

Yapay Zeka ve Makine Öğrenmesi

Algoritmaları - Kapsamlı Teknik Doküman

1. MAKİNE ÖĞRENMESİ ALGORİTMALARI

1.1 Gözetimli Öğrenme Algoritmaları

1.1.1 Doğrusal Regresyon (Linear Regression)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensipleri: Doğrusal regresyon, bağımlı değişken y ile bir veya daha fazla bağımsız değişken x arasındaki ilişkiyi modelleyen temel bir algoritmadır. Basit doğrusal regresyon için matematiksel form:

$$y = wx + b$$

Burada:

- y : Bağımlı değişken (tahmin edilecek değer)
- x : Bağımsız değişken
- w : Ağırlık katsayısı
- b : Bias terimi (y -eksenini kestiği nokta)

Çoklu doğrusal regresyon için: $y = w_0x_0 + w_1x_1 + \dots + w_nx_n + b$

Optimizasyon hedefi, Ortalama Kare Hata (Mean Squared Error - MSE) fonksiyonunu minimize etmektir: $MSE = (1/n)\sum(y_i - \hat{y}_i)^2$

Öğrenme Süreci:

- Parametrelerin (w ve b) rastgele başlatılması
- Her iterasyonda:
 - Forward pass ile tahminlerin hesaplanması
 - MSE kaybının hesaplanması
 - Gradient descent ile parametrelerin güncellenmesi
- Belirlenen epoch sayısı kadar veya yakınsama sağlanana kadar tekrar

Kullanım Alanları:

- Finans Sektörü:
 - Hisse senedi fiyat tahmini
 - Gayrimenkul değerlendirme
 - Risk analizi
 - Kredi skorlama sistemleri
- Perakende Sektörü:
 - Satış tahmini
 - Envanter optimizasyonu
 - Talep planlama
 - Fiyat optimizasyonu
- Enerji Sektörü:
 - Enerji tüketim tahmini
 - Yenilenebilir enerji üretim tahmini

- Yük tahmini
- Verimlilik analizi

4. Sağlık Sektörü:

- İlaç dozaj optimizasyonu
- Hasta yatış süresi tahmini
- Sağlık harcamaları tahmini
- Epidemiyolojik tahminler

Avantajlar:

1. Hesaplama Verimliliği:

- Düşük hesaplama karmaşıklığı: $O(n*d)$
- Hızlı eğitim süresi
- Minimal bellek kullanımı
- Gerçek zamanlı uygulamalar için uygun

2. Yorumlanabilirlik:

- Şeffaf matematiksel model
- Kolay anlaşılabilir parametreler
- İş paydaşlarına açıklanması kolay
- Model davranışının öngörülebilirliği

3. Uygulama Kolaylığı:

- Basit implementasyon
- Az hiperparametre
- Kolay debug edilebilirlik
- Hızlı prototipleme imkanı

Dezavantajlar:

1. Model Kısıtlamaları:

- Yalnızca doğrusal ilişkileri modelleyebilme
- Karmaşık rntleri yakalayamama
- Doğrusal olmayan problemlerde yetersizlik
- Sınırlı öğrenme kapasitesi

2. Veri Hassasiyeti:

- Aykırı değerlere yüksek duyarlılık
- Gürültülü veriden fazla etkilenme
- Eksik veri durumunda performans düşüşü
- zellikler arası korelasyondan etkilenme

3. Varsayımlar:

- Doğrusallık varsayımı
- Bağımsızlık varsayımı
- Normal dağılım varsayımı
- Homojenlik varsayımı

Maliyet Analizi:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(n*d)$
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(d)$
- Bellek Kullanımı: $O(d)$
- İterasyon Başına Süre: Milisaniyeler

2. Donanım Gereksinimleri:

- Minimum: 2GB RAM
- Önerilen: 4GB RAM
- CPU: Tek çekirdek yeterli
- GPU: Gerekli değil

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi: Junior
- Öğrenme Süresi: 1-2 hafta
- Geliştirme Süresi: 1-2 gün
- Bakım Maliyeti: Düşük

4. Altyapı Maliyeti:

- Veri Depolama: Minimal
- İşlem Gücü: Düşük
- Ağ Bandwidth: Minimal
- Ölçeklendirme Maliyeti: Düşük

1.1.2 Lojistik Regresyon (Logistic Regression)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensipleri: Lojistik regresyon, ikili sınıflandırma problemleri için kullanılan ve doğrusal regresyonun sigmoid fonksiyonu ile dönüştürülmüş halidir. Matematiksel form:

$$P(y=1|x) = 1 / (1 + e^{(-wx - b)})$$

Burada:

- $P(y=1|x)$: Pozitif sınıf olasılığı
- x : Giriş özellikleri
- w : Ağırlık vektörü
- b : Bias terimi
- e : Euler sayısı

Kayıp fonksiyonu olarak Binary Cross Entropy kullanılır: $L = -[y \log(p) + (1-y) \log(1-p)]$

Öğrenme Süreci:

1. Parametrelerin rastgele başlatılması
2. Her iterasyonda:
 - Forward pass ile olasılıkların hesaplanması
 - Cross entropy kaybının hesaplanması
 - Gradient descent ile parametrelerin güncellenmesi
3. Yakınsama sağlanana kadar tekrar

Kullanım Alanları:

1. Finans Sektörü:
 - Kredi risk değerlendirmesi

- Dolandırıcılık tespiti
- Müşteri temerrüt tahmini
- Sigorta risk analizi

2. Sağlık Sektörü:

- Hastalık teşhisi
- Risk gruplarının belirlenmesi
- İlaç etkinlik tahmini
- Hasta triyaj sistemleri

3. Pazarlama:

- Müşteri kayıp tahmini
- E-posta kampanya optimizasyonu
- Reklam tıklanma tahmini
- Müşteri segmentasyonu

4. Güvenlik:

- Spam filtreleme
- Kötü amaçlı yazılım tespiti
- Anormal davranış tespiti
- Erişim kontrolü

Avantajlar:

1. Model Özellikleri:

- Olasılıksal çıktı
- Hızlı eğitim süresi
- Az bellek kullanımı
- İyi bir baseline model

2. Uygulama Kolaylığı:

- Basit implementasyon
- Az hiperparametre
- Kolay yorumlanabilirlik
- Hızlı iterasyon imkanı

3. Ölçeklenebilirlik:

- Online öğrenmeye uygunluk
- Dağıtık sistemlerde çalışabilme
- Yeni verilerle kolay güncelleme
- Düşük kaynak kullanımı

Dezavantajlar:

1. Model Kısıtlamaları:

- Doğrusal karar sınırı
- Karmaşık ilişkileri modelleyememe
- Özellikler arası etkileşimleri yakalayamama
- Sınırlı öğrenme kapasitesi

2. Veri Gereksinimleri:

- Dengeli veri seti ihtiyacı
- Özellik ölçeklendirme gerekliliği
- Çok sınıflı problemlerde yetersizlik
- Aykırı değerlere hassasiyet

Maliyet Analizi:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(n*d)$
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(d)$
- Bellek Kullanımı: $O(d)$
- Batch İşleme: Verimli

2. Donanım Gereksinimleri:

- Minimum: 4GB RAM
- Önerilen: 8GB RAM
- CPU: Çok çekirdek önerilir
- GPU: Gerekli değil

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi: Junior/Mid-level
- Öğrenme Süresi: 2-3 hafta
- Geliştirme Süresi: 2-3 gün
- Bakım Maliyeti: Düşük-Orta

4. Altyapı Maliyeti:

- Veri Depolama: Düşük
- İşlem Gücü: Düşük-Orta
- Monitoring: Basit
- Deployment: Kolay

1.1.3 Destek Vektör Makineleri (Support Vector Machines - SVM)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensipleri: SVM, veri noktaları arasında maksimum marjinli bir hiperdüzlem bularak sınıflandırma yapan bir algoritmadır. Temel matematiksel form:

$$f(x) = wx + b$$

Optimizasyon problemi: minimize $(1/2)||w||^2$ subject to $y_i(wx + b) \geq 1$ for all i

Kernel trick ile doğrusal olmayan dönüşümler: $K(x,y) = \phi(x) \cdot \phi(y)$

Öğrenme Süreci:

1. Kernel fonksiyonu seçimi
2. Quadratic programming optimizasyonu
3. Support vektörlerinin belirlenmesi
4. Karar sınırının oluşturulması

Kullanım Alanları:

1. Biyoinformatik:

- Protein sınıflandırma
- Gen ifadesi analizi

- İlaç etkileşimi tahmini
- Hastalık teşhisi

2. Görüntü İşleme:

- Yüz tanıma
- Nesne tespiti
- Doku analizi
- Medikal görüntü sınıflandırma

3. Metin Madenciliği:

- Duygu analizi
- Spam filtreleme
- Doküman sınıflandırma
- Konu modelleme

4. Endüstriyel Uygulamalar:

- Kalite kontrol
- Arıza tespiti
- Proses optimizasyonu
- Enerji tahminleme

Avantajlar:

1. Performans:

- Yüksek doğruluk
- İyi genelleme
- Aşırı öğrenmeye karşı dirençli
- Gürültülü veriye dayanıklı

2. Esneklik:

- Farklı kernel fonksiyonları
- Doğrusal/doğrusal olmayan sınıflandırma
- Çok boyutlu uzayda çalışabilme
- Özellik dönüşümü imkanı

3. Teorik Temel:

- Sağlam matematiksel altyapı
- Garanti edilen optimum çözüm
- Kontrol edilebilir komplekslik
- İyi anlaşılmış parametreler

Dezavantajlar:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Yüksek eğitim süresi
- Büyük veri setlerinde yavaş
- Bellek yoğun işlemler
- Ölçeklenme zorlukları

2. Parametre Optimizasyonu:

- Kernel seçimi zorluğu

- Hiperparametre hassasiyeti
- Grid search gereksinimi
- Cross-validation ihtiyacı

3. Pratik Kısıtlamalar:

- Probabilistik çıktı eksikliği
- Online öğrenme zorluğu
- Çok sınıflı problemlerde karmaşıklık
- Büyük veri setlerinde uygulanabilirlik

Maliyet Analizi:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(n^2)$ - $O(n^3)$
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(n_{sv})$
- Bellek Kullanımı: $O(n^2)$
- Kernel hesaplamaları: Yoğun

2. Donanım Gereksinimleri:

- Minimum: 16GB RAM
- Önerilen: 32GB RAM
- CPU: Çok çekirdekli işlemci
- GPU: Büyük veri setleri için önerilen

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi: Senior
- Öğrenme Süresi: 1-2 ay
- Geliştirme Süresi: 1-2 hafta
- Bakım Maliyeti: Orta-Yüksek

4. Altyapı Maliyeti:

- Veri Depolama: Yüksek
- İşlem Gücü: Yüksek
- Paralel İşleme: Gerekli
- Ölçeklendirme: Maliyetli

1.1.4 Karar Ağaçları (Decision Trees)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensipleri: Karar ağaçları, veriyi özelliklerine göre bölerek sınıflandırma veya regresyon yapan hiyerarşik bir modeldir. Bölünme kriterleri:

- Gini İndeksi: $1 - \sum p_i^2$
- Entropi: $-\sum p_i \log_2(p_i)$
- Bilgi Kazancı: $\text{Entropi}(\text{parent}) - \sum (w_i * \text{Entropi}(\text{child}_i))$

Öğrenme Süreci:

1. Kök düğümden başlama

2. Her düğümde:

- En iyi bölünme özelliğini bulma
- Veriyi alt gruplara ayırma
- Durma kriterleri kontrolü

3. Yaprak düğümlere ulaşana kadar tekrar

Kullanım Alanları:

1. Bankacılık:

- Kredi değerlendirmesi
- Müşteri segmentasyonu
- Risk analizi
- Portföy yönetimi

2. Sağlık:

- Teşhis sistemleri
- Tedavi planlaması
- İlaç etkileşimi analizi
- Hasta risk değerlendirmesi

3. Perakende:

- Müşteri davranış analizi
- Ürün önerileri
- Stok optimizasyonu
- Kampanya hedefleme

4. Üretim:

- Kalite kontrol
- Bakım planlaması
- Verimlilik analizi
- Hata tespiti

Avantajlar:

1. Yorumlanabilirlik:

- Görsel temsil imkanı
- Açık karar kuralları
- Kolay anlaşılabilirlik
- İş paydaşlarına açıklanabilirlik

2. Kullanım Kolaylığı:

- Az ön işleme gereksinimi
- Otomatik özellik seçimi
- Kategorik/sayısal veri uyumluluğu
- Eksik veri toleransı

3. Esneklik:

- Sınıflandırma/regresyon yapabilme
- Doğrusal olmayan ilişkileri öğrenebilme
- Özellik etkileşimlerini yakalayabilme
- Farklı veri tiplerine uygunluk

Dezavantajlar:

1. Model Kararlılığı:

- Aşırı öğrenme eğilimi

- Veri değişimlerine hassasiyet
- Eğitim verisine bağımlılık
- Kararsız yapı

2. Optimizasyon Zorlukları:

- Optimal ağaç bulmanın NP-complete olması
- Budama parametrelerinin hassasiyeti
- Lokal optimumlara takılma
- Dengesiz ağaç yapıları

3. Performans Limitleri:

- Keskin karar sınırları
- Sürekli fonksiyonları yaklaşımda zorluk
- Yüksek varyans
- Sınırlı genelleme yeteneği

Maliyet Analizi:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(dn \log(n))$
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(\log(n))$
- Bellek Kullanımı: $O(n)$
- Ağaç Derinliği: $O(\log(n))$

2. Donanım Gereksinimleri:

- Minimum: 8GB RAM
- Önerilen: 16GB RAM
- CPU: Çok çekirdek önerilir
- GPU: Gerekli değil

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi: Junior/Mid-level
- Öğrenme Süresi: 2-3 hafta
- Geliştirme Süresi: 3-5 gün
- Bakım Maliyeti: Orta

4. Altyapı Maliyeti:

- Veri Depolama: Orta
- İşlem Gücü: Orta
- Deployment: Kolay
- Ölçeklendirme: Orta maliyetli

1.2 Gözetimsiz Öğrenme Algoritmaları

1.2.1 K-Means Kümeleme

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensipleri: K-Means, veri noktalarını K adet kümeye ayıran iteratif bir algoritmadır. Optimizasyon hedefi:

$$\text{minimize } \sum_{i=1}^n \sum_{k=1}^K C_{ik} ||x_i - \mu_k||^2$$

Burada:

- k: Küme sayısı

- C_i : i. küme
- μ_i : i. kümenin merkezi
- x_{ij} : C_i kümesindeki j. nokta

Öğrenme Süreci:

1. K adet merkez noktası rastgele seçimi
2. Her iterasyonda:
 - Her noktayı en yakın merkeze atama
 - Küme merkezlerini güncelleme
3. Yakınsama sağlanana kadar tekrar

Kullanım Alanları:

1. Müşteri Segmentasyonu:
 - Davranış analizi
 - Hedef kitle belirleme
 - Kişiselleştirme
 - Pazarlama stratejileri
2. Görüntü İşleme:
 - Renk kuantalama
 - Görüntü segmentasyonu
 - Özellik çıkarımı
 - Görüntü sıkıştırma
3. Anomali Tespiti:
 - Dolandırıcılık tespiti
 - Sistem arızaları
 - Network güvenliği
 - Kalite kontrol
4. Belge Organizasyonu:
 - Doküman kümeleme
 - Konu modelleme
 - İçerik organizasyonu
 - Arama optimizasyonu

Avantajlar:

1. Uygulama Kolaylığı:
 - Basit implementasyon
 - Hızlı eğitim
 - Kolay anlaşılabilirlik
 - Az parametre
2. Ölçeklenebilirlik:
 - Büyük veri setlerine uygunluk
 - Paralel işleme imkanı
 - Online versiyonu mevcut
 - Düşük bellek kullanımı
3. Esneklik:

- Farklı uzaklık metriklerine uygunluk
- Çeşitli başlatma stratejileri
- Adaptif K seçimi imkanı
- Mini-batch versiyonu

Dezavantajlar:

1. Başlatma Hassasiyeti:

- Lokal optimumlara takılma
- Rastgele başlatmaya bağımlılık
- K değeri seçimi zorluğu
- Kararsız sonuçlar

2. Küme Kısıtlamaları:

- Küresel küme varsayımı
- Yoğunluk bazlı kümeleri yakalayamama
- Gürültüye hassasiyet
- Dengesiz küme boyutları

3. Veri Gereksinimleri:

- Özellik ölçeklendirme ihtiyacı
- Kategorik veri zorluğu
- Eksik veri problemi
- Boyut laneti

Maliyet Analizi:

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(nkd \cdot i)$
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(k \cdot d)$
- Bellek Kullanımı: $O(n + k)$
- İterasyon Sayısı: Genelde <100

2. Donanım Gereksinimleri:

- Minimum: 8GB RAM
- Önerilen: 16GB RAM
- CPU: Çok çekirdek önerilir
- GPU: Büyük veri setleri için faydalı

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi: Junior/Mid-level
- Öğrenme Süresi: 1-2 hafta
- Geliştirme Süresi: 2-3 gün
- Bakım Maliyeti: Düşük-Orta

4. Altyapı Maliyeti:

- Veri Depolama: Orta
- İşlem Gücü: Orta
- Paralel İşleme: Opsiyonel
- Ölçeklendirme: Orta maliyetli

2. DERİN ÖĞRENME ALGORİTMALARI

2.1 Evrişimli Sinir Ağları (Convolutional Neural Networks - CNN)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensibi

Evrişimli Sinir Ağları, görsel verilerin hiyerarşik özellik çıkarımını gerçekleştiren derin öğrenme modelidir. Temel matematiksel işlem olan konvolüsyon şu şekilde ifade edilir:

$$(f * g)(x,y) = \sum_i \sum_j f(i,j)g(x-i,y-j)$$

Burada:

- f : Giriş görüntüsü
- g : Konvolüsyon filtresi (kernel)
- x,y : Çıkış koordinatları
- i,j : Filtre koordinatları

Mimari Bileşenler:

1. Konvolüsyon Katmanları:

- Özellik haritaları oluşturma
- Uzamsal ilişkileri yakalama
- Parametre paylaşımı
- Yerel bağlantılar

2. Havuzlama Katmanları:

- Uzamsal boyut azaltma
- Pozisyon değişmezliği
- Aşırı öğrenmeyi azaltma
- Hesaplama verimliliği

3. Tam Bağlantılı Katmanlar:

- Yüksek seviye özellikleri birleştirme
- Son sınıflandırma/regresyon
- Global bağlam oluşturma

Öğrenme Süreci

1. İleri Yayılım:

```
def forward_pass(input_image, layers):  
    # Konvolüsyon katmanları  
    for conv_layer in layers.conv:  
        features = conv2d(input_image, conv_layer.filters)  
        features = activate(features, 'relu')  
        features = max_pool(features, size=2)  
  
    # Tam bağlantılı katmanlar  
    flattened = flatten(features)
```

```
output = dense(flattened, weights)
return softmax(output)
```

2. Geri Yayılım:

- Gradyan hesaplama
- Ağırlık güncellemesi
- Optimizasyon algoritması (SGD, Adam vb.)

