ОП «Политология», 2022-23 Введение в ТВиМС

Центральная предельная теорема. Доверительные интервалы. (19 апреля) А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева

Задача 1. Генеральная совокупность описывается нормальным распределением $N(a=2,\ \sigma=3)$. Из этой генеральной совокупности случайным образом извлекли выборку объёма n=100 наблюдений. С какой вероятностью среднее извлеченной выборки превысит значение 3?

Задача 2. Время (в секундах), которое человек тратит на чтение текста из 150 слов на английском языке, имеет равномерное распределение на отрезке [20; 30] с математическим ожиданием 25 и дисперсией 8.33. Случайным образом выбирают 1600 человек, предлагают им прочитать текст, а затем по полученной выборке вычисляют среднее время, потраченное на чтение. Найдите вероятность того, что среднее выборки будет отличаться от среднего генеральной совокупности не более, чем на 0.1 секунды.

Задача 3. Представьте, что нам предстоит построить доверительный интервал для доли людей в возрасте от 18 до 25 лет, которые любят горький шоколад. Найдите z-значение, которое будет использоваться для построения такого доверительного интервала для следующих уровней доверия: a) 88%; b) 94%; c) 97%; d) 85%.

Задача 4. Исследователя интересует, какая доля студентов московских вузов активно участвует в благотворительных мероприятиях. Он опросил 100 студентов разных вузов и выяснил, что среди них 60 человек принимают участие в благотворительных ярмарках, передают вещи детским домам и домам престарелых и более-менее регулярно деляют пожертвования в благотворительные фонды.

- (а) Постройте 96%-ный доверительный интервал для доли студентов московских вузов, которые активно участвуют в благотворительных мероприятиях. Проинтерпретируйте построенный доверительный интервал.
- (b) Представьте, что другой исследователь решил провести аналогичный опрос и опросил 400 студентов. Выяснилось, что среди опрошенных 240 человек активно участвуют в благотворительной деятельности. Во сколько раз длина 96%- ного доверительного интервала для доли студентов московских вузов, которые активно участвуют в благотворительных мероприятиях, отличается от длины аналогичного доверительного интервала, полученного первым исследователем?

Задача 5. Представьте, что нам предстоит построить доверительный интервал для среднего объема продаж телевизоров на основе выборки в N наблюдений. Найдите t-значение, которое будет использоваться для построения такого доверительного интервала, если: а) уровень доверия 95% и N=15; b) уровень доверия 99% и N=10.

Задача 6. В рамках проекта по курсу социологии группа студентов проводит опрос, чтобы выяснить, сколько времени в неделю люди пожилого возраста тратят на про-

смотр или чтение новостей. Петя опросил 11 человек и получил следующие результаты (время, потраченное на новости, в часах):

- выборочное среднее: 5;
- выборочное стандартное отклонение: 1.2.

Постройте 95%-ный доверительный интервал для среднего количества часов, которое тратят пожилые люди на просмотр новостей.