Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут імені Ігоря Сікорського» Інститут прикладного системного аналізу Кафедра математичних методів системного аналізу

3BIT

про виконання лабораторної роботи № 4 з дисципліни «Інтелектуальний аналіз даних»

> Виконала: Студентка III курсу Групи КА-76

> > Перевірила:

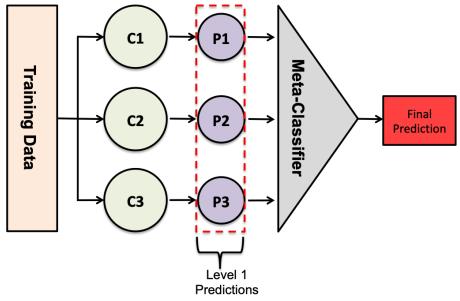
Оркуша А. Д.

Недашківська Н. І.

Варіант 11

StackingClassifier. Розглянути різні значення параметрів final_estimator та stack_method.

StackingClassifier - ансамбль моделей класифікації. Моделі, що вказуються у параметрі estimators тренуються незалежно на тренувальних даних, потім зроблені ними передбачення надаються на вхід моделі, що вказується у параметрі final_estimator. Її тренування в свою чергу відбувається за допомогою перехресного пошуку. Таким чином враховується "вклад" кожної з моделей.



* C1, C2, and C3 are considered level 1 classifiers.

Дослідити ансамблі, які включають моделі нейронних мереж та моделі наївної байесівської класифікації, отримані в роботі №2.

В моделях нейронних мереж:

• побудувати різні архітектури мереж шляхом варіювання значень параметру hidden_layer_sizes; порівняти результати класифікації, отримані на основі різних архітектур

• розглянути різні значення max_iter, дослідити їх вплив на результат

Хід виконання роботи

1. Взяти дані з роботи № 2 згідно з варіантом. Представити дані графічно.

(a)load digits

Цей датасет складається з набору n_samples зображень рукописних цифр (розміром 8х8), що представлені(закодовані) у вигляді цілочисельних векторів (1х64), та вектору розмірністю 1х n_samples - вектору класів до якого належить кожен з прикладів. Для графічного представлення покажемо декілька зображень цих цифр з підписом класу до якого вони належать у лівому верхньому куті.

In [1]:

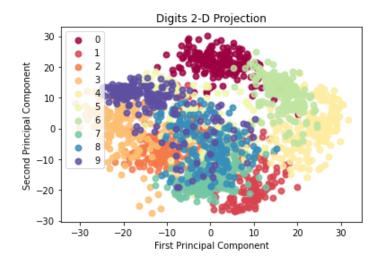
Окрім цього корисно візуалізувати належність усіх прикладів конкретним класам. Оскільки дані багатовимірні, використаємо метод головних компонент(PCA) для зменшення вимірності.

In [2]:

```
from sklearn.decomposition import PCA
import scikitplot as skplt

pca = PCA(n_components=2)
pca.fit(digits_X)
skplt.decomposition.plot_pca_2d_projection(pca, digits_X, digits_y, title='Digits 2-D
Projection')
```

Out[2]:



(b)make_moons

Цей датасет складається з набору n_samples двовимірних точок, що утворюють два півкола котрі напів перетинаються, та вектору з 0 та 1 що описує якому півколу(класу) належить точка. Параметр noise описує ступінь розкиданості прикладів в датасеті відносно ліній півкіл.

In [3]:

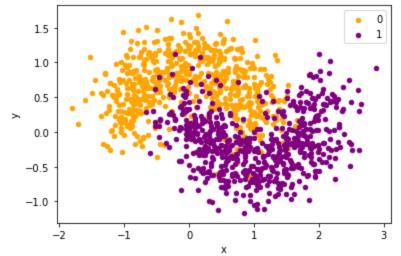
```
from pandas import DataFrame

moons_X, moons_y = datasets.make_moons(n_samples=1200, noise=0.3)

df = DataFrame(dict(x=moons_X[:, 0], y=moons_X[:, 1], label=moons_y))

colors = {0: 'orange', 1: 'purple'}
fig, ax = plt.subplots()
```

```
grouped = df.groupby('label')
for key, group in grouped:
    group.plot(ax=ax, kind='scatter', x='x', y='y', label=key, color=colors[key])
plt.show()
```



2. Побудувати моделі нейронних мереж, використовуючи клас MLPClassifier. Дослідити вплив різних параметрів MLPClassifier на результат класифікації:

Для початку врахуємо що багатошаровий персептрон чутливий до масштабування вхідних даних. Дані можуть бути приведені до діапазону [0, 1] або [-1, +1], або приведені до нульового середнього та одиничної дисперсії. Проведемо масштабування даних. Для digits обираємо мілмах саler щоб дані залишилися додатніми, щоб було можливим застосування MultinomialNB у подальшому.

