Schmit

- Generell: richtige Anführungsteuchen im Pertschen sind:

- Enerell: richtige Anführungsteuchen im Pertschen sind:

- phasengang-Nethode!

- phasengang-Nethode!

- grafisch acht gerphisch ein heiflich

- worfalstend zwischen Text und Fussmalen in acht nein?

- Werweit auf Appendix.

Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode

Fachbericht

5. Juni 2015

Studiengang EIT

Modul Projekt 2

Team 4

Auftraggeber Peter Niklaus

Fachcoaches Peter Niklaus, Richard Gut, Pascal Buchschacher, Anita Gertiser

Autoren Anita Rosenberger, Benjamin Müller, Manuel Suter, Florian Alber, Raphael Frey

Version Entwurf

Abstract

In der Regelungstechnik ist die korrekte Dimensionierung der Regler grundlegend. Die zu regelnde Strecke kann nur durch richtig eingestellte Regelwerte wie gewünscht verändert werden.

Dieses Projekt hat sich zum Ziel gesetzt ein Softwaretool zu entwickeln, welches aus den eingegebenen Streckenwerten K_s , T_u und T_g PI- und PID-Regler dimensioniert. Das Tool berechnet die Reglerwerte mit der sogenannten Phasengangmethode, welche von Jakob Zellweger, ehemaliger Dozent der Fachhochschule Nordwestschweiz, stammt. Diese Methode wurde ursprünglich für die graphische Auswertung des Phasengangs entwickelt und durch Handarbeit mit Geodreieck und Bleistift angewendet. Das Softwaretool ermöglicht die bewährte Methode effizient durch ein automatisiertes Verfahren anzuwenden.

Das entwickelte Softwaretool simuliert neben den berechneten Reglerwerten auch die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises. Zusätzlich wurde die Berechnung dreier gängigen Faustformeln mit implementiert. Zum Vergleich können die Schrittantworten der Faustformeln im gleichen Plot angezeigt werden. Für die Phasengangmethode werden gleichzeitig drei Graphen abgebildet. Einer mit der Standart-Reglerknickfrequenz gemäss Phasengangmethode und zwei weitere welche sich in der Reglerknickfrequenz um $\pm 10^{\circ}$ unterscheiden.

Zusätzlich kann die Reglerknickfrequenz und das Überschwingen mittels Schiebregler manuell verändert werden. Dies ermöglicht die im Vergleich zu der ursprünglichen Handarbeit, enorm He hohe Geschwindigkeit. Somit wird eine Echtzeit Optimierung der bestehenden Phasengangmethode getätigt. 14 maglich

Projekt P2 - Aufgabenstellung vom Auftraggeber (FS 2015)

Reglerdimensionierung mit Hilfe der Schrittantwort

1. Einleitung

In der Praxis werden die klassischen Regler (PI, PID, PD, ...) oft mit sog. Faustformeln dimensioniert. Dazu benötigt man bestimmte Informationen der zu regelnden Strecke. Handelt es sich dabei um "langsame Strecken" mit Zeitkonstanten im Bereich von Sekunden bis Minuten, so ist das Bestimmen und Ausmessen der Schrittantwort oft die einzige Möglichkeit zur Identifikation der Strecke. Typische Beispiele dafür sind Temperaturheizstrecken, welc. a meistens mit einem PTn-Verhalten modelliert werden können (Kaffeemaschine, Boiler, Raumhe" ungen, Lötkolben, Warmluftfön, usw.).

Die Schrittanwort wird mit Hilfe einer Wendetangente vermessen und die Kenngrussen Streckenbeiwert (K_s) , Verzugszeit (T_u) und Anstiegszeit (T_g) werden bestimmt. Dies kann sowohl von Hand (grafisch) oder auch automatisiert durchgeführt werden, frolls die Mediaten elektronisch vorliegen. Mit diesen drei Kenngrössen können mit Hilfe sog. Faus Dormeln Dormeln Dormeln Proper dimensioniert werden (Ziegler/Nichols, Chien/Hrones/Re Work, Oppel Robenberg). Die Faustformeln liefern zwar sehr schnell die Reglerdaten, aber die Sch. Hantworten der entspr. Regelungen sind teilweise weit vom "Optimum" entfernt und der Regelkreis kann sogar instabil werden. In der Praxis muss man diese "Startwerte" häufig nach optimieren, damit die Schrittantwort der Regelung die Anforderungen erfüllt.

Die sog. "Phasengangmetho.'e zw. Reglerd. Persionierung" wurde von Jakob Zellweger (FHNW) entwickelt und liefert Regle Aten, welche näher am "Optimum" sind und für die Praxis direkt verwendet werden können. Dabei kann das Überschwingen der Schrittantwort vorgegeben werden (z.B. 20%, 10%, 2%, oder a priodische Bei dieser Methode kann also das für viele Anwendungen wich Der Verhab der Schrittantwort beeinflusst werden. Um die Phasengangmethode anwenden zu können, much der Frequenzgang der Strecke bekannt sein (analytisch oder numerisch emessen). Mit Hilfe der Fudzovik-Approximation (oder anderer ähnlicher Verfahren) wird die. Problem gelös in dem vorgängig aus den Kenngrössen der Schrittantwort (K_s , T_u, T_g) eine PTn-proximation der Strecke erzeugt wird. Mit dem Frequenzgang der PTn-Approximation können and de Regler dimensioniert werden (I, PI, PID). Die Phasengangmethode war ursprünglich eine patische Methode, basierend auf dem Bodediagramm der Strecke. Aktuell soll die Methode direkt numerisch im Rechner durchgeführt werden.

In dieser Arbeit geht es um die Entwicklung und Realisierung eines Tools zur Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode. Ausgehend von der PTn-Schrittantwort der Strecke sollen "optimale Regler" (PI, PID-T1) dimensioniert werden, wobei das Überschwingen der Regelgrösse vorgegeben werden kann. Zum Vergleich sollen die Regler auch mit den üblichen Faustformeln dimensioniert werden. Wünschenswert wäre auch eine Simulation der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises, so dass die Dimensionierung kontrolliert und evtl. noch "verbessert" werden könnte.

2. Aufgaben/Anforderungen an Tool

Entwerfen und realisieren Sie ein benutzerfreundliches Tool/Programm/GUI/usw. mit welchem PI- und PID-Regler mit der Phasengangmethode dimensioniert werden können. Dabei sind folgende Anforderungen und Randbedingungen vorgegeben:

- Die zu regelnden Strecken sind PTn-Strecken, wobei entweder die Schrittantwort grafisch vorliegt oder die Kenngrössen K_s , T_u und T_g schon bekannt sind
- Die Bestimmung einer PTn-Approximation wird vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und muss entsprechend angepasst und eingebunden werden (Matlab zu Java)
- Das Überschwingen der Regelgrösse (Schrittantwort) soll gewähl werden können
- Zum Vergleich sind die Regler auch mit den üblichen Faustformeln 2. dimensionieren.
- Das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises soll auch bereca, et und visualisiert werden (Schrittantwort)

3. Bemerkungen

Die Software und das GUI sind in enger Absprache mit dem Auftraggeb Au zu entwickeln. Der Auftraggeber steht als Testbenutzer zu Verfügung und soll bei a. Evaluation des GUI eingebunden werden. Alle verwendeten Formeln, Algorithe en und Berechnungen sind zu verifizieren, eine vorgängige oder parallele Programmierung in Malich ist zu empfehlen. Zum Thema der Regelungstechnik und speziell zur Reglerdimen ionierung mit der Phasengangmethode werden Fachinputs durchgeführt (Fachcoach

Literatur

- [1] J. Z. dweger, Regelkreise und Perelungen, Vorlesungsskript.
- [2] J. Zei, 'ger, 'nazengans Me.node, Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [3] H. Unbeh. n, Regelung cechnik I, Vieweg Teubner, 2008.
- [4] W. Schumach, W. Leonhard, Grundlagen der Regelungstechnik, Vorlesungsskript, TU Braunschweig, 2, 3.
- [5] B. Bate, *PID-Einstellregeln*, Projektbericht, FH Dortmund, 2009.

16.02.2015 Peter Niklaus

Inhaltsverzeichnis

1	Ein.	leitung	7
2	Gru	undlagen der Regelungstechnik	8
	2.1	Regelstrecke	8
	2.2	Regler	9
	2.3	Die Steuerung	10
	2.4	Der geschlossene Regelkreis	11
3	Fac	hlicher Hintergrund zur Regler-Dimensionierung	13
	3.1	Frequenzgang der Regelstrecke	14
	3.2	Reglerdimensionierung mittels Faustformeln	15
	3.3	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PI-Regler	17
	3.4	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PID-Regler	21
	3.5	Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung	27
4	Soft	tware	29
	4.1	View	29
	4.2	Controller	29
	4.3	Model	29
	4.4	Benutzungs-Beispiel (Use-Case)	30
5	Tes	ts	33
6	Sch	lussfolgerungen	34
Αj	ppen	dix	36
\mathbf{A}	Bes	chreibung der Algorithmen	36
	A .1	Sani	36
	A.2	Umrechnuug von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung	38
	A.3	Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung	38
	A.4	utfController	40
	A.5	Faustformel Oppelt	40
	A.6	Faustformel Rosenberg	42
	A.7	Faustformel Ziegler	43
	A.8	Faustformel Chien	44

Li	teraturverzeichnis	53
в	Manuelle Berechnung des Hilfsparameteres β	51
	A.12 Berechnung von T_{vk} und T_{nk}	49
	A.11 overShootOptimisation	48
	A.10 schrittIfft	46
	A.9 diskDiff	45

Versionsgeschichte

04.05.2015: Version 0.01 06.05.2015: Version 0.02

1 Einleitung

Im Rahmen des Projektes soll ein Tool entwickelt werden, welches einen PI- respektive einen PID-Regler mittels der von Prof. Jakob Zellweger entwickelten Phasengangmethode?? dimensioniert. Zum Vergleich soll der entsprechende Regler ebenfalls mittels verschiedener Faustformeln berechnet werden.

Die Phasengangmethode ist eine graphische Methode, die bis anhin mit Stift und Papier durchgeführt wurde. Folglich ist die Ausführung zeitaufwändig, speziell wenn Schrittantworten mit unterschiedlichen Parameterwerten durchgespielt werden sollen. Zudem kann das Überschwingen nur grob gewählt werden. Das Tool soll ausgehend von drei Parametern aus der Schrittantwort der Strecke (Verstärkung K_s , Anstiegszeit T_g , Verzögerungszeit T_u) mittels der Phasengangmethode möglichst ideale Regelparameter berechnen sowie die Schrittantwort des darauf basierenden geschlossenen Regelkreises graphisch darstellen. Die Benutzeroberfläche der Software soll intuitiv sein, sodass sich auch mit dem Thema nicht eingehend vertraute Regelungstechniker einfach zurechtfinden.

