

# **Отчёт по лабораторной работе №5**

## **Компьютерный практикум по статистическому анализу**

### **данных**

#### **Построение графиков**

Выполнил: Зиязетдинов Алмаз Радикович,  
НПИбд-01-22, 1132222010

#### **Содержание**

## **1 Цель работы**

Основная цель работы — освоить синтаксис языка Julia для построения графиков.

## **2 Выполнение лабораторной работы**

### **2.1 Основные пакеты для работы с графиками в Julia**

Julia поддерживает несколько пакетов для работы с графиками. Использование того или иного пакета зависит от целей, преследуемых пользователем при построении. Стандартным для Julia является пакет Plots.jl.

Рассмотрим построение графика функции  $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$  разными способами (рис. 1 - (рис. 2):

## 1. Основные пакеты для работы с графиками в Julia

```
[1]: using Plots  
# Задание функции:  
f(x) = (3x.^2 + 6x .- 9).*exp.(-0.3x)  
# Генерация массива значений x в диапазоне от -5 до 10 с шагом 0,1:  
x = collect(range(-5, 10, length=151))  
# Генерация массива значений y:  
y = f(x)  
# Указываем, что для построения графика используется gr():  
gr()  
# Построение графика:  
plot(x, y,  
      title="Graph of the Function f(x)",           # Заголовок графика  
      xlabel="x-axis (Input)",                      # Подпись оси x  
      ylabel="y-axis (Output)",                     # Подпись оси y  
      label="f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^-0.3x",       # Легенда  
      color="blue",                                # Цвет графика  
      lw=2,                                         # Толщина линии  
      grid=true)                                    # Включение сетки
```

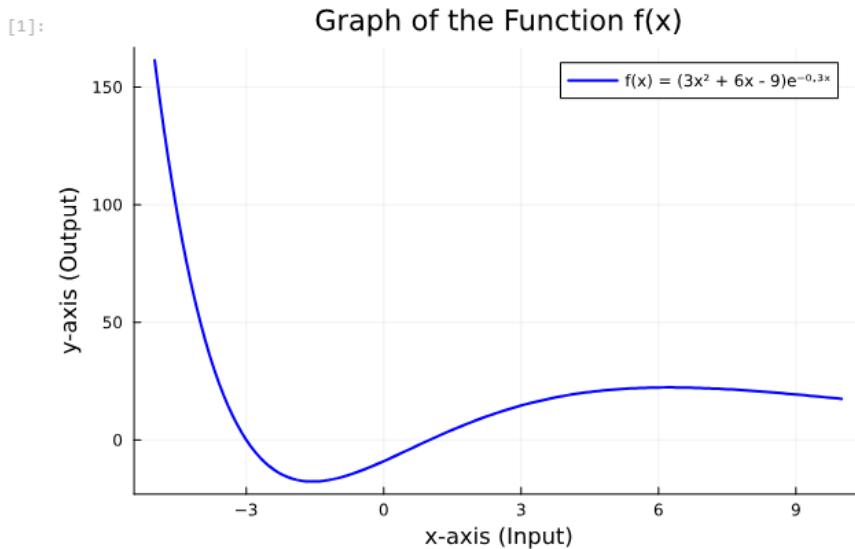


Рис. 1: График функции, построенный при помощи `gr()`

```
[3]: using Plots # Подключаем Plots

# Задание функции (поэлементные операции для векторов)
f(x) = (3x.^2 + 6x .- 9) .* exp.(-0.3x)
# Массив x от -5 до 10 с шагом 0.1 (151 точка)
x = collect(range(-5, 10, length=151))

# Массив y
y = f(x)
gr() # Включаем бэкенд gr() – работает без Python

# Построение графика с опциями
plot(x, y,
      title="График функции f(x)",
      xlabel="x - ось",
      ylabel="y - ось",
      label="f(x) = (3x2 + 6x - 9)-exp(-0.3x)",
      color=:blue,
      linewidth=2)
```

[3]:

График функции  $f(x)$

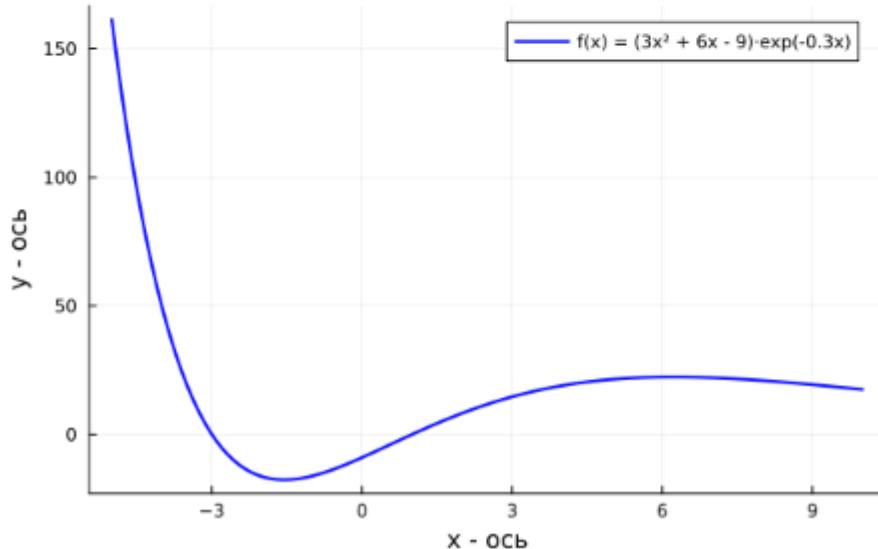


Рис. 2: График функции, построенный при помощи `pyplot()`

## 2.2 Опции при построении графика

На примере графика функции  $\sin(x)$  и графика разложения этой функции в ряд Тейлора рассмотрим дополнительные возможности пакетов для работы с графикой (рис. 3 - рис. 5):

Рис. 3: График функции  $\sin(x)$

```
[12]:  
# задание функции разложения исходной функции в ряд Тейлора:  
sin_taylor(x) = [(-1)^i*x^(2*i+1)/factorial(2*i+1) for i in 0:4] |> sum  
plot(sin_taylor,  
title="разложение исходной функции в ряд Тейлора",  
xlabel="Ось x",  
ylabel="Ось y",  
color="red")
```

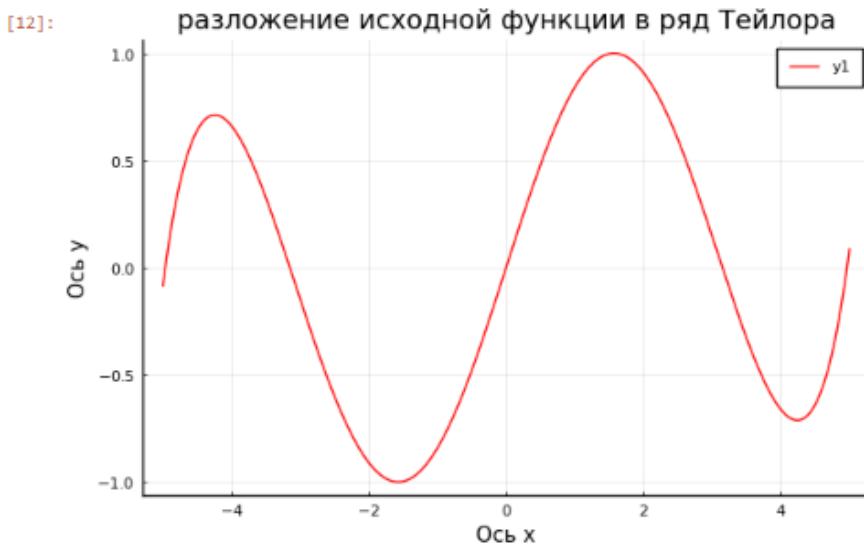
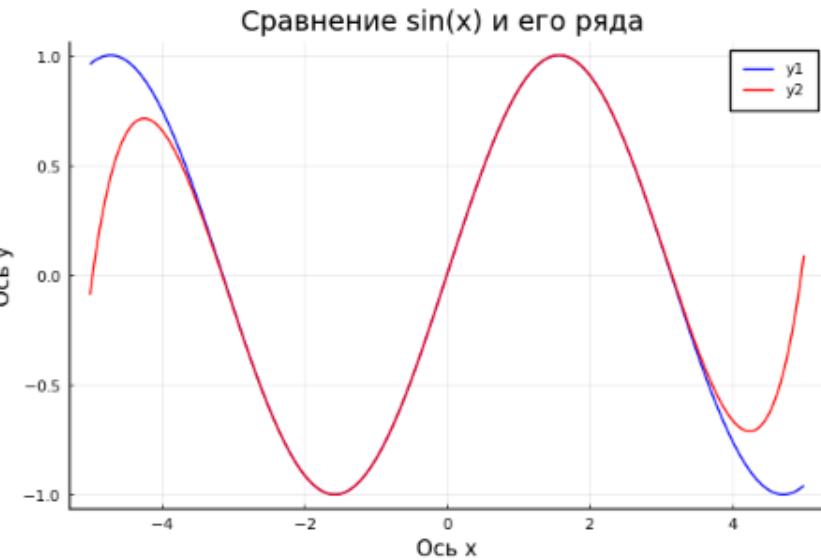


Рис. 4: График функции разложения исходной функции в ряд Тейлора

```
20]:  
# построение двух функций на одном графике:  
plot(sin_theor,  
label1="sin(x)",  
color="blue")  
plot!(sin_taylor,  
label1="Ряд Тейлора (5 членов)",  
color="red")  
)  
title!("Сравнение sin(x) и его ряда ")  
xlabel!("Ось x")  
ylabel!("Ось y")
```



*Рис. 5: Графики исходной функции и её разложения в ряд Тейлора*

Затем добавим различные опции для отображения на графике (рис. 6):

```

        s += (-1)^i * x^(2*i+1) / factorial(2*i+1)
    end
    return s
end

x = range(-5, 5, length=200)

plot(sin_taylor,
      label = "sin(x), разложение в ряд Тейлора",
      line = (:blue, 0.3, 6, :solid),
      size = (800, 500),
      xticks = (-5:0.5:5),
      yticks = (-1:0.1:1),
      xtickfont = font(12, "Times New Roman"),
      ytickfont = font(12, "Times New Roman"),
      ylabel = "y",
      xlabel = "x",
      title = "Разложение в ряд Тейлора",
      xrotation = rad2deg(pi/4),
      fillrange = θ,
      fillalpha = 0.5,
      fillcolor = :lightgoldenrod,
      background_color = :ivory)|

# === ДОБАВЛЕНИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ КРИВЫЙ ===
plot!(sin_theor,
      label = "sin(x), теоретическое значение",
      line = (:black, 1.0, 2, :dash))

```

:7]:

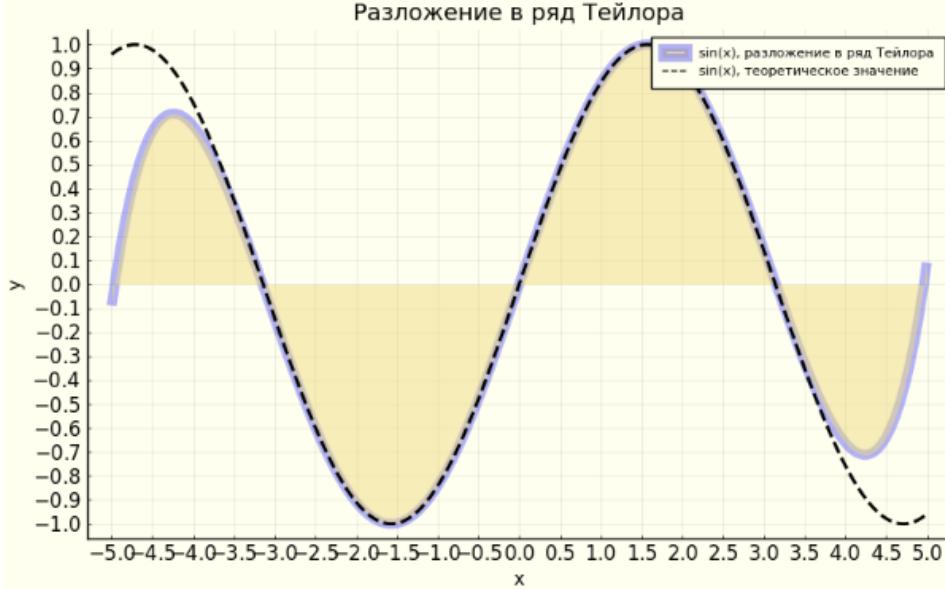


Рис. 6: Вид графиков после добавления опций при их построении

### 2.3 Точечный график

Как и при построении обычного графика для точечного графика необходимо задать массив значений  $\mathbb{x}$ , посчитать или задать значения  $y$ , задать опции построения графика (рис. 7):

```
[29]: # параметры распределения точек на плоскости:  
x = range(1,10,length=10)  
y = rand(10)  
# параметры построения графика:  
plot(x, y,  
      ylabel = "Ось y",  
      xlabel = "Ось x",  
      label= "Точки данных",  
      seriestype = :scatter,|  
      title = "Точечный график распределения"  
)
```

[29]: Точечный график распределения

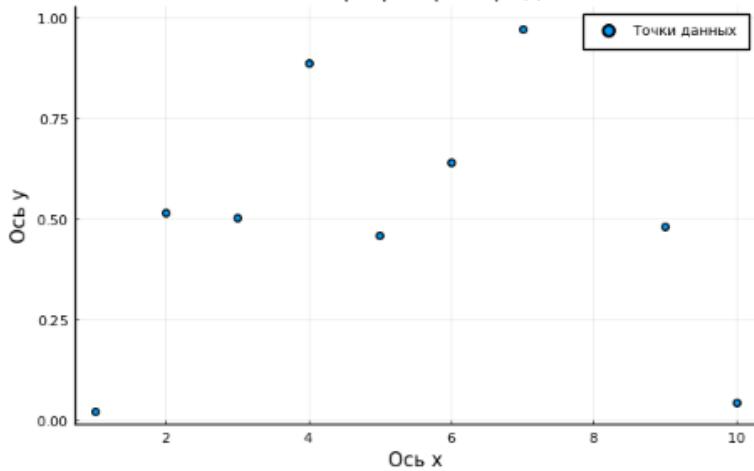


Рис. 7: График десяти случайных значений на плоскости (простой точечный график)

Для точечного графика можно задать различные опции, например размер маркера, его тип, цвет и т.п. (рис. 8):

```
[32]: n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
ms = rand(50) * 30
scatter(x, y,
       title="Точечный график с случайными размерами маркеров",
       ylabel = "Ось у",
       xlabel = "Ось х",
       label= "Точки данных",
       |
       markersize=ms)
```