In [4]:

```
from sklearn.preprocessing import MinMaxScaler
from sklearn.preprocessing import StandardScaler

moons_X = StandardScaler().fit_transform(moons_X)
digits_X = MinMaxScaler().fit_transform(digits_X)
```

Розібємо дані на тренувальний та перевірочний набори

In [5]:

from sklearn.model_selection import train_test_split

```
moons X train, moons X test, moons y train, moons y test = train test split(moons X,
moons y, test size=.3)
digits_X_train, digits_X test, digits y train, digits y test =
train test split(digits X, digits y, test size=.3)
print(f"******Load digits*******\nTraining data shape:\n {digits X train.shape},
{digits_y train.shape}\n"
      f"Test data shape: \n {digits X test.shape}, {digits y test.shape}")
print(f"******Make moons********\nTraining data shape:\n {moons X train.shape}
{moons y train.shape} \n"
     f"Test data shape: \n {moons X test.shape} {moons y test.shape}")
********Load digits******
Training data shape:
 (1257, 64), (1257,)
Test data shape:
 (540, 64), (540,)
*******Make moons******
Training data shape:
 (840, 2) (840,)
Test data shape:
 (360, 2) (360,)
```

• побудувати різні архітектури мереж шляхом варіювання значень параметру hidden_layer_sizes; порівняти результати класифікації, отримані на основі різних архітектур
У процесі виконання роботи було перевірено значну кількість архітектур, для наочності залишили по 5 варіантів для кожного набору даних. Результати порівнюємо шляхом підрахунку міри fl для тестового та тренувального набору та побудови кривих втрат для кожної з моделей. learning_rate_init=0.1, solver='sgd' для moons та learning_rate_init=0.01, solver='adam' для digits обрано на основі прикладів роботи цього класифікатора на даних датасетах. Так як оптимальний параметр max_iter ще не обирали, він залишиться за замовчуванням доволі великим, вкажемо early stopping=тrue щоб запобігти перенавчанню.

In [6]:

```
digits_MLPs = []
moons_MLPs = []
```

```
digits scores = []
moons scores = []
sizes moons = [(20, 10, 5, 2), (100, 50, 2), (100,), (100, 50), (4, 2, 1)]
sizes digits = [(100,), (100, 50, 10), (100, 50), (64, 10), (64,)]
fig = plt.figure(figsize=(12, 4))
ax1 = fig.add subplot(1, 2, 1)
ax2 = fig.add subplot(1, 2, 2)
labels 1 = []
labels 2 = []
from sklearn.neural network import MLPClassifier
print("-----Tuning hidden layers sizes-----")
for size moons, size digits in zip(sizes moons, sizes digits):
   digits MLPs.append(MLPClassifier(hidden layer sizes=size digits,
early stopping=True,
                                    learning rate init=0.1,
solver='sqd').fit(digits X train, digits y train))
   moons MLPs.append(MLPClassifier(hidden layer sizes=size moons,
learning_rate_init=0.01,
                                   early stopping=True,
solver='adam').fit(moons X train, moons y train))
    digits_scores.append([digits_MLPs[-1].score(digits_X_test, digits y test),
                         digits MLPs[-1].score(digits X train, digits y train)])
   moons scores.append([moons MLPs[-1].score(moons X test, moons y test),
                        moons MLPs[-1].score(moons X train, moons y train)])
   print(f"******Load digits********\nhidden layers sizes:{size_digits}\n"
          f" test score: {digits scores[-1][0]} \n"
          f" train score: {digits scores[-1][1]}")
   print(f"******Make moons********\nhidden layers sizes:{size moons}\n"
         f" test score: {moons scores[-1][0]} \n"
          f" train score: {moons scores[-1][1]}")
   ax1.plot(moons MLPs[-1].loss curve , label=f"moons layers sizes:{size moons}")
   ax2.plot(digits_MLPs[-1].loss_curve_, label=f"digits layers sizes:{size_digits}")
   labels_1.append(f"moons layers sizes:{size moons}")
   labels_2.append(f"digits layers sizes:{size digits}")
ax1.legend(labels 1)
ax2.legend(labels 2)
plt.show()
----- layers sizes-----Tuning hidden layers sizes------
*******Load digits*****
hidden layers sizes: (100,)
test score: 0.9148148148149
train score: 0.9562450278440732
*******Make moons******
hidden layers sizes: (20, 10, 5, 2)
 test score: 0.5
train score: 0.5
```

```
*******Load digits******
hidden layers sizes: (100, 50, 10)
 test score: 0.9462962962963
 train score: 0.9976133651551312
*******Make moons******
hidden layers sizes: (100, 50, 2)
 test score: 0.5
train score: 0.5
********Load digits******
hidden layers sizes: (100, 50)
 test score: 0.938888888888888
 train score: 0.9745425616547335
*******Make moons******
hidden layers sizes: (100,)
 test score: 0.85
 train score: 0.8452380952380952
********Load digits******
hidden layers sizes: (64, 10)
 test score: 0.9314814814814815
 train score: 0.9888623707239459
*******Make moons******
hidden layers sizes: (100, 50)
test score: 0.9
 *******Load digits******
hidden layers sizes: (64,)
 test score: 0.95
 train score: 0.9896579156722355
*******Make moons******
hidden layers sizes: (4, 2, 1)
 test score: 0.5
 train score: 0.5
 0.8
```

