

**ОП «Политология», 2022-23****Введение в ТВиМС****Дискретные случайные величины: введение (разбор задачи №4)***А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева*

**Задача 1.** Гарри сидит за столом в Большом Зале, завтракает и ждет почту. С вероятностью 0.3 ему может прийти письмо от профессора МакГонагалл, с вероятностью 0.8 – от Хагрида. Известно, что МакГонагалл и Хагрид действуют независимо. Постройте ряд распределения числа полученных Гарри.

**Решение.** Для удобства зафиксируем данные условия. У нас есть две бинарные величины  $M$  и  $H$ , которые описывают число писем, которое могут прислать Гарри каждый из отправителей:

$M$ (МакГонагалл)	0	1	$H$ (Хагрид)	0	1
$p$	0.7	0.3	$p$	0.2	0.8

Интересующая нас случайная величина  $M + H$  – число полученных Гарри писем. Какие у этой величины значения? А такие: 0 (никто не написал Гарри), 1 (либо написала только профессор МакГонагалл, либо только Хагрид), 2 (оба написали). Осталось сопоставить этим значения вероятности.

$M+H$	0	1	2
$p$	0.14	0.62	0.24

**Случай 1.** Оба написали одновременно – работает правило умножения (события независимы), перемножаем вероятности из условия:

$$P(M + H = 2) = 0.3 \times 0.8 = 0.24.$$

**Случай 2.** Никто не написал – тоже работает правило умножения, только нас интересуют обратные условию события, вычитаем вероятности из 1:

$$P(M + H = 0) = 0.7 \times 0.2 = 0.14.$$

**Случай 3.** Либо профессор МакГонагалл написала, а Хагрид не написал, либо наоборот. Тут работает и правило умножения, и правило сложения. Умножения – когда одновременно пишет один и не пишет другой, сложения – когда мы рассматриваем ситуацию «или-или», или написал только первый, или только второй.

$$P(M + H = 1) = 0.3 \times 0.2 + 0.8 \times 0.7 = 0.06 + 0.56 = 0.62.$$

В данном случае удобнее было получить эту вероятность как

$$P(M + H = 1) = 1 - P(M + H = 0) - P(M + H = 2) = 1 - 0.14 - 0.24 = 0.62,$$

но более общее решение выше важно, поскольку в случае большего числа значений у случайной величины найти вероятность просто вычитанием не получится.