[32]: Точечный график с случайными размерами маркеров

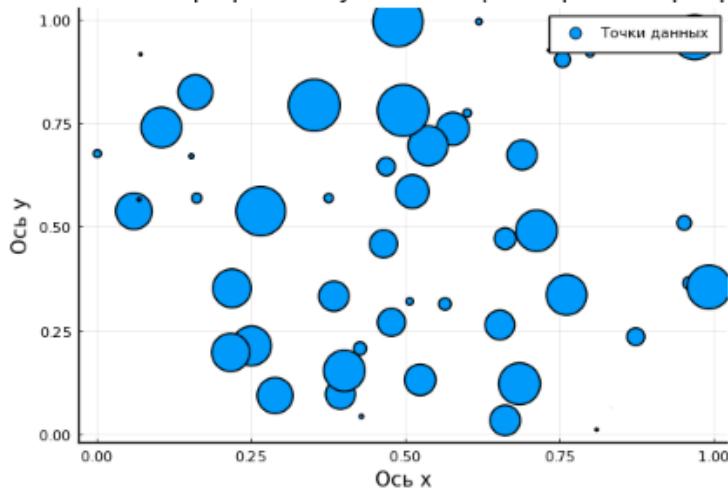


Рис. 8: График пятидесяти случайных значений на плоскости с различными опциями отображения (точечный график с кодированием значения размером точки)

Также можно строить и 3-мерные точечные графики (рис. 9):

```
[1]: # параметры распределения точек в пространстве:
n = 50
x = rand(n)
y = rand(n)
z = rand(n)
ms = rand(50) * 30
# параметры построения графика:
scatter(x, y, z,
       title="Точечный график в 3D",
       ylabel = "Ось y",
       xlabel = "Ось x",
       zlabel = "Ось z",
       label= "Точки данных",
       markersize=ms)
```

[1]: Точечный график в 3D

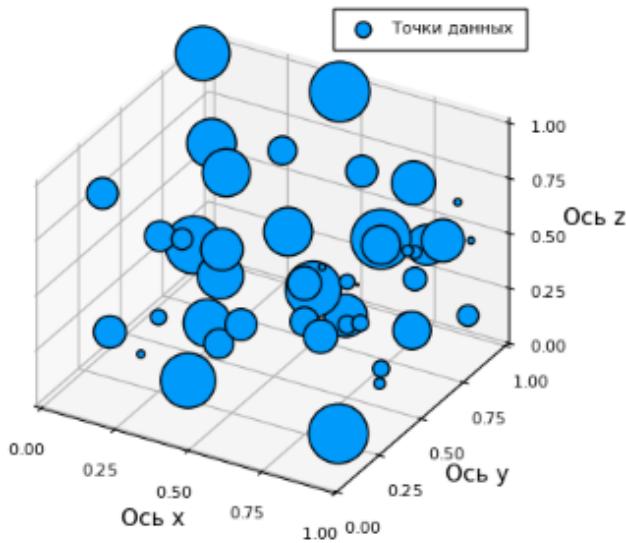


Рис. 9: График пятидесяти случайных значений в пространстве с различными опциями отображения (3-мерный точечный график с кодированием значения размером точки)

## 2.4 Аппроксимация данных

Аппроксимация — научный метод, состоящий в замене объектов их более простыми аналогами, сходными по своим свойствам.

Для демонстрации зададим искусственно некоторую функцию, в данном случае похожую по поведению на экспоненту (рис. 10):

#### ▼ 4. Аппроксимация данных

```
[10]: # Массив данных от 0 до 10 с шагом 0.01:  
x = collect(0:0.01:9.99)  
# Экспоненциальная функция со случайным сдвигом значений:  
y = exp.(ones(1000) + x) + 4000*randn(1000)  
# Построение графика:  
scatter(x, y,  
    markersize = 3,           # Размер маркеров  
    alpha = 0.8,             # Прозрачность маркеров  
    title = "График экспоненциальной функции с шумом", # Название графика  
    xlabel = "Переменная x", # Подпись оси X  
    ylabel = "Значения функции y", # Подпись оси Y  
    label = "Сдвиг с шумом", # Легенда для точек  
    color = :blue,            # Цвет точек  
    grid = true,              # Включение сетки  
    legend = :topright)       # Размещение легенды в правом верхнем углу
```

[10]: График экспоненциальной функции с шумом

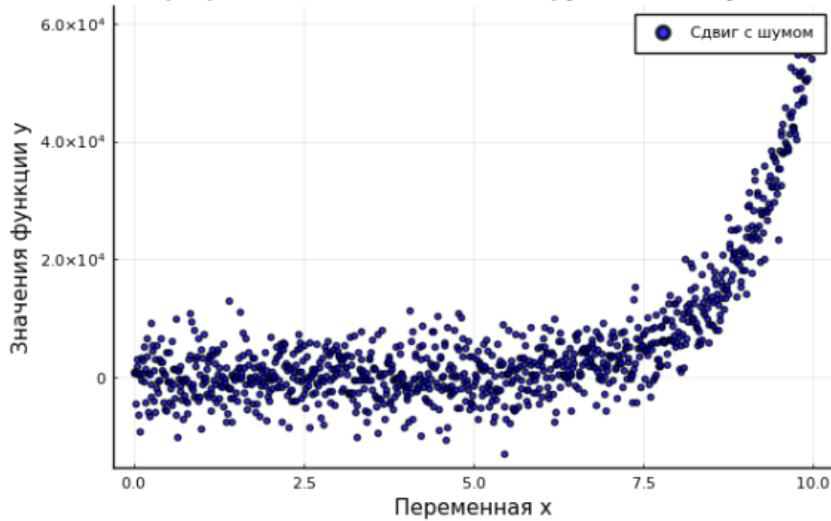
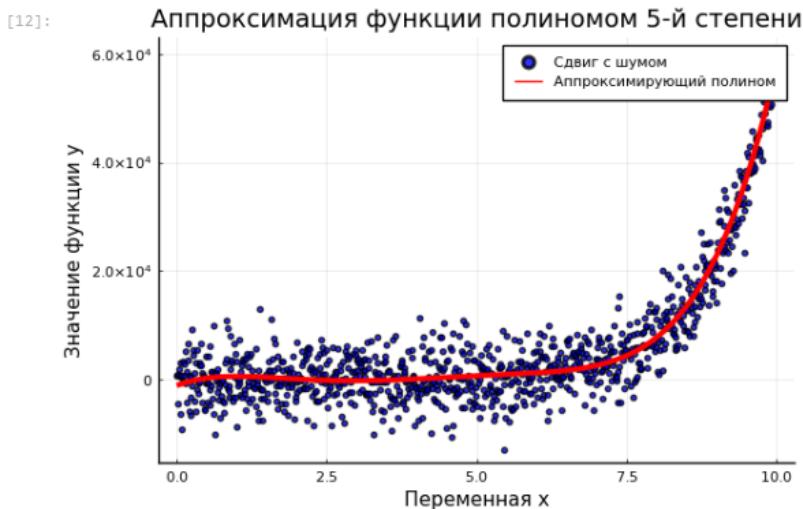


Рис. 10: Пример функции

Аппроксимируем полученную функцию полиномом 5-й степени (рис. 11):

```
[12]: # Определение массива для нахождения коэффициентов полинома:
A = [ones(1000) x.^2 x.^3 x.^4 x.^5]
# Решение матричного уравнения:
c = A\y
# Построение полинома (переименовали f в f_poly):
f_poly = c[1]*ones(1000) + c[2]*x + c[3]*x.^2 + c[4]*x.^3 + c[5]*x.^4 + c[6]*x.^5
# Построение графика аппроксимирующей функции:
plot!(x, f_poly,
      linewidth = 3,           # Толщина линии
      color = :red,            # Цвет линии
      title = "Аппроксимация функции полиномом 5-й степени", # Название графика
      xlabel = "Переменная x", # Подпись оси X
      ylabel = "Значение функции y", # Подпись оси Y
      label = "Аппроксимирующий полином", # Легенда для аппроксимирующей функции
      grid = true,              # Включение сетки
      legend = :topright)       # Размещение легенды в правом верхнем углу
```



*Рис. 11: Пример аппроксимации исходной функции полиномом 5-й степени*

## 2.5 Две оси ординат

Иногда требуется на один график вывести несколько траекторий с существенными отличиями в значениях по оси ординат.

Пример первой траектории (рис. 12):

## 5. Две оси ординат

```
[13]: # Пример случайной траектории
plot(randn(100),
      title="Случайная траектория", # Заголовок графика
      xlabel="Время (t)",          # Подпись оси X
      ylabel="y1",                 # Подпись оси Y
      label="Траектория 1",       # Название кривой в легенде
      leg=:topright,              # Легенда в верхнем правом углу
      grid = :off,                # Отключение сетки
      color=:blue,                # Цвет графика
      linewidth=2,                # Толщина линии
      markersize=3)               # Размер маркеров
```

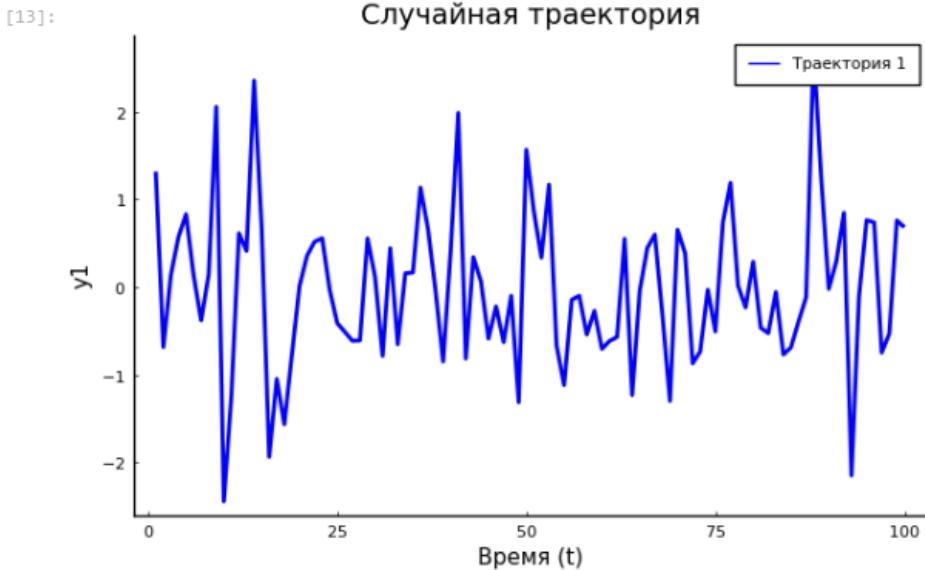


Рис. 12: Пример отдельно построенной траектории

## 2.6 Полярные координаты

Приведём пример построения графика функции в полярных координатах (рис. 13):

## 6. Полярные координаты

```
[15]: # Функция в полярных координатах
r(theta) = 1 + cos(theta) * sin(theta)^2
# Полярная система координат
theta = range(0, stop=2pi, length=50)
# Построение графика функции в полярных координатах
plot(theta, r(theta),
      proj=:polar,                      # Использование полярной проекции
      lims=(0, 1.5),                     # Ограничения по радиусу
      title="Полярная кривая",           # Заголовок графика
      xlabel="Угол (theta)",              # Подпись оси X (Угол)
      ylabel="Радиус (r)",               # Подпись оси Y (Радиус)
      label="r(theta) = 1 + cos(theta) * sin(theta)^2", # Легенда с назначением функции
      legend=:topright,                  # Позиция легенды в правом верхнем углу
      color=:blue,                      # Цвет графика
      linewidth=2,                      # Толщина линии
      grid=:on,                         # Включение сетки
      box=true                          # Включение рамки графика
)
```

```
[15]:
```

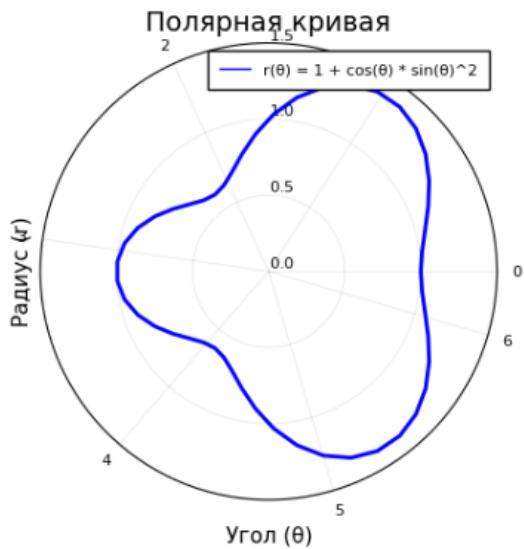


Рис. 13: График функции, заданной в полярных координатах

## 2.7 Параметрический график

Приведём пример построения графика параметрически заданной кривой на плоскости (рис. 14):

## 7. Параметрический график

### 7.1. Параметрический график кривой на плоскости

```
[19]: # Параметрическое уравнение
x_t(t) = sin(t)
y_t(t) = sin(2t)
# Построение графика
plot(x_t, y_t, 0, 2π,
      title="Параметрическая траектория", # Заголовок графика
      xlabel="sin(t)", # Подпись оси X
      ylabel="sin(2t)", # Подпись оси Y
      label="Траектория (x = sin(t), y = sin(2t))", # Легенда
      legend=:topright, # Расположение легенды
      fill=(0, :orange), # Заливка до оси X
      lw=2, # Толщина линии
      color=:blue, # Цвет графика
      grid=:on, # Включение сетки
)
```

[19]:

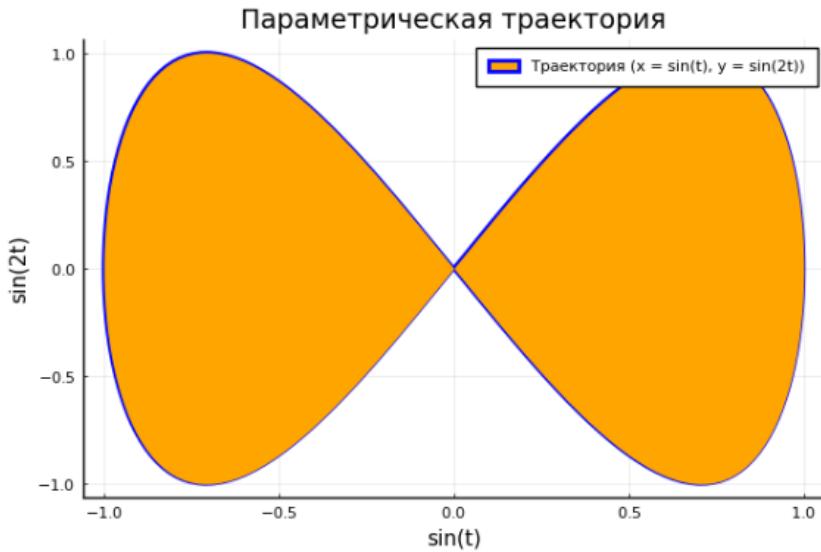


Рис. 14: Параметрический график кривой на плоскости

Далее приведём пример построения графика параметрически заданной кривой в пространстве (рис. 15):

