

Отчет по лабораторной работе № 20 по курсу «Практикум на ЭВМ»

Студент группы Алапанова Эльза Халилевна, № по списку 3

Контакты e-mail : alapanowa02@yandex.ru

Работа выполнена: «31» марта 2021г.

Преподаватель: каф. 806 Найденов Иван Евгеньевич

Отчет сдан « » _____ 20 ____ г.,

итоговая оценка _____

Подпись преподавателя _____

1. **Тема:** Издательская система TEX..
2. **Цель работы:** Сверстать в TEX страницы книг.
3. **Задание (вариант №):** Сверстать в TEX страницы 456-457 из учебника Л.Д.Кудрявцева «Курс математического анализа».

4. **Оборудование** (студенческое)

Процессор Intel® Core™ i5-10210 @ 1.60 GHz с ОП 8192 Мб, НМД 512 Уб. Монитор 1920 x 1080

5. **Программное обеспечение (студенческое):**

Операционная система семейства Ubuntu, наименование Ubuntu 20.04.2 LTS версия

интерпретатор команд _____ версия _____.

Система программирования _____ версия _____

Редактор текстов _____ версия _____

Утилиты операционной системы _____

Прикладные системы и программы Sublime Text

6. **Идея, метод, алгоритм** решения задачи (в формах: словесной, псевдокода, графической [блок-схема, диаграмма, рисунок, таблица] или формальные спецификации с пред- и постусловиями)

Изучить систему TEX по материалам лекций, данному заданию и книге С. Львовского, 3-е издание. Затем сверстать страницы с помощью системы MikTEX, либо онлайн с помощью <https://ru.overleaf.com>.

7. **Сценарий выполнения работы** [план работы, первоначальный текст программы в черновике (можно на отдельном листе) и тесты либо соображения по тестированию].

План работы:

1)Верстаем страницы.

2)Компилируем в PDF.

3)Загружаем на GitHub (<https://github.com/alpnva/MAI>)

Пробую каждую утилиту по-порядку как в 6-ом пункте.

Пункты 1-7 отчета составляются строго до начала лабораторной работы.

8. Распечатка протокола (подклеить листинг окончательного варианта программы с тестовыми примерами, подписанный преподавателем).

```
\documentclass[a4paper,12pt]{article}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[T2A]{fontenc}
\usepackage[english,russian]{babel}
\usepackage{amsmath,amsfonts,amssymb,amsthm,mathtools}
\usepackage{wasysym}
\setcounter{page}{456}
\setcounter{equation}{4}
\setcounter{section}{18}
\setcounter{subsection}{1}
\numberwithin{equation}{section}
\usepackage[left=3cm,right=3.5cm,top=4cm,bottom=4cm]{geometry}
```

```
\begin{document}
\fontsize{14}{16pt}\selectfont
```

заны в дальнейшем (см. замену переменного в интеграле, п.18.3).

\ Если f -- какая-либо первообразная функции f на промежутке Δ , то, согласно формуле (18.4), под знаком интеграла стоит дифференциал функции f :

```
\[ dF(x) = F'(x) dx = f(x) dx. ]
```

По определению будем считать, что этот дифференциал под знаком интеграла можно записывать в любом из указанных видов, т.е. согласно этому соглашению,

```
\begin{equation}
\int f(x) dx = \int F'(x) dx = \int dF(x).
\label{5}
\end{equation}
```

\subsection{Основные свойства интеграла}

Все рассматриваемые в этом пункте функции определены на некотором фиксированном промежутке Δ .

\ \$1^0\$. \emph{Если функция f дифференцируема на некотором промежутке, то на нем $\int dF' = F(x) + C$ или, что то же самое, $\int F' dx = F(x) + C$.}

\ Это сразу следует из определения неопределенного интеграла как совокупности всех дифференцируемых функций, дифференциал которых стоит под знаком интеграла.

