$O\Pi$ «Политология», 2023-24

Введение в ТВиМС

Дополнительные задачи (31 января)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева

Задача 1. Может ли случайная величина X иметь биномиальное распределение вероятностей, если: a) E(X) = 6, D(X) = 3; b) E(X) = 7, D(X) = 4?

Задача 2. Совместное распределение случайных величин X и Y задано следующей таблицей:

$X \setminus Y$	0	1	2
0	0.1	0.1	0.1
1	0.1	0.2	0.4

Известно, что X – это число баллов, полученное за первое задание в самостоятельной работе по статистике, а Y – число баллов, полученное за второе задание в самостоятельной работе по статистике.

Какой балл за второе задание, в среднем, может ожидать студент, если известно, что за первое задание он получил 1 балл? Другими словами, найдите $\mathrm{E}(Y|X=1)$.

Подсказка. Условное математическое ожидание вычисляется так:

$$E(Y|X = x_i) = y_1 \cdot P(Y = y_1|X = x_i) + y_2 \cdot P(Y = y_2|X = x_i) + \dots + y_n \cdot P(Y = y_n|X = x_i),$$

где x_i – некоторое значение X, а y_1, y_2, \ldots, y_n – значения Y.

Задача 3. Используя условие предыдущей задачи и подсказку выше, найдите:

- (a) D(Y|X=1);
- (b) E(X + Y|Y = 1).

Примечание. Пункт b можно интерпретировать следующим образом: какой общий балл за самостоятельную работу, в среднем, могут ожидать студенты, если известно, что во втором задании они набрали 1 балл?

Источник задачи 1: Е.С.Кочетков, С.О.Смерчинская. Теория вероятностей в задачах и упражнениях. Москва. 2011.