$O\Pi$ «Политология», 2021-22

Введение в ТВиМС

Теорема Муавра-Лапласа. Центральная предельная теорема. (04.03.2022 или 09.03.2022)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, П. В. Ревина

Задача 1. ¹ По опубликованным данным Фонда «Общественное мнение», 56% россиян уверены, что школьники должны сдавать спортивные нормативы в рамках урока физической культуры. Найдите вероятность того, что на общешкольном собрании, где будут присутствовать 900 родителей, не менее 300 и не более 400 родителей поддержат идею сдачи нормативов в школе?

Задача 2. Пусть S — число успехов в n=10 испытаниях Бернулли при p=0.5. Вычислите точную вероятность события $2\leqslant S\leqslant 6$. Затем вычислите приближённую вероятность того же события, используя теорему Муавра-Лапласа. Сравните полученные результаты. Достаточно ли число n, чтобы пользоваться приближёнными формулами.

Задача 3. Генеральная совокупность описывается нормальным распределением $N(a=2,\ \sigma=3)$. Из этой генеральной совокупности случайным образом извлекли выборку объёма n=100 наблюдений. С какой вероятностью среднее извлеченной выборки превысит значение 3?

Задача 4. Время (в секундах), которое человек тратит на чтение текста из 150 слов на английском языке, имеет равномерное распределение на отрезке [20; 30] с математическим ожиданием 25 и дисперсией 8.33. Случайным образом выбирают 1600 человек, предлагают им прочитать текст, а затем по полученной выборке вычисляют среднее время, потраченное на чтение. Найдите вероятность того, что среднее выборки будет отличаться от среднего генеральной совокупности не более, чем на 0.1 секунды.

¹Источник задач №1-3: А. А. Макаров, А. В. Пашкевич. Задачник по теории вероятностей для студентов социально-гуманитарных специальностей. Москва. 2016.