Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode

Fachbericht

23. Mai 2015

Studiengang | EIT

Modul | Projekt 2

Team 4

Auftraggeber | Peter Niklaus

Fachcoaches | Peter Niklaus, Richard Gut, Pascal Buchschacher, Anita Gertiser

Autoren | Anita Rosenberger, Benjamin Müller, Manuel Suter, Florian Alber, Raphael Frey

Version | Entwurf

Abstract

Im Gebiet der Regelungstechnik ist das Dimensionieren von Regler eine zentrale Aufgabe, da mit der korrekten Einstellung der Regler stabil und die Differenz zwischen Ist und Soll-Wert möglichst klein ist.

Die Phasengangmethode ist eine ursprünglich eine graphische Berechnungsart, welche anhand der Schrittantwort die Reglerwerte berechnet. Die Aufgabe der Implementierung dieser Methode in Java war die Hauptaufgabe.

Die Ziel dieses Projektes war, ein benutzerfreundliches Softwaretool, das heisst auch für ein ungeübter Regelungstechniker benutzen kann, zu entwickeln, welches anhand der Phasengangmethode die Dimensionierung eines PI und PID Reglers durchführt. Die Ausgabe des Tools soll anhand der Eingabe der Schrittantwortwerte die numerische wie auch die graphische Lösung ausgeben.

Die Phasengangmethode und die als Vergleich angewendete Faustformeln wurden in Matlab geschrieben und mit Referenzdaten getestet. Die Implementierung in Java war ein zweistufiger Prozess, in welchem zuerst die matlabtypischen Berechungsfunktionen ausprogrammiert und im zweiten Schritt die Regeldimensionierung implementiert wurden.

Das Softwaretool besitzt eine graphische Benutzeroberfläche, über welche auf der linken Seite die Werte der Schrittantwort eingelesen und die numerserischen Lösungen des Reglers ausgegeben und über die rechte Seite die graphischen Lösungen dargestellt werden.

Das Zentrale an der Lösung ist die Berechungungseschwindigkeit mit welcher das Tool arbeitet. Dies ermöglicht eine Echtzeit "Dimensionierung des Reglers. Das Neue an dieser Lösung ist das Einbinden der Phasengangmethode in ein Reglerdimensionierungstool.

Projekt P2 - Aufgabenstellung vom Auftraggeber (FS_2015)

Reglerdimensionierung mit Hilfe der Schrittantwort

1. Einleitung

In der Praxis werden die klassischen Regler (PI, PID, PD, ...) oft mit sog. Faustformeln dimensioniert. Dazu benötigt man bestimmte Informationen der zu regelnden Strecke. Handelt es sich dabei um "langsame Strecken" mit Zeitkonstanten im Bereich von Sekunden bis Minuten, so ist das Bestimmen und Ausmessen der Schrittantwort oft die einzige Möglichkeit zur Identifikation der Strecke. Typische Beispiele dafür sind Temperaturheizstrecken, welc. • meistens mit einem PTn-Verhalten modelliert werden können (Kaffeemaschine, Boiler, Raumhe ungen, Lötkolben, Warmluftfön, usw.).

Die Schrittanwort wird mit Hilfe einer Wendetangente vermessen und die Kenngroßen Streckenbeiwert (K_s), Verzugszeit (T_u) und Anstiegszeit (T_g) werden bestimmt. Nies kann so vohl von Hand (grafisch) oder auch automatisiert durchgeführt werden, frohs die Mendaten elektronisch vorliegen. Mit diesen drei Kenngrössen können mit Hilfe sog. Faus Normeln 1.1- und PID-Regler dimensioniert werden (Ziegler/Nichols, Chien/Hrones/Renwork, Oppen Rosenberg). Die Faustformeln liefern zwar sehr schnell die Reglerdaten, aben die Sch. Hantworten der entspr. Regelungen sind teilweise weit vom "Optimum" entfernt und der Regelkreis kann sogar instabil werden. In der Praxis muss man diese "Startwerte" häufig in Noptimieren, damit die Schrittantwort der Regelung die Anforderungen erfüllt.

Die sog. "Phasengangmethode zu. Reglerd. Persionierung" wurde von Jakob Zellweger (FHNW) entwickelt und liefert Regle Arten, welche näher am "Optimum" sind und für die Praxis direkt verwendet werden können. Dabei kann das Überschwingen der Schrittantwort vorgegeben werden (z.B. 20%, 10%, 2%, oder ageriodische Bei dieser Methode kann also das für viele Anwendungen wich ager Verhalm der Schrittantwort beeinflusst werden. Um die Phasengangmethode anwenden zu können, mund der Frequenzgang der Strecke bekannt sein (analytisch oder numerisch gemessen). Mit Hilfe der Problem gelös in dem vorgängig aus den Kenngrössen der Schrittantwort (K_s , T_u , T_g) eine PTn-aproximation der Strecke erzeugt wird. Mit dem Frequenzgang der PTn-Approximation können. Jann die Regler dimensioniert werden (I, PI, PID). Die Phasengangmethode war ursprünglich eine geläsche Methode, basierend auf dem Bodediagramm der Strecke. Aktuell soll die Methode direkt numerisch im Rechner durchgeführt werden.

In dieser Arbeit geht es um die Entwicklung und Realisierung eines Tools zur **Reglerdimensionierung mit der Phasengangmethode**. Ausgehend von der PTn-Schrittantwort der Strecke sollen "optimale Regler" (PI, PID-T1) dimensioniert werden, wobei das Überschwingen der Regelgrösse vorgegeben werden kann. Zum Vergleich sollen die Regler auch mit den üblichen Faustformeln dimensioniert werden. Wünschenswert wäre auch eine Simulation der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises, so dass die Dimensionierung kontrolliert und evtl. noch "verbessert" werden könnte.

