מבוא לבינה מלאכותית - תרגיל בית 3

מגיש: אלמוג צברי, 312433576.

26/01/2021 <u>תאריך הגשה:</u>

מספר גיליון: 3

0.9469026548672567 הינו המחוג על קבוצת האימון ובדיקה על ידי קבוצת הביחן הדיוק המחוג על קבוצת האימון ובדיקה אי

C:\Users\Almog\miniconda3\envs\intro-to-ai-hw3\python.exe
0.9469026548672567

Process finished with exit code 0

איור 1: דיוק עבור קבוצת הבוחן

הטענה נכונה. תחילה נשים לב כי נורמליזציית MinMax היא למעשה הטרנספורמציה הבאה:

$$g\left(v\right) = \frac{v - v_{min}}{v_{max} - v_{min}} = \frac{1}{v_{max} - v_{min}} \cdot v - \frac{v_{min}}{v_{max} - v_{min}}$$

כאשר uinMax כאשר uinmax כאשר בין פונים הנובעים הנובעים מהדאטה המתקבל. נגזור ונקבל uinmax כאשר רuinmax כאשר בין uinmax היא הם קבועים הנובעים מהדאטה המתקבל. נגזור ונקבל uinmax אם ורק אם בין uinmax אם ורק אם פונים בין פונים מש ולפיכך מתקיים כי uinmax אם ורק אם בין uinmax אם ורק אם בין uinmax היא מש

מכאן נשים לב כי אם $threshold = \frac{v_1 + v_2}{2}$ את ערך הסף המתקבל מהערכים אז מתקיים:

$$(threshold)' = \frac{g(v_1) + g(v_2)}{2} = \frac{\frac{v_1 - v_{min}}{v_{max} - v_{min}} + \frac{v_2 - v_{min}}{v_{max} - v_{min}}}{2} = \frac{\frac{v_1 + v_2}{2} - v_{min}}{v_{max} - v_{min}} = \frac{theshold - v_{min}}{v_{max} - v_{min}} = g(threshold)$$

כלומר ערך הסף המתקבל מהערכים שעברו נרמול זהה להפעלת הנרמול על ערך הסף, ולכן מתקיים:

$$v_1 < threshold < v_2 \iff g(v_1) < g(threshold) < g(v_2)$$

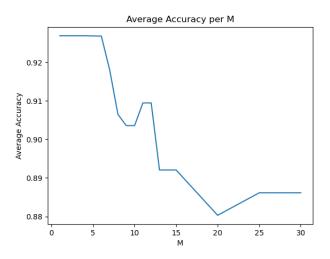
כעת, יהי T העץ המתקבל על ידי הפעלת ID3 על הדאטה הלא מנורמל ויהי T העץ המתקבל על ידי הפעלת ID3 על הדאטה המנורמל. נראה באינדוקציה על עומק העץ כי T זהה ל־ T כלומר יבחר בכל צומת את אותו מאפיין המתאים ב־ T ואת אותו ערך סף (עד כדי נרמול): \mathbf{z} עומק 0, כלומר u, שהוא הצומת בעומק זה, הינו השורש: אם כמות הדוגמאות המתקבלת בצומת זו היא u0 אז לא תבחר תכונה ולכן הטענה נכונה באופן ריק. אחרת, כמות הדוגמאות גדולה מ־ u0. תהי u1 התכונה שנבחרה בצומת זה בעץ u2 על פי פונקציית בחירת המאפיינים u3 שתי ערכים שונים שהתכונה u4 יכולה לקבל כך שערך הסף u4 u5 הוא הממוצע שלהם. נשים לב כי כיוון שמדובר בשורש אז u5 הדוגמאות שמגיעות לצומת זה זהות בשני העצים. עוד נשים לב כי ה־ u6 u7 המתאים בעץ u7 הוא למעשה הפעלת הטרנספורמציה על u7 הרי u8 u9 האות בעצים, כאשר רוצים לחשב את תוספת המידע, יהיה זהה (ולכן גם ההסתברויות). כמו כן, מכיוון שתוספת המידע u7 ולכן פיצול הדוגמאות בעצים, כאשר רוצים לחשב את תוספת המידע, יהיה זהה (ולכן גם ההסתברויות). כמו כן, מכיוון שתוספת המידע תלויה גם בסיווג, שאינו עובר נירמול, נובע כי תוספת המידע תהיה זהה ולכן אותה תכונה u7 תבחר עם u8 (threshold) ב u7 אות עד עומק u7 א הה לעץ u7 א ד כדי נרמול של ערך הסף, ולכן הדוגמאות המגיעות ל־ u7 זהה לעץ u7 עד כדי נרמול של ערך הסף, ולכן הדוגמאות המגיעות ל־ u7 זהות לאלו שמגיעות למקבילו בעץ u7 לחזור על שהוסבר בבסיס ולהסיק כי המאפיין שייבחר בשני העצים זהה עם ערכי סף זהים עד כדי נרמול, ובכך סיימנו את ההוכחה. מסקבה: נרמול של הדאטה אינו משפיע על בניית העץ ולכן גם לא משפיע על הדיוק על קבוצת הבוחן (כמובן בתנאי שקבוצת הבוחן עוברת ממש).

