

1) Введем полный квадрат

а) $x^2 + 4x + 6$

б) $x^2 + 9$

Общее выражение для полного квадрата:

2) $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

$$x^2 + 4x + 6 = 0$$

$$x^2 + 2x \cdot \underline{2} + \underline{4} - 4 + 6 = (x+2)^2 + 2$$

Полный квадрат: $(x+2)^2 + 2$. Если продолжить,
то надо это -то сделать с минусом:

$$-(x+2) = \sqrt{2}$$

$$-(x+2) = -\sqrt{2}$$

3) $x^2 + 9$

из ф-л следует, что $b=0$

$$x^2 + 9 = 0$$

$$-x^2 = 9$$

$$-x = \pm 3$$

2) Определите дифференцируемость функции.

$$y = x^{\sin x} \quad [x > 0] \quad | \quad \log$$

$$\ln(y) = \ln(x^{\sin x})$$

$$\ln(y) = \sin x \cdot \ln(x)$$

3) Определите тип функции (чётная, нечётная, общего вида)

а) $y = 3x + x^3$

б) $y = 4^x + 4^{-x}$

в) $y = (x-1)^3$

а) Рассм. ф-ю $y = 3x + x^3$ в точке $(-x)$:

$$-y = 3(-x) + (-x)^3$$

$$-y = -3x - x^3 \neq y = 3x + x^3 \Rightarrow \text{нечётная}$$

б) $y = 4^x + 4^{-x}$ в т. $(-x)$:
 $-y = 4^{\frac{1}{x}} + 4^x = y = 4^x + 4^{\frac{1}{x}}$ } об переменная
 имеет аналог.
 сумма не
 меняется

\Rightarrow чётная

в) $y = (x-1)^3$ в точке $(-x)$

б) $y = (x-1)^3$. Прям. в точке $(-x)$:

Для начала рассмотрим функцию

$$(x-1)^3 = x^3 - 3x^2 + 3x - 1$$

Теперь можно исследовать:

$$-y = (-x)^3 - 3(-x)^2 + 3(-x) - 1$$

$$-y = -x^3 - 3x^2 - 3x - 1 \neq y = x^3 - 3x^2 + 3x - 1 \Rightarrow$$

\Rightarrow нечетная