0.7

0.6

0.5

0.4

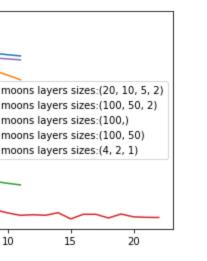
0.3

0.2

0

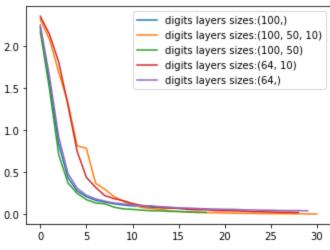
5

10



moons layers sizes:(100,)

15



Що разу після запуску даного коду результати дещо відрізняються, проте модель для моопь hidden_layer_sizes= (100, 50) працює найбільш стабільно на цьому датасеті, дає найменші показники втрат як на перших так і на останніх ітераціях та найвищі показники міри fl, порівняно з іншими моделями. На digits декілька моделей показують майже однакову ефективність, для подальшої роботи оберемо hidden_layer_sizes= (64,), з метою економії обчислювальних потужностей

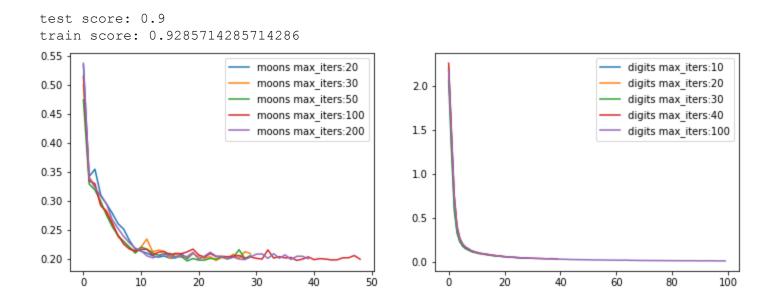
- Розглянути різні значення max_iter, дослідити їх вплив на результат
- Вивести значення функції втрат на декількох перших і декількох останніх ітераціях у кожному варіанті.

Значення функції втрат на декількох перших та декількох останніх ітераціях видно на графіку функцій втрат усіх побудованих вище та далі моделей. Якість моделей оцінюємо так само як і при зміні розміру та кількості прихованих шарів - за допомогою міри f1 для тестового та тренувального набору та побудови кривих втрат для кожної з моделей. Для усіх моделей вкажемо найкращі значення розмірів прихованих шарів, підібрані у попередньому пункті та приберемо ранню зупинку, щоб бачити як максимальна кількість ітерацій впливає на модель(у тому числі перенавчання)

