M_{min}=\min\{x_1,\dots,x_n\}$ , где  $(x_1,\dots,x_n)$  – реализация случайной выборки.

Максимальное значение выборки:

 $M_{max} = \max\{x_1, ..., x_n\}$ , где  $(x_1, ..., x_n)$  – реализация случайной выборки.

Размах выборки:

$$R = M_{max} - M_{min}$$

Выборочным средним (выборочным математическим ожиданием) называется статистика:

$$\hat{\mu}(\overrightarrow{X_n}) = \overline{X_n} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$$

Несмещенная оценка дисперсии:

$$S^{2}(\overrightarrow{X_{n}}) = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (X_{i} - \overline{X})^{2}$$

#### Эмпирическая плотность и гистограмма

$$m = [\log_2 n] + 2,$$

$$x_{(1)} = \min \{x_1, ..., x_n\}$$

$$x_{(n)} = \max\{x_1, \dots, x_n\}$$

При больших объемах выборки n (n>50) обычно производят группирование исходных данных следующим образом. Промежуток  $J=[x_{(1)},x_{(n)}]$ , содержащий все выборочные значения, разбивают на m полуинтервалов  $J_1,\ldots,J_m$ , как правило, одинаковой длины  $\Delta$  и таких, что каждый из них, кроме последнего, содержит левую границу, а последний содержит обе границы, и подсчитывают число  $n_i$  элементов выборки, попавших в i-ый промежуток  $J_i$ ,  $i=\overline{1,m}$ ,  $n=n_1+\cdots+n_m$ , а результаты представляют в виде слудующей таблицы 1, которую называют интервальным статистическим рядом.

$$J_i = [x_{(1)} + (i-1)\Delta, x_{(i)} + i\Delta], i = \overline{1, m-1}$$

$$J_m = [x_{(1)} + (m-1)\Delta, x_{(1)} + m\Delta]$$

m — количество полуинтервалов интервала  $J = [x_{(1)}, x_{(n)}]$ 

 $\Delta$  — длина полуинтервала  $J_i$ ,  $i=\overline{1,m}$  равная

$$\Delta = \frac{x_{(n)} - x_{(1)}}{m} = \frac{|J|}{m},$$

 $n_i$  — количество элементов выборки в полуинтервале  $J_i$ ,  $i=\overline{1,m}$ ,

n — количество элементов в выборке.

Таблица 1. Интервальный статистический ряд

$J_1$	$J_2$	 $J_m$	
$n_1$	$n_2$	 $n_m$	$\sum_{i=1}^{m} n_i$

Определение. График функции  $p_n(x) = \begin{cases} \frac{n_i}{n\Delta}, & x \in J_i \\ 0, & x \notin J \end{cases}$ , представляющий собой кусочно постоянную функцию называют *гистограммой* (рис. 1).

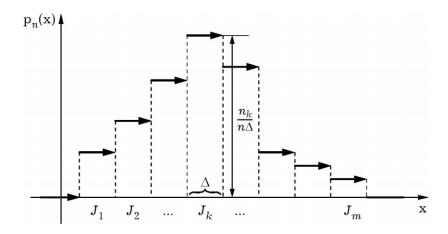


Рисунок 1. Гистограмма

Часто гистограммой называют диаграмму, составленную из прямоугольников с основанием  $\Delta$  и высотами  $n_i/(n\Delta)$ ,  $i=\overline{1,m}$ . Нетрудно увидеть, что суммарная площадь всех прямоугольников, образующих такую диаграмму, равна 1, так как:

$$\sum_{i=1}^{m} \frac{n_i}{n\Delta} \Delta = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{m} n_i = 1.$$

Площадь каждого прямоугольника  $n_i/n$  есть частота попадания элементов выборки в соответсвующий интервал  $J_i$  статистического ряда.

Пусть

1. 
$$\overrightarrow{X_n} = (X_1, ..., X_n) -$$
случайная выборка

- 1.  $\overrightarrow{X_n} = (X_1, ..., X_n)$  случайная выборка, 2.  $\overrightarrow{x_n} = (x_1, ..., x_n)$  реализация случайной выборки, 3.  $n(x, \overrightarrow{x_n})$  количество элементов выборки  $\overrightarrow{x_n}$ , которые имеют значения меньше x.

Определение. Эмпирической функцией распределения называют функцию

$$F_n$$
:  $R \to R$ , определенную условием  $F_n(x) = \frac{n(x, \overrightarrow{x_n})}{n}$ .

