# Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode

## Fachbericht

7. Juni 2015

Studiengang | EIT

Modul | Projekt 2

Team 4

Auftraggeber | Peter Niklaus

Fachcoaches | Peter Niklaus, Richard Gut, Pascal Buchschacher, Anita Gertiser

Autoren | Anita Rosenberger, Benjamin Müller, Manuel Suter, Florian Alber, Raphael Frey

Version | Entwurf

## **Abstract**

In der Regelungstechnik ist die korrekte Dimensionierung der Regler essentiell. Die zu regelnde Strecke kann nur durch richtig eingestellte Regelwerte wie gewünscht beeinflusst werden.

Dieses Projekt hat sich zum Ziel gesetzt, eine Software zu entwickeln, welche aus den eingegebenen Streckenwerten  $K_s$ ,  $T_u$  und  $T_g$  PI- und PID-Regler dimensioniert. Das Tool berechnet die Reglerwerte mit der sogenannten Phasengangmethode, welche von Jakob Zellweger, ehemaliger Dozent der Fachhochschule Nordwestschweiz, stammt. Diese Methode wurde ursprünglich für die graphische Auswertung des Phasengangs entwickelt und durch Handarbeit mit Geodreieck und Bleistift angewendet. Die Software ermöglicht, die bewährte Methode effizient durch ein automatisiertes Verfahren anzuwenden.

Das entwickelte Softwaretool simuliert neben den berechneten Reglerwerten auch die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises. Zusätzlich wurde die Berechnung dreier gängiger Faustformeln implementiert. Zum Vergleich können die Schrittantworten der Faustformeln im gleichen Plot angezeigt werden.

Für die Phasengangmethode werden gleichzeitig drei Graphen abgebildet. Einer mit der Standard-Reglerknickfrequenz gemäss Phasengangmethode und zwei weitere, welche sich im Vorzeichen unterscheiden und manuell einstellbar sind.

Zusätzlich kann die Reglerknickfrequenz und das Überschwingen mittels eines Schiebereglers manuell verändert werden. Dies ermöglicht im Vergleich zu der ursprünglichen Ausführung der Phasengangmethode per Hand enorme Zeitersparnisse. Somit wird eine Optimierung der mit der Phasengangmethode erzielten Ergebnisse in Echtzeit möglich.

## Projekt P2 - Aufgabenstellung vom Auftraggeber (FS\_2015)

## Reglerdimensionierung mit Hilfe der Schrittantwort

## 1. Einleitung

In der Praxis werden die klassischen Regler (PI, PID, PD, ...) oft mit sog. Faustformeln dimensioniert. Dazu benötigt man bestimmte Informationen der zu regelnden Strecke. Handelt es sich dabei um "langsame Strecken" mit Zeitkonstanten im Bereich von Sekunden bis Minuten, so ist das Bestimmen und Ausmessen der Schrittantwort oft die einzige Möglichkeit zur Identifikation der Strecke. Typische Beispiele dafür sind Temperaturheizstrecken, welc. • meistens mit einem PTn-Verhalten modelliert werden können (Kaffeemaschine, Boiler, Raumhe ungen, Lötkolben, Warmluftfön, usw.).

Die Schrittanwort wird mit Hilfe einer Wendetangente vermessen und die Kenngroßen Streckenbeiwert ( $K_s$ ), Verzugszeit ( $T_u$ ) und Anstiegszeit ( $T_g$ ) werden bestimmt. Nies kann so vohl von Hand (grafisch) oder auch automatisiert durchgeführt werden, frohs die Mendaten elektronisch vorliegen. Mit diesen drei Kenngrössen können mit Hilfe sog. Faus Normeln 1.1- und PID-Regler dimensioniert werden (Ziegler/Nichols, Chien/Hrones/Renwork, Oppen Rosenberg). Die Faustformeln liefern zwar sehr schnell die Reglerdaten, aben die Sch. Hantworten der entspr. Regelungen sind teilweise weit vom "Optimum" entfernt und der Regelkreis kann sogar instabil werden. In der Praxis muss man diese "Startwerte" häufig in Noptimieren, damit die Schrittantwort der Regelung die Anforderungen erfüllt.

Die sog. "Phasengangmethode zu. Reglerd. Persionierung" wurde von Jakob Zellweger (FHNW) entwickelt und liefert Regle Arten, welche näher am "Optimum" sind und für die Praxis direkt verwendet werden können. Dabei kann das Überschwingen der Schrittantwort vorgegeben werden (z.B. 20%, 10%, 2%, oder ageriodische Bei dieser Methode kann also das für viele Anwendungen wich ager Verhalm der Schrittantwort beeinflusst werden. Um die Phasengangmethode anwenden zu können, mund der Frequenzgang der Strecke bekannt sein (analytisch oder numerisch gemessen). Mit Hilfe der Problem gelös in dem vorgängig aus den Kenngrössen der Schrittantwort ( $K_s$ ,  $T_u$ ,  $T_g$ ) eine PTn-aproximation der Strecke erzeugt wird. Mit dem Frequenzgang der PTn-Approximation können. Jann die Regler dimensioniert werden (I, PI, PID). Die Phasengangmethode war ursprünglich eine geläsche Methode, basierend auf dem Bodediagramm der Strecke. Aktuell soll die Methode direkt numerisch im Rechner durchgeführt werden.

In dieser Arbeit geht es um die Entwicklung und Realisierung eines Tools zur **Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode**. Ausgehend von der PTn-Schrittantwort der Strecke sollen "optimale Regler" (PI, PID-T1) dimensioniert werden, wobei das Überschwingen der Regelgrösse vorgegeben werden kann. Zum Vergleich sollen die Regler auch mit den üblichen Faustformeln dimensioniert werden. Wünschenswert wäre auch eine Simulation der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises, so dass die Dimensionierung kontrolliert und evtl. noch "verbessert" werden könnte.

## 2. Aufgaben/Anforderungen an Tool

Entwerfen und realisieren Sie ein benutzerfreundliches Tool/Programm/GUI/usw. mit welchem PI- und PID-Regler mit der Phasengangmethode dimensioniert werden können. Dabei sind folgende Anforderungen und Randbedingungen vorgegeben:

- Die zu regelnden Strecken sind PTn-Strecken, wobei entweder die Schrittantwort grafisch vorliegt oder die Kenngrössen  $K_s$ ,  $T_u$  und  $T_g$  schon bekannt sind
- Die Bestimmung einer PTn-Approximation wird vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und muss entsprechend angepasst und eingebunden werden (Matlab zu Java)
- Das Überschwingen der Regelgrösse (Schrittantwort) soll gewähl werden können
- Zum Vergleich sind die Regler auch mit den üblichen Faustformeln 2. dimensionieren.
- Das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises soll auch berecated visualisiert werden (Schrittantwort)

## 3. Bemerkungen

Die Software und das GUI sind in enger Absprache mit dem Auftraggeb Azu entwickeln. Der Auftraggeber steht als Testbenutzer zu Verfügung und soll bei au Evaluation des GUI eingebunden werden. Alle verwendeten Formeln, Algoritht en und Berechnungen sind zu verifizieren, eine vorgängige oder parallele Programmierung in Machbist zu empfehlen. Zum Thema der Regelungstechnik und speziell zur Reglerdimen ionierung mit der Phasengangmethode werden Fachinputs durchgeführt (Fachcoach

#### Literatur

- [1] J. Z. dweger, Regelkreise und Pegelungen, Vorlesungsskript.
- [2] J. Zen ger, 'nazengang Methode, Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [3] H. Unbeh. 'n, Regelung technik I, Vieweg Teubner, 2008.
- [4] W. Schumach, W. Leonhard, *Grundlagen der Regelungstechnik*, Vorlesungsskript, TU Braunschweig, 2003.
- [5] B. Bate, *PID-Einstellregeln*, Projektbericht, FH Dortmund, 2009.

16.02.2015 Peter Niklaus

## Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	7
2	Gru	ındlagen der Regelungstechnik	8
	2.1	Die Steuerung	8
	2.2	Der geschlossene Regelkreis	8
	2.3	Regelstrecke	10
	2.4	Regler	11
3	Fac	hlicher Hintergrund zur Reglerdimensionierung	13
	3.1	Frequenzgang der Regelstrecke	14
	3.2	Reglerdimensionierung mittels Faustformeln	16
	3.3	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PI-Regler	17
	3.4	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PID-Regler	21
	3.5	Vergleich mit Software-Tool	26
	3.6	Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung	27
4	Soft	tware	28
	4.1	View	28
	4.2	Controller	32
	4.3	Model	32
	4.4	Benutzungs-Beispiel (Use-Case)	33
5	Ver	ifikation	36
	5.1	Berechnungen	36
	5.2	Intern (Team)	36
	5.3	Extern	36
	5.4	Auftraggeber	36
6	Sch	lussfolgerungen	37
$\mathbf{A}_{\mathbf{J}}$	ppen	$\operatorname{dix}$	39
$\mathbf{A}$	Ma	nuelle Berechnung des Hilfsparameteres $\beta$	39

В	$\mathbf{Ber}$	echnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises	41
	B.1	Übertragungsfunktion des geschlossenne Regelkreises bilden	41
	B.2	Bestimmen der Abtastrate f s sowie der Anzahl zu berechnender Punkte	41
	B.3	Diskreten Frequenzgang berechnen	42
	B.4	Frequenzgang für die inverse Fouriertransformation vorbereiten	42
	B.5	Frequenzgang invers Fourier-transformieren	42
	B.6	Schrittantwort aus der Impulsantwort bilden	42
$\mathbf{C}$	Bes	chreibung der Algorithmen	43
	C.1	Sani	43
	C.2	Umrechnung von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung	45
	C.3	Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung	46
	C.4	Übertragungsfunktion des Controllers (utfController())	47
	C.5	Faustformel Oppelt	48
	C.6	Faustformel Rosenberg	49
	C.7	Faustformel Ziegler	50
	C.8	Faustformel Chien	51
	C.9	Steigung einer Funktion	52
	C.10	Inverse Fast Fourier Transform	53
	C.11	Optimieren des Überschwingens	55
	C.12	Berechnung von $T_{vk}$ und $T_{nk}$	57
D	Kla	ssendiagramm	59
Li	terat	urverzeichnis	61

## Versionsgeschichte

04.05.2015: Version 0.01 06.05.2015: Version 0.02

## 1 Einleitung

Im Rahmen des Projektes soll ein Tool entwickelt werden, welches einen PI- respektive einen PID-Regler mittels der von Jakob Zellweger entwickelten Phasengangmethode dimensioniert. Zum Vergleich soll der entsprechende Regler ebenfalls mittels verschiedener Faustformeln berechnet werden.

Die Phasengangmethode ist eine graphische Methode, die bis anhin mit Stift und Papier durchgeführt wurde. Folglich ist die Ausführung zeitaufwändig, speziell wenn Schrittantworten mit unterschiedlichen Parameterwerten durchgespielt werden sollen, zudem kann das Überschwingen nur grob gewählt werden. Das Tool soll ausgehend von drei Parametern aus der Schrittantwort der Strecke (Verstärkung  $K_s$ , Anstiegszeit  $T_g$ , Verzögerungszeit  $T_u$ ) mittels der Phasengangmethode möglichst ideale Regelparameter berechnen, sowie die Schrittantwort des darauf basierenden geschlossenen Regelkreises graphisch darstellen. Die Benutzeroberfläche der Software soll intuitiv sein, sodass sich auch mit dem Thema nicht eingehend vertraute Regelungstechniker einfach zurechtfinden.

Die erforderlichen Algorithmen wurden zuerst in Matlab als Prototypen implementiert und anschliessend vollständig in Java konvertiert. Um optimale Wartbarkeit, Übersichtlichkeit und Modularität des Codes zu gewährleisten, ist die Software gemäss *Model-View-Controller-*Pattern aufgebaut.

Nach der Implementierung in Matlab wurde klar, dass die Berechnung durch die hohe Rechenleistung sehr schnell durchgeführt werden kann und somit eine Dimensionierung des geschlossenen Regelkreises anhand dieser Methode möglich ist. Die Schrittantworten können zur Echtzeit angezeigt werden. Diese Möglichkeit wurde genutzt, indem zwei Schieberegler implementiert wurden. Durch einen kann das Überschwingen manuell eingestellt werden und mit dem anderen kann die Form der Kurve der Schrittantwort weiter an das gewünschte Ziel angepasst werden.

Der Bericht gliedert sich in drei Hauptteile: In einem ersten Teil werden einige theoretische Grundlagen der Regelungstechnik erläutert (Abschnitt 2).

Abschnitt 3 geht genauer auf die eigentliche Dimensionierung von Reglern ein, indem ein PIund ein PID-Regler mittels Faustformeln und Phasengangmethode für eine Beispielstrecke dimensioniert werden. Die Ergebnisse werden auch mit den Resultaten unseres Tools verglichen.

In Abschnitt 4 wird der Aufbau der Software erklärt; wichtige Algorithmen sind dabei in Anhang C genauer dokumentiert. Dabei werden die Benutzeroberfläche und das innere Zusammenspiel der verschiedenen Module der Software genauer betrachtet. Ebenfalls sind in Abschnitt 5 einige Worte zum Testverfahren zu finden.

## 2 Grundlagen der Regelungstechnik

### 2.1 Die Steuerung

Unter einer Steuerung versteht man eine offen Wirkungskette wie in Abbildung 1, dass heisst die Wirkglieder sind kettenähnlich aufgereiht und besitzen keine Rückkopplung. Die Steuerkette wird genau für eine Steuerung ausgelegt und kann nur auf Steuergrössen reagieren. Ohne die Rückkopplung wird das Ausgangsignal nicht mit dem Eingangssignal verglichen und es können keine Korrekturen vorgenommen werden.



Abbildung 1: Steuerung

## 2.2 Der geschlossene Regelkreis

Die Aufgabe eines geschlossenen Regelkreises (Abbildung 2) ist es, einen vorgegeben Sollwert zu erreichen und diesen auch bei Störungen aufrecht zu erhalten. Dabei sollen die unten genannten dynamischen Anforderungen eingehalten werden, damit die Stabilität des Regelsystems garantiert ist. Daraus folgt auch die wichtigste Bedienung für die Schrittantwort ein geschlossenen Regelkreis heisst, dass der Regelfehler, die Differenz zwischen Ist- und Sollwert, möglichst schnell gleich Null oder möglichst klein ist.