Die erforderlichen Algorithmen wurden zuerst in Matlab als Prototypen implementiert und anschliessend in Java übersetzt. Um optimale Wartbarkeit, Übersichtlichkeit und Modularität des Codes zu gewährleisten, ist die Software gemäss Model-View-Controllern-Pattern aufgebaut.

Nach der Implementierung in Matlah wurde klar, dass die Berechnung durch die hohe Rechenleistung sehr schnell durchgeführt werden kann und somit eine Dimensionierung des geschlossenen Regelkreises anhand dieser Methode von Herrn Zellweger möglich ist.

Der Bericht gliederte sich in zwei Teile: Der ersten Teil erläutert die theoretischen Grundlagen und darauf aufbauend stellt der zweite Teil der Aufbau der Software dar.

diesem Abschnitt

diesem Abschnitt

2 Grundlagen der Regelungstechnik

2.1 Regelstrecke

In der Regelungstechnik wird die zu regelnde Strecke als Regelstrecke bezeichnet. Die Regelstrecke wird durch ihr Zeitverhalten charakterisiert, welches den Aufwand und die Güte der Regelung bestimmt. Um das Zeitverhalten zu beschreiben verwendet man die Sprungantwort, welche zeigt, wie die Regelgrösse auf Stellgrössenänderung reagiert. Mit der entstehenden Regelgrösse werden verschiedene Regelstrecken unterschieden:

- P-Regelstrecke
- · I-Regelstrecke
- · Strecken mit einer Totzeit
- · Strecken mit Energiespeicher

Dieses Projekt beschäftigt sich mit den PTn-Strecken, welche eine Kombination aus einer Strecke mit proportionalen Verhalten und einer mit Totzeit sowie der Angabe der Ordnung n der Strecke.

P-Regelstrecke

Bei der Regelstrecke mit proportionalem Verhalten folgt die Regelstrecke proportional der Stellgrösse ohne Verzögerung. Dies kommt in der Praxis nicht vor, da immer eine Verzögerung vorhanden ist. Ist diese jedoch sehr klein spricht man von einer P-Strecke. Das Verhalten der Strecke ist in seinem Blockschaltbild (Abb.1) symbolisch dargestellt. Der Proportionalitätsfaktor wird mit K_p abgekürzt. Wird $K_p < 1$ wirkt K_p nicht mehr verstärkend sondern abschwächend.



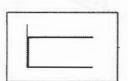


Abbildung 1: Blockschaltbild von P-Strecke

Strecken mit Totzeit

Ändert sich die Stellgrösse, wirkt sich diese Änderung bei einer Strecke mit Totzeit erst nach einer gewissen Zeit auf die Regelgrösse aus. Mit T_t wird das Mass der Totzeit gekennzeichnet.

Totzeiten verursachen schnell Schwingungen, da sich die Stellgrösseänderung zeitverzögert auf die Regelgrösse auswirkt. Die Schwingungen entstehen wenn sich die Stellgrösse und die Regelgrösse periodisch ändern.

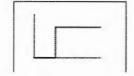


Abbildung 2: Blockschaltbild von Strecke mit Totzeit

2.2 Regler 9

I-Regelstrecke

Die I-Regelstrecke antwortet auf eine Stellgrössenänderung mit einer fortwährenden Änderung in steigende oder fallende Richtung. Die Begrenzung dieses Vorganges ist mit den systemgegeben Schranken gegeben. Die Integrierzeit T_i ist ein Mass für die Anstiegsgeschwindigkeit der Regelgrösse und das Blockschaltbild (Abb. 3) zeigt das Verhalten sinnbildlich.

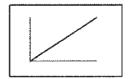


Abbildung 3: Blockschaltbild von I-Strecke

2.2 Regler

Die Aufgabe eines Reglers besteht die zu regelnde Strecke mit einem Stellsignal so zu beeinflussen, dass der Wert der Regelgrösse gleich dem Wert der Führungsgrösse entspricht. Der Regler besteht aus einem Vergleichsglied, welches die Reglerdifferenz aus der Differenz zwischen Führungs- und Reglergrösse bildet und dem Reglerglied. Das Reglerglied erzeugt aus der Reglerdifferenz die Stellgrösse.

Es wird zwischen P-, I- und D-Regler unterschieden.

In diesem Projekt werden die PI- und PID-Regler, welche Kombinationen der oben genannten Regler sind, behandelt.

1 PI-Regler

Der PI-Regler besteht aus einer Parallelschaltung von einem P- und einem I-Regler (Abb.??). Durch diese Kombination werden die Nachteile beider Regler aufgehoben und die Vorteile (schnell, stabil) hervorgehoben. Sein Verhalten wird bildlich in dem Blockschaltbild in Abbildung 5.

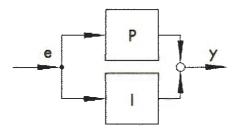


Abbildung 4: Parallelschlatung von P-Regler und I-Regler

2 PID-Regler

Wird dem PI-Regler ein D-Anteil parallel geschaltet (Abb. ??), entsteht der PID-Regler. Der PID-Regler ist ein sehr oft verwendeter Regler, da durch den D-Anteil die Regelgrösse rascher den Sollwert erreicht und der Einschwingvorgang schneller abgeschlossen ist. Das Blockschaltbild zeigt dieses Verhalten (Abb.7) figürlich. Der PID-Regler ist geeignet für Strecken höheren

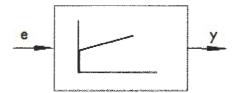


Abbildung 5: Blockschaltbild von PI-Regler

Ordnungen, welche möglichst schnell und ohne bleibende Regelabweichung geregelt werden müssen.

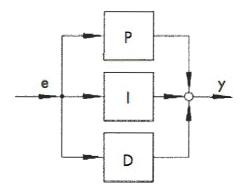


Abbildung 6: Parallelschaltung von P-, I-, und D-Regler

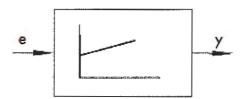


Abbildung 7: Blockschaltbild des PID-Reglers

2.3 Die Steuerung

Unter einer Steuerung versteht man eine offen Wirkungskette wie in Abbildung 8, dass heisst die Wirkglieder sind kettenähnlich aufgereiht und besitzen keine Rückkopplung. Die Steuerkette wird genau für eine Steuerung ausgelegt und kann nur einer Störgrösseart entgegenwirken. Ohne die Rückkopplung wird das Ausgangsignal nicht mit dem Eingangssignal verglichen und es können keine Korrekturen vorgenommen werden.

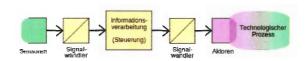


Abbildung 8: Steuerung

2.4 Der geschlossene Regelkreis

) Die Aufgabe eines geschlossenen Regelkreises (Abbildung 9) ist es, einen vorgegeben Sollwert zu erreichen und diesen auch bei Störungen aufrecht zu erhalten. Dabei sollen die unten genannten dynamischen Anforderungen eingehalten werden, damit die Stabilität des Regelsystems garantiert ist. Die wichtigste Bedingung für die Schrittantwort ein geschlossenen Regelkreis heisst, dass der Regelfehler, die Differenz zwischen Ist- und Sollwert, gleich Null oder möglichst klein ist.

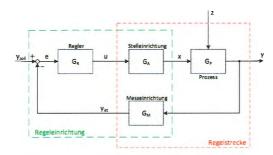


Abbildung 9: Geschlossener Regelkreis

- y_soll bezeichnet den Sollwert der Regelgrösse.
- e Regelabweichung (Regelfehler)
- u Steuergrösse
- x Stellgrösse
- y Regelgrösse
- z Störgrössen werden in diesem Projekt nicht berücksichtigt
- $y_i st$ ist der Ist-Wert der Regelgrösse und wird auch als die Schrittantwort des Regelkreises bezeichnet.

Grundsätzlich können fünf Anforderungen für einen geschlossenen Regelkreis und deren Schrittantworten zusammengefasst werden:

- Der Regelkreis muss stabil sein: Für das Regelsystem heisst stabil, dass es in seinen Gleichgewichtszustand zurückgeführt werden kann.
- 2. Der Regelkreis muss genügend gedämpft sein.
- 3. Der Regelkreis muss eine bestimmte stationäre Genauigkeit aufweisen: Das bedeutet, der Regelfehler e(t) soll für $t \to \infty$ gegen null gehen.
- 4. Der Regelkreis muss hinreichend schnell sein: Ist die Dämpfung zu stark oder zu schwach, braucht der Einschwingvorgang mehr Zeit. Hierbei muss darauf geachtet werden, dass die spezifischen Anforderungen an das Regelsystem eingehalten werden.
- 5. Der Regelkreis muss robust sein: Der Regelkreis muss so ausgelegt werden, dass das Regelsystem auch im schlimmsten Fall (je nach Regelsystem situationsabhängig) in der Lage ist, das System zurück in den stabilen Zustand (vgl. 1.) zu regeln.

1 Die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises

Als Schrittantwort eines geschlossenen Regelkreises wird das Ausgangssignal y(t) bezeichnet. Im Zusammenhang mit den Anforderungen an den geschlossenen Regelkreis, werden an die Schrittantwort folgende Forderungen gestellt:

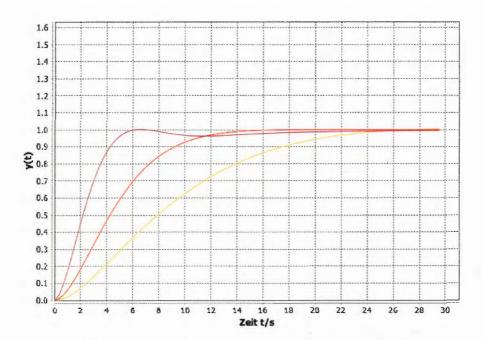


Abbildung 10: Schrittantworten verschiedener Charakteristiken

- 1. Die Schrittantwort eines stabilen Regelkreises darf nach dem Erreichen des eingeschwungenen Zustand kein erneutes Überschwingen auftreten (zu sehen in der braunen Kurve in Abbildung 10).
- 2. Die Dämpfung der Schrittantwort soll so stark sein, dass der eingeschwungene Zustand möglichst rasch erreicht wird, ohne dass das Überschwingen des Systems zu stark wird. Eine zu langsame Schrittantwort ist in Abbildung 10 in Form der gelben Kurve dargestellt, eine ideale Schrittantwort ist durch die rote Kurve repräsentiert.
- 3. Die Schrittantwort muss für ein $t \to \infty$ gleich y_{sol} sein.
- 4. Die Schnelligkeit des Einschwingvorganges der Schrittantwort ist stark von der Dämpfung abhängig. Wenn diese zu stark oder zu schwach ist, ist der Regelkreis zu langsam.