In [7]:

```
for iters moons, iters digits in zip(iters moons, iters digits):
    digits MLPs.append(MLPClassifier(hidden layer sizes=(64,), learning rate init=0.1,
                                    solver='sqd',
max iter=iters digits).fit(digits X train, digits y train))
   moons MLPs.append(MLPClassifier(hidden layer sizes=(100, 50),
learning rate init=0.01,
                                   solver='adam',
max iter=iters moons).fit(moons X train, moons y train))
    digits scores.append([digits MLPs[-1].score(digits X test, digits y test),
                         digits MLPs[-1].score(digits X train, digits y train)])
   moons scores.append([moons MLPs[-1].score(moons X test, moons y test),
                        moons MLPs[-1].score(moons X train, moons y train)])
   print(f"******Load digits*******\nmax iters:{iters digits}\n"
          f" test score: {digits scores[-1][0]} \n"
          f" train score: {digits scores[-1][1]}")
   print(f"*******Make moons*******\nmax iters:{iters moons}\n"
          f" test score: {moons scores[-1][0]} \n"
          f" train score: {moons scores[-1][1]}")
   ax1.plot(moons MLPs[-1].loss curve )
   ax2.plot(digits MLPs[-1].loss curve )
   labels 1.append(f"moons max iters:{iters moons}")
    labels 2.append(f"digits max iters:{iters digits}")
ax1.legend(labels 1)
ax2.legend(labels 2)
plt.show()
-----Tuning max iter -----
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (10) reached and the
optimization hasn't converged yet.
  warnings.warn(
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (20) reached and the
optimization hasn't converged yet.
 warnings.warn(
********Load digits******
max_iters:10
test score: 0.9388888888888889
 train score: 0.9785202863961814
*******Make moons******
max iters:20
test score: 0.89722222222223
 train score: 0.9285714285714286
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (20) reached and the
optimization hasn't converged yet.
warnings.warn(
```

```
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (30) reached and the
optimization hasn't converged yet.
 warnings.warn(
*******Load digits******
max_iters:20
 test score: 0.9481481481481482
 train score: 0.9904534606205251
*******Make moons******
max iters:30
 test score: 0.90277777777778
 c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (30) reached and the
optimization hasn't converged yet.
 warnings.warn(
*******Load digits*****
max iters:30
 test score: 0.9574074074074
 train score: 0.9960222752585521
*******Make moons******
max iters:50
test score: 0.89722222222223
 train score: 0.9261904761904762
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (40) reached and the
optimization hasn't converged yet.
 warnings.warn(
*******Load digits*****
max iters:40
test score: 0.95555555555556
 train score: 0.9984089101034208
********Make moons******
max iters:100
test score: 0.8916666666666667
 train score: 0.9285714285714286
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\neural network\ multilayer perceptron.py:568:
ConvergenceWarning: Stochastic Optimizer: Maximum iterations (100) reached and the
optimization hasn't converged yet.
 warnings.warn(
********Load digits******
max iters:100
test score: 0.9666666666666666667
 train score: 1.0
*******Make moons******
max iters:200
```



Після виконання видно, що для деяких моделей оптимізація не збіглася, що свідчить про недостатню кількість ітерацій. Можна зробити висновок що на Digits mlp працює краще і сходиться значно швидше. Після кожного перезапуску результати дещо відрізняються і тут, шляхом багаторазового виконання оберемо оптимальну максимальну кількість ітерацій як 200 і 50 - трохи більше ніж необхідно щоб перестрахуватися і додамо ранню зупинку до фінальної моделі щоб запобігти перенавчанню.

Вивести значення середньої точності класифікації на навчальній і тестовій множинах, використовуючи score

```
test score: 0.935529921329444
On Moons:
  train score: 0.5
  test score: 0.5
```

Тут виведмо на екран найкращі моделі з точки зору максимальної міри f1 а потім налаштуємо фінальну модель відповідно до висновків зроблених раніше.

In [9]:

```
moons MLP final = moons MLPs[moons scores.index(max(moons scores))]
print ('moons neural network with the best score:\n', moons MLP final, \n' \n --Setting
params after analysis--\n')
moons MLP final.set params(max iter=200, hidden layer sizes=(100,50),
early stopping=True)
params = moons MLP final.get params()
print('Moons:\n max iter=',params['max_iter'], '\n hidden_layer_sizes=',
params['hidden layer sizes'] )
digits MLP final = digits MLPs[digits scores.index(max(digits scores))]
print('digits neural network with the best score:\n', digits MLP final, \n'n\n --Setting
params after analysis--\n')
digits MLP final.set params (max iter=50, hidden layer sizes=(64,), early stopping=True)
params = digits MLP final.get params()
print('Digits:\n \n max iter=', params['max iter'], '\n hidden layer sizes=',
params['hidden layer sizes'] )
moons neural network with the best score:
MLPClassifier (activation='relu', alpha=0.0001, batch size='auto', beta 1=0.9,
              beta 2=0.999, early stopping=False, epsilon=1e-08,
              hidden layer sizes=(100, 50), learning rate='constant',
              learning rate init=0.01, max fun=15000, max iter=30, momentum=0.9,
              n_iter_no_change=10, nesterovs momentum=True, power t=0.5,
              random state=None, shuffle=True, solver='adam', tol=0.0001,
              validation fraction=0.1, verbose=False, warm_start=False)
 --Setting params after analysis--
Moons:
max iter= 200
hidden layer sizes= (100, 50)
digits neural network with the best score:
MLPClassifier(activation='relu', alpha=0.0001, batch size='auto', beta 1=0.9,
              beta 2=0.999, early stopping=False, epsilon=1e-08,
              hidden layer sizes=(64,), learning rate='constant',
              learning rate init=0.1, max fun=15000, max iter=100, momentum=0.9,
              n iter no change=10, nesterovs momentum=True, power t=0.5,
              random state=None, shuffle=True, solver='sqd', tol=0.0001,
              validation fraction=0.1, verbose=False, warm start=False)
```

```
--Setting params after analysis--
Digits:

max_iter= 50
hidden layer sizes= (64,)
```