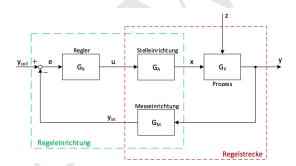


Abbildung 2: Geschlossener Regelkreis

- $y_soll$  bezeichnet den Sollwert der Regelgrösse
- e Regelabweichung (Regelfehler)
- u Steuergrösse
- x Stellgrösse
- y Regelgrösse
- z Störgrössen werden in diesem Projekt nicht berücksichtigt
- y<sub>i</sub>st ist der Ist-Wert der Regelgrösse und wird auch als die Schrittantwort des Regelkreises bezeichnet.

Grundsätzlich können fünf Anforderungen für einen geschlossenen Regelkreis und seinen Schrittantworten zusammengefasst werden:

- 1. Der Regelkreis muss stabil sein: Für das Regelsystem heisst stabil, dass es in seinen Gleichgewichtszustand zurückgeführt werden kann.
- 2. Der Regelkreis muss genügend gedämpft sein.

- 3. Der Regelkreis muss eine bestimmte stationäre Genauigkeit aufweisen: Das bedeutet, der Regelfehler e(t) soll für  $t \to \infty$  gegen null gehen.
- 4. Der Regelkreis muss hinreichend schnell sein: Ist die Dämpfung zu stark oder zu schwach, braucht der Einschwingvorgang mehr Zeit. Hierbei muss darauf geachtet werden, dass die spezifischen Anforderungen an das Regelsystem eingehalten werden.
- 5. Der Regelkreis muss robust sein: Der Regelkreis muss so ausgelegt werden, dass das Regelsystem auch im schlimmsten Fall (je nach Regelsystem situationsabhängig) in der Lage ist, das System zurück in den stabilen Zustand (vgl. 1.) zu regeln.

#### Die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises

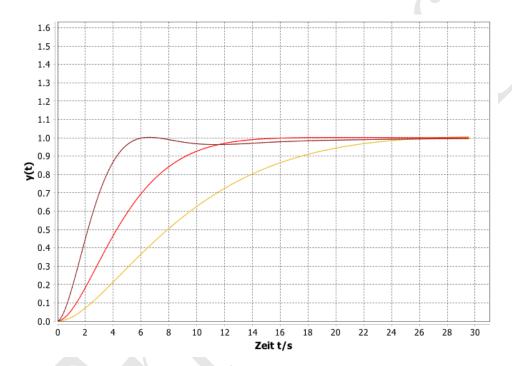


Abbildung 3: Schrittantworten verschiedener Charakteristiken

Als Schrittantwort eines geschlossenen Regelkreises wird der zeitliche Verlauf des Ausgangssignals y(t) bezeichnet, welches entsteht wenn  $y_{soll}$  von 0 auf 1 springt. In der Abbildung 3 werden drei verschiedene Schrittantworten gezeigt. Im Zusammenhang mit den Anforderungen an den geschlossenen Regelkreis, werden an die Schrittantwort folgende Forderungen gestellt:

- 1. Die Schrittantwort eines stabilen Regelkreises darf nach dem Erreichen des eingeschwungenen Zustands kein erneutes Überschwingen auftreten.
- 2. Die Dämpfung der Schrittantwort soll so stark sein, dass der eingeschwungene Zustand möglichst rasch erreicht wird ohne, dass das Überschwingen des Systems zu stark wird. Die dunkel orange Kurve in Abbildung 3 zeigt eine Schrittantwort, welche vor dem Erreichen des eingeschwungenen Zustands, überschwingt.
- 3. Die Schrittantwort muss für ein  $t \to \infty$  gleich  $y_{soll}$  sein.
- 4. Die Schnelligkeit des Einschwingvorganges der Schrittantwort ist stark von der Dämpfung abhängig. Wenn diese zu stark oder zu schwach ist, ist der Regelkreis zu langsam. Die hell orange Kurve in Abbildung 3 zeigt eine zu langsame Schrittantwort.

Die Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises wird in unserem Tool mittels der inversen schnellen Fourier-Transformation durchgeführt, genauere Informationen dazu sind in Anhang B und Anhang C.10 zu finden.

## 2.3 Regelstrecke

In der Regelungstechnik wird die zu regelnde Strecke als Regelstrecke bezeichnet. Die zu regelnde Strecke ist zum Beispiel die Temperatur im Raum oder die Luftfeuchtigkeit in der Sauna. Die Regelstrecke wird durch ihr Zeitverhalten charakterisiert, welches den Aufwand und die Güte der Regelung bestimmt. Um das Zeitverhalten zu beschreiben verwendet man die Sprungantwort, welche zeigt, wie die Regelgrösse auf Stellgrössenänderung reagiert. Mit der entstehenden Regelgrösse werden verschiedene Regelstrecken unterschieden:

- P-Regelstrecke
- I-Regelstrecke
- Strecken mit einer Totzeit
- Strecken mit Energiespeicher

Dieses Projekt beschäftigt sich mit den PTn-Strecken, welche eine Kombination aus einer Strecke mit proportionalen Verhalten und einer mit Totzeit ist. Die Ordnung der Strecke ist in nangegeben.

## P-Regelstrecke

Bei der Regelstrecke mit proportionalem Verhalten folgt die Regelstrecke proportional der Stellgrösse ohne Verzögerung. Dies kommt in der Praxis nicht vor, da immer eine Verzögerung vorhanden ist. Ist die Verzögerung jedoch sehr klein spricht man von einer P-Strecke. Das Verhalten der Strecke ist in ihrem Blockschaltbild (Abb. 4) symbolisch dargestellt. Der Proportionalitätsfaktor wird mit  $K_p$  abgekürzt. Wird  $K_p < 1$  wirkt  $K_p$  nicht mehr verstärkend sondern abschwächend.



Abbildung 4: Blockschaltbild von P-Strecke

## Strecken mit Totzeit

Ändert sich die Stellgrösse, wirkt sich diese Änderung bei einer Strecke mit Totzeit erst nach einer gewissen Zeit auf die Regelgrösse aus. Mit  $T_t$  wird das Mass der Totzeit gekennzeichnet. Im Blockschaltbild (Abb. 5) wird die Totzeit durch ein Unterbruch am Anfang gekennzeichnet.

Totzeiten verursachen schnelle Schwingungen, da sich die Stellgrössenanderung zeitverzögert auf die Regelgrösse auswirkt. Die Schwingungen entstehen wenn sich die Stellgrösse und die Regelgrösse periodisch ändern.



Abbildung 5: Blockschaltbild von Strecke mit Totzeit

2.4 Regler 11

#### **I-Regelstrecke**

Die I-Regelstrecke antwortet auf eine Stellgrössenänderung mit einer fortwährenden Änderung in steigende oder fallende Richtung. Die Begrenzung dieses Vorganges ist mit den systembedingten Schranken gegeben. Die Integrierzeit  $T_i$  ist ein Mass für die Anstiegsgeschwindigkeit der Regelgrösse und das Blockschaltbild (Abb. 6) zeigt das Verhalten sinnbildlich.



Abbildung 6: Blockschaltbild von I-Strecke

## 2.4 Regler

Die Aufgabe eines Reglers besteht darin die zu regelnde Strecke mit einem Stellsignal so zu beeinflussen, dass der Wert der Regelgrösse gleich dem Wert der Führungsgrösse entspricht. Der Regler besteht aus einem Vergleichsglied, welches die Reglerdifferenz aus der Differenz zwischen Führungs- und Reglergrösse bildet und dem Reglerglied. Das Reglerglied erzeugt aus der Reglerdifferenz die Stellgrösse.

Es wird zwischen P-, I- und D-Regler unterschieden.

In diesem Projekt werden die PI- und PID-Regler, welche Kombinationen der oben genannten Regler sind, behandelt.

## 1 PI-Regler

Der PI-Regler besteht aus einer Parallelschaltung von einem P- und einem I-Regler (Abb.??). Durch diese Kombination werden die Nachteile beider Regler aufgehoben und die Vorteile (schnell, stabil) hervorgehoben. Sein Verhalten wird bildlich in dem Blockschaltbild in Abbildung 8 dargestellt.

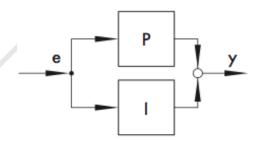


Abbildung 7: Parallelschlatung von P-Regler und I-Regler

#### 2 PID-Regler

Wird dem PI-Regler ein D-Anteil parallel geschaltet (Abb. 9), entsteht der PID-Regler. Der PID-Regler ist ein sehr oft verwendeter Regler, da durch den D-Anteil die Regelgrösse rascher den Sollwert erreicht und der Einschwingvorgang schneller abgeschlossen ist. Das Blockschaltbild

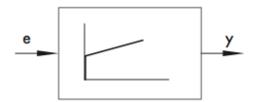


Abbildung 8: Blockschaltbild von PI-Regler

zeigt dieses Verhalten (Abb.10) anschaulich. Der PID-Regler ist geeignet für Regelstrecken höherer Ordnung, welche möglichst schnell und ohne bleibende Regelabweichungen geregelt werden müssen.

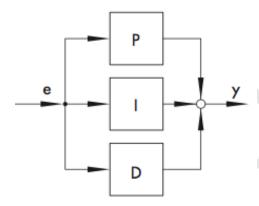


Abbildung 9: Parallelschaltung von P-, I-, und D-Regler



Abbildung 10: Blockschaltbild des PID-Reglers

## 3 Fachlicher Hintergrund zur Reglerdimensionierung

Das Kernstück dieser Arbeit und des zugehörigen Softwaretools stellt die so genannte "Phasengangmethode zur Reglerdimensionierung" von Jakob Zellweger dar [1]. Diese wurde ursprünglich als vereinfachte grafische Methode zur Approximation der -20dB/Dek-Methode erarbeitet und im Rahmen dieses Projektes in einem Java-Tool umgesetzt. Als Vergleich wertet die Software ebenfalls einige gängige Faustformeln aus.

Das Tool führt grob vereinfacht folgende Schritte aus:

- Bestimmung des Frequenzgangs der Regelstrecke aus Verzögerungszeit  $T_u$ , Anstiegszeit  $T_g$  und Verstärkung  $K_s$  (Abschnitt 3.1)
- Dimensionierung des Reglers mittels Faustformeln (Abschnitt 3.2)
- Dimensionierung des Reglers durch die Phasengangmethode (Abschnitte 3.3 und 3.4)
- Umrechung der Regler-Darstellung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung (Abschnitt 3.6)
- Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises (Abschnitt 2.2)

Im folgenden Kapitel wird auf diese Punkte genauer eingegangen und das Vorgehen anhand eines konkreten Beispiels rechnerisch und grafisch erläutert. Die Durchrechnung der Phasengangmethode orientiert sich an den Rezepten, welche bereits im fachlichen Teil des Pflichtenheftes dieses Projektes zu finden sind [2]. Genauere Hintergrundinformationen zur Phasengangmethode selbst sind dem Vorlesungs-Skript von J. Zellweger zu entnehmen [1].

Das Überschwingverhalten kann im Software-Tool vom Benutzer auf einen Zielwert zwischen 0.1% und 30% eingestellt werden. Das Tool optimiert den resultierenden Regler dann entsprechend, um dieser Vorgabe möglichst nahe zu kommen. Dazu wird die Reglerverstärkung  $K_{rk}$  solange angepasst, bis ein passendes Resultat erreicht ist.

#### 3.1 Frequenzgang der Regelstrecke

Als Ausgangspunkt der Reglerdimensionierung dient die Schrittantwort der Strecke. Durch Einzeichnen der Wendetangente<sup>I</sup> ergeben sich Schnittpunkte der Wendetangente mit der Zeitachse  $[T_u, 0]$  und mit dem Zielwert  $[T_g + T_g, K_s]$ . Es können nun also die Verzögerungszeit  $T_u$  und die Anstiegszeit  $T_g$  aus Abbildung 11 abgelesen werden.

Wir werden in diesem Bericht folgende Strecke als Beispiel nehmen:



**Abbildung 11:** Schrittantwort der Beispielstrecke (schwarz), Wendetangende (rot),  $T_u$  und  $T_g$  (blau)

Ausmessen der Schrittantwort ergibt:

- $K_s = 2^{\text{II}}$   $T_u = 1.1 \, \text{s}$   $T_g = 8.9 \, \text{s}$

Der geschlossene Regelkreis soll schlussendlich maximal etwa 16.3% überschwingen.

Da die Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode vom Frequenzgang einer Strecke ausgeht und nicht von deren Schrittantwort, wird aus den obigen Werten nun der Frequenzgang der Strecke bestimmt. Dies erledigt die Methode p\_sani()<sup>III</sup>, welche uns die Werte für die Übertragungsfunktion der Strecke liefert. In unserem Fall ergibt dies folgendes Polynom:

<sup>&</sup>lt;sup>I</sup>Die Wendetangante ist die Tangente an den Wendepunkt in der Anstiegs-Phase der Schrittantwort.

II Abbildung 11 ist auf 1 normiert, die Verstärkung unserer Beispielstrecke beträgt 2. An den Werten für die Verzögerungs- und Anstiegszeit oder am Ausmessen der Schrittantwort ändert sich dadurch nichts

III Die Methode p\_sani() wurde zu Beginn des Projektes in einer Matlab-Implementation vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und anschliessend für unser Tool in Java übersetzt.

Sie kann aus der Verzögerungszeit, der Anstiegszeit und der Verstärkung der Strecke ein Polynom für deren Übertragungsfunktion vom Grad 1 bis 8 ausrechnen.

Als Eingabeparameter werden die Werte  $T_u$ ,  $T_g$  und  $K_s$  benötigt, als Rückgabewert erhält man ein Array mit den Zeiten  $T_i$  für die Nenner der Faktoren des Polynoms (siehe Gleichung 1).

Genauere Informationen zur Funktionsweise von p\_sani() sind Anhang C.1 zu entnehmen.

$$H_s(s) = K_s \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_1} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2}$$

$$= 2 \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}$$
(1)

Mit einem geeigneten Tool kann man sich den dazugehörigen Plot erstellen lassen.

