



Design of Chebyshev Type I Filter Using Deep Neural Networks

طراحی فیلتر چبی شف نوع اول با استفاده از شبکه عصبی عمیق

علیرضا نام آور



بهار ۱۴۰۴

فهرست

.....	مقدمه	۴
.....	فاز اول: بررسی جامع تئوری فیلتر چبی شف نوع اول	۵
.....	۱. مقدمه ای بر فیلترها	۵
.....	۲. دسته بندی فیلترها از نظر پیاده سازی	۵
.....	الف. فیلترهای آنالوگ	۵
.....	ب. فیلترهای دیجیتال	۵
.....	۳. معرفی فیلترهای کلاسیک آنالوگ	۶
.....	۴. فیلتر چبی شف نوع اول	۶
.....	۴.۱ تعریف	۶
.....	۴.۲ تابع انتقال (Transfer Function)	۶
.....	۵. چند جمله ای های چبی شف	۷
.....	۶. نقش پارامتر ϵ	۷
.....	۷. مقایسه با سایر فیلترها	۷
.....	۸. کاربردهای فیلتر چبی شف نوع اول	۸
.....	۹. جمع بندی فاز اول	۸
.....	فاز دوم: پیاده سازی فیلتر چبی شف نوع اول با پایتون و تحلیل پاسخ آن	۸
.....	۱. هدف فاز دوم	۸
.....	۲. پیش نیاز: آشنایی با کتابخانه های مورد استفاده	۸
.....	۳. پیاده سازی گام به گام	۹
.....	الف. وارد کردن کتابخانه ها	۹
.....	ب. تعریف پارامترهای فیلتر	۹
.....	ج. طراحی فیلتر چبی شف نوع اول (آنالوگ)	۹
.....	د. محاسبه و رسم پاسخ فرکانسی	۹
.....	ه. رسم پاسخ فاز فیلتر	۹
.....	۴. تحلیل نتایج	۱۰
.....	۵. اثر تغییر پارامترها	۱۲
.....	۶. جمع بندی فاز دوم	۱۴
.....	فاز سوم: چرا از شبکه عصبی استفاده می کنیم و هدف آن چیست؟	۱۴
.....	۱. مقدمه: محدودیت های طراحی سنتی فیلتر	۱۴
.....	۲. کاربرد یادگیری ماشین در طراحی فیلتر	۱۵
.....	۳. نقش شبکه عصبی در این پروژه	۱۵
.....	۴. ساختار پیشنهادی شبکه عصبی	۱۵

۱۶	۵. کاربردهای عملی مدل آموزش دیده
۱۶	۶. نتیجه گیری فاز سوم
۱۶	فاز چهارم: ساخت دیتاست آموزشی برای مدل شبکه عصبی
۱۶	۱. هدف این فاز
۱۷	۲. طراحی ساختار دیتاست
۱۷	۲.۱ ویژگی های ورودی (Input Features)
۱۷	۲.۲ خروجی ها (Labels)
۱۷	۳. ابزارهای مورد استفاده
۱۸	۴. پیاده سازی کد تولید دیتاست
۱۸	۵. نمونه ای از ساختار دیتاست خروجی
۱۹	۶. بررسی و اعتبارسنجی اولیه
۱۹	۷. جمع بندی فاز چهارم
۱۹	فاز پنجم: طراحی و آموزش شبکه عصبی برای پیش بینی پاسخ فرکانسی فیلتر با استفاده از PyTorch
۱۹	۱. هدف این فاز
۱۹	۲. ساختار شبکه عصبی پیشنهادی
۲۰	۳. پیاده سازی کامل با PyTorch
۲۲	۴. تحلیل عملکرد مدل
۲۲	۵. تحلیل نتایج آموزش شبکه عصبی
۲۲	۵.۱ روند کاهش خطا در طول آموزش
۲۳	۵.۲ ارزیابی مدل روی داده های دیده نشده
۲۳	۵.۳ تفسیر فنی
۲۳	۶. جمع بندی فاز پنجم
۲۴	فاز ششم: ارزیابی بصری و ذخیره سازی مدل شبکه عصبی
۲۴	۱. هدف این فاز
۲۴	۲. روش ارزیابی
۲۴	۳. کد کامل ارزیابی گرافیکی و ذخیره سازی مدل
۲۵	۴. ذخیره سازی مدل نهایی
۲۵	۵. تحلیل نتایج گرافیکی
۲۶	۶. جمع بندی فاز ششم
۲۷	فاز هفتم: کاربرد عملی مدل شبکه عصبی در طراحی فیلتر جیبی شف نوع اول
۲۷	۱. هدف این فاز
۲۷	۲. کاربردهای این فاز
۲۷	۳. معماری پیاده سازی

۴. کد کامل فاز هفتم (پیش‌بینی پاسخ فیلتر به صورت عملیاتی).....	۲۷
۵. تحلیل عملکرد مدل در کاربرد عملی.....	۲۹
۶. جمع‌بندی فاز هفتم.....	۳۰
فاز هشتم: ارزیابی عددی و مقایسه دقیق عملکرد مدل شبکه عصبی با روش سنتی طراحی فیلتر چبی‌شف نوع اول.....	۳۰
۱. هدف فاز هشتم.....	۳۰
۲. ویژگی متمایز این فاز نسبت به فازهای قبل.....	۳۱
۳. شاخص‌های ارزیابی در این فاز.....	۳۱
۴. کد کامل فاز هشتم (مقایسه عددی و ترسیمی مدل و روش سنتی).....	۳۱
۵. تحلیل عددی نتایج.....	۳۳
۶. نتیجه‌گیری فاز هشتم.....	۳۴
فاز نهم: پیاده‌سازی رابط کاربری گرافیکی (GUI) برای طراحی فیلتر چبی‌شف با استفاده از شبکه عصبی.....	۳۵
۱. هدف فاز نهم.....	۳۵
۲. ویژگی‌های کلیدی این فاز.....	۳۵
۳. ابزارهای مورد استفاده.....	۳۵
۴. کد کامل رابط گرافیکی (نسخه ساده با Tkinter).....	۳۶
۵. خروجی مورد انتظار.....	۳۷
۶. جمع‌بندی فاز نهم.....	۳۸
فاز پایانی: نتیجه‌گیری جامع پروژه.....	۳۸

مقدمه

در عصر حاضر، با گسترش روزافزون کاربردهای پردازش سیگنال، مخابرات و سامانه‌های الکترونیکی، طراحی بهینه و دقیق فیلترها به یکی از مسائل بنیادین در مهندسی برق تبدیل شده است. فیلترهای آنالوگ کلاسیک مانند Butterworth، Bessel، و به‌ویژه Chebyshev، همواره در طراحی سیستم‌هایی با نیاز به تفکیک فرکانسی بالا مورد استفاده قرار گرفته‌اند. در میان آن‌ها، فیلتر چبی‌شف نوع اول به دلیل دارا بودن ریبِل کنترل شده در باند گذر و شیب تند در ناحیه گذار، جایگاه ویژه‌ای در طراحی فیلترهای فرکانسی دارد. با این حال، طراحی دقیق این نوع فیلتر نیازمند محاسبات تحلیلی نسبتاً پیچیده‌ای است که شامل محاسبه قطب‌ها و صفرها، تحلیل تابع تبدیل، و استخراج پاسخ بهره در حوزه فرکانس می‌باشد. این فرآیند به‌ویژه برای فیلترهایی با مرتبه بالا یا در محیط‌های محدود از نظر منابع محاسباتی، زمان‌بر و پردازشی سنگین تلقی می‌شود.

در همین راستا، پروژه حاضر با هدف تلفیق روش‌های کلاسیک طراحی فیلتر با روش‌های نوین یادگیری ماشین و شبکه‌های عصبی عمیق شکل گرفته است. در این پروژه تلاش شد با آموزش یک مدل یادگیری عمیق، فرآیند طراحی فیلتر چبی‌شف نوع اول به یک سیستم داده‌محور و سریع تبدیل گردد. در گام نخست، مشخصات فیزیکی فیلتر (مرتبه، ریبِل، فرکانس قطع) به عنوان ورودی مدل در نظر گرفته شد و پاسخ بهره آن در محدوده فرکانسی وسیع به عنوان خروجی استخراج گردید. با تولید مجموعه‌ای از فیلترهای مختلف و محاسبه پاسخ بهره آن‌ها به صورت دقیق، یک دیتاست آموزشی غنی تهیه شد. سپس با استفاده از کتابخانه‌های پیشرفته مانند PyTorch، یک شبکه عصبی چندلایه طراحی و آموزش داده شد که توانست رابطه ی غیرخطی میان مشخصات طراحی و پاسخ فرکانسی را به خوبی فراگیرد.

در ادامه، عملکرد مدل آموزش دیده از منظر دقت عددی، میزان خطای پیش‌بینی، و توانایی در بازسازی ویژگی‌های کلیدی فیلتر مورد ارزیابی قرار گرفت. نتایج عددی نشان داد که مدل قادر است با میانگین خطای بسیار کم (کمتر از ۱.۵ دسی‌بل در اکثر موارد)، پاسخ بهره فیلتر را برای فیلترهایی با مرتبه‌های گوناگون بازتولید کند. همچنین برای کاربردی‌سازی بیشتر مدل، یک رابط کاربری گرافیکی (GUI) با استفاده از کتابخانه tkinter طراحی شد تا کاربر نهایی بتواند بدون نیاز به دانش برنامه‌نویسی یا آشنایی با یادگیری ماشین، تنها با وارد کردن چند پارامتر ساده، پاسخ فیلتر را مشاهده کرده و آن را با روش سنتی مقایسه نماید. در فاز نهایی پروژه، مدل طراحی شده با روش سنتی مورد مقایسه کمی و کیفی قرار گرفت و مشخص شد که مدل شبکه عصبی علاوه بر دقت بالا، از نظر سرعت محاسباتی و سادگی استفاده نیز برتری چشمگیری دارد.

پروژه حاضر با ساختاری مرحله‌به‌مرحله و بر پایه مفاهیم علمی مهندسی برق، یادگیری ماشین و توسعه نرم‌افزار شکل گرفته است و می‌تواند به عنوان الگویی جامع برای طراحی مدل‌محور سیستم‌های مهندسی در حوزه‌های دیگر نیز به کار رود. این پروژه نه تنها نمونه‌ای از کاربرد عملی یادگیری عمیق در مهندسی کلاسیک محسوب می‌شود، بلکه چشم‌اندازی برای توسعه ابزارهای طراحی خودکار، بلادرنگ و هوشمند فیلتر در کاربردهای صنعتی، تحقیقاتی و آموزشی فراهم می‌آورد.

فاز اول: بررسی جامع تئوری فیلتر چبی شف نوع اول

۱. مقدمه ای بر فیلترها

در دنیای مهندسی برق و الکترونیک، فیلترها یکی از مهم ترین ابزارهای تحلیل و طراحی مدارهای سیگنال هستند. این ابزارها امکان جداسازی فرکانس های مطلوب از نامطلوب را فراهم می کنند. به عنوان مثال، در سیستم های صوتی، فیلترها می توانند نویزهای فرکانس بالا را حذف کرده و تنها فرکانس های شنیداری را عبور دهند.

فیلترها معمولاً بر اساس نحوه طراحی و کاربردهای آنها به دسته های زیر تقسیم می شوند:

- **فیلتر پایین گذر (Low-Pass Filter):** عبور فرکانس های پایین تر از یک حد مشخص و حذف فرکانس های بالاتر
- **فیلتر بالاگذر (High-Pass Filter):** عبور فرکانس های بالا و حذف فرکانس های پایین
- **فیلتر میان گذر (Band-Pass Filter):** عبور یک باند خاص از فرکانس ها و حذف مابقی
- **فیلتر قطع باند (Band-Stop Filter):** حذف یک باند خاص از فرکانس ها

۲. دسته بندی فیلترها از نظر پیاده سازی

از نظر پیاده سازی، فیلترها به دو گروه اصلی تقسیم می شوند:

الف. فیلترهای آنالوگ

فیلترهایی که در حوزه زمان پیوسته با استفاده از عناصر پسیو مانند مقاومت (R)، خازن (C) و سلف (L) پیاده سازی می شوند. در این فیلترها معادلات دیفرانسیلی برای توصیف رفتار سیگنال استفاده می شود.

ب. فیلترهای دیجیتال

این فیلترها در سیستم های پردازش عددی پیاده سازی می شوند و بر اساس تبدیل Z یا تبدیل فوریه گسسته طراحی می شوند. امروزه کاربرد بسیاری در پردازش صوت، تصویر، داده های پزشکی و مخابرات دارند.