#### Листинг

#### Листинг 1. Программа на Matlab к лабораторной работе №1

```
function lab1
                                          clear
                                          X = [-17.04, -18.29, -17.38, -18.11, -18.96, -17.65, -17.02, -17.22, -16.25, -17.44, -17.69, -17.69, -17.04, -18.29, -17.38, -18.11, -18.96, -17.65, -17.02, -17.22, -16.25, -17.44, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69, -17.69,
 17.61, -17.09, -17.19, -16.02, -17.56, -16.94, -17.29, -16.93, -16.61, -19.38, -17.53, -16.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.39, -19.3
 17.89, -17.98, -17.04, -16.22, -19.09, -18.91, -17.77, -18.30, -17.44, -18.84, -16.39, -16.13, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.09, -19.0
18.37, -16.37, -16.70, -17.78, -17.03, -17.76, -17.87, -17.20, -18.44, -17.19, -17.75, -16.81, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.19, -17.75, -18.44, -17.75, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -17.19, -18.44, -18.44, -17.19, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.44, -18.4
 17.97,-18.03,-16.87,-16.10,-19.16,-16.51,-18.39,-16.48,-18.08,-17.49,-18.89,-19.09,-
17.96, -18.40, -16.96, -18.15, -18.71, -17.81, -17.86, -19.47, -17.86, -17.60, -17.30, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.60, -17.6
17.71,-18.42,-16.88,-16.76,-18.00,-17.97,-16.83,-18.00,-18.08,-17.61,-17.02,-16.73,-
 17.64, -18.76, -17.68, -18.04, -16.45, -18.79, -18.03, -17.38, -15.27, -15.97, -17.41, -18.61, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.76, -18.7
18.00, -17.42, -17.77, -19.05, -16.16, -16.27, -18.00, -18.90, -17.05, -17.46, -17.49, -18.20, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.05, -19.0
17.59, -15.78, -18.88, -18.53, -17.39, -17.83, -18.17, -16.15, -17.66, -17.76, -18.32, -17.70, -18.17, -18.17, -18.17, -18.17, -18.17, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.18, -19.1
17.56];
                                            % Пункт а)
                                          Mmax = max(X);
                                          Mmin = min(X);
                                            % Пункт б)
                                          R = Mmax - Mmin;
                                          % Пункт в)
                                          mu = find mu(X);
                                          S2 = find S2(X);
                                          % Пункт г)
                                            % Гистограмма
                                          m = find m(X);
                                            [J, count] = intervalization(X, m);
                                            stairs([J(1) J], [0 count 0]);
                                            % График 1
                                          hold on;
                                          Y1 = f(X, mu, S2);
                                          plot(X, Y1, '.');
                                          legend('Гистограмма', 'Функция плотности распределения нормальной СВ');
                                          hold off;
                                             % График 2
                                            figure;
                                          empF(sort(X));
                                          hold on;
                                          F(sort(X), mu, getS(X), m, R);
                                          legend('Эмпирическая функция распределения', 'Функция распределения нормальной СВ');
                                          hold off;
                                            function [mu] = find mu(X)
                                                                                    mu = sum(X)/size(X,2);
                                            end
                                             function [S2] = find S2(X)
                                                                                     S2 = sum((X - find mu(X)) .* (X - find mu(X))) / (size(X,2) - 1);
                                            end
                                             function sigma = getSigmaSgr(X)
                                                                                        tempMu = find mu(X);
                                                                                        sigma = sum((X - tempMu) .* (X - tempMu)) / size(X,2);
```

```
end
    function Ssqr = getS(X)
       n = size(X, 2);
        Ssqr = n/(n - 1) * getSigmaSqr(X);
    end
    function [m] = find m(X)
        m = floor(log2(size(X, 2))) + 2;
    end
    function [J, count] = intervalization(X, m)
        sortX = sort(X);
        n = size(sortX, 2);
        delta = (sortX(end) - sortX(1)) / m;
        J = sortX(1):delta:sortX(end);
        count = zeros(1, m);
        for i = 1: (size(J, 2) - 1)
            for j = 1:n
                if (sortX(j) >= J(i) \&\& sortX(j) < J(i+1))
                    count(i) = count(i) + 1;
                end
            end
        end
        count(end) = count(end) + sum(sortX==(sortX(end)));
        for i = 1:size(count,2)
           count(i) = count(i)/(n * delta);
        end
    end
    function [Y] = f(X, MX, DX)
        Y = normpdf(X, MX, sqrt(DX));
    end
    function empF(X)
        [yy, xx] = ecdf(X);
        stairs(xx, yy);
    end
    function F(X, MX, DX, m, R)
        delta = R/m;
        Xn = min(X):delta/20:max(X);
        Y = 1/2 * (1 + erf((Xn - MX) / sqrt(2*DX)));
        plot(Xn, Y, '--');
    end
end
```

## Результат работы программы

$$M_{max} = -15.27$$

$$M_{min} = -19.47$$

$$R = 4.2$$

$$\hat{\mu} = -17.5894$$

$$S^2 = 0.7286$$

Таблица 1. Интервальная группировка значений выборки при т = 8

[-19.470,	[-18.945,	[-18.410,	[-17.895,	[17.369,	[-16.845,	[-16.320,	[15.795,
-18.945)	-18.419)	-17.895)	-17.369)	-16.845)	-16.320)	-15.795)	-15.270]
7	12	23	37	18	12	9	2

### Графики

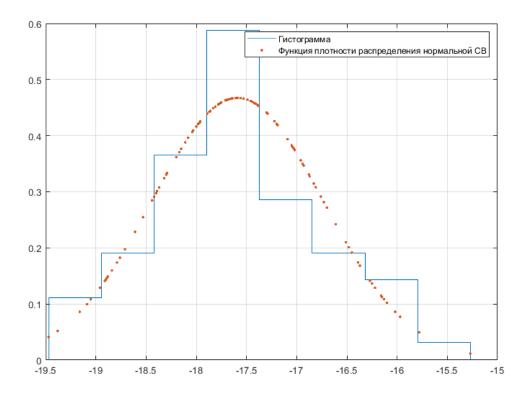


Рисунок 2. Гистограмма и график функции плотности распределения нормальной случайной

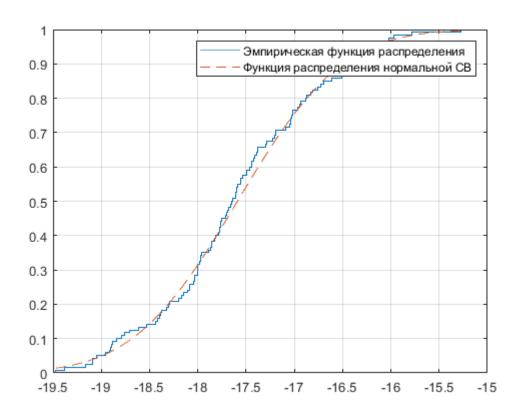


Рисунок 3. График эмпирической функции распределения и функции распределения нормального распределения