Fachlicher Hintergrund zur Regler-Dimensionierung 3



Das Kernstück dieser Arbeit und des zugehörigen Softwaretools stellt die so genannte "Phasengangmethode zur Reglerdimensionierung" von Jakob Zellweger dar [1]. Diese wurde ursprünglich H 9 1/1 als vereinfachte grafische Methode zur Approximation der -20dB/Dek Methode erarbeitet und im Rahmen dieses Projektes in einem Java-Tool automatisiert. Als Vergleich wertet die Software ebenfalls einige der gängigen Faustformeln aus. //

Das Tool führt grob vereinfacht folgende Schritte aus:

- Bestimmung des Frequenzgangs der Regelstrecke aus Verzögerungszeit T_u , Anstiegszeit T_q und Verstärkung K_s (Abschnitt 3.1)
- Dimensionierung des Reglers mittels Faustformeln (Abschnitt 3.2)
- Dimensionierung des Reglers durch die Phasengangmethode (Abschnitte 3.3 und 3.4)
- Umrechung der Regler-Darstellung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung (Abschnitt 3.5)
- Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises (Abschnitt 2.4)

Im folgenden Kapitel wird auf diese Punkte genauer eingegangen und das Vorgehen anhand eines konkreten Beispiels rechnerisch und grafisch erläutert. Die Durchrechnung der Phasengangmethode orientiert sich an den Rezepten, welche bereits im fachlichen Teil des Pflichtenheftes dieses Projektes zu finden sind [2]. Genauere Hintergrundinformationen zur Phasengangmethode selbst sind dem Vorlesungs-Skript von J. Zellweger zu entnehmen [1].

Das Überschwingverhalten kann im Software-Tool vom Benutzer auf einen Zielwert zwischen 9% und 30% eingestellt werden. Das Tool optimiert den resultierenden Regler dann entsprechend, um dieser Vorgabe möglichst nahe zu kommen. Dazu wird die Reglerverstärkung K_{rk} angepasst, bis ein passendes Resultat erzielt ist.

3.1 Frequenzgang der Regelstrecke

Als Ausgangspunkt der Reglerdimensionierung dient die Schrittantwort der Strecke. Durch Einzeichnen der Wendetangente 1 ergeben sich Schnittpunkte der Wendetangente mit der Zeitachse $[T_u,0]$ und mit dem Zielwert $[T_g+T_g,K_s]$. Es können nun also die Verzögerungszeit T_u und die Anstiegszeit T_g aus aus Abbildung 11 abgelesen werden.

Wir werden in diesem Bericht folgende Strecke als Beispiel nehmen:

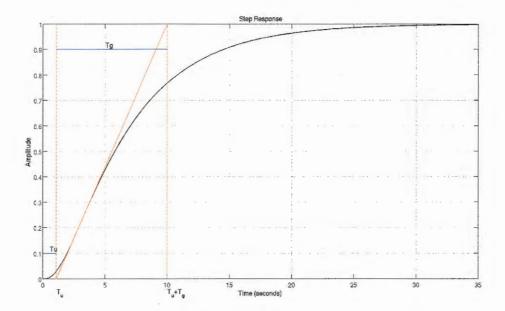


Abbildung 11: Schrittantwort der Beispielstrecke (schwarz), Wendetangende (rot), T_u und T_g (blau)

Ausmessen der Schrittantwort ergibt:

- $K_s = 2^{2}$
- $T_u = 1.1 \, \mathrm{s}$
- $T_q = 8.9 \, \mathrm{s}$

Der geschlossene Regelkreis soll schlussendlich maximal etwa 16.3% überschwingen.

Da die Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode vom Frequenzgang einer Strecke ausgeht und nicht von deren Schrittantwort, wird aus den obigen Werten nun der Frequenzgang der Strecke bestimmt. Dies erledigt die Methode p_sani³, welche uns die Werte für die Übertragungsfunktion der Strecke liefert. In unserem Fall ergibt dies folgendes Polynom:

¹Die Wendetangante ist die Tangente an den Wendepunkt in der Anstiegs-Phase der Schrittantwort.

²Abbildung 11 ist auf 1 normiert, die Verstärkung unserer Beispielstrecke beträgt 2. An den Werten für die Verzögerungs- und Anstiegszeit oder am Ausmessen der Schrittantwort ändert sich dadurch nichts

³Die Methode p_sani wurde zu Beginn des Projektes in einer Matlab-Implementation vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und anschliessend für unser Tool in Java übersetzt.

Sie kann aus der Verzögerungszeit, der Anstiegszeit und der Verstärkung der Strecke ein Polynom für deren Übertragungsfunktion vom Grad 1 bis 8 ausrechnen.

Als Eingabeparameter werden die Werte T_u , T_g und K_s benötigt, als Rückgabewert erhält man ein Array mit den Zeiten T_i für die Nenner der Faktoren des Polynoms (siehe Gleichung 1).

$$H_s(s) = K_s \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_1} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2}$$

$$= 2 \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}$$
(1)

Mit einem geeigneten Tool kann man sich den dazugehörigen Plot erstellen lassen.

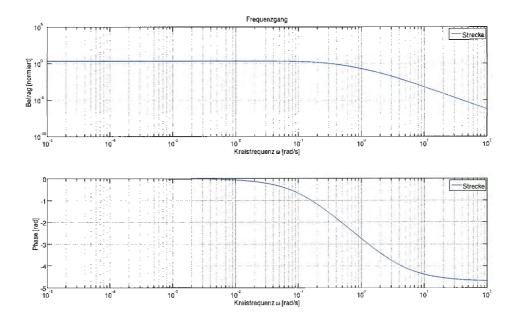


Abbildung 12: Frequenzgang der Strecke

Hug and Phosengers d.

Somit ist der Frequenzgang der Strecke bekannt und man hat alle erforderlichen Informationen, um den Regler mit der Phasengangmethode zu dimensionieren. $\mathcal{H}_{\mathcal{G}}$

3.2 Reglerdimensionierung mittels Faustformeln

Im Praxiseinsatz stehen für die Dimensionierung von Reglern einfache Berechnungsformeln zur Verfügung (siehe Tabelle 1). Diese liefern Einstellwerte anhand von T_u , T_g und K_s . An dieser Stelle wird daher unsere Beispielstrecke zuerst mit einigen der gängigen Faustformeln dimensioniert, um das Ergebnis anschliessend mit dem Resultat der Phasengangmethode vergleichen zu können.

autome Seite?

 -						
	Faustformel	PI-Regle	er	PID-T1-F	Regler	
1		T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
_	Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$1.2 \cdot T_g$	$\frac{0.35}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	T_g	$0.5 \cdot T_u$	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
	Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	T_g	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$1.35 \cdot T_g$	$0.47 \cdot T_u$	$\frac{0.95}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
	Oppelt [5]	$3 \cdot T_u$	$\frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.42 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

Faustformel	PI-Regler	PID-T1-R€			
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Rosenberg [5]	$3.3 \cdot T_u = \frac{0.1}{R}$	$\frac{91}{s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$ ($0.45 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{T_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

Tabelle 1: Faustformeln zur Reglerdimensionierung

Setzt man die Werte für K_s , T_u , T_g in diese Formeln ein, ergiben sich die Werte aus Tabelle 2.

Faustformel	PI-Regl	er	PID-T1		
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	10.68 s	1.42	8.9 s	0.55 s	2.43
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	8.9 s	2.43	12.02 s	52 s	3.84
Oppelt [5]	$3.3\mathrm{s}$	3.24	$2.2\mathrm{s}$	$0.46\mathrm{s}$	4.85
Rosenberg [5]	$3.63\mathrm{s}$	3.68	$2.2\mathrm{s}$	$0.50\mathrm{s}$	4.85

Tabelle 2: Reglerparameter bestimmt mit Faustformeln aus Tabelle 1

3.3 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PI-Regler

Es werden nun anhand der Phasengangmethode sowohl ein PI- wie auch ein PID-Regler für die in Abschnitt 3.1 ausgemessene Strecke dimensioniert (siehe nächster Abschnitt für PID-Regler).

Tabelle 3 fasst die häufig verwendeten Begriffe in einer Übersicht zusammen:

$H_{ heta}(j\omega)$	Übertragungsfunktion der Regelstrecke
$A_s(j\omega)= H_s(j\omega) $	Amplitudengang der Regelstrecke
$arphi_s(j\omega) = arg(H_s(j\omega))$	Phasengang der Regelstrecke
$H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des Reglers
$A_r(j\omega)=[H_r(j\omega)[$	Amplitudengang des Reglers
$\varphi_r(j\omega) = arg(H_r(j\omega))$	Phasengang des Reglers
$H_o(j\omega) = H_s \cdot H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des offenen
	Regelkreises
$A_o(j\omega) = H_o(j\omega) $	Amplitudengang des offenen Regel-
	kreises
$arphi_o(j\omega) = arg(H_o(j\omega)) = arphi_s(j\omega) + arphi_r(j\omega)$	Phasengang des offenen Regelkrei-
	ses
$H_{rpid} = K_{rk} \left[\frac{(1+sT_{nk})(1+sT_{vk})}{sT_{nk}} \right]$	Übertragungsfunktion des PID-
si_{nk}	Reglers (taden (confrom) ?
$H_{rpi} = K_{rk} \Big[1 + rac{1}{sT_{rk}} \Big]$	Übertragungsfunktion des PI-
ST_{nk}	Reglers (restarting from ! ?
	1000000

 ${\bf Tabelle~3:~Die~wichtigsten~Begriffs definitionen}$

Ziel

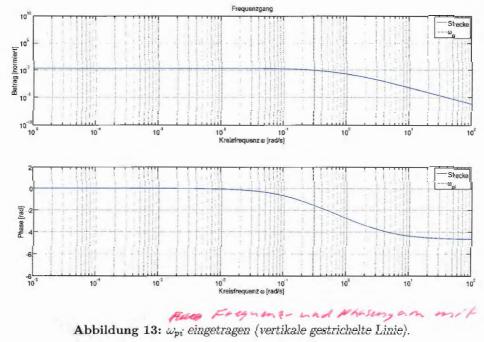
Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} und T_{nk} in der Übertragungsfunktion des

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{2}$$

Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pi}

Zuerst wird im Phasengang der Strecke gemäss Formel 3 die Frequenz ω_{pi} bestimmt, für welche die Phase der Strecke -90° beträgt, ersichtlich in Abbildung 13 $^{\hat{4}}$.

$$\varphi_s(\omega_{pi}) = -90^{\circ} \tag{3}$$



Wie man aus Abbildung 13 ablesen kann, liegt dieser Wert für ω_{pi} in unserem Beispiel bei ungefähr $0.3\,\mathrm{s^{-1}}.$ Die Kontrollrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_{pi} = 0.3039 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{4}$$

⁴Der Winkel stellt keinen endgültigen Wert dar. Dieser wurde von Jakob Zellweger fixiert, um eine grafische Evaluation überhaupt zu ermöglichen. Durch Anpassung dieses Wertes kann je nach Regelstrecke das Regelverhalten weiter optimiert werden.