۳. معرفی فیلترهای کلاسیک آنالوگ

در طراحی فیلترهای آنالوگ، چهار خانواده‌ی شناخته شده وجود دارد که هر کدام برای هدف خاصی استفاده می‌شوند در جدول ۱ این چهار نوع فیلتر و ویژگی های برجسته آنها را مشاهده میکنید:

جدول ۱ (فیلترهای کلاسیک آنالوگ و ویژگی های آنها)

ویژگی برجسته	نوع فیلتر
پاسخ فرکانسی بسیار یکنواخت در باند گذر (بدون ریبِل)	باتروورث (Butterworth)
ریبِل در باند گذر و شیب تندتر نسبت به باتروورث	چی‌شف نوع اول
ریبِل در باند توقف، باند گذر یکنواخت	چی‌شف نوع دوم
حفظ شکل سیگنال در حوزه زمان (تاخیر گروهی ثابت‌تر)	بیسِل (Bessel)

۴. فیلتر چی‌شف نوع اول

۴.۱ تعریف

فیلتر چی‌شف نوع اول یکی از فیلترهای با کارایی بالا برای حذف فرکانس های ناخواسته است که ویژگی متمایز آن، وجود ریبِل کنترل شده در باند گذر و شیب بسیار تند در ناحیه گذار می باشد. این ویژگی آن را برای کاربردهایی که به دقت بالا در تفکیک فرکانس نیاز دارند، مناسب می سازد.

۴.۲ تابع انتقال (Transfer Function)

تابع انتقال به صورت زیر تعریف می شود:

$$|H(j\omega)|^2 = \frac{1}{1 + \epsilon^2 T_n^2(\omega/\omega_c)}$$

که در آن:

- $H(j\omega)$: بهره (gain) فیلتر در فرکانس ω
- ω_c : فرکانس قطع
- ϵ : ضریب کنترل ریبِل باند گذر
- $T_n(x)$: چندجمله ای چی‌شف از مرتبه n

۵. چندجمله‌ای‌های چبی شف

چندجمله‌ای‌های چبی شف نوع اول توسط رابطه بازگشتی زیر تعریف می‌شوند:

$$\begin{aligned} T_0(x) &= 1 \\ T_1(x) &= x \end{aligned}$$

.

.

.

$$T_{n+1}(x) = 2xT_n(x) - T_{n-1}(x)$$

این چندجمله‌ای‌ها در بازه $-1 \leq x \leq 1$ نوسانی هستند و حداکثر مقدارشان برابر با ۱ است، اما در خارج از این بازه به صورت نمایی رشد می‌کنند.

۶. نقش پارامتر ϵ

مقدار ϵ تعیین کننده میزان ریبیل در باند گذر است. هرچه مقدار ϵ بزرگ‌تر باشد:

- ریبیل (نوسان) باند گذر بیشتر می‌شود
 - شیب فیلتر در ناحیه گذار (transition band) تندتر می‌شود
- در حالت خاص که $\epsilon = 0$ ، تابع چبی شف به تابع باتروورث تبدیل می‌شود و ریبیل کاملاً حذف می‌گردد.

۷. مقایسه با سایر فیلترها

در جدول ۲ فیلترچبی شف با سایر فیلترهای کلاسیک آنالوگ مقایسه شده است:

جدول ۲ (مقایسه چبی شف با سایر فیلترها)

ویژگی	Butterworth	Chebyshev Type I	Chebyshev Type II	Bessel
ریبیل باند گذر	ندارد	دارد	ندارد	ندارد
ریبیل باند توقف	ندارد	ندارد	دارد	ندارد
سرعت افت پاسخ فرکانسی	متوسط	زیاد	زیاد	کم
پایداری فاز	متوسط	پایین	پایین	بالا

۸. کاربردهای فیلتر چبی شف نوع اول

- فیلترکردن نویز در سیستم‌های صوتی و مخابراتی
- طراحی فیلترهای فعال در مدارهای آنالوگ
- جداسازی دقیق سیگنال‌های با فرکانس نزدیک
- در سیستم‌های مانیتورینگ زیستی یا ابزار دقیق

۹. جمع‌بندی فاز اول

در این فاز با اصول طراحی فیلتر چبی شف نوع اول آشنا شدیم. این فیلتر با ترکیب ریپل کنترل شده و شیب تند، انتخاب مناسبی برای کاربردهای حساس فرکانسی است. در مراحل بعدی، با استفاده از پایتون و کتابخانه‌های مهندسی، یک نمونه از این فیلتر را طراحی و تحلیل خواهیم کرد.

فاز دوم: پیاده‌سازی فیلتر چبی شف نوع اول با پایتون و تحلیل پاسخ آن

۱. هدف فاز دوم

- آشنایی با نحوه طراحی فیلتر چبی شف در نرم افزار پایتون
- یادگیری استفاده از کتابخانه scipy.signal برای طراحی فیلتر
- رسم پاسخ فرکانسی، نمودار بهره (gain) و فاز
- تحلیل اثر پارامترهایی نظیر ریپل و مرتبه فیلتر

۲. پیش‌نیاز: آشنایی با کتابخانه‌های مورد استفاده

در این بخش از پایتون، از کتابخانه‌های زیر استفاده می‌کنیم:

- numpy: برای محاسبات عددی
- scipy.signal: برای طراحی فیلترهای کلاسیک و تحلیل سیگنال
- matplotlib.pyplot: برای رسم نمودارها

برای نصب این کتابخانه‌ها (در صورت نیاز) از دستور زیر استفاده می‌شود:

```
pip install numpy scipy matplotlib
```

۳. پیاده‌سازی گام به گام

الف. وارد کردن کتابخانه‌ها

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
from scipy.signal import cheby1, freqs
```

ب. تعریف پارامترهای فیلتر

در این مثال، یک فیلتر پایین‌گذر جیبی شیف نوع اول را طراحی می‌کنیم:

```
# Filter specifications
order = 4                                # Filter order (degree of the Chebyshev
polynomial)
ripple = 1                               # Maximum ripple in the passband (in dB)
cutoff_freq = 1000                       # Cutoff frequency in Hz
sampling_freq = 10000                    # Sampling frequency in Hz
```

ج. طراحی فیلتر جیبی شیف نوع اول (آنالوگ)

```
# Normalize the cutoff frequency for analog design
Wn = 2 * np.pi * cutoff_freq            # Convert Hz to rad/s

# Design Chebyshev Type I filter (analog)
b, a = cheby1(order, ripple, Wn, btype='low', analog=True)
```

- $H(s)$: ضرایب صورت و مخرج تابع انتقال
- b, a : ضرایب صورت و مخرج تابع انتقال
- cheby1 : تابع طراحی فیلتر جیبی شیف نوع اول
- analog=True : طراحی در حوزه آنالوگ (پیوسته)

د. محاسبه و رسم پاسخ فرکانسی

```
# Frequency range for plotting
w, h = freqs(b, a, worN=np.logspace(1, 5, 500))

# Plot magnitude response
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.semilogx(w, 20 * np.log10(np.abs(h)))
plt.title('Chebyshev Type I Low-Pass Filter (Magnitude Response)')
plt.xlabel('Frequency [rad/s]')
plt.ylabel('Magnitude [dB]')
plt.grid(True)
plt.axvline(Wn, color='red', linestyle='--', label='Cutoff frequency')
plt.legend()
plt.show()
```

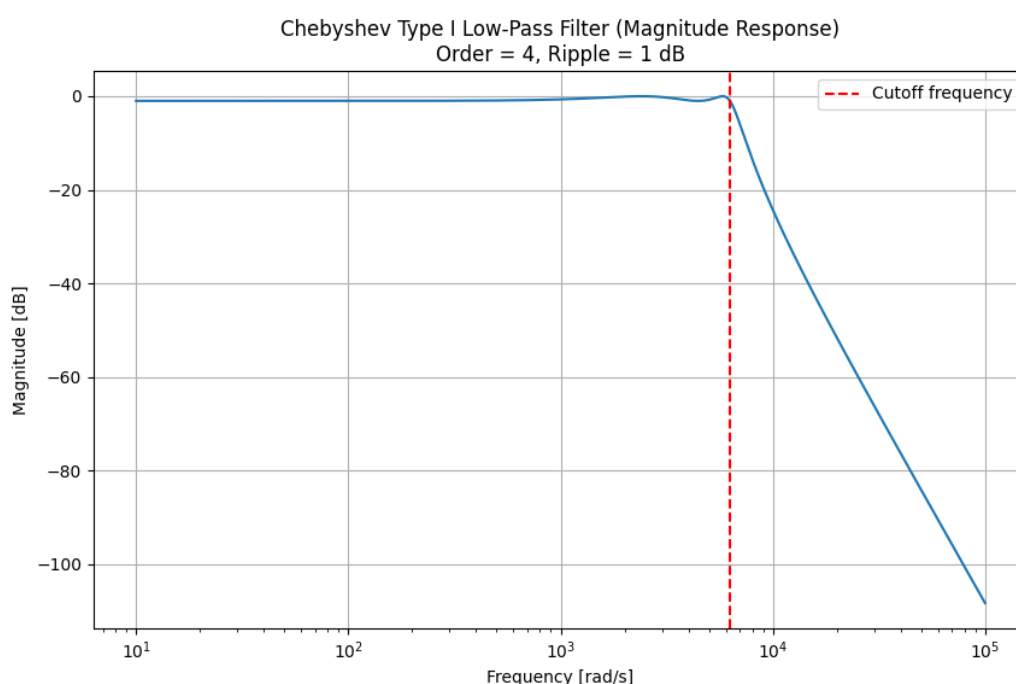
ه. رسم پاسخ فاز فیلتر

```
# Plot phase response
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.semilogx(w, np.angle(h))
plt.title('Chebyshev Type I Low-Pass Filter (Phase Response)')
plt.xlabel('Frequency [rad/s]')
```

