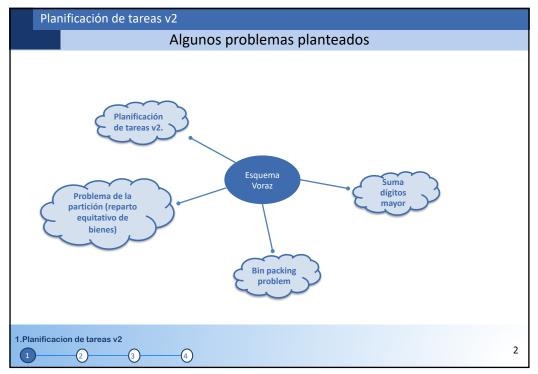
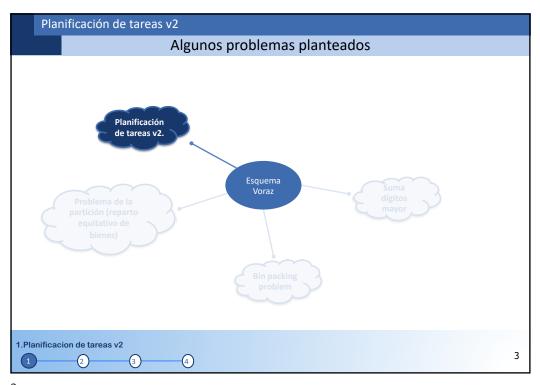


Tema 12. Ejemplos algoritmos voraces

Algorítmica y Complejidad

1





Planificación de tareas v2 Enunciado Se tiene un conjunto de tareas (por ej., procesos en un SO) que deben usar un recurso (por ej., el procesador) que sólo puede ser usado por una actividad en cada instante. Todas las tareas requieren 1 unidad de tiempo para ejecutarse Cada tarea / tiene asociado: - un plazo máximo de ejecución di y un beneficio bi, que se obtiene si la tarea consigue llegar a ejecutarse. Una tarea sólo puede ejecutarse si se hace en un plazo inferior a di. Objetivo: Obtener una planificación de tareas (qué tareas y en qué orden) a ejecutar de forma que se maximice el beneficio obtenido. Esquema selección óptima Esquema voraz: Θ(2N) $\Theta(N)$, $\Theta(N | gN)$ o $\Theta(N^2)$ 1.Planificacion de tareas v2 4 3 4

Planificación de tareas v2 Implementación Opciones para la propiedad voraz: * Elegir las tareas por orden de terminación (b/e, a/d, c, f, g) o (b/e, a/d, f, c, g)**★** Elegir las tareas por beneficio (a, f, c, g). √ Elegir las tareas por orden de terminación y beneficio. 80 2 10 1 15 4 27 2 2 1 44 4 1.Planificacion de tareas v2 5 (2) (3) 4

Planificación de tareas v2 Implementación Clase Tarea contiene la información relativa a una Tarea concreta: Clase Tarea public class Tarea{ private char id; id private int beneficio; 2 private int maxFin; benf MaxFin Tarea(char id, int beneficio, int maxFin){
 this.id = id; this.beneficio = beneficio; this.maxFin = maxFin; ArrayList<Tarea> candidatos; getters y setters */ - Conjunto de candidatos: tareas ArrayList<Tarea> solucion; disponibles. Conjunto de seleccionados: las tareas a las que se puede dar servicio. 1.Planificacion de tareas v2 6 (4)

6

Planificación de tareas v2

Implementación

- Función Objetivo: maximizar el beneficio total.
- Enfoque voraz: cuanto antes termine una tarea más posibilidades habrá de planificar más tareas y obtener más beneficio.
- Función Selección: consiste en la selección de aquella tarea pendiente cuyo plazo de terminación sea menor y, si hay varias tareas en este grupo, seleccionar la que aporte más beneficio.
- Función Factibilidad: sólo serán válidas las tareas cuyo plazo máximo de ejecución no haya expirado.
- Función Solución: cualquier planificación es válida, siendo la óptima aquella que maximice el beneficio total.

