בנינו את מחלקות העזר הבאות:

Player

Name	Туре
ID	Int
Level	Int
Group_ptr	Pointer to group

השדה Group יצביע לקבוצה אליה שייך השחקן בתוך עץ כל הקבוצות של PlayersManager (ראה מימוש PlayersManager).

<u>Level</u>

Name	Туре	Sorted by
ID	Int	-
Player_tree	AVL tree with key: int and info: Player*	Player ID

השדה Player_tree יכיל את כל השחקנים השייכים ל-level מסויים. מספר הצמתים בעץ Player_tree חסום ע"י מספר השחקנים בעלי רמה ID כלשהי.

<u>Group</u>

Name	Туре	Sorted by
ID	Int	-
Size	Int	-
Level_tree	AVL tree with key: int and info: Level*	Level_ID
Max_player_info	Struct: int id and int level	

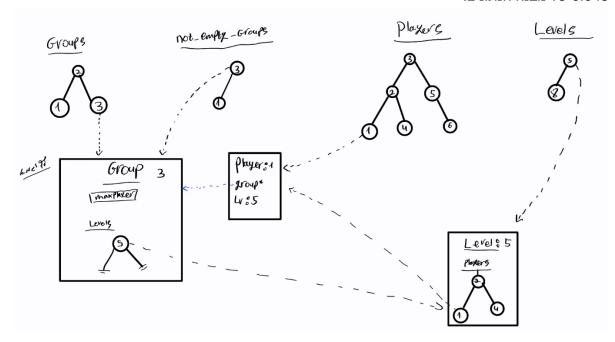
השדה Level_tree יכיל את כל הרמות הקיימות בקבוצה כלשהי. בכל רמה יש עץ של כל השחקנים השייכים לרמה. מספר הצמתים בעץ Level_tree חסום ע"י מספר הרמות בקבוצה, שזה חסום ע"י מספר השחקנים בקבוצה.

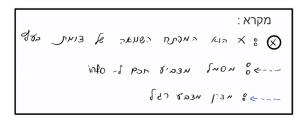
מבנה הנתונים שבחרנו לעבוד איתו בנוי בצורה הבאה:

PlayersManager

Name	Туре	Sorted by
Group_tree	AVL tree with key: int and info: Group	Group ID
Not_empty_group_tree	AVL tree with key: int and info: Group	Group ID
Player_tree	AVL tree with key: int and info: Player	Player ID
Level_tree	AVL tree with key: int and Info: Level	Level
Max_player_info	Struct: int id and int level	

שרטוט של מבנה הנתונים:





סיבוכיות מקום:

נסמן ב-k את מספר הקבוצות וב-n את מספר השחקנים.

כל שחקן מופיע לכל היותר בשלושה עצים:

- Players_tree כשחקן במערכת.
- Level tree כשחקן ברמה שבה הוא נמצא.
- Group tree כשחקן בעץ הרמות של הקבוצה שלו.

כלומר כל שחקן מופיע לכל היותר 3 פעמים במערכת, ולכן סיבוכיות המקום עבור n שחקנים היא (O(n). כל קבוצה מופיעה לכל היותר בשני עצים:

- כקבוצה במערכת. Group_tree
- כקבוצה לא ריקה במערכת Not_empty_group_tree

נעיר כי כל שחקן רק מצביע על קבוצה ולכן לא מחזיק את הקבוצה עצמה, כלומר המצביע תופס מקום קבוע בכל שחקן ולכן סיבוכיות המקום של עץ השחקנים לא תלוייה במספר הקבוצות.

אז כל קבוצה מופיעה לכל היותר פעמיים במערכת, ולכן סיבוכיות המקום עבור k אז כל קבוצה מופיעה לכל היותר פעמיים במערכת, ולכן

בסך הכל סיבוכיות המקום של המערכת עבור k קבוצות ו-n שחקנים: (n+k).

הערות נוספות לגבי גדלי העצים:

כמות הצמתים המקסימלית של עץ הקבוצות הלא ריקות Not_empty_group_tree קטנה או שווה למספר המינימלי בין כמות הקבוצות וכמות השחקנים, כי במקרה הגרוע יש בכל קבוצה שחקן אחד בלבד ולא ייתכן יותר קבוצות לא ריקות מאשר קבוצות.