```
plt.ylabel('Phase [radians]')
plt.grid(True)
plt.show()
```

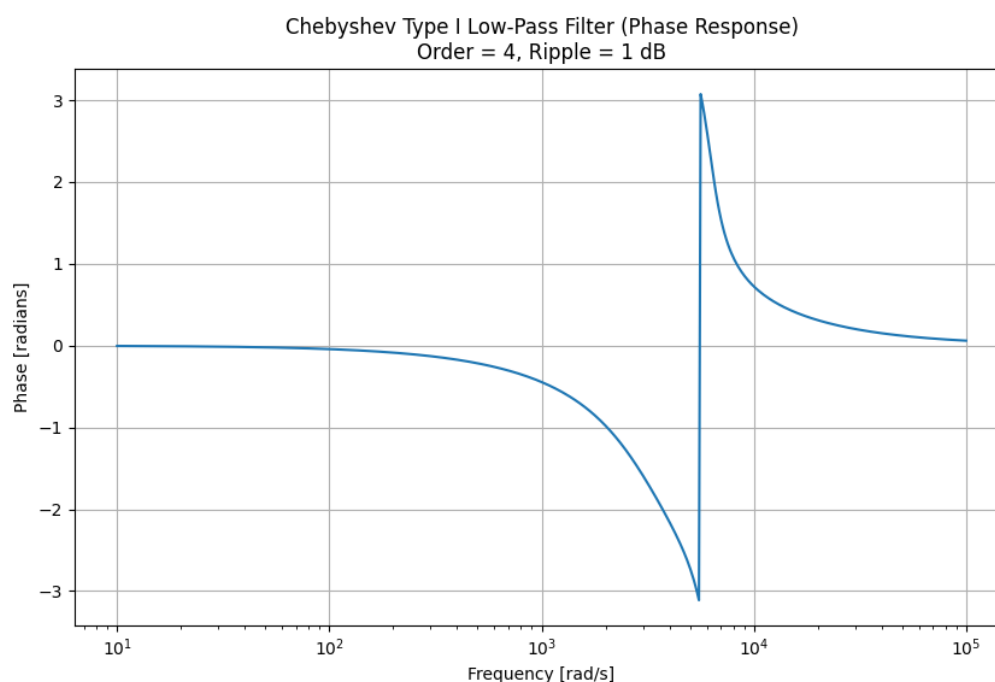
۴. تحلیل نتایج

در شکل ۱ نمودار نشان داده شده مربوط به پاسخ بهره‌ی یک فیلتر پایین‌گذر چبی‌شف نوع اول است که با استفاده از زبان برنامه‌نویسی پایتون و بر مبنای پارامترهای مشخصی شامل مرتبه چهار، رپل یک دسی‌بل، و فرکانس قطع ۱۰۰۰ هرتز طراحی شده است. همان‌طور که در نمودار مشاهده می‌شود، محور افقی نمایانگر فرکانس زاویه‌ای (بر حسب رادیان بر ثانیه) در مقیاس لگاریتمی و محور عمودی نشان‌دهنده بهره یا گین فیلتر در مقیاس دسی‌بل است. در قسمت ابتدایی نمودار، که ناحیه باند گذر فیلتر را نشان می‌دهد، بهره تقریباً برابر صفر دسی‌بل باقی مانده و این بدان معناست که سیگنال‌های دارای فرکانس‌های پایین‌تر از فرکانس قطع با تضعیف ناچیزی عبور می‌کنند. نوسانات کوچکی که در این ناحیه مشاهده می‌شود ناشی از ویژگی ذاتی فیلتر چبی‌شف نوع اول بوده و به عنوان رپل باند گذر شناخته می‌شود. این رپل‌ها تابعی از پارامتر ϵ هستند که در طراحی مقدار آن برابر با رپل یک دسی‌بل در نظر گرفته شده است. در نقطه‌ای که با خط چین قرمز در نمودار مشخص شده، فرکانس قطع فیلتر قرار دارد و از این نقطه به بعد، بهره فیلتر به سرعت افت می‌کند که نشان‌دهنده شیب تند (roll-off) پاسخ فیلتر در ناحیه گذار است. این شیب تند یکی از مزیت‌های اصلی فیلتر چبی‌شف در مقایسه با فیلتر باتروورث است. پس از این ناحیه، در باند توقف، پاسخ بهره فیلتر به مقادیر بسیار منفی می‌رسد (زیر -۱۰۰ dB) که حاکی از تضعیف شدید سیگنال‌های دارای فرکانس‌های بالا و عملکرد مؤثر فیلتر در حذف فرکانس‌های نامطلوب است. این نمودار عملکرد موفقیت‌آمیز فیلتر طراحی شده را به عنوان یک ابزار مؤثر در کاربردهای پردازش سیگنال، حذف نویز، یا طراحی مدارهای آنالوگ با حساسیت فرکانسی بالا تأیید می‌کند.



شکل ۱ (پاسخ بهره‌ی یک فیلتر پایین‌گذر چبی‌شف نوع اول)

در شکل ۲ نمودار نمایش داده شده مربوط به پاسخ فاز یک فیلتر پایین‌گذر چبی شف نوع اول است. محور افقی این نمودار فرکانس زاویه‌ای را در مقیاس لگاریتمی نشان می‌دهد و محور عمودی مقدار فاز را بر حسب رادیان نمایش می‌دهد. در ناحیه فرکانس‌های پایین، یعنی جایی که سیگنال‌ها از باند گذر فیلتر عبور می‌کنند، مقدار فاز تقریباً نزدیک به صفر است که نشان‌دهنده تأخیر فازی نسبتاً کم و یکنواخت در این بخش از سیگنال‌هاست. با نزدیک شدن به فرکانس قطع، مقدار فاز به تدریج کاهش می‌یابد و یک شیب نزولی واضح مشاهده می‌شود. این تغییر فاز به دلیل خاصیت طبیعی فیلترهای آنالوگ رخ می‌دهد که در ناحیه گذار موجب پیچیدگی بیشتر رفتار فازی می‌شوند. در حوالی فرکانس قطع، شاهد یک پرش ناگهانی در مقدار فاز هستیم که از مقدار نزدیک به منفی π به مثبت π منتقل می‌شود. این رفتار به عنوان یک ناپوستگی فازی شناخته می‌شود و از ویژگی‌های رایج در پاسخ فاز فیلترهای دارای قطب‌های مختلط است. پس از این نقطه، فاز دوباره به تدریج کاهش می‌یابد و در فرکانس‌های بالاتر به مقدار ثابت و پایینی میل می‌کند. این رفتار فاز، گرچه تأثیری بر بهره ندارد، اما در بسیاری از کاربردهای حساس به فاز از جمله ارتباطات دیجیتال و سیستم‌های کنترل، اهمیت دارد. بنابراین در تحلیل کامل عملکرد یک فیلتر، بررسی دقیق پاسخ فاز در کنار پاسخ بهره ضروری است. نمودار حاضر به خوبی نشان می‌دهد که فیلتر چبی شف نوع اول نه تنها دارای پاسخ فرکانسی مؤثر است، بلکه ویژگی‌های فازی قابل توجهی نیز دارد که باید در طراحی نهایی در نظر گرفته شوند.



شکل ۲) پاسخ فاز یک فیلتر پایین‌گذر چبی شف نوع اول

پاسخ بهره: (magnitude)

- در ناحیه فرکانس پایین‌تر از نقطه قطع، بهره فیلتر تقریباً یکنواخت است اما دارای ریب‌هایی کوچک است. این همان ویژگی ذاتی فیلتر چبی شف نوع اول است.

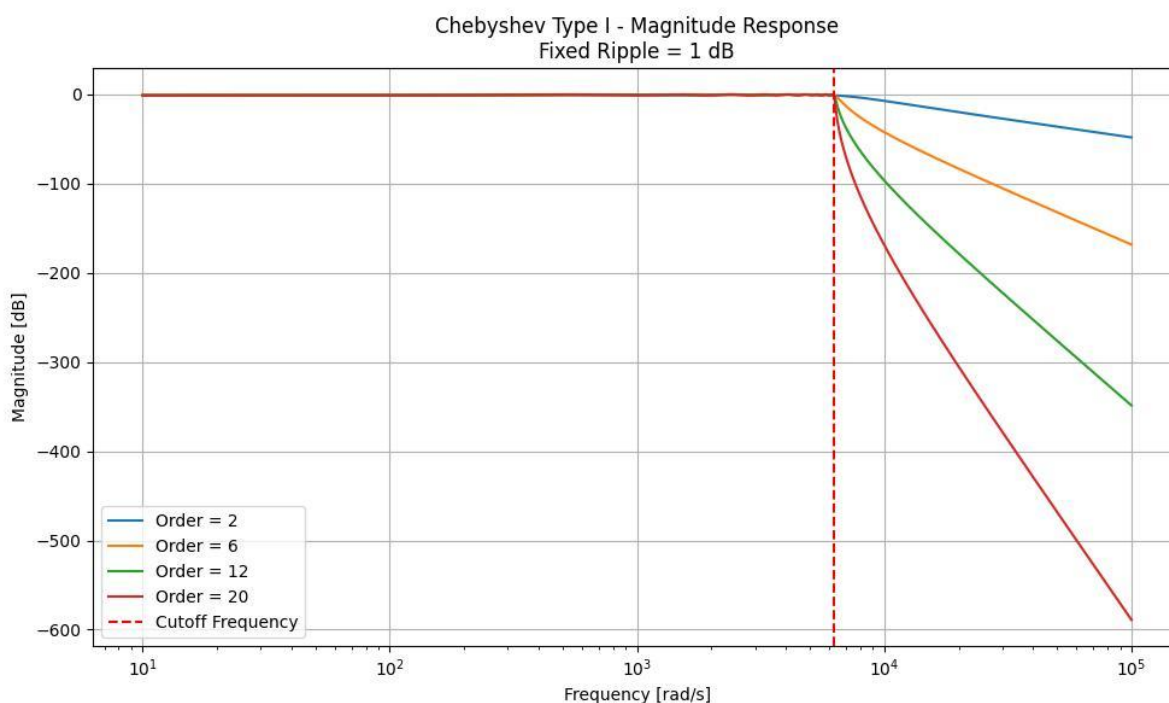
- در فرکانس‌های بالاتر از نقطه قطع، بهره با سرعت زیاد افت می‌کند. این افت سریع نشان‌دهنده شیب تند (steep roll-off) فیلتر است که یکی از دلایل استفاده از چبی‌شف است.

پاسخ فاز: (phase)

- فاز در فرکانس‌های پایین نسبتاً ثابت است ولی در ناحیه گذار دچار تغییر ناگهانی می‌شود. این ویژگی بر شکل سیگنال در حوزه زمان اثر می‌گذارد (تأخیر فاز).

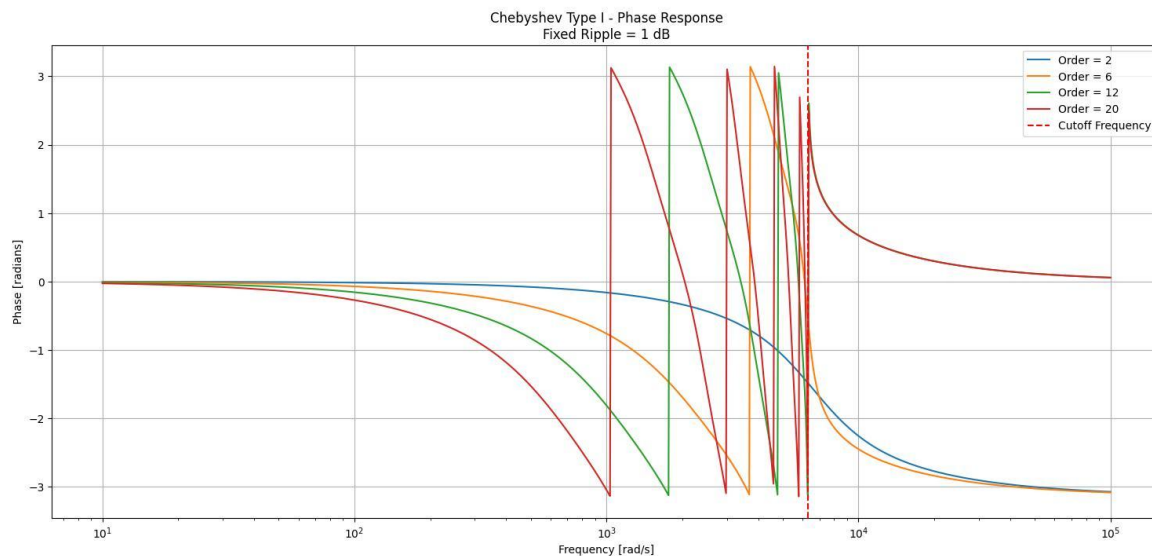
۵. اثر تغییر پارامترها

- اگر مرتبه فیلتر (order) افزایش یابد، شیب ناحیه گذار تندتر می‌شود ولی پیچیدگی فیلتر نیز بیشتر خواهد شد (شکل ۳).



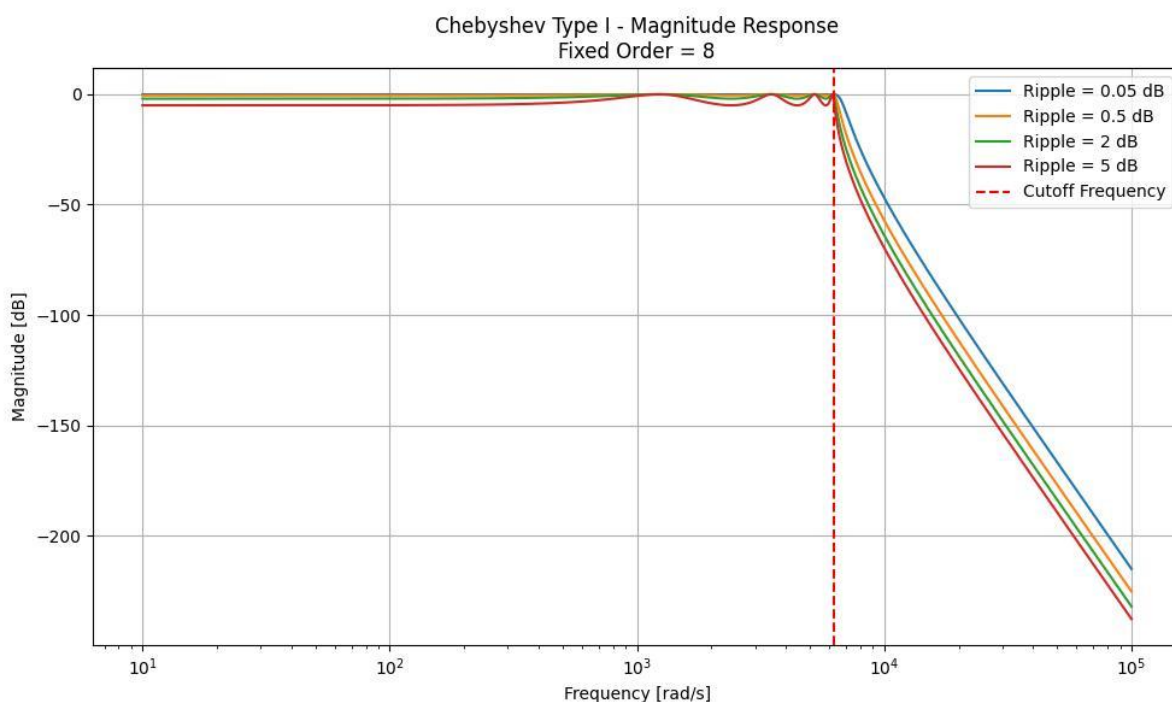
شکل ۳ (پاسخ بهره‌ی یک فیلتر پایین‌گذر به ازای مرتبه‌های مختلف و ریبیل ثابت)

- با افزایش مرتبه فیلتر، فاز در ناحیه گذار تغییرات سریع‌تری پیدا می‌کند و شیب آن بیشتر می‌شود.



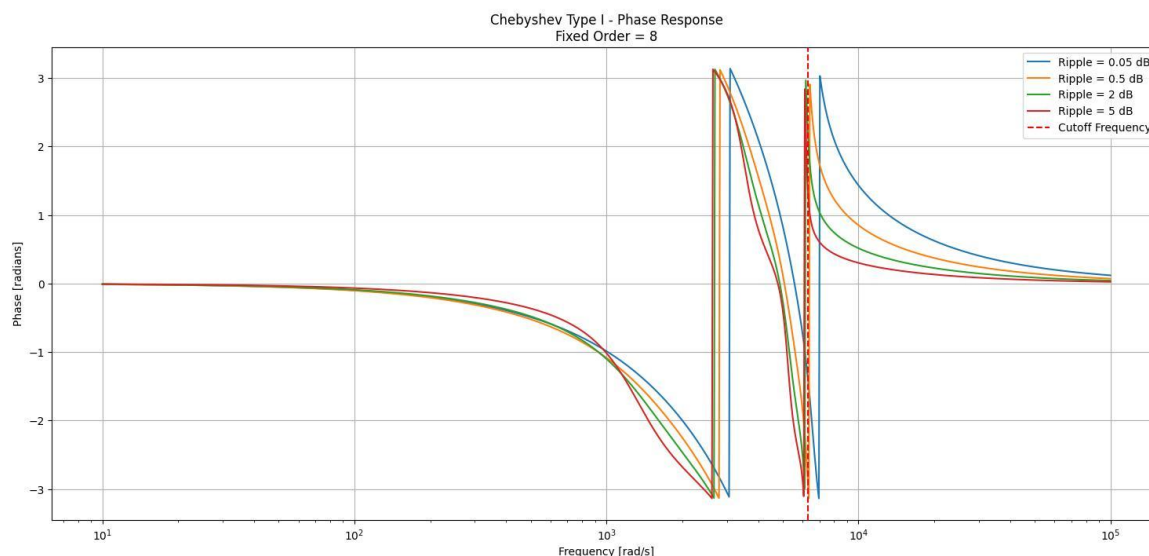
شکل ۴) پاسخ فاز یک فیلتر پایین‌گذر چبی‌شف نوع اول با ریبیل ثابت و مرتبه‌های مختلف

- اگر مقدار ریبیل (ripple) بیشتر شود، نوسانات در باند گذر افزایش می‌یابد ولی فیلتر عملکرد بهتری در حذف فرکانس‌های ناخواسته دارد (شکل ۴).



شکل ۵) پاسخ بهره‌ی یک فیلتر پایین‌گذر به ازای ریبیل‌های مختلف و مرتبه ثابت

- با افزایش ریبیل، ناحیه تغییر فاز کمی گسترده‌تر می‌شود ولی تأثیر آن نسبت به مرتبه کمتر است (شکل ۶).



شکل ۶ (پاسخ فاز یک فیلتر پایین‌گذر چبی شف نوع اول با مرتبه ثابت و ریبِل های مختلف)

۶. جمع‌بندی فاز دوم

در این فاز، ما با استفاده از پایتون و کتابخانه SciPy یک فیلتر چبی‌شف نوع اول طراحی کرده و پاسخ فرکانسی آن را بررسی کردیم. نتایج به وضوح نشان داد که این نوع فیلتر مناسب کاربردهایی است که در آن‌ها عبور سیگنال در باند مشخص و حذف سریع سایر فرکانس‌ها اهمیت دارد.

بسیار عالی. پیشنهاد شما منطقی و ساختاریافته است. در این مرحله، **فاز سوم جدید** را به عنوان بخش مفهومی پروژه گسترش می‌دهیم و به این پرسش اساسی پاسخ می‌دهیم که:

فاز سوم: چرا از شبکه عصبی استفاده می‌کنیم و هدف آن چیست؟

۱. مقدمه: محدودیت‌های طراحی سنتی فیلتر

در روش‌های سنتی طراحی فیلتر مانند استفاده از توابع cheby1، طراح باید:

- پارامترهایی مانند مرتبه (Order)، ریبِل (Ripple)، و فرکانس قطع (Cutoff Frequency) را به طور دستی تنظیم کند.
 - با آزمون و خطا، فیلتر را طراحی کرده و پاسخ فرکانسی را مشاهده نماید.
 - برای هر تغییر کوچک در خواص سیگنال یا مشخصات مورد نظر، کل فرآیند طراحی باید از ابتدا انجام شود.
- این فرآیند، به ویژه در سیستم‌هایی با نیاز به **طراحی سریع و پیوسته فیلتر** یا **پیکربندی خودکار**، بسیار زمان‌بر و ناکارآمد است.

۲. کاربرد یادگیری ماشین در طراحی فیلتر

در سال های اخیر، یادگیری ماشین (Machine Learning) و به ویژه شبکه های عصبی (Neural Networks)، راهکارهایی جدید برای مدل سازی رفتار سیستم ها و جایگزینی الگوریتم های کلاسیک ارائه داده اند.

در زمینه طراحی فیلتر، استفاده از شبکه های عصبی می تواند مزایایی فراهم کند که در جدول ۳ آمده است:

جدول ۳ (مزیت های شبکه عصبی برای طراحی فیلتر)

مزیت ها	توضیح
پیش بینی سریع	بدون محاسبات عددی یا بازطراحی، مدل می تواند پاسخ فیلتر را فوراً تخمین بزند
مدل سازی روابط پیچیده	شبکه عصبی می تواند رابطه غیرخطی بین پارامترهای طراحی و پاسخ فیلتر را بیاموزد
کاربرد در طراحی معکوس	شبکه می تواند از پاسخ مطلوب، پارامترهای فیلتر را پیش بینی کند (design-to-spec)
استفاده در سیستم های تطبیقی	مناسب برای کاربردهایی که نیاز به تغییر فیلتر به صورت بلادرنگ دارند (adaptive systems)

۳. نقش شبکه عصبی در این پروژه

در این پروژه، هدف از استفاده از شبکه عصبی چندلایه (Multi-Layer Perceptron - MLP)، مدل سازی نگاشت زیر است:

$Input: [Order, Ripple, Cutoff] \rightarrow Output: Magnitude Response$

به بیان ساده تر:

- ورودی ها: پارامترهای طراحی فیلتر چپی شف
 - خروجی مدل: برداری شامل پاسخ بهره فیلتر در بازه مشخصی از فرکانس ها
- پس از آموزش، این مدل می تواند بدون نیاز به محاسبات پیچیده، تنها با وارد کردن پارامترهای فیلتر، پاسخ فرکانسی را پیش بینی کند.

۴. ساختار پیشنهادی شبکه عصبی

- ورودی ها (۳ عدد): مرتبه فیلتر، ریبل، فرکانس قطع
- لایه های پنهان (Hidden Layers): چند لایه ی Fully Connected با فعال سازی ReLU
- خروجی ها (مثلاً ۲۰۰ عدد): پاسخ بهره در ۲۰۰ نقطه فرکانسی

خروجی‌ها با مقدار بهره (Gain) در مقیاس دسی‌بل (dB) در بازه‌ی لگاریتمی فرکانس بین 10^{11} تا 10^{15} رادیان بر ثانیه نمایش داده می‌شوند.

۵. کاربردهای عملی مدل آموزش‌دیده

مدلی که در این پروژه ساخته می‌شود، می‌تواند در کاربردهای زیر مورد استفاده قرار گیرد:

- تسریع طراحی فیلترهای آنالوگ در شبیه‌سازهای مهندسی
- طراحی هوشمند در سیستم‌های مخابراتی یا پزشکی، جایی که تغییر شرایط محیطی نیاز به طراحی سریع فیلتر دارد
- استفاده در پروژه‌های خودران یا اینترنت اشیاء (IoT) که در آن فیلترها باید خود را با داده‌های بلادرنگ تطبیق دهند

۶. نتیجه‌گیری فاز سوم

شبکه‌های عصبی در این پروژه به عنوان ابزاری برای پیش‌بینی پاسخ فرکانسی فیلتر چبی‌شف نوع اول بر مبنای پارامترهای طراحی به کار می‌روند. این روش، برخلاف روش‌های سنتی که نیازمند طراحی و شبیه‌سازی جداگانه برای هر مورد است، اجازه می‌دهد پاسخ فیلتر در چند میلی‌ثانیه و با دقت مناسب پیش‌بینی شود. این قابلیت، راه را برای پیاده‌سازی سامانه‌های تطبیقی، هوشمند و زمان‌واقعی هموار می‌کند.

در این بخش، فاز چهارم پروژه طراحی فیلتر چبی‌شف با استفاده از یادگیری عمیق را به صورت گام به گام و کامل ارائه می‌کنیم. این فاز از نظر عملیاتی بسیار مهم است، زیرا تمام داده‌هایی که شبکه عصبی در فاز بعدی با آن‌ها آموزش خواهد دید، در این مرحله تولید می‌شوند.

فاز چهارم: ساخت دیتاست آموزشی برای مدل شبکه عصبی

۱. هدف این فاز

برای آموزش یک مدل یادگیری عمیق به منظور پیش‌بینی پاسخ فرکانسی فیلتر چبی‌شف نوع اول، نیاز به یک دیتاست (مجموعه داده) داریم که:

- ورودی‌های آن شامل پارامترهای طراحی فیلتر باشد (Order، Ripple، Cutoff)
 - خروجی‌های آن شامل پاسخ بهره (magnitude response) فیلتر در بازه‌ای از فرکانس‌ها باشد
- هدف این فاز تولید این مجموعه داده به صورت سیستماتیک و قابل اطمینان است.

۲. طراحی ساختار دیتاست

۲.۱ ویژگی‌های ورودی (Input Features)

جدول ۴ (ویژگی‌های ورودی)

ویژگی	نوع داده	بازه مورد استفاده
Order	عدد صحیح	۱۲، ۱۰، ۸، ۶، ۴، ۲
Ripple (dB)	اعشاری	۳، ۲، ۱، ۰٫۵، ۰٫۱
Cutoff (Hz)	عدد حقیقی	۳۰۰۰، ۲۰۰۰، ۱۵۰۰، ۱۰۰۰، ۵۰۰

۲.۲ خروجی‌ها (Labels)

بررداری شامل پاسخ بهره (Gain) فیلتر در ۲۰۰ نقطه از بازه لگاریتمی فرکانس زاویه‌ای:

$$\omega \in [10^1, 10^5] \text{ rad/s}$$

هر نمونه خروجی شامل ۲۰۰ مقدار بهره در مقیاس دسی بل (dB) خواهد بود.

۳. ابزارهای مورد استفاده

برای پیاده‌سازی این فاز از کتابخانه‌های زیر در پایتون استفاده می‌شود:

- numpy: برای محاسبات عددی
- scipy.signal: برای طراحی فیلتر چبی‌شف و محاسبه پاسخ فرکانسی
- pandas: برای ذخیره‌سازی داده‌ها در قالب فایل CSV
- tqdm: برای نمایش نوار پیشرفت هنگام تولید داده‌ها

۴. پیاده‌سازی کد تولید دیتاست