Kullanım Alanları

1. Tıbbi Görüntü Analizi:

- Tümör tespiti
- Organ segmentasyonu
- Hastalık teşhisi
- Radyoloji raporlaması

2. Otonom Sistemler:

- Sürücüsüz araçlar
- Robot navigasyonu
- Drone kontrolü
- Endüstriyel otomasyon

3. Güvenlik Sistemleri:

- Yüz tanıma
- Nesne tespiti
- Anormal davranış tespiti
- Erişim kontrolü

4. Üretim ve Kalite Kontrol:

- Ürün kusur tespiti
- Montaj hattı kontrolü
- Paketleme kontrolü
- Boyut/reng kontrolü

Maliyet Analizi

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(ndfke)$
 - n: Veri sayısı
 - d: Giriş boyutu
 - f: Filtre sayısı
 - k: Kernel boyutu
 - e: Epoch sayısı
- Tahmin Karmaşıklığı: $O(dfk)$
- GPU Bellek Kullanımı:
 - Minimum: 8GB VRAM
 - Önerilen: 16GB+ VRAM
- Batch Size Etkisi:

- Küçük batch: Düşük bellek, yavaş eğitim
- Büyük batch: Yüksek bellek, hızlı eğitim

2. Donanım Gereksinimleri:

- GPU:
 - Minimum: NVIDIA GTX 1660
 - Önerilen: NVIDIA RTX 3080 veya üstü
- CPU:
 - Minimum: 6 çekirdek
 - Önerilen: 12+ çekirdek
- RAM:
 - Minimum: 16GB
 - Önerilen: 32GB+
- Depolama:
 - SSD: 500GB+
 - Veri seti boyutuna göre ek depolama

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi:
 - Deep Learning uzmanı
 - Computer Vision deneyimi
 - Python/PyTorch/TensorFlow
 - GPU programlama bilgisi
- Geliştirme Süresi:
 - Prototip: 2-4 hafta
 - Prodüksiyon: 2-3 ay
 - Optimizasyon: 1-2 ay
- Bakım:
 - Model güncelleme: Aylık
 - Performans izleme: Günlük
 - Veri kalite kontrolü: Haftalık

4. Altyapı Maliyeti:

- Cloud GPU (aylık):
 - AWS p3.2xlarge: \$3.06/saat
 - Google Cloud V100: \$2.48/saat
 - Azure NC6s_v3: \$3.00/saat
- Veri Depolama (aylık):
 - S3: \$0.023/GB
 - Cloud Storage: \$0.020/GB
 - Azure Blob: \$0.0184/GB
- Ağ Bandwidth:

- Veri transfer: \$0.08-0.12/GB
- API çağrıları: \$0.40/1000 istek

Avantajlar

1. Özellik Çıkarımı:

- Otomatik özellik öğrenme
- Hiyerarşik temsil
- Uzamsal ilişkileri yakalama
- Transfer öğrenme imkanı

2. Performans:

- Yüksek doğruluk
- Gürültüye dayanıklılık
- Pozisyon değişmezliği
- Ölçeklenebilirlik

3. Esneklik:

- Farklı veri tipleri
- Çeşitli mimari varyasyonları
- Modüler yapı
- Fine-tuning imkanı

Dezavantajlar

1. Kaynak Gereksinimleri:

- Yüksek hesaplama gücü
- Büyük veri seti ihtiyacı
- GPU gereksinimi
- Yüksek enerji tüketimi

2. Eğitim Zorlukları:

- Hiperparametre optimizasyonu
- Gradyan problemleri
- Aşırı öğrenme riski
- Uzun eğitim süreleri

3. Yorumlanabilirlik:

- Kara kutu model
- Karar sürecinin belirsizliği
- Hata analizi zorluğu
- Güven skorlama zorluğu

2.2 Tekrarlayan Sinir Ağları (Recurrent Neural Networks - RNN)

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensibi

Tekrarlayan Sinir Ağları, sıralı verilerdeki zamansal bağımlılıkları modelleyen derin öğrenme mimarisidir. Temel matematiksel form:

$$h_t = \tanh(Wx_t + Uh_{t-1} + b) \quad y_t = \text{softmax}(Vh_t + c)$$

Burada:

- x_t : t anındaki giriş
- h_t : Gizli durum
- y_t : Çıkış
- W, U, V : Ağırlık matrisleri
- b, c : Bias terimleri

RNN Varyantları ve Mimariler

LSTM (Long Short-Term Memory)

LSTM, uzun vadeli bağımlılıkları öğrenebilmek için özel bir hafıza hücresi ve kapı mekanizmaları kullanan gelişmiş bir RNN mimarisidir. LSTM'in matematiksel formülasyonu şu şekildedir:

$$\begin{aligned} f_t &= \sigma(W_f[h_{t-1}, x_t] + b_f) \quad \# \text{ Unut Kapısı} \quad i_t = \sigma(W_i[h_{t-1}, x_t] + b_i) \quad \# \text{ Giriş Kapısı} \quad \tilde{c}_t = \tanh(W_c[h_{t-1}, x_t] + b_c) \quad \# \text{ Aday Hafıza} \\ c_t &= f_t * c_{t-1} + i_t * \tilde{c}_t \quad \# \text{ Hafıza Güncelleme} \quad o_t = \sigma(W_o[h_{t-1}, x_t] + b_o) \quad \# \text{ Çıkış Kapısı} \\ h_t &= o_t * \tanh(c_t) \quad \# \text{ Gizli Durum} \end{aligned}$$

Burada:

- x_t : Giriş vektörü
- h_t : Gizli durum
- c_t : Hücre durumu
- f_t, i_t, o_t : Kapı kontrolleri
- W : Ağırlık matrisleri
- b : Bias terimleri
- σ : Sigmoid fonksiyonu

LSTM'in temel çalışma prensiplerini bir örnek üzerinden inceleyelim:

```
def lstm_cell_forward(x_t, h_prev, c_prev, parameters):
    """
    Tek bir LSTM hücresinin ileri yayılımı

    Parametreler:
    x_t -- Giriş vektörü, boyut: (n_x, 1)
    h_prev -- Önceki gizli durum, boyut: (n_h, 1)
    c_prev -- Önceki hücre durumu, boyut: (n_h, 1)
    parameters -- Ağırlık ve bias parametreleri

    Dönüş:
    h_next -- Sonraki gizli durum
    c_next -- Sonraki hücre durumu
    cache -- Geri yayılım için ara değerler
    """
    # Kapı hesaplamaları
    concat = np.concatenate((h_prev, x_t))

    ft = sigmoid(np.dot(parameters['Wf'], concat) + parameters['bf'])
    it = sigmoid(np.dot(parameters['Wi'], concat) + parameters['bi'])
    cct = np.tanh(np.dot(parameters['Wc'], concat) + parameters['bc'])
    ot = sigmoid(np.dot(parameters['Wo'], concat) + parameters['bo'])
```



```
# Hafıza ve durum güncellemeleri
c_next = ft * c_prev + it * cct
h_next = ot * np.tanh(c_next)

return h_next, c_next, cache
```

GRU (Gated Recurrent Unit)

GRU, LSTM'in daha basit bir versiyonu olarak tasarlanmış, ancak benzer performans gösteren bir RNN varyantıdır. GRU'nun matematiksel formülasyonu:

$z_t = \sigma(W_z[h_{t-1}, x_t] + b_z)$ # Güncelleme Kapısı $r_t = \sigma(W_r[h_{t-1}, x_t] + b_r)$ # Sıfırlama Kapısı
 $\tilde{h}_t = \tanh(W[\tilde{r}_t * h_{t-1}, x_t])$ # Aday Gizli Durum $h_t = (1 - z_t) * h_{t-1} + z_t * \tilde{h}_t$ # Gizli Durum Güncelleme

Kullanım Alanları ve Uygulamalar

1. Doğal Dil İşleme:

- Metin Üretimi: Dil modelleri geliştirilmesi ve metin oluşturma
- Makine Çevirisi: Diller arası çeviri sistemleri
- Duygu Analizi: Metin duygusunun belirlenmesi
- Soru Cevaplama: Doğal dil anlama ve yanıt üretme

2. Zaman Serisi Analizi:

- Finansal Tahmin: Hisse senedi fiyat tahminleri
- Sensor Verileri: IoT cihazlarından gelen veri analizi
- Enerji Tüketimi: Elektrik yük tahmini
- Hava Durumu: Meteorolojik tahminler

3. Ses İşleme:

- Konuşma Tanıma: Ses-metin dönüşümü
- Müzik Üretimi: Otomatik beste oluşturma
- Ses Sentezi: Metin-ses dönüşümü
- Ses Ayırıştırma: Kaynak ayırma

4. Biyoinformatik:

- Protein Yapı Tahmini
- Gen Dizilimi Analizi
- İlaç Etkileşimi Tahmini
- Hastalık Prognozu

Maliyet Analizi

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı:
 - LSTM: $O(nd^2s)$
 - GRU: $O(nd^2s * 0.75)$ Burada:
 - n: Batch boyutu
 - d: Gizli durum boyutu
 - s: Sekans uzunluğu

- Bellek Kullanımı:

- LSTM: $O(4nd^2)$
- GRU: $O(3nd^2)$

2. Donanım Gereksinimleri:

- GPU:

- Minimum: NVIDIA GTX 1660 6GB
- Önerilen: NVIDIA RTX 3080 12GB

- RAM:

- Minimum: 16GB
- Önerilen: 32GB+

- CPU:

- Minimum: 8 çekirdek
- Önerilen: 16+ çekirdek

3. İnsan Kaynağı:

- Yetkinlik Seviyesi:

- Derin Öğrenme Uzmanı (Senior)
- NLP/Sekans Modelleme Deneyimi
- Python/PyTorch/TensorFlow
- Optimizasyon Tecrübesi

- Geliştirme Süreci:

- Mimari Tasarım: 2-3 hafta
- İlk Prototip: 1-2 ay
- Optimizasyon: 1-2 ay
- Prodüksiyon: 2-3 ay

4. Altyapı Maliyeti:

- Cloud Servisleri (Aylık):

- AWS p3.2xlarge: ~\$2500
- Google Cloud V100: ~\$2000
- Azure NC6s_v3: ~\$2300

- Veri Depolama:

- Eğitim Verisi: 100GB-1TB
- Model Checkpoints: 10-50GB
- Çıktı Logları: 5-20GB

Optimizasyon Teknikleri

1. Mimari Optimizasyonları:

- Attention Mekanizmaları
- Bidirectional RNN
- Residual Connections

- Layer Normalization

2. Eğitim Optimizasyonları:

- Gradient Clipping
- Dropout
- Batch Normalization
- Learning Rate Scheduling

```
class OptimizedLSTM(nn.Module):
    def __init__(self, input_size, hidden_size, num_layers):
        super().__init__()
        self.lstm = nn.LSTM(
            input_size=input_size,
            hidden_size=hidden_size,
            num_layers=num_layers,
            batch_first=True,
            bidirectional=True, # Çift yönlü LSTM
            dropout=0.2 # Dropout eklendi
        )
        self.norm = nn.LayerNorm(hidden_size * 2) # Layer normalization

    def forward(self, x, h0=None):
        output, (hn, cn) = self.lstm(x, h0)
        output = self.norm(output) # Normalizasyon uygulanıyor
        return output, (hn, cn)
```

Performans Metrikleri ve İzleme

1. Model Değerlendirme:

- Perplexity (Dil Modelleri için)
- BLEU Score (Çeviri için)
- F1 Score (Sınıflandırma için)
- MAE/RMSE (Regresyon için)

2. Kaynak Kullanımı:

- GPU Kullanımı ve Verimlilik
- Bellek Tüketimi
- Throughput ve Latency
- Batch İşleme Performansı

```
def calculate_metrics(model, data_loader, device):
    metrics = {
        'loss': 0.0,
        'perplexity': 0.0,
        'gpu_utilization': [],
        'memory_usage': [],
        'inference_time': []
    }

    model.eval()
    with torch.no_grad():
```

```

for batch in data_loader:
    start_time = time.time()

    # GPU kullanımı ölçümü
    gpu_util = get_gpu_utilization()
    mem_usage = get_memory_usage()

    # Model tahmini
    outputs = model(batch)
    loss = criterion(outputs, batch['targets'])

    # Metrikleri güncelle
    metrics['loss'] += loss.item()
    metrics['perplexity'] += torch.exp(loss).item()
    metrics['gpu_utilization'].append(gpu_util)
    metrics['memory_usage'].append(mem_usage)
    metrics['inference_time'].append(time.time() - start_time)

return metrics

```

2.3 Transformer Mimarisi ve Modern Dil Modelleri

Transformer Mimarisi

Matematiksel Temel ve Çalışma Prensibi

Transformer mimarisi, öz-dikkat (self-attention) mekanizmasını kullanarak paralel işleme yapabilen ve uzun mesafeli bağımlılıkları yakalayabilen bir derin öğrenme modelidir. Matematiksel olarak, dikkat mekanizması şu şekilde ifade edilir:

$$\text{Attention}(Q, K, V) = \text{softmax}(QK^T/\sqrt{d_k})V$$

Burada:

- Q: Sorgu matrisi (Query)
- K: Anahtar matrisi (Key)
- V: Değer matrisi (Value)
- d_k : Anahtar vektörlerinin boyutu

Çok Başlı Dikkat (Multi-Head Attention) mekanizması: $\text{MultiHead}(Q, K, V) = \text{Concat}(\text{head}_1, \dots, \text{head}_h)W^O$ where $\text{head}_i = \text{Attention}(QW^Q_i, KW^K_i, VW^V_i)$

Mimari Bileşenler

1. Encoder Bileşenleri:

```

class EncoderLayer(nn.Module):
    def __init__(self, d_model, num_heads, d_ff, dropout):
        super().__init__()
        self.self_attn = MultiHeadAttention(d_model, num_heads)
        self.feed_forward = PositionwiseFeedForward(d_model, d_ff)

```

```

self.norm1 = LayerNorm(d_model)
self.norm2 = LayerNorm(d_model)
self.dropout = nn.Dropout(dropout)

def forward(self, x, mask):
    # Öz-dikkat katmanı
    attn_output = self.self_attn(x, x, x, mask)
    x = self.norm1(x + self.dropout(attn_output))

    # Feed-forward katmanı
    ff_output = self.feed_forward(x)
    x = self.norm2(x + self.dropout(ff_output))
    return x

```

2. Decoder Bileşenleri:

```

class DecoderLayer(nn.Module):
    def __init__(self, d_model, num_heads, d_ff, dropout):
        super().__init__()
        self.self_attn = MultiHeadAttention(d_model, num_heads)
        self.cross_attn = MultiHeadAttention(d_model, num_heads)
        self.feed_forward = PositionwiseFeedForward(d_model, d_ff)
        self.norm1 = LayerNorm(d_model)
        self.norm2 = LayerNorm(d_model)
        self.norm3 = LayerNorm(d_model)
        self.dropout = nn.Dropout(dropout)

    def forward(self, x, enc_output, src_mask, tgt_mask):
        # Öz-dikkat katmanı
        self_attn_output = self.self_attn(x, x, x, tgt_mask)
        x = self.norm1(x + self.dropout(self_attn_output))

        # Encoder-Decoder dikkat katmanı
        cross_attn_output = self.cross_attn(x, enc_output, enc_output,
src_mask)
        x = self.norm2(x + self.dropout(cross_attn_output))

        # Feed-forward katmanı
        ff_output = self.feed_forward(x)
        x = self.norm3(x + self.dropout(ff_output))
        return x

```

Modern Dil Modelleri

BERT (Bidirectional Encoder Representations from Transformers)

BERT, çift yönlü bağlam anlamayı hedefleyen bir dil modelidir. Temel özellikleri:

1. Ön Eğitim Görevleri:

- Masked Language Modeling (MLM)
- Next Sentence Prediction (NSP)

2. Model Mimarisi:

```

class BERT(nn.Module):
    def __init__(self, vocab_size, hidden_size, num_layers, num_heads):
        super().__init__()
        self.embedding = BERTEmbedding(vocab_size, hidden_size)
        self.encoder = Encoder(
            num_layers=num_layers,
            d_model=hidden_size,
            num_heads=num_heads
        )
        self.mlm_head = MLMHead(hidden_size, vocab_size)
        self.nsp_head = NSPHead(hidden_size)

    def forward(self, input_ids, attention_mask, token_type_ids):
        # Embedding katmanı
        embeddings = self.embedding(input_ids, token_type_ids)

        # Encoder katmanları
        encoded = self.encoder(embeddings, attention_mask)

        # MLM ve NSP çıktıları
        mlm_output = self.mlm_head(encoded)
        nsp_output = self.nsp_head(encoded[:, 0, :]) # [CLS] token

        return mlm_output, nsp_output

```

GPT (Generative Pre-trained Transformer)

GPT, tek yönlü (autoregressive) dil modellemesi yapan bir mimaridir. Temel özellikleri:

1. Otomatik Regresif Dil Modellemesi:

```

class GPT(nn.Module):
    def __init__(self, vocab_size, hidden_size, num_layers, num_heads):
        super().__init__()
        self.embedding = GPTEmbedding(vocab_size, hidden_size)
        self.decoder = Decoder(
            num_layers=num_layers,
            d_model=hidden_size,
            num_heads=num_heads
        )
        self.lm_head = nn.Linear(hidden_size, vocab_size)

    def forward(self, input_ids, attention_mask=None):
        # Embedding katmanı
        embeddings = self.embedding(input_ids)

        # Decoder katmanları
        decoded = self.decoder(embeddings, attention_mask)

        # Dil modeli çıktısı
        lm_logits = self.lm_head(decoded)

```

```
        return lm_logits

    def generate(self, input_ids, max_length):
        for _ in range(max_length):
            # Mevcut girdiden tahmin
            outputs = self.forward(input_ids)
            next_token = outputs[:, -1, :].argmax(dim=-1)

            # Yeni tokeni ekle
            input_ids = torch.cat([input_ids, next_token.unsqueeze(-1)],
dim=-1)

        return input_ids
```

Kullanım Alanları

1. Doğal Dil İşleme:

- Metin Sınıflandırma
- Soru Cevaplama
- Makine Çevirisi
- Özetleme
- Duygu Analizi
- Varlık Tanıma

2. Kod Üretimi ve Analizi:

- Kod Tamamlama
- Hata Tespiti
- Kod Dönüşümü
- Dokümantasyon Oluşturma

3. Multimodal Uygulamalar:

- Görüntü Açıklama
- Video Anlama
- Ses-Metin Dönüşümü
- Çoklu Modal Füzyon

Maliyet Analizi

1. Hesaplama Maliyeti:

- Eğitim Karmaşıklığı: $O(n^2 \cdot l)$
 - n : Sekans uzunluğu
 - l : Katman sayısı
- Bellek Kullanımı: $O(n^2)$
- Dikkat Matrisi: $n \times n$
- Parametre Sayısı:
 - BERT-base: 110M
 - GPT-3: 175B

2. Donanım Gereksinimleri:

- GPU:
 - Eğitim: Minimum 8x NVIDIA A100
 - Çıkarım: NVIDIA T4 veya üstü
- RAM:
 - Eğitim: 256GB+
 - Çıkarım: 32GB+
- Depolama:
 - Model Parametreleri: 10GB-1TB
 - Eğitim Verisi: 1TB+

3. İnsan Kaynağı:

- Uzmanlık:
 - Derin Öğrenme (Senior)
 - NLP/Transformers
 - Dağıtık Sistemler
 - GPU Optimizasyonu
- Geliştirme Süreci:
 - Mimari Tasarım: 2-3 ay
 - Ön Eğitim: 3-6 ay
 - Fine-tuning: 1-2 ay
 - Optimizasyon: 2-3 ay

4. Altyapı Maliyeti:

- Cloud GPU Kümeleri:
 - AWS p4d.24xlarge: \$32.77/saat
 - Google Cloud A2: \$25.6/saat
- Veri Depolama:
 - Eğitim Verisi: \$1000-5000/ay
 - Model Depolama: \$500-2000/ay
- Ağ Maliyeti:
 - Veri Transferi: \$0.08-0.12/GB
 - API Çağrılarını: \$0.50-1.00/1000 istek

Optimizasyon Teknikleri

1. Model Paralelleştirme:

```
class ModelParallel(nn.Module):  
    def __init__(self, num_gpus):  
        super().__init__()  
        self.num_gpus = num_gpus
```



```

# Katmanları GPU'lara dağıt
self.layers = nn.ModuleList([
    EncoderLayer().to(f'cuda:{i % num_gpus}')
    for i in range(num_layers)
])

def forward(self, x):
    for i, layer in enumerate(self.layers):
        # Veriyi ilgili GPU'ya taşı
        gpu_id = i % self.num_gpus
        x = x.to(f'cuda:{gpu_id}')
        x = layer(x)
    return x

```

2. Bellek Optimizasyonu:

- Gradient Checkpointing
- Mixed Precision Training
- Efficient Attention
- Flash Attention

3. Hızlandırma Teknikleri:

- KV Cache
- Beam Search
- Top-k/Top-p Sampling
- Tensorboard Optimizasyonu

3. PEKİŞTİRMELİ ÖĞRENME ALGORİTMALARI

3.1 Q-Öğrenme (Q-Learning)

Matematiksel Temel

Q-öğrenme, model bağımsız bir pekiştirmeli öğrenme algoritmasıdır. Bellman denklemi:

$$Q(s,a) = r + \gamma * \max[Q(s',a')]$$

Burada:

- s: Mevcut durum
- a: Eylem
- r: Ödül
- γ : İndirim faktörü
- s': Sonraki durum
- a': Sonraki eylem

Algoritma İmplementasyonu

```

class QLearning:
    def __init__(self, states, actions, learning_rate=0.1, discount=0.95):
        self.q_table = np.zeros((states, actions))
        self.lr = learning_rate
        self.gamma = discount

```

```

def update(self, state, action, reward, next_state):
    old_value = self.q_table[state, action]
    next_max = np.max(self.q_table[next_state])

    # Q-değeri güncelleme
    new_value = (1 - self.lr) * old_value + \
        self.lr * (reward + self.gamma * next_max)

    self.q_table[state, action] = new_value

def get_action(self, state, epsilon=0.1):
    # Epsilon-greedy politikası
    if np.random.random() < epsilon:
        return np.random.randint(self.q_table.shape[1])
    else:
        return np.argmax(self.q_table[state])

```

3.2 Deep Q-Networks (DQN)

Mimari ve Bileşenler

```

class DQN(nn.Module):
    def __init__(self, state_dim, action_dim):
        super().__init__()
        self.network = nn.Sequential(
            nn.Linear(state_dim, 128),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(128, 128),
            nn.ReLU(),
            nn.Linear(128, action_dim)
        )

    def forward(self, state):
        return self.network(state)

```

Experience Replay

```

class ReplayBuffer:
    def __init__(self, capacity):
        self.buffer = deque(maxlen=capacity)

    def push(self, state, action, reward, next_state, done):
        self.buffer.append((state, action, reward, next_state, done))

    def sample(self, batch_size):
        transitions = random.sample(self.buffer, batch_size)
        state, action, reward, next_state, done = zip(*transitions)
        return (
            torch.FloatTensor(state),
            torch.LongTensor(action),

```

```
        torch.FloatTensor(reward),
        torch.FloatTensor(next_state),
        torch.FloatTensor(done)
    )
```

3.3 İleri Seviye Pekiştirmeli Öğrenme Algoritmaları

Policy Gradient Yöntemleri

REINFORCE Algoritması

REINFORCE, Monte Carlo policy gradient yaklaşımını kullanan temel bir politika optimizasyon algoritmasıdır. Matematiksel olarak şu şekilde ifade edilir:

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = E[\nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a|s) * G_t]$$

Burada:

- θ : Politika parametreleri
- π_{θ} : Parametrize edilmiş politika
- G_t : Toplam ödül (return)

```
class PolicyNetwork(nn.Module):
    def __init__(self, input_dim, hidden_dim, output_dim):
        super().__init__()
        self.network = nn.Sequential(
            nn.Linear(input_dim, hidden_dim),
            nn.Tanh(),
            nn.Linear(hidden_dim, output_dim),
            nn.Softmax(dim=-1)
        )

    def forward(self, state):
        return self.network(state)

class REINFORCE:
    def __init__(self, state_dim, action_dim, lr=0.01):
        self.policy = PolicyNetwork(state_dim, 128, action_dim)
        self.optimizer = optim.Adam(self.policy.parameters(), lr=lr)

    def select_action(self, state):
        state = torch.FloatTensor(state)
        probs = self.policy(state)
        action_dist = Categorical(probs)
        action = action_dist.sample()

        # Log olasılığını gradient hesabı için sakla
        self.saved_log_probs.append(action_dist.log_prob(action))
        return action.item()
```

```

def update(self, rewards):
    # Monte Carlo ödül hesaplama
    returns = []
    G = 0
    for r in reversed(rewards):
        G = r + 0.99 * G
        returns.insert(0, G)
    returns = torch.FloatTensor(returns)

    # Politika gradyanı hesaplama ve güncelleme
    policy_loss = []
    for log_prob, R in zip(self.saved_log_probs, returns):
        policy_loss.append(-log_prob * R)

    self.optimizer.zero_grad()
    policy_loss = torch.cat(policy_loss).sum()
    policy_loss.backward()
    self.optimizer.step()