2. Aufgaben/Anforderungen an Tool

Entwerfen und realisieren Sie ein benutzerfreundliches Tool/Programm/GUI/usw. mit welchem PI- und PID-Regler mit der Phasengangmethode dimensioniert werden können. Dabei sind folgende Anforderungen und Randbedingungen vorgegeben:

- Die zu regelnden Strecken sind PTn-Strecken, wobei entweder die Schrittantwort grafisch vorliegt oder die Kenngrössen K_s , T_u und T_g schon bekannt sind
- Die Bestimmung einer PTn-Approximation wird vom Auftraggeber zur Verfügung gestellt und muss entsprechend angepasst und eingebunden werden (Matlab zu Java)
- Das Überschwingen der Regelgrösse (Schrittantwort) soll gewähl werden können
- Zum Vergleich sind die Regler auch mit den üblichen Faustformeln 2. dimensionieren.
- Das dynamische Verhalten des geschlossenen Regelkreises soll auch berecated visualisiert werden (Schrittantwort)

3. Bemerkungen

Die Software und das GUI sind in enger Absprache mit dem Auftraggeb Azu entwickeln. Der Auftraggeber steht als Testbenutzer zu Verfügung und soll bei au Evaluation des GUI eingebunden werden. Alle verwendeten Formeln, Algoritht en und Berechnungen sind zu verifizieren, eine vorgängige oder parallele Programmierung in Machbist zu empfehlen. Zum Thema der Regelungstechnik und speziell zur Reglerdimen ionierung mit der Phasengangmethode werden Fachinputs durchgeführt (Fachcoach

Literatur

- [1] J. Z. dweger, Regelkreise und Pegelungen, Vorlesungsskript.
- [2] J. Zen ger, 'nazengang Methode, Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [3] H. Unbeh. 'n, Regelung technik I, Vieweg Teubner, 2008.
- [4] W. Schumach, W. Leonhard, *Grundlagen der Regelungstechnik*, Vorlesungsskript, TU Braunschweig, 2003.
- [5] B. Bate, *PID-Einstellregeln*, Projektbericht, FH Dortmund, 2009.

16.02.2015 Peter Niklaus

Inhaltsverzeichnis

1	Ein	leitung	7
2	Fac	hlicher Hintergrund	8
	2.1	Grundlagen	8
	2.2	Frequenzgang der Regelstrecke	8
	2.3	Reglerdimensionierung mittels Faustformeln	9
	2.4	Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PI-Regler	10
	2.5	Regler dimensionierung mittels Phasengang methode: PID-Regler	14
	2.6	Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises	20
3	Soft	tware	21
	3.1	View	21
	3.2	Controller	21
	3.3	Model	21
	3.4	Benutzungs-Beispiel (Use-Case)	22
4	Tes	ts	23
5	Sch	lussfolgerungen	24
$\mathbf{A}_{]}$	ppen	dix	26
\mathbf{Li}	terat	urverzeichnis	26

Versionsgeschichte

04.05.2015: Version 0.01 06.05.2015: Version 0.02



1 Einleitung

Im Rahmen des Projektes soll ein Tool entwickelt werden, welches einen PI- respektive einen PID-Regler mittels der von Prof. Jakob Zellweger entwickelten Phasengangmethode dimensioniert. Zum Vergleich soll der entsprechende Regler ebenfalls mittels verschiedenen Faustformeln berechnet werden.

referenz script Zellweger

Die Phasengangmethode ist eine graphische Methode, die bis anhin mit Stift und Papier durchgeführt wurde. Folglich ist die Ausführung zeitaufwändig, speziell wenn Schrittantworten mit unterschiedlichen Parameterwerten durchgespielt werden sollen. Das Tool soll ausgehend von drei Parametern aus der Schrittantwort der Strecke (Verstärkung K_s , Anstiegszeit T_g , Verzögerungszeit T_u) mittels der Phasengangmethode möglichst ideale Regelparameter berechnen sowie die Schrittantwort des darauf basierenden geschlossenen Regelkreises graphisch darstellen. Die Benutzeroberfläche der Software soll intuitiv sein, sodass sich auch mit dem Thema nicht eingehend vertraute Regelungstechniker einfach zurechtfinden.

Die erforderlichen Algorithmen wurden zuerst in Matlab als Prototypen implementiert und anschliessend vollständig in Javakonvertiert. Die graphische Benutzeroberfläche baut ganz auf Java. Um optimale Wartbarkeit, Übersichtlichkeit und Modularität des Codes zu gewährleisten, ist die Software gemäss Model-View-Controllern-Pattern aufgebaut.

mehr/ander Inhalt?

Nach der Implementierung in Matlab wurde klar, dass die Berechnung durch die hohe Rechenleistung sehr schnell durchgeführt werden kann und somit eine Dimensionierung des geschlossenen Regelkreises anhand dieser Methode von Herrn Zellweger möglich ist.

Der Bericht gliederte sich in zwei Teile: Der ersten Teil erläutert die theoretischen Grundlagen und darauf aufbauend stellt der zweite Teil der Aufbau der Software dar.

2 Fachlicher Hintergrund

Das Kernstück dieser Arbeit und des zugehörigen Softwaretools stellt die so genannte "Phasengang-Methode zur Reglerdimensionierung" von Jakob Zellweger dar [1]. Diese wurde ursprünglich als vereinfachte grafische Methode zur Approximation der -20dB/Dek Methode erarbeitet und im Rahmen dieses Projektes in einem Java-Tool automatisiert. Als Vergleich wertet die Software ebenfalls einige der gängigen Faustformeln aus.