19

2 Bestimmung von T_{nk}

Damit kann nun T_{nk} direkt berechnet werden⁵:

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pi}} = \frac{1}{0.3039 \,\mathrm{s}^{-1}} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$
 (5)

3 Bestimmung der Durchtrittsfrequenz ω_d

Die Durchtrittsfrequenz ist die Frequenz, bei der die betrachtete Übertragungsfunktion $H(j\omega)$ eine Verstärkung von $0 \, dB = 1$ aufweist. In der Phasengangmethode soll sie so festgelegt werden, dass der offene Regelkreis Gleichung 6 erfüllt. Dabei ist für φ_s abhängig vom gewünschten Überschwingverhalten ein Wert aus Tabelle 4 auszuwählen ⁶. Nach dem Festlegen der Durchtrittsfrequenz wird dann im nächsten Abschnitt die Verstärkung des Reglers noch angepasst.

$$\varphi_o(\omega_d) = \varphi_s.$$
Überschwingen 0% 16.3% 23.3%
$$\varphi_s \qquad -103.7^\circ \quad -128.5^\circ \quad -135^\circ$$
(6)

Tabelle 4: Werte für φ_s

Um Gleichung 6 auswerten zu können, wird der Phasengang des offenen Regelkreises benötigt. Dazu wird der in Gleichung 5 erhaltene Wert für T_{nk} in die Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 2) eingesetzt. K_{rk} ist noch unbekannt, hat aber auf die Phase keinen Einfluss und wird somit vorerst einfach auf 1 gesetzt.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}} \right]$$
(7)

Daraus kann nun der Frequenzgang des offenen Regelkreises (Übertragungsfunktion H_o , Amplitudengang A_o , Phasengang φ_o) identifiziert werden.

$$H_{o}(s) = H_{rpi}(s) \cdot H_{s}(s)$$

$$= \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}}\right]\right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}}\right)$$

$$= \left(1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}}\right]\right) \cdot 2 \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}\right)$$
(8)

⁵Um die Akkumulation von Ungenauigkeiten zu minimieren, werden bei diesen Berechnungen die genauen Werte aus Matlab verwendet und nicht die gerundeten Zwischenresultate, was zu Abweichungen zu den von Hand berechneten Ergebnissen führen kann.

⁶Die Werte für φ_s aus Tabelle 4 stellen keine abschliessende Auflistung dar und sind lediglich als Anhaltspunkte zu betrachten. Weicht das Verhalten des geschlossenen Regelkreises am Schluss zu stark vom gewünschten Ergebnis ab, besteht durch die Wahl anderer Werte für φ_s die Möglichkeit weiterer Optimierung.

Von besonderem Interesse ist der Phasengang $\varphi_o(j\omega)$ dieser Übertragungsfunktion. Wie Anfangs spezifiziert, soll ein maximals Überschwingen von ca. 16.3% angestrebt werden. Dazu muss gemäss Tabelle 4 die Durchtrittsfrequenz ω_d gefunden werden, an welcher der offene Regelkreis eine Phase von -128.5° aufweist (Gleichung 6). In Abbildung 14 kann dies grafisch verifiziert werden.

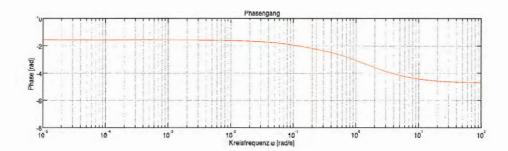


Abbildung 14: Phasengang $\varphi_o(j\omega)$ des offenen Regelkreises mit eingetragener Durchtrittsfrequenz ω_d (vertikale gestrichelte Linie). Wie man sieht, weist der offene Regelkreis unseres Beispiels bei dieser Kreisfrequenz eine Phase von -128.5° auf (etwa $-2.24\,\mathrm{rad}$).

Dies ergibt:

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{9}$$

4 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

Im letzten Schritt muss nun wie im vorherigen Abschnitt erwähnt die Verstärkung K_{rk} des It Reglers noch angepasst werden, damit der offene Regelkreis bei der angestrebten Durchtrittsfrequenz ω_d auch effektiv eine Verstärkung von 1 aufweist. Dazu wird $j\omega_d$ in Gleichung 8 für den Parameter s eingesetzt und $|H_o(j\omega_d)|=1$ gesetzt.

$$A_{o} = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpi}(j\omega) \cdot H_{s}(j\omega)|$$

$$= \left| \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{j \cdot \omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \right) \right| \quad (10)$$

$$= 1$$

Mit den Werten

$$K_s = 2$$

$$T_{nk} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$

$$T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$$

$$T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$$

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{rad} \,\mathrm{s}^{-1}$$
(11)

löst man Gleichung 10 nun nach $K_{\tau k}$ auf und erhält:

$$K_{rk} = 0.517577 \tag{12}$$

5 Resultat

Somit ist der PI-Regler vollständig bestimmt und hat folgende Form:

$$H_{rpi} = 0.518 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.29 \,\mathrm{s}} \right] \tag{13}$$

In Abbildung 15 sind die wichtigsten Werte für diesen Prozess nochmals in einer Übersicht zusammengefasst.

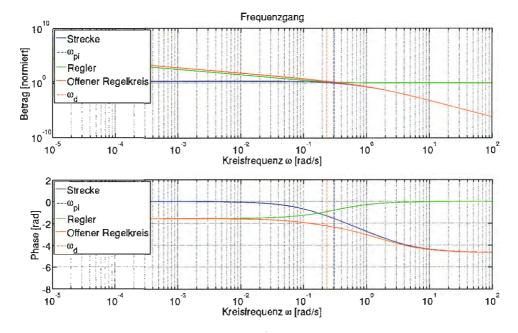


Abbildung 15: Frequenzgang des Reglers (grün), der Strecke (blau) und des offenen Regelkreises (rot).

3.4 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PID-Regler

Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} , T_{nk} und T_{vk} in der Übertragungsfunktion des Reglers:

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[rac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}}
ight]$$

1 Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pid}

Analog zum PI-Regler wird zuerst im Phasengang der Strecke die Frequenz ω_{pid} bestimmt, für welche die Phase einen bestimmten Wert aufweist, nur wird hier -135° benutzt 7:

 $\varphi_s(\omega_{pid}) = -135^{\circ}$ (15) wind him.

In unserem Beispiel ergibt dies:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{16}$$

Eine grafische Überprüfung kann anhand von Abbildung 16 durchgeführt werden.

2 Steigung des Phasengangs bei der Reglerfrequenz

Anschliessend wird die Steigung des Phasengangs φ_s der Strecke bei der Frequenz ω_{pid} bestimmt. Ausgangspunkt dafür ist die von p_sani bestimmte Übertragungsfunktion der Strecke (siehe $H_{\mathcal{F}}$ Gleichung 1).

$$\left. \frac{d\varphi_s}{d\omega} \right|_{\omega = \omega_{pid}} = \frac{d(arg(H_s(j\omega)))}{d\omega} \right|_{\omega = \omega_{pid}} = -1.5124 \,\mathrm{s}$$
(17)



3 Hilfsparameter β

Zwischen den Steigungen der Phasen des offenen Regelkreises (φ_o) , der Strecke (φ_s) und des Reglers (φ_r) gilt gemäss Tabelle 3 folgende Beziehung:

$$\varphi_o = \varphi_s + \varphi_r \tag{18}$$

Da die Ableitung eine lineare Funktion ist, gilt somit auch:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega} = \frac{d\varphi_s}{d\omega} + \frac{d\varphi_r}{d\omega} \tag{19}$$

Diese Beziehungen können auch gut in Abbildung 16 von Hand überprüft werden.

Es soll nun gelten:

$$\left. \frac{d\varphi_o}{d\omega} \right|_{\omega = \omega_{pid}} = -\frac{1}{2} \tag{20}$$

Da $\frac{d\varphi_s}{d\omega}$ durch die Strecke gegeben und somit unveränderlich ist, kann lediglich der Wert von $\frac{d\varphi_r}{d\omega}$ angepasst werden, damit Gleichung 20 erfüllt wird.

Dazu führt man den Hilfsparameter β ein, für den gilt:

$$\frac{1}{T_{vk}} = \frac{\omega_{pid}}{\beta}$$

$$\frac{1}{T_{nk}} = \omega_{pid} \cdot \beta$$

$$0 < \beta < 1$$
(21)

⁷Wie auch beim PI-Regler stellt diese Frequenz lediglich einen Ausgangspunkt dar und kann zur weiteren Optimierung des Resultats noch angepasst werden.

Wie in Abbildung 16 gesehen werden kann ⁸, liegen die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ symmetrisch um den Faktor β respektive $\frac{1}{\beta}$ oberhalb bzw. unterhalb der Frequenz ω_{pid} .

Will man β von Hand berechnen, trifft man zuerst eine "vernünftige" Annahme, zum Beispiel:

$$\beta = 0.5 \tag{22}$$

Mit diesem Startwert bestimmt man nun T_{nk} und T_{vk} :

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$
(23)

Die somit erhaltenen Werte setzt man in Gleichung 14 ein, zusammen mit dem Wert für ω_{pid} aus Gleichung 16. Da K_{rk} noch unbekannt ist, aber auf den Phasengang keinen Einfluss hat, setzt man vorerst $K_{rk} = 1$, um weiterrechnen zu können.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega \cdot T_{vk})}{j\omega \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$
(24)

Von dieser Gleichung bestimmt man nun den Phasengang und wertet danach dessen Ableitung an der Stelle $\omega = \omega_{pid}$ aus. Die zugehörige Rechnung kann in Anhang B gefunden werden.

$$\varphi_r(j\omega) = arg(H_{rpid}(j\omega))$$

$$\frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = 1.1920 \,\mathrm{s}$$
(25)

Setzt man dies in Gleichung 18 ein, erhält man:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5} = \frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} + \frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5}$$

$$= -1.5124 \,\mathrm{s} + 1.1920 \,\mathrm{s}$$

$$= -0.3204 \,\mathrm{s}$$

$$> -\frac{1}{2}$$
(26)

Mit $\beta = 0.5$ erhält man also eine zu hohe Steigung des offenen Regelkreises an der Stelle ω_{pid} , folglich muss β verkleinert werden. Diese Berechnungen werden nun mit jeweils neuen Werten

⁸Man beachte dabei, dass der Plot logarithmisch skaliert ist. Eine identische Wegstrecke zwischen zwei Punkte-Paaren auf der Frequenzachse bedeutet also, dass diese um denselben *Faktor* auseinander liegen, und nicht, dass die Differenz zwischen den jeweiligen Punkten identisch ist. Im Falle der Punkte-Paare $\left[\frac{1}{T_{nk}}, \omega_{pid}\right]$ und $\left[\omega_{pid}, \frac{1}{T_{vk}}\right]$ ist dieser Faktor β , wie in Gleichung 21 ersichtlich.

für β solange wiederholt, bis die Steigung des offenen Regelkreises die gewünschte Nähe zu $-\frac{1}{2}$ aufweist.

