Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode

Fachbericht

1. Juni 2015

Studiengang | EIT

Modul | Projekt 2

Team 4

Auftraggeber | Peter Niklaus

Fachcoaches | Peter Niklaus, Richard Gut, Pascal Buchschacher, Anita Gertiser

Autoren | Anita Rosenberger, Benjamin Müller, Manuel Suter, Florian Alber, Raphael Frey

Version | Entwurf

Abstract

Im Gebiet der Regelungstechnik ist das Dimensionieren von Regler eine zentrale Aufgabe, da mit der korrekten Einstellung der Regler stabil und die Differenz zwischen Ist und Soll-Wert möglichst klein ist.

Die Phasengangmethode ist eine ursprünglich eine graphische Berechnungsart, welche anhand der Schrittantwort die Reglerwerte berechnet. Die Aufgabe der Implementierung dieser Methode in Java war die Hauptaufgabe.

Die Ziel dieses Projektes war, ein benutzerfreundliches Softwaretool, das heisst auch für ein ungeübter Regelungstechniker benutzen kann, zu entwickeln, welches anhand der Phasengangmethode die Dimensionierung eines PI und PID Reglers durchführt. Die Ausgabe des Tools soll anhand der Eingabe der Schrittantwortwerte die numerische wie auch die graphische Lösung ausgeben.

Die Phasengangmethode und die als Vergleich angewendete Faustformeln wurden in Matlab geschrieben und mit Referenzdaten getestet. Die Implementierung in Java war ein zweistufiger Prozess, in welchem zuerst die matlabtypischen Berechungsfunktionen ausprogrammiert und im zweiten Schritt die Regeldimensionierung implementiert wurden.

Das Softwaretool besitzt eine graphische Benutzeroberfläche, über welche auf der linken Seite die Werte der Schrittantwort eingelesen und die numerserischen Lösungen des Reglers ausgegeben und über die rechte Seite die graphischen Lösungen dargestellt werden.

Das Zentrale an der Lösung ist die Berechungungseschwindigkeit mit welcher das Tool arbeitet. Dies ermöglicht eine Echtzeit "Dimensionierung des Reglers. Das Neue an dieser Lösung ist das Einbinden der Phasengangmethode in ein Reglerdimensionierungstool.

Projekt P2 - Aufgabenstellung vom Auftraggeber (FS_2015)

Reglerdimensionierung mit Hilfe der Schrittantwort

1. Einleitung

In der Praxis werden die klassischen Regler (PI, PID, PD, ...) oft mit sog. Faustformeln dimensioniert. Dazu benötigt man bestimmte Informationen der zu regelnden Strecke. Handelt es sich dabei um "langsame Strecken" mit Zeitkonstanten im Bereich von Sekunden bis Minuten, so ist das Bestimmen und Ausmessen der Schrittantwort oft die einzige Möglichkeit zur Identifikation der Strecke. Typische Beispiele dafür sind Temperaturheizstrecken, welc. • meistens mit einem PTn-Verhalten modelliert werden können (Kaffeemaschine, Boiler, Raumhe ungen, Lötkolben, Warmluftfön, usw.).

Die Schrittanwort wird mit Hilfe einer Wendetangente vermessen und die Kenngroßen Streckenbeiwert (K_s), Verzugszeit (T_u) und Anstiegszeit (T_g) werden bestimmt. Nies kann so vohl von Hand (grafisch) oder auch automatisiert durchgeführt werden, frohs die Mendaten elektronisch vorliegen. Mit diesen drei Kenngrössen können mit Hilfe sog. Faus Normeln 1.1- und PID-Regler dimensioniert werden (Ziegler/Nichols, Chien/Hrones/Renwork, Oppen Rosenberg). Die Faustformeln liefern zwar sehr schnell die Reglerdaten, aben die Sch. Hantworten der entspr. Regelungen sind teilweise weit vom "Optimum" entfernt und der Regelkreis kann sogar instabil werden. In der Praxis muss man diese "Startwerte" häufig in Noptimieren, damit die Schrittantwort der Regelung die Anforderungen erfüllt.

Die sog. "Phasengangmethode zu. Reglerd. Persionierung" wurde von Jakob Zellweger (FHNW) entwickelt und liefert Regle Arten, welche näher am "Optimum" sind und für die Praxis direkt verwendet werden können. Dabei kann das Überschwingen der Schrittantwort vorgegeben werden (z.B. 20%, 10%, 2%, oder ageriodische Bei dieser Methode kann also das für viele Anwendungen wich ager Verhalm der Schrittantwort beeinflusst werden. Um die Phasengangmethode anwenden zu können, mund der Frequenzgang der Strecke bekannt sein (analytisch oder numerisch gemessen). Mit Hilfe der Problem gelös in dem vorgängig aus den Kenngrössen der Schrittantwort (K_s , T_u , T_g) eine PTn-aproximation der Strecke erzeugt wird. Mit dem Frequenzgang der PTn-Approximation können. Jann die Regler dimensioniert werden (I, PI, PID). Die Phasengangmethode war ursprünglich eine geläsche Methode, basierend auf dem Bodediagramm der Strecke. Aktuell soll die Methode direkt numerisch im Rechner durchgeführt werden.

In dieser Arbeit geht es um die Entwicklung und Realisierung eines Tools zur **Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode**. Ausgehend von der PTn-Schrittantwort der Strecke sollen "optimale Regler" (PI, PID-T1) dimensioniert werden, wobei das Überschwingen der Regelgrösse vorgegeben werden kann. Zum Vergleich sollen die Regler auch mit den üblichen Faustformeln dimensioniert werden. Wünschenswert wäre auch eine Simulation der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises, so dass die Dimensionierung kontrolliert und evtl. noch "verbessert" werden könnte.

2. Aufgaben/Anforderungen an Tool

Entwerfen und realisieren Sie ein benutzerfreundliches Tool/Programm/GUI/usw. mit welchem PI- und PID-Regler mit der Phasengangmethode dimensioniert werden können. Dabei sind folgende Anforderungen und Randbedingungen vorgegeben:

- Die zu regelnden Strecken sind PTn-Strecken, wobei entweder die Schrittantwort grafisch vorliegt oder die Kenngrössen K_s , T_u und T_g schon bekannt sind
- Die Bestimmung einer PTn-Approximation wird vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und muss entsprechend angepasst und eingebunden werden (Matlab zu Java)
- Das Überschwingen der Regelgrösse (Schrittantwort) soll gewähl werden können
- Zum Vergleich sind die Regler auch mit den üblichen Faustformeln 2. dimensionieren.
- Das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises soll auch berecated visualisiert werden (Schrittantwort)

3. Bemerkungen

Die Software und das GUI sind in enger Absprache mit dem Auftraggeb Azu entwickeln. Der Auftraggeber steht als Testbenutzer zu Verfügung und soll bei au Evaluation des GUI eingebunden werden. Alle verwendeten Formeln, Algoritht en und Berechnungen sind zu verifizieren, eine vorgängige oder parallele Programmierung in Machbist zu empfehlen. Zum Thema der Regelungstechnik und speziell zur Reglerdimen ionierung mit der Phasengangmethode werden Fachinputs durchgeführt (Fachcoach

Literatur

- [1] J. Z. dweger, Regelkreise und Pegelungen, Vorlesungsskript.
- [2] J. Zen ger, 'nazengang Methode, Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [3] H. Unbeh. 'n, Regelung technik I, Vieweg Teubner, 2008.
- [4] W. Schumach, W. Leonhard, *Grundlagen der Regelungstechnik*, Vorlesungsskript, TU Braunschweig, 2003.
- [5] B. Bate, *PID-Einstellregeln*, Projektbericht, FH Dortmund, 2009.

16.02.2015 Peter Niklaus

Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	7
2	Gru	ındlagen der Regelungstechnik	8
	2.1	Regelstrecke	8
	2.2	Regler	8
	2.3	Die Steuerung	9
	2.4	Der geschlossene Regelkreis	9
3	Fac	hlicher Hintergrund zur Regler-Dimensionierung	11
	3.1	Frequenzgang der Regelstrecke	12
	3.2	Reglerdimensionierung mittels Faustformeln	13
	3.3	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PI-Regler	15
	3.4	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PID-Regler	19
	3.5	Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung	25
4	Soft	tware	27
	4.1	View	27
	4.2	Controller	27
	4.3	Model	27
	4.4	Benutzungs-Beispiel (Use-Case)	28
5	Tes	ts	30
6	Sch	lussfolgerungen	31
Aj	ppen	dix	33
\mathbf{A}	Bes	chreibung der Algorithmen	33
	A.1	Sani	33
	A.2	Umrechnung von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung	35
	A.3	Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung	36
	A.4	utfController	37
	A.5	Faustformel Oppelt	37
	A.6	Faustformel Rosenberg	39
	A.7	Faustformel Ziegler	40
	A 8	Faustformel Chien	41

Li	teraturverzeichnis	51
В	Manuelle Berechnung des Hilfsparameteres β	49
	A.12 Berechnung von T_{vk} und T_{nk}	47
	A.11 overShootOptimisation	46
	A.10 schritt Ifft	44
	A.9 diskDiff	43

Versionsgeschichte

04.05.2015: Version 0.01 06.05.2015: Version 0.02

1 Einleitung

Im Rahmen des Projektes soll ein Tool entwickelt werden, welches einen PI- respektive einen PID-Regler mittels der von Prof. Jakob Zellweger entwickelten Phasengangmethode dimensioniert. Zum Vergleich soll der entsprechende Regler ebenfalls mittels verschiedenen Faustformeln berechnet werden.

referenz script Zellweger

Die Phasengangmethode ist eine graphische Methode, die bis anhin mit Stift und Papier durchgeführt wurde. Folglich ist die Ausführung zeitaufwändig, speziell wenn Schrittantworten mit unterschiedlichen Parameterwerten durchgespielt werden sollen. Das Tool soll ausgehend von drei Parametern aus der Schrittantwort der Strecke (Verstärkung K_s , Anstiegszeit T_g , Verzögerungszeit T_u) mittels der Phasengangmethode möglichst ideale Regelparameter berechnen sowie die Schrittantwort des darauf basierenden geschlossenen Regelkreises graphisch darstellen. Die Benutzeroberfläche der Software soll intuitiv sein, sodass sich auch mit dem Thema nicht eingehend vertraute Regelungstechniker einfach zurechtfinden.