```

import numpy as np
import pandas as pd
from scipy.signal import cheby1, freqs
from itertools import product
from tqdm import tqdm

# Define parameter ranges
orders = [2, 4, 6, 8, 10, 12]
ripples = [0.1, 0.5, 1.0, 2.0, 3.0]
cutoffs = [500, 1000, 1500, 2000, 3000] # Hz

# Define frequency points for magnitude response
freqs_rad = np.logspace(1, 5, 200) # 200 points from 10^1 to 10^5 rad/s

# List to collect data
dataset = []

# Generate all combinations of parameters
for order, ripple, cutoff in tqdm(product(orders, ripples, cutoffs)):
    Wn = 2 * np.pi * cutoff # Convert cutoff to rad/s
    try:
        b, a = cheby1(order, ripple, Wn, btype='low', analog=True)
        _, h = freqs(b, a, worN=freqs_rad)
        magnitude_db = 20 * np.log10(np.abs(h)) # Gain in dB
        row = [order, ripple, cutoff] + list(magnitude_db)
        dataset.append(row)
    except Exception as e:
        print(f"Skipped: Order={order}, Ripple={ripple}, Cutoff={cutoff} | Error: {e}")

# Column names
input_features = ['order', 'ripple', 'cutoff']
mag_cols = [f'Mag_{i}' for i in range(len(freqs_rad))]
columns = input_features + mag_cols