באופן דומה כמות הצמתים המקסימלית בעץ רמות Level_tree של קבוצה היא ככמות השחקנים בקבוצה -כאשר כל השחקנים נמצאים ברמה שונה וגם כולם שייכים לאותה קבוצה. לכן גם פה פעולה על שחקן בקבוצה מתבצעת ב-(O(log(num_of_players_in_group)) ובפרט ב-O(logn).

סיבוכיות זמן:

Init():

יוצרת PlayersManager ריק. כדי לעשות זאת צריך לאתחל את כל העצים לעצים ריקים. כל עץ מחזיק מצביע לשורש העץ ולכן כדי לאתחל אותו לעץ ריק נדרש לתת למצביע ערך nullptr (נעשה בבנאי של העץ). כדי לאתחל את ה-struct ניצור struct חדש עם ערך דיפולטי מינוס אחד (1-). בסך הכל מתבצעות ארבעה פעולות ולכן סיבוכיות זמן של O(1) כנדרש.

AddGroup(void *DS, int GroupID):

מוסיפה קבוצה ריקה למבנה הנתונים.

ראשית נבדוק האם הקבוצה כבר קיימת - חיפוש בעץ Group_tree, כפי שלמדנו חיפוש בעץ AVL בעל AVL צמתים הוא בסיבוכיות (O(logk). אם הקבוצה לא קיימת, נייצר דינמית Group חדש עם ה-GroupID שקיבלנו ונוסיף אותו לעץ Group_tree. הוספת צומת לעץ AVL עם k צמתים מתבצעת בסיבוכיות (O(logk). לכן בסך הכל סיבוכיות הזמן של הוספת קבוצה היא O(logk).

AddPlayer(void *DS,int PlayerID, int GroupID, int Level):

מוסיפה שחקן חדש לקבוצה.

בהינתן שהעצים במערכת כולם עצי AVL חיפוש הוספה ומחיקה מתבצעים ב log(k) או log(n) בהתאם. ראשית בדקנו כי הקבוצה הנתונה קיימת ושמרנו את כתובתה - חיפוש בעץ קבוצות ב log(k), ושהשחקן אינו קיים כבר במערכת -חיפוש ב log(n).

שנית יצרנו דינמית את השחקן, הוספנו אותו לעץ השחקנים ב log(n), הוספנו אותו לעץ רמות בקבוצה אליה הוא שנית יצרנו דינמית את השחקן, הוספנו אותו לעץ השחקנים ב log(n) ואז הוספת השחקן ברמה לוקח עד (log(n), ובעץ שייך ב log(n) (סי חיפוש הרמה הרלוונטית לוקח עד log(n) ואז הוספת השחקן עד רמות כל השחקנים במערכת בסיבוכיות זמן log(n) (חיפוש רמה רלוונטית לוקח עד log(n) ואז הוספת השחקן עד (log(n)).

תחזקנו את השחקן הגבוהה ביותר במערכת (1)O בעזרת השוואת Int. תחזקנו את השחקן הגבוהה ביותר בקבוצה (0(1) בעזרת השוואת Int. אם הקבוצה הייתה ריקה בעבר הוספנו אותה אל עץ הקבוצות הלא ריקות ב (O(logk). בסך הכל הוספת שחקן מתבצעת בסיבוכיות זמן (O(logk+logn).

RemovePlayer(void *DS, int PlayerID):

מסירה שחקן מהמערכת.