3. Виконати прогнози на основі моделей нейронних мереж.

In [10]:

```
digits_MLP_predicted = digits_MLP_final.predict(digits_X_test)
digits_MLP_probas = digits_MLP_final.predict_proba(digits_X_test)
moons_MLP_predicted = moons_MLP_final.predict(moons_X_test)
moons_MLP_probas = moons_MLP_final.predict_proba(moons_X_test)
```

- 4. Зробити висновки про якість роботи моделей нейронних мереж на досліджених даних. В задачах класифікації для кожної навчальної вибірки вибрати найкращу модель за критеріями якості:
 - матриця неточностей (confusion matrix),
 - точність (precision),
 - повнота (recall),
 - міра F1 (F1 score),
 - ROC-крива, показник AUC.

Тут використаємо функцію з 2-ї лабораторної, дещо її підлаштувавши

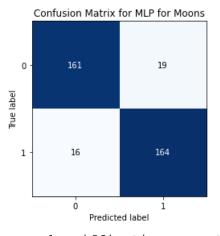
In [11]:

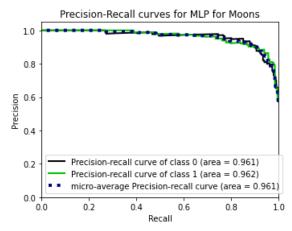
```
title=f'ROC curves for {clf_name} {data_name}')
plt.show()
```

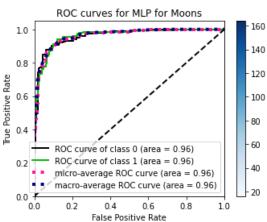
In [12]:

classiffication report for MLP for Moons

	precision	recall	f1-score	support
0 1	0.91	0.89	0.90	180 180
accuracy			0.90	360
macro avg	0.90	0.90	0.90	360
weighted avg	0.90	0.90	0.90	360



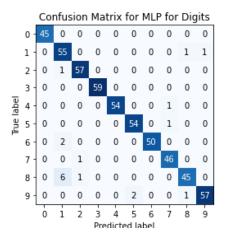


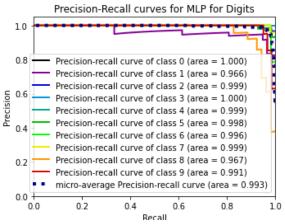


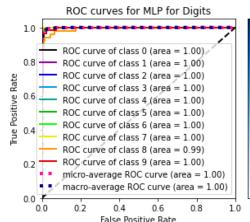
classiffication report for MLP for Digits

	precision	recall	il-score	support
0	1.00	1.00	1.00	45
1	0.86	0.96	0.91	57
2	0.97	0.98	0.97	58
3	1.00	1.00	1.00	59
4	1.00	0.98	0.99	55
5	0.96	0.98	0.97	55
6	1.00	0.96	0.98	52
7	0.96	0.98	0.97	47

8 9	0.96 0.98	0.87 0.95	0.91 0.97	52 60
accuracy			0.97	540
macro avg	0.97	0.97	0.97	540
weighted avg	0.97	0.97	0.97	540







Очевидно моделі багатошарового перцептрона працюють краще ніж моделі наївної байєсівської класифікації. За допомогою правильного підбору гіперпараметрів вдалося досягти доволі високих показників.

5. Побудувати ансамблі моделей, використовуючи наступні методи згідно з варіантом:

StackingClassifier. Розглянути різні значення параметрів final estimator, stack method.