Das Tool führt grob vereinfacht folgende Schritte aus:

- Bestimmung des Frequenzgangs der Regelstrecke aus Verzögerungszeit T_u , Anstiegszeit T_g und Verstärkung K_s (Abschnitt 2.2)
- Dimensionierung des Reglers mittels Faustformeln (Abschnitt 2.3)
- Dimensionierung des Reglers durch Phasengangmethode (Abschnitte 2.4 und 2.5)
- Umrechung der Regler-Darstellung zwischen bodekonformer und reglerkonformer Darstellung (Abschnitt ??)
- Berechnung der Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises (Abschnitt??)

Im folgenden Kapitel wird auf diese Punkte genauer eingegangen und das Vorgehen anhand eines konkreten Beispiels rechnerisch und grafisch erläutert. Die Durchrechnung der Phasengangmethode orientiert sich an den Rezepten, welche im fachlichen Teil des Pflichtenheftes dieses Projektes zu finden sind [2]. Genauere Hintergrundinformationen zur Phasengangmethode selbst sind dem Skript [1] zu entnehmen.

Das Überschwingverhalten des Regelkreises soll für dieses Projekt in drei Stufen berechnet werden. Verwendet wird dazu folgende Abstufung:

- wenig Überschwingen (ca. 0%)
- mittleres Überschwingen (ca. 16%)
- starkes Überschwingen (ca. 23%)

2.1 Grundlagen

2.2 Frequenzgang der Regelstrecke

Als Ausgangspunkt der Reglerdimensionierung dient die Schrittantwort der Strecke, aus welcher die Vertsärkung K_s der Strecke, die Verzögerungszeit T_u und die Anstiegszeit T_g abgelesen werden. Bei unserem Tool werden diese Werte als Eingabeparameter verwendet.

Wir werden in diesem Bericht folgende Strecke als Beispiel nehmen:

Der geschlossene Regelkreis soll schlussendlich maximal etwa 16.3% überschwingen.

Ausmessen der Schrittantwort ergibt:

- $K_s = 2 \, \mathrm{s}$
- $T_u = 1.1 \,\mathrm{s}$
- $T_q = 8.9 \,\mathrm{s}$

Da die Reglerdimensionierung vom Frequenzgang einer Strecke ausgeht und nicht von deren Schrittantwort, besteht der nächste Schritt nun darin, aus den obigen Werten den Frequenzgang der Strecke zu bestimmen. Dies erledigt die Methode p_sani¹, welche uns die Werte für die Übertragungsfunktion der Strecke liefert. In unserem Fall ergibt dies folgendes Polynom:

Ist diese
Einteilung
des Überschwingens
noch aktuell oder
wurde das
in der Auftragserweiterung
angepasst?

Abschnitt verfassen

Allenfalls Verweis auf Softwareteil für Erklärungen zu sani-

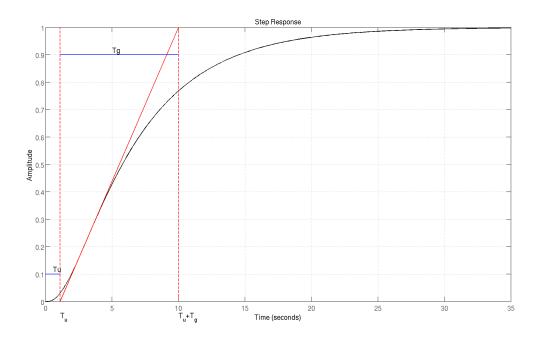


Abbildung 1: Schrittantwort der Beispielstrecke (schwarz), Wendetangende (rot), T_u und T_g (blau)

$$H_s(s) = K_s \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_1} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_2}$$

$$= 2 \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}$$
(1)

Mit einem geeigneten Tool kann man sich den dazugehörigen Plot erstellen lassen.

Somit ist der Frequenzgang der Strecke bekannt und man kann mit einer geeigneten Methode den Regler dimensionieren.

2.3 Reglerdimensionierung mittels Faustformeln

Im Praxiseinsatz stehen für die Dimensieung der Regler einfache Berechnungsformeln für die Einstellwerte der Regler anhand von T_u , T_g und K_s zur Verfügung. An dieser Stelle wird daher unsere Beispielstrecke zuerst mit einigen der gängigen Faustformeln dimensioniert, um das Ergebnis anschliessend mit dem Resultat der Phasengangmethode vergleichen zu können.

Faustformel	PI-Regler		PID-T1-Regler		
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	$1.2 \cdot T_g$	$\frac{0.35}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	T_g	$0.5 \cdot T_u$	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen)	T_g	$\frac{0.6}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$1.35 \cdot T_g$	$0.47 \cdot T_u$	$\frac{0.95}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

¹Die Methode p_sani wurde zu Beginn des Projektes in einer Matlab-Implementation zur Verfügung gestellt und anschliessend für unser Tool in Java übersetzt.