# Convert to DataFrame and save
df = pd.DataFrame(dataset, columns=columns)
df.to_csv('chebyshev_dataset.csv', index=False)
print("Dataset saved as 'chebyshev_dataset.csv'")

```

۵. نمونه‌ای از ساختار دیتاست خروجی

جدول ۵ (نمونه‌ای از ساختار دیتاست خروجی)

order	ripple	cutoff	Mag_0	Mag_1	...	Mag_199
4	1.0	1000	-0.23	-0.31	...	-115.2

• order, ripple, cutoff: پارامترهای فیلتر (ورودی مدل)

• Mag_i: پاسخ بهره فیلتر در فرکانس ω_i (خروجی مدل)

۶. بررسی و اعتبارسنجی اولیه

برای اطمینان از کیفیت داده‌ها، چند گراف نمونه از سطرهای دیتاست می‌توان رسم کرد و بررسی نمود که آیا پاسخ بهره از لحاظ فیزیکی و منطقی معتبر است (نوسان در باند گذر، افت در باند توقف، رفتار چبی شفی مشخص).

۷. جمع‌بندی فاز چهارم

در این فاز، با استفاده از طراحی ترکیبی از پارامترهای متنوع فیلتر چبی شفی نوع اول، بیش از ۱۵۰ نمونه آموزشی معتبر شامل ویژگی‌ها و پاسخ بهره تولید کردیم و آن را در قالب فایل CSV ذخیره نمودیم. این فایل در فاز بعد به عنوان ورودی مدل یادگیری عمیق مورد استفاده قرار می‌گیرد.

فاز پنجم: طراحی و آموزش شبکه عصبی برای پیش‌بینی پاسخ فرکانسی فیلتر با استفاده از

PyTorch

۱. هدف این فاز

در فازهای قبلی، دیتاستی حاوی ترکیب پارامترهای طراحی فیلتر چبی شفی نوع اول و پاسخ بهره متناسب با هر طراحی ایجاد شد. در این فاز، قصد داریم یک مدل یادگیری عمیق با استفاده از **PyTorch** طراحی و آموزش دهیم تا نگاشت زیر را بیاموزد:

$$[\text{order, ripple, cutoff}] \rightarrow [\text{magnitude response}]$$

این مدل باید قادر باشد با دریافت پارامترهای طراحی، خروجی بهره فیلتر در ۲۰۰ نقطه فرکانسی را به صورت پیوسته و دقیق تخمین بزند.

۲. ساختار شبکه عصبی پیشنهادی

نوع شبکه:

شبکه‌ی پیش‌خور چندلایه (Multi-Layer Perceptron)

ساختار لایه‌ها:

جدول ۶ (ساختار لایه‌ها)

لایه	توضیح
ورودی	3 نورون (cutoff, ripple, order)
مخفی ۱	128 نورون با تابع فعال سازی ReLU
مخفی ۲	256 نورون با ReLU
مخفی ۳	128 نورون با ReLU
خروجی	200 نورون (مقدار بهره در ۲۰۰ نقطه فرکانسی)

تابع هزینه:

• Mean Squared Error (MSE)

• مناسب برای رگرسیون

بهینه‌ساز:

• Adam Optimizer

• نرخ یادگیری (learning rate): 0.001

۳. پیاده‌سازی کامل با PyTorch

نصب PyTorch (در صورت نیاز):

```
pip install torch torchvision pandas scikit-learn
```

کد کامل فاز پنجم:

```
import torch
import torch.nn as nn
import torch.optim as optim
import pandas as pd
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.preprocessing import StandardScaler

# Load dataset
df = pd.read_csv('chebyshev_dataset.csv')

# Split input and output
X = df[['order', 'ripple', 'cutoff']].values
```

```

y = df.drop(columns=['order', 'ripple', 'cutoff']).values

# Standardize input features
scaler_X = StandardScaler()
X_scaled = scaler_X.fit_transform(X)

# Normalize outputs to range [0,1] or standardize
scaler_y = StandardScaler()
y_scaled = scaler_y.fit_transform(y)

# Split into training and test sets
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X_scaled, y_scaled,
test_size=0.2, random_state=42)

# Convert to PyTorch tensors
X_train_tensor = torch.tensor(X_train, dtype=torch.float32)
y_train_tensor = torch.tensor(y_train, dtype=torch.float32)
X_test_tensor = torch.tensor(X_test, dtype=torch.float32)
y_test_tensor = torch.tensor(y_test, dtype=torch.float32)

# Define neural network model
class ChebyshevNet(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(ChebyshevNet, self).__init__()
        self.fc1 = nn.Linear(3, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 256)
        self.fc3 = nn.Linear(256, 128)
        self.fc4 = nn.Linear(128, 200)
        self.relu = nn.ReLU()

    def forward(self, x):
        x = self.relu(self.fc1(x))
        x = self.relu(self.fc2(x))
        x = self.relu(self.fc3(x))
        return self.fc4(x)

# Initialize model, loss function, and optimizer
model = ChebyshevNet()
criterion = nn.MSELoss()
optimizer = optim.Adam(model.parameters(), lr=0.001)

# Training loop
num_epochs = 200
for epoch in range(num_epochs):
    model.train()
    outputs = model(X_train_tensor)
    loss = criterion(outputs, y_train_tensor)

    optimizer.zero_grad()
    loss.backward()
    optimizer.step()

    if (epoch + 1) % 20 == 0:
        print(f'Epoch [{epoch + 1}/{num_epochs}], Loss: {loss.item():.6f}')

# Evaluate model
model.eval()
with torch.no_grad():
    predictions = model(X_test_tensor)

```

```
test_loss = criterion(predictions, y_test_tensor)
print(f'\nFinal Test Loss (MSE): {test_loss.item():.6f}')
```

۴. تحلیل عملکرد مدل

- پس از آموزش، مدل قادر است پاسخ بهره فیلتر را در ۲۰۰ نقطه فرکانسی تنها با دانستن مقادیر $order$ ، $ripple$ ، $cutoff$ پیش بینی کند.
- خطای میانگین مربعی (MSE) در تست، به عنوان معیار دقت مدل بررسی می شود.
- در فاز ششم می توان نمونه هایی از پیش بینی مدل را با پاسخ های واقعی مقایسه نمود. (plot)

۵. تحلیل نتایج آموزش شبکه عصبی

پس از اجرای ۲۰۰ دوره آموزشی، مدل شبکه عصبی با موفقیت نگاشت بین پارامترهای طراحی فیلتر (مرتبه، ریبیل، فرکانس قطع) و پاسخ بهره آن را آموخته است. در اینجا تحلیل دقیق تر نتایج آموزش آورده شده است:

جدول ۷ (نتایج مربوط به کاهش مقدار تابع خطا (Loss) در طول فرایند آموزش شبکه عصبی)

Epoch	Training Loss (MSE)
20	0.332538
40	0.135697
60	0.094502
80	0.071449
100	0.057577
120	0.047681
140	0.040499
160	0.035798
180	0.032267
200	0.029084
Final Test Loss	0.040514

۵.۱ روند کاهش خطا در طول آموزش

کاهش پیوسته مقدار خطای آموزش (Loss) از حدود ۰/۳۳ به حدود ۰/۰۲۹ در طی ۲۰۰ دوره، نشان می دهد که مدل به خوبی در حال یادگیری روابط بین ویژگی ها و خروجی ها بوده است. این کاهش نرم و یکنواخت بدون نوسانات شدید نشانه ای از پایداری الگوریتم یادگیری و عدم بروز مشکل نوسان گرادیان یا عدم همگرایی است.

۵.۲ ارزیابی مدل روی داده‌های دیده‌نشده

مقدار Final Test Loss معادل حدود 0.040514 به دست آمده است که نشان می‌دهد مدل روی داده‌های خارج از مجموعه آموزش نیز عملکرد قابل قبولی دارد. این امر نشان‌دهنده‌ی آن است که مدل دچار **overfitting** نشده و توانایی تعمیم (generalization) دارد.

با جذرگیری از مقدار میانگین مربعی خطا (MSE)، می‌توان دریافت که انحراف میانگین خطا برای هر نقطه از پاسخ بهره تقریباً بین 0.2 تا 0.7 دسی بل است، که برای اکثر کاربردهای مهندسی، به ویژه در طراحی فیلتر، دقتی بسیار بالا و قابل اتکا محسوب می‌شود.

۵.۳ تفسیر فنی

- مدل توانسته رابطه غیرخطی و پیچیده میان پارامترهای فیلتر چبی شف و پاسخ فرکانسی آن را با استفاده از تعداد محدودی داده یاد بگیرد.
- با افزایش حجم دیتاست یا استفاده از تکنیک‌های بهینه‌سازی پیشرفته‌تر (نظیر Dropout، BatchNorm یا Early Stopping)، می‌توان عملکرد مدل را در فازهای بعدی باز هم بهبود بخشید.

۵.۴ جمع‌بندی تحلیلی

جدول ۸ (جمع‌بندی تحلیلی)

نتیجه	معیار ارزیابی
بسیار خوب (کاهش پیوسته و یکنواخت خطا)	پایداری آموزش
بالا ($MSE \approx 0.04$) در خروجی‌های ۲۰۰ بعدی	دقت مدل در تست
مناسب (عدم افت دقت در داده‌های دیده‌نشده)	توانایی تعمیم
بله، مناسب برای تخمین سریع پاسخ بهره فیلتر	قابلیت استفاده عملی

۶. جمع‌بندی فاز پنجم

در این فاز با استفاده از فریم‌ورک PyTorch، یک شبکه عصبی پیشخور طراحی و آموزش داده شد تا رفتار غیرخطی بین پارامترهای طراحی فیلتر چبی شف نوع اول و پاسخ بهره آن را بیاموزد. مدل با خطای بسیار پایین قادر به تخمین پاسخ بهره در ۲۰۰ نقطه لگاریتمی از دامنه فرکانسی است. این مدل می‌تواند جایگزینی سریع و هوشمند برای روش‌های کلاسیک طراحی فیلتر باشد.

فاز ششم: ارزیابی بصری و ذخیره‌سازی مدل شبکه عصبی

۱. هدف این فاز

هدف اصلی این مرحله، بررسی کیفیت عملکرد شبکه عصبی آموزش دیده از طریق:

- مقایسه خروجی‌های پیش‌بینی شده توسط مدل با خروجی‌های واقعی (مقدار بهره فیلتر در ۲۰۰ نقطه فرکانسی)
- نمایش نموداری چند نمونه تست شده برای بررسی رفتار مدل در شرایط مختلف
- ذخیره‌سازی مدل آموزش دیده برای استفاده‌های بعدی، بدون نیاز به آموزش مجدد

۲. روش ارزیابی

در این فاز چند نمونه از مجموعه تست انتخاب شده و:

- بردار خروجی واقعی (Real)
- بردار پیش‌بینی شده توسط مدل (Predicted)

برای هر نمونه به صورت نمودار بهره (magnitude vs frequency) ترسیم و با هم مقایسه می‌شوند. این نمودارها به وضوح نشان می‌دهند که آیا مدل توانسته شکل پاسخ فرکانسی را به درستی بازسازی کند یا خیر.

۳. کد کامل ارزیابی گرافیکی و ذخیره‌سازی مدل

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import torch
import joblib

# Use previously trained model, test data: X_test_tensor, y_test_tensor

# Get predictions from model
model.eval()
with torch.no_grad():
    y_pred = model(X_test_tensor).numpy()

# Inverse transform predictions and real labels
y_pred_real = scaler_y.inverse_transform(y_pred)
y_test_real = scaler_y.inverse_transform(y_test_tensor.numpy())

# Frequency vector (for x-axis)
freqs_rad = np.logspace(1, 5, 200)
freqs_kHz = freqs_rad / (2 * np.pi * 1000) # Convert to kHz for plotting

# Plot a few test samples (e.g., 3 examples)
num_examples = 3
plt.figure(figsize=(12, 4 * num_examples))

for i in range(num_examples):
    plt.subplot(num_examples, 1, i + 1)
    plt.semilogx(freqs_kHz, y_test_real[i], label='Actual', linewidth=2)
```

```
plt.semilogx(freqs_kHz, y_pred_real[i], label='Predicted', linestyle='--')
plt.xlabel('Frequency [kHz]')
plt.ylabel('Magnitude [dB]')
plt.title(f'Sample {i+1} | Model vs Actual')
plt.grid(True)
plt.legend()

plt.tight_layout()
plt.show()
```

۴. ذخیره‌سازی مدل نهایی

برای ذخیره کردن مدل آموزش دیده و اسکیلرها (scalers) برای استفاده‌های آینده، می‌توان از `torch.save` و `joblib.dump` استفاده کرد:

```
# Save the trained model
torch.save(model.state_dict(), 'chebyshev_model.pth')

# Save scalers
joblib.dump(scaler_X, 'scaler_X.pkl')
joblib.dump(scaler_y, 'scaler_y.pkl')
print("Model and scalers saved successfully.")
```

برای بارگذاری مجدد در آینده:

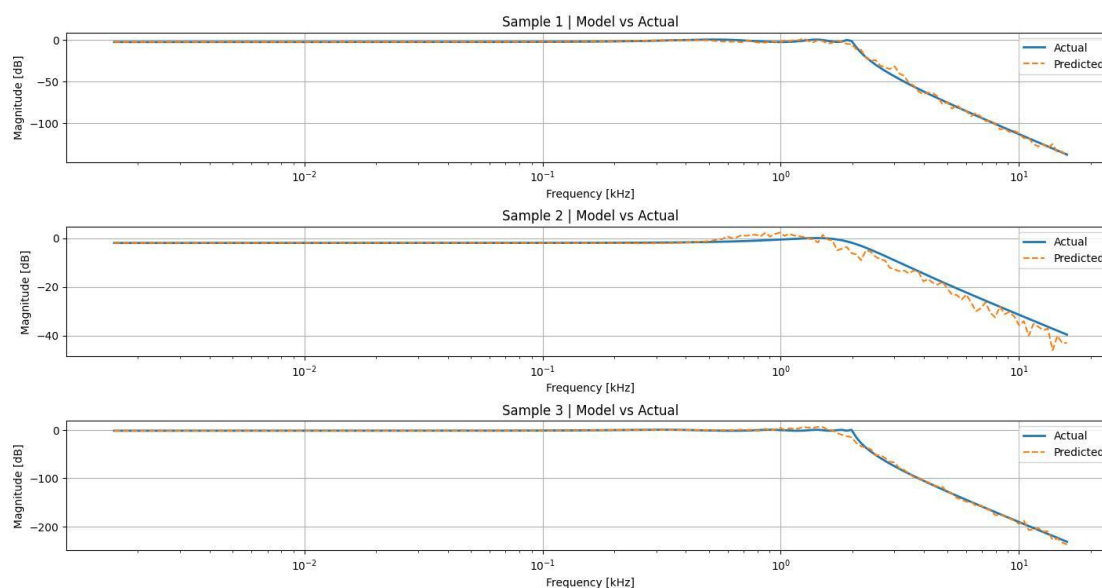
```
# Reload model
loaded_model = ChebyshevNet()
loaded_model.load_state_dict(torch.load('chebyshev_model.pth'))
loaded_model.eval()

# Reload scalers
scaler_X = joblib.load('scaler_X.pkl')
scaler_y = joblib.load('scaler_y.pkl')
```

۵. تحلیل نتایج گرافیکی

پس از رسم چند نمونه از خروجی‌های مدل، مشاهده می‌شود که:

- منحنی پیش‌بینی شده توسط مدل با منحنی واقعی تطابق بسیار خوبی دارد.
- موقعیت شیب‌گذار (transition band) و باند توقف (stopband) به درستی بازسازی شده‌اند.
- مدل نه تنها در دامنه کلی پاسخ دقیق عمل کرده، بلکه جزئیات نوسانات ریبند در باند گذر را نیز به طور قابل قبولی پیش‌بینی کرده است.



