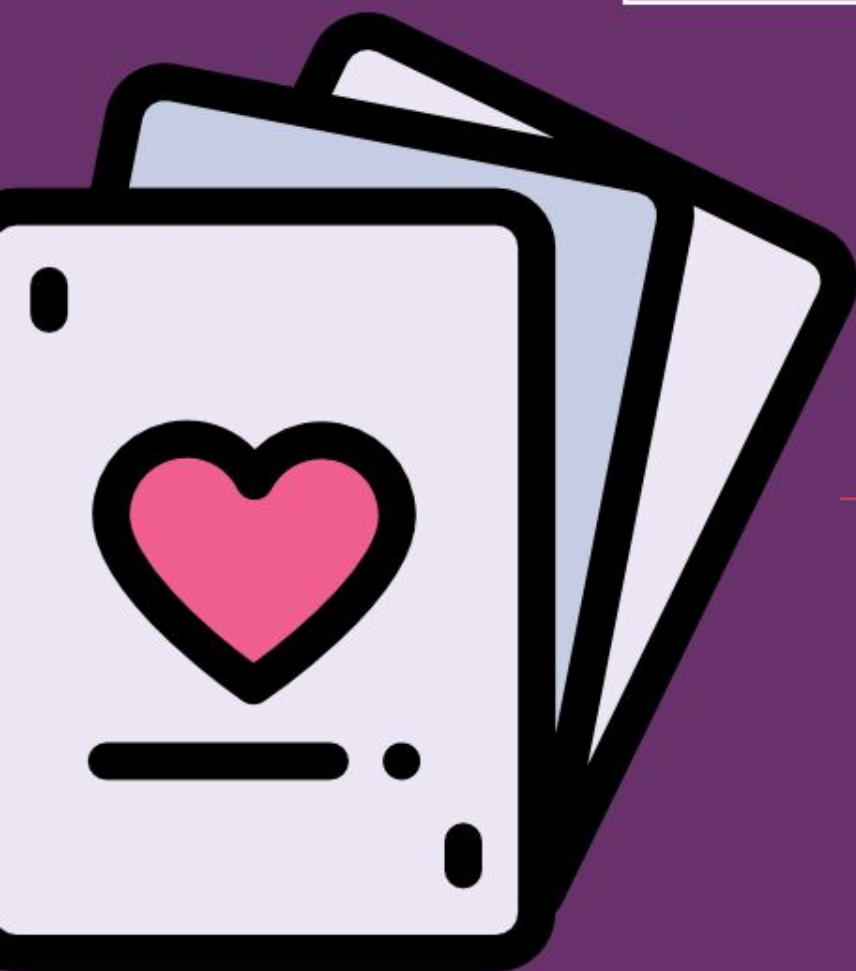


E S T A T Í S T I C A



PROVA II

MEDIDAS • TESTE DE HIPÓTESE
INTERVALO DE CONFIANÇA



MEDIDAS

média:
$$\frac{(X_1 + \dots + X_n)}{n}$$

sendo n o
tamanho da amostra

\bar{x} : média amostral

μ : média populacional

moda: é o valor que
ocorre com mais frequência

variância: é o quadrado
do desvio padrão

mediana: para valores ordenados
se n é ímpar: valor central

se n é par: média simples
entre os valores centrais

desvio padrão:

s : d.p. da amostra

σ : d.p. da população

$$\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \text{média})^2}{y}}$$

sendo y : n para população
 $n - 1$ para amostra



NORMAL

VS

T-STUDENT



- É conhecido o desvio padrão ou a variância populacional
- Não utiliza grau de liberdade para olhar em sua tabela
- Não é conhecido o desvio padrão ou a variância populacional calculando a amostral
- Utiliza grau de liberdade para olhar em sua tabela ou seja, $n-1$

Quanto maior o grau de liberdade, mais semelhante a t-student fica da normal

INTERVALO DE CONFIANÇA

É um tipo de estimativa por intervalo de um **parâmetro populacional desconhecido**. Quando se tem 99% de confiança de que o valor real do parâmetro está no intervalo de confiança, significa que 99% dos intervalos de confiança construídos de diferentes amostras aleatórias têm o valor real do parâmetro. No nosso caso, aprendemos a fazer para média.

Um intervalo de confiança de 95% **não significa** que para um dado intervalo calculado a partir de dados da amostra há a probabilidade de 95% do parâmetro da população estar dentro do intervalo. **A probabilidade de 95% está relacionada à confiabilidade do procedimento de estimativa**, não a um intervalo específico calculado.