Da die manuelle Iterierung dieses Prozesses enorm viel Zeit in Anspruch nimmt, bietet sich hier A Itu af in eine Automatisierung an. Die Berechnung mittels eines geeigneten Algorithmus in Matlab liefert schlussendlich folgendes Ergebnis:

$$\beta = 0.2776$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = 5.3656 \,\mathrm{s}$$

$$(27)$$

Diese Werte sind in ebenfalls in 16 eingetragen. Hy Win Abb. Me was Sollte man für β einen komplexen Wert erhalten, wird $\beta=1$ gesetzt.

4 Durchtrittsfrequenz ω_d

Als letzte Unbekannte verbleibt die Verstärkung K_{rk} . Wie auch beim PI-Regler ist zum Finden der Verstärkung die Durchtrittsfrequenz ω_d zu bestimmen, um anschliessend mit deren Hilfe K_{rk} auszurechnen.

Die Resultate aus Gleichung 27 werden in Gleichung 14 eingesetzt. K_{rk} ist immer noch unbekannt, und wird daher vorerst bei 1 belassen.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right] = 1 \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(28)

Es interessiert hier der Phasengang des offenen Regelkreises (anch eingetragen in Abbildung 16), wozu die Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1) mit der soeben bestimmten provisorischen Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 28) multipliziert wird.

$$H_o(j\omega) = H_{rpid}(j\omega) \cdot H_s(j\omega)$$
 (29)

Nun wird die Durchtrittsfrequenz ω_d berechnet, an welcher der offene Regelkreis eine Verstärkung von $0 \, dB = 1$ aufweisen soll. Wie auch beim PI-Regler werden wir hier ein Überschwingen von 16.3% anstreben, womit gemäss Tabelle 4 gilt:

$$\varphi_s(\omega_d) = \varphi_s = -128.5^{\circ} \tag{30}$$

Dieser Wert wird analog zum PI-Regler aus dem Phasengang des offenen Regelkreises abgelesen (siehe Abbildung 16). Eine Nachrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{31}$$

5 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

Im letzten Schritt wird nun der Amplitudengang des offenen Regelkreises an der Stelle ω_d gleich 1 gesetzt und diese Gleichung nach K_{rk} aufgelöst:

$$A_{o}(j\omega_{d}) = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpid}(j\omega_{d}) \cdot H_{s}(j\omega_{d})|$$

$$= \left| K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega_{d} \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega_{d} \cdot T_{vk})}{j\omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right|$$

$$\cdot \left| K_{s} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \right|$$

$$= 1$$
(32)

Die einzusetzenden Werte sind:

$$K_s = 2$$
 $T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$
 $T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$
 $T_{nk} = 5.3656 \,\mathrm{s}$
 $T_{vk} = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1}$
(33)

Womit man für die Verstärkung den Wert

$$K_{rk} = 1.83084 \tag{34}$$

erhält.

6 Resultat

Somit ist der Regler vollständig dimensioniert und hat folgende Übertragungsfunktion:

$$H_{rpid}(s) = 1.83084 \cdot \left[\frac{(1+s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1+s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(35)

Zusammenfassend sind in Abbildung 16 die verschiedenen Frequenzgänge und Frequenzen eingetragen.

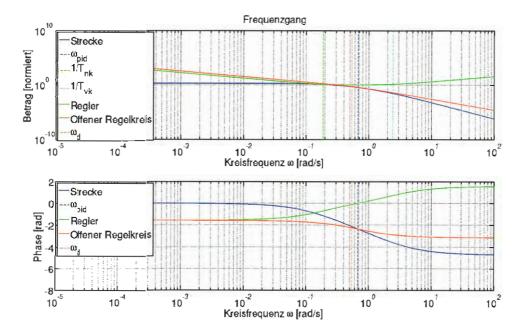


Abbildung 16: Frequenzgang der Strecke (blau), des Reglers (grün) und des offenen Regelkreises (rot). Ebenfalls eingetragen sind die Reglerfrequenz ω_{pid} , die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ sowie die Durchtrittsfrequenz ω_d .

3.5 Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung

Ein Regler kann mittels verschiedener mathematischen Gleichungen dargestellt werden. Für die Berechnungen in diesem Projekt sind zwei von besonderer Bedeutung: Die bodekonforme und die reglerkonforme Darstellung.

Dabei gilt es zu beachten, dass sich die einzelnen Darstellungen in ihrer mathematischen Gleichung unterscheiden, jedoch den selben Informationsinhalt haben. Deshalb ist es auch möglich, mittels einfacher Umrechnungen die Darstellungsweise zu wechseln.

Der Grund, weshalb zwei verschiedene Darstellungsarten existieren und verwendet werden, liegt zum einen darin, dass gewisse Berechnungen automatisch die eine oder andere Darstellungsart zurückgeben, jedoch auch, dass je nach Situation der Verständlichkeit halber die eine oder andere Darstellungsart bevorzugt wird.

Bei der bodekonformen Darstellung wie in Gleichungen 36 und 38 ist die Übertragungsfunktion leicht zu interpretieren, was ihren Amplitduden- und Frequenzgang betrifft. Deshalb wird die bodekonforme Darstellung überall dort verwendet, wo mit den Reglerwerten Berechnungen ausgeführt werden.

Die reglerkonforme Darstellung aus den Gleichungen 37 und 39 hingegen ist so aufgebaut, dass die Werte, welche an einem realen Regler einstellbar sind, direkt abgelesen werden können. Diese Darstellung wird verwendet, um die Reglerwerte dem Benutzer zur Verfügung zu stellen.

Zudem liegt das Ergebnis der Faustformeln auch immer in der reglerkonformen Darstellung vor. Für die Umrechnung zwischen den zwei Darstellungsarten ergibt sich durch einen Koeffizienten-Husselsen vergleich Tabelle 5.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[\frac{1 + s \cdot T_n}{s \cdot T_n} \right] \tag{36}$$

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{37}$$

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(38)

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_n} + \frac{s \cdot T_v}{s \cdot T_p} \right] \tag{39}$$

	$bodekonform \rightarrow reglerkonform$	$reglerkonform \rightarrow bodekonform$
PI	$\mid T_n = T_{nk}$	$K_{rk} = K_r$
PID		$T_{nk} = 0.5 \cdot (T_n + T_p) \cdot (1 + \epsilon)$ $T_{vk} = 0.5 \cdot (T_n + t_p) \cdot (1 - \epsilon)$ $K_{rk} = 0.5 \cdot K_r \cdot (1 + \frac{T_p}{T_{nk}}) \cdot (1 + \epsilon)$
	wobei $\epsilon^2 = 1 - (4 \cdot T_n \cdot \frac{T_v - T_p}{(T_n + T_p)^2})$)

Tabelle 5: Formeln zur Umrechung zwischen bode- zu reglerkonformer Darstellung [6], [7]

Für die Berechnungen in diesem Projekt wird, wenn nicht anders angegeben, mit $T_p = \frac{1}{10} \cdot T_v$ gerechnet.

4 Software

var!

Verweis auf Klas sendiagramm

Zweck der Applikation ist die Dimensionierung eines Reglers ausgehend von einer Regelstrecke und der zugehörigen Schrittantwort. Abschliessend werden die numerischen Parameter des dimensionierten Reglers ausgegeben sowie die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises grafisch dargestellt.

Die Software ist im bekannten Model-View-Controller-Pattern aufgebaut. welchs anchfols and bertheriben wird.

4.1 View

Die View ist aus zwei übergeordneten Panels aufgebaut. Im linken Panel befinden sich Ein- und Ausgabefelder für numerische Werte, im rechten Panel werden die zugehörigen Plots dargestellt.

Im Bereich 1 werden die Parameter der vermessenen Strecke eingegeben. Darunter befinden sich die Schalftflächen zur Wahl zwischen der Dimensionierung eines PI- respektive eines PID-T1-Reglers.

Das Panel Reglerwerte dient hauptsächlich der Ausgabe der berechneten Reglerwerte mittels der verschiedenen Berechnungsmethoden. Ebenfalls kann für die Phasengangmethode die Zeitkonstante T_p spezifiziert werden.

Der obere Bereich des rechten Panels heinhaltet zwei Slider zur Eingabe des gewünschten Überschwingens respektive für die Optimierung des Reglers.

Im unteren Bereich werden die Plots der mittels Faustformeln und Phasengangmethode errechneten Schrittantworten ausgegeben. Zu jeder Faustformel wird die zugehörige Schrittantwort abgebildet. Die Resultate der Phasengangmethode werden durch drei Kurven dargestellt. Eine Kurve benutzt den Standardwert des Phasenrands gemäss Zellweger , die beiden anderen Kurven basieren auf Benutzereingaben für einen oberen und unteren Offset des Phasenrandes im Bereich von -45° bis $+45^{\circ}$.

4.2 Controller

Der Controller ist verantwortlich für die Steueraufgaben. Da Regler übersetzt auf Englisch Controller ist, heisst die generische Reglerklasse in unserer Software Controller. Die Klasse, welche die Rolle des Controller im Kontext von Model-View-Controller wahrnimmt, heisst daher GUIController, um Namenskonflikte zu vermeiden.

4.3 Model

Leserführung Model. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

Das Model beheimatet alle Daten sowie ein Grossteil der Algorithmen (zusätzliche Algorithmen sind in der Klasse Calc des Package Utilities zu finden). Das Model ist observable um ein update() aus der View zu ermöglichen.

Model

Die Klasse Model erzeugt im Konstruktor für jede Berechnungsart einen ClosedLoop. Sie enthält Setter- und Getter-Methoden zur Verarbeitung der Daten in weiteren Klassen.

Image Gesamt-GUI

Image Panel Schrittantwort vermessen

Image Referen-

Image Butttons PI-, PID-T1-Regler

Check: korrekter Begriff

Image Panel Phasengangmethode

Image Panel rechts

Einfügen Wert. Referenz 30 4 SOFTWARE

ClosedLoop

In der Klasse ClosedLoop wird über eine Case-Abfrage die jeweilige Berechnungsart der passende Controller erstellt. Zusätzlich beinhaltet die Klasse die Methode calculate(). Diese berechnet zum einen die Schrittantwort mittels calculateStepResponse() und für die optimiert für die Phasengangmethode zusätzlich das Überschwingverhalten mittels der Methode overShootOptimazation().