```

Proximal Policy Optimization (PPO)

PPO, politika optimizasyonunu güvenli bir şekilde yapan modern bir algoritmadır. Temel matematiksel form:

$$L_{\text{CLIP}}(\theta) = E[\min(r_t(\theta)A_t, \text{clip}(r_t(\theta), 1-\epsilon, 1+\epsilon)A_t)]$$

Burada:

- $r_t(\theta)$: Olasılık oranı
- A_t : Avantaj tahmini
- ϵ : Kırpma parametresi

```

class PPONetwork(nn.Module):
    def __init__(self, state_dim, action_dim):
        super().__init__()
        self.actor = nn.Sequential(
            nn.Linear(state_dim, 64),
            nn.Tanh(),
            nn.Linear(64, 64),
            nn.Tanh(),
            nn.Linear(64, action_dim),
            nn.Softmax(dim=-1)
        )

        self.critic = nn.Sequential(
            nn.Linear(state_dim, 64),
            nn.Tanh(),
            nn.Linear(64, 64),
            nn.Tanh(),
            nn.Linear(64, 1)
        )

    def forward(self, state):

```

```
return self.actor(state), self.critic(state)
```

```
class PPO:
```

```
def __init__(self, state_dim, action_dim, lr=3e-4, gamma=0.99, eps_clip=0.2):
    self.network = PPONetwork(state_dim, action_dim)
    self.optimizer = optim.Adam(self.network.parameters(), lr=lr)
    self.gamma = gamma
    self.eps_clip = eps_clip
```

```
def select_action(self, state):
    state = torch.FloatTensor(state)
    action_probs, state_value = self.network(state)
```

```
    dist = Categorical(action_probs)
    action = dist.sample()
```

```
    return action.item(), dist.log_prob(action), state_value
```

```
def update(self, states, actions, old_probs, rewards, advantages):
```

```
    # PPO güncelleme döngüsü
```

```
    for _ in range(10): # Çoklu güncelleme epoch'ları
        action_probs, state_values = self.network(states)
        dist = Categorical(action_probs)
        new_probs = dist.log_prob(actions)
```

```
        # Olasılık oranı hesaplama
```

```
        ratio = torch.exp(new_probs - old_probs)
```

```
        # PPO kırpmaya objektifi
```

```
        surr1 = ratio * advantages
```

```
        surr2 = torch.clamp(ratio, 1-self.eps_clip, 1+self.eps_clip) * advantages
```

```
        actor_loss = -torch.min(surr1, surr2).mean()
```

```
        # Değer fonksiyonu kaybı
```

```
        critic_loss = F.mse_loss(state_values, rewards)
```

```
        # Toplam kayıp
```

```
        loss = actor_loss + 0.5 * critic_loss
```

```
        self.optimizer.zero_grad()
```

```
        loss.backward()
```

```
        self.optimizer.step()
```

Soft Actor-Critic (SAC)

SAC, maksimum entropi pekiştirmeli öğrenme çerçevesini kullanan modern bir off-policy algoritmasıdır. Temel hedef fonksiyonu:

$$J(\theta) = \mathbb{E}[\sum r_t + \alpha H(\pi(\cdot | s_t))]$$

Burada:

- α : Entropi katsayısı
- H : Politika entropisi

- π : Parametrize edilmiş politika

```
class SACNetwork(nn.Module):
    def __init__(self, state_dim, action_dim):
        super().__init__()
        # Q-fonksiyonları
        self.q1 = QNetwork(state_dim, action_dim)
        self.q2 = QNetwork(state_dim, action_dim)

        # Politika ağı
        self.policy = GaussianPolicy(state_dim, action_dim)

    def forward(self, state):
        mean, log_std = self.policy(state)
        return mean, log_std

class SAC:
    def __init__(self, state_dim, action_dim, lr=3e-4, alpha=0.2):
        self.network = SACNetwork(state_dim, action_dim)
        self.alpha = alpha

        # Optimizerlar
        self.policy_optimizer = optim.Adam(self.network.policy.parameters(), lr=lr)
        self.q1_optimizer = optim.Adam(self.network.q1.parameters(), lr=lr)
        self.q2_optimizer = optim.Adam(self.network.q2.parameters(), lr=lr)

    def select_action(self, state):
        state = torch.FloatTensor(state)
        mean, log_std = self.network(state)

        # Reparametrization trick
        std = log_std.exp()
        normal = Normal(mean, std)
        x_t = normal.rsample()
        action = torch.tanh(x_t)

        return action.detach().numpy()

    def update(self, batch):
        # SAC güncelleme adımları
        state, action, reward, next_state, done = batch

        # Q-değeri güncellemesi
        with torch.no_grad():
            next_action, next_log_pi = self.network.policy.sample(next_state)
            next_q1 = self.network.q1(next_state, next_action)
            next_q2 = self.network.q2(next_state, next_action)
            next_q = torch.min(next_q1, next_q2) - self.alpha * next_log_pi
            target_q = reward + (1 - done) * self.gamma * next_q

        # Q-fonksiyonu kayıpları
        current_q1 = self.network.q1(state, action)
```

```
current_q2 = self.network.q2(state, action)
q1_loss = F.mse_loss(current_q1, target_q)
q2_loss = F.mse_loss(current_q2, target_q)

# Politika kaybı
new_action, log_pi = self.network.policy.sample(state)
q1_new = self.network.q1(state, new_action)
q2_new = self.network.q2(state, new_action)
q_new = torch.min(q1_new, q2_new)
policy_loss = (self.alpha * log_pi - q_new).mean()

# Optimizasyon adımları
self.q1_optimizer.zero_grad()
q1_loss.backward()
self.q1_optimizer.step()

self.q2_optimizer.zero_grad()
q2_loss.backward()
self.q2_optimizer.step()

self.policy_optimizer.zero_grad()
policy_loss.backward()
self.policy_optimizer.step()
```

Kullanım Alanları ve Uygulamalar

1. Robotik Kontrol:

- Hareket planlama
- Manipülasyon görevleri
- Yürüme ve denge kontrolü
- İnsan-robot etkileşimi

2. Oyun AI:

- Strateji oyunları
- Arcade oyunları
- Kart oyunları
- Spor simülasyonları

3. Otonom Sistemler:

- Drone kontrolü
- Sürücüsüz araçlar
- Enerji yönetimi
- Trafik kontrolü

4. Endüstriyel Optimizasyon:

- Üretim planlama
- Kaynak tahsisi
- Stok yönetimi
- Kalite kontrolü

Maliyet Analizi

1. Hesaplama Gereksinimleri:

- Eğitim Süresi:
 - REINFORCE: 1-2 gün
 - PPO: 3-5 gün
 - SAC: 4-7 gün
- GPU Kullanımı:
 - Minimum: NVIDIA RTX 2060
 - Önerilen: NVIDIA RTX 3080 Ti
- RAM:
 - Minimum: 16GB
 - Önerilen: 32GB+

2. Veri ve Depolama:

- Experience Buffer:
 - PPO: 10-50GB
 - SAC: 50-200GB
- Model Checkpoints:
 - Her model için 1-5GB
 - Versiyonlama için ek 10-20GB

3. İnsan Kaynağı:

- Uzmanlık Seviyesi:
 - Senior ML Mühendisi
 - RL teorisi deneyimi
 - Optimizasyon bilgisi
- Geliştirme Süresi:
 - Prototip: 2-4 hafta
 - Prodüksiyon: 2-3 ay
 - Optimizasyon: 1-2 ay

4. Altyapı Maliyetleri:

- Cloud GPU (aylık):
 - AWS p3.2xlarge: ~\$3000
 - Google Cloud V100: ~\$2500
- Depolama (aylık):
 - Experience Buffer: \$100-500
 - Model Depolama: \$50-200

4. BİLGİSAYARLI GÖRÜ ALGORİTMALARI

4.1 Konvolüsyonel Sinir Ağları (CNN) Mimarileri

ResNet (Residual Networks)

ResNet, atlama bağlantıları kullanarak derin ağların eğitimini kolaylaştıran bir mimaridir. Temel yapı taşı:

$$H(x) = F(x) + x$$

```
class ResidualBlock(nn.Module):
    def __init__(self, in_channels, out_channels, stride=1):
        super().__init__()
        self.conv1 = nn.Conv2d(in_channels, out_channels, 3, stride, 1)
        self.bn1 = nn.BatchNorm2d(out_channels)
        self.conv2 = nn.Conv2d(out_channels, out_channels, 3, 1, 1)
        self.bn2 = nn.BatchNorm2d(out_channels)

        self.shortcut = nn.Sequential()
        if stride != 1 or in_channels != out_channels:
            self.shortcut = nn.Sequential(
                nn.Conv2d(in_channels, out_channels, 1, stride),
                nn.BatchNorm2d(out_channels)
            )

    def forward(self, x):
        out = F.relu(self.bn1(self.conv1(x)))
        out = self.bn2(self.conv2(out))
        out += self.shortcut(x)
        out = F.relu(out)
        return out

class ResNet(nn.Module):
    def __init__(self, num_classes=1000):
        super().__init__()
        self.in_channels = 64
        self.conv1 = nn.Conv2d(3, 64, 7, stride=2, padding=3)
        self.bn1 = nn.BatchNorm2d(64)
        self.maxpool = nn.MaxPool2d(3, stride=2, padding=1)

        # Residual katmanları
        self.layer1 = self.make_layer(64, 2, stride=1)
        self.layer2 = self.make_layer(128, 2, stride=2)
        self.layer3 = self.make_layer(256, 2, stride=2)
        self.layer4 = self.make_layer(512, 2, stride=2)

        self.avgpool = nn.AdaptiveAvgPool2d((1, 1))
        self.fc = nn.Linear(512, num_classes)

    def make_layer(self, out_channels, num_blocks, stride):
```

```

layers = []
layers.append(ResidualBlock(self.in_channels, out, _channels, stride)
self.in_channels = out_channels
for _ in range(1, num_blocks):
    layers.append(ResidualBlock(out_channels, out_channels))
return nn.Sequential(*layers)

def forward(self, x):
    x = F.relu(self.bn1(self.conv1(x)))
    x = self.maxpool(x)

    x = self.layer1(x)
    x = self.layer2(x)
    x = self.layer3(x)
    x = self.layer4(x)

    x = self.avgpool(x)
    x = x.view(x.size(0), -1)
    x = self.fc(x)
    return x

```

EfficientNet

EfficientNet, ağ derinliği, genişliği ve çözünürlüğü arasında optimum dengeyi bulan bileşik ölçeklendirme yaklaşımını kullanan modern bir mimaridir. Temel ölçeklendirme denklemi:

$depth = \alpha^\phi$
 $width = \beta^\phi$
 $resolution = \gamma^\phi$

Burada:

- α , β , γ : Ölçeklendirme katsayıları
- ϕ : Bileşik katsayı

```python

```

class MBConvBlock(nn.Module):
 def __init__(self, in_channels, out_channels, expand_ratio, stride, kernel_size):
 super().__init__()
 self.expand_ratio = expand_ratio
 hidden_dim = in_channels * expand_ratio

 # Genişletme katmanı
 self.expand_conv = nn.Sequential(
 nn.Conv2d(in_channels, hidden_dim, 1, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(hidden_dim),
 nn.SiLU()
) if expand_ratio != 1 else nn.Identity()

 # Derinlemesine konvolüsyon
 self.dwconv = nn.Sequential(
 nn.Conv2d(hidden_dim, hidden_dim, kernel_size, stride,

```

```

 padding=kernel_size//2, groups=hidden_dim, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(hidden_dim),
 nn.SiLU()
)

 # SE katmanı
 self.se = SqueezeExcitation(hidden_dim)

 # Projeksiyon katmanı
 self.project_conv = nn.Sequential(
 nn.Conv2d(hidden_dim, out_channels, 1, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(out_channels)
)

 # Atlama bağlantısı
 self.skip = stride == 1 and in_channels == out_channels

 def forward(self, x):
 identity = x

 x = self.expand_conv(x)
 x = self.dwconv(x)
 x = self.se(x)
 x = self.project_conv(x)

 if self.skip:
 x += identity

 return x

```

## 4.2 Nesne Algılama Mimarileri

### YOLO (You Only Look Once)

YOLO, tek geçişte nesne tespiti yapan hızlı ve etkili bir mimaridir. Temel prensip, görüntüyü grid hücrelerine bölerek her hücre için nesne varlığı, sınıfı ve konumu tahmin etmektir.

```

class YOLOLayer(nn.Module):
 def __init__(self, anchors, num_classes, img_size):
 super().__init__()
 self.anchors = anchors
 self.num_classes = num_classes
 self.img_size = img_size
 self.mse_loss = nn.MSELoss()
 self.bce_loss = nn.BCELoss()
 self.obj_scale = 1
 self.noobj_scale = 100
 self.metrics = {}

 def forward(self, x, targets=None):
 num_batches = x.size(0)

```

```

grid_size = x.size(2)

Tahmin tensörünü yeniden şekillendirme
prediction = x.view(num_batches, len(self.anchors),
 self.num_classes + 5, grid_size, grid_size)
prediction = prediction.permute(0, 1, 3, 4, 2).contiguous()

Sigmoid aktivasyonu
pred_boxes = prediction[..., :4].sigmoid()
pred_conf = prediction[..., 4].sigmoid()
pred_cls = prediction[..., 5:].sigmoid()

Grid oluşturma
grid_x = torch.arange(grid_size).repeat(grid_size, 1)
grid_y = torch.arange(grid_size).repeat(grid_size, 1).t()
scaled_anchors = torch.FloatTensor([(a_w / self.stride,
 a_h / self.stride)
 for a_w, a_h in self.anchors])

Kutu koordinatlarını hesaplama
pred_boxes[..., 0] += grid_x.view((1, 1, grid_size, grid_size))
pred_boxes[..., 1] += grid_y.view((1, 1, grid_size, grid_size))
pred_boxes[..., 2:] *= scaled_anchors.view((1, -1, 1, 1, 2))

output = torch.cat((pred_boxes.view(num_batches, -1, 4),
 pred_conf.view(num_batches, -1, 1),
 pred_cls.view(num_batches, -1, self.num_classes)),
 -1)

if targets is None:
 return output
else:
 return self.compute_loss(prediction, targets)

```

## Mask R-CNN

Mask R-CNN, nesne tespiti ve instance segmentasyonu birleştiren ileri seviye bir mimaridir. Faster R-CNN'in üzerine inşa edilmiş olup, her nesne için piksel seviyesinde maske tahmini yapar.

```

class MaskRCNN(nn.Module):
 def __init__(self, num_classes, backbone='resnet50'):
 super().__init__()
 self.backbone = self._get_backbone(backbone)
 self.rpn = RegionProposalNetwork()
 self.roi_align = RoIAlign(output_size=(14, 14),
 spatial_scale=1.0/16.0,
 sampling_ratio=2)
 self.box_head = BoxHead(num_classes)
 self.mask_head = MaskHead(num_classes)

 def forward(self, images, targets=None):
 features = self.backbone(images)

```

```

RPN önerileri
proposals, rpn_losses = self.rpn(features, targets)

RoI Align
roi_features = self.roi_align(features, proposals)

Kutu tahminleri
box_outputs = self.box_head(roi_features)

Maske tahminleri
if self.training:
 mask_features = self.roi_align(features,
 self._get_positive_proposals(proposals))
 mask_outputs = self.mask_head(mask_features)
 return self.compute_losses(box_outputs, mask_outputs, targets)
else:
 detections = self.postprocess_detections(box_outputs)
 mask_features = self.roi_align(features, detections)
 mask_outputs = self.mask_head(mask_features)
 return self.postprocess_masks(detections, mask_outputs)

```

## 4.3 Semantik Segmentasyon

### DeepLab

DeepLab, atrous (dilated) konvolüsyon kullanarak etkili semantik segmentasyon yapan bir mimaridir. Atrous Spatial Pyramid Pooling (ASPP) modülü farklı ölçeklerdeki bağlamsal bilgiyi yakalar.

```

class ASPPModule(nn.Module):
 def __init__(self, in_channels, out_channels, rates):
 super().__init__()
 modules = []

 # 1x1 konvolüsyon
 modules.append(nn.Sequential(
 nn.Conv2d(in_channels, out_channels, 1, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(out_channels),
 nn.ReLU()
))

 # Atrous konvolüsyonlar
 for rate in rates:
 modules.append(nn.Sequential(
 nn.Conv2d(in_channels, out_channels, 3,
 padding=rate, dilation=rate, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(out_channels),
 nn.ReLU()
))

 # Global pooling branch

```

```
modules.append(nn.Sequential(
 nn.AdaptiveAvgPool2d(1),
 nn.Conv2d(in_channels, out_channels, 1, bias=False),
 nn.BatchNorm2d(out_channels),
 nn.ReLU()
))

self.convs = nn.ModuleList(modules)

def forward(self, x):
 res = []
 for conv in self.convs[:-1]:
 res.append(conv(x))

 # Global pooling branch
 res.append(F.interpolate(self.convs[-1](x),
 size=x.shape[2:],
 mode='bilinear',
 align_corners=False))

 return torch.cat(res, dim=1)
```

## Kullanım Alanları ve Uygulamalar

### 1. Tıbbi Görüntü Analizi:

- Tümör Tespiti ve Segmentasyonu
- Organ Segmentasyonu
- Patoloji Analizi
- Radyoloji Raporlaması

### 2. Otonom Sistemler:

- Sürücüsüz Araçlar
- Drone Navigasyonu
- Robot Görüşü
- Endüstriyel İnspeksiyon

### 3. Güvenlik ve Gözetim:

- Yüz Tanıma
- Kalabalık Analizi
- Anormal Davranış Tespiti
- Nesne Takibi

### 4. Perakende:

- Raf Analizi
- Ürün Tanıma
- Müşteri Davranış Analizi
- Envanter Yönetimi

## Maliyet Analizi

### 1. Donanım Gereksinimleri:

- GPU:
  - Eğitim: NVIDIA A100 veya eşdeğeri
  - Çıkarım: NVIDIA T4 veya RTX serisi
- RAM: 32GB - 128GB
- Depolama: 500GB - 2TB SSD

## 2. Hesaplama Maliyetleri:

- Eğitim Süresi:
  - ResNet: 2-3 gün
  - EfficientNet: 4-5 gün
  - YOLO: 3-4 gün
  - Mask R-CNN: 5-7 gün
- GPU Saati Maliyeti:
  - AWS p3.2xlarge: \$3.06/saat
  - Google Cloud V100: \$2.48/saat

## 3. Veri Gereksinimleri:

- Eğitim Verisi: 50GB - 1TB
- Etiketleme Maliyeti: \$0.5-5/görüntü
- Depolama Maliyeti: \$100-500/ay

## 4. İnsan Kaynağı:

- Uzmanlık: Computer Vision, DL
- Geliştirme: 2-6 ay
- Bakım: Sürekli
- Ekip: 2-5 kişi

# Optimizasyon Teknikleri

## 1. Model Optimizasyonu:

- Quantization
- Pruning
- Knowledge Distillation
- Model Compression

## 2. Performans İyileştirme:

- TensorRT
- ONNX Runtime
- OpenVINO
- Batch Processing

```
def optimize_model(model, calibration_data):
 # Quantization
 quantized_model = torch.quantization.quantize_dynamic(
 model, {nn.Linear, nn.Conv2d}, dtype=torch.qint8
)

 # Pruning
```

```

parameters_to_prune = (
 (model.conv1, 'weight'),
 (model.conv2, 'weight'),
)
prune.global_unstructured(
 parameters_to_prune,
 pruning_method=prune.L1Unstructured,
 amount=0.2,
)

Knowledge Distillation
teacher_model = model
student_model = SmallerArchitecture()

def distillation_loss(student_output, teacher_output, true_labels):
 alpha = 0.5
 T = 2.0
 distill_loss = nn.KLDivLoss()(F.log_softmax(student_output/T, dim=1),
 F.softmax(teacher_output/T, dim=1))
 student_loss = F.cross_entropy(student_output, true_labels)
 return alpha * student_loss + (1-alpha) * distill_loss

return quantized_model, student_model

```

## 5. OPTİMİZASYON ALGORİTMALARI

### 5.1 Gradyan Tabanlı Optimizasyon

#### Adam (Adaptive Moment Estimation)

Adam, momentum ve RMSprop'u birleştiren adaptif öğrenme oranlı bir optimizasyon algoritmasıdır. Matematiksel formülasyonu:

$$m_t = \beta_1 m_{t-1} + (1-\beta_1)g_t \quad v_t = \beta_2 v_{t-1} + (1-\beta_2)g_t^2 \quad \hat{m}_t = m_t / (1-\beta_1^t) \quad \hat{v}_t = v_t / (1-\beta_2^t) \quad \theta_{t+1} = \theta_t - \alpha \hat{m}_t / \sqrt{(\hat{v}_t + \epsilon)}$$

```

class Adam:
 def __init__(self, params, lr=1e-3, betas=(0.9, 0.999), eps=1e-8):
 self.params = list(params)
 self.lr = lr
 self.beta1, self.beta2 = betas
 self.eps = eps

 # Momentum ve ikinci moment tahminleri için state başlatma
 self.state = {
 'step': 0,
 'm': [torch.zeros_like(p) for p in self.params],
 'v': [torch.zeros_like(p) for p in self.params]
 }

 def step(self):
 self.state['step'] += 1

```



```

step = self.state['step']

for i, p in enumerate(self.params):
 if p.grad is None:
 continue

 # Gradyan
 grad = p.grad.data

 # Momentum güncelleme
 self.state['m'][i] = self.beta1 * self.state['m'][i] + \
 (1 - self.beta1) * grad

 # İkinci moment güncelleme
 self.state['v'][i] = self.beta2 * self.state['v'][i] + \
 (1 - self.beta2) * grad * grad

 # Bias düzeltme
 m_hat = self.state['m'][i] / (1 - self.beta1 ** step)
 v_hat = self.state['v'][i] / (1 - self.beta2 ** step)

 # Parametre güncelleme
 p.data -= self.lr * m_hat / (torch.sqrt(v_hat) + self.eps)

```

## AdaGrad (Adaptive Gradient Algorithm)

AdaGrad, her parametre için ayrı öğrenme oranı kullanarak, seyrek özelliklere sahip parametreleri daha agresif günceller. Temel formülü:

$$\theta_{t+1} = \theta_t - \alpha / \sqrt{G_t + \epsilon} \odot g_t$$

Burada:

- $G_t$ : Geçmiş gradyanların karelerinin toplamı
- $\epsilon$ : Sayısal kararlılık için küçük bir sayı
- $\odot$ : Eleman bazında çarpım

```

class Adagrad:
 def __init__(self, params, lr=1e-2, eps=1e-10):
 self.params = list(params)
 self.lr = lr
 self.eps = eps

 # Gradyan karelerinin toplamı için state başlatma
 self.state = {
 'sum_squares': [torch.zeros_like(p) for p in self.params]
 }

 def step(self):
 for i, p in enumerate(self.params):
 if p.grad is None:
 continue

```

```

grad = p.grad.data

Gradyan karelerinin toplamını güncelle
self.state['sum_squares'][i] += grad * grad

Parametre güncelleme
std = torch.sqrt(self.state['sum_squares'][i] + self.eps)
p.data -= self.lr * grad / std

```

## 5.2 İkinci Derece Optimizasyon

### L-BFGS (Limited-memory BFGS)

L-BFGS, Hessian matrisinin yaklaşık tersini kullanarak ikinci derece optimizasyon yapan bir algoritmadır. Bellek verimli bir şekilde çalışır.

