Contents			String 7.1 KMP
1	Setting 1.1 vimrc	1 1	7.2 Aho-Corasick
2	Math 2.1 Basic Arithmetic 2.2 Sieve Methods: Prime, Divisor, Euler phi 2.3 Primality Test 2.4 Chinese Remainder Theorem 2.5 Burnside's Lemma 2.6 Kirchoff's Theorem 2.7 Fast Fourier Transform 2.8 Matrix Operations 2.9 Gaussian Elimination 2.10 Simplex Algorithm	1 1 2 2 3 3 3 3 3 3 3 3	7.4 Suffix Tree
3	Data Structure 3.1 Order statistic tree	3 3 4 4 4	set ts=4 sts=4 sw=4 set ai si nu 2 Math 2.1 Basic Arithmetic
4	DP 4.1 Convex Hull Optimization	4 4 4 4	<pre>typedef long long ll; typedef unsigned long long ull; // calculate ceil(a/b) // a , b <= (2^63) -1 (does not dover -2^63)</pre>
5	Graph 5.1 SCC (Tarjan) 5.2 SCC (Kosaraju) 5.3 2-SAT 5.4 BCC, Cut vertex, Bridge 5.5 Heavy-Light Decomposition 5.6 Bipartite Matching (Hopcroft-Karp) 5.7 Maximum Flow (Edmonds-Karp) 5.8 Maximum Flow (Dinic) 5.9 Min-cost Maximum Flow	5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6	<pre>11 ceildiv(ll a, ll b) { if (b < 0) return ceildiv(-a, -b); if (a < 0) return (-a) / b; return ((ull)a + (ull)b - lull) / b; } // calculate floor(a/b) // a , b <= (2^63) -1 (does not cover -2^63) ll floordiv(ll a, ll b) { if (b < 0) return floordiv(-a, -b); if (a >= 0) return a / b; return -(ll)(((ull)(-a) + b - 1) / b); }</pre>
6	Geometry 6.1 Basic Operations	5 5 5 5	<pre>// calculate a*b % m // x86-64 only 11 large_mod_mul(11 a, 11 b, 11 m) { return 11((int128)a*(int128)b%m); }</pre>

5

5

.

.

```
// calculate a*b % m
// |m| < 2^62, x86 available
// O(logb)
11 large mod mul(11 a, 11 b, 11 m)
    a \% = m; b \% = m; 11 r = 0, v = a;
    while (b) {
       if (b\&1) r = (r + v) % m;
       b >>= 1;
        v = (v << 1) % m;
    return r;
// calculate n^k % m
11 modpow(ll n, ll k, ll m) {
   11 \text{ ret} = 1;
   n %= m:
    while (k) {
       if (k & 1) ret = large_mod_mul(ret, n, m);
       n = large_mod_mul(n, n, m);
       k /= 2:
    return ret;
}
// calculate gcd(a, b)
11 gcd(l1 a, l1 b) {
    return b == 0 ? a : gcd(b, a % b);
// find a pair (c, d) s.t. ac + bd = gcd(a, b)
pair<11, 11> extended_gcd(11 a, 11 b) {
    if (b == 0) return { 1, 0 };
    auto t = extended gcd(b, a % b);
    return { t.second, t.first - t.second * (a / b) };
// find x in [0,m) s.t. ax === gcd(a, m) \pmod{m}
11 modinverse(11 a, 11 m) {
    return (extended_gcd(a, m).first % m + m) % m;
}
// calculate modular inverse for 1 ~ n
void calc range modinv(int n, int mod, int ret[]) {
    ret[1] = 1;
    for (int i = 2; i \le n; ++i)
        ret[i] = (11) (mod - mod/i) * ret[mod%i] % mod;
}
```