## 7.2. Параметрический график кривой в пространстве

```
[23]: # Параметрическое уравнение
t = range(0, stop=10, length=1000)
x = cos.(t)
y = sin.(t)
z = sin.(5t)
# Построение графика
plot(x, y, z,
      title="Параметрическая 3D траектория", # Заголовок графика
      xlabel="x = cos(t)", # Подпись оси X
      ylabel="y = sin(t)", # Подпись оси Y
      zlabel="z = sin(5t)", # Подпись оси Z
      label="Траектория в 3D", # Название траектории в легенде
      legend=:topright, # Расположение легенды
      lw=2, # Толщина линии
      color=:blue, # Цвет графика
      grid=:on, # Включение сетки
)
```

[23]: Параметрическая 3D траектория

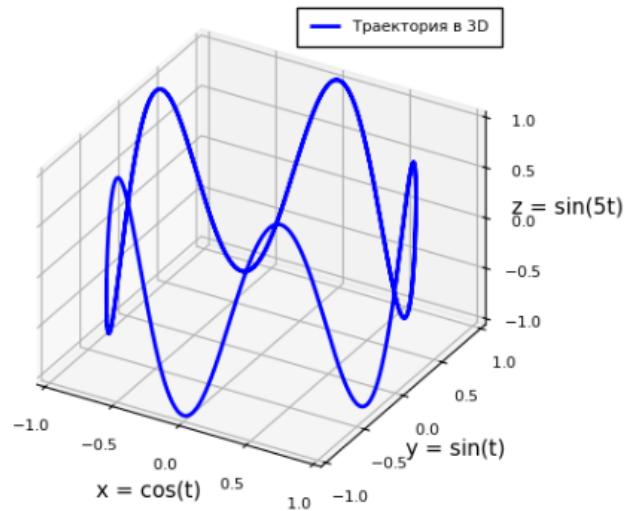


Рис. 15: Параметрический график кривой в пространстве

## 2.8 График поверхности

Для построения поверхности, заданной уравнением  $f(x, y) = x^2 + y^2$ , можно воспользоваться функцией `surface()` (рис. 16):

## ▼ 8. График поверхности

```
[26]: # Построение графика поверхности
f_xy(x, y) = x^2 + y^2
x = -10:10
y = x
# График поверхности
surface(x, y, f_xy,
        title="График поверхности: z = x^2 + y^2", # Заголовок
        xlabel="x", # Подпись оси X
        ylabel="y", # Подпись оси Y
        zlabel="z", # Подпись оси Z
        color=:viridis, # Цветовая схема
        legend=false, # Отключение легенды
        colorbar=true # Включение цветовой шкалы
)
```

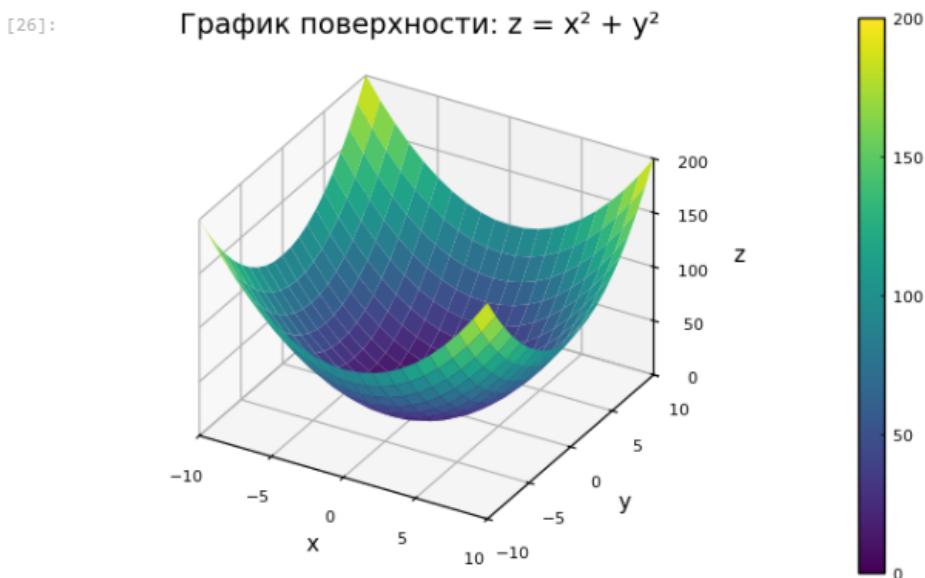


Рис. 16: График поверхности (использована функция `surface()`)

Также можно воспользоваться функцией `plot()` с заданными параметрами (рис. 17):

```
[28]: # Построение графика поверхности
f_xy(x, y) = x^2 + y^2
x = -10:10
y = x
# График поверхности в виде каркаса
plot(x, y, f_xy,
      linetype=:wireframe,           # Каркасный стиль графика
      title="График поверхности: z = x^2 + y^2", # Заголовок
      xlabel="x",                   # Подпись оси X
      ylabel="y",                   # Подпись оси Y
      zlabel="z",                   # Подпись оси Z
      legend=false                 # Отключение легенды
)
```

[28]: График поверхности:  $z = x^2 + y^2$

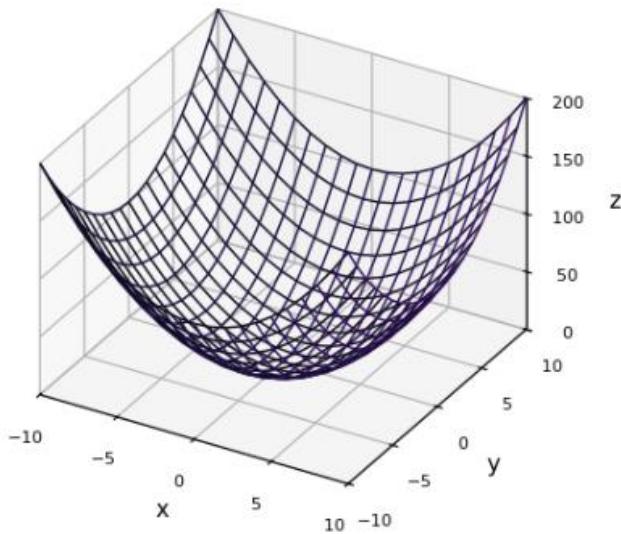


Рис. 17: График поверхности (использована функция `plot()`)

Можно задать параметры сглаживания (рис. 18):

```
[32]: # Определение функции поверхности
f_xy(x, y) = x^2 + y^2
# Диапазон значений для осей
x = -10:0.1:10
y = x
# Построение графика поверхности
plot(x, y, f_xy,
      linetype=:surface,           # Поверхностный график
      title="График поверхности: z = x^2 + y^2", # Заголовок графика
      xlabel="x",                  # Подпись оси X
      ylabel="y",                  # Подпись оси Y
      zlabel="z",                  # Подпись оси Z
      color=:viridis,             # Цветовая схема
      legend=false,               # Отключение легенды
      colorbar=true
)
```

[32]: График поверхности:  $z = x^2 + y^2$

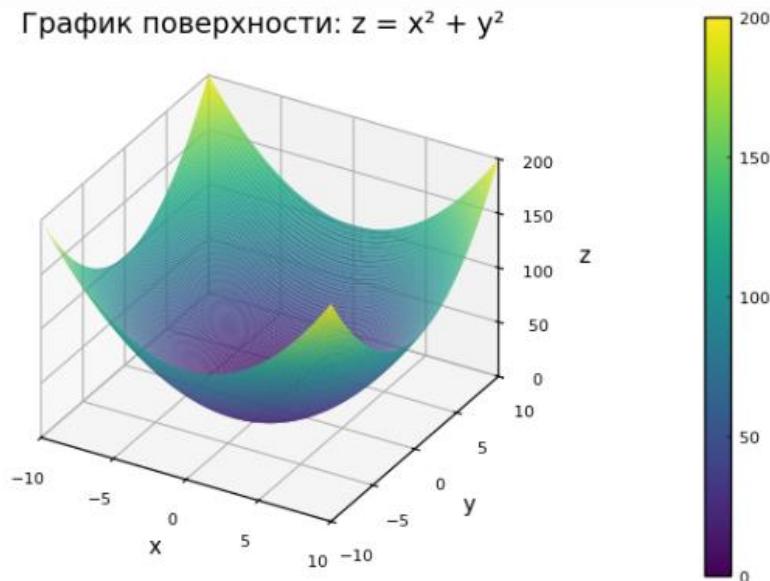


Рис. 18: Сглаженный график поверхности

Можно задать определённый угол зрения (рис. 19):

```
[35]: # Определение диапазонов значений для осей
x = range(-2, stop=2, length=100)
y = range(sqrt(2), stop=2, length=100)
# Определение функции поверхности
f_xy(x, y) = x * y - x - y + 1
# Построение графика поверхности
plot(x, y, f_xy,
    linetype=:surface,                      # Поверхностный график
    title="Поверхность: f(x, y) = xy - x - y + 1", # Заголовок графика
    xlabel="x",                             # Подпись оси X
    ylabel="y",                             # Подпись оси Y
    zlabel="z",                             # Подпись оси Z
    c=cgrad(:red, :blue)),                 # Градиент цвета
    camera=(-30, 30),                      # Угол обзора камеры
    legend=false,                          # Отключение легенды
    colorbar=true
)
```

[35]: Поверхность:  $f(x, y) = xy - x - y + 1$

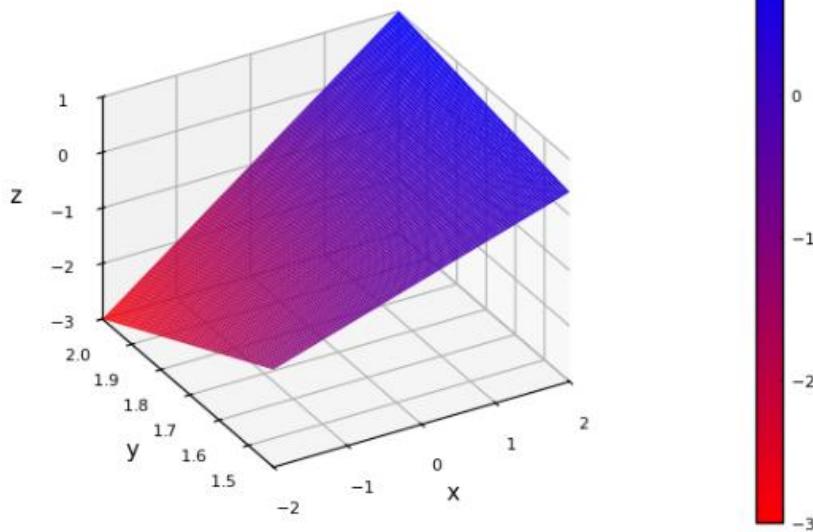


Рис. 19: График поверхности с изменённым углом зрения

## 2.9 Линии уровня

Линией уровня некоторой функции от двух переменных называется множество точек на координатной плоскости, в которых функция принимает одинаковые значения. Линий уровня бесконечно много, и через каждую точку области определения можно провести линию уровня.

С помощью линий уровня можно определить наибольшее и наименьшее значение исходной функции от двух переменных. Каждая из этих линий соответствует определённому значению высоты.

Поверхности уровня представляют собой непересекающиеся пространственные поверхности.

Рассмотрим поверхность, заданную функцией  $g(x, y) = (3x + y^2)|\sin(x) + \cos(y)|$  (рис. 20):

## 9. Линии уровня

```
[38]: # Определение диапазонов для x и y
x = 1:0.5:20
y = 1:0.5:10
# Определение функции поверхности
g(x, y) = (3x + y^2) * abs(sin(x) + cos(y))
# Построение графика поверхности
plot(x, y, g,
      linetype=:surface,                      # Поверхностный график
      title="Функция: g(x, y)",                # Заголовок графика
      xlabel="x",                             # Подпись оси X
      ylabel="y",                             # Подпись оси Y
      zlabel="z",                             # Подпись оси Z
      c=cgrad([:green, :yellow, :red]),       # Градиент цвета
      colorbar=true                           # Включение цветовой шкалы
)
```

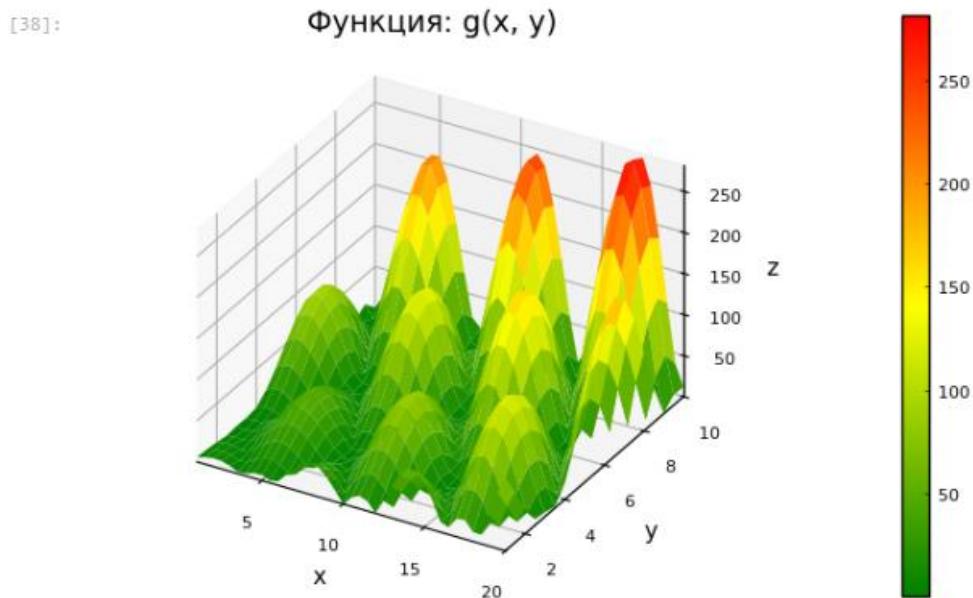


Рис. 20: График поверхности, заданной функцией  $g(x, y) = (3x + y^2)/|\sin(x) + \cos(y)|$