Faustformel	PI-Regle	er	PID-T1-I	Regler	
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Oppelt [5]	$3 \cdot T_u$	$\frac{0.8}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.42 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$
Rosenberg [5]	$3.3 \cdot T_u$	$\frac{0.91}{K_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$	$2 \cdot T_u$	$0.45 \cdot T_u$	$\frac{1.2}{T_s} \cdot \frac{T_g}{T_u}$

Tabelle 1: Faustformeln zur Reglerdimensionierung

Setzt man die Werte für K_s , T_u , T_g in diese Formeln ein, ergibt sich Folgendes:

Faustformel	PI-Regl	er	PID-T1	-Regler	
	T_n	K_p	T_n	T_v	K_p
Chiens, Hrones, Reswick (0% Überschwingen) [3], [4]	10.68 s	1.42	8.9 s	$0.55\mathrm{s}$	2.43
Chiens, Hrones, Reswick (20% Überschwingen) [3], [4]	$8.9\mathrm{s}$	2.43	$12.02\mathrm{s}$	$52\mathrm{s}$	3.84
Oppelt [5]	$3.3\mathrm{s}$	3.24	$2.2\mathrm{s}$	$0.46\mathrm{s}$	4.85
Rosenberg [5]	$3.63\mathrm{s}$	3.68	$2.2\mathrm{s}$	$0.50\mathrm{s}$	4.85

Tabelle 2: Reglerparameter bestimmt mit Faustformeln aus Tabelle 1

2.4 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PI-Regler

Es werden nun anhand der Phasengangmethode sowohl ein PI- wie auch ein PID-Regler für die in Abschnitt 2.2 ausgemessene Strecke dimensioniert (siehe nächster Abschnitt für PID-Regler).

Folgende Begriff werden dabei häufig verwendet und sind daher in Tabelle 3 übersichtlich zusammengefasst.

$H_s(j\omega)$	Übertragungsfunktion der Regel-
	strecke
$A_s(j\omega) = H_s(j\omega) $	Amplitudengang der Regelstrecke
$\varphi_s(j\omega) = arg(H_s(j\omega))$	Phasengang der Regelstrecke
$H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des Reglers
$A_r(j\omega) = H_r(j\omega) $	Amplitudengang des Reglers
$\varphi_r(j\omega) = arg(H_r(j\omega))$	Phasengang des Reglers
$H_o(j\omega) = H_s \cdot H_r(j\omega)$	Übertragungsfunktion des offenen
	Regelkreises
$A_o(j\omega) = H_o(j\omega) $	Amplitudengang des offenen Regel-
	kreises
$\varphi_o(j\omega) = arg(H_o(j\omega)) = \varphi_s(j\omega) + \varphi_r(j\omega)$	Phasengang des offenen Regelkrei-
	ses

$H_{rpid} = K_{rk} \left[\frac{(1+sT_{nk})(1+sT_{vk})}{sT_{nk}} \right]$	Übertragungsfunktion Reglers	des	PID-
$H_{rpi} = K_{rk} \left[1 + \frac{1}{sT_{nk}} \right]$	Übertragungsfunktion Reglers	des	PI-

Tabelle 3: Die wichtigsten Begriffsdefinitionen

Ziel

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} und T_{nk} in der Gleichung:

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right] \tag{2}$$

1 Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pi}

Zuerst wird im Phasengang der Strecke die Frequenz ω_{pi} bestimmt, für welche die Phase der Strecke -90° beträgt¹.

$$\varphi_s(\omega_{pi}) = -90^{\circ} \tag{3}$$

Wie man aus Abbildung 3 ablesen kann, liegt dieser Wert für ω_{pi} in unserem Beispiel bei ungefähr $0.3 \,\mathrm{s}^{-1}$. Die Kontrollrechnung mittels Matlab ergibt:

$$\omega_{pi} = 0.3039 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{4}$$

2 Bestimmung von T_{nk}

Damit kann nun T_{nk} direkt bestimmt werden²:

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{ni}} = \frac{1}{0.3039 \,\mathrm{s}^{-1}} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$
 (5)

3 Bestimmung der Durchtrittsfrequenz ω_d

Als Nächstes soll die Durchtrittsfrequenz ω_d bestimmt werden. Dazu wird der für T_{nk} erhaltene Wert in Gleichung 6 eingesetzt. Da K_{rk} noch unbekannt ist, wird vorerst $K_{rk} = 1$ gesetzt.

$$H_{rpi} = K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}} \right]$$
(6)

¹Der Winkel stellt keinen endgültigen Wert dar. Dieser wurde von Jakob Zellweger fixiert, um eine grafische Evaluation überhaupt zu ermöglichen. Durch Anpassung dieses Wertes kann je nach Regelstrecke das Regelverhalten weiter optimiert werden.

²Um die Akkumulation von Ungenauigkeiten zu minimieren werden bei diesen Berechnungen die genauen Werte aus Matlab verwendet und nicht die gerundeten Zwischenresultate, was zu Abweichungen zu den von Hand berechneten Ergebnissen führen kann.

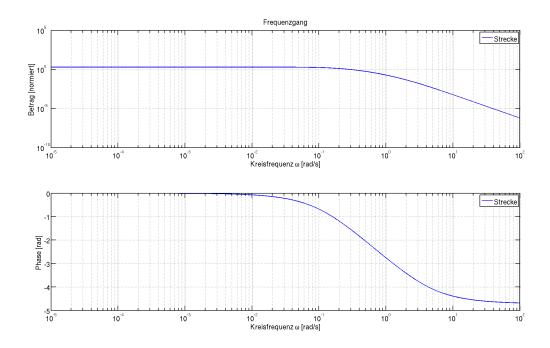


Abbildung 2: Frequenzgang der Strecke

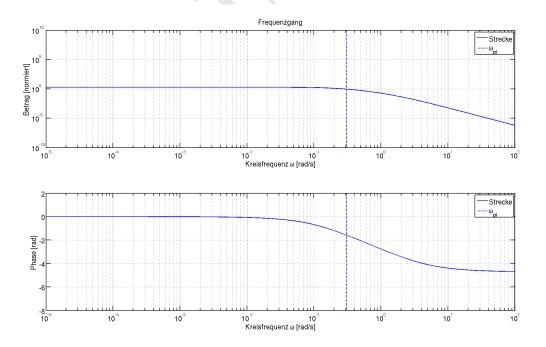


Abbildung 3: ω_{pi} eingetragen (vertikale gestrichelte Linie).