\ \$2^0\$. \emph{Пусть функция f имеет первообразную на промежутке Δ , тогда для всех $x \in \Delta$ имеет место равенство}

```
\begin{equation}
d\int f(x) dx = f(x) dx.
\label{6}
\end{equation}
```

\ Отметим, что в этом равенстве под интегралом $\int f(x) dx$ понимается произвольная первообразная F функции f . Поэтому равенство (\ref{6}) можно записать в виде

```
\[ dF(x) = f(x) dx, ]
```

справедливость последнего равенства следует из того, что f -- первообразная f .

\ \$3^0\$. \emph{Если функции f_1 и f_2 имеют первообразные на промежутке Δ , то и функция $f_1 + f_2$ имеет первообразную на этом промежутке, причем}

```
\begin{equation}
\int (f_1(x) + f_2(x)) dx = \int f_1(x) dx + \int f_2(x) dx.
\label{7}
\end{equation}
```

\ Это равенство выражает собой совпадение двух множеств функций и означает, что сумма каких-либо первообразных для функций f_1 и f_2 является первообразной для функции $f_1 + f_2$ и, наоборот, всякая первообразная для функции $f_1 + f_2$ является суммой некоторых первообразных для функций f_1 и f_2 .

\ Свойство интеграла, выражаемое формулой (\ref{7}), называется \emph{аддитивностью интеграла} относительно функций.

\ \texttt{\Large Доказательство.} Пусть F_1 и F_2 -- первообразные соответственно функций f_1 и f_2 , т.е. в каждой точке $x \in \Delta$ выполняются равенства $F_1'(x) = f_1(x)$, $F_2'(x) = f_2(x)$.

Положим $F(x) = F_1(x) + F_2(x)$; тогда функция F является первообразной для функции $f_1 + f_2$, так как

```
\[ F'(x) = F_1'(x) + F_2'(x) = f_1(x) + f_2(x), x \in \Delta ]
```

\ Следовательно, интеграл $\int (f_1(x) + f_2(x)) dx$ состоит из функций $F(x) +$

$C = F_1(x) + F_2(x) + C$, а сумма интегралов $\int f_1(x) dx + \int f_2(x) dx = F_1(x) + C_1 + F_2(x) + C_2$. Поскольку C , C_1 и C_2 -- произвольные постоянные, оба эти множества, т.е. левая и правая части равенства (ref{7}), совпадают. \square

$\$4^0\$$. **Если функция f имеет первообразную на промежутке Δ и κ -- число, то функция κf также имеет на Δ первообразную, причем при $\kappa \neq 0$ справедливо равенство**

$$\int \kappa f(x) dx = \kappa \int f(x) dx.$$

Это равенство, также как равенство (ref{8}), является равенством множеств.

Доказательство. Пусть F -- первообразная функции f , т.е. $F'(x) = f(x)$, $x \in \Delta$. Тогда функция κF является первообразной функции κf на промежутке Δ при любом $\kappa \in \mathbb{R}$, так как $(\kappa F(x))' = \kappa F'(x) = \kappa f(x)$, $x \in \Delta$. Поэтому интеграл $\int \kappa f(x) dx$ состоит из всевозможных функций вида $\kappa F + C$, а интеграл $\int \kappa f(x) dx$ -- из всевозможных функций $\kappa (F + C) = \kappa F + \kappa C$. В силу произвольности постоянной C , при условии $\kappa \neq 0$, обе совокупности функций совпадают. Это и означает справедливость равенства (ref{8}). \square

9. **Дневник отладки** должен содержать дату и время сеансов отладки и основные события (ошибки в сценарии и программе, нестандартные ситуации) и краткие комментарии к ним. В дневнике отладки приводятся сведения об использовании других ЭВМ, существенном участии преподавателя и других лиц в написании и отладке программы.

№	Лаб. или дом.	Дата	Время	Событие	Действие по исправлению	Примечание
1						
2						

10. **Замечания автора** по существу работы : замечаний нет.
11. **Выводы :** Понравилось верстать в данной издательской системе. Очень даже упрощает жизнь при создании книги, с кучей формул, нумерации которых потом можно не запоминать. Многое выполняется автоматически. Данный опят будет очень полезен в будущем, особенно, кажется, на учебной практике.
- Недочёты при выполнении задания могут быть устранены следующим образом: _____

Подпись студента _____