Линии уровня можно построить, используя проекцию значений исходной функции на плоскость (рис. 21):

```
[40]: # Построение контурного графика
contour(x, y, g,
        title="Контурный график функции g(x, y)", # Заголовок
        xlabel="x", # Подпись оси X
        ylabel="y", # Подпись оси Y
        color=:viridis, # Цветовая схема
        lw=1.5 # Толщина линий
)
```

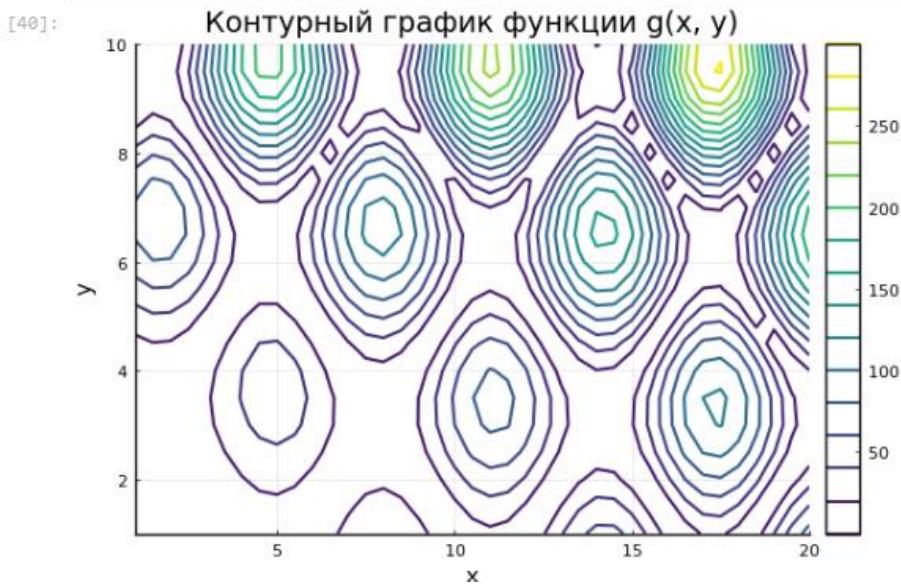
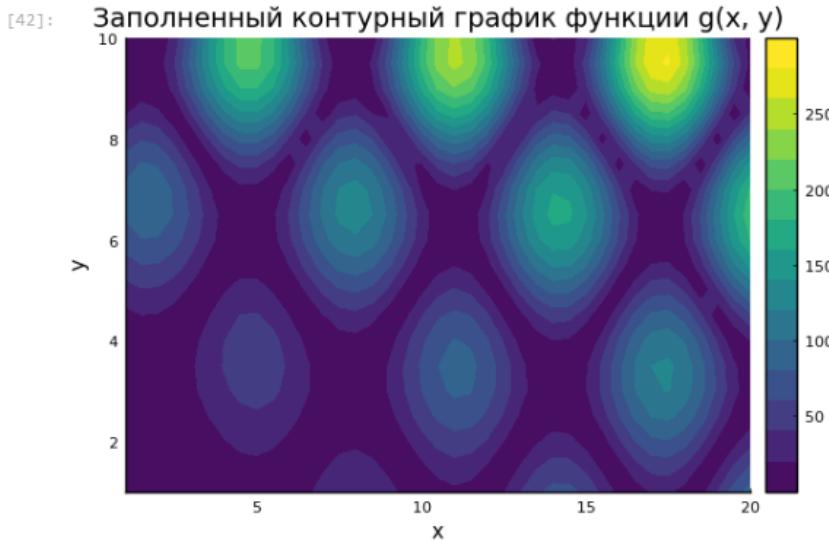


Рис. 21: Линии уровня

Можно дополнительно добавить заливку цветом (рис. 22):

```
[42]: p = contour(x, y, g,
                 title="Заполненный контурный график функции g(x, y)", # Заголовок
                 xlabel="x", # Подпись оси X
                 ylabel="y", # Подпись оси Y
                 fill=true, # Заполнение области между уровнями
                 color=:viridis, # Цветовая схема
                 legend=false, # Отключение отдельной легенды
                 colorbar=true
              )
```



*Рис. 22: Линии уровня с заполнением*

## 2.10 Векторные поля

Если каждой точке некоторой области пространства поставлен в соответствие вектор с началом в данной точке, то говорят, что в этой области задано векторное поле.

Векторные поля задают векторными функциями.

Для функции  $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$  сначала построим её график (рис. 23) и линии уровня (рис. 24):

## 10. Векторные поля

```
[45]: # Определение переменных
X = range(-2, stop=2, length=100)
Y = range(-2, stop=2, length=100)
# Определение функции
h(x, y) = x^3 - 3x + y^2
# Построение поверхности
plot(X, Y, h,
    linetype = :surface,           # Тип графика: поверхность
    title = "График функции h(x, y)", # Заголовок графика
    xlabel = "X",                  # Подпись оси X
    ylabel = "Y",                  # Подпись оси Y
    zlabel = "h(x, y)",            # Подпись оси Z (значения функции)
    color = :plasma,              # Цветовая схема
    legend = false,                # Отключение легенды (если она не нужна)
    grid = true,                  # Включение сетки
    colorbar=true
)
```

[45]: График функции  $h(x, y)$

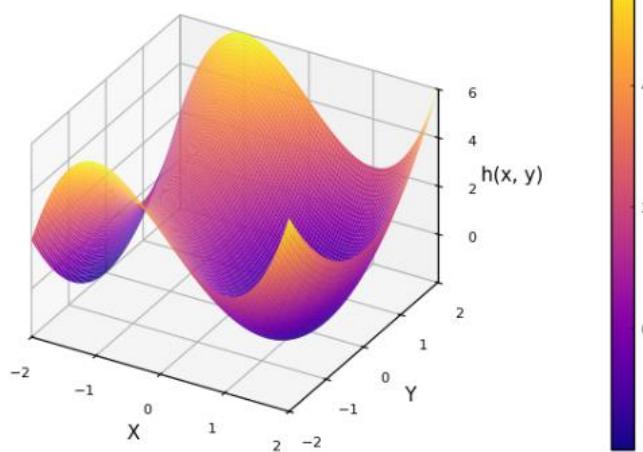


Рис. 23: График функции  $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$

```
[50]: # Построение линий уровня
contour(X, Y, h,
        title = "Линии уровня функции h(x, y)", # Заголовок графика
        xlabel = "X", # Подпись оси X
        ylabel = "Y", # Подпись оси Y
        color = :plasma, # Цветовая схема для контуров
        legend = false, # Отключение легенды (если не требуется)
        grid = true, # Включение сетки
        linewidth = 2, # Толщина линий
        colorbar=true
    )
```

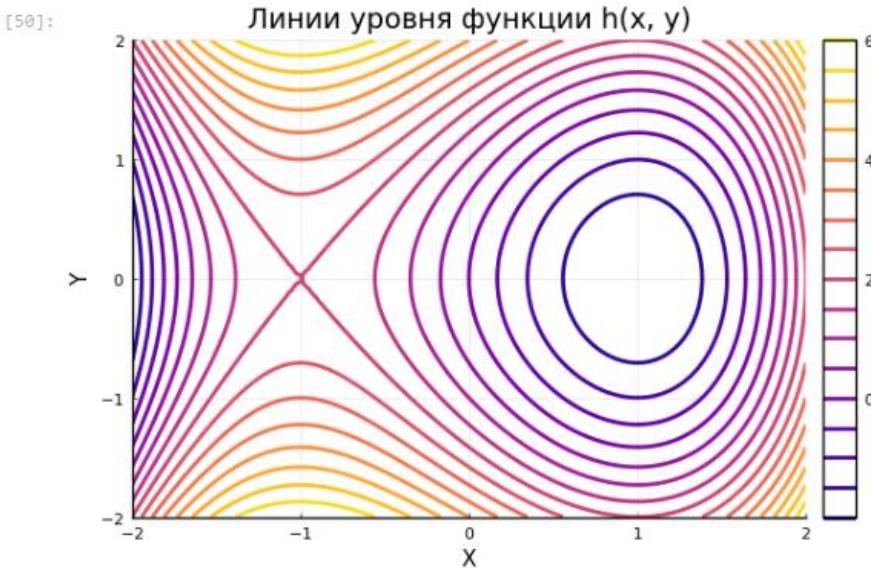


Рис. 24: Линии уровня для функции  $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$

Векторное поле можно охарактеризовать векторными линиями. Каждая точка векторной линии является началом вектора поля, который лежит на касательной в данной точке.

Для нахождения векторной линии требуется решить дифференциальное уравнение.

## 2.11 Анимация

Технически анимированное изображение представляет собой несколько наложенных изображений (или построенных в разных точках графиках) в одном файле.

В Julia рекомендуется использовать gif-анимацию в pyplot().

Строим поверхность (рис. 25):

## 11. Анимация

### 11.1. Gif-анимация

```
[61]: # построение поверхности:  
i = 0  
X = Y = range(-5,stop=5,length=40)  
surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+10sin(i))+cos(y))
```

[61]:

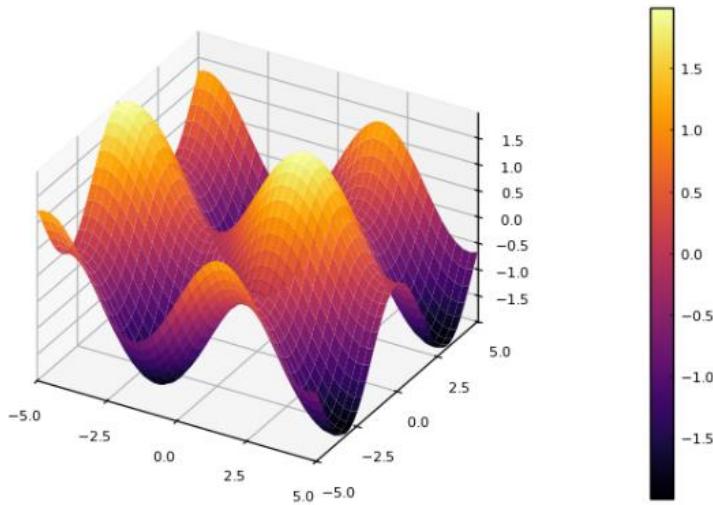


Рис. 25: Статичный график поверхности

Добавляем анимацию (рис. 26):

```
[62]: # анимация:  
X = Y = range(-5,stop=5,length=40)  
@gif for i in range(0,stop=2π,length=100)  
surface(X, Y, (x,y) -> sin(x+10sin(i))+cos(y))  
end
```

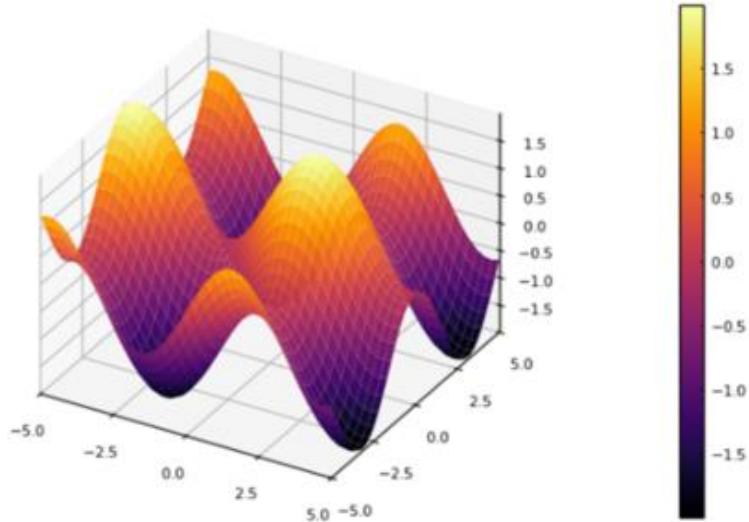


Рис. 26: Анимированный график поверхности

## 2.12 Гипоциклоида

Гипоциклоида — плоская кривая, образуемая точкой окружности, катящейся по внутренней стороне другой окружности без скольжения.

Построим большую окружность (рис. 27):

### 11.2. Гипоциклоида

```
[42]: # радиус малой окружности:  
radius = 1  
# коэффициент для построения большой окружности:  
k = 3  
# число отсчётов:  
n = 100  
# массив значений угла θ:  
# theta from 0 to 2pi (+ a little extra)  
θ = collect(0:2*π/100:2*π+2*π/100)  
# массивы значений координат:  
X = radius*k*cos.(θ)  
Y = radius*k*sin.(θ)  
# задаём оси координат:  
plt=plot(5,xlim=(-4,4),ylim=(-4,4), c=:red, aspect_ratio=1, legend=false, framestyle=:origin)  
# большая окружность:  
plot!(plt, X,Y, c=:blue, legend=false)
```

[42]:

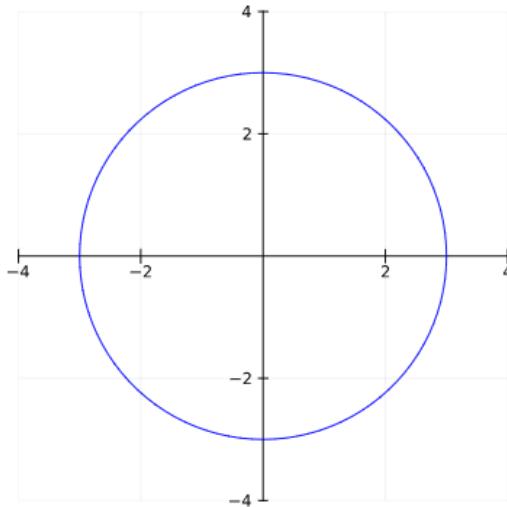
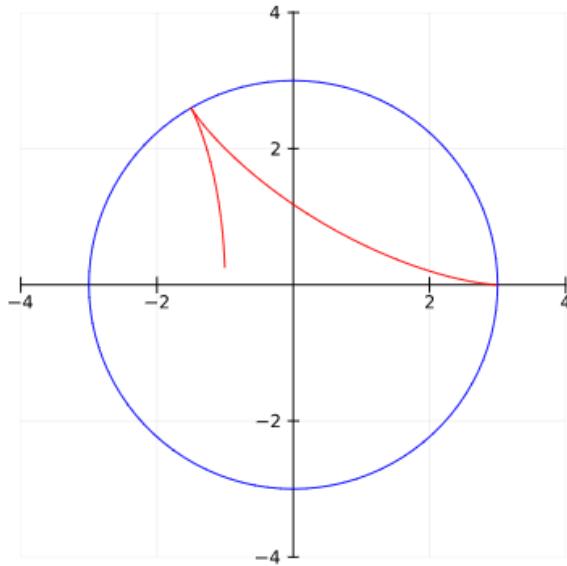