Daraus kann nun der Frequenzgang des offenen Regelkreises (Übertragungsfunktion H_o , Amplitudengang A_o , Phasengang φ_o) bestimmt werden.

$$H_{o}(s) = H_{rpi}(s) \cdot H_{s}(s)$$

$$= \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot T_{nk}}\right]\right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot T_{2}}\right)$$

$$= \left(1 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.2902 \,\mathrm{s}}\right]\right) \cdot 2 \cdot \left(\frac{1}{1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 1.4894 \,\mathrm{s}} \cdot \frac{1}{1 + s \cdot 5.3655 \,\mathrm{s}}\right)$$
(7)

Wobei der Amplitudengang den Betragsverlauf und der Phasengang den Verlauf des Arguments dieser Übertragungsfunktion repräsentieren:

$$A_o(j\omega) = |H_o(j\omega)|$$

$$\varphi_o(j\omega) = \arg(H_o(j\omega))$$
(8)

Von besonderem Interesse ist hier der Phasengang. Wie Anfangs spezifiziert, soll ein maximals Überschwingen von ca. 16.3% angestrebt werden. Dazu muss gemäss Tabelle 4 die Durchtrittsfrequenz ω_d gefunden werden, an welcher der offene Regelkreis eine Phase von -128.5° aufweist.

Überschwingen	0%	16.3%	23.3%
$arphi_s$	-103.7°	-128.5°	-135°

Tabelle 4: Werte für φ_s

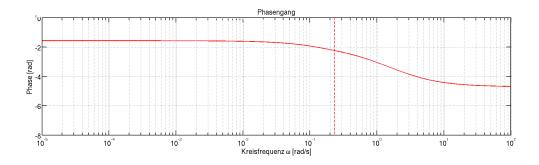


Abbildung 4: Phasengang $\varphi_o(j\omega)$ des offenen Regelkreises mit eingetragener Durchtrittsfrequenz ω_d (vertikale gestrichelte Linie). Wie man verifizieren kann, weist der offene Regelkreis unseres Beispiels bei dieser Kreisfrequenz eine Phase von -128.5° auf (etwa $-2.24\,\mathrm{rad}$).

Dies ergibt:

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{9}$$

4 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

In einem letzten Schritt wird nun die Durchtrittsfrequenz benutzt, um die benötigte Verstärkung K_{rk} des Reglers zu bestimmen. Dazu wird ω_d in Gleichung 7 eingesetzt und $|H_o(j\omega)| = 1$ gesetzt (Durchtrittsfrequenz: Frequenz, bei der die Amplitude $0 \, \mathrm{dB} = 1$ ist).

$$A_{o} = |H_{o}(j\omega_{d})|$$

$$= \left| \left(K_{rk} \cdot \left[1 + \frac{1}{j \cdot \omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right) \cdot K_{s} \cdot \left(\frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j \cdot \omega_{d} \cdot T_{2}} \right) \right| \quad (10)$$

$$= 1$$

Mit den Werten

$$K_s = 2$$

$$T_{nk} = 3.2902 \,\mathrm{s}$$

$$T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$$

$$T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$$

$$T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$$

$$\omega_d = 0.2329 \,\mathrm{rad} \,\mathrm{s}^{-1}$$
(11)

löst man Gleichung 10 nun nach K_{rk} auf und erhält:

$$K_{rk} = 0.517577 \tag{12}$$

5 Resultat

Somit ist der PI-Regler vollständig bestimmt und hat folgende Form:

$$H_{rpi} = 0.518 \cdot \left[1 + \frac{1}{s \cdot 3.29 \,\mathrm{s}} \right]$$
 (13)

Zum Vergleich das Bode-Diagramm mit allen relevanten Kurven und Werten:

2.5 Reglerdimensionierung mittels Phasengangmethode: PID-Regler

Ziel

Fix vertical line ω_d

Das Ziel ist die Bestimmung der Parameter K_{rk} , T_{nk} und T_{vk} in der Gleichung:

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right]$$
(14)

1 Bestimmung der Reglerfrequenz ω_{pid}

Analog zum PI-Regler wird zuerst im Phasengang der Strecke die Frequenz ω_{pid} bestimmt, für welche die Phase der Strecke einen bestimmten Wert aufweist, nur wird hier -135° benutzt:

$$\varphi_s(\omega_{pid}) = -135^{\circ} \tag{15}$$

In unserem Beispiel ergibt dies:

$$\omega_{pid} = 0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{16}$$

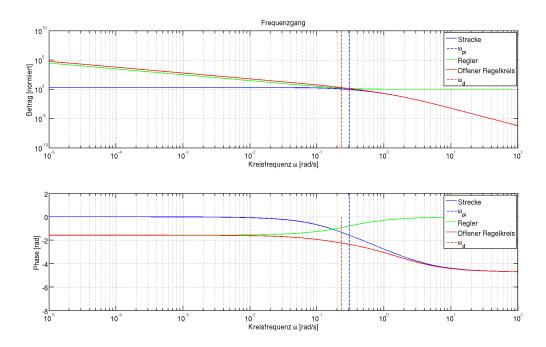


Abbildung 5: Frequenzgang des Reglers (grün), der Strecke (blau) und des offenen Regelkreises (rot).

