

## **DM Attaque contre le chiffrement à flot CSS**

### **Question 4 :**

Soit LFSR17 le LFSR de 17 bits et LFSR25 le second de 25 bits avec  $x_1, x_2$  et  $x_3$  les 3 premiers octets du LFSR17,  $y_1, y_2, y_3$  les 3 premiers octets du LFSR25 et  $z_1, z_2, z_3$  les 3 premiers octets du flux généré par la fonction CSS.

On sait que  $z_1 = (x_1 + y_1 + c) \% 256$  avec  $c = 0$  au premier tour de boucle, on obtient donc  $y_1 = (z_1 - x_1 - c) \% 256$ .

Concernant  $x_2, y_2$  et  $z_2$ , nous devons d'abord vérifier si  $c = 0$  ou  $c = 1$ .  
Pour cela, on vérifie  $x_1 + y_1 > 255$ , si c'est le cas  $c = 1$  sinon  $c = 0$  et donc  $y_2 = (z_2 - x_2 - c) \% 256$

On réitère l'opération pour obtenir  $y_3$  :  
Si  $x_2 + y_2 > 255$ ,  $c = 1$  sinon  $c = 0$  donc  $y_3 = (z_3 - x_3 - c) \% 256$ .

On sait que l'état initial  $s_2$  est composé de 24 bits,  $y_1$  représente les 8 premiers bits de  $s_2$ ,  $y_2$  les 8 prochains bits et  $y_3$  les 8 prochains bits et donc pour former  $s_2$ , nous concaténons les 3 octets  $y_3, y_2$  et  $y_1$ .

### **Question 5 :**

Nous devons démontrer une attaque qui permet de retrouver l'initialisation des générateurs de nombres pseudo-aléatoires utilisés dans le système de chiffrement CSS. Ces générateurs sont basés sur un LFSR de 17 bits ainsi qu'un autre de 25 bits.

#### **Attaque par Force Brute :**

On génère tous les états initiaux possibles de  $s_1$ , il y a  $2^{16}$  possibilités.

On simule ensuite le LFSR17 avec l'état  $[1] + s_1$  pour produire les trois premiers octets de sortie  $x_1, x_2$  et  $x_3$  puis on utilise les octets de sortie connus  $z_1, z_2, \dots, z_6$  du générateur et les valeurs calculées  $x_1, x_2$  et  $x_3$  pour estimer les sorties du LFSR25  $y_1, y_2, y_3$  avec la formule :

$y_1 = z_1 - x_1 - c$  avec  $c = 0$ , ensuite  $y_i = z_i - x_i - c \% 256$  avec  $c = 1$  si  $x_i + y_i > 255$  sinon  $c = 0$ .

On génère 6 nouveaux octets avec le LFSR25 d'entrée  $s_2 = [1] + \text{concaténation de } y_1, y_2, y_3$ , et le LFSR17 d'entrée  $[1] + s_1$  puis on compare un par un les 6 nouveaux octets générés avec  $z_1, z_2, \dots, z_6$ . On réitère le processus pour les  $2^{16}$  possibilités de  $s_1$ .