Рис. 27: Большая окружность гипоциклоиды

Для частичного построения гипоциклоиды будем менять параметр  $t$  (рис. 28):

```
[44]: i = 50
t = θ[1:i]
# гипоциклоида:
x = radius*(k-1)*cos.(t) + radius*cos.((k-1)*t)
y = radius*(k-1)*sin.(t) - radius*sin.((k-1)*t)
plot!(x,y, c=:red)
```

[44]:

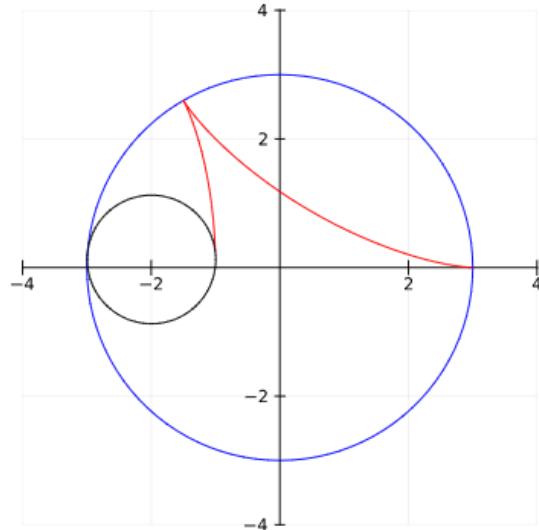


*Рис. 28: Половина пути гипоциклоиды*

Добавляем малую окружность гипоциклоиды (рис. 29):

```
[45]: # малая окружность:
xc = radius*(k-1)*cos(t[end]) .+ radius*cos.(θ)
yc = radius*(k-1)*sin(t[end]) .+ radius*sin.(θ)
plot!(xc,yc,c=:black)
```

[45]:



*Рис. 29: Малая окружность гипоциклоиды*

Добавим радиус для малой окружности (рис. 30):

```
[46]: # радиус малой окружности:  
x1 = transpose([radius*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])  
y1 = transpose([radius*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])  
plot!(x1,y1,markershape=:circle,markersize=4,c=:black)  
scatter!([x[end]],[y[end]],c=:red, markerstrokecolor=:red)
```

[46]:

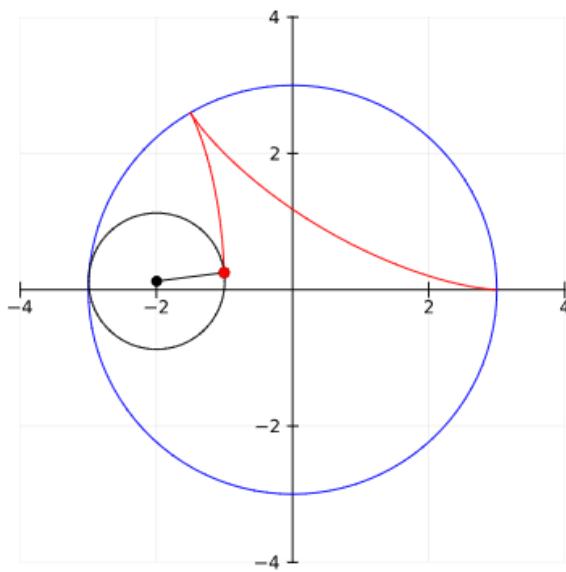


Рис. 30: Малая окружность гипоциклоиды с добавлением радиуса

В конце сделаем анимацию получившегося изображения (рис. 31):

```

# Анимация - исправлено: пробел в "for i" → "for i"
anim = @animate for i in 1:n
    # Задаём оси координат
    plt = plot(5, xlim=(-4,4), ylim=(-4,4), c=:red,
               aspect_ratio=1, legend=false, framestyle=:origin)

    # Большая окружность
    plot!(plt, X, Y, c=:blue, legend=false)

    t = θ[1:i]

    # Гипоциклоида
    x = r*(k-1)*cos.(t) + r*cos.((k-1)*t)
    y = r*(k-1)*sin.(t) - r*sin.((k-1)*t)
    plot!(x, y, c=:red)

    # Малая окружность
    xc = r*(k-1)*cos(t[end]) .+ r*cos.(θ)
    yc = r*(k-1)*sin(t[end]) .+ r*sin.(θ)
    plot!(xc, yc, c=:black)

    # Радиус малой окружности
    xl = transpose([r*(k-1)*cos(t[end]) x[end]])
    yl = transpose([r*(k-1)*sin(t[end]) y[end]])
    plot!(xl, yl, markershape=:circle, markersize=4, c=:black)

    scatter!([x[end]], [y[end]], c=:red, markerstrokecolor=:red)
end

# Сохраняем анимацию
gif(anim, "hypocycloid_full.gif", fps=30)

```

[19]:

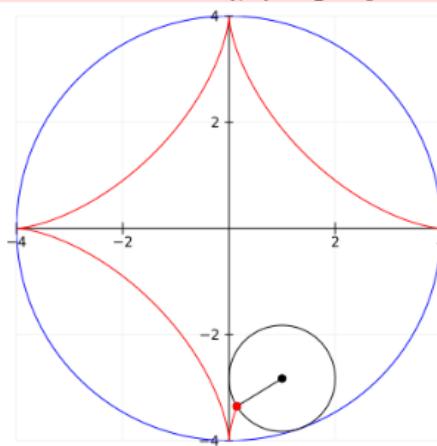


Рис. 31: Малая окружность гипоциклоиды с добавлением радиуса

## 2.13 Errorbars

В исследованиях часто требуется изобразить графики погрешностей измерения.

Построим график исходных значений (рис. 32):

▼ 12. Errorbars

```
[68]: using Statistics  
# Параметры  
sds = [1, 1/2, 1/4, 1/8, 1/16, 1/32]  
n = 10  
y = [mean(sd*randn(n)) for sd in sds]  
errs = 1.96 * sds / sqrt(n)  
# Построение графика  
plot(y,  
    ylims = (-1, 1),  
    title = "Средние значения с погрешностями",  
    xlabel = "Итерации",  
    ylabel = "Среднее значение",  
    label = "Среднее значение",  
    errorbars = errs,  
    legend = :topright,  
    linecolor = :blue,  
    linewidth = 2,  
    size = (600, 400)  
)
```

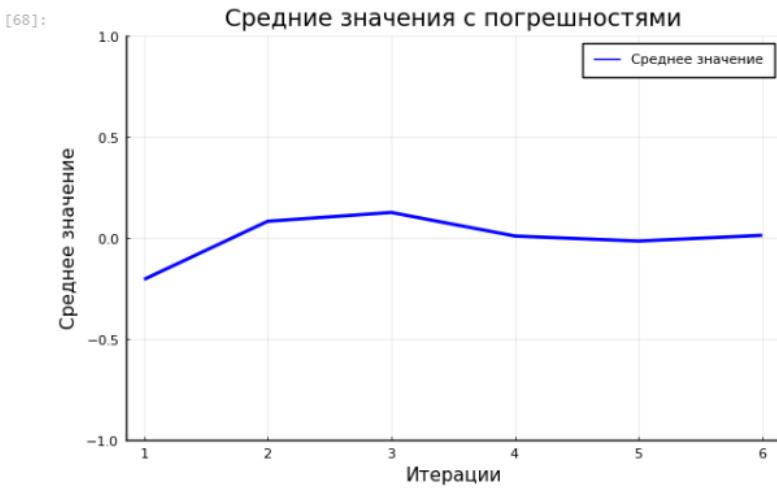


Рис. 32: График исходных значений

Построим график отклонений от исходных значений (рис. 33):

```
[78]: # Построение графика с ошибками и улучшениями
plot(y,
      ylims = (-1, 1),
      title = "Средние значения с погрешностями",
      xlabel = "Итерации",
      ylabel = "Среднее значение",
      label = "Среднее значение",
      err = errs,
      legend = :topright,
      linecolor = :blue,
      linewidth = 2
)
```

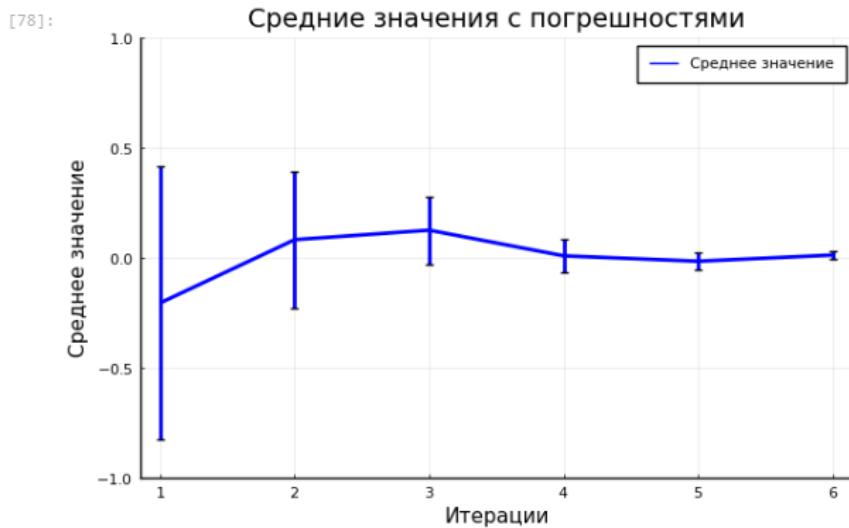


Рис. 33: График исходных значений с отклонениями

Повернём график (рис. 34):

```
[80]: plot(y, 1:length(y),
      xerr = errs,
      marker = stroke(3,:orange)
)
```

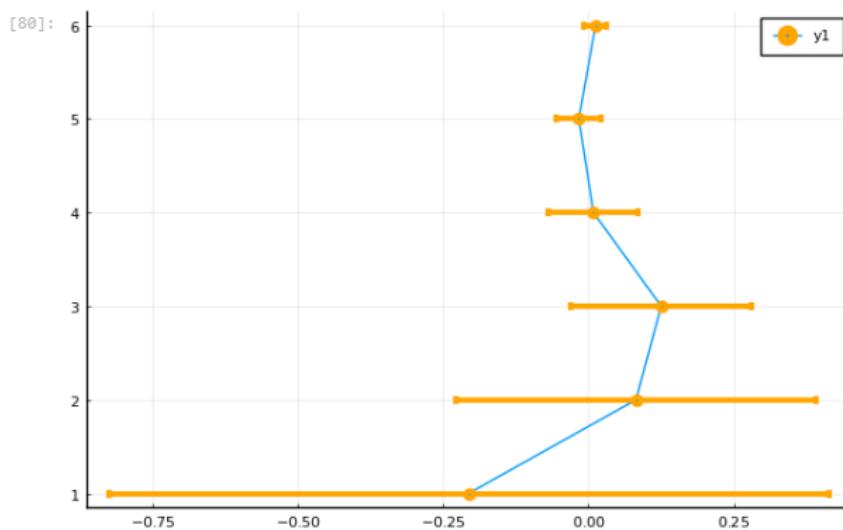


Рис. 34: Поворот графика

Заполним область цветом (рис. 35):

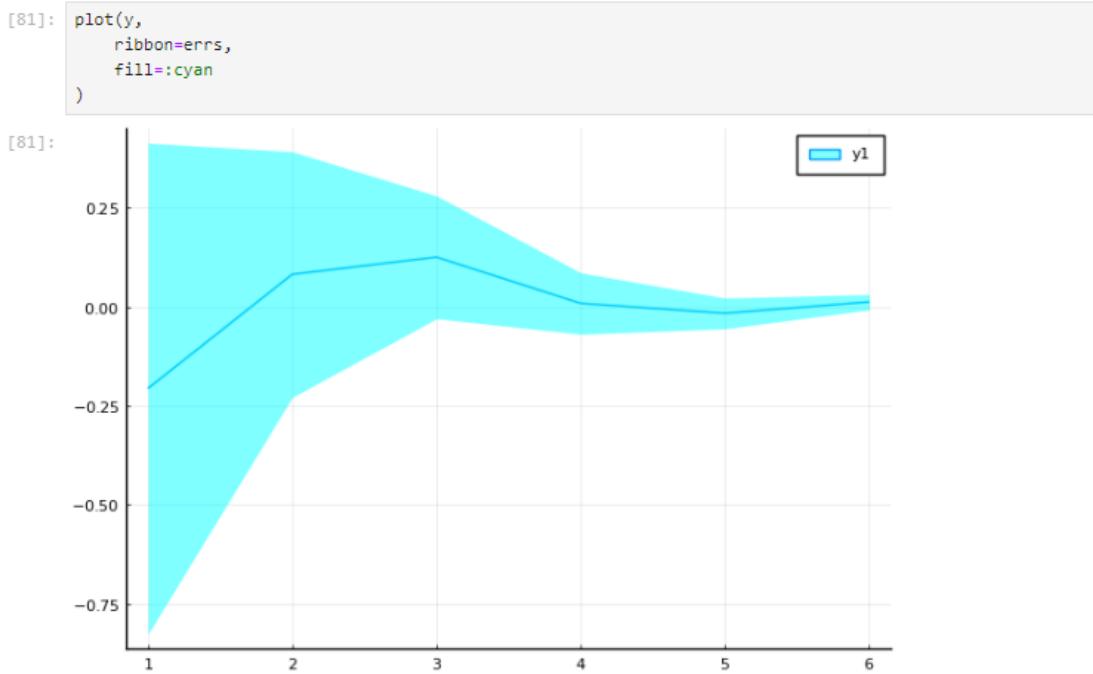


Рис. 35: Заполнение цветом

Можно построить график ошибок по двум осям (рис. 36):