Die erforderlichen Algorithmen wurden zuerst in Matlab als Prototypen implementiert und anschliessend vollständig in Javakonvertiert. Die graphische Benutzeroberfläche baut ganz auf Java. Um optimale Wartbarkeit, Übersichtlichkeit und Modularität des Codes zu gewährleisten, ist die Software gemäss Model-View-Controllern-Pattern aufgebaut.

mehr/ande<mark>re</mark>r Inhalt?

Nach der Implementierung in Matlab wurde klar, dass die Berechnung durch die hohe Rechenleistung sehr schnell durchgeführt werden kann und somit eine Dimensionierung des geschlossenen Regelkreises anhand dieser Methode von Herrn Zellweger möglich ist.

Der Bericht gliederte sich in zwei Teile: Der ersten Teil erläutert die theoretischen Grundlagen und darauf aufbauend stellt der zweite Teil der Aufbau der Software dar.

Bild Blockschaltbild

Totzeit

Bild Blockschaltbild I-Strecke

2 Grundlagen der Regelungstechnik

2.1 Regelstrecke

In der Regelungstechnik wird die zu regel
nde Strecke als Regelstrecke bezeichnet. Die Regelstrecke wird durch ihr Zeitverhalten charakterisiert, welches den Aufwand und die Güte der Regelung bestimmt. Um das Zeitverhalten zu beschreiben, verwendet man die Sprungantwort, welche zeigt, wie die Regelgrösse auf Stellgrössenänderung reagiert. Mit der entstehenden Regelgrösse werden verschiedene Regelstrecken unterschieden:

- P-Regelstrecke
- I-Regelstrecke
- Strecken mit einer Totzeit
- Strecken mit Energiespeicher

Dieses Projekt beschäftigt sich mit den PTn-Strecken, welche eine Kombination einer Strecke mit proportionalen Verhalten und einer mit Totzeit sowie der Angabe der Ordnung n der Strecke sind.

P-Regelstrecke

Bei der Regelstrecke mit proportionalem Verhalten folgt die Regelstrecke proportional der Stellgrösse ohne Verzögerung. Dies kommt in der Praxis nicht vor, da immer eine Verzögerung vorhanden ist. Ist diese jedoch sehr klein spricht man von einer P-Strecke. Der Proportionalitätsfaktor wird mit K_p abgekürzt. Wird $K_p < 1$ wirkt K_p nicht mehr verstärkend sondern abschwächend.

Strecken mit Totzeit

Ändert sich die Stellgrösse, wirkt sich diese Änderung bei einer Strecke mit Totzeit erst nach einer gewissen Zeit auf die Regelgrösse aus. Mit T_t wird das Mass der Totzeit gekennzeichnet.

Totzeiten verursachen schnell Schwingungen, da sich die Stellgrösseänderung zeitverzögert auf die Regelgrösse auswirkt. Die Schwingungen entstehen wenn sich die Stellgrösse und die Regelgrösse periodisch ändern.

I-Regelstrecke

Die I-Regelstrecke antwortet auf eine Stellgrössenänderung mit einer fortwährenden Änderung in steigende oder fallende Richtung. Die Begrenzung dieses Vorganges ist mit den systemgegeben Schranken gegeben. Die Integrierzeit T_i ist ein Mass für die Anstiegsgeschwindigkeit der Regelgrösse.

2.2 Regler

Die Aufgabe eines Reglers besteht die zu regelnde Strecke mit einem Stellsignal so zu beeinflussen, dass der Wert der Regelgrösse gleich dem Wert der Führungsgrösse entspricht. Der Regler besteht aus einem Vergleichsglied, welches die Reglerdifferenz aus der Differenz zwischen Führungs- und Reglergrösse bildet und dem Reglerglied. Das Reglerglied erzeugt aus der Reglerdifferenz die Stellgrösse.

2.3 Die Steuerung 9

Es wird zwischen P-, I- und D-Regler unterschieden. In diesem Projekt werden die PI- und PID-Regler, welche Kombinationen der oben genannten Regler sind, behandelt.

PI-Regler

Der PI-Regler besteht aus einer Parallelschaltung eines P- und eines I-Reglers. Durch diese Kombination werden die Nachteile beider Regler kompensiert und die Vorteile (schnell, stabil) hervorgehoben.

PID-Regler

Wird dem PI-Regler ein D-Anteil parallel geschaltet, entsteht der PID-Regler. Der PID-Regler ist ein sehr oft verwendeter Regler, da durch den D-Anteil die Regelgrösse rascher den Sollwert erreicht und der Einschwingvorgang schneller abgeschlossen ist. Der PID-Regler ist geeignet für Strecken höheren Ordung, welche möglichst schnell und ohne bleibende Regelabweichung geregelt werden müssen.

2.3 Die Steuerung

Unter einer Steuerung versteht man eine offen Wirkungskette wie in Abbildung XX, dass heisst die Wirkglieder sind kettenähnlich aufgereiht und besitzen keine Rückkopplung. Die Steuerkette wird genau für eine Steuerung ausgelegt und kann nur einer Art von Störgrösse entgegenwirken. Ohne die Rückkopplung wird das Ausgangsignal nicht mit dem Eingangssignal verglichen und es können keine Korrekturen vorgenommen werden.

2.4 Der geschlossene Regelkreis

Die Aufgabe eines geschlossenen Regelkreises (Abbildung 1) ist es, einen vorgegeben Sollwert zu erreichen und diesen auch bei Störungen aufrecht zu erhalten. Dabei sollen die unten genannten dynamischen Anforderungen eingehalten werden, damit die Stabilität des Regelsystems garantiert ist. Die wichtigste Bedingung für die Schrittantwort ein geschlossenen Regelkreis heisst, dass der Regelfehler, die Differenz zwischen Ist- und Sollwert, gleich Null oder möglichst klein ist.

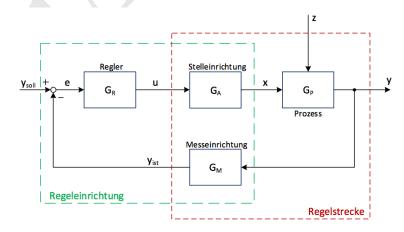


Abbildung 1: Geschlossener Regelkreis

- y_soll bezeichnet den Sollwert der Regelgrösse.
- e Regelabweichung (Regelfehler)

Bild Blockschaltbild PI-Regler

Bild Blockschaltbild PID-Regler

bild offener Regelkreis

Referenz Bild offener Regelkreis math mo-

Bild
Schrittantworten
passend
zu Aufzählung
unten

- u Steuergrösse
- x Stellgrösse
- y Regelgrösse
- z Störgrössen werden in diesem Projekt nicht berücksichtigt
- $y_i st$ ist der Ist-Wert der Regelgrösse und wird auch als die Schrittantwort des Regelkreises bezeichnet.

Grundsätzlich können fünf Anforderungen für einen geschlossenen Regelkreis und deren Schrittantworten zusammengefasst werden:

- 1. Der Regelkreis muss stabil sein: Für das Regelsystem heisst stabil, dass es in seinen Gleichgewichtszustand zurückgeführt werden kann.
- 2. Der Regelkreis muss genügend gedämpft sein.
- 3. Der Regelkreis muss eine bestimmte stationäre Genauigkeit aufweisen: Das bedeutet, der Regelfehler e(t) soll für t-> oo gegenNull gehen.
- 4. Der Regelkreis muss hinreichend schnell sein: Ist die Dämpfung zu stark oder zu schwach, braucht der Einschwingvorgang mehr Zeit. Hierbei muss darauf geachtet werden, dass die spezifischen Anforderungen an das Regelsystem eingehalten werden.
- 5. Der Regelkreis muss robust sein: Der Regelkreis muss so ausgelegt werden, dass das Regelsystem auch im schlimmsten Fall (je nach Regelsystem situationsabhängig) in der Lage ist, das System zurück in den stabilen Zustand (vgl. Punkt 1) zu regeln.

Die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises

Als Schrittantwort eines geschlossenen Regelkreises wird das Ausgangssignal y(t) bezeichnet. Im Zusammenhang mit den Anforderungen an den geschlossenen Regelkreis, werden an die Schrittantwort folgende Forderungen gestellt:

- 1. Die Schrittantwort eines stabilen Regelkreises darf nach dem Erreichen des eingeschwungenen Zustand kein erneutes Überschwingen auftreten.
- 2. Die Dämpfung der Schrittantwort soll so stark sein, dass der eingeschwungene Zustand möglichst rasch erreicht wird ohne dass das Überschwingen des Systems zu stark wird.
- 3. Die Schrittantwort muss für ein t->oo gleich y_soll sein.
- 4. Die Schnelligkeit des Einschwingvorganges der Schrittantwort ist stark von der Dämpfung abhängig. Wenn diese zu stark oder zu schwach ist, ist der Regelkreis zu langsam.

3 Fachlicher Hintergrund zur Regler-Dimensionierung

Das Kernstück dieser Arbeit und des zugehörigen Softwaretools stellt die so genannte "Phasengang-Methode zur Reglerdimensionierung" von Jakob Zellweger dar [1]. Diese wurde ursprünglich als vereinfachte grafische Methode zur Approximation der -20dB/Dek Methode erarbeitet und im Rahmen dieses Projektes in einem Java-Tool automatisiert. Als Vergleich wertet die Software ebenfalls einige der gängigen Faustformeln aus.