נבדוק אם השחקן קיים: חיפוש בעץ player_tree ולכן מתבצע בסיבוכיות (O(logn). אם השחקן קיים, צריך להסיר אותו משלוש עצים:

- level_tree: צריך למצוא את הרמה אליה השחקן שייך. נחפש בעץ player_tree את השחקן שברצוננו להסיר (חיפוש בעץ AVL עם n צמתים מתבצע בסיבוכיות זמן (O(logn)) ונחלץ מה-AVL שם n צמתים מתבצע בסיבוכיות זמן (bevel_tree) של השחקן. כעת נמצא בעץ level_tree את הצומת המתאימה לרמה של השחק ונסיר מהשדה player_tree
 - חיפוש ב-level_tree: סיבוכיות זמן
 - חיפוש בplayer_tree בתוך ה-level הרלוונטי: סיבוכיות זמן (O(logn). בסך הכל סיבוכיות הזמן של הסרה מ-level_tree היא (O(logn).
 - .O(logn) מתבצעת בסיבוכיות זמן AVL פחבצעת בסיבוכיות מען:
- של info- בתוך כל קבוצה יש עץ של כל הרמות שקיימות בקבוצה. כבר חיפשנו את את ה-info של group_tree : בתוך כל קבוצה יש עץ של כל הרמות שקיימות בקבוצה. נשאר להסיר אותו מהעץ מקודם, יש לגשת לשדה group_ptr כדי להגיע לקבוצה אליו הוא שייך. נשאר להסיר אותו מהעץ level_tree שנמצא בתוך הקבוצה שמצאנו, נעשה בדיוק כמו שכתוב מקודם סיבוכיות זמן (O(logn).

כעת צריך לתחזק את השדות המחזיקים את השחקן בעל הרמה הגבוהה ביותר במערכת ובקבוצה אליה שייך PlayerID.

מציאת השחקן בעל הרמה הגבוהה ביותר במערכת: נלך ל-level_tree ונחפש את הצומת עם הערך הכי גבוהה: הולכים ימינה עד הצומת האחרון - מתבצע בסיבוכיות זמן O(logn). כעת ניגש לשדה player_tree שנמצא ב-info של ה-level שמצאנו עכשיו בחיפוש ונחפש שם את השחקן עם הרמה הכי נמוכה: הולכים שמאלה עד הצומת האחרון - סיבוכיות זמן (O(logn)).

מציאת השחקן בעל הרמה הגבוהה ביותר בקבוצה: אותו דבר בדיוק כמו מקודם אבל עם ה-level_tree ששייך לקבוצה אליה PlayerID שייך, חילצנו אותה מקודם מתוך השדה group_ptr של השחקן. עדכון השדה max_player_level בקבוצה ובכללי מתבצעת ע"י שינוי השדות שלו ולכן לא תלוייה באורך הקלט. בסך הכל כל הפעולות התבצעו ב(O(logn) ולכן סיבוכיות הזמן של הפונקצייה היא (O(logn כנדרש.

ReplaceGroup(void *DS, int GroupID, int ReplacementID):

מכניסה את השחקנים בקבוצה GroupID לקבוצה ReplacementID.

ראשית מוצאים את הצומת המייצגת את כל אחת מהקבוצות בעץ Group_tree - פעמיים חיפוש בעץ AVL, סיבוכיות זמן O(logk). לכל אחת מהקבוצות האלה יש שדה של עץ רמות - level_tree.

נאחד את העצים האלו* - סיבוכיות זמן (M1+m2) כאשר m1 כאשר O(m1+m2) ו-GroupID ו-GroupID העצים האלו* - סיבוכיות זמן (ReplacementID מספר השחקנים בקבוצה

ניצור דינמית קבוצה חדשה בעלת מזהה ReplacementID כך שהעץ level_tree שלה הוא עץ האיחוד ממקודם. כמו כן נעדכן את השדה size לגודל עץ האיחוד.

נזכיר כי לכל שחקן יש מצביע לקבוצה אליה הוא שייך. לכן צריך לעדכן את המצביעים של כל השחקנים בקבוצה שיצרנו. כדי לעשות זאת נעבור בעזרת סיור Inorder על עץ האיחוד (עץ הרמות של הקבוצה). לכל צומת שנגיע נסייר סיור Inorder על עץ השחקנים שבאותה רמה. לכל צומת שנגיע נעדכן את הקבוצה עליה השחקן מצביע לקבוצה החדשה שהקצנו. סכום מספר השחקנים של כל רמה על פני כל הרמות בקבוצה הוא בדיוק מספר השחקנים בסיבוכיות זמן (0(m1+m2).

