

Задача А. Пересечение отрезков

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 5 секунд
Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дано n пар отрезков на плоскости.

Про каждую пару отрезков необходимо определить, имеют ли они хотя бы одну общую точку.

Эту задачу можно сдавать только на C++. Для сдачи используйте язык «Makefile from zip». В тестирующую систему нужно послать zip архив, содержащий ваше решение. Также, в корне архива должен лежать Makefile с двумя целями: **all** — компилирует решение, **run** — запускает решение. На компилирующем сервере доступны библиотека GMP и какое-то подмножество библиотеки boost. По пути `/usr/include` лежит boost, файл `gmplib.h` и файл `seg_intersection_tests.h`, который вам нужно подключить. А по пути `/usr/lib/x86_64-linux-gnu` — библиотека GMP.

В тестирующей системе на вкладке «Файлы» выложен пример решения, подключающего все библиотеки.

Формат входных данных

В единственной строке дано одно целое число t — номер теста.

В файле `seg_intersection_tests.h` есть функция `genTest(int)`. Эта функция принимает в качестве параметра число t и возвращает `std::vector<double>` размера $8 \cdot n$ ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^6$).

Данный вектор описывает n тестов, по 8 подряд идущих чисел на каждый тест.

Каждый тест описывается 8 числами $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7, a_8$.

Необходимо определить, пересекается ли отрезок с концами в точках (a_1, a_2) и (a_3, a_4) с отрезком с концами в точках (a_5, a_6) и (a_7, a_8) .

Формат выходных данных

Выведите строку из n символов, по одному на каждый тест. Если в i -м тесте отрезки пересекаются, i -й символ должен быть равен «Y», иначе «N».

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
1	YYN

Замечание

Пример `seg_intersection_tests.h` с первым тестом: <http://pastebin.com/ajQpDDHP>

Задача В. 16

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны 4 точки A , B , C , D .

Посчитайте:

- Расстояние от точки A до точки C .
- Расстояние от точки A до отрезка CD .
- Расстояние от точки A до луча CD .
- Расстояние от точки A до прямой CD .
- Расстояние от отрезка AB до точки C .
- Расстояние от отрезка AB до отрезка CD .
- Расстояние от отрезка AB до луча CD .
- Расстояние от отрезка AB до прямой CD .
- Расстояние от луча AB до точки C .
- Расстояние от луча AB до отрезка CD .
- Расстояние от луча AB до луча CD .
- Расстояние от луча AB до прямой CD .
- Расстояние от прямой AB до точки C .
- Расстояние от прямой AB до отрезка CD .
- Расстояние от прямой AB до луча CD .
- Расстояние от прямой AB до прямой CD .

Формат входных данных

Даны координаты четырех точек, по одной точке в строке: $x_A, y_A, x_B, y_B, x_C, y_C, x_D, y_D$. Все числа целые, по модулю не превосходят 10 000. Точки A и B не совпадают, точки C и D не совпадают.

Формат выходных данных

Выведите 16 чисел по одному в строке.

Абсолютная или относительная погрешность каждого числа не должна превышать 10^{-9} .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
1 2	5.6568542495
7 1	5.6000000000
5 6	5.6000000000
8 2	5.6000000000
	4.6031716446
	1.4142135624
	1.4000000000
	1.4000000000
	4.6031716446
	1.1507929111
	0.0000000000
	0.0000000000
	4.6031716446
	1.1507929111
	0.0000000000
	0.0000000000

Задача С. Место встречи изменить нельзя

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны N точек. Найдите такие две из них, что расстояние между ними минимально.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число N ($2 \leq N \leq 100\,000$) — количество точек. Каждая из следующих N строк содержит пару целых чисел X и Y , разделённых пробелом, — координаты ($-10^9 \leq X, Y \leq 10^9$). Все точки различны.