Das Tool führt grob vereinfacht folgende Schritte aus:

- Bestimmung des Frequenzgangs der Regelstrecke aus Verzögerungszeit T_u , Anstiegszeit T_g und Verstärkung K_s (Abschnitt 3.1)
- Dimensionierung des Reglers mittels Faustformeln (Abschnitt 3.2)
- Dimensionierung des Reglers durch Phasengangmethode (Abschnitte 3.3 und 3.4)
- Umrechung der Regler-Darstellung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung (Abschnitt 3.5)
- Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises (Abschnitt??)

Im folgenden Kapitel wird auf diese Punkte genauer eingegangen und das Vorgehen anhand eines konkreten Beispiels rechnerisch und grafisch erläutert. Die Durchrechnung der Phasengangmethode orientiert sich an den Rezepten, welche im fachlichen Teil des Pflichtenheftes dieses Projektes zu finden sind [2]. Genauere Hintergrundinformationen zur Phasengangmethode selbst sind dem Vorlesungs-Skript von J. Zellweger zu entnehmen [1].

Das Überschwingverhalten kann im Software-Tool vom Benutzer auf einen Zielwert zwischen 0% und 30% eingestellt werden. Das Tool optimiert den resultierenden Regler dann entsprechend, um dieser Vorgabe möglichst nahe zu komen.

3.1 Frequenzgang der Regelstrecke

Als Ausgangspunkt der Reglerdimensionierung dient die Schrittantwort der Strecke. Durch Einzeichnen der Wendetangente ¹ ergeben sich Schnittpunkte der Wendetangente mit der Zeitachse $[T_u, 0]$ und mit dem Zielwert $[T_g + T_g, 1]$. Es können nun also die Verzögerungszeit T_u und die Anstiegszeit T_g aus aus Abbildung 2 abgelesen werden.

Wir werden in diesem Bericht folgende Strecke als Beispiel nehmen:



Abbildung 2: Schrittantwort der Beispielstrecke (schwarz), Wendetangende (rot), T_u und T_g (blau)

Ausmessen der Schrittantwort ergibt:

- $K_s = 2^2$ $T_u = 1.1 \,\mathrm{s}$ $T_g = 8.9 \,\mathrm{s}$

Der geschlossene Regelkreis soll schlussendlich maximal etwa 16.3% überschwingen.

Da die Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode vom Frequenzgang einer Strecke ausgeht und nicht von deren Schrittantwort, besteht der nächste Schritt nun darin, aus den obigen Werten den Frequenzgang der Strecke zu bestimmen. Dies erledigt die Methode p_sani³, welche uns die Werte für die Übertragungsfunktion der Strecke liefert. In unserem Fall ergibt dies folgendes Polynom:

¹Die Wendetangante ist die Tangente an den Wendepunkt in der Anstiegs-Phase der Schrittantwort.

²Abbildung 2 ist auf 1 normiert, die Verstärkung unserer Beispielstrecke beträgt 2. An den Werten für die Verzögerungs- und Anstiegszeit oder am Ausmessen der Schrittantwort ändert sich dadurch nichts

 $^{^3}$ Die Methode ${ t p_sani}$ wurde zu Beginn des Projektes in einer Matlab-Implementation zur Verfügung gestellt und anschliessend für unser Tool in Java übersetzt.

Sie kann aus der Verzögerungszeit, der Anstiegszeit und der Verstärkung der Strecke ein Polynom für deren Übertragungsfunktion vom Grad 1 bis 8 ausrechnen.

Als Eingabeparameter werden die Werte T_u , T_g und K_s benötigt, als Rückgabewert erhält man ein Array mit den Zeiten T_i für die Nenner der Faktoren des Polynoms (siehe Gleichung 1).

$$H_s(s) = K_s \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_1} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2}$$

$$= 2 \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}$$
(1)

Mit einem geeigneten Tool kann man sich den dazugehörigen Plot erstellen lassen.



Abbildung 3: Frequenzgang der Strecke

Somit ist der Frequenzgang der Strecke bekannt und man kann mit einer geeigneten Methode den Regler dimensionieren.

3.2 Reglerdimensionierung mittels Faustformeln

Im Praxiseinsatz stehen für die Dimensionierung von Reglern einfache Berechnungsformeln zur Verfügung. Diese Lieferun Einstellwerte anhand von T_u , T_g und K_s . An dieser Stelle wird daher unsere Beispielstrecke zuerst mit einigen der gängigen Faustformeln dimensioniert, um das Ergebnis anschliessend mit dem Resultat der Phasengangmethode vergleichen zu können.

Faustformel	PI-Regler		PID-T1-Regler		
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$1.2 \cdot T_g$	$\frac{0.35}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	T_g	$0.5 \cdot T_u$	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	T_g	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$1.35 \cdot T_g$	$0.47 \cdot T_u$	$\frac{0.95}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Oppelt [5]	$3 \cdot T_u$	$\frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.42 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

Faustformel	PI-Regler		PID-T1-Regler		
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Rosenberg [5]	$3.3 \cdot T_u \frac{0.9}{K}$	$\frac{\partial 1}{\partial s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.45 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{T_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

 ${\bf Tabelle~1:}~{\bf Faust formeln~zur~Regler dimensionier ung}$



Faustformel	PI-Regl	er	PID-T1	-Regler	
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$10.68\mathrm{s}$	1.42	8.9 s	$0.55\mathrm{s}$	2.43
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	$8.9\mathrm{s}$	2.43	$12.02\mathrm{s}$	$52\mathrm{s}$	3.84
Oppelt [5]	$3.3\mathrm{s}$	3.24	$2.2\mathrm{s}$	$0.46\mathrm{s}$	4.85
Rosenberg [5]	$3.63\mathrm{s}$	3.68	$2.2\mathrm{s}$	$0.50\mathrm{s}$	4.85

Setzt man die Werte für K_s, T_u, T_g in diese Formeln ein, ergibt sich Folgendes:

Tabelle 2: Reglerparameter bestimmt mit Faustformeln aus Tabelle 1

3.3 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PI-Regler

Es werden nun anhand der Phasengangmethode sowohl ein PI- wie auch ein PID-Regler für die in Abschnitt 3.1 ausgemessene Strecke dimensioniert (siehe nächster Abschnitt für PID-Regler).

Tabelle 3 fasst die häufig verwendeten Begriffe in einer Übersicht zusammen:

$H_s(j\omega)$	Übertragungsfunktion der Regel-
	strecke
$A_s(j\omega) = H_s(j\omega) $	Amplitudengang der Regelstrecke
$\varphi_s(j\omega) = arg(H_s(j\omega))$	Phasengang der Regelstrecke
$H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des Reglers
$A_r(j\omega) = H_r(j\omega) $	Amplitudengang des Reglers
$\varphi_r(j\omega) = arg(H_r(j\omega))$	Phasengang des Reglers
$H_o(j\omega) = H_s \cdot H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des offenen
	Regelkreises
$A_o(j\omega) = H_o(j\omega) $	Amplitudengang des offenen Regel-
	kreises
$\varphi_o(j\omega) = arg(H_o(j\omega)) = \varphi_s(j\omega) + \varphi_r(j\omega)$	Phasengang des offenen Regelkrei-
	ses
$H_{rpid} = K_{rk} \left[\frac{(1+sT_{nk})(1+sT_{vk})}{sT_{nk}} \right]$	Übertragungsfunktion des PID-
ST_{nk}	Reglers
$u = v \begin{bmatrix} 1 & 1 \end{bmatrix}$	
$H_{rpi} = K_{rk} \left[1 + \frac{1}{sT_{nk}} \right]$	Ubertragungsfunktion des PI-
	Reglers

Tabelle 3: Die wichtigsten Begriffsdefinitionen

Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} und T_{nk} in der Übertragungsfunktion des Reglers:

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{2}$$

1 Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pi}

Zuerst wird im Phasengang der Strecke die Frequenz ω_{pi} bestimmt, für welche die Phase der Strecke -90° beträgt, ersichtlich in Abbildung 4 ⁴.



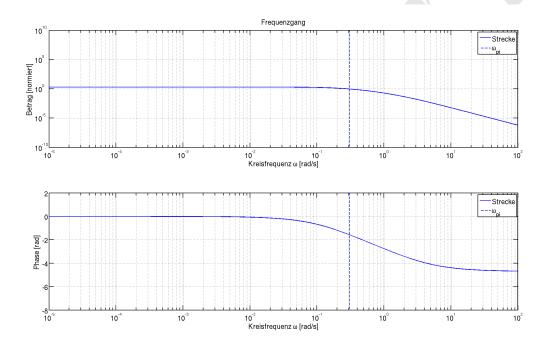


Abbildung 4: ω_{pi} eingetragen (vertikale gestrichelte Linie).

Wie man aus Abbildung 4 ablesen kann, liegt dieser Wert für ω_{pi} in unserem Beispiel bei ungefähr $0.3\,\mathrm{s}^{-1}$. Die Kontrollrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_{pi} = 0.3039 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{4}$$

⁴Der Winkel stellt keinen endgültigen Wert dar. Dieser wurde von Jakob Zellweger fixiert, um eine grafische Evaluation überhaupt zu ermöglichen. Durch Anpassung dieses Wertes kann je nach Regelstrecke das Regelverhalten weiter optimiert werden.