כעת נסיר מהעץ group_tree את הקבוצות GroupID ו-ReplacementID ונוסיף את קבוצת האיחוד שלהם. נעשה אותו דבר לעץ not_empty_group_tree כך ששומרים על התכונה בעץ זה שכל קבוצה שנמצאת בו אינה נעשה אותו דבר לעץ not_empty_group_tree כך ששומרים על התכונה בעץ, יש התייחסות לזה). ריקה (ייתכן שאחד הקבוצות GroupID, ReplacementID בקבוצה החדשה כך שיכיל את הפרטים הנכונים: חיפוש הרמה לבסוף מעדכנים את השדה מחקן בעל המזהה הקטן ביותר בקבוצה זו מתבצעת בסיבוכיות הגבוהה ביותר בקבוצה זו מתבצעת בסיבוכיות (O(log(m1+m2), כפי שמתואר בפונקצייה הקודמת.

לכן בסך הכל הפונקציה מתבצעת בסיבוכיות זמן O(m1+m2+logk) כנדרש.

- * איחוד עצים: משטחים את העצים למערכים ומאחדים את הרשימה בסיבוכיות זמן (O(m1+m2) כפי שראינו בהרצאה. כעת נייצר עץ חדש לפי הרשימה בעזרת האלגוריתם הבא:
- 0. קריאה לפונקצייה (getTreeFromList(Array list, int start, int end כאשר start זה אינדקס האיבר הראשון end. במערך ו-end
 - .mid=(start+end)/2 חשב.
 - .root=array[mid] בצע.2
 - .root->left=getTreeFromList(list, start, mid-1) בצע 3.
 - .root->right=getTreeFromList(list, mid+1, end) בצע.4

כך עברנו פעם אחת על כל איבר במערך ושמנו במקום מתאים בעץ - סיבוכיות זמן (O(m1+m2). השארית המקסימלית בחלוקה ל-2 היא 1, לכן עבור צומת כלשהו, ההפרש בין כמות הצמתים משמאלו ומימינו יהיה לכל היותר 1. לכן העץ שיצרנו מאוזן.

נעיר כי ייתכן שבשלב איחוד הרשימות, יהיו איברים "כפולים" ברשימה (למשל אם לשתי הקבוצות יש רמה 1). במקרה זה נצטרך לאחד את עצי השחקנים של הרמות הכפולות, לכן נקרא לפונקציה שוב. כעת לא ייתכן כי ברשימה יהיה איברים כפולים כי לא ייתכן שאותו שחקן יהיה בשתי רמות שונות. איחוד עצי השחקנים יקח ברשימה יהיה איברים כפולים כי לא ייתכן שאותו שחקן יהיה בשתי רמות שונות. איחוד עצי השחקנים בכל הרמות (C(num_of_players_in_first_level+num_of_players_in_second_level). סכום כל השחקנים בכל הרמות המאוחדת, עבור 2 הקבוצות הוא של (C(m1+m2).

<u>IncreaseLevel(void* DS, int playerID, int LevelIncrease):</u>

.O(logn) מתבצע ב - Player_tree ראשית מוצאים את השחקן במערכת לפי הרמה הנוכחית של השחקן מסירים אותו מ Level_tree ב O(logn) בעזרת המצביע של השחקן לקבוצה אליה הוא משתייך ניתן להגיע לקבוצה ב(O(1) ולהסיר באופן דומה אותו מעץ O(logn) את השחקן. הרמות של הקבוצה ב O(logn) את השחקן.

אם הוא היה השחקן היחיד ברמה הקודמת בקבוצה או במערכת כולה מסירים את הרמה מהעצים הרלוונטיים -כל הסרה של צומת בעץ הרמות לקחת גם היא (O(logn .