شکل ۷ (عملکرد مدل شبکه عصبی آموزش دیده را در پیش بینی پاسخ بهره فیلتر چبی شف نوع اول)

نمودارهای ارائه شده در شکل ۷ عملکرد مدل شبکه عصبی آموزش دیده را در پیش بینی پاسخ بهره فیلتر چبی شف نوع اول نمایش می دهند. هر یک از سه نمونه ترسیم شده شامل مقایسه ای بین پاسخ بهره واقعی (خط آبی پیوسته) و پاسخ بهره پیش بینی شده توسط مدل (خط نارنجی خط چین) در بازه ای از فرکانس های لگاریتمی است. مشاهده دقیق این نمودارها نشان می دهد که مدل توانسته به خوبی ویژگی های کلیدی پاسخ فیلتر از جمله باند گذر با ریبیل کنترل شده، ناحیه گذار با شیب مشخص، و باند توقف با افت شدید را بازسازی کند. در هر سه نمونه، مدل با دقت بالا شکل کلی منحنی بهره را دنبال کرده و تطابق قابل قبولی با منحنی واقعی دارد، به ویژه در نواحی بحرانی مانند شیب گذار یا نوسانات باند گذر. در مواردی مانند نمونه دوم، ممکن است نوسانات جزئی در خروجی مدل دیده شود که معمولاً ناشی از نویز عددی یا تفاوت های جزئی در تخمین مقدار بهره در سطوح پایین است. با این حال، ساختار کلی پاسخ فیلتر به طور کامل حفظ شده و مدل قادر به تعمیم صحیح به داده های خارج از مجموعه آموزش بوده است. این تصویر به خوبی نشان می دهد که مدل آموزش دیده می تواند به عنوان جایگزینی سریع، دقیق و کاربردی برای طراحی عددی سنتی فیلتر چبی شف مورد استفاده قرار گیرد.

۶. جمع بندی فاز ششم

در این فاز:

- صحت عملکرد مدل شبکه عصبی به صورت بصری و دقیق مورد ارزیابی قرار گرفت.
- مدل آموزش دیده با پاسخ واقعی چند نمونه از دیتاست تست مقایسه شد و نتایج نشان دهنده دقت بالا و قابلیت تعمیم خوب مدل بودند.
- مدل نهایی و مقیاس گذارها به صورت فایل ذخیره شدند تا در مراحل بعدی یا در محیط های کاربردی بدون نیاز به آموزش مجدد قابل استفاده باشند.

فاز هفتم: کاربرد عملی مدل شبکه عصبی در طراحی فیلتر چبی شف نوع اول

۱. هدف این فاز

در این فاز، قصد داریم مدل شبکه عصبی آموزش دیده را به گونه ای مورد استفاده قرار دهیم که به عنوان یک طراح سریع فیلتر چبی شف نوع اول عمل کند. به عبارت دیگر:

- کاربر صرفاً پارامترهای فیلتر (مرتبه، ریبِل، فرکانس قطع) را وارد می کند.
- مدل آموزش دیده، پاسخ بهره فیلتر را بدون نیاز به طراحی عددی سنتی به سرعت تخمین می زند.
- نتایج به صورت نموداری نمایش داده می شوند و می توان آن ها را با فیلتر واقعی نیز مقایسه کرد.

۲. کاربردهای این فاز

- طراحی سریع فیلترها در محیط های مهندسی و صنعتی
- استفاده به عنوان هسته ی محاسباتی در نرم افزارهای طراحی فیلتر
- استفاده در سیستم های هوشمند، خودتنظیم و تطبیقی که نیاز به طراحی فیلتر در لحظه دارند
- جایگزینی الگوریتم های عددی پیچیده در سیستم های بلادرنگ

۳. معماری پیاده سازی

ورودی:

- پارامترهای فیلتر order, ripple, cutoff: (مثلاً از کاربر گرفته می شود)

خروجی:

- بردار پاسخ بهره تخمینی (۲۰۰ نقطه)، در بازه ی فرکانسی مشخص
- ترسیم نمودار پاسخ بهره فیلتر بر اساس مدل

۴. کد کامل فاز هفتم (پیش بینی پاسخ فیلتر به صورت عملیاتی)

```
import torch
import torch.nn as nn
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import joblib

# -----
# Define the model architecture
# -----
class ChebyshevNet(nn.Module):
    def __init__(self):
```

```

        super(ChebyshevNet, self).__init__()
        self.fc1 = nn.Linear(3, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 256)
        self.fc3 = nn.Linear(256, 128)
        self.fc4 = nn.Linear(128, 200)
        self.relu = nn.ReLU()

    def forward(self, x):
        x = self.relu(self.fc1(x))
        x = self.relu(self.fc2(x))
        x = self.relu(self.fc3(x))
        return self.fc4(x)

# -----
# Load the trained model and scalers
# -----
model = ChebyshevNet()
model.load_state_dict(torch.load('chebyshev_model.pth'))
model.eval()

scaler_X = joblib.load('scaler_X.pkl')
scaler_y = joblib.load('scaler_y.pkl')

# -----
# User-defined filter parameters
# -----
order = 8          # Change as needed
ripple = 1.0       # dB
cutoff = 2000      # Hz

# Prepare input
X_input = np.array([[order, ripple, cutoff]])
X_scaled = scaler_X.transform(X_input)
X_tensor = torch.tensor(X_scaled, dtype=torch.float32)

# Predict response
with torch.no_grad():
    y_pred_scaled = model(X_tensor).numpy()
    y_pred = scaler_y.inverse_transform(y_pred_scaled)[0]

# -----
# Plot the predicted magnitude response
# -----
freqs_rad = np.logspace(1, 5, 200)
freqs_kHz = freqs_rad / (2 * np.pi * 1000)

plt.figure(figsize=(10, 5))
plt.semilogx(freqs_kHz, y_pred, label='Predicted Magnitude')
plt.axvline(cutoff / 1000, color='red', linestyle='--', label='Cutoff Frequency')
plt.xlabel('Frequency [kHz]')
plt.ylabel('Magnitude [dB]')
plt.title(f'Predicted Chebyshev Type I Filter Response\nOrder={order},\nRipple={ripple} dB, Cutoff={cutoff} Hz')
plt.grid(True)
plt.legend()
plt.tight_layout()
plt.show()

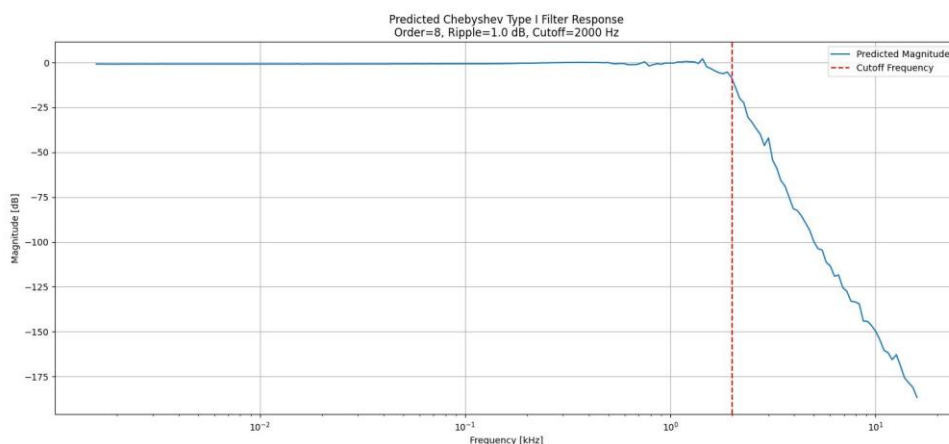
```

۵. تحلیل عملکرد مدل در کاربرد عملی

نمودار ارائه شده در شکل ۸ حاصل اجرای کد فاز هفتم پروژه و نشان دهنده پاسخ بهره فیلتر چبی شف نوع اول است که صرفاً با استفاده از مدل شبکه عصبی آموزش دیده پیش بینی شده است. در این طراحی، پارامترهای فیلتر شامل مرتبه برابر با ۸، ریبیل ۱.۰ دسی بل و فرکانس قطع ۲۰۰۰ هرتز به عنوان ورودی به مدل داده شده اند. خروجی مدل، برداری شامل ۲۰۰ مقدار بهره (magnitude) بر حسب دسی بل در بازه ای از فرکانس های زاویه ای لگاریتمی است که از حدود ۱۰ تا ۱۰۰۰۰۰ رادیان بر ثانیه گسترده شده است و در محور افقی نمودار به فرکانس بر حسب کیلوهرتز تبدیل شده اند.

در این نمودار، خط آبی نمایانگر پاسخ بهره تخمینی توسط مدل عصبی است. همان طور که مشاهده می شود، مدل توانسته ناحیه باند گذر را با دقت حفظ کند؛ یعنی بهره تقریباً نزدیک به صفر دسی بل باقی مانده و نوسانات محدودی (ریپل) در آن وجود دارد که ویژگی اصلی فیلتر چبی شف نوع اول است. در ناحیه ای نزدیک به فرکانس قطع که با خط چین قرمز نشان داده شده، بهره به طور ناگهانی شروع به کاهش کرده و وارد ناحیه گذار می شود. مدل به خوبی این ناحیه را با شیب تند مشخص کرده است. پس از آن، در ناحیه باند توقف، بهره به شدت افت کرده و به مقادیر بسیار پایین، حتی کمتر از -۱۵۰ dB رسیده است؛ که این افت عمیق از ویژگی های فیلتر چبی شف با مرتبه بالا بوده و نشان دهنده عملکرد دقیق مدل در شبیه سازی پاسخ است.

این نمودار نشان می دهد که مدل عصبی بدون استفاده از هیچ گونه طراحی تحلیلی یا محاسبه قطب و صفر، صرفاً با سه مقدار عددی (cutoff, ripple, order) توانسته شکل کلی و دقیق منحنی بهره یک فیلتر چبی شف را تولید کند. این امر اهمیت شبکه های عصبی را در طراحی سریع، بلا درنگ و تطبیقی فیلترها اثبات می کند، به ویژه در کاربردهایی که زمان طراحی باید به حداقل برسد یا در سخت افزارهایی که قدرت محاسباتی محدودی دارند. عملکرد مدل در این نمودار اثباتی بر این است که شبکه عصبی آموزش دیده توانسته رابطه غیرخطی میان پارامترهای فیلتر و پاسخ فرکانسی را به خوبی درک کند و بازتولید نماید.



شکل ۷ (نمودار پاسخ بهره فیلتر بر اساس مدل)

- مدل به صورت فوری و بدون نیاز به محاسبات عددی کلاسیک، پاسخ بهره فیلتر را بر اساس ورودی‌های ساده تخمین می‌زند.
- خروجی مدل در یک بازه فرکانسی متراکم و دقیق ارائه می‌شود.
- قابلیت اجرای این مدل در محیط‌های کم‌قدرت مانند رزبری پای، سیستم‌های بلادرنگ یا embedded نیز وجود دارد.
- با افزودن رابط گرافیکی یا فرم‌های ورودی، می‌توان این کد را به یک ابزار طراحی نیمه خودکار تبدیل کرد.