Controller

Die Klasse Controller bildet die Oberklasse aller Faustformeln und der Phasengang-Methode. Sie beinhaltet die abstrakte Klasse calculate () sowie alle nötigen Setter- und Getter-Methoden.

Faustformeln

Chien20, ChienApper, Oppelt, Rosenberg und ZieglerNichols sind die Klassen zu den zugehörigen Fausformeln. In diesen gibt es jeweils eine Methode calculate(), in der die benötigten Werte aus der Klasse Path ausgelesen werden und die Berechnungen mittels vorgegebenen Fausformeln, je nach Controllertyp (PI, PID), durchgefürt werden.

PhaseRespsonseMethod

In dieser Klasse wird die OmegaAchse in Abhängigkeit vom Phasengang und des benötigten Winkelbereiches erstellt.

Ausserdem finden wir verschiedene calculate Merhoden.

Einerseits ist da calculate(), in dieser wird die UTF Strecke aus der Strecke(path) geholt und die Omega-Achse Methode aufgeruffen. In dieser wird Sie Abhängigkeit vom Phasengang und des benötigten Winkelbereiches erstellt.

Anschlissend werden die Werte für Hs und phiS berehnet.

Andererseits sind da die Methoden, calculateTnvTnk() um Tnk und Tnv zu berechnen, calculateKrk um Krk zu berechnen, calculatecontrollerConf() um eine umrechung von Bodekonformen Werten zu Reglerkonformen Werten in der calc Klasse auszulösen, calculatePhaseMargin() bestimmt je nach Reglertyp den Phasenrand und zum schluss calculateOverShoot(), hier wird je nach vorher berechnetem Überschwingen, dem Wert phiu einen der 4 vordefinierten static final Werte zugewiesen.

Path

Hier giebt es ebenfalls eine Methode calculate(), die mittels der Methode sani() Methode aus Utilities-Klasse Calc die Strecke ausrechnet.

Die restlichen Klassen sind reine Getter- und Setter-Methoden.

Die Alghorithmen zu diesen Methoden finden Sie im Anhang. .

4.4 Benutzungs-Beispiel (Use-Case)

Leserführung Use-Case. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

Das Zusammenspiel der einzelnen Komponenten der Applikation wird im Folgenden anhand eines Beispiels erklärt.



Beim Programmstart werden durch das Model drei closedLoops (geschlossenen Regelkreise) für die Phasengang-Methode sowie vier weitere für die Faustformeln erzeugt. Jeder closedLoops ist von Beginn an einem Berechnungstyp (Phasengang-Methode, Faustformel) zugewiesen. Er ist bereit, Daten aufzunehmen und zu verarheiten.

Ig

Über die drei Eingabefelder K_s , T_u und T_g werden die Werte der vermessenen Regelstrecke durch den Benutzer eingegeben. Durch Drücken des Buttons "Berechnen" werden die Eingaben durch den GUIController auf Zulässigkeit überprüft. Erfüllen sie die erforderlichen Kriterien nicht, wird eine Benachrichtigung mit Hinweis auf den Fehler oberhalb des Buttons ausgegeben und die Berechnung nicht ausgelöst.

Haben die Eingaben die Überprüfung durch den GUIController bestanden, fragt dieser zusätzlich die aktuellen Werte/Zustände der Slider für Überschwingen und Optimierung sowie den Reglertyp auf dem GUI ab und leitet alle Daten mittels setData() an das Model weiter. Dieses erzeugt einen Path (Strecke) aus den Eingabewerten. Das Model errechnet den Optimierungs-Offset und weist die Daten den entsprechenden closedLoops der Phasengang-Methode sowie der Faustformeln mittels dersetData() Methode zu. Jeder ClosedLoop leitet die Daten an den zugehörigen Controller weiter, der die Reglerwerte berechnet. Zu Beginn betrachten wir den Regler nach Oppelt genauer.

Die Klasse Oppelt erbt von der abstrakten Klasse Controller und besitzt somit alle Setterund Getter-Methoden der Oberklasse. Als Input stehen die Informationen der Strecke sowie der Reglertyp (PI, PID) zur Verfügung. Je nach gewähltem Berechnungstyp werden die Reglerwerte reglerkonform berechnet und gespeichert. Weiter werden die Werte in die bodekonforme Darstellung umgerechnet und ebenfalls abgespeichert.

Die Berechnungstypen Rosenberg, Chien/Hrones/Reswick (20%) sowie Chien/Hrones/Reswick (aperiod.) funktionieren analog dem Berechnungstyp Oppelt und werden nicht weiter ausgeführt.

Ein spezielles Augenmerk richten wir nun auf die Berechnung der Phasengang-Methode. Auch die Klasse PhaseResponseMethod erbt von der Klasse Controller und bringt die bereits erwähnten Setter- und Getter-Methoden mit. Die Input-Werte sind analog derjenigen der Faustformeln. Zusätzlich werden die Informationen zum Überschwingen, der Optimierung sowie T_p in die Berechnung miteinbezogen und die gesetzten Input-Werte werden den lokalen Attributen zugewiesen. calculateOvershoot() wird ausgelöst und setzt das Attribut phiU, welches für das korrekte Uberschwingen benötigt wird. Darauf folgend wird calculate() aufgerufen. Diese Methode berechnet anhand der Methode createOmegaAxis() die diskrete Omega-Achse in Abhängigkeit der Zeitkonstanten der Regelstrecke. Der Wert der Übertragungsfunktion der Regelstrecke wird für alle Punkte der Frequenzachse ausgewertet. calculateTnk() wird ausgelöst. Diese Methode berechnet $T_n k$ und $T_v k$ nnter Zuhilfenahme der diskreten Werte nach dem Prinzip der Phasengangmethode. Daraus resultiert die Übertragungsfunktion des Reglers. Falls $T_p = 0$ aus der Eingabe übergeben wurde, wird an dieser Stelle T_p berechnet. K_{rk} wird gemäss der Phasengangmethode mittels calculateKrk() berechnet. Zudem beinhaltet die Methode calculateKrk() den Aufruf von calculateControllerConf() und setUTF(). calculateControllerConf() transformiert die Werte in die reglerkonforme Darstellung. setUTF() setzt die Übertragungs-Funktion des Reglers.

Im ClosedLoop wird nun die Methode calculate() ausgeführt, welche mittels der Methode calculateStepResponse() die Schrittanwort des geschlossenen Regelkreises berechnet. Falls es sich bei der Berechnungsmethode des Reglers um die Phasengang-Methode handelt, wird zusätzlich overShootOptimization() aufgerufen. Diese Methode ändert den Wert von K_{rk} so lange, bis das gewünschte Überschwingen erreicht wird.

Sobald die Berechnungen aller ClosedLoopsabgeschlossen sind, wird im Model notifyObserver () ausgelöst. Hiermit wird die View darüber informiert, dass Änderungen im Model vorgenommen



15

32 4 SOFTWARE

wurden und die Methode update() in den jeweiligen Unterklassen der Klasse Viewaufgerufen werden soll. Somit aktualisiert sich die View und die neu berechneten Reglerwerte. Die Strecken- Han stallt die ordnung wird ausgegeben und die Plot-Daten werden aktualisiert. Im Fall der Phasengangmethode werden auch Startwerte für T_p gesetzt.

Der Benutzer hat nun die Möglichkeit, die Resultate der Phasengangmethode weiter zu optimieren. Über das Panel Optimierungen stehen die Slider Überschwingen sowie Optimierung zur Verfügung. Das Überschwingen kann in vorgegebenen Schritten in Prozenten festgelegt werden. Die Optimierung schiebt den Phasenrand bzw. den Regler-Knickpunkt in die positive sowie negative Richtung zugleich, und wird mittels zwei separaten Plots dargestellt. Weiter können die Werte für T_p nachträglich für jede der drei Kurven individuell angepasst werden.

Sobald einer der drei Parameter (Überschwingen, Optimierung, T_p) verändert wird, wird über den GUIController die jeweilige Setter-Methode im Model aufgerufen. Das Model gibt die Daten an den jeweiligen ClosedLoop weiter, der diese wiederum den Methoden der Phasengang-Methode weiterleitet. Sobald die neu berechneten Werte vorliegen wird notifyObservers() aufgerufen und die View aktualisiert.

Die Plots sowie die Optimierungs-Schaltflächen sind nur dann sichtbar, wenn die CheckBox Erweiter aktiviert ist. Durch Deaktivieren dieser CheckBox kann das Programm in einer Klein-Ansicht ohne grafische Ausgabe bedient werden. Die einzelnen Plots können über CheckBoxen unterhalb des Plot-Bereichs dazu- oder weggeschaltet werden.

Über den Button Löschen können alle Regler- sowie Plot-Daten gelöscht werden.

5 Tests



6 Schlussfolgerungen

Das Projekt wurde erfolgreich abgeschlossen und alle Punkte des ursprünglichen Auftrages erfüllt. Aus den Eingabewerten wird das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises berechnet und graphisch dargestellt. Die Auftragserweiterungen wurden eingebaut, sodass man den Regler mit der Phasengangmethode dimensionieren und die Knickfrequenz und das Überschwingen manuell verändert werden kann.

Die vor der Erweiterung des Auftrags geplanten graphische Ausgabe des Amplitudengangs und der Strecke sowie die Schiebregler für das Verändern der Reglerwerte wurden weggelassen. Der Grund für diesen Entscheid war die Möglichkeit durch die hohe Rechenleistung den Regler echtzeit zu dimensioniern.

INAE

Als Erweiterung könnten die Streckenwerte ausgegeben und die Strecke gezeichnet werden. Ausserdem könnte das automatische Einlesen der Streckenwerte aus einer graphisch Form hinzugefügt werden. Das Tool würde an die eingelesene Kurve die Wendetangente legen und die Werte ablesen. Das Ablesen könnte mit der Monte-Carlo-Studie verfeinert werden.

Ensafelich terak des Tool für nerbre Restutzen (P, FD) und Berechanssadu ernerbet nerda.

Ehrlichkeitserklärung

Mit c	ler Un	terschrift	bestäti	gt der	Unter	rzeichne	nde	(Projekt	leiterin),	dass das	Dokument	selbst
gesch	rieben	worden	ist und	alle Q	uellen	sauber	und	korrekt	deklarier	t worden	sind.	

