# Politechnika Gdańska Wydział Zarządzania i Ekonomii

Analityka Gospodarcza II, on-line Modelowanie Szeregów Czasowych, Semestr zimowy 2024/2025

# Prognozowanie szeregów czasowych

Pisemny Egzamin z Laboratorium ARIMA dla CCC Intelligent Solutions Holdings (CCCS)

# Spis treści

Wprowadzenie	3
Dane	
Wstępna analiza danych	
Testowanie stacjonarności	4
Analiza ACF i PACF	5
Budowa modelu ARIMA	6
Ocena dopasowania modelu	7
Diagnostyka reszt	8
Ręczny wybór parametrów ARIMA	
Prognoza	
Podsumowanie	11

# Wprowadzenie

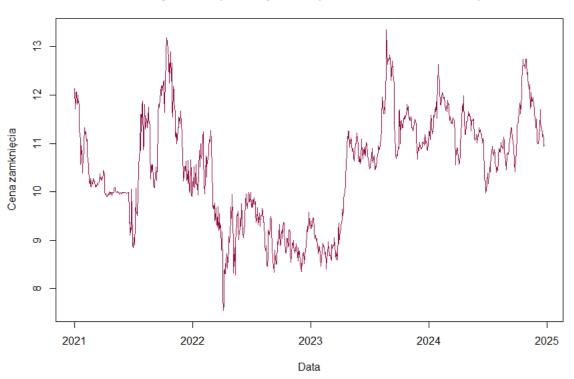
Głównym celem projektu jest opracowanie skutecznego modelu predykcyjnego, który pozwoli lepiej zrozumieć wzorce cenowe oraz dostarczyć wiarygodne prognozy dla krótkoterminowego horyzontu czasowego. W ramach tego projektu zajmę się prognozowaniem przyszłych cen zamknięcia akcji **CCC Intelligent Solutions Holdings** na dni **5, 6 i 7 lutego** przy zastosowaniu modelu ARIMA (Autoregressive Integrated Moving Average) – jednego z najpopularniejszych i najbardziej wszechstronnych narzędzi do analizy i prognozowania szeregów czasowych. Dzięki swojej zdolności do modelowania zarówno komponentów autoregresyjnych (AR), jak i średniej ruchomej (MA), a także uwzględnianiu różnicowania (I), ARIMA pozwala na dokładne odwzorowanie i przewidywanie skomplikowanych wzorców danych. Proces ten obejmie kilka kluczowych etapów:

- **Zebranie i przygotowanie danych** Pobranie historycznych cen zamknięcia akcji CCC Intelligent Solutions Holdings i przygotowanie ich do analizy.
- **Analiza wstępna i testowanie stacjonarności** Sprawdzenie, czy dane są stacjonarne, co jest kluczowe dla wyboru odpowiedniego modelu.
- Analiza autokorelacji (ACF) i częściowej autokorelacji (PACF) Identyfikacja zależności między wartościami szeregu czasowego w celu określenia potencjalnych parametrów modelu.
- **Budowa modelu ARIMA** Dobór optymalnych parametrów modelu ARIMA za pomocą automatycznych narzędzi, które minimalizują błędy prognozy.
- **Ocena jakości modelu** Weryfikacja poprawności modelu poprzez analizę reszt, stabilności oraz kryteriów dopasowania.
- **Prognozowanie** Wykorzystanie modelu ARIMA do przewidywania przyszłych cen akcji oraz ocena dokładności prognozy.

# Dane

Analizowane dane dotyczą CCC Intelligent Solutions Holdings, spółki działającej w branży technologii ubezpieczeniowych i motoryzacyjnych. Dane obejmują dzienne ceny zamknięcia akcji w okresie od 8 lutego 2021 roku (poniedziałek) do 4 lutego 2025 roku, co daje 1003 okresy.





# Wstępna analiza danych

# Testowanie stacjonarności

Aby określić, czy szereg jest stacjonarny, wykonano test Augmented Dickey-Fuller (ADF) oraz Phillips-Perron Unit Root Test (PP)

H0: Szereg czasowy ma pierwiastek jednostkowy (jest niestacjonarny).

