מושגים בשפות תכנות תרגיל 4

להגשה עד 08/06/2015

בתרגיל זה נבנה Parser ו hterpreter ל A-calculus בשפת

הנחיות כלליות:

- בתרגיל נעשה שימוש ב OCaml בגרסת 4.01 ובספריית Core. כל הפתרונות צריכים לרוץ עם גרסה זו ולהתקמפל ללא שגיאות עם corebuild. הוראות התקנה מופיעות ב: https://github.com/realworldocaml/book/wiki/Installation-Instructions
 - בתרגיל זה כל הקוד צריך להיות "טהור", כלומר ללא side-effects, למעט הדפסות פלט.
- סגנון התכנות צריך להיות בהתאם למה שנלמד בשיעורים ובתרגול: שימוש נרחב ב pattern-matching ופונקציות רקורסיביות (במקום ביטויי תנאי ולולאות).
- כל השינויים בקבצים צריכים להיות במקומות המסומנים בהם. אין לשנות בקבצים דבר מלבד במקומות אלה.
 - באחריותך לבדוק את הקוד שכתבת על דוגמאות נוספות ולוודא את נכונותו.
 - מומלץ לקרוא את התרגיל עד סופו לפני שמתחילים לפתור אותו.
- 1. בשאלה זו נבנה Parser ל λ-calculus מורחב שכולל גם Parser. התחביר (λ-calculus) מוגדר ע"י הדקדוק הבא (אנו משתמשים בסמל (concrete syntax) הקונקרטי (t ::= id | (\id (\id t) | (t1 t2) | (t) | let id=t1 in t2

שימו לב שהדקדוק מחייב סוגריים מסביב ל λ-abstractions ו applications. לדוגמה, המחרוזת הבאה היא מילה חוקית בשפה:

```
let tru = (\t. (\f. t)) in
let fls = (\t. (\f. f)) in
let and = (\b. (\c. ((b c) fls))) in
((and tru) fls)
```

abstract) שניתן ע"י התחביר האבסטרקטי (AST הייצוג הפנימי לביטויים בשפה הוא (syntax בא:

```
term ::= id | \id.term | term1 term2
```

הקובץ lexer.ml מכיל את ה Lexer המלא עבור שפה זו (אין לשנות קובץ זה), ומגדיר את הטיפוס token. הקובץ parser.ml מגדיר את הטיפוס הבא, שמשמש לייצוג ה AST (אין לשנות טיפוס זה):

בקובץ parser.ml עליכם לממש את הפונקציות הבאות:

parse_term : token list -> term * token list
parse : string -> term

format_term : term -> string

הפונקציה parse_term מקבלת רשימה של tokens מקבלת רשימה של של tokens שנשארו, בדומה לדוגמה שראינו בתרגול עבור ביטויים רגולריים. הפונקציה צריכה לזרוק SyntaxError במידה וה parsing נכשל.
 הפונקציה מטפלת בביטויים מהצורה 1 let x=t1 in t2 ע"י ייצוגם בתחביר האבסטרקטי כר:

(\x. t2) t1

(השתכנעו שזהו אכן ייצוג שמשמר את המשמעות של let expressions (השתכנעו שזהו אכן ייצוג שמשמר את המשמעות).

- הפונקציה parse מקבלת מחרוזת ומחזירה את ה term שהיא מייצגת, או זורקת parse מקבלת מחרוזת אינה מכילה מילה בשפה (לפי הדקדוק של SyntaxError במידה והמחרוזת אינה מכילה מילה בשפה (לפי הדקדוק של התחביר הקונקרטי).
- הפונקציה format_term מקבלת term מקבלת term מקבלת format_term מקבלת לצורך הדפסה). הייצוג צריך להיות מילה חוקית בשפה כך שהפעלה של parse על התוצאה של format term זהה ל term המקורי.

בקובץ reducer.ml נבנה interpreter עבור interpreter בשלבים, בשאלות הבאות.

2. הוסיפי לקובץ reducer.ml את הפונקציה:

fv : term -> String.Set.t שמקבלת term ומחזירה את קבוצת המשתנים החופשיים בו. את הקבוצה יש לייצג באמצעות המודול String.Set. כזכור, את קבוצת המשתנים החופשיים ניתן להגדיר באופן אינדוקטיבי כך:

$$FV(x) = \{x\}$$

$$FV(\lambda x. t) = FV(t) \setminus \{x\}$$

$$FV(t1 t2) = FV(t1) \cup FV(t2)$$

3. לצורך מימוש alpha-renaming, אנו זקוקים לפונקציה שתחזיר שם של משתנה חדש שאינו בקבוצה של משתנים בשימוש. לצורך כך הקובץ reducer.ml מכיל את הערך possible_variables : string list שמכיל רשימה של שמות משתנים אפשריים. reducer.ml את הפונקציה:

fresh_var : String.Set.t -> string
הפונקציה צריכה לקבל קבוצה של שמות משתנים בשימוש, ולהחזיר שם חדש מתוך
הרשימה possible_variables. במידה וכל השמות ברשימה בשימוש, הפונקציה צריכה
לזרוק OutOfVariablesError.

4. הוסיפי לקובץ reducer.ml את הפונקציה:

על פונקציה זו לממש החלפה (substitution) כולל alpha-renaming במקרה הצורך. סדר הפרמטרים הוא כזה שהביטוי substitute "x" t1 t2 יחזיר את:

כלומר t2 כאשר כל המופעים של המשתנה x הוחלפו ב t1 (ולא להיפך!).

