

باسمه تعالی دانشگاه صنعتی شریف دانشکده مهندسی بر ق

۲۵۶۴۵ _ علوم اعصاب یادگیری، حافظه، شناخت _ بهار ۹۹ _۱۳۹۸

تمرین سری دوم: شبیه سازی و تحلیل دینامیک مدلهای نورونی

موعد تحويل: جمعه ٢٩ فروردين، ساعت ٢٣:٥٥

نحوهی تحویل: کدهای پایتون و نتایج شبیهسازی خود را در کنار یک گزارش با فورمت pdf در سایت درس بارگذاری کنید. همچنین میتوانید کدها و گزارش خود را در یک فایل Jupyter Notebook تحویل دهید.

' شبیهسازی مدل Hodgkin-Huxley

با در نظر گرفتن معادلات زیر، مدل نورونی Hodgkin-Huxley را برای جمعیتی شامل یک نورون در Brian شبیهسازی کنید:

$$\frac{\partial v}{\partial t} = (g_l(E_l - v) + g_{Na}m^3h(E_{Na} - v) + g_K n^4(E_K - v) + I)/C_m \tag{1}$$

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \alpha_n(v)(1-n) - \beta_n(v)n \tag{7}$$

$$\frac{\partial m}{\partial t} = \alpha_m(v)(1-m) - \beta_m(v)m \tag{7}$$

$$\frac{\partial h}{\partial t} = \alpha_h(v)(1-h) - \beta_h(v)h \tag{f}$$

که در آن

$$\alpha_n(v) = \frac{0.032(15 - v + VT)}{\exp(\frac{15 - v + VT}{5}) - 1}, \ \beta_n(v) = 0.5 \exp(\frac{10 - v + VT}{40})$$
 (2)

$$\alpha_m(v) = \frac{0.32(13 - v + VT)}{\exp(\frac{13 - v + VT}{4}) - 1}, \ \beta_m(v) = \frac{0.28(v - 40 - VT)}{\exp(\frac{v - 40 - VT}{5}) - 1}$$
 (5)

$$\alpha_h(v) = 0.128 \exp(\frac{17 - v + VT}{18}), \ \beta_h(v) = \frac{4}{\exp(\frac{40 - v + VT}{5}) + 1}$$
 (Y)

میباشد. دقت داشته باشید در معادلات بالا m ، m و m بدون یکا بوده و مقادیر عددی یا دارای یکای mV^{-1} یا بدون یکا هستند، بهگونهای که تعارضی در روابط ایجاد نکنند. m پارامترهای مورد نیاز برای شبیه سازی را به صورت زیر در نظر بگیرید.

$$\begin{split} C_m &= 200 \ pF, \ E_l = -65 \ mV, \ E_K = -90 \ mV, \ E_{Na} = 50 \ mV \\ g_{Na} &= 20 \ \mu\Omega^{-1}, \ g_K = 6 \ \mu\Omega^{-1}, \ g_l = 10 \ p\Omega^{-1}, \ VT = -63 \ mV \end{split}$$

وx و معادلات غیرخطی، روش شبیه ساز را برابر ولتاژ استراحت E_l در نظر بگیرید. به دلیل وجود معادلات غیرخطی، روش شبیه ساز را E_l در نظر بگیرید. با این Hodgkin-Huxley نیازی برای تعریف threshold برای ایجاد اسپایک نیست، با این وجود برای ثبت کردن اسپایک ها لازم است لحظه ی اسپایک برای شبیه ساز مشخص باشد. برای این کار ولتاژ آستانه را $-50\,mV$ در نظر گرفته و آن را با یک عبارت شرطی تعریف نمایید. توجه داشته باشید در صورتی که اسپایک را با یک نامساوی تعریف کنید، لازم است محدوده ی refractory را با همین عبارت شرطی مشخص کنید تا برای هر گذر از ولتاژ آستانه فقط یک اسپایک ثبت شود.

برای مثال جمع کردن یک عدد بدون واحد با یک عدد دارای یکای mV دارای تعارض است.

- ۱. میزان جریان خارجی را pA قرار دهید. مدل خود را ms اجرا کرده و با استفاده از StateMonitor تغییرات متغیرهای حالت n ، n ، n ، n و v را ثبت کرده و آنها را در طول زمان رسم نمایید.
- ۲. جریان خارجی را در بازه یpA تا pA تا pA تغییر دهید و برای هر جریان، با استفاده از SpikeMonitor زمان رخداد اسپایکها را در یک بازه ی زمانی مشخص ثبت کنید. با استفاده از این اطلاعات منحنی تغییرات نرخ اسپایکها بر حسب تغییرات جریان خارجی رسم کرده و توصیف کنید.
- ۳. این بار جریان خارجی را در بازه یnA تا nA تا nA با گامهای به اندازه یnA تغییر داده و هر بار مدل را به اندازه ی nA این بار جریان خارجی را ثبت و رسم نمایید (توجه داشته باشید برای پیوسته بودن نمودار لازم است اجراها پشت سر هم بوده و بعد از هر اجرا پتانسیل نورون به حالت استراحت بازنشانی نشود). پدیده ی مشاهده شده را توجیه کنید.
- ۴. مقادیر v و n را به مدت ms برای جریانهای pA برای جریانهای n با نام n ده و n او n بر نام کنید. با رسم کنید. حسب n چرخههای حدی جریانهای مختلف را رسم کرده و ارتباط آن با نتایج قسمت قبل را بررسی کنید.

FitzHugh-Nagumo شبیه سازی مدل

با در نظر گرفتن معادلات زیر، مدل نورونی FitzHugh-Nagumoy را برای جمعیتی شامل یک نورون در Brian شبیهسازی کنید.

$$\begin{cases} \frac{\partial V}{\partial t} = V - V^3 - W + I\\ \frac{\partial W}{\partial t} = 0.08(V + 0.7 - 0.8W) \end{cases} \tag{A}$$

برای مدلسازی، متغیرهای V، W و I را بدون واحد در نظر بگیرید و V و W را به ترتیب با مقادیر V و و V مقدار دهی اولیه کنید. روش شبیه سازی را euler انتخاب کنید.

با تظیم جریان خارجی بر روی مقادیر 0، 0.3، 0.4، 0.8 و 0.5 مدل نورونی را برای مدت زمان $200\,ms$ (در صورتی که معادلات دیفرانسیل را با بعد 1/ms تعریف کردهاید) اجرا کرده و به موارد خواسته شده پاسخ دهید.

- ۱. با بهرهگیری از تابع plot_phaseplane منحنیهای nullcline و شارهای میدان را در یک محدوده ی مناسب از صفحه فاز رسم نمایید.
- ۲. چرخههای حدی جریانهای مختلف را رسم نمایید و با استفاده از تابع phaseplane_animation تغییرات را به صورت انیمیشن مشاهده نمایید.
- ۳. با استفاده از محاسبه ی ماتریس ژاکوبی و به دست آوردن مقادیر ویژه ی آن برای نقاط مختلف صفحه فاز، نواحی مختلف صفحه را از نظر نوع پایداری مشخص کنید. درباره ی تعداد نقاط ثابت و نوع پایداری آنها در جریانهای خارجی مختلف چه میتوان گفت؟