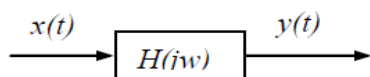


۷. برای سیستم خطی و تغییر ناپذیر با زمان (LTI) شکل مقابل :



شکل ۱-۵۰

(الف) $H(w) = \frac{Y(w)}{X(w)} = \frac{2jw}{1+2jw}$ پاسخ سیستم را به ورودی های (الف) $x(t) = \delta(t)$ (ب) $x(t) = \cos t$ را بدست آورید .

۸. با استفاده از تبدیل فوریه انتگرالهای زیر را محاسبه کنید :

(الف) $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{k^2 + u^2} du$ (ب) $\int_0^{\infty} \frac{t^2}{t^2 + 1} \cos wt dt$

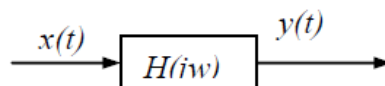
(ج) $\left(\sin ct = \frac{\sin \pi}{\pi} \right) \int_{-\infty}^{\infty} (\sin ct)^2 dt$ (د) $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{-2jx}}{16 + x^2} dx$

(ز) $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{(1+t^2)^2} dt$ (ز) $\int_{-\infty}^{\infty} e^{-kt^2} dt$

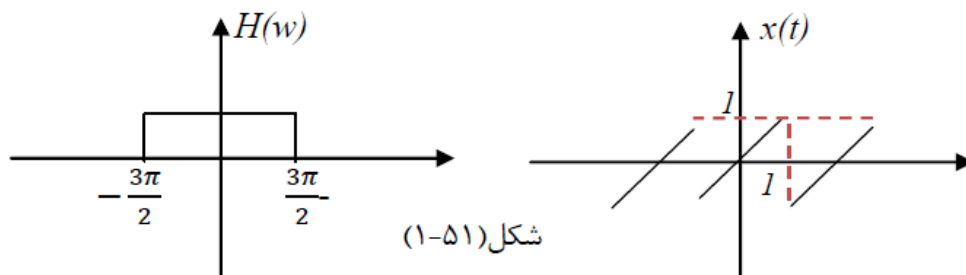
۹. اگر شکل موج پریودی $x(t)$ به سیستم خطی و مستقل از زمان با پاسخ ضربه $h(t)$ داده

شود :

$$h(t) \xleftrightarrow{F} H(w)$$



خروجی سیستم را بدست آورید :

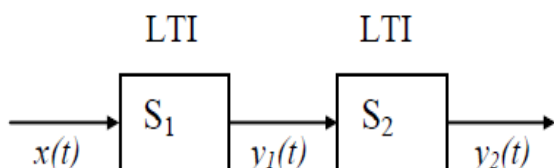


شکل (۱-۵۱)

۱۰. دو سیستم S_1 و S_2 بطور متوالی بسته شده اند سیستم S_1 توسط رابطه معادله

$$\text{دیفرانسیل: } \frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 2 \frac{dy(t)}{dt} + 3y(t) = 4 \frac{dx(t)}{dt} + x(t) \text{ بیان شده و پاسخ ضربه سیستم } S_2$$

عبارت از $h_2(t) = A$ می باشد پاسخ ضربه کل سیستم را محاسبه کنید.



شکل (۱-۵۲)

۱۱. مقدار انتگرال ناسره $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\cos x}{1+x^2} dx$ برابر است با :

(الف) $\frac{\pi}{e^2}$ (ب) π (ج) $\frac{\pi}{2e^2}$ (د) $-\pi$

۱۲. معادله انتگرالی $y(t) = 1 - 2 \int_0^t (t-u)y(u)du$ و $t > 0$ عبارتست از :

(الف) $\cos \sqrt{2}t$ (ب) $\sin \sqrt{2}t$

(ج) $t \cos 2t$ (د) $t \sin 2t$

۱۳. انتگرال فوريه تابع برابر است با :

$$f(x) = \begin{cases} 1 & , \quad |x| < 1 \\ 0 & , \quad |x| > 1 \end{cases}$$

(الف) $-\frac{2}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\cos wx \sin w}{w} dw$ (ب) $1 + \sum \frac{n}{\pi} \sin n\pi x$

(د) $\frac{\pi}{2} \int_0^{\infty} \frac{\cos wx \sin w}{w} dw$ $\frac{2}{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{\sin wx \cos w}{w} dw$

۱۴. اگر $x(t)$ جواب معادله $x(t) = 2 + \int_0^t e^{t-u} x'(u) du$ باشد مقدار $x(t)$ در $x=5$ برابر است

با :

(الف) 0 (ب) 1 (ج) 2 (د) 3

۱۵. اگر تبدیل فوريه تابع $f(t) = \frac{t}{t^2 + a^2}$ به صورت زیر تعريف شود :

(w حقيقي) $F(w) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{-j\omega t} f(t) dt$ در اين صورت :

(الف) $F(w) = 2\pi j e^{-\omega a}$ (ب) $F(w) = \pi j e^{-\omega a}$

(ج) $F(w) = \begin{cases} -\pi j e^{-\omega a} & , \quad \omega > 0 \\ \pi j e^{\omega a} & , \quad \omega < 0 \end{cases}$ (د) $F(w) = -\pi j e^{-\omega a}$