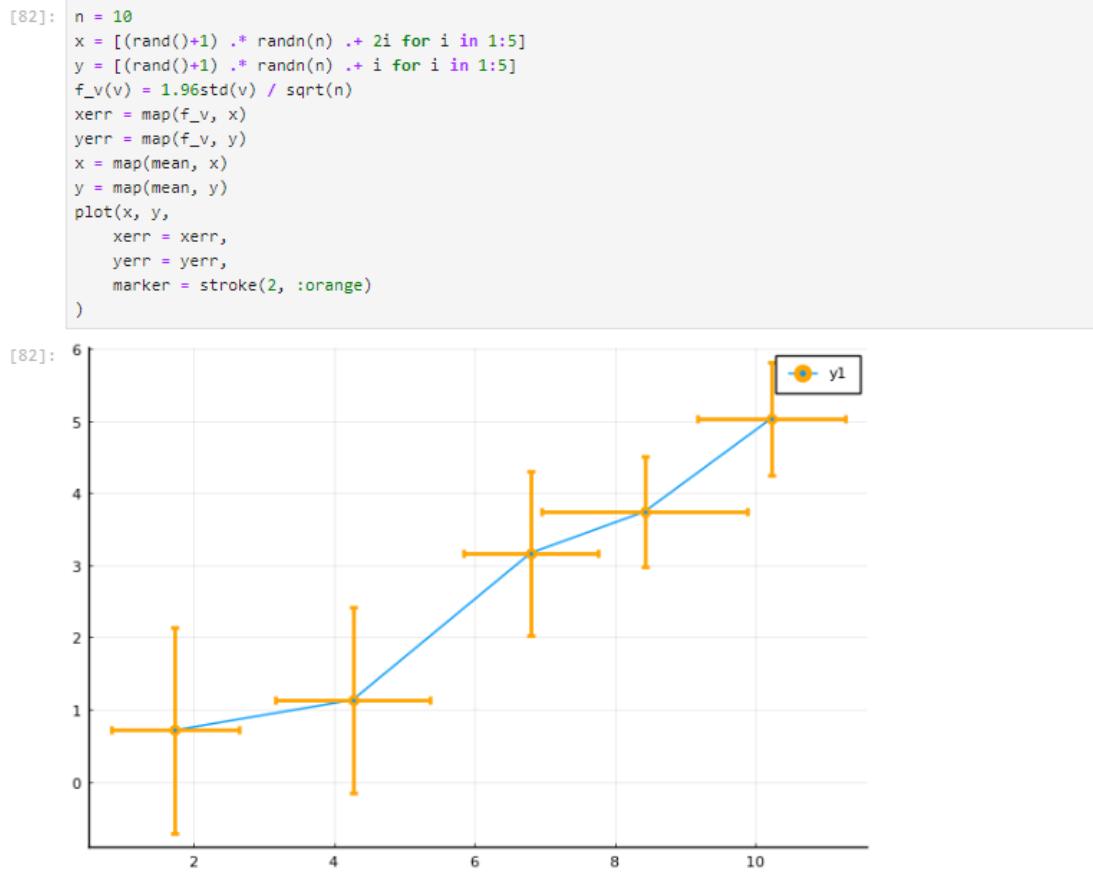


Рис. 36: График ошибок по двум осям

Можно построить график асимметричных ошибок по двум осям (рис. 37):

```
[83]: plot(x, y,
         xerr = (0.5*xerr, 2*xerr),
         yerr = (0.5*yerr, 2*yerr),
         marker = stroke(2, :orange)
     )
```

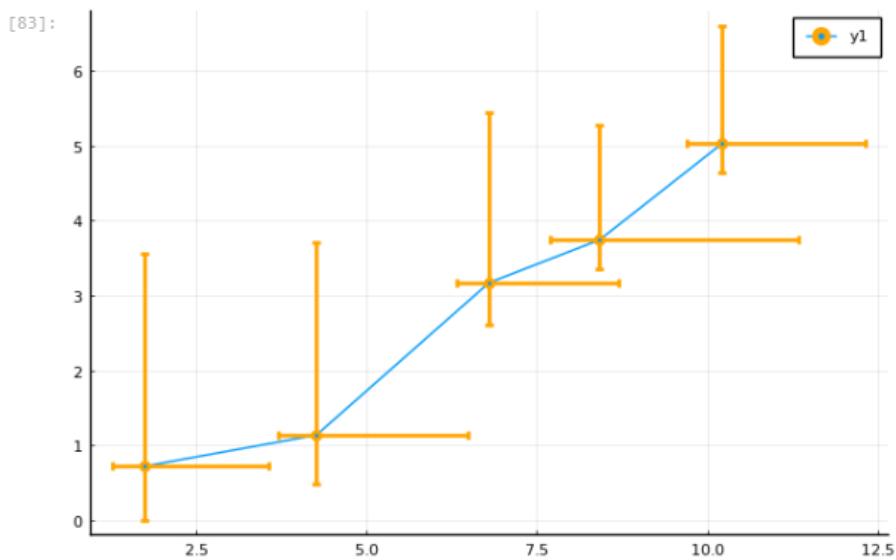


Рис. 37: График асимметричных ошибок по двум осям

## 2.14 Использование пакета Distributions

Строим гистограмму (рис. 38):

### ▼ 13. Использование пакета Distributions

```
[85]: using Distributions  
pyplot()  
ages = rand(15:55,1000)  
histogram(ages)
```

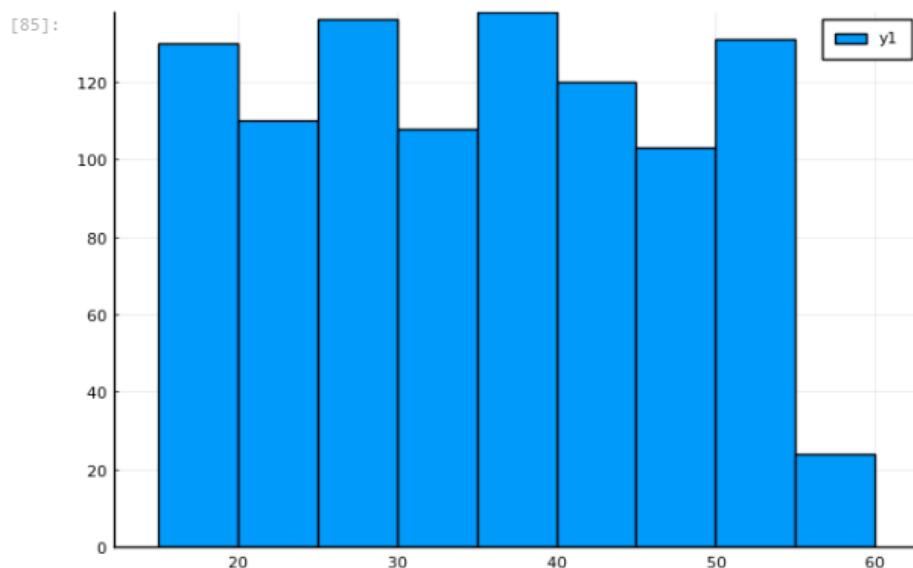


Рис. 38: Гистограмма, построенная по массиву случайных чисел

Задаём нормальное распределение и строим гистограмму (рис. 39):

```
[86]: d=Normal(35.0,10.0)  
ages = rand(d,1000)  
histogram(  
    ages,  
    label="Распределение по возрастам (года)",  
    xlabel = "Возраст (лет)",  
    ylabel= "Количество"  
)
```

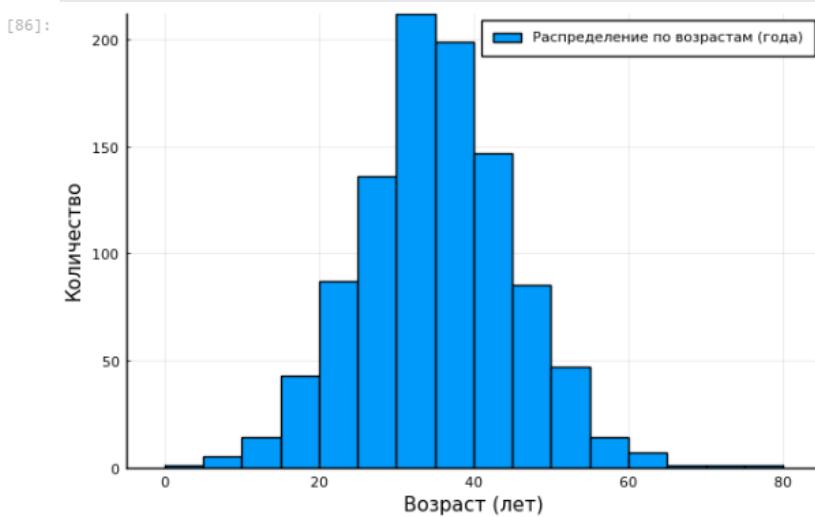
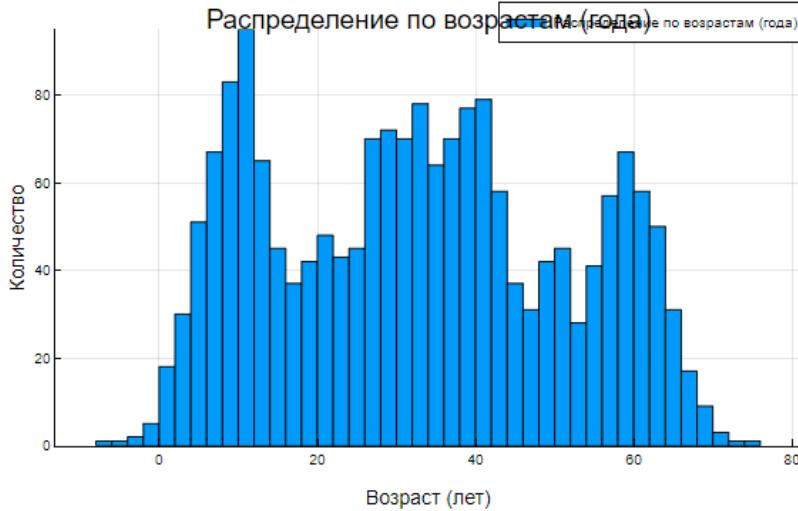


Рис. 39: Гистограмма нормального распределения

Далее применим для построения нескольких гистограмм распределения людей по возрастам на одном графике plotly() (рис. 40):

```
[89]: plotly()
    d1=Normal(10.0,5.0);
    d2=Normal(35.0,10.0);
    d3=Normal(60.0,5.0);
    N=1000;
    ages = (Float64)[];
    ages = append!(ages,rand(d1,Int64(ceil(N/2))));
    ages = append!(ages,rand(d2,N));
    ages = append!(ages,rand(d3,Int64(ceil(N/3))));
    histogram(
        ages,
        bins=50,
        label="Распределение по возрастам (года)",
        xlabel = "Возраст (лет)",
        ylabel= "Количество",
        title = "Распределение по возрастам (года")
)
```

[89]:



*Рис. 40: Гистограмма распределения людей по возрастам*

## 2.15 Подграфики

Определим макет расположения графиков. Команда `layout` принимает кортеж `layout = (N, M)`, который строит сетку графиков NxM. Например, если задать `layout = (4,1)` на графике четыре серии, то получим четыре ряда графиков (рис. 41):

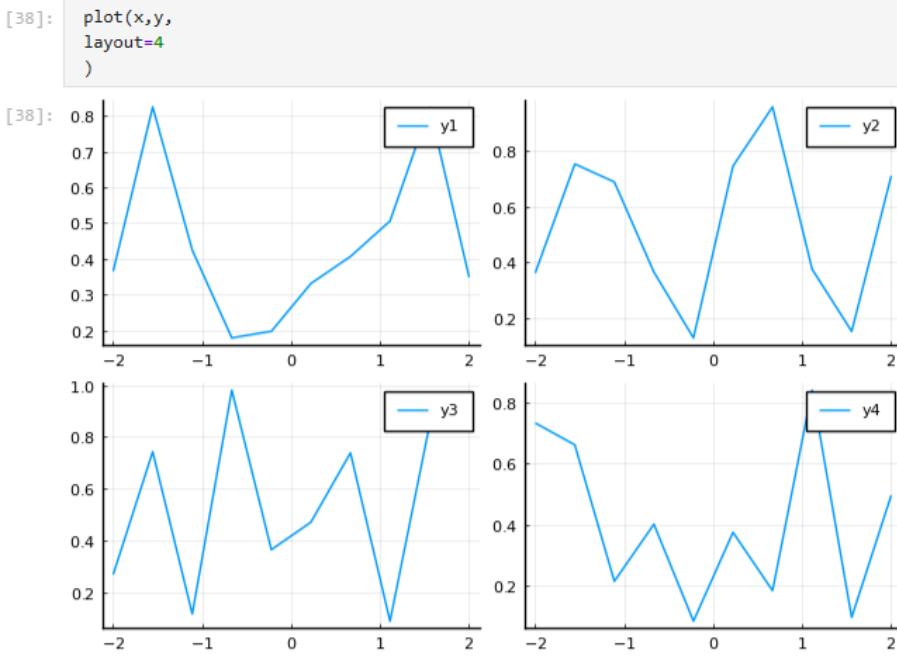


Рис. 41: Серия из 4-х графиков в ряд

Для автоматического вычисления сетки необходимо передать layout целое число (рис. 42):

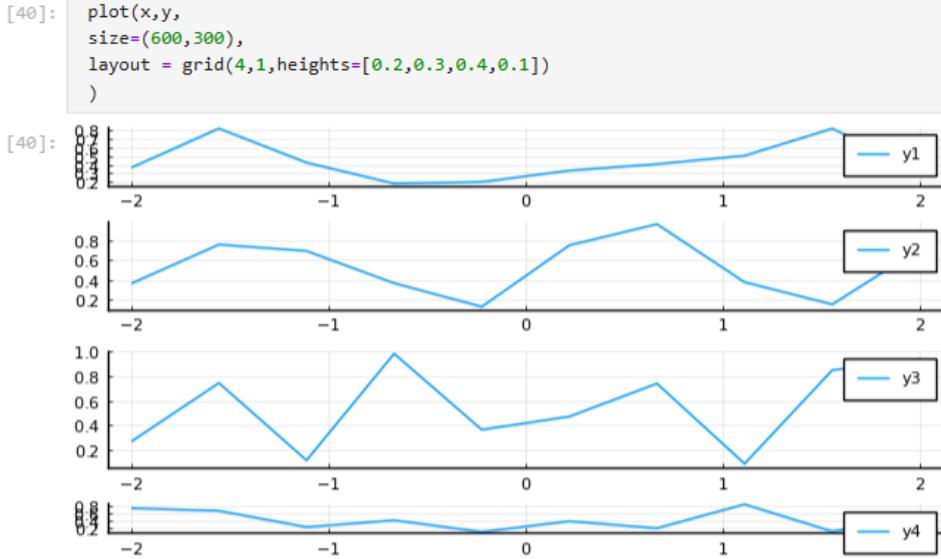


Рис. 42: Серия из 4-х графиков в сетке

Аргумент heights принимает в качестве входных данных массив с долями желаемых высот. Если в сумме дроби не составляют 1,0, то некоторые подзаголовки могут отображаться неправильно.