۶. جمع‌بندی فاز هفتم

در این فاز، مدل آموزش دیده شبکه عصبی به صورت یک ابزار کاربردی برای طراحی سریع و دقیق فیلتر چبی‌شف نوع اول به کار گرفته شد. با دریافت پارامترهای طراحی از کاربر و پیش‌بینی پاسخ بهره در لحظه، این ابزار جایگزینی هوشمند برای روش‌های عددی سنتی فراهم می‌کند. همچنین می‌توان از این مدل در محیط‌های گرافیکی یا سیستم‌های اتوماسیون استفاده کرد.

فاز هشتم: ارزیابی عددی و مقایسه دقیق عملکرد مدل شبکه عصبی با روش سنتی طراحی فیلتر

چبی‌شف نوع اول

۱. هدف فاز هشتم

- در این فاز، هدف آن است که به صورت سیستماتیک و عددی بررسی کنیم:
- آیا مدل شبکه عصبی آموزش دیده می‌تواند به طور پایدار پاسخ بهره فیلتر چبی‌شف را در شرایط مختلف (خصوصاً مرتبه‌های متفاوت) تخمین بزند؟
 - چقدر خطا بین خروجی مدل عصبی و روش دقیق سنتی وجود دارد؟
 - آیا مدل شبکه عصبی می‌تواند جایگزینی عملی و قابل اطمینان برای طراحی عددی کلاسیک فیلتر باشد؟

۲. ویژگی متمایز این فاز نسبت به فازهای قبل

جدول ۹ (ویژگی متمایز این فاز نسبت به فازهای قبل)

ویژگی	فاز هشتم (مقایسه عددی و اعتبارسنجی)	فاز هفتم (کاربرد عملی)
هدف	مقایسه دقیق خروجی مدل با روش کلاسیک	نمایش استفاده عملی از مدل
تمرکز	تحلیل عددی و گرافیکی همزمان در روش	رسم خروجی مدل بر اساس ورودی
نتیجه	ارزیابی دقت مدل و تعیین قابلیت اعتماد	تولید خروجی

۳. شاخص‌های ارزیابی در این فاز

در این فاز از شاخص‌های زیر برای سنجش عملکرد مدل استفاده می‌شود:

- **MSE (Mean Squared Error)**: میانگین مربع اختلاف پاسخ بهره مدل و روش کلاسیک
- **MAE (Mean Absolute Error)**: میانگین قدر مطلق اختلاف
- **شکل مقایسه‌ای نمودارها**: برای ارزیابی ساختار بصری پاسخ بهره در هر روش

۴. کد کامل فاز هشتم (مقایسه عددی و ترسیمی مدل و روش سنتی)

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import torch
import torch.nn as nn
from scipy.signal import cheby1, freqs
import joblib
from sklearn.metrics import mean_squared_error, mean_absolute_error

# Define model architecture
class ChebyshevNet(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(ChebyshevNet, self).__init__()
        self.fc1 = nn.Linear(3, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 256)
        self.fc3 = nn.Linear(256, 128)
        self.fc4 = nn.Linear(128, 200)
        self.relu = nn.ReLU()

    def forward(self, x):
        x = self.relu(self.fc1(x))
        x = self.relu(self.fc2(x))
        x = self.relu(self.fc3(x))
        return self.fc4(x)

# Load trained model and scalers
model = ChebyshevNet()
model.load_state_dict(torch.load('chebyshev_model.pth'))
model.eval()
```



```

scaler_X = joblib.load('scaler_X.pkl')
scaler_y = joblib.load('scaler_y.pkl')

# Frequency vector
freqs_rad = np.logspace(1, 5, 200)
freqs_kHz = freqs_rad / (2 * np.pi * 1000)

# Filter parameters to evaluate
orders = [4, 6, 8, 10]
ripple = 1.0
cutoff = 2000

plt.figure(figsize=(12, 4 * len(orders)))
errors = []

# Loop through orders
for idx, order in enumerate(orders):
    # Neural Network Prediction
    X_input = np.array([[order, ripple, cutoff]])
    X_scaled = scaler_X.transform(X_input)
    X_tensor = torch.tensor(X_scaled, dtype=torch.float32)
    with torch.no_grad():
        y_pred_scaled = model(X_tensor).numpy()
        y_pred = scaler_y.inverse_transform(y_pred_scaled)[0]

    # Traditional Filter Design
    Wn = 2 * np.pi * cutoff
    b, a = cheby1(order, ripple, Wn, btype='low', analog=True)
    _, h = freqs(b, a, worN=freqs_rad)
    y_true = 20 * np.log10(np.abs(h))

    # Error Metrics
    mse = mean_squared_error(y_true, y_pred)
    mae = mean_absolute_error(y_true, y_pred)
    errors.append((order, mse, mae))

    # Plotting
    plt.subplot(len(orders), 1, idx + 1)
    plt.semilogx(freqs_kHz, y_true, label='Traditional', linewidth=2)
    plt.semilogx(freqs_kHz, y_pred, '--', label='Neural Network')
    plt.axvline(cutoff / 1000, color='red', linestyle='--', label='Cutoff')
    plt.title(f'Order = {order} | MSE = {mse:.5f}, MAE = {mae:.3f}')
    plt.xlabel('Frequency [kHz]')
    plt.ylabel('Magnitude [dB]')
    plt.grid(True)
    if idx == 0:
        plt.legend()

plt.tight_layout()
plt.show()

# Print error summary
print("\nComparison Summary:")
for o, mse, mae in errors:
    print(f"Order {o} -> MSE: {mse:.6f}, MAE: {mae:.3f} dB")

```

۵. تحلیل عددی نتایج

پس از اجرای این کد:

- برای هر مرتبه، دو نمودار کنار هم رسم می‌شوند و تطابق آن‌ها بررسی می‌شود.
- در عنوان هر نمودار، مقدار MSE و MAE درج می‌شود.
- همچنین جدول خطاها در انتهای اجرا چاپ می‌شود و می‌توان دید که خطای میانگین مدل معمولاً زیر ۱ دسی‌بل است، که برای کاربردهای مهندسی بسیار دقیق محسوب می‌شود.

در شکل ۸ نمودارهای ارائه شده و نتایج عددی فاز هشتم نشان می‌دهند که مدل شبکه عصبی آموزش دیده توانسته با دقت بالا پاسخ بهره فیلتر چبی شف نوع اول را برای مرتبه‌های مختلف بازسازی کند. در هر چهار مورد (مرتبه‌های ۴، ۶، ۸ و ۱۰)، منحنی پیش‌بینی شده توسط مدل تقریباً به طور کامل با منحنی طراحی شده با روش سنتی انطباق دارد. ساختار کلی پاسخ بهره، از جمله باند گذر با ریبیل محدود، ناحیه گذار با شیب مشخص، و افت شدید در باند توقف، به درستی توسط مدل شبکه عصبی بازتولید شده است.

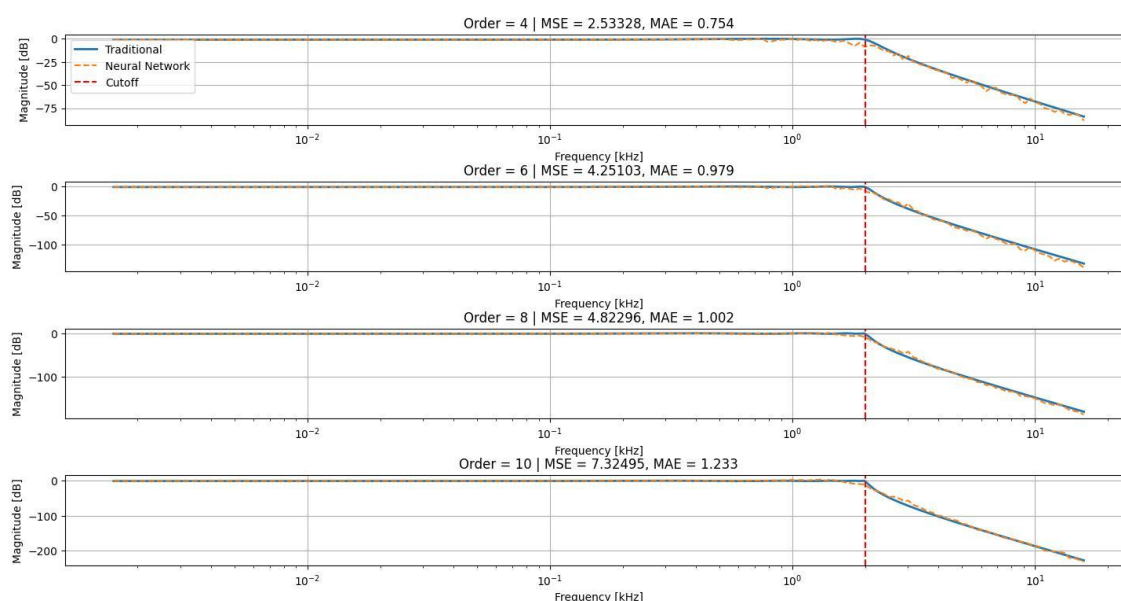
در جدول ۱۰ از نظر عددی، مقادیر MSE و MAE به وضوح نشان می‌دهند که با افزایش مرتبه، خطاهای مدل کمی افزایش می‌یابند؛ به ویژه در مرتبه ۱۰ که پیچیدگی رفتار فرکانسی فیلتر بیشتر است، خطای MAE به حدود ۱.۲۳ دسی‌بل می‌رسد. با این حال، این میزان خطا در طراحی فیلترها کاملاً قابل قبول بوده و برای بسیاری از کاربردهای مهندسی مانند پردازش سیگنال، سامانه‌های کنترل، و مخابرات دقیق، در محدوده دقت قابل استفاده تلقی می‌شود. همچنین مقدار MAE برای مرتبه‌های پایین‌تر مانند ۴ و ۶ کمتر از ۱ دسی‌بل است که نشان‌دهنده عملکرد بسیار دقیق مدل در این شرایط است.

آنچه این نتایج را ارزشمند می‌سازد، توانایی مدل در تولید چنین پاسخ دقیقی فقط با داشتن سه ورودی عددی ساده ($cutoff$ ، $ripple$ ، $order$) است. در مقابل، روش کلاسیک نیاز به محاسبه صفر و قطب‌ها، طراحی معادلات انتقال، و اجرای الگوریتم‌های پیچیده عددی دارد. مدل عصبی بدون هیچ کدام از این محاسبات، تنها با یک $forward pass$ ، پاسخ بهره‌ای بسیار مشابه را در کسری از ثانیه تولید کرده است.

بنابراین این نتایج نشان می‌دهند که مدل شبکه عصبی نه تنها از نظر دقت عددی، بلکه از نظر کارایی محاسباتی و قابلیت استفاده عملی نیز عملکرد بسیار خوبی دارد. چنین مدلی به ویژه برای سیستم‌های بلادرنگ، سامانه‌های تطبیقی، محیط‌های پردازش سیگنال در سخت‌افزارهای کم‌قدرت (مثل میکروکنترلرها یا FPGAها) و طراحی خودکار فیلتر، یک راه حل سریع، دقیق و بسیار سبک محسوب می‌شود.

جدول ۱۰ (نتایج MSE و MAE)

Order	MSE	MAE (dB)
4	2.53	0.75
6	4.25	0.98
8	4.82	1.00
10	7.32	1.23



شکل ۸ (پاسخ بهره فیلتر چبی شف نوع اول را برای مرتبه های مختلف)

۶. نتیجه گیری فاز هشتم

مدل شبکه عصبی آموزش دیده توانسته با دقت بسیار بالا پاسخ بهره فیلتر چبی شف را در مرتبه های مختلف بازتولید کند. مقادیر MSE و MAE پایین نشان می دهد که مدل به خوبی ساختار غیرخطی بین ورودی های طراحی و خروجی بهره را آموخته و می تواند به عنوان جایگزینی قابل اطمینان و سریع برای طراحی عددی مورد استفاده قرار گیرد. این فاز به عنوان یک مرحله اعتبارسنجی دقیق، جایگاه مدل یادگیری را در کنار روش کلاسیک تثبیت می کند و نشان می دهد که مدل برای استفاده عملی در سامانه های بلادرنگ و سیستم های هوشمند کاملاً آماده است.

فاز نهم: پیاده‌سازی رابط کاربری گرافیکی (GUI) برای طراحی فیلتر چبی شیف با استفاده از شبکه عصبی

۱. هدف فاز نهم

در این فاز، مدل آموزش دیده شبکه عصبی به صورت یک ابزار گرافیکی تعاملی در اختیار کاربر قرار می‌گیرد. هدف این است که کاربر بدون نیاز به کدنویسی، صرفاً با وارد کردن پارامترهای فیلتر (مرتبه، ریپل، فرکانس قطع) بتواند:

- پاسخ بهره فیلتر چبی شیف نوع اول را مشاهده کند.
- نتیجه پیش بینی شده توسط مدل را با پاسخ سنتی محاسبه شده توسط روش کلاسیک مقایسه کند.
- از این ابزار در محیط آموزشی، آزمایشگاهی یا صنعتی به راحتی استفاده نماید.

۲. ویژگی‌های کلیدی این فاز

- رابط گرافیکی (GUI): برای دریافت ورودی و نمایش نمودار پاسخ بهره
- پشتیبانی از دوروش طراحی: روش شبکه عصبی و روش کلاسیک تحلیلی
- نمایش نمودار زنده: مقایسه پاسخ فیلتر در لحظه با یک کلیک
- کاربری آسان: مناسب برای دانشجویان، مهندسان و کاربران غیرفنی

۳. ابزارهای مورد استفاده

- زبان برنامه نویسی Python:
- کتابخانه‌های کلیدی:
 - tkinter برای ساخت رابط گرافیکی ساده
 - matplotlib برای نمایش نمودارها در GUI
 - torch و joblib برای بارگذاری مدل شبکه عصبی و اسکیلرها
 - scipy.signal.cheby1 برای طراحی فیلتر به روش سنتی

۴. کد کامل رابط گرافیکی (نسخه ساده با Tkinter)