H1: Szereg czasowy nie ma pierwiastka jednostkowego (jest stacjonarny).

```
Augmented Dickey-Fuller Test

data: CCCS_ts
Dickey-Fuller = -3.1599, Lag order = 10, p-value = 0.09484
alternative hypothesis: stationary
```

Phillips-Perron Unit Root Test

data: CCCS\_ts

Dickey-Fuller Z(alpha) = -21.259, Truncation lag parameter = 7, p-value = 0.05356

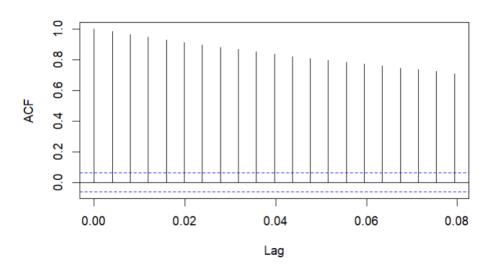
alternative hypothesis: stationary

## Interpretacja:

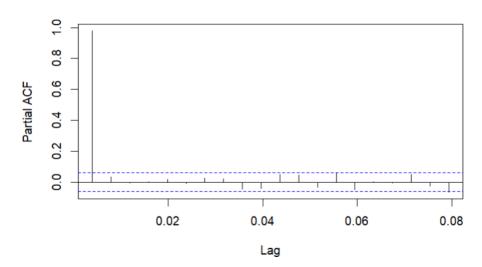
Oba z przeprowadzonych testów badają obecność jednostkowego pierwiastka (unit root) w szeregu czasowym. Dla analizowanych danych wartość p-value obu testów przekroczyła zadany poziom istotności 0.05 (ADF p-value = **0.09486**; PP p-value = **0.05356**). Oznacza to, iż nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej, zatem możemy stwierdzić, iż szereg czasowy jest niestacjonarny. W tym momencie można zastanowić się nad zastosowaniem ręcznego różnicowania. Na ten moment jednak skupiono się na dalszej analizie danych.

## Analiza ACF i PACF

#### **ACF dla CCCS**



#### **PACF dla CCCS**



#### Interpretacja:

ACF (autokorelacja) wykazuje powolny spadek, co sugeruje obecność składnika MA (średniej ruchomej), natomiast PACF (częściowa autokorelacja) wykazuje znaczącą wartość tylko dla pierwszego opóźnienia. Na tej podstawie można wywnioskować, że szereg czasowy ma zarówno komponent AR, jak i MA, można byłoby zatem wykorzystać model ARMA(p, q). Należy jednak pamiętać, iż badany szereg czasowy **nie jest stacjonarny.** W związku z tym należy albo ręcznie dane zróżnicować za pomocą funkcji *diff()* w RStudio, albo przyjąć model ARIMA (AutoRegressive Integrated Moving Average), będący rozszerzeniem modelu ARMA, które uwzględnia różnicowanie. W tym projekcie zdecydowano się na implementacje drugiego podejścia.

# Budowa modelu ARIMA

Do budowy modelu ARIMA postanowiono użyć funkcji *auto.arima()*, przeszukującą różne kombinacje parametrów p (AR), d (różnicowanie) i q (MA), w celu znalezienia modelu minimalizującego kryterium informacyjne (np. AIC lub BIC).

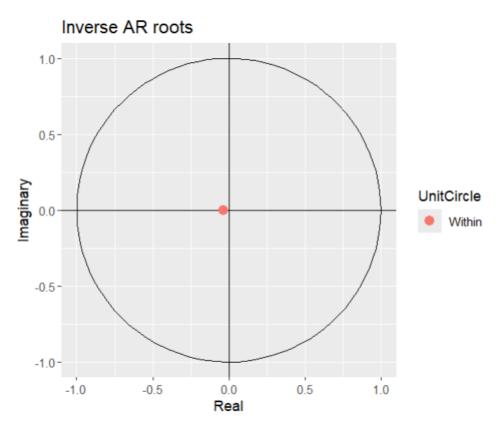
Model wybrany przez funkcję *auto.arima()* to **ARIMA(1,1,0)**, co oznacza:

- AR(1) obecna wartość zależy od wartości z poprzedniego okresu, choć współczynnik
  AR (-0.0326) jest niewielki. Wzrost wartości w poprzednim okresie wpływa na spadek
  wartości w bieżącym okresie.
- I(1) pierwsze różnicowanie zostało zastosowane do osiągnięcia stacjonarności;
- MA(0) nie wykryto istotnych efektów średniej ruchomej

# Ocena dopasowania modelu

- **sigma^2** (wariancja reszt modelu) wyniosła 0.04585, jest to stosunkowo niska wartość, co sugeruje, że model dobrze opisuje dane;
- **AIC (Akaike Information Criterion)** = -242.05, niska wartość, co wskazuje na dobre dopasowanie;
- **BIC (Bayesian Information Criterion)** = -232.23, podobnie jak AIC również wskazuje na dobre dopasowanie;
- Niskie wartości RMSE (Root Mean Squared Error) = 0.2139 oraz MAPE (Mean Absolute
   Percentage Error) = 1.437% wskazują na niewielkie błędy prognozy.