2.2 Sieve Methods: Prime, Divisor, Euler phi

```
// find prime numbers in 1 ~ n
// ret[x] = false -> x is prime
// O(n*loglogn)
```

```
void sieve(int n, bool ret[]) {
    for (int i = 2; i * i <= n; ++i)
        if (!ret[i])
            for (int j = i * i; j <= n; j += i)
                ret[i] = true;
}
// calculate number of divisors for 1 ~ n
// when you need to calculate sum, change += 1 to += i
void num of divisors(int n, int ret[]) {
    for (int i = 1; i \le n; ++i)
        for (int j = i; j \le n; j += i)
           ret[i] += 1;
// calculate euler totient function for 1 ~ n
// phi(n) = number of x s.t. 0 < x < n && gcd(n, x) = 1
// O(n*loglogn)
void euler_phi(int n, int ret[]) {
    for (int i = 1; i \le n; ++i) ret[i] = i;
    for (int i = 2; i \le n; ++i)
        if (ret[i] == i)
            for (int j = i; j \le n; j += i)
                ret[j] -= ret[j] / i;
```

2.3 Primality Test

```
bool test_witness(ull a, ull n, ull s) {
    if (a >= n) a %= n;
    if (a <= 1) return true;
    ull d = n \gg s;
    ull x = modpow(a, d, n);
    if (x == 1 \mid | x == n-1) return true;
    while (s-- > 1) {
        x = large_mod_mul(x, x, n);
        x = x * x % n;
        if (x == 1) return false;
        if (x == n-1) return true;
    return false;
// test whether n is prime
// based on miller-rabin test
// O(logn*logn)
bool is prime(ull n) {
    if (n == 2) return true;
    if (n < 2 || n % 2 == 0) return false;
    ull d = n >> 1, s = 1;
    for(; (d&1) == 0; s++) d >>= 1;
#define T(a) test_witness(a##ull, n, s)
```

```
if (n < 4759123141ull) return T(2) && T(7) && T(61); return T(2) && T(325) && T(9375) && T(28178) && & (450775) && T(9780504) && T(1795265022); #undef T }
```

2.4 Chinese Remainder Theorem

```
// \text{ find x s.t. x === a[0] (mod n[0])}
//
                    === a[1] \pmod{n[1]}
//
// assumption: gcd(n[i], n[j]) = 1
ll chinese_remainder(ll* a, ll* n, int size) {
    if (size == 1) return *a;
    11 \text{ tmp} = \text{modinverse}(n[0], n[1]);
    11 \text{ tmp2} = (\text{tmp * (a[1] - a[0]) % n[1] + n[1]) % n[1];}
    11 \text{ ora} = a[1];
    11 \text{ tgcd} = \text{gcd}(n[0], n[1]);
    a[1] = a[0] + n[0] / tgcd * tmp2;
    n[1] *= n[0] / tgcd;
    11 ret = chinese_remainder(a + 1, n + 1, size - 1);
    n[1] /= n[0] / tgcd;
    a[1] = ora;
    return ret;
```

2.5 Burnside's Lemma

경우의 수를 세는데, 특정 transform operation(회전, 반사, ..) 해서 같은 경우들은 하나로 친다. 전체 경우의 수는?

- 각 operation마다 이 operation을 했을 때 변하지 않는 경우의 수를 센다 (단, "아무것도 하지 않는다"라는 operation도 있어야 함!)
- 전체 경우의 수를 더한 후, operation의 수로 나눈다. (답이 맞다면 항상 나누어 떨어져야 한다)

2.6 Kirchoff's Theorem

그래프의 스패닝 트리의 개수를 구하는 정리.

무향 그래프의 Laplacian matrix L를 만든다. 이것은 (정점의 차수 대각 행렬) - (인접행렬) 이다. L에서 행과 열을 하나씩 제거한 것을 L'라 하자. 어느 행/열이든 관계 없다. 그래프의 스패닝 트리의 개수는 det(L')이다.