Формат выходных данных

Единственная строка выходного файла должна содержать координаты двух выбранных точек.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	0 0
0 0	0 1
0 1	
1 1	
1 0	

Задача D. Теодор Рузвель

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

«Теодор Рузвельт» — флагман военно-морского флота Кукуляндии. Заклятые враги кукуляндцев, флатландцы, решили уничтожить его. Они узнали, что «Теодор Рузвельт» представляет собой выпуклый многоугольник из n вершин и узнали его координаты. Затем они выпустили m баллистических ракет и определили координаты точек, где эти ракеты взорвались. По расчётам штаба флатландцев, «Теодор Рузвельт» будет уничтожен, если в него попадёт хотя бы k ракет. Вычислите, удалось ли флатландцам уничтожить корабль.

Формат входных данных

В первой строке через пробел записаны целые числа n, m, k ($3 \leq n \leq 10^5, 0 \leq k \leq m \leq 10^5$). В последующих n строках записаны координаты вершин многоугольника в порядке обхода против часовой стрелки. В следующих m строках записаны координаты точек. Гарантируется, что все координаты — целые числа, не превосходящие по модулю 10^9 .

Формат выходных данных

Выведите «YES», если в многоугольнике или на его границе лежит по крайней мере k точек, и «NO» в противном случае.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 4 2 1 -1 1 2 0 4 -1 2 -1 -1 -2 -1 1 -1 0 1 2 3	YES

Задача Е. Точка в многоугольнике

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Формат входных данных

В первой строке три числа — N ($3 \leq N \leq 100\,000$) и координаты точки. Далее в N строках по паре чисел — координаты очередной вершины простого многоугольника в порядке обхода по или против часовой стрелки.

Формат выходных данных

Одна строка «YES», если заданная точка содержится в приведённом многоугольнике или на его границе, и «NO» в противном случае.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 0 1 0 0 1 1 1	NO

Задача F. Выпуклая оболочка

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дано N точек на плоскости.

Нужно построить их выпуклую оболочку.

Гарантируется, что выпуклая оболочка не вырождена.

Формат входных данных

На первой строке число N ($3 \leq N \leq 10^5$). Следующие N строк содержат пары целых чисел x и y ($-10^9 \leq x, y \leq 10^9$) — точки.

Будьте аккуратны! Точки произвольны. Бывают совпадающие, бывают лежащие на одной прямой в большом количестве.

Формат выходных данных

В первой строке выведите N число вершин выпуклой оболочки. Следующие N строк должны содержать координаты вершин в порядке обхода. Никакие три подряд идущие точки не должны лежать на одной прямой. Кроме того, в последней строке выведите площадь получившейся выпуклой оболочки. Площадь необходимо вывести абсолютно точно.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5	4
0 0	0 0
2 0	0 2
0 2	2 2
1 1	2 0
2 2	4.0

Задача G. Расстояние между многоугольниками

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Нужно найти минимальное расстояние между двумя выпуклыми непересекающимися многоугольниками. То есть минимум среди расстояний между всеми парами точек, одна из которых принадлежит первому многоугольнику, а другая второму.

Формат входных данных

Первый многоугольник задается числом вершин — n ($1 \leq n \leq 50\,000$). И координатами n вершин. Вершины даны в порядке обхода по часовой стрелке. Координаты целые и не превосходят 10^9 по модулю.

Далее описывается второй многоугольник в аналогичном формате.

В обоих многоугольниках никакие три точки не лежат на одной прямой.

Формат выходных данных

Выведите одно вещественное число — расстояние между многоугольниками. Выводите ответ с максимально возможной точностью. Ваше решение будет считаться верным, если относительная или абсолютная погрешность ответа не превосходит 10^{-9} .

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 0 0 0 1 1 1 1 0 3 2 0 2 2 4 0	1.0000000000000000
3 0 0 2 2 2 -2 3 6 2 6 -2 4 0	2.0000000000000000

Задача Н. Не курить!

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Вася — хороший парень. Но у него есть плохая привычка — он курит. Все то время, сколько Петя дружит с Васей, он пытается отучить его от этого. Но ему это так и не удалось, потому что Вася не хочет бросать курить.