2 Bestimmung von T_{nk}

Damit kann nun T_{nk} direkt bestimmt werden⁵:

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pi}} = \frac{1}{0.3039 \,\mathrm{s}^{-1}} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$
 (5)

3 Bestimmung der Durchtrittsfrequenz ω_d

Die Durchtrittsfrequenz ist die Frequenz, bei der eine betrachtete Übertragungsfunktion eine Verstärkung von $0 \, \mathrm{dB} = 1$ aufweist. In der Phasengangmethode soll sie so festgelegt werden, dass der offene Regelkreis Gleichung 6 erfüllt. Dabei ist für φ_s abhängig vom gewünschten Überschwingverhalten ein Wert aus Tabelle 4 auszuwählen ⁶. Nach dem Festlegen der Durchtrittsfrequenz wird dann im nächsten Abschnitt die Verstärkung des Reglers noch angepasst.

$$\varphi_o(\omega_d) = \varphi_s.$$
Überschwingen 0% 16.3% 23.3%
$$\varphi_s \qquad -103.7^{\circ} \quad -128.5^{\circ} \quad -135^{\circ}$$

Tabelle 4: Werte für φ_s

Um Gleichung 6 auswerten zu können, wird der Phasengang des offenen Regelkreises benötigt. Dazu wird der in Gleichung 5 erhaltene Wert für T_{nk} in die Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 2) eingesetzt. K_{rk} ist noch unbekannt, hat aber auf die Phase keinen Einfluss und wird somit vorerst einfach auf 1 gesetzt.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}} \right]$$
(7)

Daraus kann nun der Frequenzgang des offenen Regelkreises (Übertragungsfunktion H_o , Amplitudengang A_o , Phasengang φ_o) bestimmt werden.

$$H_{o}(s) = H_{rpi}(s) \cdot H_{s}(s)$$

$$= \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}}\right]\right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}}\right)$$

$$= \left(1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}}\right]\right) \cdot 2 \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}\right)$$
(8)

⁵Um die Akkumulation von Ungenauigkeiten zu minimieren, werden bei diesen Berechnungen die genauen Werte aus Matlab verwendet und nicht die gerundeten Zwischenresultate, was zu Abweichungen zu den von Hand berechneten Ergebnissen führen kann.

⁶Die Werte für φ_s aus Tabelle 4 stellen keine abschliessende Auflistung dar und sind lediglich als Anhaltspunkte zu betrachten. Weicht das Verhalten des geschlossenen Regelkreises am Schluss zu stark vom gewünschten Ergebnis ab, besteht durch die Wahl anderer Werte für φ_s die Möglichkeit weiterer Optimierung.

Von besonderem Interesse ist der Phasengang $\varphi_o(j\omega)$ dieser Übertragungsfunktion (siehe Tabelle 3). Wie Anfangs spezifiziert, soll ein maximals Überschwingen von ca. 16.3% angestrebt werden. Dazu muss gemäss Tabelle 4 die Durchtrittsfrequenz ω_d gefunden werden, an welcher der offene Regelkreis eine Phase von -128.5° aufweist (Gleichung 6). In Abbildung 5 kann dies grafisch verifiziert werden.

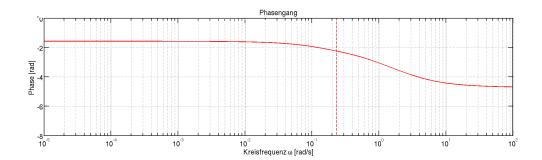


Abbildung 5: Phasengang $\varphi_o(j\omega)$ des offenen Regelkreises mit eingetragener Durchtrittsfrequenz ω_d (vertikale gestrichelte Linie). Wie man sieht, weist der offene Regelkreis unseres Beispiels bei dieser Kreisfrequenz eine Phase von -128.5° auf (etwa $-2.24\,\mathrm{rad}$).

Dies ergibt:

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{9}$$

4 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

Im letzten Schritt muss nun wie im vorherigen Abschnitt erwähnt die Verstärkung K_{rk} des Reglers noch angepasst werden, damit der offene Regelkreis bei der angestrebten Durchtrittsfrequenz ω_d auch effektiv eine Verstärkung von 1 aufweist. Dazu wird $j\omega_d$ in Gleichung 8 für den Parameter s eingesetzt und $|H_o(j\omega_d)| = 1$ gesetzt.

$$A_{o} = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpi}(j\omega) \cdot H_{s}(j\omega)|$$

$$= \left| \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{j \cdot \omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \right) \right| \quad (10)$$

$$= 1$$

Mit den Werten

$$K_s = 2$$

$$T_{nk} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$

$$T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$$

$$T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$$

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{rad} \,\mathrm{s}^{-1}$$
(11)

löst man Gleichung 10 nun nach K_{rk} auf und erhält:

$$K_{rk} = 0.517577 \tag{12}$$

5 Resultat

Somit ist der PI-Regler vollständig bestimmt und hat folgende Form:

$$H_{rpi} = 0.518 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.29 \,\mathrm{s}} \right]$$
 (13)

In Abbildung 6 sind die wichtigsten Werte für diesen Prozess nochmals in einer Übersicht zusammengefasst.

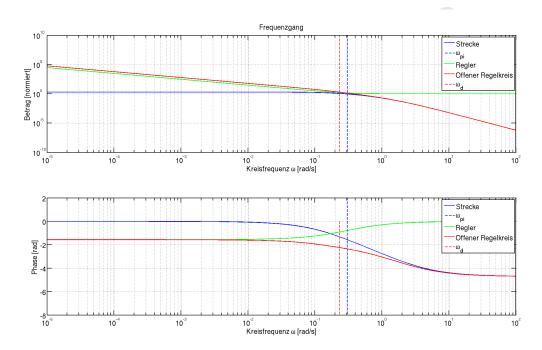


Abbildung 6: Frequenzgang des Reglers (grün), der Strecke (blau) und des offenen Regelkreises (rot).

Fix vertical line

3.4 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PID-Regler

Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} , T_{nk} und T_{vk} in der Übertragungsfunktion des Reglers:

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(14)

1 Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pid}

Analog zum PI-Regler wird zuerst im Phasengang der Strecke die Frequenz ω_{pid} bestimmt, für welche die Phase einen bestimmten Wert aufweist, nur wird hier -135° benutzt ⁷:

$$\varphi_s(\omega_{pid}) = -135^{\circ} \tag{15}$$

In unserem Beispiel ergibt dies:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{16}$$

Eine grafische Überprüfung kann anhand von Abbildung 7 durchgeführt werden.

2 Steigung des Phasengangs bei der Reglerfrequenz

Anschliessend wird die Steigung des Phasengangs φ_s der Strecke bei der Frequenz ω_{pid} bestimmt. Ausgangspunkt dafür ist die von p_sani bestimmte Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1).

$$\frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = \frac{d(arg(H_s(j\omega)))}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = -1.5124 s$$
(17)

3 Hilfsparameter β

Zwischen den Steigungen der Phasen des offenen Regelkreises (φ_o) , der Strecke (φ_s) und des Reglers (φ_r) gilt gemäss Tabelle 3 folgende Beziehung:

$$\varphi_o = \varphi_s + \varphi_r \tag{18}$$

Da die Ableitung eine lineare Funktion ist, gilt somit auch:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega} = \frac{d\varphi_s}{d\omega} + \frac{d\varphi_r}{d\omega} \tag{19}$$

Diese Beziehungen können auch gut in Abbildung 7 von Hand überprüft werden.

Es soll nun gelten:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{odd}} = -\frac{1}{2} \tag{20}$$

Da $\frac{d\varphi_s}{d\omega}$ durch die Strecke gegeben und somit unveränderlich ist, kann lediglich der Wert von $\frac{d\varphi_r}{d\omega}$ angepasst werden, damit $\frac{d\varphi_o}{d\omega}$ Gleichung 20 erfüllt.

Dazu führt man den Hilfsparameter β ein, für den gilt:

$$\frac{1}{T_{vk}} = \frac{\omega_{pid}}{\beta}$$

$$\frac{1}{T_{nk}} = \omega_{pid} \cdot \beta$$

$$0 < \beta < 1$$
(21)

Sinheit berprü-

 $^{^7}$ Wie auch beim PI-Regler stellt diese Frequenz lediglich einen Ausgangspunkt dar und kann zur weiteren Optimierung des Resultats noch angepasst werden.

Wie in Abbildung 7 gesehen werden kann ⁸, liegen die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ symmetrisch um den Faktor β respektive $\frac{1}{\beta}$ oberhalb bzw. unterhalb der Frequenz ω_{pid} .

Will man β von Hand berechnen, trifft zuerst eine "vernünftige" Annahme, zum Beispiel:

$$\beta = 0.5 \tag{22}$$

Mit diesem Startwert bestimmt man nun T_{nk} und T_{vk} :

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$
(23)

Die somit erhaltenen Werte setzt man in Gleichung 14 ein, zusammen mit dem Wert für ω_{pid} aus Gleichung 16. Da K_{rk} noch unbekannt ist, aber auf den Phasengang keinen Einfluss hat, setzt man vorerst $K_{rk} = 1$, um weiterrechnen zu können.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega \cdot T_{vk})}{j\omega \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$
(24)

Von dieser Gleichung bestimmt man nun den Phasengang und wertet danach dessen Ableitung an der Stelle $\omega = \omega_{pid}$ aus. Die zugehörige Rechnung kann in Anhang ?? gefunden werden.

$$\varphi_r(j\omega) = arg(H_{rpid}(j\omega))$$

$$\frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = 1.1920 \,\mathrm{s}$$
(25)

Setzt man dies in Gleichung 18 ein, erhält man:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5} = \frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} + \frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5}$$

$$= -1.5124 \,\mathrm{s} + 1.1920 \,\mathrm{s}$$

$$= -0.3204 \,\mathrm{s}$$

$$> -\frac{1}{2}$$
(26)

Mit $\beta = 0.5$ erhält man also eine zu hohe Steigung des offenen Regelkreises an der Stelle ω_{pid} , folglich muss β verkleinert werden. Diese Berechnungen werden nun mit jeweils neuen Werten für β solange wiederholt, bis die Steigung des offenen Regelkreises die gewünschte Nähe zu $-\frac{1}{2}$ aufweist.

Da die manuelle Iterierung dieses Prozesses enorm viel Zeit in Anspruch nimmt, bietet sich hier eine Automatisierung an. Die Berechnung mittels eines geeigneten Algorithmus in Matlab liefert schlussendlich folgendes Ergebnis:

Allenfalls
MatlabAlgo in
Anhang
und Verweis

$$\beta = 0.2776$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = 5.3656 \,\mathrm{s}$$

$$(27)$$

Diese Werte sind in ebenfalls in 7 eingetragen.