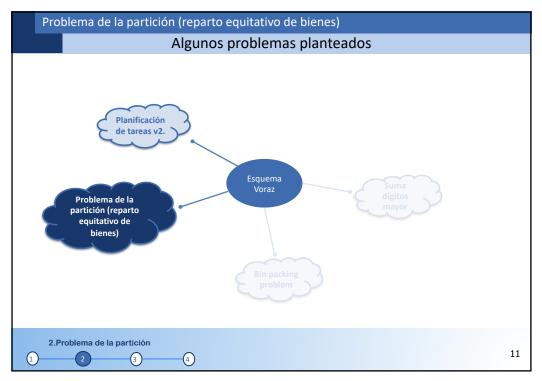


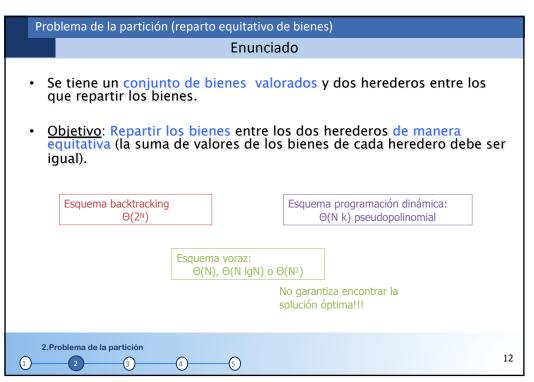
7

Planificación de tareas v2 Implementación private Tarea seleccionarCandidatoListaDesordenada(ArrayList<Tarea> candidatos){ Tarea mejor = null; for (Tarea tarea : candidatos) { if (mejor == null){ mejor = tarea; else if (mejor.getMaxFin() > tarea.getMaxFin()) { mejor = tarea; else if ((mejor.getMaxFin() == tarea.getMaxFin()) && ((mejor.getBeneficio() < tarea.getBeneficio()))){</pre> // la tarea actual termina en el mismo momento que la mejor, // pero aporta más beneficio mejor = tarea; } } return mejor; 1.Planificacion de tareas v2 8

```
Planificación de tareas v2
                                 Implementación
private boolean esFactibleCandidato(Tarea candidato,
                                      ArrayList<Tarea> solucion) {
     // Un candidato es factible si su plazo máximo de ejecución no ha expirado.
    // El tiempo actual viene determinado por el número de tareas planificadas
    // hasta el momento (número de elementos en solucion)
    boolean esFactible = true;
    if (solucion.size()>0)
         if (candidato.getMaxFin() <= solucion.size()) esFactible= false;</pre>
     return esFactible;
}
1.Planificacion de tareas v2
         (2)
                  (3)
                           4
```

```
Planificación de tareas v2
                                 Implementación
 public ArrayList<Tarea> algoritmoVoraz(ArrayList<Tarea> candidatos) {
     // Inicializar solución
     ArrayList<Tarea> solucion = new ArrayList<Tarea>();
     Tarea candidato = null;
     while (! candidatos.isEmpty()) { // mientras queden candidatos
          // Seleccionar candidato
          candidato = seleccionarCandidatoListaDesordenada(candidatos);
          candidatos.remove(candidato); // Eliminar candidato
          if (esFactibleCandidato(candidato, solucion))
              // Añadir candidato a la solución
              solucion.add(candidato);
     }
     if (solucion.size() > 0) // se ha conseguido planificar al menos 1 tarea
          return solucion;
     else return null;
1.Planificacion de tareas v2
                                                                                 10
                  (3)
                                    (5)
```





Problema de la partición (reparto equitativo de bienes)

Implementación

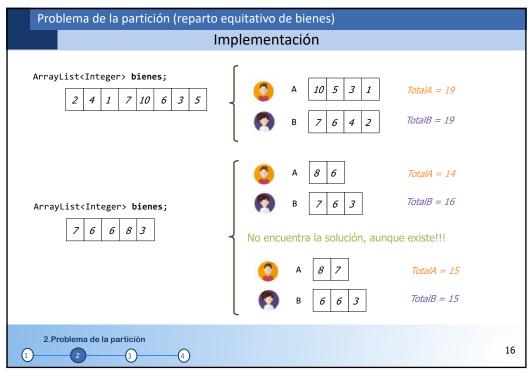
- Función Objetivo: repartir los bienes de forma equitativa.
- Enfoque voraz: ir asignando los bienes de mayor valor al heredero que menos valor acumulado tenga, de forma que se intenta ir equilibrando el reparto.
- Función Selección: seleccionar el bien de mayor valor.
- Función Factibilidad: el bien seleccionado siempre es aceptable (se asigna al heredero que menos valor acumulado tenga en cada momento).
- Función Solución: aquella que distribuya los bienes de forma equitativa.