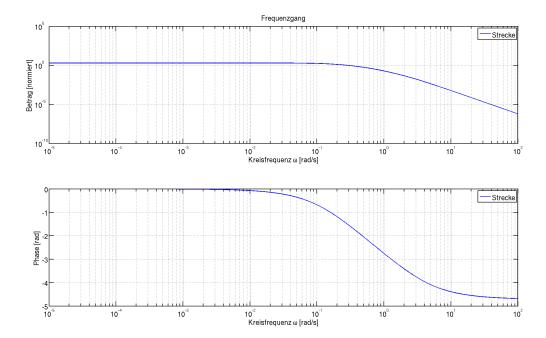


Abbildung 12: Frequenzgang der Strecke, mit Amplitudengang und Phasengang

Somit ist der Frequenzgang der Strecke bekannt und man hat alle erforderlichen Informationen, um den Regler mit der Phasengangmethode zu dimensionieren.

## 3.2 Reglerdimensionierung mittels Faustformeln

Im Praxiseinsatz stehen für die Dimensionierung von Reglern einfache Berechnungsformeln zur Verfügung (siehe Tabelle 1). Diese liefern Einstellwerte anhand von  $T_u$ ,  $T_g$  und  $K_s$ . An dieser Stelle wird daher unsere Beispielstrecke zuerst mit einigen der gängigen Faustformeln dimensioniert, um das Ergebnis anschliessend mit dem Resultat der Phasengangmethode vergleichen zu können.

Faustformel	PI-Regler		PID-T1-Regler		
	$T_n$	$K_p$	$T_n$	$T_v$	$K_p$
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$1.2 \cdot T_g$	$\frac{0.35}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$T_g$	$0.5 \cdot T_u$	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	$T_g$	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$1.35 \cdot T_g$	$0.47 \cdot T_u$	$\frac{0.95}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Oppelt [5]	$3 \cdot T_u$	$\frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.42 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Rosenberg [5]	$3.3 \cdot T_u$	$\frac{0.91}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.45 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{T_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

Tabelle 1: Faustformeln zur Reglerdimensionierung

Setzt man die Werte für  $K_s,\,T_u,\,T_g$  in diese Formeln ein, ergeben sich die Werte aus Tabelle 2.

Faustformel	PI-Regler		PID-T1-Regler		
	$T_n$	$K_p$	$T_n$	$T_v$	$K_p$
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$10.68\mathrm{s}$	1.42	8.9 s	$0.55\mathrm{s}$	2.43
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	$8.9\mathrm{s}$	2.43	$12.02\mathrm{s}$	$52\mathrm{s}$	3.84
Oppelt [5]	$3.3\mathrm{s}$	3.24	$2.2\mathrm{s}$	$0.46\mathrm{s}$	4.85
Rosenberg [5]	$3.63\mathrm{s}$	3.68	$2.2\mathrm{s}$	$0.50\mathrm{s}$	4.85

Tabelle 2: Reglerparameter bestimmt mit Faustformeln aus Tabelle 1

Die Algorithmen zu diesen Faustformeln sind in Anhang C.5, C.6, C.7 und C.8 genauer beschrieben.

## 3.3 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PI-Regler

Es werden nun anhand der Phasengangmethode sowohl ein PI- wie auch ein PID-Regler für die in Abschnitt 3.1 ausgemessene Strecke dimensioniert (siehe nächster Abschnitt für PID-Regler).

Tabelle 3 fasst die häufig verwendeten Begriffe in einer Übersicht zusammen:

$H_s(j\omega)$	Übertragungsfunktion der Regelstrecke
$A_s(j\omega) =  H_s(j\omega) $	Amplitudengang der Regelstrecke
$\varphi_s(j\omega) = arg(H_s(j\omega))$	Phasengang der Regelstrecke
$H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des Reglers
$A_r(j\omega) =  H_r(j\omega) $	Amplitudengang des Reglers
$\varphi_r(j\omega) = arg(H_r(j\omega))$	Phasengang des Reglers
$H_o(j\omega) = H_s \cdot H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des offenen
	Regelkreises
$A_o(j\omega) =  H_o(j\omega) $	Amplitudengang des offenen Regel-
	kreises
$\varphi_o(j\omega) = arg(H_o(j\omega)) = \varphi_s(j\omega) + \varphi_r(j\omega)$	Phasengang des offenen Regelkrei-
	ses
$H_{rpid} = K_{rk} \left[ \frac{(1+sT_{nk})(1+sT_{vk})}{sT_{nk}} \right]$	Übertragungsfunktion des PID-
$SI_{nk}$	Reglers
$H_{rpi} = K_{rk} \left[ 1 + \frac{1}{sT_{rk}} \right]$	Übertragungsfunktion des PI-
$SI_{nk}$	Reglers

Tabelle 3: Die wichtigsten Begriffsdefinitionen

#### Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter  $K_{rk}$  und  $T_{nk}$  in der Übertragungsfunktion des Reglers:

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[ 1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{2}$$

## 1 Bestimmung der Reglerfrequenz $\omega_{ m pi}$

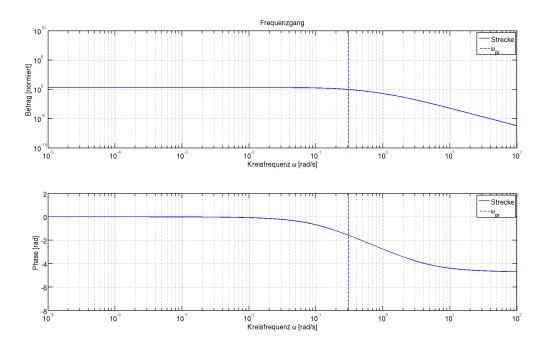
Zuerst wird im Phasengang der Strecke gemäss Formel 3 die Frequenz  $\omega_{pi}$  bestimmt, für welche die Phase der Strecke  $-90^{\circ}$  beträgt, ersichtlich in Abbildung  $13^{\text{IV}}$ .

$$\varphi_s(\omega_{pi}) = -90^{\circ} \tag{3}$$

Wie man aus Abbildung 13 ablesen kann, liegt dieser Wert für  $\omega_{pi}$  in unserem Beispiel bei ungefähr  $0.3\,\mathrm{s}^{-1}$ . Die Kontrollrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_{pi} = 0.3039 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{4}$$

 $<sup>^{\</sup>mathrm{IV}}\mathrm{Der}$  Winkel stellt keinen endgültigen Wert dar. Dieser wurde von Jakob Zellweger fixiert, um eine grafische Evaluation überhaupt zu ermöglichen. Durch Anpassung dieses Wertes kann je nach Regelstrecke das Regelverhalten weiter optimiert werden.



**Abbildung 13:** Amplituden- und Phasengang der Strecke mit  $\omega_{pi}$  eingetragen (vertikale gestrichelte Linie).

## 2 Bestimmung von ${ m T_{nk}}$

Damit kann nun  $T_{nk}$  direkt berechnet werden<sup>V</sup>:

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{ni}} = \frac{1}{0.3039 \,\mathrm{s}^{-1}} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$
 (5)

## 3 Bestimmung der Durchtrittsfrequenz $\omega_{ m d}$

Die Durchtrittsfrequenz ist die Frequenz, bei der die betrachtete Übertragungsfunktion  $H(j\omega)$  eine Verstärkung von  $0\,\mathrm{dB}=1$  aufweist. In der Phasengangmethode soll sie so festgelegt werden, dass der offene Regelkreis Gleichung 6 erfüllt. Dabei ist für  $\varphi_s$  abhängig vom gewünschten Überschwingverhalten ein Wert aus Tabelle 4 auszuwählen VI. Nach dem Festlegen der Durchtrittsfrequenz wird dann im nächsten Abschnitt die Verstärkung des Reglers noch angepasst.

$$\varphi_o(\omega_d) = \varphi_s.$$
Überschwingen 0% 16.3% 23.3%
$$\varphi_s \qquad -103.7^{\circ} \quad -128.5^{\circ} \quad -135^{\circ}$$

**Tabelle 4:** Werte für  $\varphi_s$ 

Um Gleichung 6 auswerten zu können, wird der Phasengang des offenen Regelkreises benötigt. Dazu wird der in Gleichung 5 erhaltene Wert für  $T_{nk}$  in die Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 2) eingesetzt.  $K_{rk}$  ist noch unbekannt, hat aber auf die Phase keinen Einfluss und wird somit vorerst einfach auf 1 gesetzt.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[ 1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{7}$$

Von besonderem Interesse ist der Phasengang  $\varphi_o(j\omega)$  dieser Übertragungsfunktion. Wie Anfangs spezifiziert, soll ein maximals Überschwingen von ca. 16.3% angestrebt werden. Dazu muss gemäss Tabelle 4 die Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$  gefunden werden, an welcher der offene Regelkreis eine Phase von  $-128.5^{\circ}$  aufweist (Gleichung 6). In Abbildung 14 kann dies grafisch verifiziert werden.

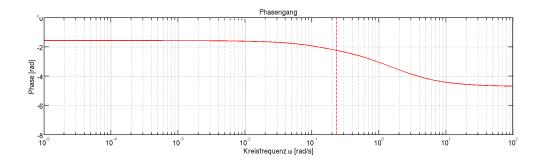


Abbildung 14: Phasengang  $\varphi_o(j\omega)$  des offenen Regelkreises mit eingetragener Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$  (vertikale gestrichelte Linie). Wie man sieht, weist der offene Regelkreis unseres Beispiels bei dieser Kreisfrequenz eine Phase von  $-128.5^{\circ}$  auf (etwa  $-2.24\,\mathrm{rad}$ ).

Dies ergibt:

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{9}$$

## 4 Bestimmung der Reglerverstärkung $\mathbf{K}_{\mathbf{rk}}$

Im letzten Schritt muss nun, wie im vorherigen Abschnitt erwähnt, die Verstärkung  $K_{rk}$  des Reglers noch angepasst werden, damit der offene Regelkreis bei der angestrebten Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$  auch effektiv eine Verstärkung von 1 aufweist. Dazu wird  $j\omega_d$  in Gleichung 8 für den Parameter s eingesetzt und  $|H_o(j\omega_d)| = 1$  gesetzt.

$$A_{o} = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpi}(j\omega) \cdot H_{s}(j\omega)|$$

$$= \left| \left( K_{rk} \cdot \left[ 1 + \frac{1}{j \cdot \omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right) \cdot K_{s} \cdot \left( \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \right) \right| \quad (10)$$

$$= 1$$

Mit den Werten

$$K_s = 2$$

$$T_{nk} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$

$$T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$$

$$T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$$

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{rad} \,\mathrm{s}^{-1}$$
(11)

löst man Gleichung 10 nun nach  $K_{rk}$  auf und erhält:

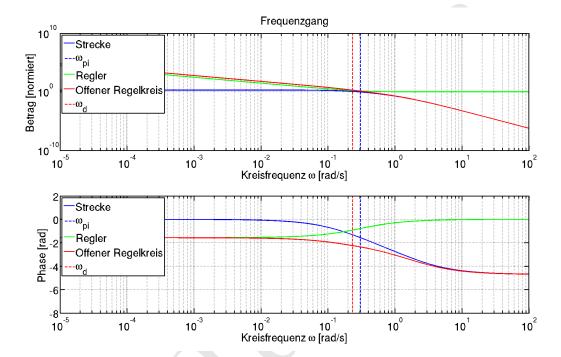
$$K_{rk} = 0.517577 \tag{12}$$

## 5 Resultat

Somit ist der PI-Regler vollständig bestimmt und hat folgende Form:

$$H_{rpi} = 0.518 \cdot \left[ 1 + \frac{1}{s \cdot 3.29 \,\mathrm{s}} \right]$$
 (13)

In Abbildung 15 sind die wichtigsten Werte für diesen Prozess nochmals in einer Übersicht zusammengefasst.



**Abbildung 15:** Frequenzgang des Reglers (grün), der Strecke (blau) und des offenen Regelkreises (rot).

## 3.4 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PID-Regler

#### Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter  $K_{rk}$ ,  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$  in der Übertragungsfunktion des Reglers:

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(14)

## 1 Bestimmung der Reglerfrequenz $\omega_{ m pid}$

Analog zum PI-Regler wird zuerst im Phasengang der Strecke die Frequenz  $\omega_{pid}$  bestimmt, für welche die Phase einen bestimmten Wert aufweist, aber im Unterschied zum PI-Regler wird hier  $-135^{\circ}$  benutzt<sup>VII</sup>:

$$\varphi_s(\omega_{pid}) = -135^{\circ} \tag{15}$$

In unserem Beispiel ergibt dies:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{16}$$

Eine graphische Überprüfung kann anhand von Abbildung 16 durchgeführt werden.

#### 2 Steigung des Phasengangs bei der Reglerfrequenz

Anschliessend wird die Steigung des Phasengangs  $\varphi_s$  der Strecke bei der Frequenz  $\omega_{pid}$  bestimmt. Ausgangspunkt dafür ist die Übertragungsfunktion der Regelstrecke (siehe Gleichung 1).

$$\frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = \frac{d(arg(H_s(j\omega)))}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = -1.5124 \,\mathrm{s}$$
(17)

Einheit überprü-

## 3 Hilfsparameter $\beta$

Zwischen den Steigungen der Phasen des offenen Regelkreises  $(\varphi_o)$ , der Strecke  $(\varphi_s)$  und des Reglers  $(\varphi_r)$  gilt gemäss Tabelle 3 folgende Beziehung:

$$\varphi_o = \varphi_s + \varphi_r \tag{18}$$

Da die Ableitung eine lineare Funktion ist, gilt somit auch:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega} = \frac{d\varphi_s}{d\omega} + \frac{d\varphi_r}{d\omega} \tag{19}$$

Diese Beziehungen können auch gut in Abbildung 16 von Hand überprüft werden.

 $<sup>^{</sup>m VII}$ Wie auch beim PI-Regler stellt diese Frequenz lediglich einen Ausgangspunkt dar und kann zur weiteren Optimierung des Resultats noch angepasst werden.

Es soll nun gelten:

$$\left. \frac{d\varphi_o}{d\omega} \right|_{\omega = \omega_{nid}} = -\frac{1}{2} \tag{20}$$

Da  $\frac{d\varphi_s}{d\omega}$  durch die Strecke gegeben und somit unveränderlich ist, kann lediglich der Wert von  $\frac{d\varphi_r}{d\omega}$  angepasst werden, damit Gleichung 20 erfüllt wird.