Недавно Петя придумал способ, как отучить своего друга от курения. Вася — неряха, поэтому его сигареты не лежат в пачке, а разбросаны по огромному столу. Петя хочет брать несколько сигарет в день незаметно для Васи. Вася не заметит пропажи сигарет, если в день будет пропадать не более одной сигареты. Кроме того, Петя должен брать только ту сигарету, которая пересекается с какой-нибудь другой сигаретой на столе. Помогите Пете узнать, сможет ли он начать реализацию своего плана.

Формат входных данных

Сигарета представляется как отрезок прямой. В первой строке входного файла записано число N ($1 \leq N \leq 125\,000$) — количество сигарет на Васином столе. Следующие N строк содержат описания сигарет: $(i + 1)$ -я строка содержит координаты концов i -й сигареты — целые числа x_1, y_1, x_2, y_2 ($-10\,000 \leq x_1, y_1, x_2, y_2 \leq 10\,000$). Отрезок может быть вырожденным, то есть его концы могут совпадать.

Формат выходных данных

В первой строке выходного файла выведите слово “YES”, если Пете удастся начать реализацию своего плана. Вторая строка должна содержать числа i и j : i — номер сигареты, которую должен взять Петя, j — номер сигареты, с которой она пересекается.

Если Петя не сможет взять ни одной сигареты, выведите в единственной строке выходного файла “NO”.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2 0 0 2 2 0 2 2 0	YES 2 1

Задача I. Триангуляция многоугольника

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан простой невырожденный, возможно невыпуклый, возможно с развернутыми углами, N -угольник. Вам нужно найти его триангуляцию.

Формат входных данных

В первой строке число N ($3 \leq N \leq 4000$) — количество вершин. Далее N строк, содержащие пары целых чисел, — координаты вершин многоугольника. Все координаты целые, по модулю не превосходят 10^4 .

Формат выходных данных

Выведите $N - 3$ диагонали. Каждая задается парой чисел от 0 до $N - 1$ — номера вершин.

Отрезок (i, j) считается диагональю, если вся его внутренность лежит строго внутри многоугольника.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 0 0 1 0 1 1	
4 0 0 1 0 1 1 0 1	3 1

Задача J. Площади

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны n прямых на плоскости. Они делят плоскость на части, некоторые из которых конечны, некоторые — бесконечны. Найдите площади всех конечных частей.

Формат входных данных

Первая строка содержит n — число прямых ($1 \leq n \leq 80$). Каждая из следующих n строк содержит четыре целых числа x_1, y_1, x_2 и y_2 — координаты двух различных точек на очередной прямой. Координаты не превышают 100 по абсолютной величине. Прямые попарно различны.

Формат выходных данных

В первой строке выведите k — число конечных частей. В следующих k строках выведите их площади в неубывающем порядке. Точность должна быть не хуже 10^{-4} . Не рассматривайте части, имеющие площадь меньше 10^{-8} .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
5 0 0 1 0 1 0 1 1 1 1 0 1 0 1 0 0 0 0 1 1	2 0.5000000000 0.5000000000

Задача К. Диаметр точек

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

На плоскости даны N точек. Вам требуется найти расстояние между двумя самыми удаленными точками.

Формат входных данных

Первая строка содержит количество точек N , ($1 \leq N \leq 10^5$). Каждая из последующих N строк содержит два целых числа — координаты x_i и y_i . Координаты по модулю не превосходят 10^9 .

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл расстояние между двумя наиболее удалёнными точками с максимально возможной точностью.

Ваш ответ будет считаться правильным, если его абсолютная погрешность не будет превышать 10^{-9} . Обратите внимание, что проверяется только абсолютная погрешность (а не относительная). Поэтому, вам нужно позаботиться о том, чтобы первые 9 цифр после запятой всегда были правильными.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 0 0 2 2 1 1 0 2 2 0	2.828427124746190
7 0 0 1 1 2 2 0 2 1 3 0 1 2 0	3.162277660168379