2 Steigung des Phasengangs bei der Reglerfrequenz

Anschliessend wird die Steigung des Phasengangs φ_s der Strecke bei der Frequenz ω_{pid} bestimmt. Ausgangspunkt dafür ist die von p_sani bestimmte Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1).

$$\frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = \frac{d(arg(H_s(j\omega)))}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = -1.5124 \,\mathrm{s} \tag{17}$$

Einheit überprüfen

3 Hilfsparameter β

Zwischen den Steigungen der Phasen des offenen Regelkreises (φ_o) , der Strecke (φ_s) und des Reglers (φ_r) gilt folgende Beziehung:

$$\varphi_o = \varphi_s + \varphi_r \tag{18}$$

Da die Ableitung eine lineare Funktion ist, gilt somit auch:

korrekte Begriffe

$$\frac{d\varphi_o}{d\omega} = \frac{d\varphi_s}{d\omega} + \frac{d\varphi_r}{d\omega} \tag{19}$$

Diese Beziehungen können auch gut in Abbildung 6 von Hand überprüft werden.

Es soll nun gelten:

$$\left. \frac{d\varphi_o}{d\omega} \right|_{\omega = \omega_{pid}} = -\frac{1}{2} \tag{20}$$

Da $\frac{d\varphi_s}{d\omega}$ durch die Strecke gegeben und somit unveränderlich ist, kann lediglich der Wert von $\frac{d\varphi_r}{d\omega}$ angepasst werden, damit $\frac{d\varphi_o}{d\omega}$ Gleichung 20 erfüllt.

Dazu führt man den Hilfsparameter β ein, für den gilt:

$$\frac{1}{T_{vk}} = \frac{\omega_{pid}}{\beta}$$

$$\frac{1}{T_{nk}} = \omega_{pid} \cdot \beta$$

$$0 < \beta \le 1$$
(21)

Die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ sind also symmetrisch um den Faktor β grösser bzw. kleiner als die Frequenz ω_{pid} . Will man β von Hand bestimmen, trifft man zuerst eine "vernünftige" Annahme, zum Beispiel:

$$\beta = 0.5 \tag{22}$$

Mit diesem Startwert bestimmt man nun T_{nk} und T_{vk} . Die somit erhaltenen Werte setzt man in Gleichung 14 ein, zusammen mit dem Wert für ω_{pid} aus Gleichung 16:

$$T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = \frac{0.5}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.7447 \,\mathrm{s}$$

$$T_{nk} = \frac{1}{\omega_{pid} \cdot \beta} = \frac{1}{0.6714 \,\mathrm{s}^{-1} \cdot 0.5} = 2.9789 \,\mathrm{s}$$
(23)

Eingesetzt in die Reglergleichung, vorerst mit $K_{rk} = 1$:

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega \cdot T_{vk})}{j\omega \cdot T_{nk}} \right]$$

$$= 1 \cdot \left[\frac{(1 + j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + j\omega \cdot 0.7447 \,\mathrm{s})}{j\omega \cdot 2.9789 \,\mathrm{s}} \right]$$
(24)

Von dieser Gleichung bestimmt man nun den Phasengang und wertet danach dessen Ableitung an der Stelle $\omega = \omega_{pid}$ aus:

$$\varphi_s(j\omega) = arg(H_{rpid}(j\omega))$$

$$\frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} = 1.1920 \,\mathrm{s}$$
(25)

Setzt man dies in Gleichung 18 ein, erhält man:

 $\frac{d\varphi_o}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5} = \frac{d\varphi_s}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid}} + \frac{d\varphi_r}{d\omega}\Big|_{\omega=\omega_{pid},\beta=0.5}$ $= -1.5124 \,\mathrm{s} + 1.1920 \,\mathrm{s}$ $= -0.3204 \,\mathrm{s}$ $> -\frac{1}{2}$ (26)

Die zugehörige Rechnung ist lange und mühsam, allenfalls in

Anhang?

Ebenfalls:

Einheit kontrollie-

siehe Plot

Mit $\beta=0.5$ erhält man also eine zu hohe Steigung des offenen Regelkreises an der Stelle ω_{pid} , folglich muss β verkleinert werden. Diese Berechnungen werden nun mit jeweils neuen Werten für β solange wiederholt, bis die Steigung des offenen Regelkreises die gewünschte Nähe zu $-\frac{1}{2}$ aufweist.

Da die manuelle Iterierung dieses Prozesses enorm viel Zeit in Anspruch nimmt, bietet sich hier eine Automatisierung an. Die Berechnung mittels eines geeigneten Algorithmus in Matlab liefert schlussendlich folgendes Ergebnis:

 $\beta = 0.2776$ $T_{vk} = \frac{\beta}{\omega_{pid}} = 0.4134 \,\mathrm{s}$ $T_{nk} = \frac{1}{\omega_{nid} \cdot \beta} = 5.3656 \,\mathrm{s}$ (27)

Sollte man für β einen komplexen Wert erhalten, wird $\beta = 1$ gesetzt.

Wie kann dies egtl. passieren?