Dazu führt man den Hilfsparameter  $\beta$  ein, für den gilt:

$$\frac{1}{T_{vk}} = \frac{\omega_{pid}}{\beta}$$

$$\frac{1}{T_{nk}} = \omega_{pid} \cdot \beta$$

$$0 < \beta \le 1$$
(21)

Wie in Abbildung 16 gesehen werden kann VIII, liegen die beiden Frequenzen  $\frac{1}{T_{vk}}$  und  $\frac{1}{T_{nk}}$  symmetrisch um den Faktor  $\beta$  respektive  $\frac{1}{\beta}$  oberhalb bzw. unterhalb der Frequenz  $\omega_{pid}$ .

Will man  $\beta$  von Hand berechnen, trifft man zuerst eine "vernünftige" Annahme, zum Beispiel:

$$\beta = 0.5 \tag{22}$$

Mit diesem Startwert bestimmt man nun  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$ :

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$
(23)

Die somit erhaltenen Werte setzt man in Gleichung 14 ein, zusammen mit dem Wert für  $\omega_{pid}$  aus Gleichung 16. Da  $K_{rk}$  noch unbekannt ist, aber auf den Phasengang keinen Einfluss hat, setzt man vorerst  $K_{rk} = 1$ , um weiterrechnen zu können.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1 + j\omega \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega \cdot T_{vk})}{j\omega \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[ \frac{(1 + j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$
(24)

Von dieser Gleichung bestimmt man nun den Phasengang und wertet danach dessen Ableitung an der Stelle  $\omega = \omega_{pid}$  aus. Die zugehörige Rechnung kann in Anhang A gefunden werden.

VIII Man beachte dabei, dass der Plot logarithmisch skaliert ist. Eine identische Wegstrecke zwischen zwei Punkte-Paaren auf der Frequenzachse bedeutet also, dass diese um denselben Faktor auseinander liegen, und nicht, dass die Differenz zwischen den jeweiligen Punkten identisch ist. Im Falle der Punkte-Paare  $\left[\frac{1}{T_{nk}}, \omega_{pid}\right]$  und  $\left[\omega_{pid}, \frac{1}{T_{vk}}\right]$  ist dieser Faktor  $\beta$ , wie in Gleichung 21 ersichtlich.

$$\varphi_r(j\omega) = arg(H_{rpid}(j\omega))$$

$$\frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = 1.1920 \,\mathrm{s}$$
(25)

Setzt man dies in Gleichung 18 ein, erhält man:

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5} = \frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} + \frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5}$$

$$= -1.5124 \,\mathrm{s} + 1.1920 \,\mathrm{s}$$

$$= -0.3204 \,\mathrm{s}$$

$$> -\frac{1}{2}$$
(26)

Mit  $\beta=0.5$  erhält man also eine zu hohe Steigung des offenen Regelkreises an der Stelle  $\omega_{pid}$ , folglich muss  $\beta$  verkleinert werden. Diese Berechnungen werden nun mit jeweils neuen Werten für  $\beta$  solange wiederholt, bis die Steigung des offenen Regelkreises die gewünschte Nähe zu  $-\frac{1}{2}$  aufweist.

Da die manuelle Iteration dieses Prozesses enorm viel Zeit in Anspruch nimmt, bietet sich hier eine Automatisierung an. Die Berechnung mittels eines geeigneten Algorithmus in Matlab liefert schlussendlich folgendes Ergebnis:

$$\beta = 0.2776$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = 5.3656 \,\mathrm{s}$$

$$(27)$$

Diese Werte sind ebenfalls in Abbildung 16 eingetragen.

Sollte man für  $\beta$  einen komplexen Wert erhalten, wird  $\beta = 1$  gesetzt.

Die zur Bestimmung von  $\beta$ ,  $T_{vk}$  und  $T_{nk}$  benutzten Algorithmen sind in Anhang C.9 respektive C.12 dokumentiert.

## 4 Durchtrittsfrequenz $\omega_{\mathrm{d}}$

Als letzte Unbekannte verbleibt die Verstärkung  $K_{rk}$ . Wie auch beim PI-Regler ist zum Finden der Verstärkung die Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$  zu bestimmen, um anschliessend mit deren Hilfe  $K_{rk}$  auszurechnen.

Die Resultate aus Gleichung 27 werden in Gleichung 14 eingesetzt.  $K_{rk}$  ist immer noch unbekannt, und wird daher vorerst bei 1 belassen.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right] = 1 \cdot \left[ \frac{(1 + s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(28)

Es interessiert hier der Phasengang des offenen Regelkreises (auch eingetragen in Abbildung 16), wozu die Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1) mit der soeben bestimmten provisorischen Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 28) multipliziert wird.

$$H_o(j\omega) = H_{rpid}(j\omega) \cdot H_s(j\omega) \tag{29}$$

Nun wird die Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$  berechnet, an welcher der offene Regelkreis eine Verstärkung von  $0\,\mathrm{dB}=1$  aufweisen soll. Wie auch beim PI-Regler werden wir hier ein Überschwingen von 16.3% anstreben, womit gemäss Tabelle 4 gilt:

$$\varphi_s(\omega_d) = \varphi_s = -128.5^{\circ} \tag{30}$$

Dieser Wert wird analog zum PI-Regler aus dem Phasengang des offenen Regelkreises abgelesen (siehe Abbildung 16). Eine Nachrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{31}$$

#### 5 Bestimmung der Reglerverstärkung K<sub>rk</sub>

Im letzten Schritt wird nun der Amplitudengang des offenen Regelkreises an der Stelle  $\omega_d$  gleich 1 gesetzt und diese Gleichung nach  $K_{rk}$  aufgelöst:

$$A_{o}(j\omega_{d}) = |H_{o}(j\omega_{d})| = |H_{rpid}(j\omega_{d}) \cdot H_{s}(j\omega_{d})|$$

$$= \left| K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1 + j\omega_{d} \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega_{d} \cdot T_{vk})}{j\omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right|$$

$$\cdot \left| K_{s} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \right|$$

$$= 1$$
(32)

Die einzusetzenden Werte sind:

$$K_s = 2$$

$$T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$$

$$T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = 5.3656 \,\mathrm{s}$$

$$T_{vk} = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1}$$
(33)

Womit man für die Verstärkung den Wert

$$K_{rk} = 1.83084 \tag{34}$$

erhält.

#### 6 Resultat

Somit ist der Regler vollständig dimensioniert und hat folgende Übertragungsfunktion:

$$H_{rpid}(s) = 1.83084 \cdot \left[ \frac{(1+s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1+s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(35)

Zusammenfassend sind in Abbildung 16 die verschiedenen Frequenzgänge und Frequenzen eingetragen.

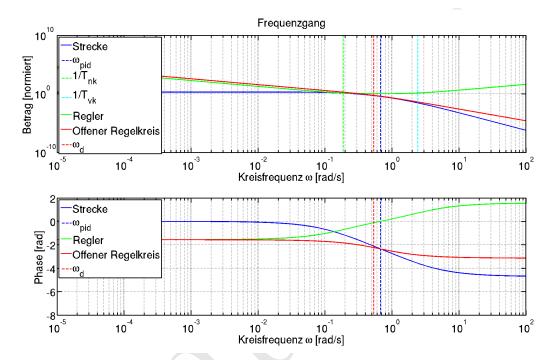


Abbildung 16: Frequenzgang der Strecke (blau), des Reglers (grün) und des offenen Regelkreises (rot). Ebenfalls eingetragen sind die Reglerfrequenz  $\omega_{pid}$ , die beiden Frequenzen  $\frac{1}{T_{vk}}$  und  $\frac{1}{T_{nk}}$  sowie die Durchtrittsfrequenz  $\omega_d$ .

## 3.5 Vergleich mit Software-Tool

Zum Vergleich mit den soeben dimensionierten PI- und PID-Reglern sind hier noch die Resultate der Dimensionierung mittels unseres Tools gezeigt. Wie zu erwarten weisen die Resultate der Faustformeln keine grösseren Abweichenungen zu Tabelle 2 auf.

Es ist aber klar zu erkennen, dass die mittels der Phasengangmethode berechneten Reglerwerte teilweise deutlich von den manuell bestimmten Zahlen abweichen. Der Grund dafür liegt in den Optimierungen, die das Tool zusätzlich zu den in diesem Abschnitt gezeigten Berechnungen noch ausführt (siehe dazu auch Abschnitt 4).

Bild PI-Regler

Bild PID Regler

## 3.6 Umrechnung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung

Ein Regler kann mittels verschiedener mathematischen Gleichungen dargestellt werden. Für die Berechnungen in diesem Projekt sind zwei von besonderer Bedeutung: Die bodekonforme und die reglerkonforme Darstellung.

Dabei gilt es zu beachten, dass sich die einzelnen Darstellungen in ihrer mathematischen Gleichung unterscheiden, jedoch den selben Informationsinhalt haben. Deshalb ist es auch möglich, mittels einfacher Umrechnungen die Darstellungsweise zu wechseln.

Der Grund, weshalb zwei verschiedene Darstellungsarten existieren und verwendet werden, liegt zum einen darin, dass gewisse Berechnungen automatisch die eine oder andere Darstellungsart zurückgeben, jedoch auch, dass je nach Situation der Verständlichkeit halber die eine oder andere Darstellungsart bevorzugt wird.

Bei der bodekonformen Darstellung wie in Gleichungen 36 und 37 ist die Übertragungsfunktion leicht zu interpretieren, was ihren Amplitduden- und Frequenzgang betrifft. Deshalb wird die bodekonforme Darstellung überall dort verwendet, wo mit den Reglerwerten Berechnungen ausgeführt werden.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[ \frac{1 + s \cdot T_{nk}}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{36}$$

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(37)

Die reglerkonforme Darstellung aus den Gleichungen 38 und 39 hingegen ist so aufgebaut, dass die Werte, welche an einem realen Regler einstellbar sind, direkt abgelesen werden können. Diese Darstellung wird verwendet, um die Reglerwerte dem Benutzer zur Verfügung zu stellen.

$$H_{rpi} = K_r \cdot \left[ 1 + \frac{1}{s \cdot T_n} \right] \tag{38}$$

$$H_{rpid} = K_r \cdot \left[ 1 + \frac{1}{s \cdot T_n} + \frac{s \cdot T_v}{s \cdot T_p} \right]$$
(39)

Zudem liegt das Ergebnis der Faustformeln auch immer in der reglerkonformen Darstellung vor. Für die Umrechnung zwischen den zwei Darstellungsarten sich durch einen Koeffizientenvergleich die Formeln in Tabelle 5. Für die Berechnungen in diesem Projekt wird, wenn nicht anders angegeben, mit  $T_p = \frac{1}{10} \cdot T_v$  gerechnet.

Die algorithmischen Umsetzungen dieser Formeln für unsere Software sind in Anhang C.2 und C.3 zu finden.

	${\rm bodekonform} \to {\rm reglerkonform}$	$\operatorname{reglerkonform} \to \operatorname{bodekonform}$
PI	$T_n = T_{nk}$	$K_{rk} = K_r$
PID	$T_{n} = T_{nk} + T_{vk} - T_{p}$ $T_{v} = \frac{T_{nk} \cdot T_{vk}}{T_{nk} + T_{vk} - T_{p}} - T_{p}$ $K_{r} = K_{rk} \cdot \left(1 + \frac{T_{vk} - T_{p}}{T_{nk}}\right)$	$T_{nk} = 0.5 \cdot (T_n + T_p) \cdot (1 + \epsilon)$ $T_{vk} = 0.5 \cdot (T_n + t_p) \cdot (1 - \epsilon)$ $K_{rk} = 0.5 \cdot K_r \cdot (1 + \frac{T_p}{T_{nk}}) \cdot (1 + \epsilon)$
	wobei $\epsilon^2 = 1 - \left(4 \cdot T_n \cdot \frac{T_v - T_p}{(T_n + T_p)^2}\right)$	

Tabelle 5: Formeln zur Umrechung zwischen bode- zu reglerkonformer Darstellung [6], [7]

28 4 SOFTWARE

## 4 Software

Die Software wurde nach dem MVC-Pattern aufgebaut. Somit wurde auch das Obersever/O-beservable-Prinzip eingebunden. Das Klassendiagramm ist in Anhang D zu finden.

In der Klasse Application werden das Model, der GUIController sowie die View erzeugt und miteinander verknüpft. Dem GUIcontroller wird das Model und der View der GUIController übergeben. Somit können Eingaben auf der View direkt an den GUIController weitergegeben werden. Dieser wiederum kann direkten Einfluss auf das Model nehmen.

Die View wird als Observer von Model registriert. Sobald im Model notifyObservers() ausgelöst wird, wird in der View die Methode update() aufgerufen und das ganze Model als Objekt übergeben. Die View kann nun die gewünschten Daten aus dem Model auslesen und für die Darstellung verwenden.

Die ganze Applikation basiert auf einem JFrame, auf welchem die View platziert wird.

## 4.1 View

Die *View* ist aus zwei übergeordneten Panels aufgebaut. Im linken Panel befinden sich Einund Ausgabefelder für numerische Werte, das rechte Panel beheimtated die Plots sowie das Optimierungs-Panel (siehe Abbildung 17).