W kolejnym kroku przeanalizowano poniższy wykres **Inverse AR roots** używany do sprawdzenia stabilności modelu.



## Interpretacja:

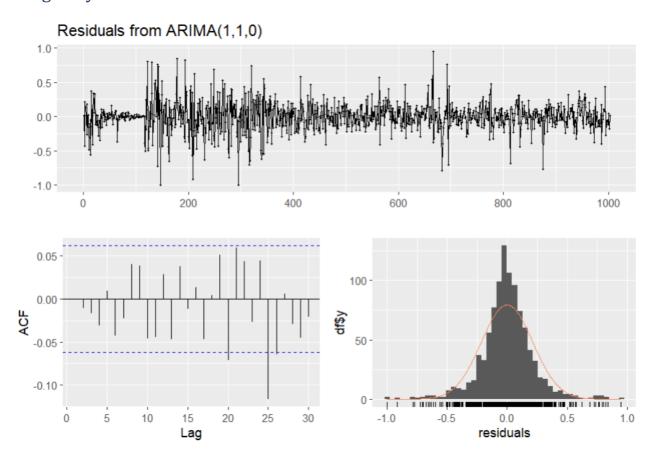
Na powyższym wykresie można zauważyć, że wszystkie odwrotne pierwiastki AR leżą wewnątrz okręgu. Oznacza to, że model ARIMA jest stabilny i można go użyć w prognozowaniu. Z praktycznego punktu widzenia stabilność modelu gwarantuje, że prognozy będą zbieżne i nie będą wykazywać nierealistycznych oscylacji.

Dopełnieniem powyższego wykresu byłoby sprawdzenie odwracalności komponentu MA oraz sezonowego komponentu MA. W związku z tym, że ARIMA wykazała brak istotnych efektów średniej ruchomej, przeprowadzenie tego testu jest niepotrzebne. Możemy jednak sprawdzić stabilność komponentu AR:

AR Inverse Roots: 0.03260268 The AR component is stationary.

Odwrotne pierwiastki AR wynoszą **0.03260268**, co jest mniejsze niż 1. Oznacza to, że komponent AR jest stacjonarny.

# Diagnostyka reszt



## Wykres reszt

Reszty na powyższym wykresie oscylują wokół zera. Występują pewne odchylenia jednak nie zauważono wyraźnego trendu/sezonowości - sugeruje to, że model dobrze pasuje do danych. Reszty również nie maleją/rosną w czasie, a zatem możemy stwierdzić, że ich wariancja jest stała (odrzucamy hipotezę o heteroskedastyczności).

#### Wykres ACF reszt

Wszystkie wartości ACF mieszczą się w granicach ufności, co sugeruje, że reszty są białym szumem, a zatem nie zawierają one żadnej systematycznej struktury ani wzorców, które mogłyby zostać wykorzystane do poprawy modelu.

Na potwierdzenie, że reszty są białym szumem przeprowadzono test **Ljung-Boxa**.

H0: Reszty są białym szumem.

H1: Reszty nie są białym szumem.

```
Ljung-Box test

data: Residuals from ARIMA(1,1,0)

Q* = 9.1119, df = 9, p-value = 0.427

Model df: 1. Total lags used: 10
```

P-value przyjęło wartość 0.427 (> niż 0.05), więc nie ma podstaw do odrzucenia hipotezy zerowej. Test udowodnił, że reszty są białym szumem.

#### Histogram reszt

Rozkład reszt jest zbliżony do normalnego, jest to widoczne dzięki czerwonej linii gęstości przypominającej krzywą Gaussa - oznacza to, że model dobrze pasuje do danych i żadne problemy z modelem nie zostały zidentyfikowane. Na wykresie zaobserwowano również lekko wydłużone ogony sugerujące istnienie kilku ekstremalnych wartości.

## Ręczny wybór parametrów ARIMA

W ramach projektu zbadano również czy funkcja auto.arima() rzeczywiście wybiera najlepsze z możliwych parametrów modelu. musimy porównać wartości AIC (Akaike Information Criterion) i BIC (Bayesian Information Criterion). Niższe wartości obu kryteriów wskazują na lepsze dopasowanie modelu do danych, przy czym BIC dodatkowo uwzględnia złożoność modelu, preferując prostsze modele.