^{*} הערה: ניתן אישור פהפתרגל האחראי על התרגיל לחרוג בפעט פ־ 20 שורות

סעיף 1

גיזום של עץ החלטה מאפשר לקבל עץ סיווג קטן יותר, אשר בתקווה יוכל למזער את תופעת ה־ Over - Fitting. מטרתו של גיזום עץ החלטה היא למנוע התאמת יתר של המסווג לדאטה עליו אומן (סט האימון), כלומר תיתכן שגיאה גדולה יותר עבור דאטה זה, אך נוכל לגרום לכך שכל החלטה, אשר מתבצעת בעלים, תסתמך על יותר דאטה ובכך אולי תגרום לדיוק גבוה יותר על **דוגמה חדשה שלא נראתה קודם לכ**ן.

3 סעיף



M איור 2: דיוק ממוצע כתלות בערך של

ניתן לראות שהגרף הנ"ל הינו במגמה יורדת, כלומר באופן כללי ככל ש־ M יותר קטן כך הדיוק הממוצע גבוה יותר. בפרט ניתן לראות כי הדיוק הממוצע המקסימלי מתקבל עבור M=1 והוא M=1 והוא M=1 והוא המכוננות בגרף אנו רואים כי הגיזום למעשה רק פוגע הדיוק הממוצע המסווג, אולי מכיוון שסט האימון קטן יחסית (כ־ M=1 דוגמאות בלבד) ולכן העץ "קטן מספיק" גם ללא גיזום.

4 סעיף

0.9469026548672567 כפי שניתן לראות בסעיף הקודם, הערך של M הנותן דיוק מקסימלי הינוM=1, כלומר ללא גיזום כלל, ולכן הדיוק ישאר M הנותן דיוק מקסימלי הינו כפי שהיה מקודם.

סעיף 1

M=1 עם גיזום מוקדם ועם פונקציית ההפסד המוזכרת בשאלה ערך היM=1 אמתקבל הינו וועס פונקציית החפסד המוזכרת עבור הרצת שנמצא על כל סט האימון, השגיאה המתקבלת על סט הבוחן הינה M=1 שנמצא על כל סט האימון, השגיאה המתקבלת על סט הבוחן הינה M=1

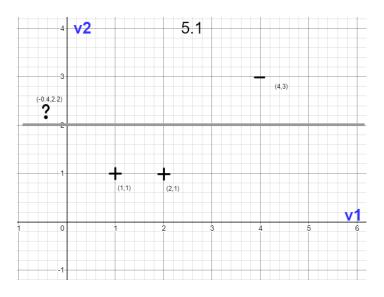
2 סעיף

**להשלים

3 סעיף

**להשלים

סעיף א



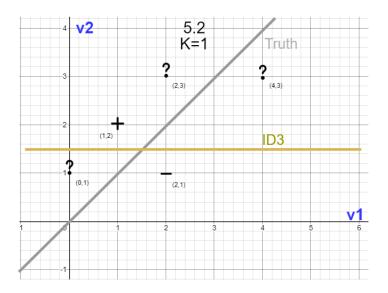
איור 3: סט אימון ומסווג מטרה

נשים לב כי מקסום תוספת המידע מתקבל עבור v_1 עם v_2 או עבור v_2 עם v_1 עם עבור שניהם יוצרים הפרדה נשים לב כי מקסום תוספת המידע מתקבל עבור v_1 עם v_2 עם לו (למאפיין) אינדקס גדול יותר. לפיכך המסווג יהיה:

$$h_{truth}(x_i) = h_{ID3}(x_i) = \begin{cases} 1 & v_{2,i} < 2\\ 0 & 2 \le v_{2,i} \end{cases}$$

כמו כן, ניתן לראות כי הדגימה ?" מסט הבוחן הממוקמת ב־(-0.4, 2.2) אמורה להיות שלילית שכן היא מעל הישר המפריד, ומתקיים:

- עבור K=1 הדגימה הקרובה ביותר היא (1,1) שסימנה חיובי ולכן תסווג כחיובית $^{ au}$ שגיאת סיווג.
- . עבור K=2 הדגימות הקרובות ביותר הן (1,1) ו־ (1,1) שסימנן חיובי ולכן הדגימות הקרובות ביותר הן
- . עבור K=3 הדגימות הקרובות ביותר הן כל סט האימון, כאשר רובו מסומן חיובי, ולכן תסווג כחיובית שגיאת סיווג. \bullet



ID3 איור 4: סט אימון, מסווג מטרה ומסווג מ־

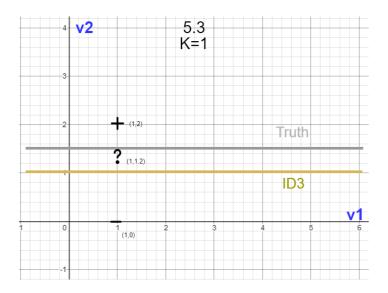
נבחר K=1. כמו כן, בתמונה הנ"ל ניתן לראות את מסווג המטרה (Ground Truth) בקו אפור המקיים:

$$h_{truth}(x_i) = \begin{cases} 1 & v_{1,i} < v_{2,i} \\ 0 & v_{2,i} \le v_{1,i} \end{cases}$$

כמו כן, עבור סט האימון הנ"ל, ישר זה הוא גם המקום הגאומטרי של כל הנקודות שמרחקן זהה משתי הדגימות בסט האימון, ולכן אם דגימה מסוימת מסט הבוחן נמצאת מעל ישר זה, למשל ה־ "?" הנמצא ב־ (2,3), אז היא קרובה יותר ל־ " + " שנמצא ב־ (1,2) ולכן תסווג כחיובית לפי (1-NN) באופן דומה אם היא מתחת לישר זה, למשל ה־ "?" הנמצא ב־ (4,3), אז היא קרובה יותר ל־ " - " שנמצא ב־ (2,1) ולכן תסווג כשלילית לפי (2,1) עוד נציין כי אם היא נמצאת על הישר אז מרחקיה שווים ולכן תסווג כ־ " - " (כי מסתכלים קודם על הדגימה מסט האימון שעבורה (2,1) מקסימלי). מכאן נסיק כי כל דוגמה שתתקבל מסט בוחן כלשהו תסווג נכון על ידי (2,1) מצד שני, עבור סט האימון הנ"ל אלגוריתם ה־ (2,1) יחזיר את המסווג הבא (כל מאפיין יאפשר הפרדה מלאה אך האלגוריתם יבחר את המאפיין עם האינדקס הגדול יותר):

$$h_{ID3}(x_i) = \begin{cases} 1 & 1.5 \le v_{2,i} \\ 0 & v_{2,i} < 1.5 \end{cases}$$

לכן, דוגמה הנמצאת ב־ "?" שממוקם ב־ (0,1) תסווג על ידי העץ כשלילית בעוד שהיא למעשה חיובית.