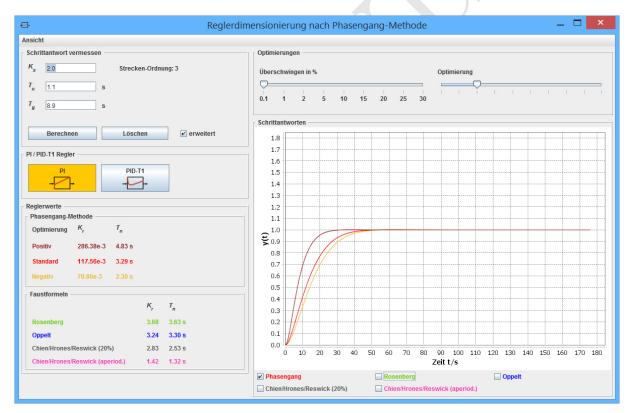
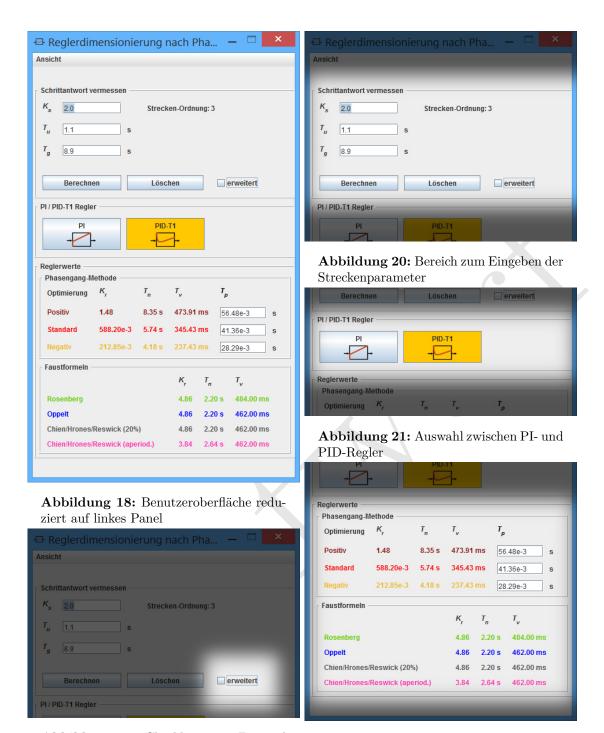


Abbildung 17: Grundlegender Aufbau der Benutzeroberfläche

Das rechte Panel kann mittels der Check-Box erweitert (Abbildung 19) ein- und ausgeblendet werden, die reduzierte Benutzeroberfläche ist in Abbildung 18 zu sehen.



**Abbildung 19:** Checkbox zum Zu- und Wegschalten des rechten Haupt-Panels

Abbildung 22: Ausgabewerte des dimensionierten Reglers

Im Bereich Schrittantwort vermessen (Abbildung 20) werden die Parameter der vermessenen Strecke eingegeben. Darunter befinden sich die Schalftflächen zur Wahl zwischen der Dimensionierung eines PI- respektive eines PID-T1-Reglers (Abbildung 21).

Das Panel Reglerwerte (Abbildung 22) dient der Ausgabe der berechneten Reglerwerte der verschiedenen Berechnungsmethoden. Ebenfalls kann für die Phasengangmethode, sofern ein PID-Regler dimensioniert wird, die Zeitkonstante  $T_p$  spezifiziert werden.

30 4 SOFTWARE

Das Optimierungs-Panel (Abbildung 23 )beinhaltet zwei Slider zur Eingabe des gewünschten Überschwingens respektive für die Optimierung des Reglers der Phasengang-Methode. Über den Slider *Optimierung* kann der Phasenrand beeinflusst werden.

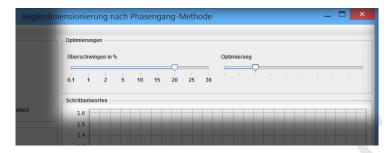
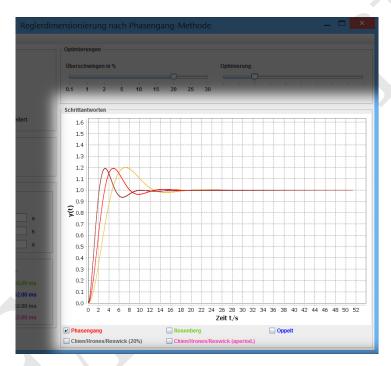


Abbildung 23: Slider im Optimierungs-Panel



**Abbildung 24:** Plots der Schrittantworten, PID-Regler berechnet nach Phasengangmethode, 20% Überschwingen

Unterhalb des Optimierungs-Panels werden die Plots der mittels Faustformeln und Phasengangmethode errechneten Schrittantworten graphisch ausgegeben (Abbildung 24). Diese können mittels Check-Boxen zu- und weggeschaltet werden. Zu jeder Faustformel wird die zugehörige Schrittantwort abgebildet (Abbildung 25).

Die Resultate der Phasengangmethode werden durch drei Kurven dargestellt. Eine Kurve benutzt den Standardwert des Phasenrands gemäss Zellweger ( $-90^{\circ}$  für PI-Regler,  $-135^{\circ}$  für PID-Regler), die beiden anderen Kurven basieren auf Benutzereingaben für einen oberen und unteren Offset des Phasenrandes der über den Schiebregler *Optimierung* eingestellt werden kann.

4.1 View 31

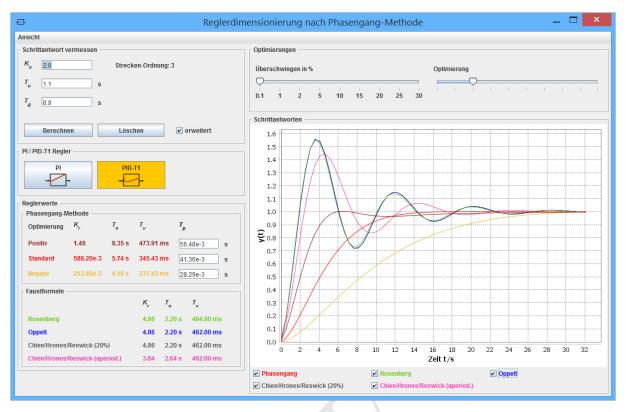


Abbildung 25: Plots der Schrittantworten nach Faustformeln



Abbildung 26: Plots der Schrittantworten nach Phasengangmethode, PID-Regler, 2% Überschwingen

32 4 SOFTWARE

#### 4.2 Controller

Regler heisst übersetzt auf Englisch Controller. Aus diesem Grund heisst die generische Regler-klasse in unserer Software Controller. Die Klasse, welche die Rolle des Controllers im Kontext von Model-View-Controller wahrnimmt, heisst daher GUIController, um Namenskonflikte zu vermeiden.

Der GUIController dient als Schnittstelle zwischen der View und dem Model. Werden Eingaben auf der View durch den Benutzer gemacht, wird der GUIController darüber informiert. Er prüft die Daten auf Zulässigkeit und leitet berechnungsrelevante Daten, sofern sie die Prüfung bestanden haben, an das Model zur Verarbeitung weiter. Zusätzlich übernimmt der GUIController die Steuerung der View, indem er Objekte ein- und ausblendet sowie Meldungen/Warnungen über die View ausgibt.

#### 4.3 Model

Die Model-Klassen beheimaten alle Daten sowie den Grossteil der Algorithmen (zusätzliche Algorithmen, die von den Model-Klassen verwendet werden, sind in der Klasse Calc des Package Utilities zu finden). Das Model ist observable, um das Aktualisieren der View zu ermöglichen.

#### Model

Wie im Klassendiagramm (siehe Anhang D) ersichtlich, erzeugt die Klasse Model im Konstruktor für jede Berechnungsart eine Instanz der Klasse ClosedLoop. Das Model hat ein Objekt der Klasse Path und übergibt dieses an den ClosedLoop. Das Model enthält Setter- und Getter-Methoden zur Verarbeitung der Daten mittels weiterer Klassen. Das Model nutzt die Möglichkeit notifyObservers() aufzurufen, um update() auf der View zu bewirken.

#### ClosedLoop

Die Instanzen der Klasse ClosedLoop repräsentieren die geschlossenen Regelkreise. Sie kennen ihren Berechnungstyp und besitzen einen Regler. Im Konstruktor wird je nach Berechnungsart ein passender Controller instanziiert. Zusätzlich beinhaltet die Klasse die Methode calculate(). Diese berechnet für alle Berechnungsarten die Schrittantwort mittels calculateStepResponse().

Für die Phasengangmethode wird zusätzlich das Überschwingverhalten mittels der Methode overShootOptimization() optimiert (siehe Anhang C.11). Zudem sind diverse Setter- und Getter-Methoden Bestandteil dieser Model-Klasse.

#### Controller

Der Controller bildet die Oberklasse aller Faustformeln und der Phasengangmethode. Er beinhaltet die abstrakte Klasse calculate() sowie alle nötigen Setter- und Getter-Methoden um Werte zu setzten und auszulesen. Die Methode utfController(), deren Algorithmus in Anhang C.4 beschrieben ist, wird hier ausgelöst.

#### Chien20

Die Klasse Chien20 stellt die Algorithmen (siehe Anhang C.8) zur Berechnung der Reglerwerte gemäss der Faustformel Chien/Hrones/Reswick (20%) zur Verfügung, erbt von Controller, instanziiert und setzt eine Übertragungsfunktion.

#### ChienApper

Die Klasse ChienApper stellt die Algorithmen (siehe Anhang C.8) zur Berechnung der Reglerwerte gemäss der Faustformel Chien/Hrones/Reswick (aperiodisch) zur Verfügung, erbt von Controller, instanziiert und setzt eine Übertragungsfunktion.

#### Oppelt

Die Klasse Oppelt stellt die Algorithmen (siehe Anhang C.5) zur Berechnung der Reglerwerte gemäss der Faustformel Oppelt zur Verfügung, erbt von Controller, instanziiert und setzt eine Übertragungsfunktion.

#### Rosenberg

Die Klasse Rosenberg stellt die Algorithmen (siehe Anhang C.6) zur Berechnung der Reglerwerte gemäss der Faustformel Rosenberg zur Verfügung, erbt von Controller, instanziiert und setzt eine Übertragungsfunktion.

#### PhaseResponseMethod

Die Klasse PhaseResponseMethod stellt die Algorithmen zur Berechnung der Reglerwerte gemäss der Phasengangmethode zur Verfügung. Sie erbt von der Klasse Controller und bringt all deren Setter- und Getter-Methoden mit.

Über die überladene Methode setData() werden die Input-Werte gesetzt. Dabei wird die Methode calculateOverShoot(), die das für die Berechnung des korrekten Überschwingens benötigt Attribut phiU setzt, ausgelöst. Zusätzlich wird calculate() aufgerufen. calculate() berechnet anhand der Methode createOmegaAxis() die diskrete Frequenzachse in Abhängigkeit der Zeitkonstante der Regelstrecke. Die Übertragungsfunktion in s der Regelstrecke wird für alle Punkte von omega berechnet.

calculateTnk() wird ausgelöst und berechnet  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$  unter Zuhilfenahme der diskreten Werte. calculateTnk() löst wiederum calculateKrk() zur Berechnung von  $K_{rk}$  aus und ruft zudem calculateControllerConf() und setUTF() auf. calculateControllerConf() transformiert die Werte in die reglerkonforme Darstellung (siehe Anhang C.3). setUTF() setzt die Übertragungs-Funktion des Reglers.

### Path

Die Klasse Path berechnet in der Methode calculate(), unter Zuhilfenahme der Sani-Methode (Calc.sani()), die Strecke (Path). Sie besitzt eine Instanz der Klasse UTF sowie Setter- und Getter-Methoden zum Setzen und Auslesen von Werten.

#### UTF

Setzt und speichert die Übertragungsfunktion. Diese kann über diverse Getter- und Setter-Methoden ausgelesen bzw. geschrieben werden.

## 4.4 Benutzungs-Beispiel (Use-Case)

Das Zusammenspiel der einzelnen Komponenten der Applikation wird im Folgenden anhand eines Beispiels erklärt. Die hier dargelegten Zusammenhänge können auch gut im Klassendiagramm (Anhang D) betrachtet werden.

34 SOFTWARE

Beim Programmstart werden durch das Model drei closedLoops (geschlossenen Regelkreise) für die Phasengang-Methode sowie vier weitere für die Faustformeln erzeugt. Jeder closedLoops ist von Beginn an einem Berechnungstyp (Phasengang-Methode, Faustformel) zugewiesen. Er ist bereit, Daten aufzunehmen und zu verarbeiten.

Über die drei Eingabefelder  $K_s$ ,  $T_u$  und  $T_g$  werden die Werte der vermessenen Regelstrecke durch den Benutzer eingegeben. Durch Drücken des Buttons "Berechnen" werden die Eingaben durch den GUIController auf Zulässigkeit überprüft. Erfüllen sie die erforderlichen Kriterien nicht, wird eine Benachrichtigung mit Hinweis auf den Fehler oberhalb des Buttons ausgegeben und die Berechnung nicht ausgelöst.

Haben die Eingaben die Überprüfung durch den GUIController bestanden, fragt dieser zusätzlich die aktuellen Werte/Zustände der Slider für Überschwingen und Optimierung sowie den Reglertyp auf dem GUI ab und leitet alle Daten mittels setData() an das Model weiter. Dieses erzeugt einen Path (Strecke) aus den Eingabewerten. Das Model errechnet den Optimierungs-Offset und weist die Daten den entsprechenden closedLoops der Phasengang-Methode sowie der Faustformeln mittels dersetData() Methode zu. Jeder ClosedLoop leitet die Daten an den zugehörigen Controller weiter, der die Reglerwerte berechnet. Zu Beginn betrachten wir den Regler nach Oppelt genauer.

Die Klasse Oppelt erbt von der abstrakten Klasse Controller und besitzt somit alle Setterund Getter-Methoden der Oberklasse. Als Input stehen die Informationen der Strecke sowie der Reglertyp (PI, PID) zur Verfügung. Je nach gewähltem Berechnungstyp werden die Reglerwerte reglerkonform berechnet und gespeichert. Weiter werden die Werte in die bodekonforme Darstellung umgerechnet und ebenfalls abgespeichert.

Die Berechnungstypen Rosenberg, Chien/Hrones/Reswick (20%) sowie Chien/Hrones/Reswick (aperiod.) funktionieren analog dem Berechnungstyp Oppelt und werden nicht weiter ausgeführt.