Спочатку напишемо функцію підрахунку f1 та аuc для заданої моделі на заданих тренувальних та тестових даних

In [13]:

```
from sklearn.ensemble import StackingClassifier
from sklearn.naive_bayes import GaussianNB, MultinomialNB
from sklearn.preprocessing import OneHotEncoder

def f1_auc_calc(ens_metrics, X_train, X_test, y_test, clf, data_name):
    ens_metrics[data_name]['f1'].append(clf.score(X_test, y_test))

if X_train.shape[0] > 2:
```

```
encoded_test = OneHotEncoder(sparse=False).fit_transform(y_test.reshape(-1, 1))
        encoded_preds =
OneHotEncoder(sparse=False).fit_transform(clf.predict(X_test).reshape(-1, 1))
        ens_metrics[data_name]['auc'].append(metrics.roc_auc_score(encoded_test,
encoded_preds))
    else:
        ens_metrics[data_name]['auc'].append(metrics.roc_auc_score(y_test,
clf.predict(X_test)))
    return ens_metrics
```

Наступний етап - напишемо функцію створення ансамблів з заданими гіперпараметрами estimators, final_estimator, stack_method Які у подальшому будемо змінювати або задавати згідно з варіантом. У цій функції викличемо попередню функцію щоб вести облік цікавих нам метрик новостворених ансамблів.

In [14]:

- 6. Побудувати ансамбль StackingClassifier на основі найпростіших молелей:
- В якості estimators використати одну/ декілька найпростіших моделей заданих за варіантом:

Дослідити ансамблі, які включають моделі нейронних мереж та моделі наївної байесівської класифікації, отримані в роботі №2.

Порівняти значення мір F1_score та AUC для ансамблів та окремих моделей, які утворюють ансамбль

(estimators). Порівняти кілька ансамблів, які утворені на основі одних estimates і відрізняються значеннями параметрів.

Порівнювати значення мір F1_score та AUC для ансамблів та окремих моделей, які утворюють ансамбль будемо для фінального ансамблю, підібравши найбільш ефективний.

Задаємо початкові дані, та використовуємо функції, написані раніше.

In [15]:

```
stacking methods = ['auto', 'predict proba', 'predict']
final estimators = {'moons':[None, GaussianNB(), moons MLP final ],
                    'digits': [None, MultinomialNB(), GaussianNB(), digits MLP final]}
estimators = {'moons':[('gnb', GaussianNB()),('mlp', moons_MLP_final)],
              'digits': [('mnb', MultinomialNB()), ('mlp', digits MLP final)]}
ensembles = {'moons':[], 'digits':[]}
ens metric = {'moons':{'f1': [], 'auc': []}, 'digits':{'f1': [], 'auc': []}}
ens metric = make ensembles(stacking methods, final estimators, estimators, ens metric,
               'moons', moons X train, moons y train, moons X test, moons y test)
ens_metric = make_ensembles(stacking_methods, final_estimators, estimators, ens_metric,
               'digits', digits X train, digits y train, digits X test, digits y test)
c:\users\alina\onedrive\documents\github\text
mining\venv\lib\site-packages\sklearn\linear model\ logistic.py:938:
ConvergenceWarning: lbfgs failed to converge (status=1):
STOP: TOTAL NO. of ITERATIONS REACHED LIMIT.
Increase the number of iterations (max iter) or scale the data as shown in:
   https://scikit-learn.org/stable/modules/preprocessing.html
Please also refer to the documentation for alternative solver options:
   https://scikit-learn.org/stable/modules/linear model.html#logistic-regression
 n iter i = check optimize result(
```

- Побудувати графіки залежності значень помилок класифікації ассигасу_score або zero_one_loss від значення n_estimators для досліджених ансамблів та окремих моделей на одній координатній вісі.
- В задачах класифікації побудувати графіки залежності значень мі-

ри F1_score від значення n_estimators для досліджених ансамблів та окремих моделей на одній координатній вісі. Аналогічні графіки побудувати для AUC. Графіки для окремих моделей, очевидно, будуть горизонтальними прямими.

Відсутній параметр n_estimators (можна порахувати, але він не змінюється оскільки estimators одні й ті ж). Тому побудова графіків не має сенсу, будемо вести облік значень F1_score та AUC і представимо їх для усіх побудованих ансамблів та моделей з яких вони складаються замість побудови графіків.