Sollte man für β einen komplexen Wert erhalten, wird $\beta = 1$ gesetzt.

4 Durchtrittsfrequenz ω_d

Als letzte Unbekannte verbleibt die Verstärkung K_{rk} . Wie auch beim PI-Regler ist zum Finden der Verstärkung die Durchtrittsfrequenz ω_d zu bestimmen, um anschliessend mit deren Hilfe K_{rk} auszurechnen.

Die Resultate aus Gleichung 27 werden in Gleichung 14 eingesetzt. K_{rk} ist immer noch unbekannt, und wird daher vorerst bei 1 belassen.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right] = 1 \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(28)

Es interessiert hier der Phasengang des offenen Regelkreises (auch eingetragen in Abbildung 7), wozu die Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1) mit der soeben bestimmten provisorischen Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 28) multipliziert wird.

$$H_o(j\omega) = H_{rpid}(j\omega) \cdot H_s(j\omega) \tag{29}$$

Nun wird die Durchtrittsfrequenz ω_d bestimmt, an welcher der offene Regelkreis eine Verstärkung von $0 \, dB = 1$ aufweisen soll. Wie auch beim PI-Regler werden wir hier ein Überschwingen von 16.3% anstreben, womit gemäss Tabelle 4 gilt:

$$\varphi_s(\omega_d) = \varphi_s = -128.5^{\circ} \tag{30}$$

Dieser Wert wird analog zum PI-Regler aus dem Phasengang des offenen Regelkreises abgelesen (siehe Abbildung 7). Eine Nachrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{31}$$

Wie kann lies egtl. oassieen?

 $^{^8}$ Man beachte dabei, dass der Plot logarithmisch skaliert ist. Eine identische Wegstrecke zwischen zwei Punkte-Paaren auf der Frequenzachse bedeutet also, dass diese um denselben Faktor auseinander liegen, und nicht, dass die Differenz zwischen den jeweiligen Punkten identisch ist. Im Falle der Punkte-Paare $\left[\frac{1}{T_{nk}},\omega_{pid}\right]$ und $\left[\omega_{pid},\frac{1}{T_{vk}}\right]$ ist dieser Faktor β , wie in Gleichung 21 ersichtlich.

5 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

Im letzten Schritt wird nun der Amplitudengang des offenen Regelkreises an der Stelle ω_d gleich 1 gesetzt und diese Gleichung nach K_{rk} aufgelöst:

$$A_{o}(j\omega_{d}) = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpid}(j\omega_{d}) \cdot H_{s}(j\omega_{d})|$$

$$= \left| K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega_{d} \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega_{d} \cdot T_{vk})}{j\omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right|$$

$$\cdot \left| K_{s} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \right|$$

$$= 1$$
(32)

Die einzusetzenden Werte sind:

$$K_s = 2$$
 $T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$
 $T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$
 $T_{nk} = 5.3656 \,\mathrm{s}$
 $T_{vk} = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1}$
(33)

Womit man für die Verstärkung den Wert

$$K_{rk} = 1.83084 \tag{34}$$

erhält.

6 Resultat

Somit ist der Regler vollständig bestimmt und hat folgende Übertragungsfunktion:

$$H_{rpid}(s) = 1.83084 \cdot \left[\frac{(1+s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1+s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(35)

Zusammenfassend sind in Abbildung 7 die verschiedenen Frequenzgänge und Frequenzen eingetragen.

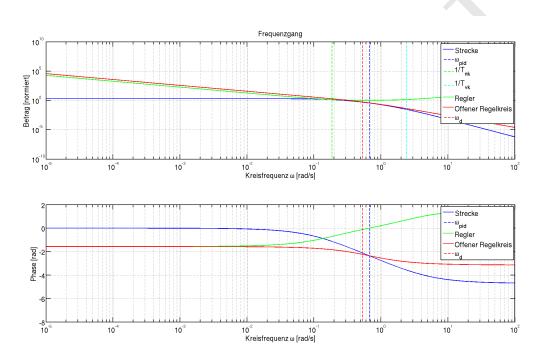


Abbildung 7: Frequenzgang der Strecke (blau), des Reglers (grün) und des offenen Regelkreises (rot). Ebenfalls eingetragen sind die Reglerfrequenz ω_{pid} , die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ sowie die Durchtrittsfrequenz ω_d .

3.5 Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung

Ein Regler kann mittels verschiedener mathematischen Gleichungen dargestellt werden. Für die Berechnungen in diesem Projekt sind zwei von besonderer Bedeutung: Die bodekonforme und die reglerkonforme Darstellung.

Dabei gilt es zu beachten, dass sich die einzelnen Darstellungen in ihrer mathematischen Gleichung unterscheiden, jedoch den selben Informationsinhalt haben. Deshalb ist es auch möglich, mittels einfacher Umrechnungen die Darstellungsweise zu wechseln.

Der Grund, weshalb zwei verschiedene Darstellungsarten existieren und verwendet werden, liegt zum einen darin, dass gewisse Berechnungen automatisch die eine oder andere Darstellungsart zurückgeben, jedoch auch, dass je nach Situation der Verständlichkeit halber die eine oder andere Darstellungsart bevorzugt wird.

Bei der bodekonformen Darstellung wie in Gleichungen 36 und 38 ist die Übertragungsfunktion leicht zu interpretieren, was ihren Amplitduden- und Frequenzgang betrifft. Deshalb wird die bodekonforme Darstellung überall dort verwendet, wo mit den Reglerwerten Berechnungen ausgeführt werden.

Die reglerkonforme Darstellung aus den Gleichungen 37 und 39 hingegen ist so aufgebaut, dass die Werte, welche an einem realen Regler einstellbar sind, direkt abgelesen werden können. Diese Darstellung wird verwendet, um die Reglerwerte dem Benutzer zur Verfügung zu stellen.

Zudem liegt das Ergebnis der Faustformeln auch immer in der reglerkonformen Darstellung vor. Für die Umrechnung zwischen den zwei Darstellungsarten ergibt sich durch einen Koeffizientenvergleich Tabelle 5.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[\frac{1 + s \cdot T_n}{s \cdot T_n} \right] \tag{36}$$

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{37}$$

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(38)

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_n} + \frac{s \cdot T_v}{s \cdot T_p} \right]$$
(39)

	$bodekonform \rightarrow reglerkonform$	$\operatorname{reglerkonform} \to \operatorname{bodekonform}$
PI	$T_n = T_{nk}$	$K_{rk} = K_r$
PID	$T_{n} = T_{nk} + T_{vk} - T_{p}$ $T_{v} = \frac{T_{nk} \cdot T_{vk}}{T_{nk} + T_{vk} - T_{p}} - T_{p}$ $K_{r} = K_{rk} \cdot \left(1 + \frac{T_{vk} - T_{p}}{T_{nk}}\right)$	$T_{nk} = 0.5 \cdot (T_n + T_p) \cdot (1 + \epsilon)$ $T_{vk} = 0.5 \cdot (T_n + t_p) \cdot (1 - \epsilon)$ $K_{rk} = 0.5 \cdot K_r \cdot (1 + \frac{T_p}{T_{nk}}) \cdot (1 + \epsilon)$
	wobei $\epsilon^2 = 1 - (4 \cdot T_n \cdot \frac{T_v - T_p}{(T_n + T_p)^2})$	

Tabelle 5: Formeln zur Umrechung zwischen bode- zu reglerkonformer Darstellung [6], [7]

Für die Berechnungen in diesem Projekt wird, wenn nicht anders angegeben, mit $T_p = \frac{1}{10} \cdot T_v$ gerechnet.



4 Software

Zweck der Applikation ist die Dimensionierung eines Reglers ausgehend von einer Strecke und der zugehörigen Schrittantwort. Abschliessend werden die numerischen Parameter des dimensionierten Reglers ausgegeben sowie die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises grafisch dargestellt.

Verweis auf Klassendiagramm

Die Software ist im bekannten Model-View-Controller-Pattern aufgebaut.

4.1 View

Die *View* ist aus zwei übergeordneten Panels aufgebaut. Im linken Panel befinden sich Ein- und Ausgabefelder für numerische Werte, im rechten Panel werden die zugehörigen Plots dargestellt.

Im Bereich 1 werden die Parameter der vermessenen Strecke eingegeben. Darunter befinden sich die Schalftflächen zur Wahl zwischen der Dimensionierung eines PI- respektive eines PID-T1-Reglers.

Das Panel Reglerwerte dient hauptsächlich der Ausgabe der berechneten Reglerwerte mittels der verschiedenen Berechnungsmethoden. Ebenfalls kann für die Phasengangmethode die Zeitkonstante T_p spezifiziert werden.

Der obere Bereich des rechten Panels beinhaltet zwei Slider zur Eingabe des gewünschten Überschwingens respektive des Phasenrands.

Im unteren Bereich werden die Plots der mittels Faustformeln und Phasengangmethode errechneten Resultate ausgegeben. Zu jeder Faustformel wird die zugehörige Schrittantwort abgebildet. Die Resultate der Phasengangmethode werden durch drei Kurven dargestellt. Eine Kurve benutzt den Standardwert des Phasenrands gemäss Zellweger , die beiden anderen Kurven basieren auf Benutzereingaben für einen oberen und unteren Offset des Phasenrandes im Bereich von -45° bis $+45^{\circ}$.

4.2 Controller

Der Controller ist verantwortlich für die Steueraufgaben und erzeugt den Regler. Da Regler übersetzt auf Englisch Controller ist, heisst die generische Reglerklasse in unserer Software Controller. Die Klasse, welche die die Rolle des Controller im Kontext von Model-View-Controller wahrnimmt, heisst daher GUIController, um Namenskonflikte zu vermeiden.

4.3 Model

Leserführung Model. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

Im Model wird für jede Berechnungsart, also entwerder für die Faustformeln oder die Phasengangmethode, Objekt des Typs CloseLoop erzeugt.