Ein spezielles Augenmerk richten wir nun auf die Berechnung der Phasengang-Methode. Auch die Klasse PhaseResponseMethod erbt von der Klasse Controller und bringt die bereits erwähnten Setter- und Getter-Methoden mit. Die Input-Werte sind analog derjenigen der Faustformeln. Zusätzlich werden die Informationen zum Überschwingen, der Optimierung sowie  $T_p$  in die Berechnung miteinbezogen und die gesetzten Input-Werte werden den lokalen Attributen zugewiesen. calculateOvershoot() wird ausgelöst und setzt das Attribut phiU, welches für das korrekte Überschwingen benötigt wird. Darauf folgend wird calculate() aufgerufen. Diese Methode berechnet anhand der Methode createOmegaAxis() die diskrete Omega-Achse in Abhängigkeit der Zeitkonstanten der Regelstrecke. Der Wert der Übertragungsfunktion der Regelstrecke wird für alle Punkte der Frequenzachse ausgewertet. calculateTnk() wird ausgelöst. Diese Methode berechnet  $T_n k$  und  $T_v k$  unter Zuhilfenahme der diskreten Werte nach dem Prinzip der Phasengangmethode. Daraus resultiert die Übertragungsfunktion des Reglers. Falls  $T_p = 0$  aus der Eingabe übergeben wurde, wird an dieser Stelle  $T_p$  berechnet.  $K_{rk}$  wird gemäss der Phasengangmethode mittels calculateKrk() berechnet. Zudem beinhaltet die Methode calculateKrk() den Aufruf von calculateControllerConf() und setUTF(). calculateControllerConf() transformiert die Werte in die reglerkonforme Darstellung. setUTF() setzt die Übertragungs-Funktion des Reglers.

Im ClosedLoop wird nun die Methode calculate() ausgeführt, welche mittels der Methode calculateStepResponse() die Schrittanwort des geschlossenen Regelkreises berechnet. Falls es sich bei der Berechnungsmethode des Reglers um die Phasengang-Methode handelt, wird zusätzlich overShootOptimization() (dokumentiert in Anhang C.11) aufgerufen. Diese Methode ändert den Wert von  $K_{rk}$  so lange, bis das gewünschte Überschwingen erreicht wird.

Sobald die Berechnungen aller ClosedLoops abgeschlossen sind, wird im Model die Methode notifyObserver() ausgelöst. Hiermit wird die View darüber informiert, dass Änderungen im

ref abschnitt bode/regler Model vorgenommen wurden und die Methode update() in den jeweiligen Unterklassen der Klasse Viewaufgerufen werden soll. Somit aktualisiert sich die View und die neu berechneten Reglerwerte. Die Streckenordnung wird ausgegeben und die Plot-Daten werden aktualisiert. Im Fall der Phasengangmethode werden auch Startwerte für  $T_p$  gesetzt.

Der Benutzer hat nun die Möglichkeit, die Resultate der Phasengangmethode weiter zu optimieren. Über das Panel Optimierungen stehen die Slider Überschwingen sowie Optimierung zur Verfügung. Das Überschwingen kann in vorgegebenen Schritten in Prozenten festgelegt werden. Die Optimierung schiebt den Phasenrand bzw. den Regler-Knickpunkt in die positive sowie negative Richtung zugleich, und wird mittels zwei separaten Plots dargestellt. Weiter können die Werte für  $T_p$  nachträglich für jede der drei Kurven individuell angepasst werden.

Sobald einer der drei Parameter (Überschwingen, Optimierung,  $T_p$ ) verändert wird, wird über den GUIController die jeweilige Setter-Methode im Model aufgerufen. Das Model gibt die Daten an den jeweiligen ClosedLoop weiter, der diese wiederum den Methoden der Phasengang-Methode weiterleitet. Sobald die neu berechneten Werte vorliegen wird notifyObservers() aufgerufen und die View aktualisiert.

Die Plots sowie die Optimierungs-Schaltflächen sind nur dann sichtbar, wenn die CheckBox erweitert aktiviert ist. Durch Deaktivieren dieser CheckBox kann das Programm in einer Klein-Ansicht ohne grafische Ausgabe bedient werden. Die einzelnen Plots können über CheckBoxen unterhalb des Plot-Bereichs dazu- oder weggeschaltet werden.

Über den Button Löschen können alle Regler- sowie Plot-Daten gelöscht werden.

36 5 VERIFIKATION

## 5 Verifikation

Damit die Software von Anfang an den Anforderungen des Kunden sowie dem Pflichtenheft entspricht, wurden die Berechnungen sowie die Funktionsweise der einzelnen Komponenten laufend mittels verschiedenster Varianten überprüft, welche nachfolgend erläutert werden.

## 5.1 Berechnungen

Die Berechnungen und Algorithmen wurden in vorerst in Matlab geschrieben und durch ein weiteres Teammitglied überprüft. Die in Matlab berechneten Test-Resultate konnten mit dem Fachcoach/Auftraggeber abgeglichen werden. Die so entstandenen Matlab-Files dienten als direkte Vorlage für die Umsetzung in Java-Code. Zusätzlich konnten die berechneten Werte in Java direkt mit den Resultaten aus Matlab verglichen werden.

## 5.2 Intern (Team)

Um die Funktionalität und das Verhalten des GUI's zu testen wurde das Programm regelmässig durch das Team getestet. Dabei wurden alle Mitglieder dazu aufgefordert nebst den zu erwartenden Werten auch explizite Fehleingaben/-ausgaben zu provozieren.

Fehler wurden umgehend an den Programmier-Verantwortlichen weitergeleitet. Sobald der Fehler behoben wurde, wurde das Team darüber informiert und zur erneuten Verifikation aufgefordert.

#### 5.3 Extern

Das Tool wurde auf Computer aussenstehender Personen auf Funktionalität und korrekte Darstellungsweise getestet. Dabei wurde ein spezielles Augenmerk darauf gelegt, dass die Testpersonen unterschiedliche Betriebssysteme und Bildschirmauflösungen verwenden.

## 5.4 Auftraggeber

Die Software wurde in enger Zusammenarbeit mit dem Auftraggeber entwickelt. So konnte er die Software immer wieder testen und direktes Feedback an die Entwickler geben. Eine möglichst kundenorientierte Lösung, die den Vorstellungen des Auftraggebers entspricht, konnte somit erarbeitet werden. Eine Vorabversion wurde dem Auftraggeber zur Überprüfung der Auflösung und Lauffähigkeit auf seinem System zugestellt.

# 6 Schlussfolgerungen

Das Projekt wurde erfolgreich abgeschlossen: Das Tool ist funktionstüchtig und alle Punkte des ursprünglichen Auftrages sowie einige der im Verlauf des Projekts optionalen Erweiterungen wurden erfüllt. Aus den Eingabewerten wird das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises berechnet und graphisch dargestellt. Die Erweiterungen ermöglichen das Dimensionieren des Reglers anhand der Phasengangmethode und die Optimierung der Reglerwerte.

Die im Pflichtenheft optional geplanten, graphischen Ausgaben des Amplitudengangs und der Strecke sowie die Schieberegler für das Verändern der Reglerwerte wurden weggelassen. Diese Zusätze wurden geplant, um das Dimensionieren des Reglers zu erleichtern und die Eingabewerte graphisch darzustellen. Der Grund für den Entscheid, diese zusätzlichen Ausgaben wegzulassen, war die Möglichkeit durch die hohe Rechenleistung den Regler in Echtzeit zu optimieren, womit die Funktionen überflüssig wurden.

Alternativ kann die Schrittantwort mit zwei Schiebereglern manuell optimiert werden. Durch das Verändern des Überschwingens und das Einstellen der Optimierung kann die Kurve von Hand angepasst werden. Als Erweiterung wäre es möglich die Streckenwerte auszugeben und die Strecke graphisch zurück zu geben. Das automatische Einlesen der Streckenwerte aus einer graphischen Form könnte hinzugefügt werden. Das Tool würde an die eingelesene Kurve die Wendetangente legen und die Werte ablesen. Das Ablesen könnte mit der Monte-Carlo-Studie verfeinert werden. Die Monte-Carlo-Studie ist ein Verfahren aus der Wahrscheinlichkeitsrechung, welche aus einer endlichen Schar von Kurven die numerisch wahrscheinlichste Lösung findet.

# Ehrlichkeitserklärung

Mit der Unterschrift bestätigt der Unterzeichnende (Projektleiterin), dass das Dokument selbst geschrieben worden ist und alle Quellen sauber und korrekt deklariert worden sind.

Anita Rosenberger:	
Ort, Datum:	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

# A Manuelle Berechnung des Hilfsparameteres $\beta$

Der erste Iterationsschtitt der in Abschnitt 3.4 erwähnten manuellen Berechnung des Hilfsparameteres  $\beta$  ist hier im Detail ausgeführt.

Zur Rekapitulation eine kurze Wiederholung der Ausgangslage:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}$$

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$

$$K_{rk} = 1$$
(40)

Diese Werte eingesetzt in Gleichung 14 ergeben:

$$H_{rpid}(j\omega) = K_{rk} \cdot \left[ \frac{(1+s \cdot T_{nk})(1+s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[ \frac{(1+j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})(1+j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$

$$= \frac{1+j\omega \cdot (2.9789 \,\mathrm{s} + 0.7447 \,\mathrm{s}) - \omega^2 \cdot 0.7447 \,\mathrm{s} \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= \frac{1-2.2184 \,\mathrm{s}^2 \cdot \omega^2 + j\omega \cdot 3.7236 \,\mathrm{s}}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= \frac{-\omega \cdot 3.7236 \,\mathrm{s} + j(1-\omega^2 \cdot 2.2184 \,\mathrm{s}^2)}{\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}}$$

$$= -1.250 + j \cdot (\omega^{-1} \cdot 0.3357 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.7450 \,\mathrm{s})$$

$$(41)$$

Von dieser Zahl gilt es nun, das Argument zu bestimmen und abzuleiten.  $H_{rpid}(j\omega)$  ist eine komplexe Zahl in der linken Halbebene (Re < 0), somit kommen folgende Formeln zur Berechnung des Arguments in Frage:

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) + \pi \qquad Re < 0 \land Im \ge 0$$

$$\varphi(Re + j \cdot Im) = atan\left(\frac{Im}{Re}\right) - \pi \qquad Re < 0 \land Im < 0$$
(42)

Da aber in diesem Fall lediglich die Ableitung von  $\varphi$  benötigt wird, fällt der Summand  $\pm \pi$  weg und welche Formel für die Berechnung des Arguments verwendet wird, ist ohne Konsequenz.

$$\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = atan\left(\frac{\omega^{-1} \cdot 0.3357 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.7450 \,\mathrm{s}}{-1.250}\right) \pm \pi$$
$$= atan\left(\omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s}\right) \pm \pi$$
(43)

Die Ableitung des Arkustangens ist:

$$\frac{d}{dx}atan(x) = \frac{1}{1+x^2} \tag{44}$$

Mit

$$x(j\omega) = \omega^{-1} \cdot -0.2686 \,\mathrm{s}^{-1} - \omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s}$$
 (45)

folgt

$$\frac{d}{d\omega}\varphi(H_{rpid}(j\omega)) = \frac{d}{dx}atan(x(j\omega)) \cdot \frac{d}{d\omega}x(j\omega) 
= \frac{0.5960 + \omega^{-2} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^2}{1 + (\omega \cdot 0.5960 \,\mathrm{s} - \omega^{-1} \cdot 0.2686 \,\mathrm{s}^{-1})^2} 
\approx 1.1920$$
(46)

Wie in Gleichung 26 gezeigt, ist dies noch nicht der gesuchte Wert für  $\beta$ . Für den nächsten Iterationsschritt würde nun ein kleinerer Wert gewählt (z.B.  $\beta = 0.25$ ), der zu neuen Werten für  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$  führen würde, mit denen dann die Berechnungen aus Gleichungen 41 bis 46 erneut ausgeführt würden. Bei zufriedenstellender Nähe der Steigung des offenen Regelkreises zu  $-\frac{1}{2}$  ist die Iteration beendet.

Eine Beschreibung des in unserem Tool verwendeten Algorithmus ist in Anhang C.12 zu finden.

### B Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises

In diesem Projekt ist im speziellen die Schrittantwort de geschlossenen Regelkreises von Bedeutung. Um auf die Schrittantwort zu gelangen wurde der Weg über die IFFT (Englisch: *Inverse Fast Fourier Transform*, inverse schnelle Fourier-Transformation) gewählt, da diese relativ einfach in Java zu implementieren ist.

Für diese Berechnung sind folgende Schritte notwendig:

- Übertragungsfunktion des geschlossenen Regelkreises bilden
- bestimmen der Abstastfrequenz  $f_s$  sowie der Anzahl zu berechnender Punkte.
- diskreten Frequenzgang berechnen
- Frequenzgang für die IFFT vorbereiten
- Frequenzgang mittels IFFT rücktransformieren
- Schrittantwort aus der Impulsantwort bilden

### B.1 Übertragungsfunktion des geschlossenne Regelkreises bilden

Da die Übertragungsfunktionen des Reglers sowie der Regelstrecke bekannt sind, kann aus ihnen die gesamte Übertragungsfunktion  $H_g(s)$  gebildet werden. Dazu werden die jeweils die Zählersowie die Nennerpolynome mittels diskreter Faltung zusammengeführt. Zusätzlich muss das resultierende Zählerpolynom zum Nennerpolynom addiert werden.

$$H_g(s) = \frac{ZAH(s)}{NEN(s)}$$

$$= \frac{ZAH_{Regler} \cdot ZAH_{Strecke}}{NEN_{Regler} \cdot NEN_{Strecke} + ZAH_{Regler} \cdot ZAH_{Strecke}}$$
(47)

wobei die Zähler- und Nennerpolynome folgende Form haben:

$$ZAH_{Regler} = b_{R_1}s^n + b_{R_2}s^{n-1} + \dots + b_{R_{n-1}} \mid n \in \mathbb{N}$$

$$ZAH_{Strecke} = b_{S_1}s^k + b_{S_2}s^{k-1} + \dots + b_{S_{k-1}} \mid k \in \mathbb{N}$$

$$NEN_{Regler} = a_{R_1}s^m + a_{R_2}s^{m-1} + \dots + a_{R_{m-1}} \mid m \in \mathbb{N}$$

$$NEN_{Strecke} = a_{S_1}s^l + a_{S_2}s^{l-1} + \dots + a_{S_{l-1}} \mid l \in \mathbb{N}$$

#### B.2 Bestimmen der Abtastrate fs sowie der Anzahl zu berechnender Punkte.

Für die Berechnung von  $f_s$  durften wir eine Methode verwenden, welche uns von Prof. Dr. Richard Gut zur Verfügung gestellt wurde. Diese berechnet  $f_s$  anhand der Nullstellen des Nennerpolynoms und ermittelt gleichzeitig in Abhängigkeit von  $f_s$  die Anzahl N zu berechnender Punkte, welche eine Potenz von 2 bilden. Daher wird an dieser Stelle nicht weider auf diesen Schritt eingegangen.

