## Práctica 6: Lenguajes formales y gramáticas

• Las gramáticas proveen un mecanismo generador de lenguajes.

Ejemplo: El lenguaje de Romeo

- $ightharpoonup \Sigma = \{ Julieta, eres, muy, hermosa \}$
- ► Reglas de producción:

$$\begin{split} &\langle \textit{frase} \rangle \to \langle \textit{sujeto} \rangle \langle \textit{predicado} \rangle \\ &\langle \textit{sujeto} \rangle \to \mathsf{Julieta} \\ &\langle \textit{predicado} \rangle \to \mathsf{eres} \ \langle \textit{m} \rangle \ \mathsf{hermosa} \\ &\langle \textit{m} \rangle \to \lambda \mid \mathsf{muy} \ \langle \textit{m} \rangle \end{split}$$

- Una gramática posee los siguientes símbolos:
  - ▶ inicial,
  - no terminales (son estructuras intermedias), y
  - terminales (son elementos del alfabeto).

**Definición: Gramática** es una tupla:  $(N, T, P, \sigma)$  donde:

- N es un conjunto finito de símbolos llamados **no terminantes**.
- T es un conjunto finito de símbolos, llamados **terminantes** o **alfabeto**, tal que  $N \cap T = \emptyset$
- P es un conjunto finito de reglas de producción, donde

$$P \subseteq ((N \cup T)^* - T^*) \times (N \cup T)^*$$

Definición 1. Una gramática se dice:

(a) regular si cada producción es de la forma:  $A \to a$  o  $A \to aB$  o  $A \to \lambda$  donde  $A, B \in N$  y  $a \in T$ ,

## Gramáticas regulares (tipo 3)

- Las gramáticas regulares o de tipo 3, también llamadas lineales, pueden ser clasificadas como derechas o izquierdas.
- Las reglas de producción de una gramática regular derecha se adhieren a las siguientes restricciones:
  - El lado izquierdo debe consistir en un solo no terminal.
  - El lado derecho está formado por un símbolo terminal, que puede estar seguido (o no) por un símbolo no terminal, o la cadena vacía.
- Es decir, las producciones de una gramática regular derecha pueden tener la forma:

$$A
ightarrow a$$
  $A
ightarrow aB$   $A
ightarrow \lambda$ 

donde  $A, B \in N$  y  $a \in T$ .

## Gramáticas regulares (tipo 3)

 Alternativamente, en una gramática regular izquierda las reglas de producción son de la forma:

$$egin{aligned} A &
ightarrow a \ A &
ightarrow Ba \ A &
ightarrow \lambda \end{aligned}$$

• Por ejemplo, reglas de la forma:

$$yW \to x$$
$$X \to xZy$$
$$YX \to WvZ$$

no están permitidas en una gramática regular. (¿Por qué?)

- Se puede convertir toda gramática regular derecha en izquierda y recíprocamente.
- (b) *libre* (o independiente) de contexto si cada producción es de la forma  $A \to \delta$  donde  $A \in N$  y  $\delta \in (N \cup T)^*$
- (c) sensible al contexto si cada producción es de la forma  $aA\beta \to \alpha\delta\beta$  donde  $A \in N, \alpha, \beta \in (N \cup T)^*$  y  $\delta \in (N \cup T)^+$ ,
- (d) estructurada por frases o irrestricta si no tiene restricciones sobre la forma de sus producciones, es decir si son de la forma

$$\alpha \to \delta$$
 donde  $\alpha \in (N \cup T)^* - T^*$   $y$   $\delta \in (N \cup T)^*$ 

- 1. Clasifique cada una de las siguientes gramáticas (dando su tipo más restrictivo):
  - a)  $T = \{a, b\}, N = \{\sigma, A\}$ , símbolo inicial  $\sigma$ , y producciones

$$\sigma \to b\sigma, \sigma \to aA, A \to a\sigma,$$

$$A \to bA, A \to a, \sigma \to b$$

Regular.

b)  $T = \{a, b, c\}, N = \{\alpha, A, B\}$ , símbolo inicial  $\sigma$ , y producciones

$$\sigma \to AB, AB \to BA, A \to aA,$$
 
$$B \to Bb, A \to a, B \to b$$

Sensible al contexto.

c)  $T = \{a, b\}, N = \{\sigma, A, B\}$ , simbolo inicial  $\sigma$  y producciones:

$$\sigma \to A, \quad \sigma \to AAB, \quad Aa \to ABa, \quad A \to aa,$$
 
$$Bb \to ABb, \quad AB \to ABB, \quad B \to b.$$

Sensible al contexto.

d)  $T=\{a,b,c\}, N=\{\sigma,A,B\},$  símbolo inicial  $\sigma,$  y producciones:

$$\sigma \to BAB, \quad \sigma \to ABA, \quad A \to AB, \quad B \to BA,$$
 
$$A \to aA, \quad Aab, \quad B \to b.$$

Independiente de contexto.