ОП «Политология», 2019-20

Математика и статистика, часть 2

Таблицы сопряженности и критерий хи-квадрат. (09.06.2020)

А. А. Макаров, А. А. Тамбовцева, Н. А. Василёнок

Задача 1. (Разбиралась в видео к семинару). Дана таблица сопряженности двух признаков: пол и выбор профиля (политический анализ и политическое управление). Проверьте наличие связи между признаками на 5% уровне значимости:

	PA	PG
Женский	6	7
Мужской	6	3

- (а) Сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезы.
- (b) Какое распределение имеет статистика критерия для проверки гипотезы, сформулированной выше? С какими параметрами?
- (c) Найдите наблюдаемое значение статистики критерия и p-value.
- (d) Сделайте статистический и содержательный вывод.

Задача 2. Дана таблица сопряженности двух признаков: пол и участие в волонтерстве Проверьте наличие связи между признаками на 10% уровне значимости:

	Участвую	Не участвую
Интроверт	30	25
Экстраверт	45	20

- (а) Сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезы.
- (b) Посчитайте маргинальные частоты для каждого признака. Посчитайте ожидаемые частоты для каждой ячейки в таблице.
- (с) Используя наблюдаемые частоты и ожидаемые частоты, посчитанные ранее, вычислите наблюдаемое значение статистики критерия $\chi^2_{_{\mathrm{набл}}}$.
- (d) Вычислите p-value.
- (е) Сделайте статистический и содержательный вывод.

Задача 3. Посчитайте $\chi^2_{{ ext{\scriptsize Hafn}}},$ пользуясь упрощенной формулой для таблиц сопряженности 2×2 . Сравните полученный результат с результатом задачи 2c.

Задача 4. Найдите вероятности для χ^2 с df = 1:

- (a) $P(\chi^2 > 1.69)$; (b) $P(\chi^2 > 1.45)$; (c) $P(\chi^2 < 1.21)$.