```

class LBFGS:
 def __init__(self, params, max_iter=20, history_size=10, tolerance_grad=1e-7):
 self.params = list(params)
 self.max_iter = max_iter
 self.history_size = history_size
 self.tolerance_grad = tolerance_grad

 # Geçmiş bilgileri için state başlatma
 self.state = {
 'old_dirs': [], # Eski arama yönleri
 'old_stps': [], # Eski adım boyutları
 'H_diag': 1.0 # Hessian'ın diagonal yaklaşımı
 }

 def two_loop_recursion(self, grad):
 """Two-loop recursion for computing the search direction."""
 ro = []
 al = []

 # Geçmiş vektörler üzerinden ilk döngü
 q = grad.clone()
 for i in range(len(self.state['old_dirs'])-1, -1, -1):
 ro.append(1.0 / torch.dot(self.state['old_dirs'][i],
 self.state['old_stps'][i]))
 al.append(ro[-1] * torch.dot(self.state['old_dirs'][i], q))
 q -= al[-1] * self.state['old_stps'][i]

 # İkinci döngü
 r = self.state['H_diag'] * q
 for i in range(len(self.state['old_dirs'])):
 be = ro[i] * torch.dot(self.state['old_stps'][i], r)
 r += (al[i] - be) * self.state['old_dirs'][i]

 return r

 def step(self, closure):

```

```

İlk fonksiyon ve gradyan değerlendirilmesi
loss, grad = closure()

Arama yönünü hesapla
d = -self.two_loop_recursion(grad)

Line search ile adım boyutunu belirle
step_size = self.line_search(closure, d)

Parametreleri güncelle
for p, d_i in zip(self.params, d):
 p.data.add_(step_size, d_i)

return loss

```

## 5.3 Evrimsel Optimizasyon

### Genetik Algoritma

Genetik algoritma, doğal seleksiyonu taklit eden popülasyon tabanlı bir optimizasyon yöntemidir.

```

class GeneticAlgorithm:
 def __init__(self, population_size, genome_size, fitness_func):
 self.population_size = population_size
 self.genome_size = genome_size
 self.fitness_func = fitness_func

 # Rastgele başlangıç popülasyonu oluştur
 self.population = torch.rand(population_size, genome_size)
 self.fitness_scores = torch.zeros(population_size)

 def select_parents(self):
 """Tournament selection ile ebeveyn seçimi."""
 tournament_size = 3
 parents = []

 for _ in range(self.population_size):
 # Rastgele bireyler seç
 tournament_idx = torch.randint(self.population_size,
 (tournament_size,))
 tournament_fitness = self.fitness_scores[tournament_idx]

 # En iyi bireyi seç
 winner_idx = tournament_idx[tournament_fitness.argmax()]
 parents.append(self.population[winner_idx])

 return torch.stack(parents)

 def crossover(self, parents):
 """Uniform crossover ile yeni nesil oluşturma."""
 children = []

```

```

for i in range(0, len(parents), 2):
 if i + 1 < len(parents):
 # Crossover maskesi oluştur
 mask = torch.rand(self.genome_size) > 0.5

 # İki yeni birey oluştur
 child1 = torch.where(mask, parents[i], parents[i+1])
 child2 = torch.where(mask, parents[i+1], parents[i])

 children.extend([child1, child2])

 return torch.stack(children)

def mutate(self, population, mutation_rate=0.01):
 """Gaussian mutation uygulama."""
 mutation_mask = torch.rand_like(population) < mutation_rate
 mutation = torch.randn_like(population) * 0.1

 return torch.where(mutation_mask, population + mutation, population)

def optimize(self, generations=100):
 for gen in range(generations):
 # Fitness değerlendirmesi
 self.fitness_scores = self.fitness_func(self.population)

 # Ebeveyn seęimi
 parents = self.select_parents()

 # Yeni nesil oluşturma
 children = self.crossover(parents)

 # Mutasyon
 children = self.mutate(children)

 # Popölasyonu güncelle
 self.population = children

 # En iyi çözümü döndür
 best_idx = self.fitness_scores.argmax()
 return self.population[best_idx], self.fitness_scores[best_idx]

```

## Kullanım Alanları ve Uygulamalar

### 1. Derin Öğrenme:

- Model Eđitimi
- Hiperparametre Optimizasyonu
- Mimari Arama
- Transfer Öğrenme

### 2. Robotik:

- Hareket Planlama
- Kontrol Sistemleri
- Yörünge Optimizasyonu
- Parametre Ayarlama

### 3. Finans:

- Portföy Optimizasyonu
- Risk Yönetimi
- Alım-Satım Stratejileri
- Fiyat Tahminleme

### 4. Üretim:

- Kaynak Tahsisi
- Çizelgeleme
- Kalite Kontrolü
- Süreç Optimizasyonu

## Maliyet Analizi

### 1. Hesaplama Gereksinimleri:

- Adam/AdaGrad:
  - CPU: Orta düzey işlemci
  - RAM: 8-16GB
  - Zaman:  $O(n)$  karmaşıklık
- L-BFGS:
  - CPU: Yüksek performanslı işlemci
  - RAM: 16-32GB
  - Zaman:  $O(n^2)$  karmaşıklık
- Genetik Algoritma:
  - CPU: Çok çekirdekli işlemci
  - RAM: 32GB+
  - GPU: Paralel hesaplama için faydalı

### 2. Bellek Kullanımı:

- Adam:  $O(n)$  ek bellek
- AdaGrad:  $O(n)$  ek bellek
- L-BFGS:  $O(mn)$  ek bellek (m: geçmiş boyutu)
- GA:  $O(pn)$  ek bellek (p: popülasyon boyutu)

### 3. İnsan Kaynağı:

- Uzmanlık: Optimizasyon teorisi
- Geliştirme: 1-3 ay
- Bakım: Düzenli izleme
- Ekip: 1-3 kişi

### 4. Altyapı Maliyeti:

- Donanım: \$5,000-20,000
- Yazılım lisansları: \$1,000-5,000/yıl

- Cloud hizmetleri: \$500-2,000/ay
- Bakım: \$1,000-3,000/ay

## Performans Metrikleri ve İzleme

### 1. Optimizasyon Metrikleri:

```
def evaluate_optimizer(optimizer, model, train_loader, epochs):
 metrics = {
 'loss_history': [],
 'gradient_norm': [],
 'parameter_updates': [],
 'convergence_rate': [],
 'memory_usage': [],
 'time_per_epoch': []
 }

 for epoch in range(epochs):
 start_time = time.time()

 for batch in train_loader:
 # Gradyan hesaplama
 loss = model(batch)
 loss.backward()

 # Metrikleri kaydet
 metrics['gradient_norm'].append(
 compute_gradient_norm(model.parameters()))

 # Optimizasyon adımı
 optimizer.step()
 optimizer.zero_grad()

 metrics['loss_history'].append(loss.item())

 metrics['time_per_epoch'].append(time.time() - start_time)
 metrics['memory_usage'].append(torch.cuda.memory_allocated())

 return metrics
```

### 2. Performans Görselleştirme:

```
def plot_optimization_metrics(metrics):
 fig, axes = plt.subplots(2, 2, figsize=(15, 10))

 # Kayıp eğrisi
 axes[0,0].plot(metrics['loss_history'])
 axes[0,0].set_title('Loss vs. Iterations')

 # Gradyan normu
 axes[0,1].plot(metrics['gradient_norm'])
 axes[0,1].set_title('Gradient Norm vs. Iterations')
```

```

Bellek kullanımı
axes[1,0].plot(metrics['memory_usage'])
axes[1,0].set_title('Memory Usage vs. Epochs')

Zaman analizi
axes[1,1].plot(metrics['time_per_epoch'])
axes[1,1].set_title('Time per Epoch')

plt.tight_layout()
return fig

```

## Optimizasyon İpuçları ve En İyi Uygulamalar

### 1. Öğrenme Oranı Planlaması:

```

class LRScheduler:
 def __init__(self, optimizer, mode='cosine'):
 self.optimizer = optimizer
 self.mode = mode

 def cosine_schedule(self, epoch, total_epochs):
 return 0.5 * (1 + math.cos(math.pi * epoch / total_epochs))

 def step_schedule(self, epoch, step_size=30):
 return 0.1 ** (epoch // step_size)

 def update_lr(self, epoch, total_epochs):
 if self.mode == 'cosine':
 factor = self.cosine_schedule(epoch, total_epochs)
 else:
 factor = self.step_schedule(epoch)

 for param_group in self.optimizer.param_groups:
 param_group['lr'] = param_group['initial_lr'] * factor

```

### 2. Gradient Clipping:

```

def clip_gradients(model, max_norm=1.0):
 torch.nn.utils.clip_grad_norm_(model.parameters(), max_norm)

```

### 3. Warmup Stratejisi:

```

class WarmupScheduler:
 def __init__(self, optimizer, warmup_epochs=5, total_epochs=100):
 self.optimizer = optimizer
 self.warmup_epochs = warmup_epochs
 self.total_epochs = total_epochs
 self.base_lr = [group['lr'] for group in optimizer.param_groups]

 def get_lr(self, epoch):
 if epoch < self.warmup_epochs:

```

```

 # Doğrusal warmup
 return [lr * (epoch + 1) / self.warmup_epochs
 for lr in self.base_lr]
 else:
 # Warmup sonrası kosinus azalma
 progress = (epoch - self.warmup_epochs) / \
 (self.total_epochs - self.warmup_epochs)
 return [lr * 0.5 * (1 + math.cos(math.pi * progress))
 for lr in self.base_lr]

def step(self, epoch):
 lrs = self.get_lr(epoch)
 for param_group, lr in zip(self.optimizer.param_groups, lrs):
 param_group['lr'] = lr

```

## 5.4 Gelişmiş Optimizasyon Teknikleri

### Bayesian Optimizasyon

Bayesian optimizasyon, hiperparametre optimizasyonu için sıkça kullanılan ve Gaussian süreçlere dayanan bir yöntemdir.

```

class BayesianOptimizer:
 def __init__(self, parameter_space, objective_function):
 self.parameter_space = parameter_space
 self.objective_function = objective_function
 self.gp = GaussianProcessRegressor()
 self.X_observed = []
 self.y_observed = []

 def acquisition_function(self, X):
 """Expected Improvement acquisition function"""
 mean, std = self.gp.predict(X, return_std=True)
 best_y = max(self.y_observed)

 # Normal dağılım hesaplamaları
 z = (mean - best_y) / std
 phi = norm.pdf(z)
 Phi = norm.cdf(z)

 ei = std * (z * Phi + phi)
 return ei

 def optimize(self, n_iterations=50):
 for i in range(n_iterations):
 # Acquisition fonksiyonunu maksimize ederek yeni nokta seç
 X_next = self.maximize_acquisition()

 # Objektif fonksiyonu değerlendir
 y_next = self.objective_function(X_next)

 # Gözlemleri güncelle

```



```

 self.X_observed.append(X_next)
 self.y_observed.append(y_next)

 # Gaussian süreci güncelle
 self.gp.fit(self.X_observed, self.y_observed)

 # En iyi parametreleri döndür
 best_idx = np.argmax(self.y_observed)
 return self.X_observed[best_idx], self.y_observed[best_idx]

```

## Diferansiyel Evrim

Diferansiyel evrim, popülasyon tabanlı optimizasyon için etkili bir evrimsel algoritmadır.

```

class DifferentialEvolution:
 def __init__(self, objective_func, bounds, population_size=50, F=0.8, CR=0.7):
 self.objective_func = objective_func
 self.bounds = bounds
 self.population_size = population_size
 self.F = F # Ölçekleme faktörü
 self.CR = CR # Crossover oranı

 # Başlangıç popülasyonunu oluştur
 self.population = self.initialize_population()
 self.fitness = np.array([self.objective_func(ind)
 for ind in self.population])

 def initialize_population(self):
 """Sınırlar içinde rastgele popülasyon oluştur"""
 population = np.random.rand(self.population_size, len(self.bounds))
 for i, (lower, upper) in enumerate(self.bounds):
 population[:, i] = population[:, i] * (upper - lower) + lower
 return population

 def mutate(self, target_idx):
 """Diferansiyel mutasyon uygula"""
 # Rastgele üç farklı birey seç
 idxs = [idx for idx in range(self.population_size)
 if idx != target_idx]
 a, b, c = self.population[np.random.choice(idxs, 3, replace=False)]

 # Mutant vektör oluştur
 mutant = a + self.F * (b - c)

 # Sınırlar içinde tut
 for i, (lower, upper) in enumerate(self.bounds):
 mutant[i] = np.clip(mutant[i], lower, upper)

 return mutant

 def crossover(self, target, mutant):
 """Binomial crossover uygula"""

```

```

trial = np.copy(target)

for i in range(len(self.bounds)):
 if np.random.rand() < self.CR:
 trial[i] = mutant[i]

return trial

def optimize(self, max_generations=1000, tol=1e-6):
 for generation in range(max_generations):
 for i in range(self.population_size):
 # Mutasyon
 mutant = self.mutate(i)

 # Crossover
 trial = self.crossover(self.population[i], mutant)

 # Seçim
 trial_fitness = self.objective_func(trial)
 if trial_fitness < self.fitness[i]:
 self.population[i] = trial
 self.fitness[i] = trial_fitness

 # Yakınsama kontrolü
 if np.std(self.fitness) < tol:
 break

 # En iyi çözümü döndür
 best_idx = np.argmin(self.fitness)
 return self.population[best_idx], self.fitness[best_idx]

```

## Particle Swarm Optimization (PSO)

PSO, sürü zekasına dayanan ve sürekli optimizasyon problemleri için kullanılan bir algoritmadır.

```

class ParticleSwarmOptimizer:
 def __init__(self, objective_func, bounds, n_particles=30):
 self.objective_func = objective_func
 self.bounds = bounds
 self.n_particles = n_particles

 # Parçacıkları başlat
 self.particles = self.initialize_particles()
 self.velocities = np.zeros_like(self.particles)

 # Kişisel ve global en iyileri takip et
 self.personal_best_pos = np.copy(self.particles)
 self.personal_best_scores = np.array([self.objective_func(p)
 for p in self.particles])

 best_idx = np.argmin(self.personal_best_scores)
 self.global_best_pos = np.copy(self.personal_best_pos[best_idx])

```

```

self.global_best_score = self.personal_best_scores[best_idx]

def initialize_particles(self):
 """Sınırlar içinde rastgele parçacıklar oluştur"""
 particles = np.random.rand(self.n_particles, len(self.bounds))
 for i, (lower, upper) in enumerate(self.bounds):
 particles[:, i] = particles[:, i] * (upper - lower) + lower
 return particles

def update_velocities(self, w=0.7, c1=2.0, c2=2.0):
 """Parçacık hızlarını güncelle"""
 r1, r2 = np.random.rand(2)

 cognitive_velocity = c1 * r1 * (self.personal_best_pos - self.particles)
 social_velocity = c2 * r2 * (self.global_best_pos - self.particles)

 self.velocities = w * self.velocities + \
 cognitive_velocity + social_velocity

def update_positions(self):
 """Parçacık pozisyonlarını güncelle"""
 self.particles += self.velocities

 # Sınırlar içinde tut
 for i, (lower, upper) in enumerate(self.bounds):
 self.particles[:, i] = np.clip(self.particles[:, i],
 lower, upper)

def optimize(self, max_iterations=100, tol=1e-6):
 for iteration in range(max_iterations):
 # Hız ve pozisyon güncellemeleri
 self.update_velocities()
 self.update_positions()

 # Fitness değerlendirmesi
 current_scores = np.array([self.objective_func(p)
 for p in self.particles])

 # Kişisel en iyileri güncelle
 improved_idx = current_scores < self.personal_best_scores
 self.personal_best_pos[improved_idx] = \
 self.particles[improved_idx]
 self.personal_best_scores[improved_idx] = \
 current_scores[improved_idx]

 # Global en iyiyi güncelle
 best_idx = np.argmin(current_scores)
 if current_scores[best_idx] < self.global_best_score:
 self.global_best_pos = np.copy(self.particles[best_idx])
 self.global_best_score = current_scores[best_idx]

 # Yakınsama kontrolü

```

```
 if np.std(current_scores) < tol:
 break

 return self.global_best_pos, self.global_best_score
```

## Uygulama Örnekleri ve Kıyaslamalar

### Hiperparametre Optimizasyonu

```
def optimize_hyperparameters(model_class, train_data, val_data):
 # Parametre uzayını tanımla
 parameter_space = {
 'learning_rate': (1e-4, 1e-2),
 'batch_size': (16, 256),
 'hidden_size': (32, 512),
 'dropout': (0.1, 0.5)
 }

 def objective_function(params):
 # Model oluştur ve e it
 model = model_class(**params)
 trainer = Trainer(model)
 trainer.fit(train_data)

 # Validasyon performansını döndür
 val_score = trainer.evaluate(val_data)
 return -val_score # Minimizasyon için negatif

 # Farklı optimizasyon y ntemlerini kar ıla tır
 optimizers = {
 'bayesian': BayesianOptimizer(parameter_space, objective_function),
 'differential_evolution': DifferentialEvolution(objective_function,
 parameter_space),
 'pso': ParticleSwarmOptimizer(objective_function, parameter_space)
 }

 results = {}
 for name, optimizer in optimizers.items():
 start_time = time.time()
 best_params, best_score = optimizer.optimize()
 end_time = time.time()

 results[name] = {
 'best_params': best_params,
 'best_score': -best_score, # Pozitif  evir
 'time_taken': end_time - start_time
 }

 return results
```

### Optimizasyon Performans Analizi



```

if recent_improvement > 0:
 # İyileşme varsa parametreleri artır
 self.optimizer.step_size *= (1 + self.adaptation_rate)
else:
 # İyileşme yoksa parametreleri azalt
 self.optimizer.step_size *= (1 - self.adaptation_rate)

def optimize(self, *args, **kwargs):
 result = self.optimizer.optimize(*args, **kwargs)
 self.parameter_history.append(result[1])
 self.adapt_parameters()
 return result

```

## 6. İLERİ SEVİYE OPTİMİZASYON TEKNİKLERİ

### 6.1 Çok Amaçlı Optimizasyon (Multi-Objective Optimization)

Çok amaçlı optimizasyon, birden fazla hedef fonksiyonunun eş zamanlı olarak optimize edilmesi gereken durumlarda kullanılır. Bu tür problemlerde genellikle Pareto-optimal çözümler aranır.

#### NSGA-II (Non-dominated Sorting Genetic Algorithm II)

NSGA-II, çok amaçlı optimizasyon için yaygın olarak kullanılan bir genetik algoritmadır. Pareto baskınlığı ve çeşitlilik mekanizmalarını kullanır.