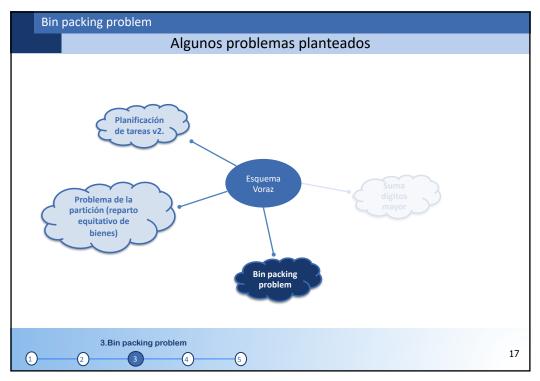


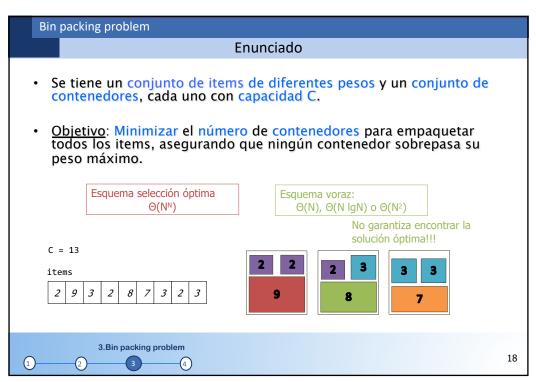
13

Problema de la partición (reparto equitativo de bienes) Implementación private int seleccionarCandidato(ArrayList<Integer> candidatos){ // selecciona el candidato que mayor valor tenga int c = candidatos.get(0); for (int i=1; i<candidatos.size();i++) if (c < candidatos.get(i)) c=candidatos.get(i); return c; } 2.Problema de la partición 1.14

```
Problema de la partición (reparto equitativo de bienes)
                               Implementación
 public void algoritmoVoraz(ArrayList<Integer> bienes,
                             ArrayList<Integer> A,
                             ArrayList<Integer> B){
 int totalA=0, totalB=0, c;
     while (!bienes.isEmpty()){
         c = seleccionarCandidato(bienes);
         bienes.remove(new Integer(c));
         if (totalA > totalB) {
              B.add(c);
                           totalB = totalB + c;
         }
         else{
              A.add(c);
                           totalA = totalA + c;
     }
 }
   2. Problema de la partición
                                                                              15
1
                         4
                -(3)-
```







Bin packing problem

Implementación

- Función Objetivo: minimizar el número de contenedores para empaquetar todos los items.
- Enfoque voraz: ir empaquetando los items de mayor peso en los contenedores (si no cabe en alguno de los usados hasta el momento se asigna uno nuevo), de forma que los items finales (los de menor peso) rellenen los huecos restantes.
- Función Selección: seleccionar el item de mayor peso.
- Función Factibilidad: el item seleccionado siempre es aceptable (se asigna a uno de los contenedores en los que quepa o se selecciona un nuevo contenedor).
- Función Solución: la distribución de todos los items en contenedores. Será óptima si minimiza el número de contenedores.



19

Bin packing problem Implementación Clase Contenedor contiene la información relativa al contenido de un contenedor: Clase Contenedor public class Contenedor{ contenido private ArrayList<Integer> contenido; private int capacidad; 9 2 Contenedor(int capacidad){ 13 this.capacidad = capacidad; this.contenido = new ArrayList<Integer>(); ArrayList<Contenedor> solucion; public int getPesoRestante(){ int p = 0; for (int i=0; i<contenido.size(); i++) p = p + contenido.get(i);</pre> 9 2 2 8 3 2 return this.capacidad-p; 13 public void aniadeItem(int item){ this.contenido.add(item); ArrayList<Integer> candidatos; 2 9 3 2 8 7 getters y setters */ 3.Bin packing problem 20 (1) (4)