הפונקציה צריכה לבצע את ההחלפה בכל מקרה, תוך שהיא מבצעת alpha-renaming במקרה הצורך. את פעולת הפונקציה ניתן להגדיר אינדוקטיבית באופן הבא:

$$[x \mapsto s] \ x = x$$

$$[x \mapsto s] \ y = x$$

$$[x \mapsto s] \ (t1 \ t2) = ([x \mapsto s] \ t1) \ ([x \mapsto s] \ t2)$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda x. \ t) = \lambda x. \ t$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda y. \ ([x \mapsto s] \ t)$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

$$[x \mapsto s] \ (\lambda y. \ t) = \lambda z. \ ([x \mapsto s] \ ([y \mapsto z] \ t))$$

כאשר המקרה האחרון מבצע alpha-renaming (השתכנעי שזוהי אכן הגדרה נכונה להחלפה).

5. הוסיפי לקובץ reducer.ml את הפונקציה:

על פונקציה זו לממש צעד אחד של חישוב (reduction) לפי סמנטיקת call-by-value. reduction על פונקציה מחזירה ערך מטיפוס term option, כיוון שלא על כל term option הפונקציה מחזירה ערך החזרה היא:

(reduce_strict t) = Some t' if t ⇒ t' in call-by-value (reduce_strict t) = None if t ⇒, i.e. t is not reducible in call-by-value הפונקציה צריכה לממש את הכללים שנלמדו בשיעור ובתרגול, כאשר הערכים היחידים הם abstractions.

6. הוסיפי לקובץ reducer.ml את הפונקציה:

על פונקציה זו לממש צעד אחד של חישוב (reduction) לפי סמנטיקת lazy-evaluation. 5 הפונקציה מחזירה ערך מטיפוס term option, ומשמעות ערך החזרה לפי ההסבר בשאלה lazy-evaluation.

סמנטיקת lazy-evaluation מוגדרת ע"י הכללים הבאים:

$$\frac{\mathsf{t}_1 \longrightarrow \mathsf{t}_1'}{\mathsf{t}_1 \ \mathsf{t}_2 \longrightarrow \mathsf{t}_1' \ \mathsf{t}_2} \tag{E-APP1}$$

$$(\lambda x.t_{12}) t_2 \rightarrow [x \mapsto t_2]t_{12}$$
 (E-APPABS)

7. הוסיפי לקובץ reducer.ml את הפונקציה:

reduce normal : term -> term option

על פונקציה זו לממש צעד אחד של חישוב (reduction) לפי סמנטיקת normal-order. הפונקציה זו לממש צעד אחד של חישוב (term option) הפונקציה מחזירה ערך מטיפוס normal-order, ומשמעות ערך החזרה לפי ההסבר בשאלה , הפעם עבור סמנטיקת normal-order.

סמנטיקת normal-order מוגדרת ע"י הכללים הבאים לפי הסדר, כלומר הכלל העליון ביותר מופעל במקרה בו ניתן להפעיל יותר מכלל אחד (בניסוח אחר, תמיד בוחרים את ה redex החיצוני ביותר והשמאלי ביותר):

$$(\lambda x.t_{12}) t_2 \rightarrow [x \mapsto t_2]t_{12}$$
 (E-APPABS)

$$\frac{\mathsf{t}_1 \longrightarrow \mathsf{t}_1'}{\lambda \mathsf{x.t}_1 \longrightarrow \lambda \mathsf{x.t}_1'} \tag{E-ABS}$$

$$\frac{\mathsf{t}_1 \longrightarrow \mathsf{t}_1'}{\mathsf{t}_1 \; \mathsf{t}_2 \longrightarrow \mathsf{t}_1' \; \mathsf{t}_2} \tag{E-APP1}$$

$$\frac{\mathsf{t}_2 \longrightarrow \mathsf{t}_2'}{\mathsf{t}_1 \; \mathsf{t}_2 \longrightarrow \mathsf{t}_1 \; \mathsf{t}_2'} \tag{E-APP2}$$

8. הקובץ tests.ml מכיל את הפונקציה הבאה:

evaluate : verbose:bool -> (term -> term option) -> term -> term

פונקציה זו מקבלת את אחת הפונקציות שמימשת בשאלות 5-7, ומקבלת mnm, ומחשבת אותו איטרטיבית עד לצורה שהיא irreducible תוך שימוש בפונקציה הנתונה. אם הפרמטר verbose הוא true, הפונקציה גם מדפיסה את תהליך החישוב. הקובץ true, והשתמשי בו שני קלטי בדיקה ראשוניים. הרחיבי את הקובץ כדי שיכלול בדיקות נוספות, והשתמשי בו במהלך הפיתוח של כל השאלות הקודמות כדי לבדוק את המימוש.

'בונוס א 9

הוסיפי לקובץ parser.ml את הפונקציות הבאות:

parse_term_conv : token list -> term * token list
parse conv : string -> term

הפונקציות צריכות לתפקד כמו הפונקציות משאלה 1, אבל לתמוך במוסכמות התחביריות (syntax conventions) שהגדרנו בכיתה, כלומר לאפשר להשמיט סוגריים, כך שלדוגמה הביטוי הבא יעבור parsing בהצלחה:

 $\xspace \xspace \xsp$

10. בונוס ב'

הוסיפי לקובץ parser.ml את הפונקציה:

format_term_conv : term -> string שתפעל בדומה ל format_term משאלה 1, אבל לא תדפיס סוגריים מיותרים, כשהיא לוקחת בחשבון את המוסכמות התחביריות שהגדרנו בכיתה.

בהצלחה!