```

class NSGAII:
 def __init__(self, objective_functions, bounds, population_size=100):
 self.objective_functions = objective_functions
 self.bounds = bounds
 self.population_size = population_size

 # Başlangıç popülasyonunu oluştur
 self.population = self.initialize_population()
 self.fronts = self.non_dominated_sort(self.population)

 def calculate_crowding_distance(self, front):
 """Her bir çözüm için kalabalıklık mesafesini hesapla"""
 if len(front) <= 2:
 return [float('inf')] * len(front)

 distances = [0] * len(front)
 objectives = len(self.objective_functions)

 for obj in range(objectives):
 # Objektif değerine göre sırala
 sorted_front = sorted(enumerate(front),
 key=lambda x: self.objective_functions[obj](x[1]))

 # Sınır noktalarına sonsuz mesafe ata

```

```

distances[sorted_front[0][0]] = float('inf')
distances[sorted_front[-1][0]] = float('inf')

Ara noktaların mesafelerini hesapla
obj_range = (self.objective_functions[obj](sorted_front[-1][1]) -
 self.objective_functions[obj](sorted_front[0][1]))

for i in range(1, len(front)-1):
 distances[sorted_front[i][0]] += (
 self.objective_functions[obj](sorted_front[i+1][1]) -
 self.objective_functions[obj](sorted_front[i-1][1])
) / obj_range

return distances

def non_dominated_sort(self, population):
 """Popülasyonu Pareto frontlarına ayır"""
 fronts = [[]]
 dominated_solutions = {}
 domination_counts = {}

 # Her çözüm için baskınlık ilişkilerini hesapla
 for p in population:
 dominated_solutions[p] = []
 domination_counts[p] = 0

 for q in population:
 if self.dominates(p, q):
 dominated_solutions[p].append(q)
 elif self.dominates(q, p):
 domination_counts[p] += 1

 if domination_counts[p] == 0:
 fronts[0].append(p)

 # Sonraki frontları oluştur
 i = 0
 while fronts[i]:
 next_front = []
 for p in fronts[i]:
 for q in dominated_solutions[p]:
 domination_counts[q] -= 1
 if domination_counts[q] == 0:
 next_front.append(q)
 i += 1
 if next_front:
 fronts.append(next_front)

 return fronts

def dominates(self, solution1, solution2):
 """Bir çözümün diğerini domine edip etmediğini kontrol et"""

```

[illegible]



```

 # Kalan yerleri doldur
 remaining = self.population_size - len(new_population)
 new_population.extend([x[0] for x in sorted_front[:remaining]])

 self.population = new_population

 return self.get_pareto_front()

```

## 6.2 Kısıtlı Optimizasyon (Constrained Optimization)

Kısıtlı optimizasyon, çözüm uzayının belirli kısıtlara tabi olduğu problemleri ele alır. Bu problemlerde hem amaç fonksiyonu optimize edilir hem de kısıtlar sağlanır.

### İç Nokta Yöntemi (Interior Point Method)

İç nokta yöntemi, kısıtlı optimizasyon problemlerini çözmek için kullanılan etkili bir yaklaşımdır. Kısıtları ceza terimleri olarak probleme dahil eder.

```

class InteriorPointOptimizer:
 def __init__(self, objective_func, constraints, bounds):
 self.objective_func = objective_func
 self.constraints = constraints # $g(x) \leq 0$ formunda kısıtlar
 self.bounds = bounds

 def barrier_function(self, x, mu):
 """Logaritmik bariyer fonksiyonu"""
 barrier = 0
 for constraint in self.constraints:
 value = constraint(x)
 if value >= 0:
 return float('inf')
 barrier -= mu * np.log(-value)
 return self.objective_func(x) + barrier

 def compute_gradient(self, x, mu, eps=1e-8):
 """Sonlu farklar ile gradyan hesaplama"""
 gradient = np.zeros_like(x)
 for i in range(len(x)):
 x_plus = x.copy()
 x_plus[i] += eps
 x_minus = x.copy()
 x_minus[i] -= eps

 gradient[i] = (self.barrier_function(x_plus, mu) -
 self.barrier_function(x_minus, mu)) / (2 * eps)

 return gradient

 def optimize(self, x0, mu0=1.0, mu_reduction=0.1, epsilon=1e-6):
 """İç nokta optimizasyonu ana döngüsü"""
 x = x0
 mu = mu0

```

```

while mu > epsilon:
 # Newton yöntemi ile alt problemi çöz
 while True:
 gradient = self.compute_gradient(x, mu)
 if np.linalg.norm(gradient) < epsilon:
 break

 # Hessian matrisini hesapla (sonlu farklar ile)
 hessian = self.compute_hessian(x, mu)

 # Newton adımı
 delta = np.linalg.solve(hessian, -gradient)

 # Line search ile adım boyutunu belirle
 alpha = self.backtracking_line_search(x, delta, mu)

 # Güncelleme
 x = x + alpha * delta

 # Bariyer parametresini azalt
 mu *= mu_reduction

 return x

def backtracking_line_search(self, x, delta, mu, alpha=0.5, beta=0.8):
 """Backtracking line search ile uygun adım boyutu belirleme"""
 t = 1.0
 current_value = self.barrier_function(x, mu)
 gradient = self.compute_gradient(x, mu)

 while True:
 new_x = x + t * delta
 new_value = self.barrier_function(new_x, mu)

 if new_value <= current_value + alpha * t * gradient.dot(delta):
 break
 t *= beta

 return t

```

## 6.3 Dağıtık Optimizasyon (Distributed Optimization)

Dağıtık optimizasyon, büyük ölçekli problemlerin çözümünü birden fazla işlemci veya makine arasında paylaştırarak gerçekleştirir.

### ADMM (Alternating Direction Method of Multipliers)

ADMM, dağıtık optimizasyon için yaygın olarak kullanılan bir yöntemdir. Problemi alt problemlere böler ve koordineli bir şekilde çözer.

```

class DistributedADMM:
 def __init__(self, local_objectives, global_objective, num_workers):
 self.local_objectives = local_objectives
 self.global_objective = global_objective
 self.num_workers = num_workers

 def worker_update(self, worker_id, x, z, u, rho):
 """Yerel değişken güncellemesi"""
 def augmented_lagrangian(x_local):
 return (self.local_objectives[worker_id](x_local) +
 (rho/2) * np.sum((x_local - z + u)**2))

 # Yerel problemi çöz
 result = minimize(augmented_lagrangian, x[worker_id],
 method='L-BFGS-B')
 return result.x

 def z_update(self, x, u, rho):
 """Global değişken güncellemesi"""
 avg_x_plus_u = np.mean(x + u, axis=0)

 def augmented_lagrangian(z):
 return (self.global_objective(z) +
 (rho/2) * np.sum((x - z.reshape(1, -1) + u)**2))

 result = minimize(augmented_lagrangian, avg_x_plus_u,
 method='L-BFGS-B')
 return result.x

 def optimize(self, x0, max_iter=100, rho=1.0, abs_tol=1e-4, rel_tol=1e-2):
 """ADMM ana döngüsü"""
 # Değişkenleri başlat
 x = np.array([x0] * self.num_workers)
 z = np.mean(x, axis=0)
 u = np.zeros_like(x)

 for iteration in range(max_iter):
 # Paralel yerel güncellemeler
 x_new = np.array([
 self.worker_update(i, x, z, u, rho)
 for i in range(self.num_workers)
])

 # Global değişken güncellemesi
 z_new = self.z_update(x_new, u, rho)

 # Dual değişken güncellemesi
 u_new = u + x_new - z_new.reshape(1, -1)

 # Yakınsama kontrolü
 primal_residual = np.linalg.norm(x_new - z_new.reshape(1, -1))
 dual_residual = np.linalg.norm(rho * (z_new - z))

```

```

x = x_new
z = z_new
u = u_new

if primal_residual < abs_tol and dual_residual < abs_tol:
 break

return z

```

## 6.4 Meta-Sezgisel Optimizasyon

Meta-sezgisel optimizasyon algoritmaları, doğadan esinlenen ve karmaşık problemleri çözmek için kullanılan yöntemlerdir.

### Karınca Kolonisi Optimizasyonu (Ant Colony Optimization)

```

class AntColonyOptimizer:
 def __init__(self, distance_matrix, n_ants, evaporation_rate=0.1):
 self.distances = distance_matrix
 self.n_cities = len(distance_matrix)
 self.n_ants = n_ants
 self.evaporation = evaporation_rate

 # Feromon matrisini başlat
 self.pheromone = np.ones((self.n_cities, self.n_cities))

 def ant_tour(self, alpha=1, beta=2):
 """Tek bir karıncanın turu"""
 unvisited = set(range(1, self.n_cities))
 tour = [0] # 0. şehirden başla

 while unvisited:
 current = tour[-1]
 # Sonraki şehri seç
 p = np.zeros(self.n_cities)
 for city in unvisited:
 p[city] = (self.pheromone[current][city]**alpha *
 (1.0/self.distances[current][city])**beta)

 p = p / p.sum()
 next_city = np.random.choice(range(self.n_cities), p=p)
 tour.append(next_city)
 unvisited.remove(next_city)

 tour.append(0) # Başlangıç noktasına dön
 return tour

 def calculate_tour_length(self, tour):
 """Tur uzunluğunu hesapla"""
 length = 0
 for i in range(len(tour)-1):

```

```

 length += self.distances[tour[i]][tour[i+1]]
 return length

def optimize(self, n_iterations=100):
 """Ana optimizasyon döngüsü"""
 best_tour = None
 best_length = float('inf')

 for iteration in range(n_iterations):
 # Tüm karıncalar için turları hesapla
 ant_tours = []
 ant_lengths = []

 for ant in range(self.n_ants):
 tour = self.ant_tour()
 length = self.calculate_tour_length(tour)
 ant_tours.append(tour)
 ant_lengths.append(length)

 if length < best_length:
 best_length = length
 best_tour = tour

 # Feromon buharlaşması
 self.pheromone *= (1 - self.evaporation)

 # Feromon güncelleme
 for tour, length in zip(ant_tours, ant_lengths):
 deposit = 1.0 / length
 for i in range(len(tour)-1):
 self.pheromone[tour[i]][tour[i+1]] += deposit
 self.pheromone[tour[i+1]][tour[i]] += deposit # Simetrik

 return best_tour, best_length

```

### Ateş Böceği Algoritması (Firefly Algorithm)

Ateş böceği algoritması, ateş böceklerinin ışık yayma davranışlarını taklit eden bir optimizasyon algoritmasıdır.

```python

class FireflyAlgorithm:

```

    def __init__(self, objective_func, bounds, n_fireflies=50, alpha=0.5, beta0=1.0,
gamma=1.0):

```

```

        self.objective_func = objective_func
        self.bounds = np.array(bounds)
        self.n_fireflies = n_fireflies
        self.alpha = alpha # Rastgele hareket parametresi
        self.beta0 = beta0 # Çekicilik parametresi
        self.gamma = gamma # Işık absorpsiyon katsayısı

```

```

        # Ateş böceklerini başlat

```

```

dim = len(bounds)
self.fireflies = np.random.uniform(
    self.bounds[:, 0],
    self.bounds[:, 1],
    size=(n_fireflies, dim)
)
self.intensity = np.array([self.objective_func(f) for f in self.fireflies])

def beta(self, r):
    """Mesafeye bağlı çekicilik"""
    return self.beta0 * np.exp(-self.gamma * r**2)

def move_firefly(self, i, j):
    """i. ateş böceğini j. ateş böceğine doğru hareket ettir"""
    r = np.linalg.norm(self.fireflies[i] - self.fireflies[j])
    beta = self.beta(r)

    # Yeni pozisyon hesapla
    self.fireflies[i] = self.fireflies[i] + \
        beta * (self.fireflies[j] - self.fireflies[i]) + \
        self.alpha * (np.random.rand(len(self.bounds)) - 0.5)

    # Sınırlar içinde tut
    self.fireflies[i] = np.clip(
        self.fireflies[i],
        self.bounds[:, 0],
        self.bounds[:, 1]
    )

    # Yoğunluğu güncelle
    self.intensity[i] = self.objective_func(self.fireflies[i])

def optimize(self, max_generations=100):
    """Ana optimizasyon döngüsü"""
    best_solution = None
    best_intensity = float('inf')

    for generation in range(max_generations):
        # Her ateş böceği çifti için
        for i in range(self.n_fireflies):
            for j in range(self.n_fireflies):
                if self.intensity[j] < self.intensity[i]: # Minimizasyon
                    self.move_firefly(i, j)

        # En iyi çözümü güncelle
        gen_best_idx = np.argmin(self.intensity)
        if self.intensity[gen_best_idx] < best_intensity:
            best_intensity = self.intensity[gen_best_idx]
            best_solution = self.fireflies[gen_best_idx].copy()

        # Alfa parametresini azalt (arama alanını daralt)
        self.alpha *= 0.97

```

```
    return best_solution, best_intensity
```

7. HİBRİT OPTİMİZASYON STRATEJİLERİ

Hibrit optimizasyon, farklı optimizasyon tekniklerinin güçlü yanlarını birleştirerek daha etkili çözümler elde etmeyi amaçlar.

Genetik Algoritma + Yerel Arama

```
```python
```

```
class HybridGeneticAlgorithm:
```

```
 def __init__(self, objective_func, bounds, population_size=50,
local_search_freq=5):
```

```
 self.objective_func = objective_func
```

```
 self.bounds = bounds
```

```
 self.population_size = population_size
```

```
 self.local_search_freq = local_search_freq
```

```
 # Popülasyonu başlat
```

```
 self.population = self.initialize_population()
```

```
 self.fitness = np.array([self.objective_func(ind) for ind in self.population])
```

```
 def local_search(self, individual):
```

```
 """Hill climbing yerel arama"""
```

```
 result = minimize(
```

```
 self.objective_func,
```

```
 individual,
```

```
 method='Nelder-Mead',
```

```
 bounds=self.bounds
```

```
)
```

```
 return result.x
```

```
 def optimize(self, n_generations=100):
```

```
 best_solution = None
```

```
 best_fitness = float('inf')
```

```
 for generation in range(n_generations):
```

```
 # Genetik operatörler
```

```
 parents = self.select_parents()
```

```
 offspring = self.crossover(parents)
```

```
 offspring = self.mutate(offspring)
```

```
 # Belirli aralıklarla yerel arama uygula
```

```
 if generation % self.local_search_freq == 0:
```

```
 for i in range(len(offspring)):
```

```
 if np.random.random() < 0.1: # %10 olasılıkla
```

```
 offspring[i] = self.local_search(offspring[i])
```

```
 # Yeni nesli değerlendir
```

```
 offspring_fitness = np.array([self.objective_func(ind)
```

```
 for ind in offspring])
```

```

En iyileri seç
combined = np.vstack((self.population, offspring))
combined_fitness = np.concatenate((self.fitness, offspring_fitness))

indices = np.argsort(combined_fitness)[:self.population_size]
self.population = combined[indices]
self.fitness = combined_fitness[indices]

En iyi çözümü güncelle
if self.fitness[0] < best_fitness:
 best_fitness = self.fitness[0]
 best_solution = self.population[0].copy()

return best_solution, best_fitness

```

## ## 8. PARALEL OPTİMİZASYON STRATEJİLERİ

Paralel optimizasyon, hesaplama kaynaklarını etkili kullanarak optimizasyon sürecini hızlandırır.

### ### Paralel Parçacık Sürüşü Optimizasyonu

```

```python
class ParallelPSO:
    def __init__(self, objective_func, bounds, n_particles=50, n_workers=4):
        self.objective_func = objective_func
        self.bounds = bounds
        self.n_particles = n_particles
        self.n_workers = n_workers

        # Parçacıkları başlat
        self.particles = self.initialize_particles()
        self.velocities = np.zeros_like(self.particles)

        # Kişisel ve global en iyiler
        self.personal_best_pos = self.particles.copy()
        self.personal_best_score = np.array([self.objective_func(p)
                                             for p in self.particles])
        self.global_best_idx = np.argmin(self.personal_best_score)
        self.global_best_pos = self.personal_best_pos[self.global_best_idx].copy()

    def evaluate_batch(self, batch):
        """Paralel değerlendirme için alt fonksiyon"""
        return [self.objective_func(particle) for particle in batch]

    def optimize(self, n_iterations=100):
        """Paralel PSO ana döngüsü"""
        with Pool(self.n_workers) as pool:
            for iteration in range(n_iterations):
                # Parçacıkları alt gruplara böl
                batches = np.array_split(self.particles, self.n_workers)

```



```

        # Paralel değerlendirme
        results = pool.map(self.evaluate_batch, batches)
        scores = np.concatenate(results)

        # Kişisel ve global en iyileri güncelle
        improved = scores < self.personal_best_score
        self.personal_best_pos[improved] = self.particles[improved]
        self.personal_best_score[improved] = scores[improved]

        global_best_idx = np.argmin(self.personal_best_score)
        if self.personal_best_score[global_best_idx] < \
            self.personal_best_score[self.global_best_idx]:
            self.global_best_idx = global_best_idx
            self.global_best_pos = \
                self.personal_best_pos[global_best_idx].copy()

        # Hız ve pozisyon güncellemesi
        self.update_velocities()
        self.update_positions()

    return self.global_best_pos, self.personal_best_score[self.global_best_idx]

```

9. ADAPTIF OPTİMİZASYON STRATEJİLERİ

Adaptif optimizasyon, algoritma parametrelerini optimizasyon süreci boyunca dinamik olarak ayarlar.

Adaptif Diferansiyel Evrim

```

```python
class AdaptiveDifferentialEvolution:
 def __init__(self, objective_func, bounds, population_size=50):
 self.objective_func = objective_func
 self.bounds = np.array(bounds)
 self.population_size = population_size

 # Başlangıç popülasyonu
 self.population = self.initialize_population()
 self.fitness = np.array([self.objective_func(ind)
 for ind in self.population])

 # Adaptif parametreler
 self.F = np.ones(population_size) * 0.5 # Ölçekleme faktörü
 self.CR = np.ones(population_size) * 0.5 # Crossover oranı

 def adapt_parameters(self, success_rates):
 """Başarı oranlarına göre parametreleri güncelle"""
 # Lehman-Başaranlar adaptasyonu
 c = 0.1 # Öğrenme oranı

 for i in range(self.population_size):

```

```

 if success_rates[i] > 0.2:
 self.F[i] = self.F[i] * (1 + c * np.random.randn())
 self.CR[i] = self.CR[i] * (1 + c * np.random.randn())
 else:
 self.F[i] = self.F[i] * (1 - c * np.random.randn())
 self.CR[i] = self.CR[i] * (1 - c * np.random.randn())

 # Parametreleri sınırlar içinde tut
 self.F[i] = np.clip(self.F[i], 0.1, 1.0)
 self.CR[i] = np.clip(self.CR[i], 0.0, 1.0)

def optimize(self, max_generations=100):
 success_history = np.zeros(self.population_size)

 for generation in range(max_generations):
 success_count = np.zeros(self.population_size)
 trials = 0

 for i in range(self.population_size):
 # Mutasyon
 idxs = [idx for idx in range(self.population_size) if idx != i]
 a, b, c = self.population[np.random.choice(idxs, 3, replace=False)]

 mutant = a + self.F[i] * (b - c)

 # Crossover
 mask = np.random.rand(len(self.bounds)) < self.CR[i]
 if not np.any(mask):
 mask[np.random.randint(0, len(self.bounds))] = True

 trial = np.where(mask, mutant, self.population[i])

 # Sınırlar içinde tut
 trial = np.clip(trial, self.bounds[:, 0], self.bounds[:, 1])

 # Seçim
 trial_fitness = self.objective_func(trial)
 if trial_fitness < self.fitness[i]:
 self.population[i] = trial
 self.fitness[i] = trial_fitness
 success_count[i] += 1

 trials += 1

 # Başarı oranlarını güncelle
 success_rates = success_count / trials
 success_history = 0.7 * success_history + 0.3 * success_rates

 # Parametreleri adapte et
 self.adapt_parameters(success_history)

```

```
best_idx = np.argmin(self.fitness)
return self.population[best_idx], self.fitness[best_idx]
```

## 10. ÇOK ÖLÇÜTLÜ KARAR VERME YÖNTEMLERİ

### 10.1 Analitik Hiyerarşi Süreci (AHP)

Analitik Hiyerarşi Süreci, karmaşık karar problemlerini hiyerarşik bir yapıda ele alan ve alternatifleri çoklu kriterlere göre değerlendiren bir yöntemdir.

```
class AHPAnalyzer:
 def __init__(self, criteria, alternatives):
 self.criteria = criteria
 self.alternatives = alternatives
 self.n_criteria = len(criteria)
 self.n_alternatives = len(alternatives)

 # Saaty'nin tutarlılık indeksi tablosu
 self.random_index = {
 1: 0.00, 2: 0.00, 3: 0.58, 4: 0.90, 5: 1.12,
 6: 1.24, 7: 1.32, 8: 1.41, 9: 1.45, 10: 1.49
 }

 def calculate_priority_vector(self, comparison_matrix):
 """Karşılaştırma matrisinden öncelik vektörünü hesapla"""
 # Geometrik ortalama yöntemi
 n = len(comparison_matrix)
 geometric_mean = np.prod(comparison_matrix, axis=1) ** (1/n)
 return geometric_mean / np.sum(geometric_mean)

 def consistency_ratio(self, comparison_matrix, priority_vector):
 """Tutarlılık oranını hesapla"""
 n = len(comparison_matrix)

 # Maksimum özdeğeri hesapla
 weighted_sum = np.dot(comparison_matrix, priority_vector)
 lambda_max = np.mean(weighted_sum / priority_vector)

 # Tutarlılık indeksini hesapla
 ci = (lambda_max - n) / (n - 1)

 # Tutarlılık oranını hesapla
 cr = ci / self.random_index[n]
 return cr

 def evaluate(self, criteria_matrix, alternative_matrices):
 """AHP değerlendirmesi gerçekleştir"""
 # Kriter ağırlıklarını hesapla
 criteria_weights = self.calculate_priority_vector(criteria_matrix)

 if self.consistency_ratio(criteria_matrix, criteria_weights) > 0.1:
```

```

 raise ValueError("Kriter karşılaştırmaları tutarsız!")

 # Her kriter için alternatif önceliklerini hesapla
 alternative_priorities = np.zeros((self.n_criteria, self.n_alternatives))

 for i in range(self.n_criteria):
 alt_weights = self.calculate_priority_vector(alternative_matrices[i])
 if self.consistency_ratio(alternative_matrices[i], alt_weights) > 0.1:
 raise ValueError(f"{self.criteria[i]} için karşılaştırmalar tutarsız!")
 alternative_priorities[i] = alt_weights

 # Global öncelikleri hesapla
 global_priorities = np.dot(criteria_weights, alternative_priorities)

 return {
 'criteria_weights': criteria_weights,
 'alternative_priorities': alternative_priorities,
 'global_priorities': global_priorities
 }

```

## 10.2 TOPSIS (Technique for Order Preference by Similarity to Ideal Solution)

TOPSIS, alternatifleri ideal çözüme olan yakınlıklarına göre sıralayan bir çok kriterli karar verme yöntemidir.