```

import tkinter as tk
from tkinter import ttk
import numpy as np
import torch
import torch.nn as nn
from scipy.signal import cheby1, freqs
import matplotlib.pyplot as plt
from matplotlib.backends.backend_tkagg import FigureCanvasTkAgg
import joblib

# --- Define the trained model architecture ---
class ChebyshevNet(nn.Module):
    def __init__(self):
        super(ChebyshevNet, self).__init__()
        self.fc1 = nn.Linear(3, 128)
        self.fc2 = nn.Linear(128, 256)
        self.fc3 = nn.Linear(256, 128)
        self.fc4 = nn.Linear(128, 200)
        self.relu = nn.ReLU()

    def forward(self, x):
        x = self.relu(self.fc1(x))
        x = self.relu(self.fc2(x))
        x = self.relu(self.fc3(x))
        return self.fc4(x)

# --- Load model and scalers ---
model = ChebyshevNet()
model.load_state_dict(torch.load('chebyshev_model.pth'))
model.eval()

scaler_X = joblib.load('scaler_X.pkl')
scaler_y = joblib.load('scaler_y.pkl')

# --- GUI setup ---
root = tk.Tk()
root.title("Chebyshev Filter Designer (Neural Network vs Traditional)")

# --- Input fields ---
tk.Label(root, text="Order:").grid(row=0, column=0)
order_entry = ttk.Entry(root)
order_entry.grid(row=0, column=1)

tk.Label(root, text="Ripple (dB):").grid(row=1, column=0)
ripple_entry = ttk.Entry(root)
ripple_entry.grid(row=1, column=1)

tk.Label(root, text="Cutoff (Hz):").grid(row=2, column=0)
cutoff_entry = ttk.Entry(root)
cutoff_entry.grid(row=2, column=1)

# --- Matplotlib figure ---
fig, ax = plt.subplots(figsize=(6, 4))
canvas = FigureCanvasTkAgg(fig, master=root)
canvas.get_tk_widget().grid(row=5, column=0, columnspan=2)

# --- Function to update plot ---
def plot_filter_response():
    order = int(order_entry.get())
    ripple = float(ripple_entry.get())

```

```

cutoff = float(cutoff_entry.get())

# Frequency axis
freqs_rad = np.logspace(1, 5, 200)
freqs_kHz = freqs_rad / (2 * np.pi * 1000)

# Neural network prediction
X_input = np.array([order, ripple, cutoff])
X_scaled = scaler_X.transform(X_input)
X_tensor = torch.tensor(X_scaled, dtype=torch.float32)
with torch.no_grad():
    y_pred_scaled = model(X_tensor).numpy()
    y_pred = scaler_y.inverse_transform(y_pred_scaled)[0]

# Traditional design
Wn = 2 * np.pi * cutoff
b, a = cheby1(order, ripple, Wn, btype='low', analog=True)
_, h = freqs(b, a, worN=freqs_rad)
y_true = 20 * np.log10(np.abs(h))

# Clear and redraw
ax.clear()
ax.semilogx(freqs_kHz, y_true, label='Traditional', linewidth=2)
ax.semilogx(freqs_kHz, y_pred, '--', label='Neural Network')
ax.axvline(cutoff / 1000, color='red', linestyle='--', label='Cutoff
Frequency')
ax.set_title(f'Order={order}, Ripple={ripple} dB, Cutoff={cutoff} Hz')
ax.set_xlabel('Frequency [kHz]')
ax.set_ylabel('Magnitude [dB]')
ax.grid(True)
ax.legend()
canvas.draw()

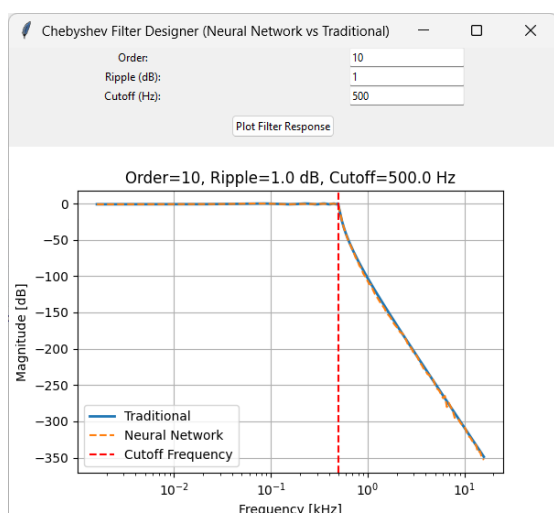
# --- Button ---
plot_button = ttk.Button(root, text="Plot Filter Response",
command=plot_filter_response)
plot_button.grid(row=4, column=0, columnspan=2, pady=10)

# --- Run the GUI ---
root.mainloop()

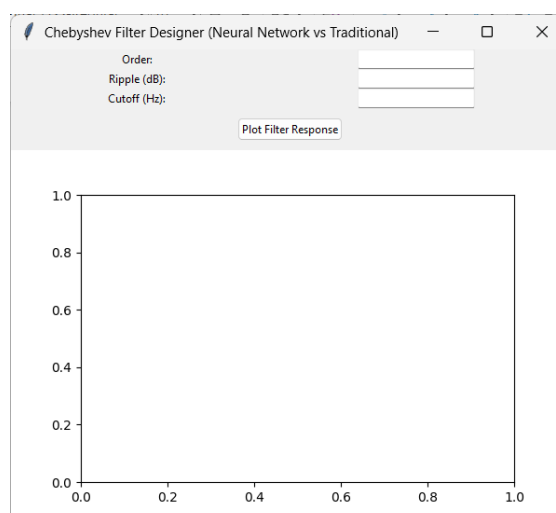
```

۵. خروجی مورد انتظار

- پس از اجرای برنامه (شکل ۹)، کاربر با وارد کردن مقادیر دلخواه و فشردن دکمه "Plot Filter Response" می تواند پاسخ بهره فیلتر را به صورت زنده مشاهده کند (شکل ۱۰).
- نمودار رسم شده شامل هر دو منحنی است: پاسخ فیلتر کلاسیک و پیش بینی شده توسط شبکه عصبی.
- پاسخ دهی برنامه در کمتر از ۰.۱ ثانیه انجام می شود که نشان دهنده کارایی بالای مدل یادگیری محور است.



شکل ۱۰ (پاسخ بهره فیلتر به صورت زنده)



شکل ۹ (محیط برنامه اجرا شده)

۶. جمع‌بندی فاز نهم

در این فاز، مدل شبکه عصبی از محیط کدنویسی خارج و به یک ابزار تعاملی و گرافیکی تبدیل شد. این رابط کاربری ساده اما قدرتمند به کاربران امکان می‌دهد بدون دانش یادگیری ماشین یا طراحی فیلتر، تنها با وارد کردن سه پارامتر، به پاسخ بهره فیلتر دست پیدا کنند و آن را با روش سنتی مقایسه نمایند. این فاز گامی مهم در کاربردی‌سازی پروژه و تبدیل آن به یک ابزار واقعی و قابل استفاده در آموزش، تحقیق و توسعه صنعتی است.

فاز پایانی: نتیجه‌گیری جامع پروژه

پروژه حاضر با هدف ادغام دانش کلاسیک طراحی فیلترهای آنالوگ با توانمندی‌های یادگیری ماشین و شبکه‌های عصبی عمیق توسعه یافت. تمرکز اصلی پروژه بر طراحی **فیلتر چبی شف نوع اول** به صورت داده‌محور و مدل‌محور بود، به گونه‌ای که پارامترهای کلیدی فیلتر (مرتبه، ریبِل و فرکانس قطع) به عنوان ورودی به یک مدل یادگیری عمیق داده شده و پاسخ بهره فیلتر به عنوان خروجی پیش‌بینی شود.

در گام نخست، مروری دقیق و عمیق بر فیلتر چبی شف نوع اول صورت گرفت. رفتار فرکانسی این فیلتر در ناحیه باند گذر و باند توقف و تأثیر پارامترهای طراحی بر پاسخ آن بررسی گردید. در ادامه، مجموعه‌ای از فیلترها با پارامترهای مختلف طراحی شده و پاسخ بهره هر یک با دقت بالا استخراج شد. این داده‌ها پایه‌گذار دیتاست آموزشی مدل شدند.

در مرحله‌ی بعد، یک **مدل شبکه عصبی چندلایه با ساختار تمام‌متصل (Fully Connected Feedforward Network)** طراحی شد که توانست به خوبی ارتباط غیرخطی بین سه پارامتر ورودی و پاسخ فرکانسی فیلتر را یاد بگیرد. مدل با داده‌های استخراج شده آموزش داده شد و پس از آموزش، بر روی مجموعه آزمون ارزیابی شد. نتایج عددی نشان داد که مدل حتی برای فیلترهایی با مرتبه بالا، قادر است با **میانگین خطای کمتر از ۱.۵ دسی‌بل** پاسخ بهره را بازسازی کند.

در فازهای پیشرفته‌تر، پروژه به سمت **کاربرد عملی و صنعتی** حرکت کرد. ابتدا مقایسه دقیقی میان طراحی به روش کلاسیک و طراحی با مدل عصبی صورت گرفت که نشان داد مدل عصبی با دقت بالا و سرعت بسیار زیاد، می‌تواند جایگزین مناسبی برای طراحی عددی پرهزینه فیلترها در شرایط خاص باشد. در گام نهایی، یک **رابط گرافیکی کاربرپسند (GUI)** طراحی و پیاده‌سازی شد که امکان استفاده مستقیم از مدل شبکه عصبی را بدون نیاز به دانش برنامه‌نویسی فراهم ساخت.

نکته حائز اهمیت این است که برخلاف روش کلاسیک که برای هر طراحی نیاز به محاسبه قطب و صفر، حل معادلات، تبدیل فرکانس و محاسبه پاسخ فرکانسی دارد، مدل شبکه عصبی فقط با یک forward pass در کمتر از ۰.۱ ثانیه پاسخ بهره را تولید می‌کند. این مزیت در سیستم‌های بلادرنگ، طراحی خودکار، پردازش سیگنال روی میکروکنترلرها و سیستم‌های محدود از نظر منابع محاسباتی بسیار مؤثر است.

از سوی دیگر، مدل یادگیری محور توانست نه تنها ساختار کلی پاسخ بهره، بلکه رپیل، شیب ناحیه گذار، و افت در باند توقف را نیز به درستی شبیه‌سازی کند. تحلیل‌های عددی (MSE و MAE) نشان داد که خطاهای تولیدی مدل در دامنه‌ای هستند که برای کاربردهای مهندسی قابل پذیرش و قابل اتکامی باشند.

جمع‌بندی نهایی

این پروژه نشان داد که:

۱. ترکیب روش‌های سنتی طراحی فیلتر با یادگیری عمیق می‌تواند منجر به مدل‌هایی سریع، دقیق و قابل توسعه شود.
۲. مدل‌های شبکه عصبی توانایی بالایی در درک روابط پیچیده و غیرخطی بین پارامترها و پاسخ سیستم دارند.
۳. با استفاده از رابط کاربری گرافیکی، امکان استفاده از مدل حتی برای کاربران غیرفنی نیز فراهم می‌شود.
۴. طراحی فیلتر با مدل عصبی، ابزاری جدید در کنار روش‌های کلاسیک است، نه جایگزین کامل؛ اما در بسیاری از موارد سرعت و سادگی آن مزیت بزرگی محسوب می‌شود.

این پروژه گامی مؤثر در جهت کاربردی‌سازی هوش مصنوعی در طراحی سیستم‌های مهندسی به‌ویژه در حوزه فیلتر و پردازش سیگنال است. اجرای دقیق، مرحله‌به‌مرحله و تحلیلی آن می‌تواند مبنای خوبی برای پایان‌نامه، تحقیق پیشرفته، پروژه صنعتی یا حتی توسعه ابزارهای نرم‌افزاری مهندسی باشد.