Можно сгенерировать отдельные графики и объединить их в один, например, в сетке 2 × 2 (рис. 43):

```
[92]: # график в виде линий:
```

```
p1 = plot(x,y)
# график в виде точек:
p2 = scatter(x,y)
# график в виде линий с оформлением:
p3 = plot(x,y[:,1:2], xlabel="Labelled plot of two
← columns", lw=2, title="Wide lines")
# 4 гистограммы:
p4 = histogram(x,y)
plot(
    p1,p2,p3,p4,
    layout=(2,2),
    legend=false,
    size=(800,600),
    background_color = :ivory
)
```

```
[92]:
```

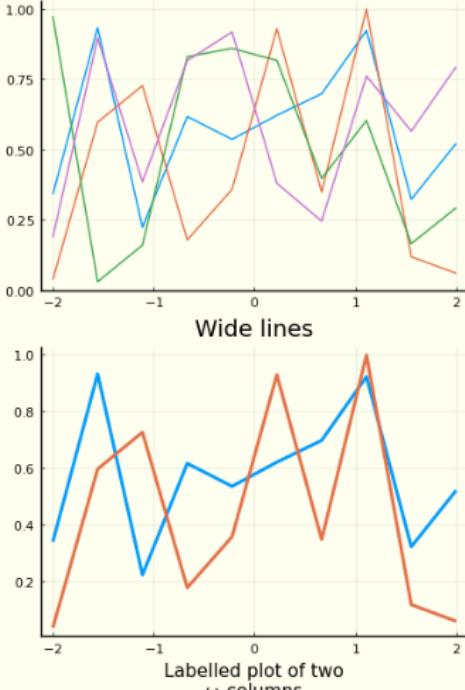
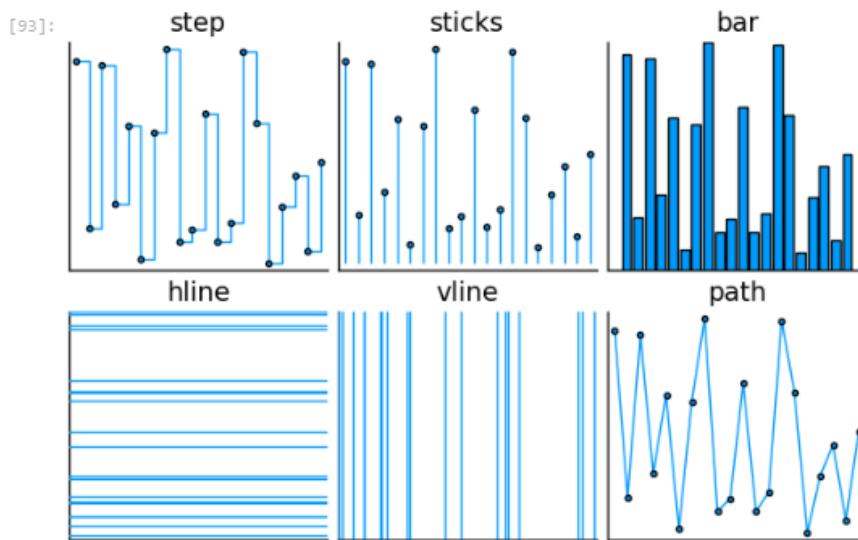


Рис. 43: Объединение нескольких графиков в одной сетке

Обратите внимание, что атрибуты на отдельных графиках применяются к отдельным графикам, в то время как атрибуты в последнем вызове `plot` применяются ко всем графикам.

Разнообразные варианты представления данных (рис. 44):

```
[93]: seriestypes = [:step, :sticks, :bar, :hline, :vline, :path]
titles =["step" "sticks" "bar" "hline" "vline" "path"]
plot(rand(20,1), st = seriestypes,
      layout = (2,3),
      ticks=nothing,
      legend=false,
      title=titles,
      m=3
    )
```



*Рис. 44: Разнообразные варианты представления данных*

Применение макроса `[layout?]` наиболее простой способ определения сложных макетов. Точные размеры могут быть заданы с помощью фигурных скобок, в противном случае пространство будет поровну разделено между графиками (рис. 45):

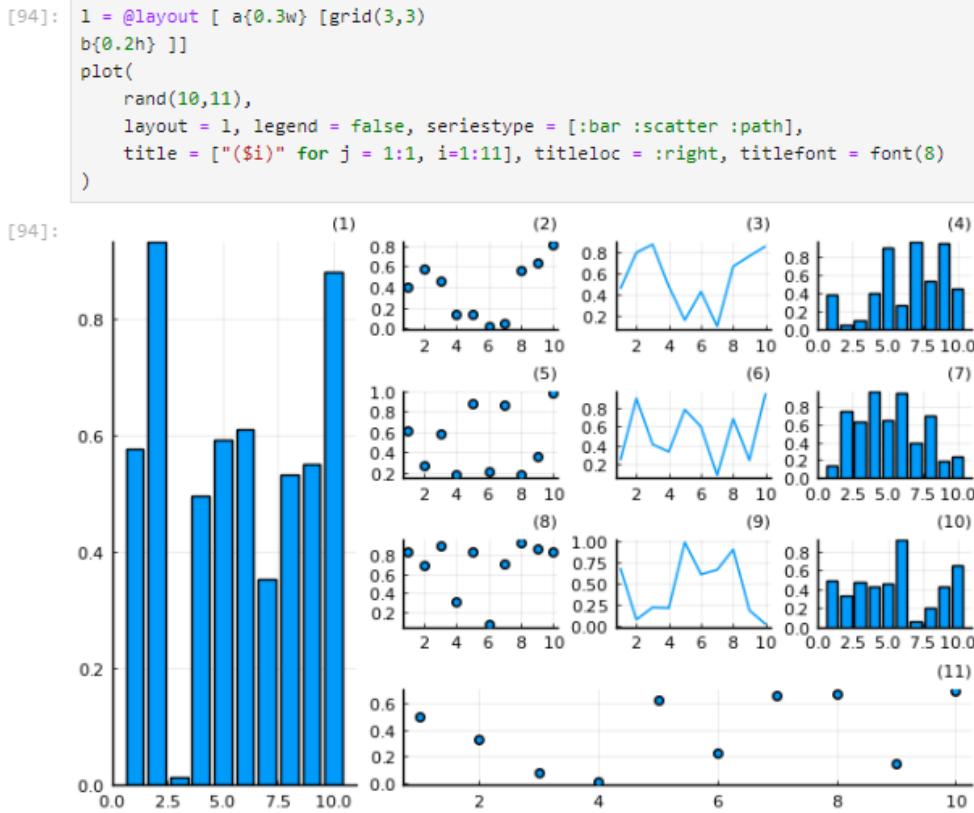


Рис. 45: Демонстрация применения сложного макета для построения графиков

## 2.16 Самостоятельное выполнение

Выполнение задания №1 (рис. 46):

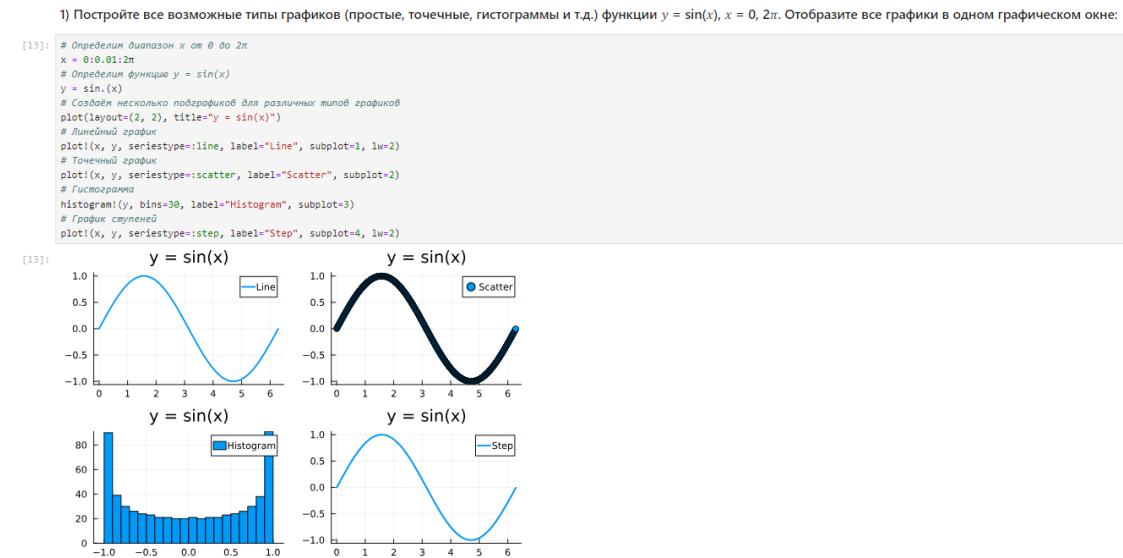


Рис. 46: Решение задания №1

Выполнение задания №2 (рис. 47):

- ▼ 2) Постройте графики функции  $y = \sin(x)$ ,  $x \in [0, 2\pi]$  со всеми возможными (сколько сможете вспомнить) типами оформления линий графика. Отобразите все графики в одном графическом окне:

```
[14]: # Определение диапазон x от 0 до 2π
x = 0:0.01:2π
# Определение функции y = sin(x)
y = sin.(x)
# Список стилей линий
line_styles = [:solid, :dash, :dot, :dashdot]
# Построим графики с разными стилями линий в одном окне
plt = plot(x, y, linestyle=:solid, label="solid", xlabel="x", ylabel="y", title="Графики функции y = sin(x) с разными стилями линий", lw=2)
for ls in line_styles[2:end]
    plot!(plt, x, y, linestyle=ls, label="\$ls", lw=2)
end
display(plt)
```

Графики функции  $y = \sin(x)$  с разными стилями линий

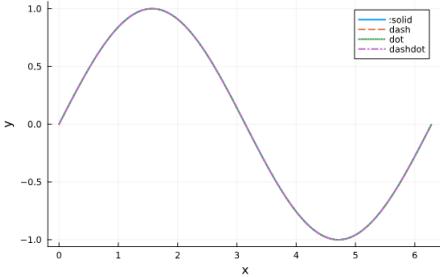


Рис. 47: Решение задания №2

Выполнение задания №3 (рис. 48):

```
[51]: x = 0:0.01:0.2π
y = sin.(x)

plot(x, y, line=(:solid, 2, :blue), label="Сплошная")
plot!(x, y, line=(:dash, 2, :red), label="Пунктир")
plot!(x, y, line=(:dot, 2, :green), label="Точечная")
plot!(x, y, line=(:dashdot, 2, :purple), label="Штрих-пунктир")
title!("Типы линий")
```

[51]:

Типы линий

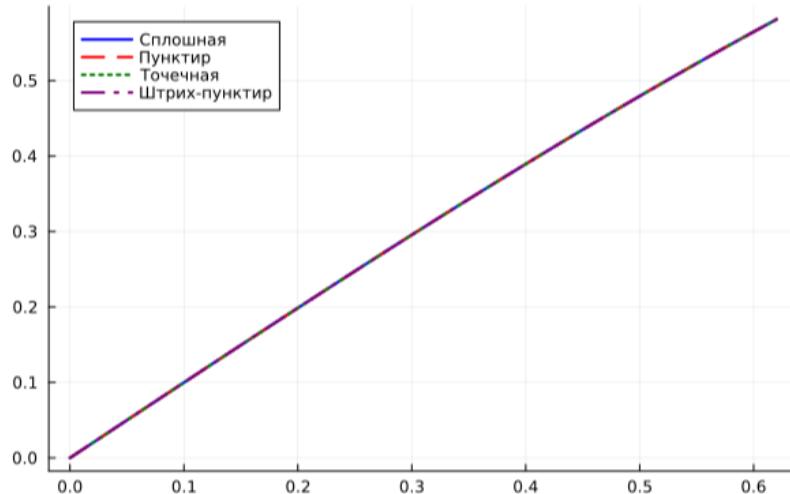


Рис. 48: Решение задания №3

Выполнение задания №4 (рис. 49):

```
[52]: x = range(0.1, 5, length=100) # x > 0 для ln(x)
y = pi .* x.^2 .* log.(x)

plot(x, y,
      color=:red,
      linewidth=2,
      label="y = πx2 ln(x)",
      xlabel="x",
      ylabel="y",
      title="График функции y(x) = πx2 ln(x)")
```

[52]: График функции  $y(x) = \pi x^2 \ln(x)$

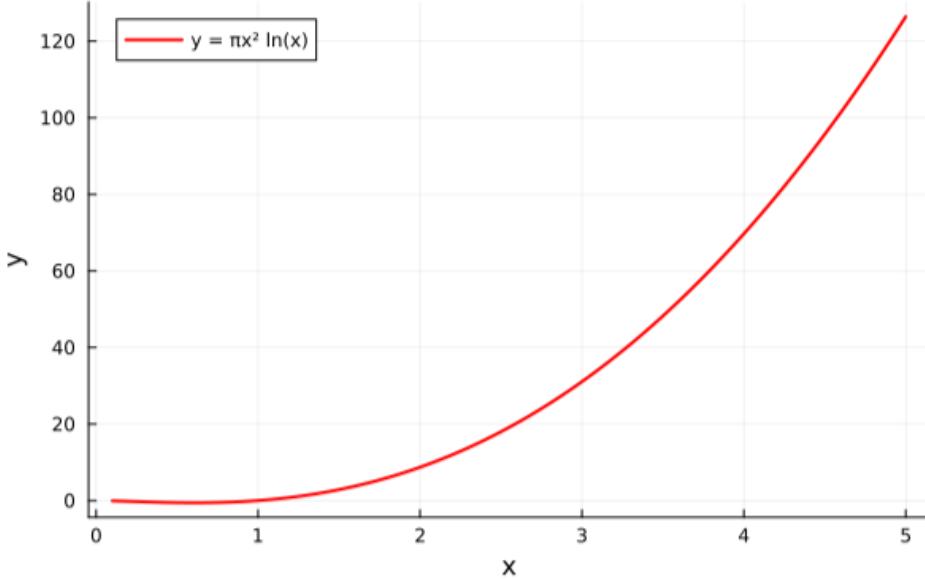


Рис. 49: Решение задания №4

Выполнение задания №5 (рис. 50 - рис. 51):