```

class TOPSISAnalyzer:
 def __init__(self, decision_matrix, weights, criteria_types):
 """
 decision_matrix: Alternatif x Kriter matrisi
 weights: Kriter ağırlıkları
 criteria_types: Fayda (1) veya maliyet (-1) kriterleri
 """
 self.decision_matrix = np.array(decision_matrix)
 self.weights = np.array(weights)
 self.criteria_types = np.array(criteria_types)

 def normalize_matrix(self):
 """Karar matrisini normalize et"""
 # Vektör normalizasyonu
 norms = np.sqrt(np.sum(self.decision_matrix**2, axis=0))
 return self.decision_matrix / norms

 def get_weighted_matrix(self, normalized_matrix):
 """Ağırlıklı normalize matrisi hesapla"""
 return normalized_matrix * self.weights

 def get_ideal_solutions(self, weighted_matrix):
 """İdeal ve negatif ideal çözümleri belirle"""
 ideal = np.zeros(weighted_matrix.shape[1])
 negative_ideal = np.zeros(weighted_matrix.shape[1])

```

```

for j in range(weighted_matrix.shape[1]):
 if self.criteria_types[j] == 1: # Fayda kriteri
 ideal[j] = np.max(weighted_matrix[:, j])
 negative_ideal[j] = np.min(weighted_matrix[:, j])
 else: # Maliyet kriteri
 ideal[j] = np.min(weighted_matrix[:, j])
 negative_ideal[j] = np.max(weighted_matrix[:, j])

return ideal, negative_ideal

def calculate_distances(self, weighted_matrix, ideal, negative_ideal):
 """İdeal çözümlere olan uzaklıkları hesapla"""
 # Öklid uzaklığı
 s_plus = np.sqrt(np.sum((weighted_matrix - ideal)**2, axis=1))
 s_minus = np.sqrt(np.sum((weighted_matrix - negative_ideal)**2, axis=1))
 return s_plus, s_minus

def get_relative_closeness(self, s_plus, s_minus):
 """Göreceli yakınlık katsayılarını hesapla"""
 return s_minus / (s_plus + s_minus)

def evaluate(self):
 """TOPSIS değerlendirmesi gerçekleştir"""
 # Normalizasyon
 normalized_matrix = self.normalize_matrix()

 # Ağırlıklı normalizasyon
 weighted_matrix = self.get_weighted_matrix(normalized_matrix)

 # İdeal çözümler
 ideal, negative_ideal = self.get_ideal_solutions(weighted_matrix)

 # Uzaklıklar
 s_plus, s_minus = self.calculate_distances(weighted_matrix,
 ideal, negative_ideal)

 # Göreceli yakınlıklar
 closeness = self.get_relative_closeness(s_plus, s_minus)

 # Sıralama
 rankings = np.argsort(closeness)[::-1]

 return {
 'closeness_coefficients': closeness,
 'rankings': rankings,
 'normalized_matrix': normalized_matrix,
 'weighted_matrix': weighted_matrix,
 'ideal_solutions': (ideal, negative_ideal),
 'distances': (s_plus, s_minus)
 }

```

## 11. ROBUST OPTİMİZASYON TEKNİKLERİ

Robust optimizasyon, belirsizlik altında kararlı çözümler üreten optimizasyon yaklaşımıdır.

### 11.1 Minimax Optimizasyon

```
class MinimaxOptimizer:
 def __init__(self, objective_func, uncertainty_set, bounds):
 self.objective_func = objective_func
 self.uncertainty_set = uncertainty_set
 self.bounds = bounds

 def worst_case_objective(self, x):
 """En kötü durum performansını hesapla"""
 def negative_obj(u):
 return -self.objective_func(x, u)

 # Belirsizlik kümesi üzerinde maksimizasyon
 result = minimize(negative_obj,
 x0=np.zeros(len(self.uncertainty_set)),
 bounds=self.uncertainty_set,
 method='L-BFGS-B')

 return -result.fun

 def optimize(self, n_starts=10):
 """Minimax optimizasyonu gerçekleştir"""
 best_solution = None
 best_worst_case = float('inf')

 for _ in range(n_starts):
 # Rastgele başlangıç noktası
 x0 = np.random.uniform(self.bounds[:, 0],
 self.bounds[:, 1])

 # Dış minimizasyon
 result = minimize(self.worst_case_objective,
 x0=x0,
 bounds=self.bounds,
 method='L-BFGS-B')

 if result.fun < best_worst_case:
 best_worst_case = result.fun
 best_solution = result.x

 return best_solution, best_worst_case
```

### 11.2 Belirsizlik Kümesi Optimizasyonu

```

class UncertaintySetOptimizer:
 def __init__(self, nominal_problem, uncertainty_radius):
 self.nominal_problem = nominal_problem
 self.uncertainty_radius = uncertainty_radius

 def robust_constraint(self, x, constraint_func):
 """Robust kısıt fonksiyonu"""
 nominal_value = constraint_func(x)
 gradient = approx_fprime(x, constraint_func)

 # Belirsizlik kümesi için worst-case sapma
 worst_case_deviation = self.uncertainty_radius * np.linalg.norm(gradient)

 return nominal_value + worst_case_deviation

 def optimize(self):
 """Belirsizlik kümesi optimizasyonu gerçekleştir"""
 def robust_objective(x):
 nominal_obj = self.nominal_problem.objective(x)
 obj_gradient = approx_fprime(x, self.nominal_problem.objective)

 # Worst-case objektif değeri
 worst_case_obj = nominal_obj + \
 self.uncertainty_radius * np.linalg.norm(obj_gradient)

 return worst_case_obj

 # Robust kısıtları oluştur
 robust_constraints = []
 for constraint in self.nominal_problem.constraints:
 def robust_cons(x, constraint=constraint):
 return self.robust_constraint(x, constraint)
 robust_constraints.append(robust_cons)

 # Optimizasyonu gerçekleştir
 result = minimize(robust_objective,
 x0=self.nominal_problem.initial_guess,
 constraints=robust_constraints,
 method='SLSQP')

 return result.x, result.fun

```

## 12. ONLINE/GERÇEK ZAMANLI OPTİMİZASYON

Online optimizasyon, sürekli güncellenen veri akışı üzerinde çalışan ve gerçek zamanlı kararlar veren optimizasyon teknikleridir.

### 12.1 Online Gradyan İnişi

```

class OnlineGradientDescent:
 def __init__(self, learning_rate=0.01, decay=0.999):

```

```

self.learning_rate = learning_rate
self.decay = decay
self.t = 0 # Zaman adımı

def update(self, x, gradient):
 """Tek bir online güncelleme adımı"""
 self.t += 1

 # Öğrenme oranını azalt
 current_lr = self.learning_rate * (self.decay ** self.t)

 # Parametreleri güncelle
 x_new = x - current_lr * gradient
 return x_new

def optimize_stream(self, data_stream, initial_x, max_iterations=1000):
 """Veri akışı üzerinde optimizasyon"""
 x = initial_x
 trajectory = [x.copy()]

 for t, data_batch in enumerate(data_stream):
 if t >= max_iterations:
 break

 # Gradyanı hesapla
 gradient = self.compute_gradient(x, data_batch)

 # Parametreleri güncelle
 x = self.update(x, gradient)
 trajectory.append(x.copy())

 return x, trajectory

```

## 12.2 Adaptif Online Öğrenme

```

class AdaptiveOnlineLearner:
 def __init__(self, dimension, beta=0.9):
 self.dimension = dimension
 self.beta = beta

 # İkinci moment tahminini başlat
 self.v = np.zeros(dimension)

 def update(self, x, gradient):
 """Adaptif öğrenme oranlı güncelleme"""
 # İkinci moment tahminini güncelle
 self.v = self.beta * self.v + (1 - self.beta) * gradient**2

 # Adaptif öğrenme oranları
 adaptive_lr = 1 / np.sqrt(self.v + 1e-8)

 # Parametreleri güncelle

```



```

x_new = x - adaptive_lr * gradient
return x_new

def optimize_stream(self, data_stream, initial_x, max_iterations=1000):
 x = initial_x
 regret = 0 # Kümülatif pişmanlık

 for t, data_batch in enumerate(data_stream):
 if t >= max_iterations:
 break

 # Mevcut kaybı hesapla
 current_loss = self.compute_loss(x, data_batch)

 # Gradyanı hesapla
 gradient = self.compute_gradient(x, data_batch)

 # Parametreleri güncelle
 x = self.update(x, gradient)

 # Pişmanlığı güncelle
 optimal_loss = self.compute_optimal_loss(data_batch)
 regret += current_loss - optimal_loss

 return x, regret

```

## 13. KUANTUM OPTİMİZASYON ALGORİTMALARI

### 13.1 Kuantum Tavlama (Quantum Annealing)

Kuantum tavlama, klasik tavlama algoritmasının kuantum tünelleme etkilerini kullanarak geliştirilmiş versiyonudur. Enerji minimizasyonu problemlerinde özellikle etkilidir.

```

class QuantumAnnealer:
 def __init__(self, hamiltonian, n_qubits, gamma=1.0):
 self.hamiltonian = hamiltonian # Problem Hamiltonian'ı
 self.n_qubits = n_qubits
 self.gamma = gamma # Tünelleme katsayısı

 # Kuantum devresini başlat
 self.circuit = QuantumCircuit(n_qubits)

 def initialize_superposition(self):
 """Tüm kubitleri süperpozisyona getir"""
 for qubit in range(self.n_qubits):
 self.circuit.h(qubit) # Hadamard kapısı

 def apply_quantum_fluctuation(self, s):
 """Kuantum dalgalanmaları uygula"""
 # s: Tavlama programı parametresi (0 -> 1)
 strength = self.gamma * (1 - s)

```

```

 for qubit in range(self.n_qubits):
 self.circuit.rx(strength, qubit) # X eksenli rotasyonu

def apply_problem_hamiltonian(self, s):
 """Problem Hamiltonian'ını uygula"""
 strength = s

 for i, j, coupling in self.hamiltonian:
 self.circuit.czz(coupling * strength, i, j)

def anneal(self, steps=1000, shots=1000):
 """Kuantum tavlama sürecini gerçekleştir"""
 self.initialize_superposition()

 for step in range(steps):
 s = step / steps # Tavlama programı

 # Kuantum ve klasik etkileri dengele
 self.apply_quantum_fluctuation(s)
 self.apply_problem_hamiltonian(s)

 # Ölçüm yap
 self.circuit.measure_all()

 # Simüle et ve sonuçları al
 simulator = Aer.get_backend('qasm_simulator')
 result = execute(self.circuit, simulator, shots=shots).result()
 counts = result.get_counts()

 # En iyi çözümü bul
 best_state = max(counts.items(), key=lambda x: x[1])[0]
 return best_state, self.evaluate_solution(best_state)

def evaluate_solution(self, state):
 """Çözümün enerjisini hesapla"""
 energy = 0
 state_array = np.array([int(bit) for bit in state])

 for i, j, coupling in self.hamiltonian:
 energy += coupling * state_array[i] * state_array[j]

 return energy

```

## 13.2 QAOA (Quantum Approximate Optimization Algorithm)

QAOA, kombinatoryal optimizasyon problemleri için tasarlanmış bir kuantum algoritmasıdır.

```

class QAOAOptimizer:
 def __init__(self, cost_hamiltonian, p_steps=1):
 self.cost_hamiltonian = cost_hamiltonian

```

```

self.p_steps = p_steps # QAOA derinliği

def create_qaoa_circuit(self, beta, gamma):
 """QAOA devresini oluştur"""
 n_qubits = len(self.cost_hamiltonian)
 qc = QuantumCircuit(n_qubits)

 # Başlangıç durumu
 for qubit in range(n_qubits):
 qc.h(qubit)

 # QAOA katmanları
 for p in range(self.p_steps):
 # Problem Hamiltonian'ı
 for i, j, weight in self.cost_hamiltonian:
 qc.cx(i, j)
 qc.rz(2 * gamma[p] * weight, j)
 qc.cx(i, j)

 # Karıştırıcı Hamiltonian
 for qubit in range(n_qubits):
 qc.rx(2 * beta[p], qubit)

 return qc

def compute_expectation(self, counts, shots):
 """Beklenen enerjiyi hesapla"""
 energy = 0
 for bitstring, count in counts.items():
 # Bit dizisini sayı dizisine çevir
 z = np.array([1 - 2 * int(bit) for bit in bitstring])

 # Enerjiyi hesapla
 config_energy = 0
 for i, j, weight in self.cost_hamiltonian:
 config_energy += weight * z[i] * z[j]

 energy += config_energy * count / shots

 return energy

def optimize(self, n_iterations=100):
 """QAOA parametrelerini optimize et"""
 # Başlangıç parametreleri
 beta = np.random.uniform(0, np.pi, self.p_steps)
 gamma = np.random.uniform(0, 2*np.pi, self.p_steps)

 def objective(params):
 beta = params[:self.p_steps]
 gamma = params[self.p_steps:]

 # Devreyi oluştur ve simüle et

```

```

qc = self.create_qaoa_circuit(beta, gamma)
simulator = Aer.get_backend('qasm_simulator')
shots = 1000
counts = execute(qc, simulator, shots=shots).result().get_counts()

Beklenen enerjiyi hesapla
return self.compute_expectation(counts, shots)

Klasik optimizasyon
result = minimize(objective,
 np.concatenate([beta, gamma]),
 method='COBYLA')

optimal_beta = result.x[:self.p_steps]
optimal_gamma = result.x[self.p_steps:]

return optimal_beta, optimal_gamma, result.fun

```

### ## 13.3 VQE (Variational Quantum Eigensolver)

VQE, kuantum-klasik hibrit bir algoritmadır ve özellikle kimyasal sistemlerin yer durumu enerjisini bulmak için kullanılır.

```
```python
```

```
class VariationalQuantumEigensolver:
```

```

    def __init__(self, hamiltonian, ansatz_depth=2):
        self.hamiltonian = hamiltonian
        self.ansatz_depth = ansatz_depth
        self.n_qubits = self._get_num_qubits()

```

```

    def create_ansatz(self, parameters):
        """Parametrelili kuantum devresi oluştur"""
        qc = QuantumCircuit(self.n_qubits)
        param_idx = 0

```

```

        for d in range(self.ansatz_depth):
            # Tek kubit rotasyonları
            for q in range(self.n_qubits):
                qc.rx(parameters[param_idx], q)
                param_idx += 1
                qc.ry(parameters[param_idx], q)
                param_idx += 1
                qc.rz(parameters[param_idx], q)
                param_idx += 1

```

```

            # Entanglement katmanı
            for q in range(self.n_qubits-1):
                qc.cx(q, q+1)

```

```
        return qc
```

```

    def compute_expectation(self, parameters):

```

```

"""Hamiltonian'ın beklenen değerini hesapla"""
qc = self.create_ansatz(parameters)

# Pauli terimleri için ölçümler
expectations = []
weights = []

for pauli_string, weight in self.hamiltonian:
    measured_qc = self.measure_pauli_string(qc, pauli_string)
    simulator = Aer.get_backend('qasm_simulator')
    counts = execute(measured_qc, simulator,
                      shots=1000).result().get_counts()

    # Beklenen değeri hesapla
    exp_val = 0
    for bitstring, count in counts.items():
        exp_val += (-1)**sum(int(bit) for bit in bitstring) * count/1000

    expectations.append(exp_val)
    weights.append(weight)

return np.sum(np.array(weights) * np.array(expectations))

def optimize(self, initial_params=None):
    """VQE optimizasyonunu gerçekleştir"""
    n_params = self.ansatz_depth * self.n_qubits * 3

    if initial_params is None:
        initial_params = np.random.uniform(-np.pi, np.pi, n_params)

    result = minimize(self.compute_expectation,
                      initial_params,
                      method='COBYLA',
                      options={'maxiter': 500})

    return result.x, result.fun

```

14. OPTİMİZASYON ALGORİTMALARININ KARŞILAŞTIRMALI ANALİZİ

14.1 Performans Karşılaştırma Çerçevesi

```

class OptimizationBenchmark:
    def __init__(self, test_functions, optimizers):
        self.test_functions = test_functions
        self.optimizers = optimizers

    def run_benchmark(self, n_trials=30, max_evaluations=10000):
        """Karşılaştırmalı performans analizi yap"""
        results = {
            'convergence_speed': {},
            'solution_quality': {},
            'robustness': {},

```

```

        'computational_cost': {}
    }

    for func_name, func in self.test_functions.items():
        for opt_name, optimizer in self.optimizers.items():
            # Her algoritma için çoklu deneme
            trials_data = []

            for trial in range(n_trials):
                start_time = time.time()

                # Optimizasyonu gerçekleştir
                solution, trajectory = optimizer.optimize(
                    func,
                    max_evaluations=max_evaluations
                )

                end_time = time.time()

                trials_data.append({
                    'solution': solution,
                    'final_value': func(solution),
                    'convergence': trajectory,
                    'time': end_time - start_time
                })

            # Metrikleri hesapla
            results['convergence_speed'][f"{opt_name}_{func_name}"] = \
                self.analyze_convergence(trials_data)
            results['solution_quality'][f"{opt_name}_{func_name}"] = \
                self.analyze_quality(trials_data)
            results['robustness'][f"{opt_name}_{func_name}"] = \
                self.analyze_robustness(trials_data)
            results['computational_cost'][f"{opt_name}_{func_name}"] = \
                self.analyze_cost(trials_data)

    return results

def analyze_convergence(self, trials_data):
    """Yakınsama hızını analiz et"""
    convergence_rates = []

    for trial in trials_data:
        trajectory = trial['convergence']
        # İlk %90 iyileşmeye kadar geçen iterasyon sayısı
        total_improvement = trajectory[0] - trajectory[-1]
        threshold = trajectory[0] - 0.9 * total_improvement

        for i, value in enumerate(trajectory):
            if value <= threshold:
                convergence_rates.append(i)
                break

```

```

    return {
        'mean_rate': np.mean(convergence_rates),
        'std_rate': np.std(convergence_rates)
    }

def analyze_quality(self, trials_data):
    """Çözüm kalitesini analiz et"""
    final_values = [trial['final_value'] for trial in trials_data]

    return {
        'best': np.min(final_values),
        'mean': np.mean(final_values),
        'std': np.std(final_values)
    }

def analyze_robustness(self, trials_data):
    """Algoritmanın gürbüzlüğü analiz et"""
    solutions = np.array([trial['solution'] for trial in trials_data])

    return {
        'solution_spread': np.std(solutions, axis=0),
        'success_rate': np.mean([trial['final_value'] < 1e-6
                                for trial in trials_data])
    }

def analyze_cost(self, trials_data):
    """Hesaplama maliyetini analiz et"""
    times = [trial['time'] for trial in trials_data]

    return {
        'mean_time': np.mean(times),
        'std_time': np.std(times)
    }

```

15. GERÇEK DÜNYA UYGULAMALARI VE VAKA ÇALIŞMALARI

15.1 Endüstriyel Optimizasyon Uygulamaları

15.1.1 Üretim Planlama ve Çizelgeleme

Üretim ortamında karşılaşılan karmaşık çizelgeleme problemlerinin çözümü için geliştirilmiş hibrit optimizasyon yaklaşımı:

```

class ProductionScheduler:
    def __init__(self, resources, jobs, constraints):
        """
        resources: Mevcut makineler ve kapasiteleri
        jobs: Tamamlanması gereken işler ve özellikleri

```

```

constraints: Üretim kısıtları (öncelik ilişkileri, teslim tarihleri vb.)
"""

self.resources = resources
self.jobs = jobs
self.constraints = constraints

# Çizelgeleme için karma tamsayılı programlama modeli
self.model = self.create_optimization_model()

def create_optimization_model(self):
    """Optimizasyon modelini oluştur"""
    model = Model("Production_Scheduling")

    # Karar değişkenleri
    # x[i,j,t]: i işinin j makinesinde t zamanında başlaması
    x = model.addVars([(i,j,t) for i in self.jobs
                        for j in self.resources
                        for t in self.time_periods],
                      vtype=GRB.BINARY,
                      name="assignment")

    # Kısıtlar
    # 1. Her iş tam olarak bir kez atanmalı
    for i in self.jobs:
        model.addConstr(quicksum(x[i,j,t]
                                for j in self.resources
                                for t in self.time_periods) == 1)

    # 2. Kapasite kısıtları
    for j in self.resources:
        for t in self.time_periods:
            model.addConstr(quicksum(x[i,j,t] * self.jobs[i].duration
                                    for i in self.jobs) <=
self.resources[j].capacity)

    # 3. Öncelik ilişkileri
    for (i1, i2) in self.constraints.precedence:
        model.addConstr(quicksum(t * x[i1,j,t]
                                for j in self.resources
                                for t in self.time_periods) +
self.jobs[i1].duration <=
quicksum(t * x[i2,j,t]
        for j in self.resources
        for t in self.time_periods))

    # Amaç fonksiyonu: Toplam tamamlanma süresini minimize et
    model.setObjective(quicksum(t * x[i,j,t] + self.jobs[i].duration
                                for i in self.jobs
                                for j in self.resources
                                for t in self.time_periods),
                      GRB.MINIMIZE)

```



```

    return model

def solve_with_decomposition(self):
    """Büyük problemler için ayrıştırma yaklaşımı"""
    # Problem boyutunu azaltmak için iş grupları oluştur
    job_groups = self.cluster_jobs()
    sub_schedules = []

    for group in job_groups:
        # Alt problem için yeni bir model oluştur
        sub_model = self.create_sub_problem(group)
        schedule = self.solve_sub_problem(sub_model)
        sub_schedules.append(schedule)

    # Alt çizelgeleri birleştir
    final_schedule = self.merge_schedules(sub_schedules)

    # Yerel arama ile iyileştir
    improved_schedule = self.local_search(final_schedule)

    return improved_schedule

def solve_sub_problem(self, sub_model):
    """Alt problemi çöz ve sonuçları döndür"""
    # Zaman limitli çözüm
    sub_model.setParam('TimeLimit', 300) # 5 dakika
    sub_model.optimize()

    if sub_model.status == GRB.OPTIMAL:
        return self.extract_schedule(sub_model)
    else:
        # Sezgisel yaklaşım kullan
        return self.apply_heuristic()

def local_search(self, initial_schedule):
    """Çizelgeyi yerel arama ile iyileştir"""
    current_schedule = initial_schedule
    best_schedule = initial_schedule
    best_makespan = self.calculate_makespan(initial_schedule)

    for iteration in range(1000): # Maksimum iterasyon
        # Komşu çözüm üret
        neighbor = self.generate_neighbor(current_schedule)

        # Komşu çözümün makespanını hesapla
        neighbor_makespan = self.calculate_makespan(neighbor)

        # Daha iyi çözüm bulunduysa güncelle
        if neighbor_makespan < best_makespan:
            best_schedule = neighbor
            best_makespan = neighbor_makespan
            current_schedule = neighbor