Controller

Der Controller bildet die Oberklasse für alle Faustformeln und die Phasengangmehode. Sie beinhaltet die abstrakte Methode calculate() sowie alle nötigen Getter und Setter.

Image Gesamt-GUI

Image
Panel
Schrittantwort
vermessen

Image Referenzen

Image
Butttons PI-,
PID-T1Regler

Check: korrekter Begriff

Panel Phasengangmethode

Image

Image Panel rechts

Einfügen Wert, Referenz 28 4 SOFTWARE

Faustformeln

Chien20, ChienApper, Oppelt, Rosenberg und ZieglerNichols sind die Klassen zu den zugehörigen Fausformeln. Die abstrakte Methode calculate() aus der Klasse Controller ist in jeder dieser Klassen implementiert. Sie liest die benötigten Werte aus der Strecke (Klasse Path) aus und führt die Berechnungen gemäss der entsprechenden Faustformel aus.

ClosedLoop

In der Klasee ClosedLoop wird für jede Berechungsart jeweils ein Controller erstellt. Auch diese Klasse enthält eine Methode calculate(). In dieser wird einerseits für alle Rechenarten die Berechung der Schrittantwort mittels calculateStepResponse() ausgelöst und für die Phasengangmethode wird zusätzlich das Überschwingverhalten durch overShootOptimazation() optimiert.

PhaseRespsonseMethod

In dieser Klasse wird die Frequenzachse in Abhängigkeit vom Phasengang und des benötigten Winkelbereiches erstellt. Ausserdem finden wir verschiedene calculate Methoden.

Einerseits ist da calculate() , in dieser wird die UTF Strecke aus der Strecke(path) geholt und die Omega-Achse Methode aufgeruffen. In dieser wird Sie Abhängigkeit vom Phasengang und des benötigten Winkelbereiches erstellt.

Anschlissend werden die Werte für Hs und phiS berehnet.

Andererseits sind da die Methoden, calculateTnvTnk() um Tnk und Tnv zu berechnen, calculateKrk um Krk zu berechnen, calculatecontrollerConf() um eine umrechung von Bodekonformen Werten zu Reglerkonformen Werten in der calc Klasse auszulösen, calculatePhaseMargin() bestimmt je nach Reglertyp den Phasenrand und zum schluss calculateOverShoot(), hier wird je nach vorher berechnetem Überschwingen, dem Wert phiu einen der 4 vordefinierten static final Werte zugewiesen.

4.4 Benutzungs-Beispiel (Use-Case)

Leserführung Use-Case. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

Beim Programmstart werden durch das Model drei *closedLoops* (geschlossene Regelkreise) für die Phasengang-Methode sowie vier weitere für die Faustformeln erzeugt. Jeder *closedLoop* weiss nun von Beginn an, welcher Berechnungstyp (Phasengang-Methode, Faustformel) er ist. Er ist nun bereit, Daten aufzunehmen und zu verarbeiten.

Über die drei Eingabefelder für K_s , T_u und T_g werden die Werte der vermessenen Regelstrecke durch den Benutzer eingegeben. Durch Drücken des Buttons Berechnen werden die Eingaben durch den GUIController auf Zulässigkeit überprüft. Erfüllen sie die erforderlichen Kriterien nicht, wird eine Benachrichtigung mit Hinweis auf den Fehler oberhalb des Buttons ausgegeben und die Berechnung nicht ausgelöst.

Haben die Eingaben die Überprüfung durch den GUI-Controller bestanden, fragt dieser zusätzlich die aktuellen Werte/ der Slider für Überschwingen und Optimierung sowie den Reglertyp auf dem GUI ab und leitet alle Daten mittels setData() an das Model weiter. Dieses erzeugt einen Path (Strecke) aus den Eingabewerten. Das Model errechnet den richtigen Optimierungs-Offset und weist die Daten den entsprechenden closedLoops der Phasengang-Methode sowie

Dieser
Abschnitt
sollte vermutlich
nomals
Aufmerksamkeit
von einem Experten
zum Code erhalten.

der Faustformeln mittels der setData()-Methode zu. Jeder closedLoop leitet die Daten an den zugehörigen Controller weiter, der die Reglerwerte berechnet.



30 5 TESTS

5 Tests



6 Schlussfolgerungen



Ehrlichkeitserklärung

Mit der Unterschrift bestätigt der Unterzeichnende (Projektleiterin), dass das Dokument selbst geschrieben worden ist und alle Quellen sauber und korrekt deklariert worden sind.

Anita Rosenberger:		
Ort, Datum:		_
$\langle A \rangle \langle A \rangle$		

A Beschreibung der Algorithmen

A.1 Sani

Input

T_u	Verzugszeit
T_{q}	Anstiegszeit

Output

n	Ordnung der Regelstrecke
T	Zeitkonstante

Algorithmus

- 1. Ungültige Eingaben warden abgefangen und ein Fehler zurückgegeben.
- 2. Lädt Werte für Tu und Tg.
- 3. Erstellt 50 Werte zwischen 0 und 1 für ri.
- 4. Bestimmt die Ordnung der Regelstrecke.
- 5. Spline für r und w
- 6. T(n) wird aus w*tg berechnet.
- 7. Umspeichern & Sortieren

Matlab-Code

```
function [n,T] = p2_sani(tu,tg,p)
   if tu<=0 || tg<=0
3
      disp(' ');
4
5
      error('!!!!! unsinnige Zeiten !!!!!
6
   v=tu/tg;
9
   if v>0.64173
      error('!!!!!! Tu/Tg zu gross
    end;
13
   if v<0.001
14
      disp(' ');
16
      error('!!!!! Tu/Tg zu klein
17
18
   load('p2_sani_tu_tg');
19
20
   pause (0.1);
                                     % Pause, damit Laden vom File erfolgreich!!!!
22
   % Berechnet mit NN=50 (r-Aufloesung)
   ri=linspace(0,1,50);
24
   if v <= 0.103638
                              \mbox{\ensuremath{\%}} abhaengig von n werden vorberechnete
26
      n=2;
                              % Datenfiles von der Festplatte geladen.
    elseif v <= 0.218017</pre>
                              % 2 <= n <= 8
27
      n=3;
                              \% n=1 ist trivial und fuehrt zu Abbruch
29
    elseif v <= 0.319357</pre>
30
     n=4:
    elseif v <= 0.410303
32
     n=5;
    elseif v <= 0.4933
34
     n=6;
   elseif v <= 0.5700
     n=7;
36
    elseif v <= 0.64173
```

```
38
     n=8;
39
   else
40
    n = 10;
41
   end;
42
43
   r=spline(Tu_Tg(n,:),ri,v);
   w=spline(ri,T_Tg(n,:),r);
44
45
   T(n)=w*tg;
46
47
   for i=n-1:-1:1,
                                    % Umspeicher, damit gleiche Reihenfolge wie bei Hudzovik
48
49
    T(i)=T(n)*r^(n-i);
50
   end;
52
   % Plots der Schrittantworten
53
   if p==1
54
       TT=4*(tg);
       t=linspace(0,TT,2500);
56
       za=1;
57
       n1=conv([T(1) 1],[T(2) 1]);
58
       for k=3:n
59
            nen1=conv(n1,[T(k) 1]);
60
           n1=nen1;
       end;
61
62
       nens=n1;
       step(za,nens,'k'); grid on;
63
64
       hold on;
65
        %wendepkt(T);
       hold off;
66
67
   end;
```

A.2 Umrechnung von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung

Input

T_v	Vorhaltezeit
T_n	Nachstellzeit
T_p	Periodendauer
K_r	Verstärkungsfaktor des Reglers
Reglertyp	Typ des Reglers (P, PI, PID)

Output

T_{nk}	Nachstellzeit
T_{vk}	Vorhaltezeit
K_{rk}	Verstärkungsfaktor des Reglers

Algorithmus

- 1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.
- 2. Falls der I-Regler gewählt wird, gibt der Algorithmus einen Fehler zurück, da der I-Regler nicht implementiert ist.
- 3. PI-Regler: $T_{nk} = T_n$, $K_{rk} = K_r$, $T_{vk} = 0$
- 4. Für PID-Regler:

$$\varepsilon = \frac{\sqrt{1 - (4 \cdot T_n \cdot (T_v - T_p))}}{(T_n + T_p)^2}$$

$$T_{nk} = \frac{(T_n + T_p) \cdot (1 + \varepsilon)}{2}$$

$$K_{rk} = \frac{K_r \cdot (\frac{1 + T_p}{T_{nk}}) \cdot (1 + \varepsilon)}{2}$$

$$T_{vk} = \frac{(T_n + T_p) \cdot (1 + \varepsilon)}{2}$$

Matlab-Code

```
function [ t_nk, t_vk, k_rk ] = p2_bodekonf(t_n, t_v, t_p, k_r ,reglertyp )
      (reglertyp = 1) %I-Regler
4
         error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
5
6
   if (reglertyp = 2) %PI-Regler
8
        t_nk=t_n;
9
       k_rk=k_r;
       t_vk=0;
   if (reglertyp = 3) %PID-Regler
14
       epsilon=sqrt(1-(4*t_n*(t_v-t_p))/(t_n+t_p)^2;
       t_nk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
       k_rk=0.5*k_r(1+t_p/t_nk)*(1+epsilon);
17
       t_vk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
18
   end:
```

Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung

Input

T_p	Periodendauer
Tnk	Nachstellzeit
Tvk	Vorhaltezeit

KrkVerstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

T_n	Nachstellzeit
T_v	Vorhaltezeit

 K_r Verstärkungsfaktor des Reglers

Algorithmus

- 1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.
- 2. Falls der I-Regler gewählt wird, gibt der Algorithmus einen Fehler zurück, da der I-Regler nicht implementiert ist.
- 3. PI-Regler: $T_n = T_{nk}$, $K_k = K_{rk}$, $T_v = 0$
- 4. Für PID-Regler:

$$K_r = K_{rk} \cdot \frac{1 + T_{vk}}{T_{nk}}$$

$$T_n = T_{nk} + T_{vk} - T_p$$

$$T_n = T_{nk} + T_{vk} - T_p$$

$$T_v = \frac{T_{nk} \cdot T_{vk}}{T_{nk} + T_{vk} - T_p) - T_p}$$

Matlab-Code

```
function [ t_n, t_v, k_r ] = p2_reglerkonf(t_nk, t_vk, t_p, k_rk ,reglertyp )
if (reglertyp = 1) %I-Regler
3
          error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
4
    end;
    if (reglertyp = 2) %PI-Regler
6
         t_n=t_nk;
        k_r=k_rk;
9
        t_v=0;
13
   if (reglertyp = 3) %PID-Regler
        k_r=k_rk*(1+t_vk/t_nk);
14
        t_n = t_nk + t_vk - t_p;
16
        t_v = (t_nk*t_vk)/(t_nk+t_vk-t_p)-t_p;
17
    end;
```

A.4 utfController 37

A.4 utfController

Input

 T_p Verzugszeit T_{nk} Nachstellzeit T_{vk} Vorhaltezeit

 K_{rk} Verstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

Zähler Reeller Zähler Nenner Reeller Nenner

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Matrix

korrekt?