ID3 איור 5: סט אימון, מסווג מטרה ומסווג מ־

ים: בקו אפור בתמונה הנ"ל ניתן (Ground Truth) בקו את מסווג המטרה הנ"ל ניתן לראות את נבחר K=1

$$h_{truth}\left(x_{i}\right) = \begin{cases} 1 & 1.5 \leq v_{2,i} \\ 0 & Otherwise \end{cases}$$

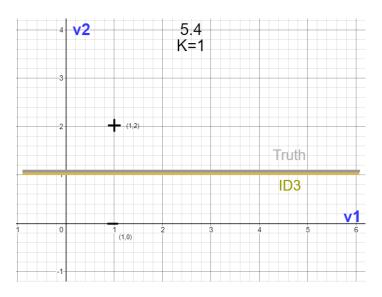
כמו כן, עבור סט האימון הנ"ל נקבל שהמסווג המתקבל מ־ ID3 הינו:

$$h_{ID3}(x_i) = \begin{cases} 1 & 1 \le v_{2,i} \\ 0 & v_{2,i} < 1 \end{cases}$$

כעת, עבור הדגימה מסט הבוחן הנמצאת ב־ "?" הממוקם מסט הבוחן מתקיים:

- . מסיווג. " " על ידי h_{ID3} ידי איזי להיות שהיא למרות שהיא $1 \leq 1.2 = v_{2,i}$ כי לידי v_{ID3} ידי על ידי v_{ID3} ידי אווג.
- תסווג ב־ " + " על ידי 1-NN כי הדגימה הקרובה מסט האימון היא ה־ " + " הנמצא ב־ 1-NN כי הדגימה הקרובה מסט האימון היא ה־ " " שגיאת סיווג.

סעיף ד



ID3 איור 6: סט אימון, מסווג מטרה ומסווג מ־

נבחר כי מתקיים: כמו כן, בתרשים הנ"ל ניתן לראות כי מתקיים: K=1

$$h_{truth}(x_i) = h_{ID3}(x_i) = \begin{cases} 1 & 1 \le v_{2,i} \\ 0 & v_{2,i} < 1 \end{cases}$$

נשים לב שעבור דגימה מסוימת מסט בוחן כלשהו מתקיים אחד מהבאים:

- והן על ידי " הן ולכן תסווג בי אם מקיימת (Ground Truth) אם היא מעל ישר הי א מצאת מעל ישר אה אז היא חיובית היא מקיימת (Ground Truth) ידי אז היא קרובה יותר ל־ " + " שנמצא ב־ (1,2)).
- והן h_{ID3} ידי היא מקיימת ב־ " הן ולכן תסווג ב־ " הן על ידי (Ground Truth) והיא איימת איימת מתחת לישר היא אי היא שלילית שלילית (Ground Truth) והיא מקיימת על ידי $v_{2,i} < 1$ (כי אז היא קרובה יותר ל־ " " שנמצא ב־ (1,0)).
- והיא מקיימת $v_{2,i}=1$ ולכן תסווג ב־ " הן על ידי (Ground Truth) אם היא נמצאת אווים היא היא חיובית ידי (על הישר הישר אז היא חיובית ווים ולכן נתייחס קודם לדגימה שעבורה על המרחקים שווים וגם v_1 שווים ולכן נתייחס קודם לדגימה שעבורה על מקסימלי ווו דגימה חיובית).

סעיף 1

N,K,p ולשם כך אנו נדרשים למצוא ערכים "טובים" לפרמטרים knn-decision-tree ולשם כך אנו נדרשים למצוא ערכים אנו נדרשים לממש את האלגוריתם 5-Cross-Validation באקראי, על מנת למצוא ערכים אלו ביצעתי 5-Cross-Validation מספר פעמים, כאשר בכל פעם בחרתי את כל הפרמטרים גדולה יחסית ולכן מעבר על הערכים האפשריים בצורת Grid לדעתי פחות מתאימה. Grid אחת מתוצאות הדיוק שהתקבלו הינה O.9734513274336283

שאלה 7

סעיף 1

**להשלים

2 סעיף

**להשלים