

# Análise de Algoritmos

Em projetos de software, é importante analisar a modularidade, correção, manutenção, funcionalidade, robustez, tempo de execução, user friendliness, tempo de desenvolvimento, simplicidade de uso, extensibilidade, confiabilidade e uso de memória.

Algoritmos nos permite entender escalabilidade. O desempenho muitas vezes estabelece a fronteira entre o que é e o que não é possível. A matemática dos algoritmos nos fornece uma linguagem para falar sobre o comportamento de um programa. Medimos o desempenho de um algoritmo a partir do seu uso de memória e tempo de execução.

Essa análise pode ser feita de **forma experimental**, implementando em alguma linguagem e medindo a memória e tempo gastos, mas os resultados variam com a máquina e linguagem, ou, de forma teórica, a partir da **análise assintótica**.

Na forma experimental, modelo RAM, cada operação simples demora 1 unidade de tempo e cada acesso de memória demora 1 unidade de tempo. O problema com esse método é que é necessário analisar todos os valores possíveis de elementos no vetor para cada valor de  $n$  e para cada um dos casos acima deve-se analisar todos os valores possíveis para o valor da chave.

Na análise assintótica, é estabelecido um limitante, superior ou inferior, para o desempenho de um algoritmo. Ela se baseia apenas na lógica do algoritmo, sem se importar com os dados reais que serão processados.

## Análise assintótica:

Quando há mais de uma estrutura de repetição aninhadas, a complexidade do trecho inteiro será a multiplicação das complexidades de cada estrutura de repetição.

Quando há mais de uma estrutura de repetição em sequência, a complexidade total é obtida a partir da soma das complexidades de cada estrutura de repetição.

1. Complexidade linear (soma ou subtração)
  - Incremento de 1 por vez:  $T(n) = n$ ;
  - Incremento de 2 por vez:  $T(n) = n/2$ ;
2. Complexidade logarítmica (multiplicação ou divisão)
  - $i = i*2$ :  $T(n) = \log_2(n)$ ;
  - $i = i/2$ :  $T(n) = \log_2(n)$ ;
3. Dependência linear
  - $T(n) = n(n+1)/2$ ;
4. Complexidade quadrática
  - Duas estruturas de repetição de complexidade linear aninhadas:  $T(n) = n^2$ ;

## Notação O

Para cada um dos termos da função  $T(n)$ , deixamos os coeficientes iguais a 1 e mantemos o maior termo da função, descartando os demais. A classificação de importância dos termos, da mais baixa para a mais alta, é a seguinte:

$$\log(n), n, n\log(n), n^2, n^3, \dots, n^k, 2^n, n!$$