Oder einfach reelle Koeffi-

zienten?

Matlab-Code

```
1  function [ Zah_r, Nen_r ] = p2_UTFRegler(t_nk, t_vk, t_p, k_rk ,Reglertyp )
2
3  % PI Regler
4  if (Reglertyp == 2)
5     Zah_r = k_rk*[t_nk 1];
6     Nen_r = [t_nk 0];
7  end;
8
9  %ID-Regler
10  if (Reglertyp == 3)
11     Zah_r = k_rk * p2_xdiskConv([t_vk 1],[t_nk 1]);
12     Nen_r = [t_nk 0];
13  end;
```

A.5 Faustformel Oppelt

Input

 T_p Verzugszeit T_u Anstiegszeit

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

 K_p Proportionalitätsfaktor

 $egin{array}{ll} T_n & ext{Nachstellzeit} \\ T_v & ext{Vorhaltezeit} \end{array}$

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$t_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 * T_u$$

```
function [k_p, t_n, t_v] = p2_ffoppelt(t_u,t_g,k_s,reglertyp)
   if reglertyp <2
    error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');</pre>
    elseif reglertyp <= 2 %PI Regler
5
6
7
        k_p=(0.8/k_s)*(t_g/t_u);
        t_n=3*t_u;
        t_v=0;
9
   elseif reglertyp <= 3 %PID Regler</pre>
        k_p = (1.2/k_s)*(t_g/t_u);
11
        t_n=2*t_u;
        t_v=0.42*t_u;
13
        error('!!!! Reglertyp nicht berechenbar !!!!')
14
   end;
```

A.6 Faustformel Rosenberg

Input

T_p	Verzugszeit
T_u	Anstiegszeit

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

K_p	Proportionalitätsfaktor
T_n	Nachstellzeit

 T_v Vorhaltezeit

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2.

3. Für PI:

$$K_p = \frac{0.91}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID:

$$Kp = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.45 \cdot T_u;$$

```
function [k_p, t_n, t_v] = p2_ffrosenberg(t_u,t_g,k_s,reglertyp)
3
    if reglertyp <2</pre>
        error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
    elseif reglertyp == 2 %PI Regler
k_p=(0.91/k_s)*(t_g/t_u);
5
6
7
        t_n=3.3*t_u;
    t_v=0;
elseif reglertyp == 3 %PID Regler
8
9
        k_p = (1.2/k_s)*(t_g/t_u);
        t_n=2*t_u;
        t_v=0.45*t_u;
13
        error('!!!! Reglertyp nicht berechenbar !!!!')
14
```

A.7 Faustformel Ziegler

Input

T_p	Verzugszeit
T_u	Anstiegszeit

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID)

Output

 T_n Nachstellzeit T_v Vorhaltezeit

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.9}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.33 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_{co}}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.5 \cdot T_u$$

```
function [k_p, t_n, t_v] = p2_ffziegler(t_u,t_g,k_s,reglertyp)
   if reglertyp <2
    error('!!!! Nicht_implementierter Reglertyp !!!!');</pre>
    elseif reglertyp == 2 %PI Regler
        k_p = (0.9/k_s)*(t_g/t_u);
        t_n=3.33*t_u;
        t_v=0;
9
   elseif reglertyp == 3 %PID Regler
        k_p = (1.2/k_s)*(t_g/t_u);
11
        t_n=2*t_u;
        t_v=0.5*t_u;
12
13
14
        error('!!!! Reglertyp nicht berechenbar !!!!')
```

A.8 Faustformel Chien

Input

 T_p Verzugszeit T_u Anstiegszeit

 K_s Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (P, PI, PID) Überschwingen Flag für Überschwingeng

Output

 K_p Proportionalitätsfaktor

 T_n Nachstellzeit T_v Vorhaltezeit

Algorithmus

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.35 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 1.2 \cdot T_u$$

$$T_n = 0$$

3. Für PI, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.7 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.9 \cdot Tg}{Ks \cdot Tu}$$

$$T_n = 2.4 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 cdot T_u;$$

5. Für PID, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{1.2 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 \cdot T_u;$$

```
function [k_p, t_n, t_v] = p2_ffchien(t_u,t_g,k_s,reglertyp,ueberschwingen)
2
3
   if reglertyp <2</pre>
4
       error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
    elseif reglertyp == 2 %PI Regler
6
        if ueberschwingung == 0 % 0% Ueberschwingen
                k_p=0.35*t_g/(k_s*t_u);
7
8
                t_n=1.2*t_u;
9
                t_v=0;
        else % 20% Ueberschwingen
11
                k_p=0.7*t_g/(k_s*t_u);
                t_n=2.3*t_u;
13
                t_v=0;
14
        end;
   elseif reglertyp == 3 %PID Regler
        if ueberschwingung == 0 % 0% Ueberschwingen
17
                k_p=0.95*t_g/(k_s*t_u);
                t_n=2.4*t_u;
18
19
                t_v=0.42*t_u;
20
        else % 20% Ueberschwingen
21
                k_p=1.2*t_g/(k_s*t_u);
                t_n=2*t_u;
23
                t_v=0.42*t_u;
24
        end;
25
   else
        error('!!!! Reglertyp nicht berechenbar !!!!')
26
27
   end;
```

 $A.9 \quad diskDiff$ 43

A.9 diskDiff

diskDiff berechnet die Steigung einer Funktion (repräsentiert durch zwei Arrays) an einem bestimmten Array-Index.

Input

x-Array	Array mit x-Werten
y-Array	Array mit zugehörigen Funktionswerten
Index	Index, an dem die Steigung berechnet werden soll

Output

Steigung an gesuchter Stelle

Algorithmus

- 1. Prüfen, ob Index innerhalb des Arrays liegt.
- 2. Steigungsdreieck zwischen Element and Index und den unmittelbar daneben liegenden Array-Elementen bilden.
- 3. Durchschnitt der beiden Steigungsdreiecke ausrechnen.
- 4. Falls Steigung an erster Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit dem zweiten Element bilden und Steigung zurückgeben.
- 5. Falls Steigung an letzter Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit zweitletztem Array-Element bilden und Steigung zurückgeben.

```
public static double diskDiff(double[] x, double[] y, int index) {
       if (index > 0 & index < x.length - 1) {
           double diff2 = (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
           double diff1 = (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
4
           double diff = (diff1 + diff2) / 2;
           return diff;
6
       } else if (index == 0)
           return (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
       else if (index == x.length)
9
           return (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
10
11
           return 0;
12
   }
13
```

A.10 schrittlfft

schrittlfft berechnet die Schrittantwort im Zeitbereich einer Übertragungsfunktion.

Input

korrekt?

Zähler der Übertragungsfunktion Nenner Nenner der Übertragungsfunktion

Frequenz Frequenz, bis zu der die Frequenzachse ausgewertet werden soll.

n Granulierung der Frequenzachse

Output

Resultat Zweidimensionales Array mit Zeitachse und zugehörigen Funktions-

werten

Algorithmus

1. Array mit für Frequenzachse generieren.

- 2. Frequenzgang der Übertragungsfunktion berechnen.
- 3. Impulsantwort im Frequenzbereich berechnen.
- 4. In den Zeitbereich zurücktransformieren.
- 5. Aus den Realteilen des Resultat-Arrays die Schrittantwort zusammensetzen (aufsummieren des Realteils des aktuellen Array-Elements mit den Realteilen aller vorhergehenden Array-Elementen).

```
public static double[][] schrittIfft(double[] zah, double[] nen, double fs, int n) {
       double T = 1 / fs; // Periode
3
       Complex[] H;
4
       // Frequenzachse berechnen
6
       double[] w = linspace(0.0, fs * Math.PI, n / 2); // Kreisfrequenz
       // Frequenzgang berechnen
9
10
       H = freqs(zah, nen, w);
11
       // Symmetrischen Vektor fuer Ifft erstellen:
       Complex[] tmp = new Complex[H.length];
13
       tmp = colonColon(H, (n / 2) - 1, -1, 1);
14
       for (int i = 0; i < tmp.length; i++) {</pre>
16
           tmp[i] = tmp[i].conjugate();
17
18
19
       Complex x = new Complex(0);
20
21
       H = concat(colonColon(H, 0, 1, (n / 2) - 1), new Complex[] { x }, tmp);
22
23
       // Impulsantwort berechen
       Complex[] h;// = new Complex[H.length];
24
       FastFourierTransformer f = new FastFourierTransformer(DftNormalization.STANDARD);
25
26
       h = f.transform(H, TransformType.INVERSE);
27
       // Realteil von h extrahieren.
28
29
       double[] hReal = new double[h.length];
30
       for (int i = 0; i < h.length; i++) {</pre>
31
```

A.10 schrittIfft 45

```
hReal[i] = h[i].getReal();
32
33
34
        // Schrittantwort berechnen
35
        // double[] y = Calc.diskConvOnes(hReal, n);
36
37
        double[] y = new double[n];
        y[0] = hReal[0];
38
        for (int i = 1; i < y.length; i++) {</pre>
39
40
           y[i] = y[i - 1] + hReal[i];
41
42
43
        // Resultate ausschneiden. Halbiert die Laenge von y.
        double[] yShort = colonColon(y, 0, 1, (int) ((y.length / 2) - 1));
44
45
        // Zeitachse generieren:
46
        double[] t;
47
        t = linspace(0.0, (yShort.length - 1) * T, yShort.length);
48
49
        // Fuer Output zusammmensetzen:
50
        double[][] res = new double[2][yShort.length];
51
52
        for (int j = 0; j < res[0].length; <math>j++) {
53
           res[0][j] = yShort[j];
54
55
56
        for (int i = 0; i < res[1].length; i++) {</pre>
           res[1][i] = t[i];
57
58
59
        return res;
    }
60
```

A.11 overShootOptimisation

overShootOptimisation optimiert das Überschwingverhalten des generierten Reglers.

