- Una gramática posee los siguientes símbolos:
  - inicial.
  - ▶ no terminales (son estructuras intermedias), y
  - ▶ terminales (son elementos del alfabeto).

**Definición: Gramática** es una tupla:  $(N, T, P, \sigma)$  donde:

- N es un conjunto finito de símbolos llamados **no terminantes**.
- T es un conjunto finito de símbolos, llamados **terminantes** o **alfabeto**, tal que  $N \cap T = \emptyset$
- P es un conjunto finito de reglas de producción, donde

$$P \subseteq ((N \cup T)^* - T^*) \times (N \cup T)^*$$

Obs.:

 $(N \cup T)^* - T^*$  es el conjunto de cadenas de no terminales y terminales que contienen al menos un no terminal. Dado que  $\lambda \notin (N \cup T)^* - T^*$  no puede haber reglas del tipo  $\lambda \to \beta$ .

- (N∪T)\* es el conjunto de cadenas sobre N∪T.
- ▶ A una producción de la forma  $(\alpha, \beta)$  la notaremos  $\alpha \to \beta$ .
- ▶ Una regla del tipo  $\alpha \to \lambda$  recibe el nombre de **regla**  $\lambda$ .
- $\sigma \in N$  es el símbolo inicial

$$G_1 = (N, T, P, \sigma)$$

donde:

- $N = {\sigma}$
- $T = \{a, b\}$
- ► P está dado por las reglas de producción:

$$\sigma \rightarrow a\sigma bb$$

$$\sigma 
ightarrow abb$$

 $ightharpoonup \sigma$  es el símbolo inicial

## Definición 1. Una gramática se dice:

(a) regular si cada producción es de la forma:  $A \to a$  o  $A \to aB$  o  $A \to \lambda$  donde  $A, B \in N$  y  $a \in T$ ,

## Gramáticas regulares (tipo 3)

- Las gramáticas regulares o de tipo 3, también llamadas lineales, pueden ser clasificadas como derechas o izquierdas.
- Las reglas de producción de una gramática regular derecha se adhieren a las siguientes restricciones:
  - ► El lado izquierdo debe consistir en un solo no terminal.
  - El lado derecho está formado por un símbolo terminal, que puede estar seguido (o no) por un símbolo no terminal, o la cadena vacía.
- Es decir, las producciones de una gramática regular derecha pueden tener la forma:

$$A \rightarrow a$$

A o aB

 $A \rightarrow \lambda$ 

donde  $A, B \in N$  y  $a \in T$ .

## Gramáticas regulares (tipo 3)

 Alternativamente, en una gramática regular izquierda las reglas de producción son de la forma:

$$A 
ightarrow \hat{\epsilon}$$

$$A \rightarrow \lambda$$

• Por ejemplo, reglas de la forma:

$$yVV \rightarrow x$$

$$X \rightarrow xZy$$

$$YX \rightarrow WvZ$$

no están permitidas en una gramática regular. (¿Por qué?)

 Se puede convertir toda gramática regular derecha en izquierda y recíprocamente.

- (b) *libre* (o independiente) de contexto si cada producción es de la forma  $A \to \delta$  donde  $A \in N$  y  $\delta \in (N \cup T)^*$ . Otra definición:
  - Como en las regulares, el lado izquierdo debe consistir en un solo no terminal.
  - A diferencia de las regulares, no hay restricciones sobre la forma del lado derecho.
  - Es decir, las reglas de producción tienen la forma:

$$A \rightarrow \delta$$

donde  $A \in N$  y  $\delta \in (N \cup T)^*$ .

- El término independiente del contexto hace referencia a que, debido a que en el lado izquierdo el no terminal aparece solo, la regla se puede aplicar sin importar el contexto en que aparezca dicho no terminal.
- En contraste, la regla xNy → xzy permite reemplazar el no terminal N por z sólo cuando se encuentre en el contexto de x e y.

## Gramáticas independientes del contex

- $\bullet$  Dado que no hay restricciones sobre la forma de ocurrir que  $\delta$  contenga más de un no terminal, co
- Pero ¿cuál de los no terminales reemplazamos en
- El enfoque más común es el de la derivación po consiste en reemplazar el no terminal situado má
- Análogamente, se podría aplicar derivación por la algún otro patrón.
- Resulta ser que el orden en que se apliquen las re determinación de si una cadena puede ser genera o no.
- Esto es consecuencia de que si existe una derivación para cadena, entonces también existe una derivación para genera.
- (c) sensible al contexto si cada producción es de la forma  $aA\beta \to \alpha\delta\beta$  donde  $A \in N, \alpha, \beta \in (N \cup T)^*$  y  $\delta \in (N \cup T)^+$ . Otra definición:
- (d) estructurada por frases o irrestricta si no tiene restricciones sobre la forma de sus producciones, es decir si son de la forma

$$\alpha \to \delta$$
 donde  $\alpha \in (N \cup T)^* - T^*$   $y$   $\delta \in (N \cup T)^*$ 

- 1. Clasifique cada una de las siguientes gramáticas (dando su tipo más restrictivo):
  - a)  $T = \{a, b\}, N = \{\sigma, A\}$ , símbolo inicial  $\sigma$ , y producciones

$$\sigma \to b\sigma, \sigma \to aA, A \to a\sigma,$$

$$A \to bA, A \to a, \sigma \to b$$

Regular.

b)  $T = \{a, b, c\}, N = \{\alpha, A, B\}$ , símbolo inicial  $\sigma$ , y producciones

$$\sigma \to AB, AB \to BA, A \to aA,$$

$$B \to Bb, A \to a, B \to b$$

Sensible al contexto.

c)  $T = \{a, b\}, N = \{\sigma, A, B\}$ , simbolo inicial  $\sigma$  y producciones:

$$\sigma \to A$$
,  $\sigma \to AAB$ ,  $Aa \to ABa$ ,  $A \to aa$ ,

$$Bb \to ABb$$
,  $AB \to ABB$ ,  $B \to b$ .

Sensible al contexto.

d)  $T = \{a, b, c\}, N = \{\sigma, A, B\}$ , símbolo inicial  $\sigma$ , y producciones:

$$\sigma \to BAB$$
,  $\sigma \to ABA$ ,  $A \to AB$ ,  $B \to BA$ ,

$$A \to aA$$
,  $Aab$ ,  $B \to b$ .

Independiente de contexto (libre).