Allenfalls Matlab-Algo in

Anhang

und Verweis

4 Durchtrittsfrequenz ω_d

Diese Werte setzt man nun in Gleichung 14 ein. K_{rk} wird wie bei der Bestimmung von β vorerst noch auf 1 gesetzt.

$$H_{rpid} = K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot T_{nk}) \cdot (1 + s \cdot T_{vk})}{s \cdot T_{nk}} \right] = 1 \cdot \left[\frac{(1 + s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1 + s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(28)

Zur Bestimmung von K_{rk} wird nun der Frequenzgang des offenen Regelkreises betrachtet. Dazu multipliziert man wie gehabt die Übertragungsfunktion der Strecke (siehe Gleichung 1) mit der soeben bestimmten provisorischen Übertragungsfunktion des Reglers (Gleichung 28).

$$H_o(j\omega) = H_{rpid}(j\omega) \cdot H_s(j\omega)$$
 (29)

Nun wird die Durchtrittsfrequenz ω_d bestimmt, an welcher der offene Regelkreis eine Verstärkung von $0 \, dB = 1$ aufweisen soll. Wie auch beim PI-Regler werden wir hier ein Überschwingen von 16.3% anstreben, womit gemäss Tabelle 4gilt:

$$\varphi_s(\omega_d) = \varphi_s = -128.5^{\circ} \tag{30}$$

Dieser Wert wird analog zum PI-Regler aus dem Phasengang des offenen Regelkreises abgelesen. Eine Nachrechnung mittels Matlab ergibt:

siehe Plot

$$\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1} \tag{31}$$

5 Bestimmung der Reglerverstärkung K_{rk}

In einem letzten Schritt wird nun der Amplitudengang des offenen Regelkreises an der Stelle ω_d gleich 1 gesetzt und diese Gleichung nach K_{rk} aufgelöst:

$$A_{o}(j\omega_{d}) = |H_{o}(j\omega_{d})|$$

$$= |H_{rpid}(j\omega_{d}) \cdot H_{s}(j\omega_{d})|$$

$$= \left| K_{rk} \cdot \left[\frac{(1 + j\omega_{d} \cdot T_{nk}) \cdot (1 + j\omega_{d} \cdot T_{vk})}{j\omega_{d} \cdot T_{nk}} \right] \right|$$

$$\cdot \left| K_{s} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{1}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \cdot \frac{1}{1 + j\omega_{d} \cdot T_{2}} \right|$$

$$= 1$$
(32)

Mit den gegebenen und berechneten Werten:

$$K_s = 2$$
 $T_1 = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $T_2 = 1.4894 \,\mathrm{s}$
 $T_3 = 5.3655 \,\mathrm{s}$
 $T_{nk} = 5.3656 \,\mathrm{s}$
 $T_{vk} = 0.4134 \,\mathrm{s}$
 $\omega_d = 0.5341 \,\mathrm{s}^{-1}$
(33)

Dies liefert:

$$K_{rk} = 1.83084 \tag{34}$$

6 Resultat

Somit ist der Regler vollständig bestimmt und hat folgende Übertragungsfunktion:

$$H_{rpid}(s) = 1.83084 \cdot \left[\frac{(1+s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}) \cdot (1+s \cdot 0.4134 \,\mathrm{s})}{s \cdot 5.3656 \,\mathrm{s}} \right]$$
(35)

Die Frequenzgänge der Strecke, des Reglers und des offenen Regelkreises:

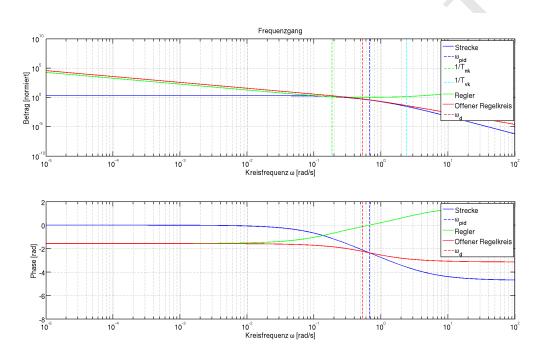


Abbildung 6: Frequenzgang der Strecke (blau), des Reglers (grün) und des offenen Regelkreises (rot). Ebenfalls eingetragen sind die Reglerfrequenz ω_{pid} , die beiden Frequenzen $\frac{1}{T_{vk}}$ und $\frac{1}{T_{nk}}$ sowie die Durchtrittsfrequenz ω_d .

2.6 Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises

Abschnitt muss noch verfasst werden.

link zu Bild geschloss-Regelk

Bild von geschlRegelkreis Die Aufgabe eines geschlossenen Regelkreisesist es, einen vorgegeben Sollwert zu erreichen und diesen auch bei Störungen aufrecht zu erhalten. Dabei sollen die unten genannten dynamischen Anforderungen eingehalten werden, damit die Stabilität des Regelsystems garaniert ist. Die wichtigste Bedingung für die Schrittantwort ein geschlossenen Regelkreis heisst, dass der Regelfehler, die Differenz zwischen Ist-und Sollwert, gleich Null oder möglichst klein ist.

- $\bullet \ y_soll$ bezeichnet den Sollwert der Regelgrösse.
- e Regelabweichung (Regelfehler)
- u Steuergrösse
- \bullet x Stellgrösse
- y Regelgrösse
- $\bullet \ z$ Störgrösse
- $y_i st$ ist der Ist-Wert der Regelgrösse und wird auch als die Schrittantwort des Regelkreis bezeichnet.