Anita Rosenberger: _	 	
Ort Datum:		

A Beschreibung der Algorithmen

A.1 Sani

Input

 $egin{array}{ll} T_u & ext{Verzugszeit} \\ T_g & ext{Anstiegszeit} \end{array}$

Output

Array mit den Zeitkonstanten des Polynoms der Übertragungsfunk-

tion der Strecke

Algorithmus

1. Ungültige Eingaben warden abgefangen und ein Fehler zurückgegeben.

2. Lädt Werte für T_u und T_g .

3. Erstellt 50 Werte zwischen 0 und 1 für r_i .

4. Bestimmt die Ordnung der Regelstrecke.

5. Spline für r und ω

6. T(n) wird aus $\omega \cdot T_g$ berechnet.

7. Umspeichern und Sortieren

Matlab-Code

```
function [n,T] = p2_sani(tu,tg,p)
3
   if tu<=0 || tg<=0
     disp(' ');
      error ('!!!!! unsinnige Zeiten !!!!!');
   end;
   v=tu/tg;
9
   if v>0.64173
     disp(' ');
      error('!!!!! Tu/Tg zu gross
11
12
13
14
   if v<0.001
     disp(' ');
15
     error('!!!!! Tu/Tg zu klein --> N = 1 !!!!!');
16
17
18
19
   load('p2_sani_tu_tg');
20
  pause (0.1);
                                   % Pause, damit Laden vom File erfolgreich!!!!
21
   % Berechnet mit NN=50 (r-Aufloesung)
22
23
   ri=linspace(0,1,50);
35
   if v <= 0.103638
                            % abhaengig von n werden vorberechnete
26
     n=2;
                            % Datenfiles von der Festplatte geladen.
   elseif v <= 0.218017
                            % 2 <= n <= 8
28
                            % n=1 ist trivial und fuehrt zu Abbruch
     n=3:
29
   elseif v <= 0.319357
30
     n=4:
   elseif v <= 0.410303
31
32
     n=5;
33
   elseif v <= 0.4933
     n=6;
   elseif v <= 0.5700
```

Ja aber was heisst das nun? A.1 Sani

```
36
     n=7;
37
   elseif v<=0.64173
38
     n=8;
39
   else
40
    n=10;
41 end;
42
43 r=spline(Tu_Tg(n,:),ri,v);
44 w=spline(ri,T_Tg(n,:),r);
45 T(n)=w*tg;
46
47
48 for i=n-1:-1:1,
                                   % Umspeicher, damit gleiche Reihenfolge wie bei Hudzovik
    T(i)=T(n)*r^{(n-i)};
49
50 end;
51
52 % Plots der Schrittantworten
53 if p==1
54 TT=4*(tg);
55
       t=linspace(0,TT,2500);
56
       za=1;
57
       n1=conv([T(1) 1],[T(2) 1]);
58
        for k=3:n
59
           nen1=conv(n1,[T(k) 1]);
60
           n1=nen1;
61
        end;
62
        nens=n1;
        step(za,nens,'k'); grid on;
63
64
        hold on;
65
        %wendepkt(T);
66
       hold off;
67 end;
```

Umrechnung von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung **A.2**

Input

T_v	Vorhaltezeit
T_n	Nachstellzeit
T_p	Periodendauer
K_r	Verstärkungsfaktor des Reglers
Reglertyp	Typ des Reglers (P, PI, PID)

Output

Array Array mit Nachstellzeit T_{nk} , Vorhaltezeit T_{vk} und Verstärkungsfak-

tor K_{rk} des Reglers

Algorithmus

- 1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.
- 2. Falls ein nicht implementierter Reglertyp gewählt wird, wird ein Fehler zurückgegeben.
- 3. Berechnung der Reglerwerte gemäss Tabelle 5.

Matlab-Code

```
function [ t_nk, t_vk, k_rk ] = p2_bodekonf(t_n, t_v, t_p, k_r ,reglertyp )
   if (reglertyp = 1) %I-Regler
    error( !!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
33
   end;
G
   if (reglertyp = 2) %PI-Regler
        t_nk=t_n;
9
        k_rk=k_r;
        t_vk=0;
\mathbb{T}
   if (reglertyp = 3) %PID-Regler
13
14
        epsilon=sqrt(1-(4*t_n*(t_v-t_p))/(t_n+t_p)^2;
        t_nk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
        k_rk=0.5*k_r(1+t_p/t_nk)*(1+epsilon);
17
        t_vk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
```

Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung

Input

T_p	Periodendauer
Tnk	Nachstellzeit
Tvk	Vorhaltezeit

KrkVerstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp (P, PI, PID) Reglertyp

Output

Array Array mit Nachstellzeit T_n , Vorhaltezeit T_v und Verstärkungsfaktor

 K_r des Reglers

Algorithmus

- 1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.
- 2. Falls ein nicht implementierter Reglertyp gewählt wird, wird ein Fehler zurückgegeben.
- 3. PI-Regler: $T_n = T_{nk}, K_k = K_{rk}, T_v = 0$
- 4. Berechnung der Reglerwerte gemäss Tabelle 5.

Matlab-Code

```
function [ t_n, t_v, k_r ] = p2_reglerkonf(t_nk, t_vk, t_p, k_rk ,reglertyp )
if (reglertyp = 1) %I-Regler
    error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
 3
 4
     end;
 5
 6
     if (reglertyp = 2) %PI-Regler
           t_n=t_nk;
          k_r=k_rk;
 9
          t_v=0;
10
     end;
11
12
     if (reglertyp = 3) %PID-Regler
13
           k_r = k_r * (1 + t_v k / t_n k);
           t_n=t_nk+t_vk-t_p;
15
           t_v = (t_nk*t_vk)/(t_nk+t_vk-t_p)-t_p;
16
    end;
17
```

A.4 utfController

Input

 $egin{array}{ll} T_p & ext{Verzugszeit} \\ T_{nk} & ext{Nachstellzeit} \\ T_{vk} & ext{Vorhaltezeit} \\ \end{array}$

 K_{rk} Verstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

Array

Array mit reellem Zähler und reellem Nenner

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

Matrix 2.

Matlab-Code

```
function [ Zah_r, Nen_r ] = p2_UTFRegler(t_nk, t_vk, t_p, k_rk , Reglertyp )

% PI Regler
fi (Reglertyp == 2)
    Zah_r = k_rk*[t_nk 1];
    Nen_r = [t_nk 0];

end;

% // ID-Regler
fi (Reglertyp == 3)
    Zah_r = k_rk * p2_xdiskConv([t_vk 1],[t_nk 1]);
    Nen_r = [t_nk 0];

end;

// Nen_r = [t_nk 0];

// Nen_r = [t_nk 0];

end;
```

A.5 Faustformel Oppelt

Input

 T_p Verzugszeit T_u Anstiegszeit

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp (P, PI, PID)

Output

Array Marray mit Proportionalitätsfaktor K_p , Nachstellzeit T_n und Vorhal-

tezeit T_v

Algorithmus

- 1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.
- 2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$t_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 * T_u$$

Matlab-Code

```
function [k_p, t_n, t_v] = p2_ffoppelt(t_u,t_g,k_s,reglertyp)

if reglertyp <2
        error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');

elseif reglertyp <= 2 %PI Regler

k_p=(0.8/k_s)*(t_g/t_u);

t_n=3*t_u;

t_v=0;

elseif reglertyp <= 3 %PID Regler

k_p=(1.2/k_s)*(t_g/t_u);

t_n=2*t_u;

t_v=0.42*t_u;

else

error('!!!! Reglertyp nicht berechenbar !!!!')

end;</pre>
```

A.6 Faustformel Rosenberg

Input

 $\begin{array}{ccc} T_p & & \text{Verzugszeit} \\ T_u & & \text{Anstiegszeit} \end{array}$

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

Array mit Proportionalitätsfaktor K_p , Nachstellzeit T_n und Vorhal-

tezeit T_v

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2.

3. Für PI:

$$K_p = \frac{0.91}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID:

$$Kp = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.45 \cdot T_u;$$

A.7 Faustformel Ziegler

Input

 $egin{array}{ll} T_p & ext{Verzugszeit} \\ T_u & ext{Anstiegszeit} \\ K_s & ext{Verstärkung} \\ \end{array}$

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

Array mit Proportionalitätsfaktor K_p , Nachstellzeit T_n und Vorhal-

tezeit T_v

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.9}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.33 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.5 \cdot T_u$$

A.8 Faustformel Chien

Input

 $egin{array}{ll} T_p & ext{Verzugszeit} \\ T_u & ext{Anstiegszeit} \end{array}$

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID) Überschwingen Flag für Überschwingeng

Output

Array mit Proportionalitätsfaktor K_p , Nachstellzeit T_n und Vorhal-

tezeit T_v

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.35 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 1.2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

3. Für PI, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.7 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.9 \cdot Tg}{Ks \cdot Tu}$$

$$T_n = 2.4 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 cdot T_u;$$

5. Für PID, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{1.2 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 \cdot T_u;$$

A.9 diskDiff 45

A.9 diskDiff

diskDiff berechnet die Steigung einer Funktion (repräsentiert durch zwei Arrays) an einem bestimmten Array-Index.

Input

x-Array Array mit x-Werten
y-Array Array mit zugehörigen Funktionswerten
Index Index, an dem die Steigung berechnet werden soll

Output

Steigung an gesuchter Stelle

Algorithmus

- 1. Prüfen, ob Index innerhalb des Arrays liegt.
- 2. Steigungsdreieck zwischen Element and Index und den unmittelbar daneben liegenden Array-Elementen bilden.
- 3. Durchschnitt der beiden Steigungsdreiecke ausrechnen.
- 4. Falls Steigung an erster Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit dem zweiten Element bilden und Steigung zurückgeben.
- 5. Falls Steigung an letzter Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit zweitletztem Array-Element bilden und Steigung zurückgeben.

```
public static double diskDiff(double[] x, double[] y, int index) {
        if (index > 0 & index < x.length - 1) {
             double diff2 = (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
double diff1 = (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
3
-1
             double diff = (diff1 + diff2) / 2;
             return diff;
         } else if (index == 0)
            return (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
         else if (index == x.length)
            return (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
1()
         else
11
12
             return 0;
13 }
```

A.10 schrittlfft

orrekt?

schrittIfft berechnet die Schrittantwort im Zeitbereich einer Übertragungsfunktion.