In [16]:

```
for data name in ['moons', 'digits']:
    index = []
    for ens in ensembles[data name]:
        index.append(f"stack method={ens.get params()['stack method']},"
                    f"final estimator={ens.get params()['final estimator']}")
   data metrics = DataFrame(data=ens metric[data name], index=index)
    print(f"-----Stacking CLFs for {data name}-----\n"
         f"{data metrics}")
  ----Stacking CLFs for moons-----
                                                         f1
                                                                  auc
stack_method=auto,final_estimator=None
                                                   0.894444
                                                             0.894444
stack method=auto, final estimator=GaussianNB(pr... 0.900000 0.900000
stack method=auto, final estimator=MLPClassifier...
                                                   0.894444
                                                             0.894444
stack method=predict proba,final estimator=None
                                                   0.897222
                                                             0.897222
stack method=predict proba, final estimator=Gaus... 0.908333
                                                             0.908333
stack method=predict proba, final estimator=MLPC...
                                                   0.894444
                                                             0.894444
stack method=predict,final estimator=None
                                                   0.875000
                                                             0.875000
stack method=predict,final estimator=GaussianNB...
                                                   0.894444
                                                             0.894444
stack method=predict, final estimator=MLPClassif...
                                                   0.894444
                                                             0.894444
-----Stacking CLFs for digits-----
                                                         f1
                                                                  auc
stack method=auto,final estimator=None
                                                   0.946296
                                                             0.970562
stack_method=auto, final estimator=MultinomialNB...
                                                   0.931481
                                                             0.962665
stack method=auto, final estimator=GaussianNB(pr...
                                                   0.931481
                                                             0.962487
stack method=auto, final estimator=MLPClassifier...
                                                   0.940741
                                                             0.967650
stack method=predict proba,final estimator=None
                                                   0.927778 0.960790
stack method=predict proba, final estimator=Mult...
                                                   0.925926 0.959603
stack method=predict proba,final estimator=Gaus...
                                                   0.911111
                                                             0.951445
stack method=predict proba, final estimator=MLPC...
                                                   0.916667
                                                             0.955327
stack method=predict,final estimator=None
                                                   0.922222
                                                             0.957054
stack method=predict, final estimator=Multinomia... 0.170370
                                                             0.749113
stack method=predict, final estimator=GaussianNB... 0.838889
                                                             0.909705
stack method=predict,final estimator=MLPClassif...
                                                   0.650000
                                                             0.866343
```

Збережемо індекс ансамблю з максимальною мірою f1 та його метрики. З кожним новим запуском результати дещо відрізняються, визначити найкращий ансамбль аналітично не вдалося, робимо висновок що декілька з них працюють на рівних, тому вважаємо за найкращий той що виявився найкращим цього разу.

```
In [17]:
index of maxf1 moons = ens metric['moons']['f1'].index(max(ens metric['moons']['f1']))
final scores moons = { 'f1':ens metric['moons']['f1'][index of maxf1 moons],
                    'auc':ens metric['moons']['auc'][index of maxf1 moons]}
moons final ensemble = ensembles['moons'][index of maxf1 moons]
print(f"moons_final_ensemble = {moons final ensemble}\n{final scores moons}")
moons final ensemble = StackingClassifier(cv=None,
                  estimators=[('qnb',
                               GaussianNB(priors=None, var smoothing=1e-09)),
                              ('mlp',
                               MLPClassifier(activation='relu', alpha=0.0001,
                                             batch size='auto', beta 1=0.9,
                                             beta 2=0.999, early stopping=True,
                                             epsilon=1e-08,
                                             hidden layer sizes=(100, 50),
                                             learning rate='constant',
                                             learning rate init=0.01,
                                             max_fun=15000, max_iter=200,
                                             momentum=0.9, n iter no change=10,
                                             nesterovs momentum=True,
                                             power t=0.5, random state=None,
                                             shuffle=True, solver='adam',
                                             tol=0.0001,
                                             validation fraction=0.1,
                                             verbose=False,
                                             warm start=False))],
                  final estimator=GaussianNB(priors=None, var smoothing=1e-09),
                  n jobs=None, passthrough=False, stack method='predict proba',
                  verbose=0)
```

In [18]:

```
('mlp',
                                 MLPClassifier (activation='relu', alpha=0.0001,
                                               batch size='auto', beta 1=0.9,
                                               beta 2=0.999, early stopping=True,
                                               epsilon=1e-08,
                                               hidden_layer_sizes=(64,),
                                               learning rate='constant',
                                               learning rate init=0.1,
                                               max fun=15000, max iter=50,
                                               momentum=0.9, n iter no change=10,
                                               nesterovs momentum=True,
                                               power t=0.5, random state=None,
                                               shuffle=True, solver='sgd',
                                               tol=0.0001,
                                               validation fraction=0.1,
                                               verbose=False,
                                               warm start=False))],
                   final_estimator=None, n_jobs=None, passthrough=False,
                   stack method='auto', verbose=0)
{'f1': 0.9462962962962963, 'auc': 0.9705623863923327}
```

• В задачах класифікації відобразити границі рішень decision boundaries на основі estimators та на основі досліджених ансамблів.