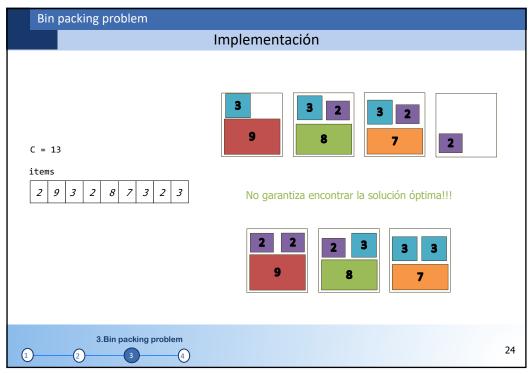
```
Implementación

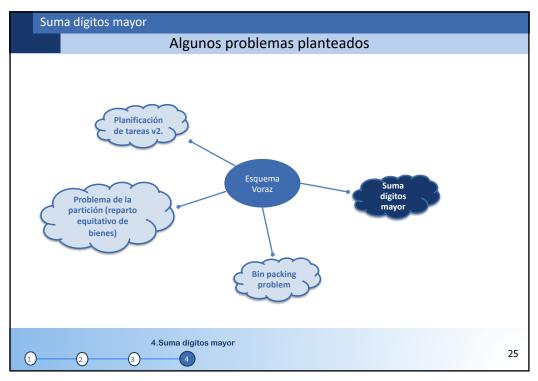
private int seleccionarCandidato(ArrayList<Integer> candidatos){
    // selecciona el candidato que mayor valor tenga
    int c = candidatos.get(0);
    for (int i=1; i<candidatos.size();i++)
        if (c < candidatos.get(i)) c=candidatos.get(i);
    return c;
}

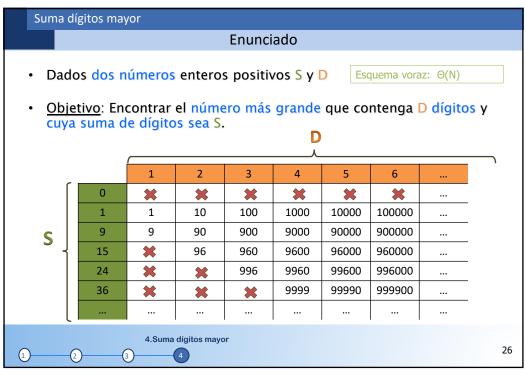
3.Bin packing problem
```

```
Bin packing problem
                              Implementación
private void aniadirCandidato(int item, ArrayList<Contenedor> contenedores,
                               int Capacidad){
   boolean encontrado = false;
   int c=0;
   Contenedor Cont;
   while ((c < contenedores.size()) && !encontrado){</pre>
       if (contenedores.get(c).getPesoRestante() >= item){
           encontrado=true;
           contenedores.get(c).aniadeItem(item);
       }
       C++;
   if (!encontrado){ // añadimos un nuevo contenedor
       Cont = new Contenedor(Capacidad);
       Cont.aniadeItem(item);
       contenedores.add(Cont);
   }
}
           3.Bin packing problem
                                                                             22
```

```
Bin packing problem
                              Implementación
 public ArrayList<Contenedor> esquemaVoraz(ArrayList<Integer> pesos,
                                             int C){
     ArrayList<Contenedor> contenedores = new ArrayList<Contenedor>();
     int item;
     while (!pesos.isEmpty()){
          item = seleccionarCandidato(pesos);
          pesos.remove(new Integer(item));
          // el candidato siempre es aceptable. Se comprueba si cabe en
          // los contenedores abiertos (y no llenos) hasta el momento
          // y si no es así se selecciona un nuevo contenedor
          aniadirCandidato(item, contenedores, C);
      }
     return contenedores;
 }
           3.Bin packing problem
                                                                           23
1
        (2)
```







```
Suma dígitos mayor
                                Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
            c = S / candidato; // c -> N^{o} de digitos "candidato" a incluir
            if (c > 0) {
                for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                S = S - (candidato * c);
                if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
            candidato--;
        return solucion;
    }
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                 27
1
                 (3)
                          4
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> Nº de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                             d++; }
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                           Si el valor de S está fuera del
             candidato--;
                                           rango [1..9*D] no existe solución
        return solucion;
    }
}
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                  28
                 (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9, d = 0, c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> N^{o} de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                           Vector para almacenar la solución,
             candidato--;
                                           con tantos dígitos como indique D
        return solucion;
    }
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                  29
1
         (2)
                 (3)
                          4
```

```
Suma dígitos mayor
                                   Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
         int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9,  d = 0,  c;
boolean fin = false;
         while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> Nº de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                  for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                                  d++; }
                  S = S - (candidato * c);
                  if (S == 0) {
                      for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                      fin = true;
                  }
                                              candidato: dígito candidato (9...0)
                                                        posición de "solucion" en la que
                                              d:
             candidato--;
                                                        incluir el próximo dígito
                                                        nº de dígitos de tipo "candidato" a
         return solucion;
    }
                                                        incluir en la solución
}
                       4.Suma dígitos mayor
                                                                                        30
                  (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                  Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
         int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
while (!fin) {
    c = S / candidato; // c -> Nº de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                  for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                  S = S - (candidato * c);
                  if (S == 0) {
                      for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                      fin = true;
                  }
                                              fin: indicará cuándo hemos
                                              rellenado todos los dígitos
             candidato--;
         return solucion;
    }
                       4.Suma dígitos mayor
                                                                                       31
1
                  (3)
                            4
```

```
Suma dígitos mayor
                                Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
            c = S / candidato; // c -> Nº de digitos "candidato" a incluir