Input

Keine Eingabewerte

Output

Keine Rückgabewerte

Algorithmus

- 1. Das Maximum in der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises finden.
- 2. Diesen Wert mit dem vom Benutzer gewünschten maximalen Überschwingen vergleichen.
- 3. Falls zu starkes Überschwingen: Reglerverstärkung K_{rk} schrittweise reduzieren, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.
- 4. Falls zu schwaches Überschwingen: Reglerverstärkung K_{rk} schrittweise erhöhen, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.

```
private void overShootOptimazation() {
       double max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
       PhaseResponseMethod phaseResponseMethod = (PhaseResponseMethod) controller;
       double Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
       if (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
           while (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
              Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
              phaseResponseMethod.setKrk(Krk / 1.05);
               calculateStepResponse();
              max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
           }
11
12
       } else {
           while (max < controller.overShoot / 100.0 + 1.0 & Krk < 1000) {</pre>
              Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
              phaseResponseMethod.setKrk(Krk * 1.05);
             calculateStepResponse();
16
               max = yt[0][Calc.diskMax(yt[0])];
18
       }
19
   }
```

A.12 Berechnung von T_{vk} und T_{nk}

calculateTnkTvk bestimmt T_{nk} und T_{vk} . Kern des Algorithmus ist die Automatisierung der Berechnung von β (siehe Anhang B für die manuelle Rechnung);

Input

Keine Eingabewerte

Output

Keine Rückgabewerte

Algorithmus

- 1. Bestimmen der Steigung der Strecke bei Frequenz ω_{pid}
- 2. Unteren Wert für β festlegen: 10^{-12} . Wert muss gräser als null, aber sehr klein sein, damit der Rest des Algorithmus funktioniert.
- 3. Obere Grenze für β auf 1 legen.
- 4. Über 20 Iterationen folgende Arbeitsschritte ausführen:
 - (a) Aktuellen Testwert für β definieren: $\beta_{oben} \beta_{unten} \cdot 0.5 + \beta_{unten}$.
 - (b) Mit diesem Wert für β nun T_{nk} und T_{vk} berechnen gemäss Gleichung 21.
 - (c) T_{nk} und T_{vk} in die Reglergleichung (siehe Gleichung 24) einsetzen. Man beachte, dass der Algorithmus nicht symbolisch rechnet, sondern mit Werte-Arrays für die Frequenzachse und Funktionswerte der Übertragungsfunktion.
 - (d) Steigung des Phasengangs des Reglers an der Stelle ω_{pid} bestimmen, aufsummieren mit der Steigung der Strecke (bereits bekannt) zur Steigung des Phasengangs des offenen Regelkreises (siehe Gleichung 18).
 - (e) Falls die Steigung φ_o an der Stelle ω_{pid} kleiner ist als $-\frac{1}{2}$, muss β vergrössert werden. In diesem Fall die untere Grenze β_{unten} auf den aktuellen Testwert β setzen.
 - (f) Falls die Steigung φ_o an der Stelle ω_{pid} grösser ist als $-\frac{1}{2}$, muss β verkleinert werden. Daher neue Obergrenze β_{oben} auf den aktuellen Testwert β setzen.

```
private void calculateTnkTvk() {
        double dPhiS = Calc.diskDiff(omega, phiS, omegaControllerIndex);
        double beta_u = Math.pow(10, -12);
        double beta_o = 1;
        double beta:
5
        double dPhiR.
        dPhi0;
        for (int iteration = 0; iteration < 20; iteration++) {</pre>
           beta = (beta_o - beta_u) / 2 + beta_u;
10
11
           Tvk = 1 / (omegaController / beta);
           Tnk = 1 / (omegaController * beta);
           for (int i = 0; i < pointNumber; i++) {</pre>
14
               Hr[i] = new Complex(1, omega[i] * Tnk).multiply(
                      new Complex(1, omega[i] * Tvk)).divide(
16
                       new Complex(0, omega[i] * Tnk));
               Ho[i] = Hs[i].multiply(Hr[i]);
18
           7
19
           phiR = Calc.ComplexAngleUnwraped(Hr);
20
21
           dPhiR = Calc.diskDiff(omega, phiR, omegaControllerIndex);
22
23
           dPhiO = dPhiS + dPhiR;
```



B Manuelle Berechnung des Hilfsparameteres β

Der erste Iterationsschtitt der in Abschnitt 3.4 erwähnten manuellen Berechnung des Hilfsparameteres β ist hier im Detail ausgeführt.

Zur Rekapitulation eine kurze Wiederholung der Ausgangslage:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$

$$K_{rk} = 1$$
(40)

Diese Werte eingesetzt in Gleichung 14 ergeben:

$$H_{rpid}(j\omega) = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1+s \cdot T_{nk})(1+s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[\frac{(1+j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})(1+j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$

$$= \frac{1+j\omega \cdot (2.9789 \,\mathrm{s} + 0.7447 \,\mathrm{s}) - \omega^2 \cdot 0.7447 \,\mathrm{s} \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= \frac{1-2.2184 \,\mathrm{s}^2 \cdot \omega^2 + j\omega \cdot 3.7236 \,\mathrm{s}}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= \frac{-\omega \cdot 3.7236 \,\mathrm{s} + j(1-\omega^2 \cdot 2.2184 \,\mathrm{s}^2)}{\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= -1.250 + j \cdot (\omega^{-1} \cdot 0.3357 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.7450 \,\mathrm{s})$$

$$(41)$$

Von dieser Zahl gilt es nun, das Argument zu bestimmen und abzuleiten. $H_{rpid}(j\omega)$ ist eine komplexe Zahl in der linken Halbebene (Re < 0), somit kommen folgende Formeln zur Berechnung des Arguments in Frage:

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) + \pi \qquad Re < 0 \land Im \ge 0$$

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) - \pi \qquad Re < 0 \land Im < 0$$
(42)

Da aber in diesem Fall lediglich die Ableitung von φ benötigt wird, fällt der Summand $\pm \pi$ weg und welche Formel für die Berechnung des Arguments verwendet wird, ist ohne Konsequenz.

$$\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = atan\left(\frac{\omega^{-1} \cdot 0.3357 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.7450 \,\mathrm{s}}{-1.250}\right) \pm \pi$$
$$= atan\left(\omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s}\right) \pm \pi$$
(43)

Die Ableitung des Arkustangens ist:

$$\frac{d}{dx}atan(x) = \frac{1}{1+x^2} \tag{44}$$

Mit

$$x(j\omega) = \omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s}$$
 (45)

folgt

$$\frac{d}{d\omega}\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = \frac{d}{dx}atan(x(j\omega)) \cdot \frac{d}{d\omega}x(j\omega)
= \frac{0.5960 + \omega^{-2} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^2}{1 + (\omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s} - \omega^{-1} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^{-1})^2}
\approx 1.1920$$
(46)

Wie in Gleichung 26 gezeigt, ist dies noch nicht der gesuchte Wert für β . Für den nächsten Iterationsschritt würde nun ein kleinerer Wert gewählt (z.B. $\beta=0.25$), der zu neuen Werten für T_{nk} und T_{vk} führen würde, mit denen dann die Berechnungen aus Gleichungen 41 bis 46 erneut ausgeführt würden. Bei zufriedenstellender Nähe der Steigung des offenen Regelkreises zu $-\frac{1}{2}$ ist die Iteration beendet.

Eine Beschreibung des in unserem Tool verwendeten Algorithmus ist in Anhang A.12 zu finden.

LITERATUR 51

Literatur

- [1] J. Zellweger, "Phasengang-Methode," Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [2] A. Rosengerger, B. Müller, M. Suter, F. Alber, und R. Frey, "Projekt 2: Pflichtenheft Fachlicher Teil," April 2015.
- [3] (2011, März) Reglereinstellung nach Chiens, Hrones, Reswick. [Online]. Verfügbar: http://mathematik.tsn.at/content/files1/CHR_mit_ohne_Ausgleich1344.pdf [Stand: 23. März 2015].
- [4] (2015, März) Faustformelverfahren (Automatisierungstechnik). [Online]. Verfügbar: http://de.wikipedia.org/wiki/Faustformelverfahren_(Automatisierungstechnik) [Stand: 23. März 2015].
- [5] (1999, Jan) Anpassung eines Reglers an eine Regelstrecke Einstellregeln. [Online]. Verfügbar: http://techni.chemie.uni-leipzig.de/reg/parcalchelp.html [Stand: 23. März 2015].
- [6] J. Zellweger, "Regelkreise und Regelungen," Vorlesungsskript.
- [7] W. Schumacher und W. Leonhard, "Grundlagen der Regelungstechnik," 2001, Vorlesungsskript.

