$O\Pi$ «Политология», 2020-21

Введение в ТВиМС

Доверительные интервалы. Проверка статистических гипотез. (28.04.2021 или 30.04.2021)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева

Задача 1. Представьте, что нам предстоит построить доверительный интервал для среднего объема продаж телевизоров на основе выборки в N наблюдений. Найдите t-значение, которое будет использоваться для построения такого доверительного интервала, если: а) уровень доверия 95% и N=15; b) уровень доверия 99% и N=10.

Задача 2. В рамках проекта по курсу социологии группа студентов проводит опрос, чтобы выяснить, сколько времени в неделю люди пожилого возраста тратят на просмотр или чтение новостей. Петя опросил 11 человек и получил следующие результаты (время, потраченное на новости, в часах):

- выборочное среднее: 5;
- выборочное стандартное отклонение: 1.2.

Постройте 95%-ный доверительный интервал для среднего количества часов, которое тратят пожилые люди на просмотр новостей.

Задача 3. Группа исследователей, опросив 1500 респондентов-жителей страны A, выяснила, что среднее значение среднегодовых расходов людей на образование детей в выборке равно 200 тысяч рублей, а дисперсия расходов людей в этой выборке равна 2500 тысяч рублей. Постройте 90% доверительный интервал для среднего значения расходов жителей страны A на образование детей.

Задача 4. Студенты в рамках проекта по социологии опросили 90 человек и выяснили, что 48% опрошенных хотя бы раз в жизни мечтали заняться экстремальным видом спорта. Можно ли считать, что доля людей, хотя бы раз в жизни мечтавших заняться экстремальным видом спорта, равна 0.45?

- (а) Сформулируйте подходящую нулевую гипотезу, которую необходимо проверить для ответа на этот вопрос. Сформулируйте одностороннюю альтернативную гипотезу (направление выберите, исходя из данных).
- (b) Какое распределение имеет статистика критерия? Найдите наблюдаемое значение статистики критерия и посчитайте p-value.
- (с) Приняв уровень значимости равным 5%, сделайте статистический и содержательный вывод относительно нулевой гипотезы.

Задача 5. Проверьте нулевую гипотезу, сформулированную в задаче 1, выбрав двустороннюю альтернативу и приняв уровень значимости равным 10%. Сделайте статистический и содержательный выводы.