Ist damit gemeint, dass N immer eine Zweierpotenz ist?

Haben
wir hier
irgendeine re-

### **B.3** Diskreten Frequenzgang berechnen

Nun werden für  $\omega$  genau N Werte eingesetzt, welche sich geichmässig zwischen 0 und  $f_s \cdot \pi$  verteilen. Dadurch entsteht ein diskreter Frequenzgang  $H_g[k]$  mit N Werten.

$$H_g[k] = H_g(s) \mid s = j \cdot k \cdot f_s, \ k \in \mathbb{Z}, \ 0 \le k \le N - 1$$

over fs

### B.4 Frequenzgang für die inverse Fouriertransformation vorbereiten

Damit nach der Transformation in den Zeitbereich ein reelles Resultat vorliegt muss der diskrete Frequenzgang Hg[k] folgende Symmetriebedingung erfüllen:

$$Hg[L-k] = Hg^*[k] \mid 0 \le k < L$$

Deshalb wird der zweite Teil von Hg[k] jeweils durch die entsprechende Konjugiert-Komplexe  $H^*[k]$  ersetzt.

# B.5 Frequenzgang invers Fourier-transformieren

Die diskrete inverse Fourier-transformation wird gemäss folgender Formel durchgeführt:

$$\vec{h} = \mathrm{ifft}(\vec{H})$$

In diesem Projekt wird für diese Transformation ein verbessertes Verfahren verwendet. Dieses ermöglicht eine schnellere Berechnung durch das Zerlegen der Punkte in ihre Primfaktoren. Eine genauere Erläuterung wird an dieser Stelle nicht gemacht, da dieses Verfahren in Matlab sowie in Java als fertige Funktion verfügbar ist.

### B.6 Schrittantwort aus der Impulsantwort bilden

Aus der Impulsantwort h[k] kann nun in einem einfachen Verfahren die Schrittantwort y[k] gebildet werden. Dabei entspricht jedes Element der Schrittantwort y[k] der Summe der Elemente der Impulsantwort h[k] vom ersten bis zum k-ten Element. Zusätzlich wird die zweite Hälfte der Impulsantwort weggeschnitten, um die zuvor als konjugert-komplexe Werte hinzugefügten Überbleibsel zu eliminieren.

$$y[k] = \sum_{n=0}^{k} h[n] \mid 0 \le k < \frac{L}{2}$$

Abklaeren was L genau ist.

Wird der wirklich erstetzt oder wird da ergänzt?

nuss noch null abklären Das sagt a eigentich noch

ja eigentlich noch
nicht so
viel aus,
oder ist
damit
einfach
die Methode
ifft gemeint?

EVENTUE VER-WEIS AUF APACHE LIBRA-RY 3.BLAB-LABLA

# C Beschreibung der Algorithmen

#### C.1 Sani

#### Input

$T_u$	Verzugszeit
$T_q$	Anstiegszeit

#### Output

Array mit den Zeitkonstanten des Polynoms der Übertragungsfunk-

tion der Strecke

### **Algorithmus**

- 1. Ungültige Eingaben warden abgefangen und ein Fehler zurückgegeben.
- 2. Lädt Werte für  $T_u$  und  $T_q$ .
- 3. Erstellt 50 Werte zwischen 0 und 1 für  $r_i$ .
- 4. Bestimmt die Ordnung der Regelstrecke.
- 5. Spline für r und  $\omega$
- 6. T(n) wird aus  $\omega \cdot T_g$  berechnet.
- 7. Umspeichern und Sortieren

Ja aber was heisst das nun?

```
function [n,T] = p2_sani(tu,tg,p)
   if tu <= 0 || tg <= 0
     disp(' ');
4
      error('!!!!! unsinnige Zeiten !!!!!');
6
   v=tu/tg;
9
   if v>0.64173
     disp(' ');
      error('!!!!!
    end;
13
14
   if v<0.001
     disp(' ');
      error('!!!!! Tu/Tg zu klein --> N = 1 !!!!!');
16
   end:
18
19
   load('p2_sani_tu_tg');
20
   pause(0.1);
                                    % Pause, damit Laden vom File erfolgreich!!!!
21
   % Berechnet mit NN=50 (r-Aufloesung)
   ri=linspace(0,1,50);
25
   if v <= 0.103638
                             % abhaengig von n werden vorberechnete
26
     n=2;
                             \% Datenfiles von der Festplatte geladen.
    elseif v <= 0.218017</pre>
                             % 2 <= n <= 8
28
                             \% n=1 ist trivial und fuehrt zu Abbruch
     n=3:
29
    elseif v \le 0.319357
30
     n=4;
    elseif v <= 0.410303
     n=5;
   elseif v <= 0.4933
     n=6;
    elseif v <= 0.5700
```

```
36
     n=7;
   elseif v<=0.64173
37
38
    n=8;
39
   else
40
    n=10;
41
   end;
42
43 r=spline(Tu_Tg(n,:),ri,v);
44
   w=spline(ri,T_Tg(n,:),r);
   T(n)=w*tg;
45
46
47
                                    \% Umspeicher, damit gleiche Reihenfolge wie bei Hudzovik
48
   for i=n-1:-1:1,
49
    T(i)=T(n)*r^(n-i);
50
   end;
   % Plots der Schrittantworten
   if p==1
53
54
       TT=4*(tg);
       t=linspace(0,TT,2500);
56
       za=1;
57
       n1=conv([T(1) 1],[T(2) 1]);
58
       for k=3:n
           nen1=conv(n1,[T(k) 1]);
59
60
           n1=nen1;
61
       end;
62
       nens=n1;
63
       step(za,nens,'k'); grid on;
64
       hold on;
65
       %wendepkt(T);
66
       hold off;
67
   end;
```

### C.2 Umrechnung von reglerkonformer in bodekonforme Darstellung

### Input

$T_v$	Vorhaltezeit
$T_n$	Nachstellzeit
$T_p$	Periodendauer

 $K_r$  Verstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (PI, PID)

### Output

Array mit Nachstellzeit  $T_{nk}$ , Vorhaltezeit  $T_{vk}$  und Verstärkungsfak-

tor  $K_{rk}$  des Reglers

### **Algorithmus**

- 1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.
- 2. Falls ein nicht implementierter Reglertyp gewählt wird, wird ein Fehler zurückgegeben.
- 3. Berechnung der Reglerwerte gemäss Tabelle 5.

```
function [ t_nk, t_vk, k_rk ] = p2_bodekonf(t_n, t_v, t_p, k_r ,reglertyp )

if (reglertyp = 2) %PI-Regler
    t_nk=t_n;
    k_rk=k_r;
    t_vk=0;

elseif (reglertyp = 3) %PID-Regler
    epsilon=sqrt(1-(4*t_n*(t_v-t_p))/(t_n+t_p)^2;
    t_nk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
    k_rk=0.5*k_r(1+t_p/t_nk)*(1+epsilon);
    t_vk=0.5*(t_n+t_p)*(1+epsilon);
else
    error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
end;
```

### C.3 Umrechnung von bodekonformer in reglerkonforme Darstellung

### Input

$T_p$	Periodendauer
$T_{nk}$	Nachstellzeit
$T_{vk}$	Vorhaltezeit

 $K_{rk}$  Verstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (PI, PID)

### Output

Array mit Nachstellzeit  $T_n$ , Vorhaltezeit  $T_v$  und Verstärkungsfaktor

 $K_r$  des Reglers

### **Algorithmus**

1. Wählt je nach Reglertyp die Umrechnungsformel.

- 2. Falls ein nicht implementierter Reglertyp gewählt wird, wird ein Fehler zurückgegeben.
- 3. PI-Regler:  $T_n = T_{nk}$ ,  $K_k = K_{rk}$ ,  $T_v = 0$
- 4. Berechnung der Reglerwerte gemäss Tabelle 5.

### C.4 Übertragungsfunktion des Controllers (utfController())

#### Input

$T_p$	Verzugszeit
$T_{nk}$	Nachstellzeit
$T_{vk}$	Vorhaltezeit

 $K_{rk}$  Verstärkungsfaktor des Reglers

Reglertyp Reglertyp (PI, PID)

### Output

Array mit reellem Zähler und reellem Nenner

### **Algorithmus**

- 1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln, gibt Fehler zurück bei nicht implementiertem Regler.
- 2. PI-Regler: Zurückgabe der Koeffizienten des Zähler- und Nennerpolynoms in bodekonformer Darstellung gemäss Gleichung 36.
- 3. PID-Regler: Zurückgabe der Koeffizienten des Zähler- und Nennerpolynoms in bodekonformer Darstellung gemäss Gleichung 37.

```
function [ Zah_r, Nen_r ] = p2_UTFController(t_nk, t_vk, t_p, k_rk ,Reglertyp )

if (Reglertyp == 2) % PI Regler
    Zah_r = k_rk*[t_nk 1];
    Nen_r = [t_nk 0];

elseif (Reglertyp == 3) % PID-Regler
    Zah_r = k_rk * p2_xdiskConv([t_vk 1],[t_nk 1]);
    Nen_r = [t_nk 0];

else
    error('!!!! Nicht implementierter Reglertyp !!!!');
end;
```

### **C.5** Faustformel Oppelt

### Input

 $T_p$  Verzugszeit  $T_u$  Anstiegszeit

 $K_s$  Verstärkung der Strecke Reglertyp (PI, PID)

# Output

Array mit Proportionalitätsfaktor  $K_p$ , Nachstellzeit  $T_n$  und Vorhal-

tezeit  $T_v$ 

### **Algorithmus**

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$t_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 * T_u$$

# C.6 Faustformel Rosenberg

### Input

 $T_p$  Verzugszeit  $T_u$  Anstiegszeit

 $K_s$  Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (PI, PID)

### Output

Array mit Proportionalitätsfaktor  $K_p$ , Nachstellzeit  $T_n$  und Vorhal-

tezeit  $T_v$ 

### **Algorithmus**

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2.

3. Für PI:

$$K_p = \frac{0.91}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID:

$$Kp = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.45 \cdot T_u;$$

# C.7 Faustformel Ziegler

### Input

 $T_p$  Verzugszeit  $T_u$  Anstiegszeit

 $K_s$  Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (PI, PID)

### Output

Array mit Proportionalitätsfaktor  $K_p$ , Nachstellzeit  $T_n$  und Vorhal-

tezeit  $T_v$ 

### **Algorithmus**

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI:

$$K_p = \frac{0.9}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 3.33 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

3. Für PID:

$$K_p = \frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.5 \cdot T_u$$

### C.8 Faustformel Chien

### Input

 $T_p$  Verzugszeit  $T_u$  Anstiegszeit

 $K_s$  Verstärkung der Strecke Reglertyp Reglertyp (PI, PID) Überschwingen Flag für Überschwingeng

### Output

Array mit Proportionalitätsfaktor  $K_p$ , Nachstellzeit  $T_n$  und Vorhal-

tezeit  $T_v$ 

### **Algorithmus**

1. Wählt je nach Reglertyp die korrekten Formeln.

2. Für PI, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.35 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 1.2 \cdot T_u$$

$$T_n = 0$$

3. Für PI, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.7 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 3 \cdot T_u$$

$$T_v = 0$$

4. Für PID, ohne Überschwingen:

$$K_p = \frac{0.9 \cdot Tg}{Ks \cdot Tu}$$

$$T_n = 2.4 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 cdot T_u;$$

5. Für PID, 20% Überschwingen:

$$K_p = \frac{1.2 \cdot T_g}{K_s \cdot T_u}$$

$$T_n = 2 \cdot T_u$$

$$T_v = 0.42 \cdot T_u;$$

### C.9 Steigung einer Funktion

diskDiff() berechnet die Steigung einer Funktion (repräsentiert durch zwei Arrays) an einem bestimmten Array-Index.

#### Input

x-Array	Array mit x-Werten
y-Array	Array mit zugehörigen Funktionswerten
Index	Index, an dem die Steigung berechnet werden soll

### Output

Steigung an gesuchter Stelle

### **Algorithmus**

- 1. Prüfen, ob Index innerhalb des Arrays liegt.
- 2. Steigungsdreieck zwischen Element and Index und den unmittelbar daneben liegenden Array-Elementen bilden.
- 3. Durchschnitt der beiden Steigungsdreiecke ausrechnen.
- 4. Falls Steigung an erster Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit dem zweiten Element bilden und Steigung zurückgeben.
- 5. Falls Steigung an letzter Array-Stelle verlangt ist: Steigungsdreieck mit zweitletztem Array-Element bilden und Steigung zurückgeben.

### Java-Code

```
public static double diskDiff(double[] x, double[] y, int index) {
       if (index > 0 & index < x.length - 1) {
           double diff2 = (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
           double diff1 = (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
4
           double diff = (diff1 + diff2) / 2;
           return diff;
6
       } else if (index == 0)
          return (y[index + 1] - y[index]) / (x[index + 1] - x[index]);
       else if (index == x.length)
9
          return (y[index] - y[index - 1]) / (x[index] - x[index - 1]);
10
11
           return 0;
12
   }
13
```

#### **C.10** Inverse Fast Fourier Transform

schrittIfft() berechnet die Schrittantwort im Zeitbereich einer Übertragungsfunktion.

#### Input

Zähler	Zähler der Übertragungsfunktion
Nenner	Nenner der Übertragungsfunktion
$f_s$	Abstastfrequenz
n	Granulierung der Frequenzachse

### Output

Resultat Zweidimensionales Array mit Zeitachse und zugehörigen Funktionswerten

### **Algorithmus**

- 1. Array mit Frequenzachse generieren.
- 2. Frequenzgang der Übertragungsfunktion berechnen.
- 3. Impulsantwort im Frequenzbereich berechnen.
- 4. In den Zeitbereich zurücktransformieren.
- 5. Aus den Realteilen des Resultat-Arrays die Schrittantwort zusammensetzen (aufsummieren des Realteils des aktuellen Array-Elements mit den Realteilen aller vorhergehenden Array-Elementen).