            if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                            d++; }
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                           Mientras queden dígitos por
                                           rellenar
            candidato--;
        return solucion;
    }
}
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                 32
                 (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> № de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                           Nº de dígitos de tipo
                                            "candidato" que podrían
             candidato--;
                                           incluirse en la "solucion"
        return solucion;
    }
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                  33
1
                 (3)
                          4
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
         int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> Nº de digitos "candidato" a incluir
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                              d++; }
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                            Si el candidato es aceptable (al
                                            menos se puede incluir uno de
             candidato--;
                                            los dígitos de tipo "candidato")
        return solucion;
    }
}
                      4.Suma dígitos mayor
                                                                                   34
                  (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> N^{o} de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato; d++; }</pre>
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                      for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                      fin = true;
                 }
                                            Rellena "solucion" con tantos dígitos de tipo
                                            "candidato" como indique la variable "c",
             candidato--;
                                            incrementando la posición de "solucion" (d)
                                            en cada inserción
         return solucion;
    }
                      4.Suma dígitos mayor
                                                                                    35
1
                  (3)
                           4
```

```
Suma dígitos mayor
                                Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9, d = 0, c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
            c = S / candidato; // c → Nº de digitos "candidato" a incluir
            if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                            d++; }
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                     for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                 }
                                           Resta a S el valor de los dígitos recién
                                           insertados
            candidato--;
        return solucion;
    }
}
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                  36
                 (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
         int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c -> N^{\circ} de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                 S = S - (candidato * c);
if (S == 0) {
                      for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                      fin = true;
                 }
                                            Si ya no podemos incluir más dígitos mayores
             candidato--;
         return solucion;
    }
                      4.Suma dígitos mayor
                                                                                    37
1
                  (3)
                           4
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
    if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        int[] solucion = new int[D]; // vector para la solucion
        int candidato = 9,  d = 0,  c;
        boolean fin = false;
        while (!fin) {
             c = S / candidato; // c → Nº de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                                                                             d++; }
                 S = S - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
                      for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                     fin = true;
                                            Rellena el resto de posiciones de "solucion"
             candidato--;
                                            con 0's, e indica que ya se ha encontrado la
                                            solución
        return solucion;
    }
}
                     4.Suma dígitos mayor
                                                                                   38
                 (3)
```

```
Suma dígitos mayor
                                 Implementación
public int[] esquemaVoraz(int S, int D){
   if ((S<1) || (S> 9*D)) return null;
    else {
        boolean fin = false;
        while (!fin) { c = S / candidato; // c -> N^o de digitos "candidato" a incluir
             if (c > 0) {
                 for (int i = 0; i < c; i++) {solucion[d] = candidato;</pre>
                 S = \hat{S} - (candidato * c);
                 if (S == 0) {
    for (int i = d; i < D; i++) solucion[i] = 0;</pre>
                      fin = true;
                 }
                                             Se desecha el candidato recién tratado y se
             candidato--;
                                             selecciona el siguiente candidato
        return solucion;
                      4.Suma dígitos mayor
                                                                                     39
1
         2
                  (3)
                           4
```