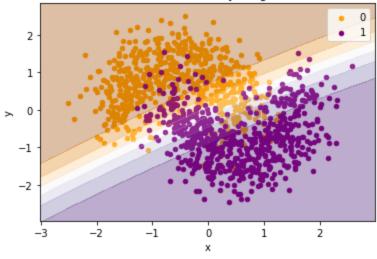
Для digits не має сенсу, покажемо для moons

In [19]:

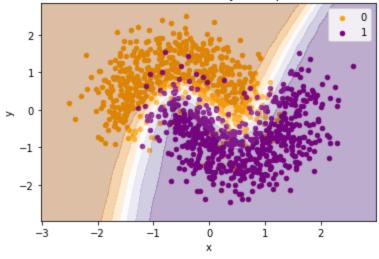
```
i = 1
clfs = {'moons': moons final ensemble.estimators ,
        'digits': digits final ensemble.estimators }
clfs['moons'].append(moons final ensemble)
clfs['digits'].append(digits final ensemble)
for clf in zip (['gnb', 'mlp', 'stack'], clfs['moons']):
    x_{min}, x_{max} = moons_X[:, 0].min() - 0.5, moons_X[:, 0].max() + 0.5
    y \min, y \max = moons X[:, 1].min() - 0.5, moons X[:, 1].max() + 0.5
    xx, yy = np.meshgrid(np.arange(x min, x max, 0.2),
                         np.arange(y min, y max, 0.2))
    df = DataFrame(dict(x=moons X[:, 0], y=moons X[:, 1], label=moons y))
    fig = plt.figure()
    ax = fig.add subplot()
    grouped = df.groupby('label')
    for key, group in grouped:
        group.plot(ax=ax, kind='scatter', x='x', y='y', label=key, color=colors[key])
```

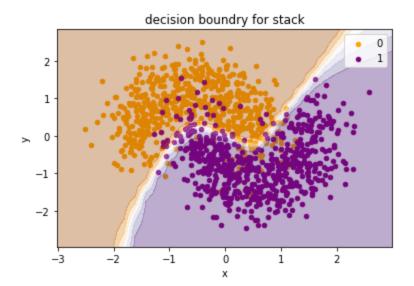
```
Z = clf[1].predict_proba(np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()])[:, 1]
Z = Z.reshape(xx.shape)
ax.contourf(xx, yy, Z, alpha=0.2, cmap=plt.cm.PuOr)
ax.set_title(f"decision boundary for {clf[0]}")
i += 1
plt.show()
```

decision boundry for gnb



decision boundry for mlp





7. Побудувати ансамблі на основі найкращої моделі / моделей нейронних мереж, знайдених на попередніх етапах даної роботи, та найкращої моделі / моделей, знайдених у роботі No2. Порівняти результати класифікації, значення мір F1_score та AUC для ансамблів та окремих моделей, які утворюють ці ансамблі.

```
In [20]:
print('-----Best Classifiers Comparison-----')
clfs_metrics = {'moons':{'f1': [], 'auc': []}, 'digits':{'f1': [], 'auc': []}}
for data name, X train, X test, y test in zip(['moons', 'digits'],
                                           [moons X train, digits X train],
                                           [moons X test, digits X test],
                                           [moons y test, digits y test]):
    for clf in clfs[data name]:
        clfs metrics = f1 auc calc(clfs metrics, X_train, X_test,
                                   y test, clf, data name)
    index = []
    for estimator in estimators[data name]:
        index.append(estimator[0])
    index.append('stack')
    df = DataFrame(data=clfs metrics[data name], index=index)
    print(f"\n{data name}\n{df}")
    -----Best Classifiers Comparison---
moons
             f1
                      auc
       0.866667 0.866667
gnb
mlp
       0.905556 0.905556
```

```
stack 0.908333 0.908333 digits

f1 auc
mnb 0.888889 0.940240 mlp 0.951852 0.973462 stack 0.946296 0.970562
```

Moons

Вдалося значно покращити результат класифікації після переходу від наївного байєса до нейронної мережі. Проте після правильного налаштування мережі вона вже надає майже максимально можливу для цього набору даних якість класифікації, тому побудова ансамблю не має особливого сенсу.

Digits

Аналогічно, вдалося значно покращити результат класифікації після переходу від наївного байєса до нейронної мережі. Нейронна мережа працює ефективніше на цьому датасеті. Швидше сходиться, потребує простішої архітектури прихованих шарів. Перехід від мережі до ансамблю до разючого покращення не призвів, проте результат коливався при кожному запуску програми, і для більшості все ж таки можна було спостерігати певне покращення.