#### AIC (Akaike Information Criterion)

- ARIMA  $(1,1,0) = -242.0479 \leftarrow parametry ustalone przez funkcje auto.arima()$
- ARIMA(0, 1, 2) = -240.1906
- ARIMA(2, 1, 0) = -240.1594
- ARIMA(1, 1, 1) = -241.5413
- ARIMA(1, 1, 2) = -238.1983

Najniższą wartość dla kryterium AIC ma ARIMA (1, 1, 0)

## BIC (Bayesian Information Criterion)

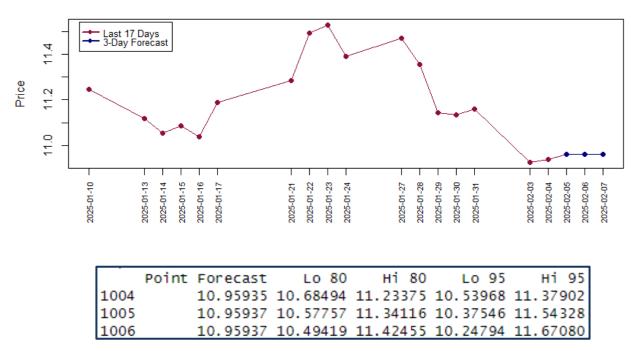
- ARIMA (1, 1, 0) = -232.2284 ← parametry ustalone przez funkcje auto.arima()
- ARIMA(0, 1, 2) = -225.4614
- ARIMA(2, 1, 0) = -225.4301
- ARIMA(1, 1, 1) = -226.812
- ARIMA(1, 1, 2) = -218.5593

Najniższą wartość dla kryterium BIC ma ARIMA (1, 1, 0)

**Najlepszy model** według obu kryteriów (AIC i BIC) to **ARIMA(1, 1, 0)**. Jest to również model wybrany przez funkcję *auto.arima()*, co potwierdza jego trafność.

# Prognoza

Zgodnie z wytycznymi projektu wykonano prognozę dla cen akcji wybranej spółki na dni 4, 5 oraz 6 lutego. Prognoza została oparta na modelu ARIMA (1, 1, 0), którego kryterium wyboru była powyżej przeprowadzona analiza.



Last 17 Days and 3-Day Forecast for CCCS

Analizując przedziały ufności możemy stwierdzić, że:

- Z 80% prawdopodobieństwem cena akcji będzie się poruszać w zakresie 10.68494 10.49419 (dolna granica); 11.23375 11.42455 (górna granica)
- Z 90% prawdopodobieństwem cena akcji będzie się poruszać w zakresie 10.53968 10.24794 (dolna granica); 11.37902 11.67080 (górna granica)

Na analizowany okres model prognozuje stabilizację ceny CCCS Holdings w przedziale **10.95935 - 10.95937**. Oznacza to, że w najbliższych trzech dniach nie przewiduje się istotnych zmian wartości akcji, a kurs powinien oscylować wokół tego poziomu.

# Podsumowanie

W ramach projektu dokonano predykcji cen akcji CCC Intelligent Solutions Holdings na dni 5, 6 i 7 lutego, wykorzystując model ARIMA(1,1,0). Analiza danych wykazała, że szereg czasowy był niestacjonarny, co uzasadniało zastosowanie różnicowania. Model został dobrany na podstawie funkcji auto.arima(), a jego skuteczność potwierdzono niskimi wartościami kryteriów AIC i BIC oraz dobrym dopasowaniem reszt do rozkładu normalnego.

Ocena jakości modelu wykazała niskie wartości błędów predykcji (RMSE = 0.2139, MAPE = 1.437%), stabilność modelu oraz brak istotnych efektów średniej ruchomej. Testy statystyczne (ADF, PP, Ljung-Boxa) potwierdziły poprawność i trafność modelu.

Wyniki prognozy wskazują na stabilizację ceny akcji w przedziale 10.95935 - 10.95937 w analizowanym okresie. Przedziały ufności sugerują, że przy 80% i 90% prawdopodobieństwie kurs nie powinien znacząco odbiegać od tych wartości, co oznacza brak oczekiwanych gwałtownych zmian cenowych. Model ARIMA(1,1,0) okazał się skutecznym narzędziem do krótkoterminowej prognozy cen akcji, dostarczając wiarygodnych wyników.