- ▼ 5. Задайте вектор  $x = (3, 3.1, 3.2, \dots, 6)$ . Постройте графики функций  $y_1(x) = \pi x$  и  $y_2(x) = \exp(x) \cos(x)$  в указанном диапазоне значений аргумента  $x$  следующим образом: постройте оба графика разного цвета на одном рисунке, добавьте легенду и сетку для каждого графика; укажите недостатки у данного построения; постройте аналогичный график с двумя осями

```
[22]: # Задаем вектор x
x = 3:0.1:6
# Определяем функции y1 и y2
y1(x) = pi * x
y2(x) = exp(x) .* cos.(x)
# 1. Построение графиков на одной оси с легендой и сеткой
plot(x, y1(x), label="y1(x) = πx", color:blue, linewidth=2, grid=true, legend:topright)
plot(x, y2(x), label="y2(x) = exp(x) * cos(x)", color:red, linewidth=2)
# Добавление заголовков
xlabel("x")
ylabel("y")
title!("Графики функций y1(x) и y2(x)")
```



Рис. 50: Решение задания №5

```
[21]: # Построение графиков с двумя осями ординат
p = plot(x, y1(x), label="y1(x) = πx", color=:blue, linewidth=2, grid=true, legend=:topright)
plot!(p, x, y2(x), label="y2(x) = exp(x) * cos(x)", color=:red, linewidth=2)
# Добавляем вторую ось ординат для y2
plot!(p, secondary=true)
# Заголовок и сетка
xlabel!("x")
ylabel!("y1 (primary)", fontsize=10)
ylabel!(p, "y2 (secondary)", fontsize=10)
title!("Графики с двумя осями ординат")
```

[21]: Графики с двумя осями ординат

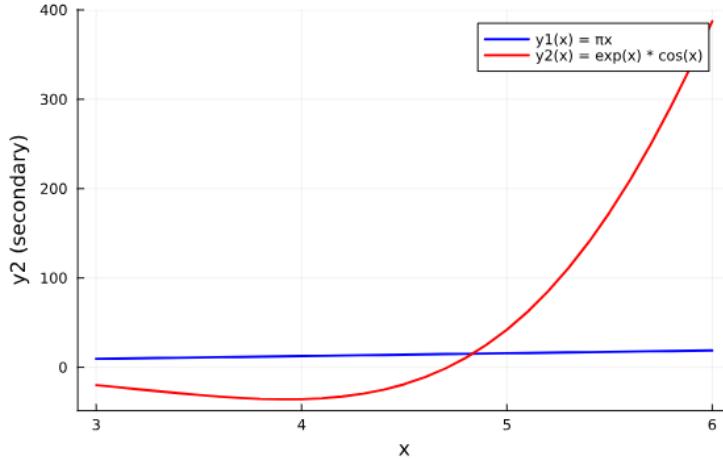


Рис. 51: Решение задания №5

Выполнение задания №6 (рис. 52):

6. Постройте график некоторых экспериментальных данных (придумайте сами), учитывая ошибку измерения:

```
[26]: # Шаг 1: Придумываем экспериментальные данные
# Время измерений (например, 10 точек через 1 час)
time = 0:1:9 # Время 8 часов (от 0 до 9 часов)
# Температурные данные (например, температура варьируется от 20 до 25 градусов)
temperature = 22 .+ 2 .* sin.(time * π / 5) # Синусоидальное изменение температуры
# Шаг 2: Добавим ошибку измерения (например, стандартное отклонение 0.5 градуса)
# Ошибка измерения - случайные колебания вокруг истинных значений
temperature_error = 0.5 .+ 0.1 .* randn(length(time)) # Ошибка измерений с нормальным распределением
# Шаг 3: Строим график с учетом ошибки измерений
plot(time, temperature, label="Температура", color=:blue, linewidth=2, legend=:topright,
      yerr=temperature_error, marker=:o)
# Добавляем подписи осей и заголовок
xlabel!("Время (часы)")
ylabel!("Температура (°C)")
title!("Экспериментальные данные с ошибкой измерения")
```

[26]: Экспериментальные данные с ошибкой измерения

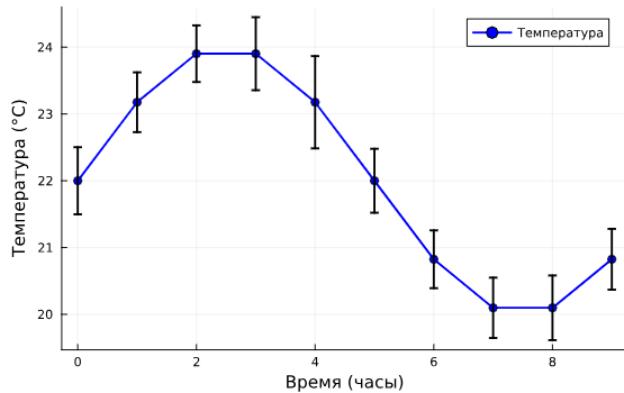


Рис. 52: Решение задания №6

Выполнение задания №7 (рис. 53):

```
[58]: # Задание 7
using Random
Random.seed!(42)
data = randn(50)

scatter(1:50, data, label="Случайные данные", color=:green, markersize=4)
title!("Точечный график случайных данных")
xlabel!("Номер точки")
ylabel!("Значение")
```

[58]: Точечный график случайных данных

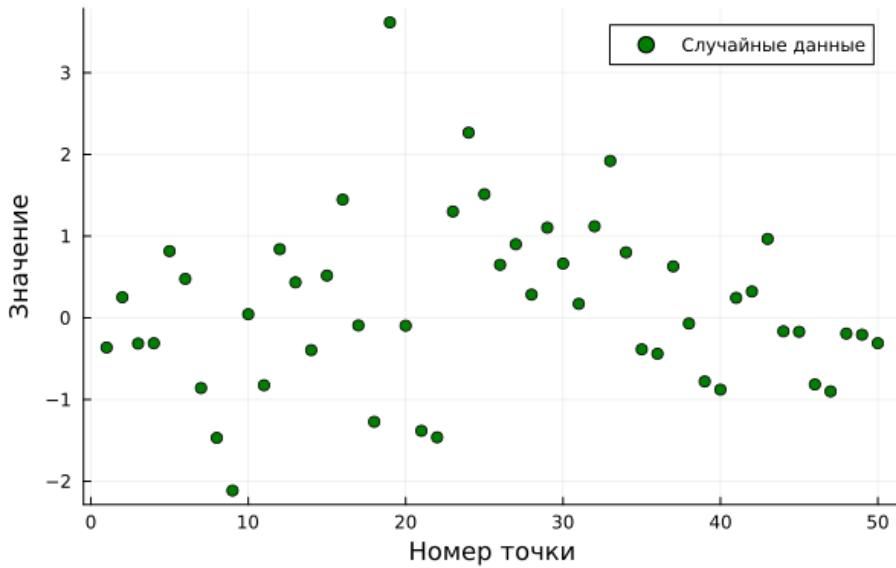


Рис. 53: Решение задания №7

Выполнение задания №8 (рис. 54):

```
9]: # Задание 8
x3 = randn(100)
y3 = randn(100)
z3 = randn(100)

scatter(x3, y3, z3, label="3D точки", color=:purple, markersize=3)
title!("3D точечный график")
xlabel!("x")
ylabel!("y")
zlabel!("z")
```

9]: 3D точечный график

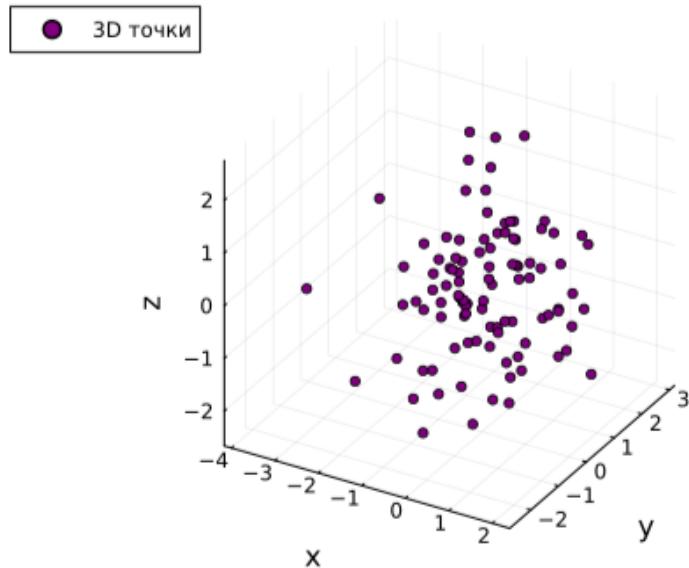


Рис. 54: Решение задания №8

Выполнение задания №9 (рис. 55):

```
[60]: # Задание 9
x = range(0, 2π, length=200)
k_values = [1, 2, 3, 5, 8]

plot(x, sin.(x), label="k=1", color=:black, linewidth=2)
for k in k_values[2:end]
    plot!(x, sin.(k*x), label="k=$k", linewidth=1.5)
end
title!("Последовательность синусоид T_k = sin(kx)")
xlabel!("x")
ylabel!("T_k")
```

[60]: Последовательность синусоид  $T_k = \sin(kx)$

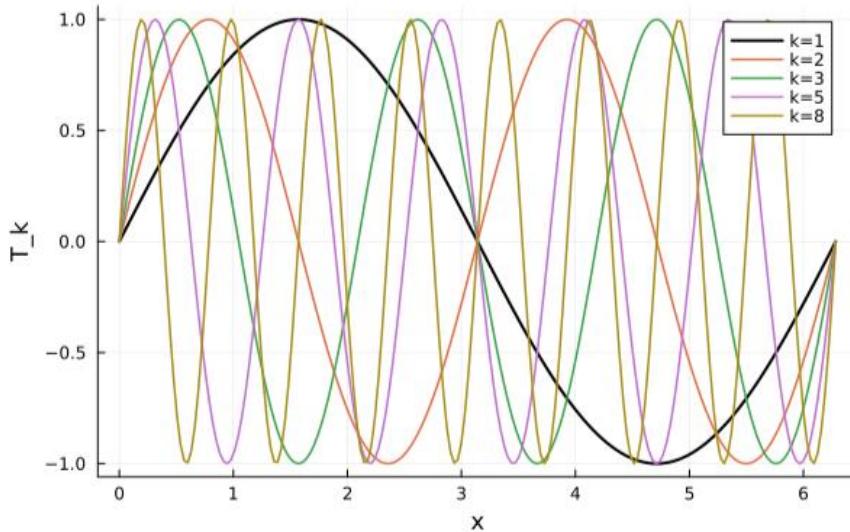


Рис. 55: Решение задания №9

Выполнение задания №10 (рис. 56):

```
[61]: # Задание 10: k = 2, 3, 4, 5, ...
r = 1.0
θ = range(0, 2π, length=200)

anim = @animate for k in 2:5
    t = range(0, 2π, length=200)
    x = r*(k-1)*cos.(t) + r*cos.((k-1)*t)
    y = r*(k-1)*sin.(t) - r*sin.((k-1)*t)

    plot(x, y, title="Гипоциклоида, k = $k", aspect_ratio=1, legend=false)
end

gif(anim, "hypocycloid_k2to5.gif", fps=1)
```

[ Info: Saved animation to C:\Users\Олеся\hypocycloid\_k2to5.gif

Гипоциклоида, k = 4

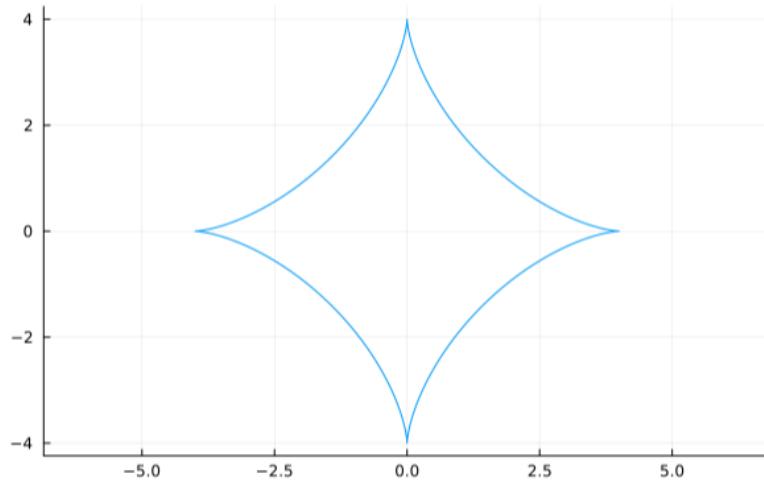


Рис. 56: Решение задания №10

Выполнение задания №11 (рис. 57):

```
[62]: # Задание 11: k = 2.0, 2.5, 3.0, 3.5, ...
anim_rational = @animate for k in [2.0, 2.5, 3.0, 3.5, 4.0]
    t = range(0, 4π, length=400) # больше точек для дробных k
    x = r*(k-1)*cos.(t) + r*cos.((k-1)*t)
    y = r*(k-1)*sin.(t) - r*sin.((k-1)*t)

    plot(x, y, title="Гипоциклоида, k = $k", aspect_ratio=1, legend=false, xlim=(-6,6), ylim=(-6,6))
end
```

```
gif(anim_rational, "hypocycloid_rational.gif", fps=1)
```

```
[ Info: Saved animation to C:\Users\Олеся\hypocycloid_rational.gif
```

```
[62]: Гипоциклоида, k = 3.0
```

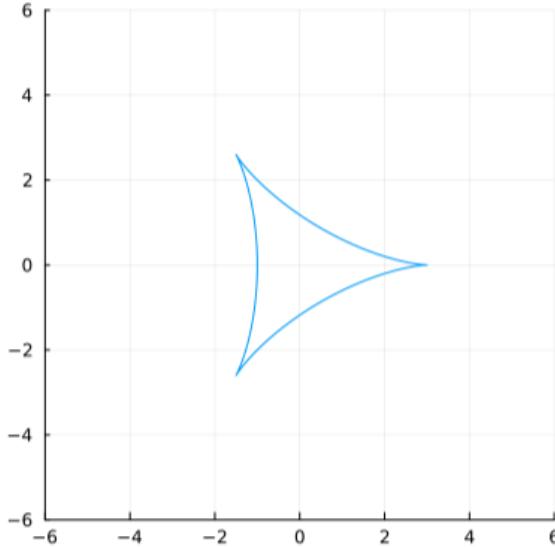


Рис. 57: Решение задания №11

### 3 Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы был освоен синтаксис языка Julia для построения графиков.

### 4 Список литературы. Библиография

[1] Julia Documentation: <https://docs.julialang.org/en/v1/>