Input

Zähler der Übertragungsfunktion Nenner Nenner der Übertragungsfunktion f_s Abstastfrequenz n Granulierung der Frequenzachse

Output

Resultat Zweidimensionales Array mit Zeitachse und zugehörigen Funktions-

werten

Algorithmus

1. Array mit Frequenzachse generieren.

- 2. Frequenzgang der Übertragungsfunktion berechnen.
- 3. Impulsantwort im Frequenzbereich berechnen.
- 4. In den Zeitbereich zurücktransformieren.
- Aus den Realteilen des Resultat-Arrays die Schrittantwort zusammensetzen (aufsummieren des Realteils des aktuellen Array-Elements mit den Realteilen aller vorhergehenden Array-Elementen).

```
public static double[][] schrittIfft(double[] zah, double[] nen, double fs, int n) {
       double T = 1 / fs; // Periode
       Complex[] H;
        // Frequenzachse berechnen
6
       double[] w = linspace(0.0, fs * Math.PI, n / 2); // Kreisfrequenz
       // Frequenzgang berechnen
9
10
       H = freqs(zah, nen, w);
11
       // Symmetrischen Vektor fuer Ifft erstellen:
12
       Complex[] tmp = new Complex[H.length];
13
       tmp = colonColon(H, (n / 2) - 1, -1, 1);
14
15
       for (int i = 0; i < tmp.length; i++) {
16
17
           tmp[i] = tmp[i].conjugate();
18
19
20
       Complex x = new Complex(0);
       H = concat(colonColon(H, 0, 1, (n / 2) - 1), new Complex[] { x }, tmp);
21
32
       // Impulsantwort berechen
23
       Complex[] h;// = new Complex[H.length];
24
25
       FastFourierTransformer f = new FastFourierTransformer(DftNormalization.STANDARD);
       h = f.transform(H, TransformType.INVERSE);
27
       // Realteil von h extrahieren.
28
       double[] hReal = new double[h.length];
29
30
       for (int i = 0; i < h.length; i++) {
```

A.10 schrittIfft 47

```
hReal[i] = h[i].getReal();
32
33
34
        // Schrittantwort berechnen
35
        // double[] y = Calc.diskConvOnes(hReal, n);
36
        double[] y = new double[n];
38
        y[0] = hReal[0];
        for (int i = 1; i < y.length; i++) {
   y[i] = y[i - 1] + hReal[i];
39
40
41
42
        // Resultate ausschneiden. Halbiert die Laenge von y.
43
        double[] yShort = colonColon(y, 0, 1, (int) ((y.length / 2) - 1));
44
45
        // Zeitachse generieren:
46
        double[] t;
47
        t = linspace(0.0, (yShort.length - 1) * T, yShort.length);
48
49
        // Fuer Output zusammmensetzen:
50
        double[][] res = new double[2][yShort.length];
51
52
        for (int j = 0; j < res[0].length; <math>j++) {
53
          res[0][j] = yShort[j];
54
55
        for (int i = 0; i < res[1].length; i++) {
          res[1][i] = t[i];
57
58
        return res;
59
60 }
```

A.11 overShootOptimisation

overShootOptimisation optimiert das Überschwingverhalten des generierten Reglers.

Input

Keine Eingabewerte

Output

Keine Rückgabewerte

Algorithmus

- 1. Das Maximum in der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises finden.
- 2. Diesen Wert mit dem vom Benntzer gewünschten maximalen Überschwingen vergleichen.
- 3. Falls zu starkes Überschwingen: Reglerverstärkung K_{rk} schrittweise reduzieren, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.
- 4. Falls zu schwaches Überschwingen: Reglerverstärkung K_{rk} schrittweise erhöhen, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.

```
private void overShootOptimazation() {
       double max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
       {\tt PhaseResponseMethod\ phaseResponseMethod\ =\ (PhaseResponseMethod)\ controller;}
       double Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
       if (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
           while (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
               phaseResponseMethod.setKrk(Krk / 1.05);
               calculateStepResponse();
9
               max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
10
           7
1.1
       } else {
12
           while (max < controller.overShoot / 100.0 + 1.0 & Krk < 1000) {
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
14
               phaseResponseMethod.setKrk(Krk * 1.05);
15
               calculateStepResponse();
16
               max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
17
18
          3-
       }
19
   }
```

A.12 Berechnung von T_{vk} und T_{nk}

calculateTnkTvk() bestimmt T_{nk} und T_{vk} . Kern des Algorithmus ist die Automatisierung der Berechnung von β (siehe Anhang B für die manuelle Rechnung);

Input

Keine Eingabewerte

Output

Keine Rückgabewerte

Algorithmus

- 1. Bestimmen der Steigung der Strecke bei Frequenz ω_{pid}
- 2. Unteren Wert für β festlegen: 10^{-12} . Wert muss gräser als null, aber sehr klein sein, damit der Rest des Algorithmus funktioniert.
- 3. Obere Grenze für β auf 1 legen.
- 4. Über 20 Iterationen folgende Arbeitsschritte ausführen:
 - (a) Aktuellen Testwert für β definieren: $\beta_{oben} \beta_{unten} \cdot 0.5 + \beta_{unten}.$
 - (b) Mit diesem Wert für β nun T_{nk} und T_{vk} berechnen gemäss Gleichung 21.
 - (c) T_{nk} und T_{vk} in die Reglergleichung (siehe Gleichung 24) einsetzen. Man beachte, dass der Algorithmus nicht symbolisch rechnet, sondern mit Werte-Arrays für die Frequenzachse und Funktionswerte der Übertragungsfunktion.
 - (d) Steigung des Phasengangs des Reglers an der Stelle ω_{pid} bestimmen, aufsummieren mit der Steigung der Strecke (bereits bekannt) zur Steigung des Phasengangs des offenen Regelkreises (siehe Gleichung 18).
 - (e) Falls die Steigung φ_o an der Stelle ω_{pid} kleiner ist als $-\frac{1}{2}$, muss β vergrössert werden. In diesem Fall die untere Grenze β_{unten} auf den aktuellen Testwert β setzen.
 - (f) Falls die Steigung φ_o an der Stelle ω_{pid} grösser ist als $-\frac{1}{2}$, muss β verkleinert werden. Daher neue Obergrenze β_{oben} auf den aktuellen Testwert β setzen.

```
private void calculateTnkTvk() {
        double dPhiS = Calc.diskDiff(omega, phiS, omegaControllerIndex);
        double beta_u = Math.pow(10, -12);
        double beta_o = 1;
        double beta;
        double dPhiR
        dPhi0;
        for (int iteration = 0; iteration < 20; iteration++) {
           beta = (beta_c - beta_u) / 2 + beta_u;
10
           Tvk = 1 / (omegaController / beta);
11
           Tnk = 1 / (omegaController * beta);
12
           for (int i = 0; i < pointNumber; i++) {</pre>
               Hr[i] = new Complex(1, omega[i] * Tnk).multiply(
15
                      new Complex(1, omega[i] * Tvk)).divide(
16
                      new Complex(0, omega[i] * Tnk));
17
               Ho[i] = Hs[i].multiply(Hr[i]);
18
19
           phiR = Calc.ComplexAngleUnwraped(Hr);
20
           dPhiR = Calc.diskDiff(omega, phiR, omegaControllerIndex);
           dPhiO = dPhiS + dPhiR;
23
```

B Manuelle Berechnung des Hilfsparameteres β

Der erste Iterationsschtitt der in Abschnitt 3.4 erwähnten manuellen Berechnung des Hilfsparameteres β ist hier im Detail ausgeführt.

Zur Rekapitulation eine kurze Wiederholung der Ausgangslage:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$

$$K_{rk} = 1$$
(40)

Diese Werte eingesetzt in Gleichung 14 ergeben:

$$H_{rpid}(j\omega) = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1+s \cdot T_{nk})(1+s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[\frac{(1+j\omega \cdot 0.7447s)(1+j\omega \cdot 2.9789s)}{j\omega \cdot 2.9789s} \right]$$

$$= \frac{1+j\omega \cdot (2.9789s + 0.7447s) - \omega^2 \cdot 0.7447s \cdot 2.9789s}{j\omega \cdot 2.9789s}$$

$$= \frac{1-2.2184s^2 \cdot \omega^2 + j\omega \cdot 3.7236s}{j\omega \cdot 2.9789s}$$

$$= \frac{-\omega \cdot 3.7236s + j(1-\omega^2 \cdot 2.2184s^2)}{\omega \cdot 2.9789s}$$

$$= -1.250 + j \cdot (\omega^{-1} \cdot 0.3357s^{-1} - \omega \cdot 0.7450s)$$
(41)

Von dieser Zahl gilt es nun, das Argument zu bestimmen und abzuleiten. $H_{rpid}(j\omega)$ ist eine komplexe Zahl in der linken Halbebene (Re < 0), somit kommen folgende Formeln zur Berechnung des Arguments in Frage:

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) + \pi \qquad Re < 0 \land Im \ge 0$$

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) - \pi \qquad Re < 0 \land Im < 0$$
(42)

Da aber in diesem Fall lediglich die Ableitung von φ benötigt wird, fällt der Summand $\pm \pi$ weg und welche Formel für die Berechnung des Arguments verwendet wird, ist ohne Konsequenz.

$$\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = atan\left(\frac{\omega^{-1} \cdot 0.3357 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.7450 \,\mathrm{s}}{-1.250}\right) \pm \pi$$

$$= atan\left(\omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s}\right) \pm \pi$$
(43)

Die Ableitung des Arkustangens ist:

$$\frac{d}{dx}atan(x) = \frac{1}{1+x^2} \tag{44}$$

Mit

$$x(j\omega) = \omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s} \tag{45}$$

folgt

$$\frac{d}{d\omega}\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = \frac{d}{dx}atan(x(j\omega)) \cdot \frac{d}{d\omega}x(j\omega)
= \frac{0.5960 + \omega^{-2} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^2}{1 + (\omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s} - \omega^{-1} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^{-1})^2}
\approx 1.1920$$
(46)

Wie in Gleichung 26 gezeigt, ist dies noch nicht der gesuchte Wert für β . Für den nächsten Iterationsschritt würde nun ein kleinerer Wert gewählt (z.B. $\beta = 0.25$), der zu neuen Werten für T_{nk} und T_{vk} führen würde, mit denen dann die Berechnungen aus Gleichungen 41 bis 46 erneut ausgeführt würden. Bei zufriedenstellender Nähe der Steigung des offenen Regelkreises zu $-\frac{1}{2}$ ist die Iteration beendet.

Eine Beschreibung des in unserem Tool verwendeten Algorithmus ist in Anhang A.12 zu finden.

Literatur

- [1] J. Zellweger, "Phasengang-Methode," Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [2] A. Rosengerger, B. Müller, M. Suter, F. Alber, und R. Frey, "Projekt 2: Pflichtenheft Fachlicher Teil," April 2015.
- [3] (2011, März) Reglereinstellung nach Chiens, Hrones, Reswick. [Online]. Verfügbar: http://mathematik.tsn.at/content/files1/CHR_mit_ohne_Ausgleich1344.pdf [Stand: 23. März 2015].
- [4] (2015, März) Faustformelverfahren (Automatisierungstechnik). [Online]. Verfügbar: http://de.wikipedia.org/wiki/Faustformelverfahren_(Automatisierungstechnik) [Stand: 23. März 2015].
- [5] (1999, Jan) Anpassung eines Reglers an eine Regelstrecke Einstellregeln. [Online]. Verfügbar: http://techni.chemie.uni-leipzig.de/reg/parcalchelp.html [Stand: 23. März 2015].
- [6] J. Zellweger, "Regelkreise und Regelungen," Vorlesungsskript.
- [7] W. Schumacher und W. Leonhard, "Grundlagen der Regelungstechnik," 2001, Vorlesungsskript.