```

```

    else:
        # Simulated annealing kabul kriteri
        if random.random() < np.exp(-(neighbor_makespan - best_makespan) /
                                         self.temperature(iteration)):
            current_schedule = neighbor

    return best_schedule

```

15.1.2 Kalite Kontrol Optimizasyonu

Üretim sürecinde kalite kontrol parametrelerinin optimizasyonu için çok amaçlı optimizasyon yaklaşımı:

```

class QualityOptimizer:
    def __init__(self, process_parameters, quality_metrics):
        self.parameters = process_parameters
        self.metrics = quality_metrics
        self.historical_data = []

    def evaluate_quality(self, parameters):
        """Kalite metriklerini hesapla"""
        quality_scores = {}

        for metric in self.metrics:
            # Yapay sinir ağı ile tahmin
            predicted_quality = self.predict_quality(parameters, metric)
            quality_scores[metric] = predicted_quality

        return quality_scores

    def optimize_parameters(self):
        """Pareto-optimal parametre setini bul"""
        # NSGA-II algoritması ile çok amaçlı optimizasyon
        problem = Problem(len(self.parameters), len(self.metrics))

        # Parametre sınırlarını tanımla
        problem.types[:] = [Real(param.lower, param.upper)
                             for param in self.parameters]

        # Amaç fonksiyonlarını tanımla
        problem.function = self.evaluate_objectives

        # Optimizasyonu gerçekleştir
        algorithm = NSGAIID(problem)
        algorithm.run(10000)

        # Pareto cephesini döndür
        return algorithm.result

    def evaluate_objectives(self, parameters):
        """Çok amaçlı optimizasyon için amaç fonksiyonları"""
        quality_scores = self.evaluate_quality(parameters)

```



```

        ub=1.0,
        name="weights")

# Kısıtlar
# 1. Ağırlıklar toplamı 1 olmalı
model.addConstr(quicksum(weights[i] for i in range(n_assets)) == 1)

if target_return is not None:
    # 2. Hedef getiri kısıtı
    model.addConstr(quicksum(weights[i] * self.expected_returns[i]
                              for i in range(n_assets)) >= target_return)

# Amaç fonksiyonu
if risk_tolerance is not None:
    # Risk-getiri dengesini optimize et
    portfolio_return = quicksum(weights[i] * self.expected_returns[i]
                                for i in range(n_assets))
    portfolio_risk = quicksum(weights[i] * weights[j] *
                              self.cov_matrix[i,j]
                              for i in range(n_assets)
                              for j in range(n_assets))

    model.setObjective(portfolio_return -
                      risk_tolerance * portfolio_risk,
                      GRB.MAXIMIZE)
else:
    # Minimum varyans portföyü
    model.setObjective(quicksum(weights[i] * weights[j] *
                              self.cov_matrix[i,j]
                              for i in range(n_assets)
                              for j in range(n_assets)),
                      GRB.MINIMIZE)

# Modeli çöz
model.optimize()

return self.extract_solution(model, weights)

def efficient_frontier(self, n_points=50):
    """Etkin sınırı hesapla"""
    min_ret = min(self.expected_returns)
    max_ret = max(self.expected_returns)
    target_returns = np.linspace(min_ret, max_ret, n_points)

    frontier_portfolios = []
    for target in target_returns:
        weights = self.optimize_portfolio(target_return=target)
        portfolio = {
            'weights': weights,
            'return': self.calculate_portfolio_return(weights),
            'risk': self.calculate_portfolio_risk(weights),
            'sharpe': self.calculate_sharpe_ratio(weights)
        }

```

```
    }
    frontier_portfolios.append(portfolio)

return frontier_portfolios
```

15.3 Lojistik ve Tedarik Zinciri Optimizasyonu

15.3.1 Rota Optimizasyonu (Vehicle Routing Problem)

Rota optimizasyonu, lojistik operasyonlarının verimliliğini artırmak için kullanılan temel bir optimizasyon problemidir. Aşağıdaki implementasyon, zaman pencere ve kapasiteli araç rotalama problemini çözmektedir:

```
class VehicleRoutingOptimizer:
    def __init__(self, locations, demands, time_windows, vehicle_capacity):
        """
        locations: Teslimat noktalarının koordinatları
        demands: Her noktanın talep miktarı
        time_windows: Her nokta için teslimat zaman aralığı
        vehicle_capacity: Araç kapasitesi
        """
        self.locations = locations
        self.demands = demands
        self.time_windows = time_windows
        self.vehicle_capacity = vehicle_capacity

        # Mesafe matrisini hesapla
        self.distances = self.calculate_distance_matrix()

    def create_optimization_model(self):
        """Karma tamsayılı programlama modeli oluştur"""
        n_locations = len(self.locations)
        vehicles = range(self.n_vehicles)

        model = Model("VRP_Optimization")

        # Karar değişkenleri
        # x[i,j,k]: k aracı i'den j'ye giderse 1, değilse 0
        x = model.addVars([(i,j,k) for i in range(n_locations)
                               for j in range(n_locations)
                               for k in vehicles],
                           vtype=GRB.BINARY,
                           name="route")

        # y[i,k]: k aracının i noktasına varış zamanı
        y = model.addVars([(i,k) for i in range(n_locations)
                               for k in vehicles],
                           name="arrival_time")
```

```

# Kısıtlar
# 1. Her nokta tam olarak bir kez ziyaret edilmeli
for i in range(1, n_locations): # Depo hariç
    model.addConstr(quicksum(x[i,j,k]
                            for j in range(n_locations)
                            for k in vehicles) == 1)

# 2. Araç kapasitesi aşılmamalı
for k in vehicles:
    model.addConstr(quicksum(self.demands[i] * x[i,j,k]
                            for i in range(1, n_locations)
                            for j in range(n_locations)) <=
                    self.vehicle_capacity)

# 3. Zaman penceresi kısıtları
M = 10000 # Büyük sayı
for i in range(n_locations):
    for k in vehicles:
        model.addConstr(y[i,k] >= self.time_windows[i][0])
        model.addConstr(y[i,k] <= self.time_windows[i][1])

# 4. Alt tur eliminasyon kısıtları
for i in range(n_locations):
    for j in range(n_locations):
        for k in vehicles:
            if i != j:
                model.addConstr(y[i,k] + self.service_time[i] +
                                self.travel_time[i][j] <=
                                y[j,k] + M * (1 - x[i,j,k]))

# Amaç fonksiyonu: Toplam mesafeyi minimize et
model.setObjective(quicksum(self.distances[i][j] * x[i,j,k]
                            for i in range(n_locations)
                            for j in range(n_locations)
                            for k in vehicles),
                  GRB.MINIMIZE)

return model

def solve_with_adaptive_large_neighborhood_search(self):
    """Büyük problemler için sezgisel çözüm yaklaşımı"""
    current_solution = self.construct_initial_solution()
    best_solution = current_solution
    best_cost = self.calculate_solution_cost(best_solution)

    for iteration in range(1000): # Maksimum iterasyon
        # Mevcut çözümün bir kısmını yık
        destroyed_solution = self.destroy_solution(current_solution)

        # Çözümü yeniden inşa et
        repaired_solution = self.repair_solution(destroyed_solution)

```

```

        # Yeni çözümün maliyetini hesapla
        new_cost = self.calculate_solution_cost(repaired_solution)

        # Kabul kriteri
        if new_cost < best_cost:
            best_solution = repaired_solution
            best_cost = new_cost
            current_solution = repaired_solution
        elif self.accept_solution(new_cost, best_cost, iteration):
            current_solution = repaired_solution

    return best_solution, best_cost

def destroy_solution(self, solution):
    """Çözümün bir kısmını rastgele yık"""
    # Yıkılacak müşteri sayısını belirle
    destroy_count = random.randint(5, len(solution.customers) // 4)

    # Rastgele müşterileri seç ve kaldır
    customers_to_remove = random.sample(solution.customers, destroy_count)
    return self.remove_customers(solution, customers_to_remove)

def repair_solution(self, partial_solution):
    """Yıkılan çözümü yeniden inşa et"""
    # En yakın ekleme sezgiseli
    unassigned = self.get_unassigned_customers(partial_solution)

    while unassigned:
        # En iyi ekleme pozisyonunu bul
        best_insertion = self.find_best_insertion(unassigned,
                                                    partial_solution)

        # Müşteriyi ekle
        partial_solution = self.insert_customer(partial_solution,
                                                best_insertion)

        unassigned.remove(best_insertion.customer)

    return partial_solution

```

15.3.2 Envanter Yönetimi Optimizasyonu

Stokastik talep altında envanter yönetimi için dinamik programlama yaklaşımı:

```

class InventoryOptimizer:
    def __init__(self, demand_distribution, holding_cost, ordering_cost,
                 stockout_cost, lead_time):
        self.demand_dist = demand_distribution
        self.holding_cost = holding_cost
        self.ordering_cost = ordering_cost
        self.stockout_cost = stockout_cost
        self.lead_time = lead_time

```

```

def optimize_policy(self, horizon, max_inventory):
    """Optimal (s,S) politikasını belirle"""
    # Durum uzayını oluştur
    states = range(-max_inventory, max_inventory + 1)
    actions = range(max_inventory + 1) # Sipariş miktarları

    # Değer fonksiyonu ve politika matrisleri
    V = np.zeros((horizon + 1, len(states)))
    policy = np.zeros((horizon, len(states)), dtype=int)

    # Geriye doğru dinamik programlama
    for t in range(horizon - 1, -1, -1):
        for i, inventory in enumerate(states):
            min_cost = float('inf')
            best_action = 0

            for order in actions:
                # Eğer sipariş verilecekse
                if order > 0:
                    # Sipariş maliyeti
                    cost = self.ordering_cost + order * self.unit_cost
                else:
                    cost = 0

                # Beklenen maliyet hesabı
                expected_cost = self.calculate_expected_cost(
                    inventory, order, V[t+1])

                total_cost = cost + expected_cost

                if total_cost < min_cost:
                    min_cost = total_cost
                    best_action = order

            V[t,i] = min_cost
            policy[t,i] = best_action

    return V, policy

def calculate_expected_cost(self, inventory, order, future_values):
    """Bir durum-aksiyon çifti için beklenen maliyeti hesapla"""
    expected_cost = 0

    # Olası talep değerleri üzerinden beklenen değer
    for demand, prob in self.demand_dist.items():
        # Net envanter pozisyonu
        net_inventory = inventory + order - demand

        # Elde tutma maliyeti
        if net_inventory > 0:
            holding = self.holding_cost * net_inventory
        else:

```



```

        holding = 0

        # Stoksuzluk maliyeti
        if net_inventory < 0:
            stockout = self.stockout_cost * (-net_inventory)
        else:
            stockout = 0

        # Gelecek değer
        future = future_values[self.state_to_index(net_inventory)]

        expected_cost += prob * (holding + stockout + future)

    return expected_cost

```

15.3.3 Tesis Yerleşimi Optimizasyonu

Çok amaçlı tesis yerleşimi problemi için genetik algoritma tabanlı çözüm:

```

class FacilityLocationOptimizer:
    def __init__(self, demand_points, candidate_locations,
                 fixed_costs, transportation_costs):
        self.demand_points = demand_points
        self.candidates = candidate_locations
        self.fixed_costs = fixed_costs
        self.transport_costs = transportation_costs

    def optimize_locations(self, population_size=100, generations=500):
        """Genetik algoritma ile tesis yerleşimi optimizasyonu"""
        # Başlangıç popülasyonunu oluştur
        population = self.initialize_population(population_size)

        for generation in range(generations):
            # Uygunluk değerlerini hesapla
            fitness_values = [self.evaluate_fitness(solution)
                              for solution in population]

            # Yeni nesil için ebeveynleri seç
            parents = self.select_parents(population, fitness_values)

            # Yeni nesli oluştur
            new_population = []

            while len(new_population) < population_size:
                # Crossover
                parent1, parent2 = random.sample(parents, 2)
                child1, child2 = self.crossover(parent1, parent2)

                # Mutasyon
                child1 = self.mutate(child1)
                child2 = self.mutate(child2)

```

```

        new_population.extend([child1, child2])

        # Elitizm: En iyi çözümleri koru
        elite_count = population_size // 10
        elite_indices = np.argsort(fitness_values)[-elite_count:]
        elite_solutions = [population[i] for i in elite_indices]

        # Yeni nesli güncelle
        population = new_population[:-elite_count] + elite_solutions

    # En iyi çözümü döndür
    best_solution = max(population,
                        key=lambda x: self.evaluate_fitness(x))
    return best_solution

def evaluate_fitness(self, solution):
    """Çözümün uygunluk değerini hesapla"""
    total_cost = 0

    # Sabit maliyetler
    for facility, is_open in enumerate(solution):
        if is_open:
            total_cost += self.fixed_costs[facility]

    # Taşıma maliyetleri
    for demand_point in range(len(self.demand_points)):
        # En yakın açık tesisi bul
        min_transport_cost = float('inf')
        for facility, is_open in enumerate(solution):
            if is_open:
                cost = self.transport_costs[demand_point][facility]
                min_transport_cost = min(min_transport_cost, cost)

        total_cost += min_transport_cost

    # Kapsama oranını hesapla
    coverage = self.calculate_coverage(solution)

    # Çok amaçlı uygunluk değeri
    return -total_cost + 1000 * coverage # Ağırlıklı toplam

def calculate_coverage(self, solution):
    """Talep noktalarının kapsanma oranını hesapla"""
    covered_points = 0

    for point in range(len(self.demand_points)):
        for facility, is_open in enumerate(solution):
            if is_open:
                distance = self.calculate_distance(
                    self.demand_points[point],
                    self.candidates[facility]
                )

```

```
        if distance <= self.coverage_radius:
            covered_points += 1
            break

    return covered_points / len(self.demand_points)
```

15.4 Enerji Sistemleri Optimizasyonu

15.4.1 Güç Dağıtım Optimizasyonu

Optimal güç akışı problemi çözümü için interior point yöntemi:

```
class PowerFlowOptimizer:
    def __init__(self, network_data, constraints, cost_functions):
        self.network = network_data
        self.constraints = constraints
        self.cost_functions = cost_functions

    def optimize_power_flow(self):
        """Optimal güç akışı problemi çözümü"""
        # Başlangıç noktası
        x0 = self.initialize_variables()

        # Interior point yöntemi parametreleri
        mu = 1.0 # Bariyer parametresi
        epsilon = 1e-6 # Tolerans

        while mu > epsilon:
            # Newton adımını hesapla
            dx = self.compute_newton_step(x0, mu)

            # Line search ile adım boyutunu belirle
            alpha = self.backtracking_line_search(x0, dx, mu)

            # Değişkenleri güncelle
            x0 = x0 + alpha * dx

            # Bariyer parametresini güncelle
            mu = 0.1 * mu

        return x0

    def compute_newton_step(self, x, mu):
        """Newton adımını hesapla"""
        # Gradyan ve Hessian hesabı
        gradient = self.compute_gradient(x, mu)
        hessian = self.compute_hessian(x, mu)

        # Newton sistemi çözümü
        dx = -np.linalg.solve(hessian, gradient)
        return dx
```

```

def compute_gradient(self, x, mu):
    """Gradyan vektörünü hesapla"""
    # Amaç fonksiyonu gradyanı
    obj_grad = self.objective_gradient(x)

    # Eşitlik kısıtları gradyanı
    eq_grad = self.equality_constraints_gradient(x)

    # Eşitsizlik kısıtları gradyanı
    ineq_grad = self.inequality_constraints_gradient(x)

    # Bariyer terimi gradyanı
    barrier_grad = self.barrier_gradient(x, mu)

    return obj_grad + eq_grad + ineq_grad + barrier_grad

def compute_hessian(self, x, mu):
    """Hessian matrisini hesapla"""
    # Amaç fonksiyonu Hessian'ı
    obj_hess = self.objective_hessian(x)

    # Kısıtlar Hessian'ı
    cons_hess = self.constraints_hessian(x)

    # Bariyer terimi Hessian'ı
    barrier_hess = self.barrier_hessian(x, mu)

    return obj_hess + cons_hess + barrier_hess

```

15.4.2 Yenilenebilir Enerji Planlaması

Karma enerji sistemleri için çok periyotlu optimizasyon:

```

```python
class RenewableEnergyPlanner:
 def __init__(self, renewable_sources, storage_systems, load_profile):
 """
 renewable_sources: Her yenilenebilir kaynak için üretim profili
 storage_systems: Enerji depolama sistemleri özellikleri
 load_profile: Talep profili
 """
 self.sources = renewable_sources
 self.storage = storage_systems
 self.load = load_profile
 self.time_periods = len(load_profile)

 def optimize_system(self):
 """Karma enerji sistemini optimize et"""
 model = Model("Renewable_Energy_System")

 # Karar değişkenleri

```

```

Yenilenebilir kaynaklardan üretim
generation = model.addVars(
 [(s, t) for s in self.sources
 for t in range(self.time_periods)],
 name="generation"
)

Depolama sistemi şarj/deşarj
charge = model.addVars(
 [(b, t) for b in self.storage
 for t in range(self.time_periods)],
 name="charge"
)
discharge = model.addVars(
 [(b, t) for b in self.storage
 for t in range(self.time_periods)],
 name="discharge"
)

Depolama seviyesi
storage_level = model.addVars(
 [(b, t) for b in self.storage
 for t in range(self.time_periods)],
 name="storage_level"
)

Kısıtlar
1. Güç dengesi
for t in range(self.time_periods):
 model.addConstr(
 quicksum(generation[s,t] for s in self.sources) +
 quicksum(discharge[b,t] - charge[b,t] for b in self.storage) ==
 self.load[t]
)

2. Yenilenebilir üretim kısıtları
for s in self.sources:
 for t in range(self.time_periods):
 model.addConstr(
 generation[s,t] <= self.sources[s].capacity *
 self.sources[s].availability[t]
)

3. Depolama dinamikleri
for b in self.storage:
 for t in range(self.time_periods):
 if t == 0:
 model.addConstr(
 storage_level[b,t] == self.storage[b].initial_level +
 charge[b,t] * self.storage[b].charge_efficiency -
 discharge[b,t] / self.storage[b].discharge_efficiency
)

```

```

 else:
 model.addConstr(
 storage_level[b,t] == storage_level[b,t-1] +
 charge[b,t] * self.storage[b].charge_efficiency -
 discharge[b,t] / self.storage[b].discharge_efficiency
)

4. Depolama kapasite kısıtları
for b in self.storage:
 for t in range(self.time_periods):
 model.addConstr(
 storage_level[b,t] <= self.storage[b].capacity
)
 model.addConstr(
 storage_level[b,t] >= self.storage[b].min_level
)

Amaç fonksiyonu: Toplam maliyeti minimize et
objective = quicksum(
 self.sources[s].cost * generation[s,t]
 for s in self.sources
 for t in range(self.time_periods)
) + quicksum(
 self.storage[b].cost * (charge[b,t] + discharge[b,t])
 for b in self.storage
 for t in range(self.time_periods)
)

model.setObjective(objective, GRB.MINIMIZE)
model.optimize()

return self.extract_solution(model, generation, storage_level)

```

#### ## 15.4.3 Enerji Depolama Optimizasyonu

Enerji depolama sistemleri için stokastik optimizasyon:

```
```python
```

```
class EnergyStorageOptimizer:
```

```

    def __init__(self, storage_params, price_scenarios, load_scenarios):
        self.storage = storage_params
        self.price_scenarios = price_scenarios
        self.load_scenarios = load_scenarios
        self.n_scenarios = len(price_scenarios)

```

```

    def optimize_operation(self):
        """Depolama sistemi operasyonunu optimize et"""
        model = Model("Storage_Optimization")

```

```

        # Birinci aşama değişkenleri (kapasite kararları)
        capacity = model.addVar(name="capacity")
        power_rating = model.addVar(name="power_rating")

```

```

# İkinci aşama değişkenleri (operasyonel kararlar)
charge = model.addVars(
    [(s,t) for s in range(self.n_scenarios)
     for t in range(self.time_periods)],
    name="charge"
)
discharge = model.addVars(
    [(s,t) for s in range(self.n_scenarios)
     for t in range(self.time_periods)],
    name="discharge"
)
energy_level = model.addVars(
    [(s,t) for s in range(self.n_scenarios)
     for t in range(self.time_periods)],
    name="energy_level"
)

# Kısıtlar
# 1. Kapasite kısıtları
for s in range(self.n_scenarios):
    for t in range(self.time_periods):
        model.addConstr(charge[s,t] <= power_rating)
        model.addConstr(discharge[s,t] <= power_rating)
        model.addConstr(energy_level[s,t] <= capacity)

# 2. Enerji dengesi
for s in range(self.n_scenarios):
    for t in range(self.time_periods):
        if t == 0:
            model.addConstr(
                energy_level[s,t] == self.storage.initial_level +
                charge[s,t] * self.storage.charge_efficiency -
                discharge[s,t] / self.storage.discharge_efficiency
            )
        else:
            model.addConstr(
                energy_level[s,t] == energy_level[s,t-1] +
                charge[s,t] * self.storage.charge_efficiency -
                discharge[s,t] / self.storage.discharge_efficiency
            )

# Amaç fonksiyonu: Beklenen net geliri maksimize et
objective = -self.storage.capital_cost * capacity - \
    self.storage.power_cost * power_rating + \
    (1/self.n_scenarios) * quicksum(
        self.price_scenarios[s][t] *
        (discharge[s,t] - charge[s,t])
        for s in range(self.n_scenarios)
        for t in range(self.time_periods)
    )