- 2.7 Fast Fourier Transform
- 2.8 Matrix Operations
- 2.9 Gaussian Elimination
- 2.10 Simplex Algorithm
- 3 Data Structure

3.1 Order statistic tree

```
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
#include <ext/pb_ds/detail/standard_policies.hpp>
#include <functional>
#include <iostream>
using namespace __gnu_pbds;
using namespace std;
// tree<key_type, value_type(set if null), comparator, ...>
using ordered set = tree<int, null type, less<int>, rb tree tag,
    tree_order_statistics_node_update>;
int main()
    ordered_set X;
    for (int i = 1; i < 10; i += 2) X.insert(i); // 1 3 5 7 9
    cout << boolalpha;</pre>
    cout << *X.find_by_order(2) << endl; // 5</pre>
    cout << *X.find_by_order(4) << endl; // 9</pre>
    cout << (X.end() == X.find_by_order(5)) << endl; // true</pre>
    cout << X.order_of_key(-1) << endl; // 0</pre>
    cout << X.order of key(1) << endl; // 0
    cout << X.order_of_key(4) << endl; // 2</pre>
    X.erase(3):
    cout << X.order_of_key(4) << endl; // 1</pre>
    for (int t : X) printf("%d ", t); // 1 5 7 9
```

3.2 Fenwick Tree

```
const int TSIZE = 100000;
int tree[TSIZE + 1];
// Returns the sum from index 1 to p, inclusive
int query(int p) {
  int ret = 0;
  for (; p > 0; p -= p & -p) ret += tree[p];
```

return ret; } // Adds val to element with index pos void add(int p, int val) { for (; p <= TSIZE; p += p & -p) tree[p] += val;</pre>

4.3 Knuth Optimization

- 3.3 Segment Tree with Lazy Propagation
- 3.4 Persistent Segment Tree
- 3.5 Link/Cut Tree

$O(n^3) \to O(n^2)$

4 DP

4.1 Convex Hull Optimization

 $O(n^2) \to O(n \log n)$

조건 1) DP 점화식 꼴

 $D[i] = \min_{j < i} (D[j] + b[j] * a[i])$

조건 2) $b[j] \le b[j+1]$

특수조건) $a[i] \le a[i+1]$ 도 만족하는 경우, 마지막 쿼리의 위치를 저장해두면 이분검색이 필요없어지기 때문에 armotized O(n) 에 해결할 수 있음

조건 1) DP 점화식 꼴

 $D[i][j] = \min_{i < k < j} (D[i][k] + D[k][j]) + C[i][j]$

조건 2) A[i][j]는 D[i][j]의 답이 되는 최소의 k라 할 때, 아래의 부등식을 만족해야 함

4.2 Divide & Conquer Optimization

 $O(kn^2) \to O(kn \log n)$

조건 1) DP 점화식 꼴

 $D[t][i] = \min_{j < i} (D[t-1][j] + C[j][i])$

조건 2) A[t][i]는 D[t][i]의 답이 되는 최소의 j라 할 때, 아래의 부등식을 만족해야 함

 $A[t][i] \le A[t][i+1]$

조건 2-1) 비용C가 다음의 사각부등식을 만족하는 경우도 조건 2)를 만족하게 됨

 $C[a][c] + C[b][d] \le C[a][d] + C[b][c]$

 $A[i][j-1] \le A[i][j] \le A[i+1][j]$

5 Graph

- 5.1 SCC (Tarjan)
- 5.2 SCC (Kosaraju)
- 5.3 2-SAT
- 5.4 BCC, Cut vertex, Bridge
- 5.5 Heavy-Light Decomposition
- 5.6 Bipartite Matching (Hopcroft-Karp)
- 5.7 Maximum Flow (Edmonds-Karp)
- 5.8 Maximum Flow (Dinic)
- 5.9 Min-cost Maximum Flow
- 6 Geometry
- 6.1 Basic Operations
- 6.2 Convex Hull
- 6.3 Polygon Cut
- 6.4 Compare angles
- 7 String
- 7.1 KMP
- 7.2 Aho-Corasick
- 7.3 Suffix Array with LCP
- 7.4 Suffix Tree
- 7.5 Manacher's Algorithm