# Calculo do deslocamento de corpos usando Quatérnions

Allan Ribeiro 2037807

Lucas Perin Silva Leyser 1860275

21 de Dezembro de 2022

# 1 Introdução

A intenção era fazer o uso de FPGA para cálculo do deslocamento de uma partícula no tempo fazendo uso da abstração de quaternions, que evita problemas algébricos, diferentemente da abordagem dos ângulos de Euler.

Fez se o uso dos dados de giroscópio e acelerômtetros de um smartphone, descritos em um csv, fazendo-se a amostragem em tempo da leitura da aceleração das variações, em eixo x, y e z. Os dados são então filtrados de string para ponto flutuante, processados por um socket, escrito em python, que por sua vez realiza a conexão com a placa.

Na placa Cyclone II, foram escritos arquivos em VHDL que fazem a abstração do uso de registradores para guardar um quaternion, sendo descrito como o valor normalizado de dimensão única. Foram usados 2 registradores, um como buffer, e outro que acumula as operações subse- quentes, devolvendo o resultante da multiplicação de todos os quaternions recebidos.

Sem sucesso, o presente relatório dá visão para problemas que futuros desenvolvedores terão, se usada a mesma abordagem. Dentre os inúmeros, lista-se o empecilho principal: uma operação efetiva de multiplicação. Os procedimentos são detalhados abaixo.

Alguns pontos importantes que leitores devem saber é que a estrutura para a multiplicação dos quaternions em sí está pronta, sendo necessária a correção das operações. Um testbench também foi elaborado para uso com os sources disponíveis, e está funcional. O parsing dos dados também foi realizado, e as respectivas funções estão prontas, além de um envio efetivo realizado.

## 2 Desenvolvimento do projeto

#### 2.1 Aquisição de dados

Para amostrar os dados a serem usados no projeto, foi feito uso do phyphox[1], e sua funcionalidade de leitura de diversos sensores de um dispositivo que rode android. Este aplicativo permite a visualização em tempo real das métricas de diversos sensores, além da captura e exportação dos dados em CSV, um formato padrão em texto de armazenamento de dados.

Os dados foram exportados e disponibilizados num arquivo, que por sua vez é processada pelo servidor, que mais tarde alimenta a placa com os dados. A formatação transforma a tupla de valores de string (tempo, qx, qy e qz) em pontos flutuantes com a mesma quantidade de casas decimais. Isso é importante para facilitar a entrada e armazenamento dos dados em placa. Mais tarde, serão codificados novamente em string para envio efetivo pela rede.

#### 2.2 Conexão de rede

A conexão em sí foi construída em 2 partes. Primeiro, um servidor em python espera por uma conexão em socket, que roda em um computador à parte. Chamar-se-à de servidor. O servidor, após filtrar os pontos, os envia em tupla à placa, um após o outro. Uma vez enviados, espera por uma tupla do mesmo tipo da placa.

A conexão TCP/IP com a placa Altera DE2 Cyclone II, cliente, foi projetada com base no projeto "Wave Gen"realizado pelo aluno Luciano Bonzatto , no segundo semestre de 2022. Estabelecida com sucesso, é necessário a especificação do endereço de servidor a contatar.

Importante notar que a placa recebe uma string, e não uma tupla. Futuros esforços devem ser concentrados na conversão da string recebida, novamente para uma tupla, e em seguida em ponto flutuante.

Os dados são, por fim, escritos em 3 registradores internos da placa, um como indicador de operação (load e mult), um como buffer, e um terceiro acumulador de operações, que é lido ao final das operações com todos os quaternions desejados, e é devolvido ao servidor.

### 2.3 Multiplicação

Para o cálculo da multiplicação dos quaternos, foram utilizados sinais do tipo "sfixed" que utiliza um ponto fixo determinando qual a parte inteira e qual a parte decimal do valor recebido, que é então armazenado em um registrador de 32 bits. Isso resulta em uma precisão de  $2^{-15}$  nas operações.

A operação, infelizmente, apresenta um problema: em teste de mesa, a tentativa de multiplicar 0.5 por 0.5 resulta no deslocamento errôneo dos bits.

```
0.5 * 0.5 = 0b0010 * 0b0010 = 0b00001 = 0.25 (caso ideal)

0.5 * 0.5 = 0b0010 * 0b0010 = 0b000001 = 0.0625 (caso real)
```

Mas o caso é isolado. Para outros casos, o resultado é caótico à primeira vista. Na tentativa de resolver o problema, foram feitos testes de outras operações, e os resultados também são incorretos, porém consistentes.

Devido à falta de suporte a esse tipo de sinal por parte do qsys, foi preciso utilizar portas do tipo std\_logic\_vector para o recebimento dos valores e a própria FPGA faz a cópia desse valor para um sinal do tipo "sfixed". Partimos do pressuposto que, como os valores são sinalizados e entre 0 e 1, sempre teríamos dois bits iniciais, o primeiro para o sinal e o segundo para a parte inteira do valor. O restante é a parte decimal do valor, ou seja, utilizando um sinal com o ponto fixo entre o segundo e terceiro MSB do std\_logic\_vector a cópia pode ser feita diretamente, bit a bit.

Foi feita a tentativa de abstrair outra forma de cálculo: receber os dados em binário, e faze r a operação bit a bit. Outro problema apareceu aqui através da Os principais problemas residem na abstração usada para fazer a multiplicação entre os pontos. No caso de um dos números serem negativos, a multiplicação em complemento de 2 não foi implementada com sucesso. Resolvido este problema, a multiplicação deve funcionar efetivamente.

Outra tentativa consistiu em trabalhar com inteiros, fazendo-se shift dos bits, multiplicando-os, e retornando à posição original. Ocorreram os mesmos problemas da abordagem por complemento de 2.

# 3 Conclusão e recomendações gerais

O projeto teve avanços, e está perto de estar completo. Novamente, a conexão de rede funciona. A multiplicação também, mas existem erros na operação.

Como recomendações gerais para futuros uso do projeto, troque a versão da placa para evitar problemas de licença, problemas de compilação e geração de componentes/circuitos (Qsys).

A forma como a multiplicação foi feita é dependente da biblioteca ieee\_proposed, representada pelos arquivos fixed\_float\_types\_c.vhdl, float\_pkg\_c.vhdl e fixed\_pkg\_c.vhdl. Os três tem problemas com versões de vhdl, cujo dialeto deve ser 2008.

As bibliotecas devem ser inserida como arquivos do projeto no Quartus (caso simulação em RTL), no Qsys (para geração dos componentes), e compiladas internamente do Model-Sim (para simulação em RTL).

A multiplicação em binário na FPGA é considerada, por muitas referências, como uma área obscura para se implementar. Sem sucesso, algumas recomendações são: implementar uma lógica de complemento de 2 funcional, uso de outro tipo preferível (real não é sintetizável), ou mesmo uso de outros formátos numéricos mais simples de representar.