```

```
model.setObjective(objective, GRB.MAXIMIZE)
model.optimize()

return self.extract_solution(model, capacity, power_rating,
                             energy_level)
```

15.4.4 Mikroşebeke Optimizasyonu

Mikroşebeke sistemlerinin gerçek zamanlı kontrolü için model öngörülü kontrol:

```
class MicrogridController:
    def __init__(self, microgrid_components, forecast_model,
                 prediction_horizon=24):
        self.components = microgrid_components
        self.forecast = forecast_model
        self.horizon = prediction_horizon

    def optimize_control(self, current_state):
        """Model öngörülü kontrol optimizasyonu"""
        # Tahminleri güncelle
        load_forecast = self.forecast.predict_load(self.horizon)
        renewable_forecast = self.forecast.predict_renewable(self.horizon)
        price_forecast = self.forecast.predict_prices(self.horizon)

        # Optimizasyon modeli
        model = Model("Microgrid_MPC")

        # Kontrol değişkenleri
        generator_power = model.addVars(
            [(g,t) for g in self.components.generators
             for t in range(self.horizon)],
            name="generator_power"
        )
        storage_power = model.addVars(
            [(b,t) for b in self.components.batteries
             for t in range(self.horizon)],
            lb=-GRB.INFINITY,
            name="storage_power"
        )
        grid_power = model.addVars(
            self.horizon,
            lb=-GRB.INFINITY,
            name="grid_power"
        )

        # Sistem durumu değişkenleri
        battery_energy = model.addVars(
            [(b,t) for b in self.components.batteries
             for t in range(self.horizon+1)],
            name="battery_energy"
        )
```



```

# Başlangıç durumu kısıtları
for b in self.components.batteries:
    model.addConstr(
        battery_energy[b,0] == current_state.battery_levels[b]
    )

# Güç dengesi kısıtları
for t in range(self.horizon):
    model.addConstr(
        quicksum(generator_power[g,t]
                    for g in self.components.generators) +
        quicksum(storage_power[b,t]
                    for b in self.components.batteries) +
        grid_power[t] + renewable_forecast[t] == load_forecast[t]
    )

# Batarya dinamikleri
for b in self.components.batteries:
    for t in range(self.horizon):
        model.addConstr(
            battery_energy[b,t+1] == battery_energy[b,t] -
            storage_power[b,t] * self.components.batteries[b].efficiency
        )

# Operasyonel kısıtlar
for t in range(self.horizon):
    # Jeneratör limitleri
    for g in self.components.generators:
        model.addConstr(
            generator_power[g,t] <=
            self.components.generators[g].max_power
        )
        model.addConstr(
            generator_power[g,t] >=
            self.components.generators[g].min_power
        )

    # Batarya limitleri
    for b in self.components.batteries:
        model.addConstr(
            battery_energy[b,t] <=
            self.components.batteries[b].capacity
        )
        model.addConstr(
            battery_energy[b,t] >=
            self.components.batteries[b].min_energy
        )

    # Şebeke limitleri
    model.addConstr(
        grid_power[t] <= self.components.grid.import_limit
    )

```

```

        model.addConstr(
            grid_power[t] >= -self.components.grid.export_limit
        )

        # Amaç fonksiyonu
        operating_cost = quicksum(
            self.components.generators[g].cost * generator_power[g,t]
            for g in self.components.generators
            for t in range(self.horizon)
        ) + quicksum(
            price_forecast[t] * grid_power[t]
            for t in range(self.horizon)
        )

        model.setObjective(operating_cost, GRB.MINIMIZE)
        model.optimize()

        return self.extract_control_actions(model, generator_power,
                                            storage_power, grid_power)

```

16. YAPAY ZEKA TABANLI OPTİMİZASYON

16.1 Derin Pekiştirmeli Öğrenme ile Optimizasyon

Karmaşık optimizasyon problemlerinin çözümü için derin pekiştirmeli öğrenme yaklaşımı:

```

class DRLOptimizer:
    def __init__(self, state_dim, action_dim, hidden_dim=256):
        self.actor = ActorNetwork(state_dim, action_dim, hidden_dim)
        self.critic = CriticNetwork(state_dim, action_dim, hidden_dim)
        self.memory = ReplayBuffer(capacity=100000)

        self.actor_optimizer = torch.optim.Adam(self.actor.parameters())
        self.critic_optimizer = torch.optim.Adam(self.critic.parameters())

    def optimize_problem(self, environment, episodes=1000):
        """Optimizasyon problemini DRL ile çöz"""
        for episode in range(episodes):
            state = environment.reset()
            episode_reward = 0
            done = False

            while not done:
                # Eylem seç
                action = self.select_action(state)

                # Eylemi uygula
                next_state, reward, done, _ = environment.step(action)

                # Deneyimi kaydet
                self.memory.push(state, action, reward, next_state, done)

```

```

        # Ağırları güncelle
        if len(self.memory) > self.batch_size:
            self.update_networks()

        state = next_state
        episode_reward += reward

    # Sonuçları değerlendir ve kaydet
    self.evaluate_performance(episode, episode_reward)

def update_networks(self):
    """Aktör ve kritik ağırlarını güncelle"""
    # Deneyim örnekleri al
    states, actions, rewards, next_states, dones = \
        self.memory.sample(self.batch_size)

    # Kritik ağı güncelle
    current_Q = self.critic(states, actions)
    next_actions = self.actor_target(next_states)
    next_Q = self.critic_target(next_states, next_actions)
    target_Q = rewards + self.gamma * next_Q * (1 - dones)

    critic_loss = F.mse_loss(current_Q, target_Q.detach())

    self.critic_optimizer.zero_grad()
    critic_loss.backward()
    self.critic_optimizer.step()

    # Aktör ağı güncelle
    actor_loss = -self.critic(states, self.actor(states)).mean()

    self.actor_optimizer.zero_grad()
    actor_loss.backward()
    self.actor_optimizer.step()

```

16.2 Meta-Öğrenme ile Optimizasyon

Meta-öğrenme yaklaşımı ile optimizasyon algoritmalarının otomatik öğrenilmesi:

```

class MetaOptimizer:
    def __init__(self, problem_generator, meta_lr=0.001):
        self.problem_generator = problem_generator
        self.meta_lr = meta_lr
        self.meta_optimizer = MAML(model=OptimizationNetwork(),
                                    lr=meta_lr)

    def meta_train(self, n_tasks=1000, n_adaptation_steps=5):
        """Meta-öğrenme ile optimizasyon stratejisi öğren"""
        for task_batch in range(n_tasks):
            meta_train_loss = 0.0
            meta_valid_loss = 0.0

```

```

# Görev örnekleme
tasks = self.sample_tasks()

for task in tasks:
    # Hızlı adaptasyon
    adapted_model = self.adapt_to_task(task, n_adaptation_steps)

    # Meta-güncelleme için değerlendirme
    meta_train_loss += self.evaluate_model(adapted_model, task)

    # Validasyon görevi üzerinde değerlendirme
    valid_task = self.sample_validation_task()
    meta_valid_loss += self.evaluate_model(adapted_model,
                                          valid_task)

# Meta-optimizasyon adımı
self.meta_optimizer.step(meta_train_loss / len(tasks))

# Performansı izle
self.log_performance(task_batch, meta_train_loss, meta_valid_loss)

def adapt_to_task(self, task, n_steps):
    """Tek bir göreve hızlı adaptasyon"""
    adapted_model = self.meta_optimizer.clone()

    for step in range(n_steps):
        train_inputs, train_targets = task.get_train_batch()

        # İleri yayılım
        predictions = adapted_model(train_inputs)
        loss = F.mse_loss(predictions, train_targets)

        # Geri yayılım ve güncelleme
        adapted_model.adapt(loss)

    return adapted_model

```

16.3 Otomatik Makine Öğrenmesi (AutoML) ile Optimizasyon

Hiperparametre optimizasyonu ve model seçimi için AutoML yaklaşımı:

```

class AutoMLOptimizer:
    def __init__(self, problem_space, evaluation_metric, time_budget):
        self.problem_space = problem_space
        self.metric = evaluation_metric
        self.time_budget = time_budget

        self.search_space = self.define_search_space()
        self.meta_learner = self.initialize_meta_learner()

    def optimize(self):

```

```

"""AutoML süreci ile optimal modeli bul"""
start_time = time.time()
best_config = None
best_performance = float('-inf')

while time.time() - start_time < self.time_budget:
    # Meta-öğrenme ile yeni konfigürasyon öner
    config = self.meta_learner.suggest_configuration()

    # Modeli eğit ve değerlendir
    model = self.train_model(config)
    performance = self.evaluate_model(model)

    # Meta-öğreniciyi güncelle
    self.meta_learner.update(config, performance)

    # En iyi sonucu güncelle
    if performance > best_performance:
        best_performance = performance
        best_config = config

    # Ara sonuçları raporla
    self.log_progress(config, performance)

return best_config, best_performance

```

17. HİBRİT OPTİMİZASYON SİSTEMLERİ

17.1 Çok Seviyeli Optimizasyon

İç içe optimizasyon problemleri için hibrit çözüm yaklaşımı:

```

class MultiLevelOptimizer:
    def __init__(self, upper_level_problem, lower_level_problem):
        self.upper_problem = upper_level_problem
        self.lower_problem = lower_level_problem

    def optimize(self):
        """Çok seviyeli optimizasyon gerçekleştir"""
        upper_solution = None
        lower_solution = None

        # Dış döngü (üst seviye problemi)
        for outer_iteration in range(self.max_outer_iterations):
            # Üst seviye değişkenlerini güncelle
            upper_candidate = self.optimize_upper_level(lower_solution)

            # İç döngü (alt seviye problemi)
            lower_solution = self.optimize_lower_level(upper_candidate)

            # Yakınsama kontrolü

```

```
        if self.check_convergence(upper_solution, upper_candidate):
            break

        upper_solution = upper_candidate

    return upper_solution, lower_solution
```

17.2 Paralel Hibrit Optimizasyon

Farklı optimizasyon algoritmalarının paralel çalıştırılması:

```
class ParallelHybridOptimizer:
    def __init__(self, algorithms, problem):
        self.algorithms = algorithms
        self.problem = problem

    def optimize(self):
        """Paralel hibrit optimizasyon gerçekleştir"""
        # Paralel işlemciler başlat
        with ProcessPoolExecutor() as executor:
            # Her algoritmayı paralel çalıştır
            future_to_alg = {
                executor.submit(alg.optimize, self.problem): alg
                for alg in self.algorithms
            }

            results = []

            # Sonuçları topla
            for future in as_completed(future_to_alg):
                alg = future_to_alg[future]
                try:
                    solution = future.result()
                    results.append((alg, solution))
                except Exception as e:
                    print(f"Algorithm {alg} failed: {e}")

            # En iyi sonucu seç
            best_solution = self.select_best_solution(results)
            return best_solution
```

18. YENİ NESİL OPTİMİZASYON TEKNİKLERİ

18.1 Kuantum-İlham Optimizasyon

Kuantum hesaplama prensiplerinden ilham alan optimizasyon yaklaşımı:

```
class QuantumInspiredOptimizer:
    def __init__(self, n_qubits, n_populations):
        self.n_qubits = n_qubits
        self.n_populations = n_populations
```

```

self.quantum_register = self.initialize_quantum_register()

def optimize(self, objective_function, n_iterations):
    """Kuantum-ilham optimizasyon gerçekleştir"""
    best_solution = None
    best_fitness = float('-inf')

    for iteration in range(n_iterations):
        # Kuantum durumlarını güncelle
        self.update_quantum_states()

        # Klasik popülasyonu oluştur
        classical_population = self.measure_quantum_states()

        # Değerlendir ve en iyiyi güncelle
        for solution in classical_population:
            fitness = objective_function(solution)
            if fitness > best_fitness:
                best_fitness = fitness
                best_solution = solution

        # Kuantum kapılarını uygula
        self.apply_quantum_gates(best_solution)

    return best_solution, best_fitness

```

18.2 Nöro-Evrimsel Optimizasyon

Sinir ağları ve evrimsel algoritmaların birleşimi:

```

class NeuroEvolutionaryOptimizer:
    def __init__(self, network_architecture, population_size=100):
        self.architecture = network_architecture
        self.population_size = population_size
        self.population = self.initialize_population()

    def optimize(self, n_generations):
        """Nöro-evrimsel optimizasyon gerçekleştir"""
        for generation in range(n_generations):
            # Popülasyonu değerlendir
            fitness_scores = self.evaluate_population()

            # Yeni nesil için ebeveynleri seç
            parents = self.select_parents(fitness_scores)

            # Yeni nesli oluştur
            offspring = self.create_offspring(parents)

            # Mutasyon uygula
            self.mutate_population(offspring)

            # Popülasyonu güncelle

```

```
self.population = self.update_population(offspring)

return self.get_best_network()
```

19. SONUÇ VE GELECEK YÖNELİMLER

19.1 Optimizasyon Algoritmalarının Karşılaştırmalı Analizi

Farklı optimizasyon yaklaşımlarının performans karşılaştırması:

- Hesaplama Verimliliği:
 - Klasik yöntemler: $O(n^2)$ - $O(n^3)$
 - Meta-sezgisel yöntemler: $O(n \cdot \log(n))$
 - Yapay zeka tabanlı yöntemler: Model karmaşıklığına bağlı
- Çözüm Kalitesi:
 - Deterministik yöntemler: Global optimum garanti (konveks problemlerde)
 - Meta-sezgisel yöntemler: İyi yerel optimumlar
 - Hibrit yöntemler: Yüksek kaliteli çözümler
- Ölçeklenebilirlik:
 - Klasik yöntemler: Düşük ölçeklenebilirlik
 - Dağıtık yöntemler: Yüksek ölçeklenebilirlik
 - Paralel hibrit yöntemler: Çok yüksek ölçeklenebilirlik

19.2 Gelecek Araştırma Yönelimleri

- Kuantum Optimizasyon:
 - Kuantum algoritmaların geliştirilmesi
 - Hibrit kuantum-klasik yaklaşımlar
 - Kuantum-ilham algoritmalar
- Yapay Zeka Entegrasyonu:
 - AutoML tabanlı optimizasyon
 - Meta-öğrenme yaklaşımları
 - Derin pekiştirmeli öğrenme uygulamaları
- Sürdürülebilir Optimizasyon:
 - Enerji verimli algoritmalar
 - Yeşil hesaplama teknikleri
 - Çevresel etki minimizasyonu

19.3 Pratik Uygulama Önerileri

- Problem Analizi:
 - Problemin yapısını detaylı analiz et
 - Kısıtları ve hedefleri net belirle

- Uygun optimizasyon yaklaşımını seç

2. Algoritma Seçimi:

- Problem boyutunu değerlendir
- Hesaplama kaynaklarını göz önünde bulundur
- Çözüm kalitesi gereksinimlerini belirle

3. Uygulama Stratejisi:

- Prototip ile başla
- Kademeli iyileştirme yap
- Sürekli performans izleme gerçekleştir

20. UYGULAMA REHBERİ VE EN İYİ UYGULAMALAR

20.1 Optimizasyon Algoritması Seçim Rehberi

Problem özelliklerine göre algoritma seçimi için karar çerçevesi:

```
class AlgorithmSelector:
    def __init__(self, problem_characteristics):
        self.characteristics = problem_characteristics
        self.algorithm_database = self.initialize_algorithm_database()

    def select_algorithm(self):
        """Problem özelliklerine göre en uygun algoritmayı seç"""
        scores = {}

        for algorithm in self.algorithm_database:
            # Algoritma uygunluğunu değerlendir
            score = self.evaluate_algorithm_fitness(algorithm)
            scores[algorithm] = score

        # En uygun algoritmayı öner
        best_algorithm = max(scores.items(), key=lambda x: x[1])[0]
        alternatives = self.find_alternatives(scores, best_algorithm)

        return {
            'primary_choice': best_algorithm,
            'alternatives': alternatives,
            'reasoning': self.generate_recommendation_report(best_algorithm)
        }

    def evaluate_algorithm_fitness(self, algorithm):
        """Algoritmanın problem için uygunluğunu hesapla"""
        score = 0

        # Problem boyutu değerlendirmesi
        if self.characteristics['problem_size'] == 'large':
            score += algorithm.scalability_score * 2

        # Kısıt değerlendirmesi
```

```

if self.characteristics['constraints'] == 'complex':
    score += algorithm.constraint_handling_score * 1.5

# Çözüm kalitesi gereksinimleri
if self.characteristics['solution_quality'] == 'high':
    score += algorithm.solution_quality_score * 2

# Hesaplama kaynakları
if self.characteristics['computational_resources'] == 'limited':
    score += algorithm.encyency_score

return score

```

20.2 Performans Optimizasyon Stratejileri

Algoritma performansını iyileştirmek için teknikler:

```

class PerformanceOptimizer:
    def __init__(self, algorithm):
        self.algorithm = algorithm
        self.profiler = PerformanceProfiler()

    def optimize_performance(self):
        """Algoritma performansını optimize et"""
        # Performans analizi
        profile_results = self.profiler.analyze(self.algorithm)

        # Darboğaz tespiti
        bottlenecks = self.identify_bottlenecks(profile_results)

        # İyileştirme önerileri
        optimizations = self.suggest_optimizations(bottlenecks)

        # İyileştirmeleri uygula
        for optimization in optimizations:
            self.apply_optimization(optimization)

        # Sonuçları değerlendir
        improved_results = self.profiler.analyze(self.algorithm)
        return self.generate_optimization_report(profile_results,
                                                    improved_results)

```

20.3 Hata Toleransı ve Gürbüzlük

Algoritmaların gürbüzlüğünü artırmak için yaklaşımlar:

```

class RobustnessEnhancer:
    def __init__(self, algorithm, error_tolerance=0.01):
        self.algorithm = algorithm
        self.tolerance = error_tolerance

    def enhance_robustness(self):

```

```
"""Algoritmanın gürbüzlüğünü artır"""  
# Hata tespiti  
error_cases = self.identify_error_cases()  
  
# Gürbüzlük iyileştirmeleri  
self.implement_error_handling()  
self.add_validation_checks()  
self.implement_recovery_mechanisms()  
  
# Gürbüzlük testi  
robustness_score = self.test_robustness()  
return robustness_score
```

21. GELECEK TEKNOLOJİLER VE TRENDLER

21.1 Yapay Zeka ve Optimizasyon Entegrasyonu

Gelecekteki entegrasyon senaryoları:

1. Otomatik Problem Tanıma:
 - Problem özelliklerinin otomatik tespiti
 - Uygun algoritma seçimi
 - Hiperparametre optimizasyonu
2. Adaptif Öğrenme:
 - Çalışma zamanında algoritma adaptasyonu
 - Dinamik parametre ayarı
 - Performans geri beslemesi
3. Hibrit Sistemler:
 - AI-destekli optimizasyon
 - Transfer öğrenme entegrasyonu
 - Meta-öğrenme yaklaşımları

21.2 Sürdürülebilir Optimizasyon

Yeşil hesaplama yaklaşımları:

```
class GreenOptimizer:  
    def __init__(self, base_algorithm):  
        self.algorithm = base_algorithm  
        self.energy_monitor = EnergyMonitor()  
  
    def optimize_energy_usage(self):  
        """Enerji tüketimini optimize et"""  
        # Enerji profili çıkar  
        energy_profile = self.energy_monitor.profile_algorithm(self.algorithm)  
  
        # Enerji verimliliği iyileştirmeleri  
        optimizations = self.identify_energy_optimizations(energy_profile)
```

```
# İyileştirmeleri uygula
for opt in optimizations:
    self.apply_energy_optimization(opt)

# Sonuçları değerlendir
new_profile = self.energy_monitor.profile_algorithm(self.algorithm)
return self.calculate_energy_savings(energy_profile, new_profile)
```

22. SONUÇ VE ÖNERİLER

22.1 Algoritma Seçim Özeti

Farklı problem tipleri için önerilen algoritmalar:

1. Büyük Ölçekli Problemler:
 - Dağıtık optimizasyon
 - Paralel hibrit yaklaşımlar
 - Adaptif meta-sezgiseller
2. Gerçek Zamanlı Uygulamalar:
 - Model öngörülü kontrol
 - Online optimizasyon
 - Hafif meta-sezgiseller
3. Karmaşık Kısıtlı Problemler:
 - Hibrit yöntemler
 - Çok seviyeli optimizasyon
 - Kısıt programlama

22.2 Uygulama Önerileri

Başarılı bir optimizasyon projesi için öneriler:

1. Planlama Aşaması:
 - Detaylı problem analizi
 - Gereksinim belirleme
 - Kaynak değerlendirmesi
2. Geliştirme Aşaması:
 - Kademeli yaklaşım
 - Sürekli test ve validasyon
 - Performans izleme
3. Optimizasyon Aşaması:
 - Parametre ayarı
 - Algoritma ince ayarı
 - Gürbüzlük testleri

22.3 Gelecek Çalışmalar

Araştırma ve geliştirme önerileri:

1. Teorik Çalışmalar:

- Yeni algoritma geliştirme
- Performans analizi
- Yakınsama garantileri

2. Uygulama Geliştirmeleri:

- Endüstriyel uygulamalar
- Gerçek zamanlı sistemler
- Büyük ölçekli problemler

3. Teknoloji Entegrasyonu:

- Kuantum hesaplama
- Edge computing
- IoT entegrasyonu

Bu kapsamlı doküman, optimizasyon algoritmalarının teorik temellerinden pratik uygulamalarına kadar geniş bir yelpazede bilgi sunmaktadır. Sürekli gelişen teknoloji ve yeni yaklaşımlarla birlikte, bu alandaki çalışmaların devam etmesi ve yeni çözümlerin ortaya çıkması beklenmektedir.