#### Java-Code

```
public static double[][] schrittIfft(double[] zah, double[] nen, double fs, int n) {
       double T = 1 / fs; // Periode
3
       Complex[] H;
4
       // Frequenzachse berechnen
6
       double[] w = linspace(0.0, fs * Math.PI, n / 2); // Kreisfrequenz
       // Frequenzgang berechnen
9
10
       H = freqs(zah, nen, w);
11
       // Symmetrischen Vektor fuer Ifft erstellen:
       Complex[] tmp = new Complex[H.length];
13
       tmp = colonColon(H, (n / 2) - 1, -1, 1);
14
       for (int i = 0; i < tmp.length; i++) {</pre>
16
           tmp[i] = tmp[i].conjugate();
17
18
19
       Complex x = new Complex(0);
20
21
       H = concat(colonColon(H, 0, 1, (n / 2) - 1), new Complex[] { x }, tmp);
22
23
       // Impulsantwort berechen
       Complex[] h;// = new Complex[H.length];
24
       FastFourierTransformer f = new FastFourierTransformer(DftNormalization.STANDARD);
25
26
       h = f.transform(H, TransformType.INVERSE);
27
       // Realteil von h extrahieren.
28
29
       double[] hReal = new double[h.length];
30
       for (int i = 0; i < h.length; i++) {</pre>
31
```

```
hReal[i] = h[i].getReal();
32
33
34
        // Schrittantwort berechnen
35
        // double[] y = Calc.diskConvOnes(hReal, n);
36
37
        double[] y = new double[n];
        y[0] = hReal[0];
38
        for (int i = 1; i < y.length; i++) {</pre>
39
40
           y[i] = y[i - 1] + hReal[i];
41
42
43
        // Resultate ausschneiden. Halbiert die Laenge von y.
        double[] yShort = colonColon(y, 0, 1, (int) ((y.length / 2) - 1));
44
45
        // Zeitachse generieren:
46
        double[] t;
47
        t = linspace(0.0, (yShort.length - 1) * T, yShort.length);
48
49
        // Fuer Output zusammmensetzen:
50
        double[][] res = new double[2][yShort.length];
51
52
        for (int j = 0; j < res[0].length; j++) {</pre>
53
           res[0][j] = yShort[j];
54
55
56
        for (int i = 0; i < res[1].length; i++) {</pre>
           res[1][i] = t[i];
57
58
59
        return res;
   }
60
```

### C.11 Optimieren des Überschwingens

overShootOptimisation() optimiert das Überschwingverhalten des generierten Reglers.

#### Input

Keine Eingabewerte

#### Output

Keine Rückgabewerte

#### **Algorithmus**

- 1. Das Maximum in der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises finden.
- 2. Diesen Wert mit dem vom Benutzer gewünschten maximalen Überschwingen vergleichen.
- 3. Die Optimierung des Überschwingens erfolgt in zwei Stufen: Eine rasche, aber grobe, erste Stufe, und eine langsamere, aber feinere, zweite Stufe. Dies erlaubt, rasch in den gewünschten Wertebereich zu kommen, ohne dass dabei das Endergebnis an Genauigkeit verliert. In beiden Stufen ist das Konzept identisch:
  - (a) Falls zu starkes Überschwingen: Reglerverstärkung  $K_{rk}$  schrittweise reduzieren, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.
  - (b) Falls zu schwaches Überschwingen: Reglerverstärkung  $K_{rk}$  schrittweise erhöhen, bis gewünschtes Verhalten eingehalten wird.

#### Java-Code

```
private void overShootOptimization() {
       double max = yt[0][Calc.max(yt[0])];
       PhaseResponseMethod phaseResponseMethod = (PhaseResponseMethod) controller;
3
4
       double Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
       // Grobskalierung mit dem Faktor 1.15
6
       if (max - 0.1 > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
           while (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
9
             phaseResponseMethod.setKrk(Krk / 1.15);
11
               calculateStepResponse();
               \max = yt[0][Calc.max(yt[0])];
           }
       } else {
14
           while (max + 0.1 < controller.overShoot / 100.0 + 1.0 & Krk < 1000) {</pre>
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
               phaseResponseMethod.setKrk(Krk * 1.15);
               calculateStepResponse();
               max = yt[0][Calc.max(yt[0])];
19
20
           }
21
       // Feinskalierung mit dem Faktor 1.05
23
       if (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
24
           while (max > controller.overShoot / 100.0 + 1.0) {
25
26
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
27
               phaseResponseMethod.setKrk(Krk / 1.05);
               calculateStepResponse();
28
               max = yt[0][Calc.max(yt[0])];
29
           }
30
       } else {
31
           while (max < controller.overShoot / 100.0 + 1.0 & Krk < 1000) {</pre>
               Krk = phaseResponseMethod.getControllerValues()[PhaseResponseMethod.KrkPOS];
33
34
               phaseResponseMethod.setKrk(Krk * 1.05);
```



### **C.12** Berechnung von $T_{vk}$ und $T_{nk}$

calculateTnkTvk() bestimmt  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$ . Kern des Algorithmus ist die Automatisierung der Berechnung von  $\beta$  (siehe Anhang A für die manuelle Rechnung). Dazu wird auch die in Anhang C.9 beschriebene Methode diskDiff() benutzt.

#### Input

Keine Eingabewerte

### Output

Keine Rückgabewerte

#### **Algorithmus**

- 1. Bestimmen der Steigung der Strecke bei Frequenz  $\omega_{pid}$
- 2. Unteren Wert für  $\beta$  festlegen:  $10^{-12}$ . Wert muss gräser als null, aber sehr klein sein, damit der Rest des Algorithmus funktioniert.
- 3. Obere Grenze für  $\beta$  auf 1 legen.
- 4. Über 20 Iterationen folgende Arbeitsschritte ausführen:
  - (a) Aktuellen Testwert für  $\beta$  definieren:  $\beta_{oben} \beta_{unten} \cdot 0.5 + \beta_{unten}$ .
  - (b) Mit diesem Wert für  $\beta$  nun  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$  berechnen gemäss Gleichung 21.
  - (c)  $T_{nk}$  und  $T_{vk}$  in die Reglergleichung (siehe Gleichung 24) einsetzen. Man beachte, dass der Algorithmus nicht symbolisch rechnet, sondern mit Werte-Arrays für die Frequenzachse und Funktionswerte der Übertragungsfunktion.
  - (d) Steigung des Phasengangs des Reglers an der Stelle  $\omega_{pid}$  bestimmen, aufsummieren mit der Steigung der Strecke (bereits bekannt) zur Steigung des Phasengangs des offenen Regelkreises (siehe Gleichung 18).
  - (e) Falls die Steigung  $\varphi_o$  an der Stelle  $\omega_{pid}$  kleiner ist als  $-\frac{1}{2}$ , muss  $\beta$  vergrössert werden. In diesem Fall die untere Grenze  $\beta_{unten}$  auf den aktuellen Testwert  $\beta$  setzen.
  - (f) Falls die Steigung  $\varphi_o$  an der Stelle  $\omega_{pid}$  grösser ist als  $-\frac{1}{2}$ , muss  $\beta$  verkleinert werden. Daher neue Obergrenze  $\beta_{oben}$  auf den aktuellen Testwert  $\beta$  setzen.

#### Java-Code

21

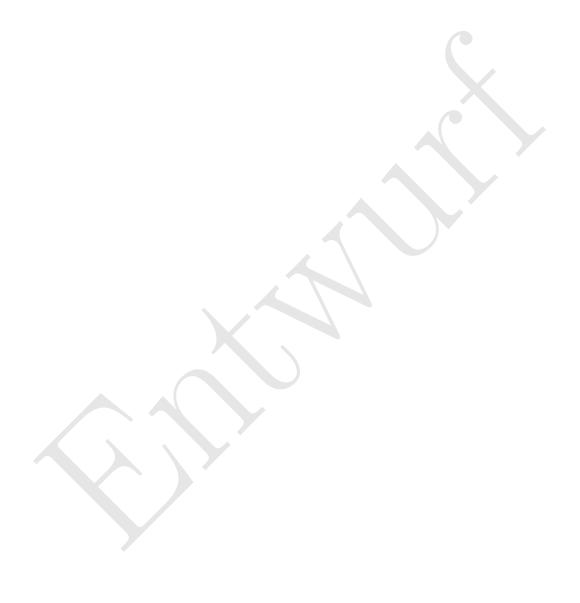
```
private void calculateTnkTvk() {
        double dPhiS = Calc.diskDiff(omega, phiS, omegaControllerIndex);
        double beta_u = Math.pow(10, -12);
3
        double beta_o = 1;
        double beta;
        double dPhiR.
6
        dPhi0;
        for (int iteration = 0; iteration < 20; iteration++) {</pre>
9
           beta = (beta_o - beta_u) / 2 + beta_u;
10
           Tvk = 1 / (omegaController / beta);
11
           Tnk = 1 / (omegaController * beta);
           for (int i = 0; i < pointNumber; i++) {</pre>
14
               Hr[i] = new Complex(1, omega[i] * Tnk).multiply(
                       new Complex(1, omega[i] * Tvk)).divide(
                       new Complex(0, omega[i] * Tnk));
17
               Ho[i] = Hs[i].multiply(Hr[i]);
18
19
20
           phiR = Calc.ComplexAngleUnwraped(Hr);
```

```
dPhiR = Calc.diskDiff(omega, phiR, omegaControllerIndex);
dPhiO = dPhiS + dPhiR;

if (dPhiO * omegaController < -0.5) {
    beta_u = beta;
} else {
    beta_o = beta;
}

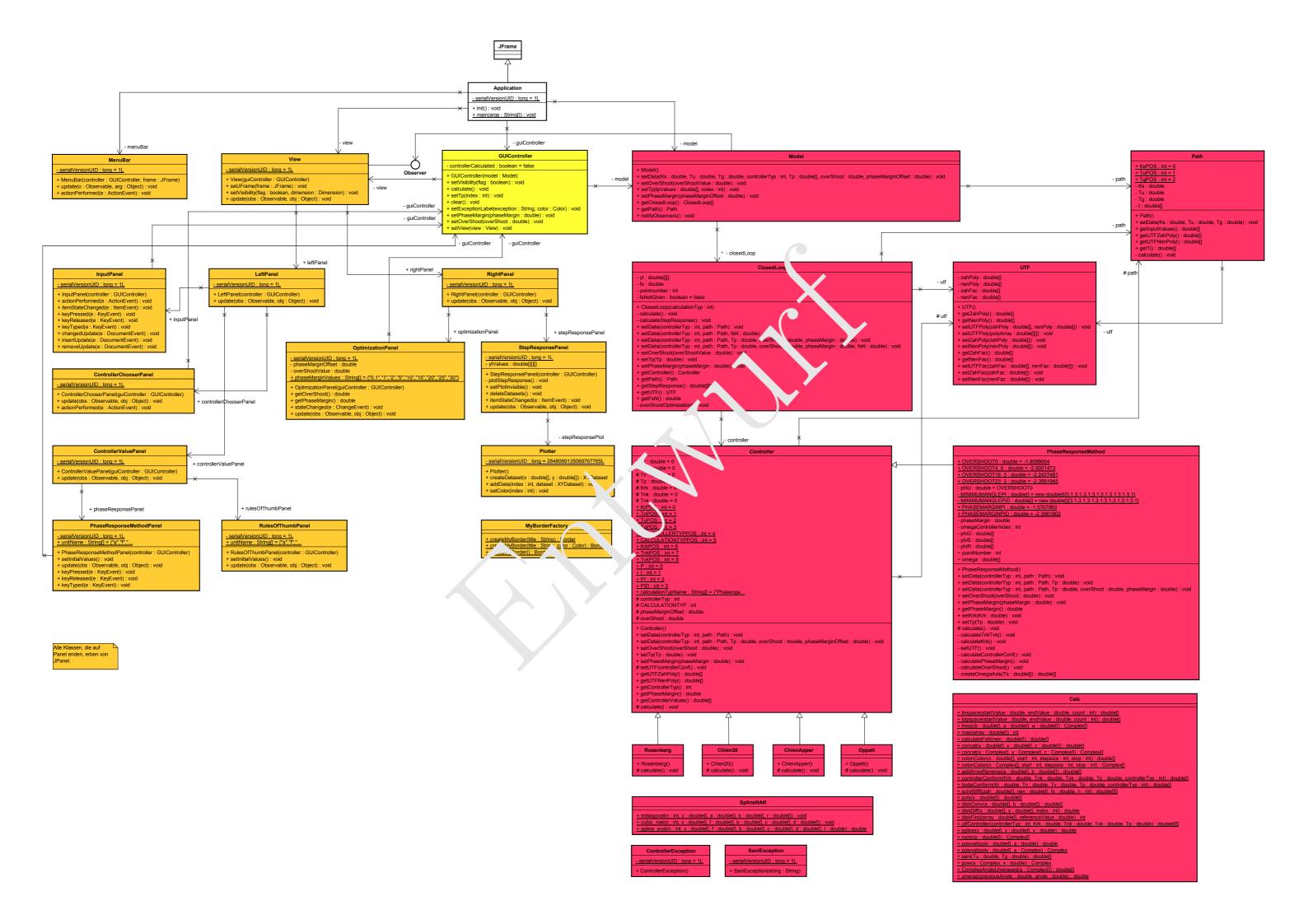
30  }

31 }
```



# D Klassendiagramm





LITERATUR 61

# Literatur

- [1] J. Zellweger, "Phasengang-Methode," Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [2] A. Rosengerger, B. Müller, M. Suter, F. Alber, und R. Frey, "Projekt 2: Pflichtenheft Fachlicher Teil," April 2015.
- [3] (2011, März) Reglereinstellung nach Chiens, Hrones, Reswick. [Online]. Verfügbar: http://mathematik.tsn.at/content/files1/CHR\_mit\_ohne\_Ausgleich1344.pdf [Stand: 23. März 2015].
- [4] (2015, März) Faustformelverfahren (Automatisierungstechnik). [Online]. Verfügbar: http://de.wikipedia.org/wiki/Faustformelverfahren\_(Automatisierungstechnik) [Stand: 23. März 2015].
- [5] (1999, Jan) Anpassung eines Reglers an eine Regelstrecke Einstellregeln. [Online]. Verfügbar: http://techni.chemie.uni-leipzig.de/reg/parcalchelp.html [Stand: 23. März 2015].
- [6] J. Zellweger, "Regelkreise und Regelungen," Vorlesungsskript.
- [7] W. Schumacher und W. Leonhard, "Grundlagen der Regelungstechnik," 2001, Vorlesungsskript.