Bild Schrittantwort

Grundsätzlich können fünf Anforderungen für einen geschlossenen Regelkreis und deren Schrittantworten zusammengefasst werden:

- 1. Der Regelkreis muss stabil sein:
 - Das heisst für die Schrittantwort, dass nach dem Erreichen des eingeschwungenen Zustand kein erneutes Überschwingen stattfinden darf.
 - Für das Regelsystem heisst stabil, dass es in seinen Gleichgewichtszustand zurückgeführt werden kann.
- 2. Der Regelkreis muss genügend gedämpft sein:
 - Die Dämpfung der Schrittantwort soll so stark sein, dass der eingeschwungene Zustand möglichst rasch erreicht wird ohne dass das Überschwingen des Systems zu stark wird.
- 3. Der Regelkreis muss eine bestimmte stationäre Genauigkeit aufweisen: Das bedeutet, der Regelfehler e(t) soll für t-> oo gegen Null gehen. Für die Schrittantwort heisst das, dass die Schrittantwort gleich y_soll sein muss.
- 4. Der Regelkreis muss hinreichend schnell sein: Die Schnelligkeit des Einschwingvorganges der Schrittantwort ist stark von der Dämpfung abhängig. Ist die Dämpfung zu stark oder zu schwach, braucht der Einschwingvorgang mehr Zeit. Hierbei muss darauf geachtet werden, dass die spezifischen Anforderungen an das Regelsystem eingehalten werden.
- 5. Der Regelkreis muss robust sein: Der Regelkreis muss so ausgelegt werden, dass das Regelsystem auch im schlimmsten Fall (je nach Regelsystem situationsabhängig) in der Lage ist, das System zurück in den stabilen Zustand (siehe 1.) zu regeln.

3 Software

Zweck der Applikation ist die Dimensionierung eines Reglers ausgehend von einer Strecke und der zugehörigen Schrittantwort. Abschliessend werden die numerischen Parameter des dimensionierten Reglers ausgegeben sowie die Schrittantwort des geschlossenen Regelkreises grafisch dargestellt.

Verweis auf Klassendiagramm

Die Software ist im bekannten Model-View-Controller-Pattern aufgebaut. Die View ist verantwortlich für den Aufbau der Benutzeroberfläche sowie .

Erklärung geschlossener Regelkreis, kurz

Der Controller fungiert als Schnittstelle zwischen View und Model, kontrolliert Benutzereingaben und gibt diese an das Model weiter.

sonstige Aufgaben der View

Im *Model* werden sämtliche Berechnungen ausgeführt. Diese beinhalten die Bestimmung der gesuchten Regelparameter sowie die Aufbereitung der Daten, die zur grafischen Darstellung des geschlossenen Regelkreises notwendig sind.

3.1 View

Die *View* ist aus zwei übergeordneten Panels aufgebaut. Im linken Panel befinden sich Ein- und Ausgabefelder für numerische Werte, im rechten Panel werden die zugehörigen Plots dargestellt.

Im Bereich 1 werden die Parameter der vermessenen Strecke eingegeben. Darunter befinden sich die Schalftflächen zur Wahl zwischen der Dimensionierung eines PI- respektive eines PID-T1-Reglers.

Das Panel Reglerwerte dient hauptsächlich der Ausgabe der berechneten Reglerwerte mittels der verschiedenen Berechnungsmethoden. Ebenfalls kann für die Phasengangmethode die Zeitkonstante T_p spezifiziert werden.

Der obere Bereich des rechten Panels beinhaltet zwei Slider zur Eingabe des gewünschten Überschwingens respektive des Phasenrands.

Im unteren Bereich werden die Plots der mittels Faustformeln und Phasengangmethode errechneten Resultate ausgegeben. Zu jeder Faustformel wird die zugehörige Schrittantwort abgebildet. Die Resultate der Phasengangmethode werden durch drei Kurven dargestellt. Eine Kurve benutzt den Standardwert des Phasenrands gemäss Zellweger , die beiden anderen Kurven basieren auf Benutzereingaben für einen oberen und unteren Offset des Phasenrandes im Bereich von -45° bis $+45^{\circ}$.

3.2 Controller

Leserführung Controller. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

3.3 Model

Leserführung Model. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.

Image Gesamt-GUI

Image Panel Schrittantwort vermessen

Image Referenzen

Image Butttons PI-, PID-T1-Regler

Check: korrekter Begriff

Image Panel Phasengangmetho de

Image Panel rechts

Einfügen Wert, Referenz

GUIControl
Bezeichnung

3 SOFTWARE

3.4 Benutzungs-Beispiel (Use-Case)

Leserführung Use-Case. Ausschnitt Klassendiagramm, Verweis auf gesamtes Diagramm.



4 Tests



5 Schlussfolgerungen



Ehrlichkeitserklärung

Mit der Unterschrift bestätigt der Unterzeichnende (Projektleiterin), dass das Dokument selbst geschrieben worden ist und alle Quellen sauber und korrekt deklariert worden sind.

Anita Rosenberger:	
Ort, Datum:,	

26 LITERATUR

Literatur

- [1] J. Zellweger, "Phasengang-Methode," Kapitel aus Vorlesungsskript.
- [2] A. Rosengerger, B. Müller, M. Suter, F. Alber, und R. Frey, "Projekt 2: Pflichtenheft Fachlicher Teil," April 2015.
- [3] (2011, März) Reglereinstellung nach Chiens, Hrones, Reswick. [Online]. Verfügbar: http://mathematik.tsn.at/content/files1/CHR_mit_ohne_Ausgleich1344.pdf [Stand: 23. März 2015].
- [4] (2015, März) Faustformelverfahren (Automatisierungstechnik). [Online]. Verfügbar: http://de.wikipedia.org/wiki/Faustformelverfahren_(Automatisierungstechnik) [Stand: 23. März 2015].
- [5] (1999, Jan) Anpassung eines Reglers an eine Regelstrecke Einstellregeln. [Online]. Verfügbar: http://techni.chemie.uni-leipzig.de/reg/parcalchelp.html [Stand: 23. März 2015].