INTERVALO DE CONFIANÇA

μ : média populacional

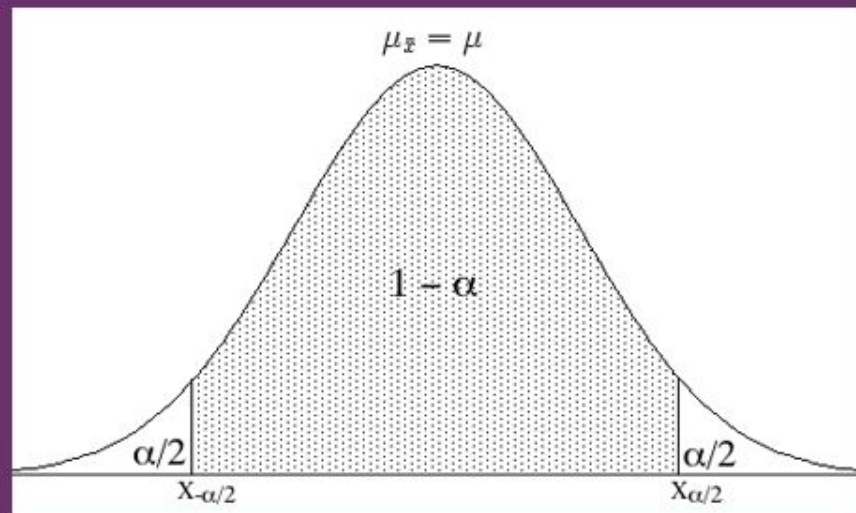
\bar{x} : média amostral

α : nível de significância

$(1 - \alpha)$: nível de confiança

σ : desvio padrão populacional

s : desvio padrão amostral



NORMAL

$$\bar{X} \pm Z_{\alpha/2} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

T-STUDENT

$$\bar{X} \pm t_{\alpha/2} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

TESTE DE HIPÓTESE

Teste de hipóteses é um procedimento estatístico que permite tomar uma decisão entre **aceitar ou rejeitar a hipótese nula entre duas ou mais hipóteses** (hipótese nula ou hipótese alternativa), utilizando os dados observados de um determinado experimento.

Os testes de hipóteses são utilizados para determinar quais resultados de um estudo científico podem levar à **rejeição da hipótese nula** a um nível de significância pré-estabelecido.

HIPÓTESE NULA

H_0

HIPÓTESE ALTERNATIVA

H_a

TESTE DE HIPÓTESE

- **Hipótese nula:** é a hipótese assumida como verdadeira para a construção do teste. É a teoria, o efeito ou a alternativa que se está interessado em testar.
- **Hipótese alternativa:** é considerada quando a hipótese nula não tem evidência estatística.
- **Erro do tipo I:** é a probabilidade de se rejeitar a hipótese nula quando ela é verdadeira.
- **Erro do tipo II:** é a probabilidade de se rejeitar a hipótese alternativa quando ela é verdadeira.

TESTE DE HIPÓTESE

- **Bilateral:** Para H_0 envolvendo $=$ e $H_a \neq$
- **Unilateral à direita:** Para H_a envolvendo $>$
- **Unilateral à esquerda:** Para H_a envolvendo $<$
- O sinal de $=$ sempre fica na H_0 , seja na forma $=$, \leq ou \geq
- Se ao calcularmos o Z ou t e eles caírem na região crítica, rejeitamos H_0 (não diga que aceita H_a , apenas que rejeitamos H_0)

TESTE DE HIPÓTESE

- Se for teste com duas médias, basta fazer o que se pede na questão. Se por exemplo, ele quer fazer o teste se a média A e a média B são iguais, fazemos:

$$H_0: A - B = 0$$

$$H_a: A - B \neq 0$$

- Se fosse o caso de provar que a média A é maior que a média B, faríamos:

$$H_0: A - B \leq 0 \text{ (B seria maior que A)}$$

$$H_a: A - B > 0 \text{ (A seria maior que B)}$$

TESTE DE HIPÓTESE

SIMPLES

NORMAL

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}$$

T-STUDENT

$$t = \frac{\bar{X} - \mu}{s/\sqrt{n}}$$

**DUAS
MÉDIAS**

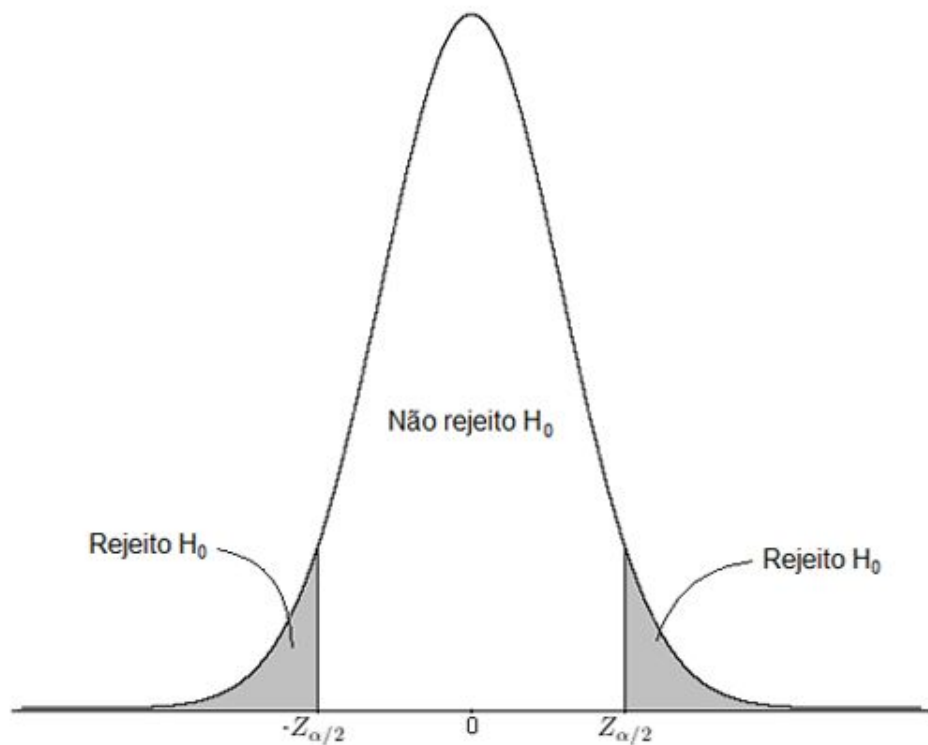
$$Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}$$

TESTE DE HIPÓTESE

BILATERAL

Região crítica: teste bilateral



UNILATERAL À DIREITA

Região crítica: teste unilateral à direita

