DCA0214.1 - LABORATÓRIO DE ESTRUTURAS DE DADOS

Aula 2: Práticas básicas de programação em C/C++: funções, vetores, matrizes, struct, ponteiros, busca, complexidade, introdução aos algoritmos de ordenação

Prof. Felipe Fernandes 15 de Março de 2019

1. Em um dado país a moeda corrente possui apenas quatro cédulas de papel: 1, 5, 10 e 20. Escreva uma função com a seguinte interface:

void cedulas(float v, int &um, int &cinco, int &dez, int &vin){

que receba um número não-negativo de ponto flutuante que representa um valor em dinheiro e determine a menor quantidade de cédulas de 1, 5, 10 e 20 necessárias para pagar o valor especificado.

- 2. Dizemos que um número natural n é palíndromo se lido da esquerda para direita e da direita para esquerda é o mesmo número. Exemplos: 567765 é palíndromo, 32423 é palíndromo, 567675 não é palíndromo.
 - (a) Escreva uma função com a seguinte interface: que receba um número

void quebra(int n, int &prim, int &ult, int &miolo){

inteiro n>0 e devolva três números inteiros: o primeiro dígito de n, o último dígito de n e um inteiro que represente o número n sem seu primeiro e último dígitos. Qual a complexidade da sua implementação?

Exemplo:

valor inicial de \boldsymbol{n}	primeiro dígito	último dígito	miolo de n
732	7	2	3
14738	1	8	473
78	7	8	0
7	7	7	0

- (b) Usando a função do item (a), escreva um programa que receba um número inteiro n>0 e verifique se n é palíndromo. Suponha que n não contém o dígito 0. Qual a complexidade da sua implementação?
- 3. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

bool divisao(int &m, int &n, int d){

que receba três números inteiros positivos m, n e d e devolva 1 se d divide m, n ou ambos, e 0, caso contrário. Além disso, em caso positivo, a função deve devolver um valor que representa o quociente da divisão de m por d e outro valor que representa o quociente da divisão de n por d. Qual a complexidade da sua implementação?

- (b) Escreva um programa que leia dois números inteiros positivos m e n e calcule, usando a função do item (a), o mínimo múltiplo comum entre m e n.
- 4. Em um programa nas linguagens C/C++, um conjunto pode ser representado por um vetor da seguinte forma: V[0] contém o número de elementos do conjunto; V[1], V[2], ... são os elementos do conjunto, sem repetições. Escreva uma função com a seguinte interface:

```
void intersec(int A[MAX1+1],
 int B[MAX1+1],
 int C[MAX1+1]){
```

que dados dois conjuntos de números inteiros A e B, construa um terceiro conjunto C tal que $C = A \cap B$. Lembre-se de que em C[0] a sua função deve colocar o tamanho da intersecção. Qual a complexidade da sua implementação? (OBS.: MAX é a quantidade **máxima** de elementos do conjunto, fixado como 100).

5. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

void ordena(int A[MAX1], int m){

que receba um vetor A de m números inteiros, com $1 \le m \le 100$, e ordene os elementos desse vetor em ordem crescente. Qual a complexidade da sua implementação?

(b) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
void intercala(int A[MAX1], int m,
int B[MAX1], int n,
int C[2*MAX1], int &k){
```

que receba um vetor A de números inteiros em ordem crescente de dimensão m e um vetor B de números inteiros em ordem crescente de dimensão n e compute um vetor C contendo os elementos de A e de B sem repetição e em ordem crescente. Qual a complexidade da sua implementação?

- (c) Escreva um programa que receba dois conjuntos de números inteiros e distintos X e Y, com no máximo 100 elementos, ordene cada um deles usando a função do item (a) e intercale esses dois vetores usando a função do item (b), obtendo como resultado um vetor de números inteiros em ordem crescente.
- 6. Escreva uma função que recebe uma matriz A[MAX][MAX] e um vetor V[MAX], realize a multiplicação AB obtendo um novo vetor R[MAX]. Qual a complexidade da sua implementação?
- 7. Escreva uma função que recebe duas matrizes, $A \in B$, e retorna o produto AB. Qual a complexidade da sua implementação?
- 8. A sequência de Fibonacci pode ser definida recursivamente da seguinte forma: o primeiro termo é 0 e o segundo termo é 1. O *n*-ésimo termo é definido recursivamente com base na soma dos dois termos anteriores. Formalmente:

$$fibo(n) = \begin{cases} 0 & \text{se } n = 0\\ 1 & \text{se } n = 1\\ fibo(n-1) + fibo(n-2) & \text{case contrário} \end{cases}$$
 (1)

- (a) Com base na definição acima, formule um algoritmo recursivo para encontrar o n-ésimo, fibo(n), da sequência de Fibonacci. Qual a complexidade do seu algoritmo recursivo?
- (b) Escreva um algoritmo iterativo, **utilizando um vetor**, para encontrar o n-ésimo, fibo(n), da sequência de Fibonacci. Qual a complexidade do seu algoritmo iterativo?
- (c) Escreva um algoritmo iterativo, **utilizando apenas três variáveis auxiliares**, para encontrar o n-ésimo, fibo(n), da sequência de Fibonacci. Qual a complexidade do seu algoritmo iterativo?

(d) Execute as três implementações (a),(b),(c) e verifique qual delas é mais eficiente.