מוסיפים לשחקן את levelincrease ובודקים אם הרמה החדשה שבה הוא נמצא קיימת במערכת ובקבוצה שלו - כל חיפוש רמה כזה לוקח (O(logn), אם לא ,נוסיף לכל אחד מהעצים במידת הצורך את צומת הרמה החדשה - הוספה של צומת בעץ מתבצעת ב (O(logn). לאחר מכן נוסיף את השחקן לעץ הרמות של המערכת ועץ הרמות של הקבוצה גם אלו מתבצעות ב (O(logn). נעדכן את השחקן בעל הרמה הגבוהה ביותר בקבוצה ובמערכת במידת הצורך על ידי פעולה שהולך לקצה הימני ביותר בעץ - יתבצע גם הוא ב (O(logn). לכן בסך הכל הפונקציה מתבצעת בסיבוכיות זמן (O(logn) כנדרש.

GetHighestLevel(void* DS, int GroupID, int* PlayerID):

אם צריך להחזיר את השחק בעל הרמה הגבוהה ביותר בכל המערכת ניגשים לשדה Max_player_info בתוך Vax_player_info בתוך Players_manager וב (0(1) נקבל את התוצאה הדרושה.

אחרת - נחפש בעץ הקבוצות את הקבוצה בעלת ה ID הנתון ב (O(logk) וניגש לשדה Max_player_info שלה ב O(1) ונחזיר את התוצאה הדרושה.

לכן סה"כ הפונקציה מתבצעת ב O(1) במקרה הראשון ו O(logk) במקרה השני כנדרש.

GetAllPlayersBvLevel(void* DS. int GroupID . int* PlayerID):

במידה ונצטרך להחזיר את כל השחקנים במערכת לפי הרמה שלהם (בסדר יורד) נסרוק בinorder "הפוך" על מנת לקבל את הרצוי מהרמה הגבוהה לקטנה ביותר ב Level_tree - מתבצע ב O(n) במקרה הגרוע בו כל השחקנים ברמות שונות.

לאחר מכן בכל רמה נבצע סריקה ב inorder רגיל של עץ השחקנים ברמה כדי לקבל אותם לפי ID מהקטן לגדול. במקרה הגרוע ביותר כל השחקנים נמצאים ברמה זהה ולכן גם זה יתבצע ב O(n).

סה"כ שני המעברים לא יקחו יותר ממספר השחקנים בכל המערכת ולכן זה יתבצע ב O(n) כנדרש.

אחרת נחפש את הקבוצה הנתונה בעץ הקבוצות - זה יתבצע ב O(logk) ואז נבצע את אותו אלגוריתם אך על עץ הרמות של הקבוצה. בהינתן n כמות השחקנים בקבוצה הנתונה, הסריקה תתבצע ב O(n). ובסך הכל ב-O(n+logk).

GetGroupsHighestLevel(void* DS, int GroupID ,int NumOfGroups, int** PlayerID):

צריך להחזיר את מזהה השחקן המקסימלי עבור כל אחת מ-NumOfGroups הקבוצות בעלות המזהה הכי קטן. נבצע סיור inorder על עץ הקבוצות הלא ריקות - not_empty_group_tree.

לכל צומת שנגיע, נכניס למערך (מתבצע ב(O(1)) את המזהה של השחקן המקסימלי - נמצא בשדה לכל צומת שנגיע. בפוצה. MaxPlayerInfo

. איברים NumOfGroups נעצור לאחר שנכניס

כפי שלמדנו, סיור inorder של NumOfGroups צמתים מתבצע בסיבוכיות (NumOfGroups כנדרש.

Quit()

הורסים את כל אחד מהעצים: עץ השחקנים נהרס בסיבוכיות זמן (O(n), עץ הרמות נהרס גם כן ב-O(n) כי יש num_of_players_in_level רמות במשחק ולכל רמה יש num_of_players_in_level שחקנים בעץ השחקנים של הרמה, אז כדי להרוס את עץ הרמות מתבצעות num of levels*num of players in level=n פעולות.

עץ הקבוצות נהרס ב-O(n+k) כי יש k צמתים להרוס ובכל צומת יש עץ levels להרוס שהוא נהרס ב-O(n+k) פעולות. ב-O(num_of_players_in_group) ולכן בסך הכל מתבצעות h+n פעולות. כנ"ל עבור עץ הקבוצות הלא ריקות. בסך הכל הפונקציה מתבצעת בסיבוכיות זמן O(n+k) כנדרש.