• VARMA NYSE

۲۸ آذر ۱۴۰۱

۱ پیش بینی به کمک مدل VARMA و VAR و مقایسه با ARIMA

(برای دو سهم بازار نیویورک)

کد به سه بخش تقسیم میشود:

- مدل VARMA
 - مدل VAR
- مدل ARIMA

مقايسه سه مدل بالا به كمك سنجهٔ r2_score انجام خواهد شد.

$$R^2(y,\hat{y}) = 1 - rac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{\sum_{i=1}^n (y_i - ar{y})^2}$$

where
$$\bar{y}=rac{1}{n}\sum_{i=1}^n y_i$$
 and $\sum_{i=1}^n (y_i-\hat{y}_i)^2=\sum_{i=1}^n \epsilon_i^2$.

۱.۰.۱ آمادهسازی

با ران کردن کد، متوجه شدم که خروجی دارای هشدارهای زیادی است که پس از بررسی، تصمیم گرفتم تا مانع چاپ هشدارها در خروجی شوم تا خروجی تمیزتر باشد.

```
[42]: import warnings
warnings.filterwarnings('ignore')
warnings.simplefilter('ignore')
```

ایمپورت بستهٔ های یاهوفاننس و pytse_client برای دریافت دادهٔ مربوط به قیمت سهام:

```
[44]: import yfinance as yf # https://pypi.org/project/yfinance/
import pytse_client as tse # https://pypi.org/project/pytse-client/
```

۱.۱ دریافت اطلاعات

دو سهم اپل و اینتل برای این تمرین انتخاب شدهاند، به این دلایل:

- اپل با معرفی پردازنده های m۱ و سپس m۲ در سال ۲۰۱۹ از پردازنده های اینتل بی نیاز شد.
 - با موفقیت این پردازنده ها، سهام اپل رشد خوبی را تجربه کرد.
 - سهام اینتل نیز با توجه به کاهش فروش، پایین آمد.

بنابراین به نظر میرسد باید رابطهای منطقی میان حرکت سهام این دو شرکت وجود داشته باشد.

[********* 2 of 2 completed

۲.۱ ایمپورت بستهها و توابع موردنیاز

```
[4]: import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from datetime import datetime

from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf, plot_pacf
from statsmodels.tsa.statespace.varmax import VARMAX
from statsmodels.tsa.api import VAR
from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
```

```
from sklearn.metrics import r2_score
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
```

۳.۱ آشنایی با داده

نمودار اینتل و اپل را با هم رسم میکنیم. در فصل اول ۲۰۲۰ با همه گیری کرونا، کاهش در هر دو سهم مشاهده می شود. سپس حرکت کلی سهام اپل به بالا و سهم اینتل به پایین است.

```
[46]: df_nyse[['intel', 'apple']].plot(figsize=(15, 5))
```

[46]: <AxesSubplot:xlabel='Date'>



شرط کارایی مدلهای این تمری، مانایی سریهای زمانی است. از آنجایی که سری زمانی قیمتها مانا نیست، سراغ سری زمانی بازدههای میرویم.

سری زمانی بازده ها را به صورت زیر میسازیم:

```
[47]: df_nyse['intel_ret'] = np.log(df_nyse['intel']).diff()
df_nyse['apple_ret'] = np.log(df_nyse['apple']).diff()

cols = ['intel_ret', 'apple_ret']
df_nyse_returns = df_nyse.iloc[1:][cols].copy()
```

برای تست مدلها در داده خارج از نمونه، دیتاست را به دو بخش آموزش و آزمون تقسیم میکنیم:

```
[48]: test_count = 24
    train = df_nyse_returns[:-test_count].copy()
    test = df_nyse_returns[-test_count:].copy()

    train_idx = df_nyse_returns.index <= train.index[-1]
    test_idx = ~train_idx</pre>
```

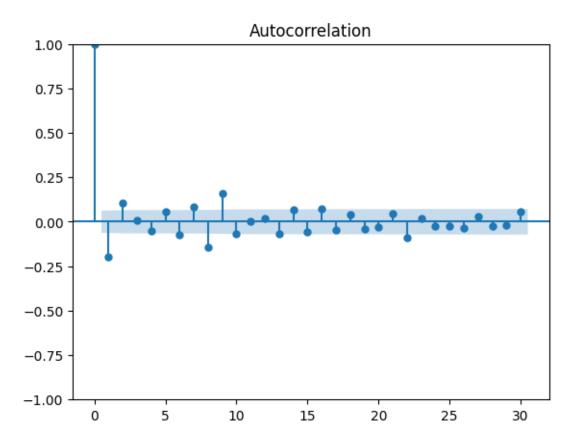
آز آنجاییکه تعداد پارامترهای مدلهای VARMA زیاد است، بهینهسازی این پارامترها به کمک scale کردن دیتا، بهتر صورت میگیرد؛ بنابراین به کمک standardScaler دیتاست را scale میگیرد؛ بنابراین به کمک

```
[50]: scaler = StandardScaler()
    train[cols] = scaler.fit_transform(train)
    test[cols] = scaler.transform(test)

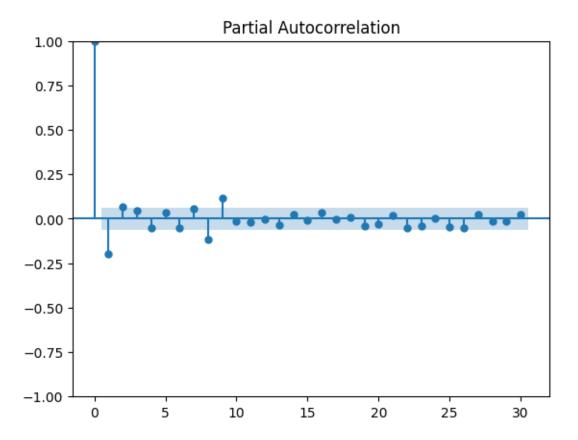
df_nyse_returns.loc[train_idx, :] = train
    df_nyse_returns.loc[test_idx, :] = test
```

برای یافتن کاندیدهای مقادیر p و p توابع p و p سری بازدهها را رسم میکنیم. با توجه به این نمودارها و آزمایش و خطا، مقدار p برابر p برابر p انتخاب شدند:

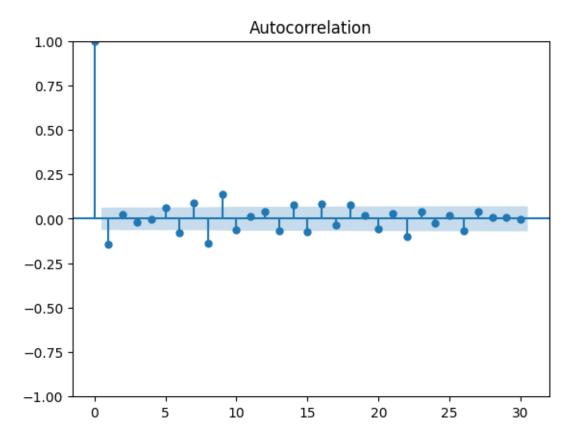
```
[11]: plot_acf(train['intel_ret']);
```



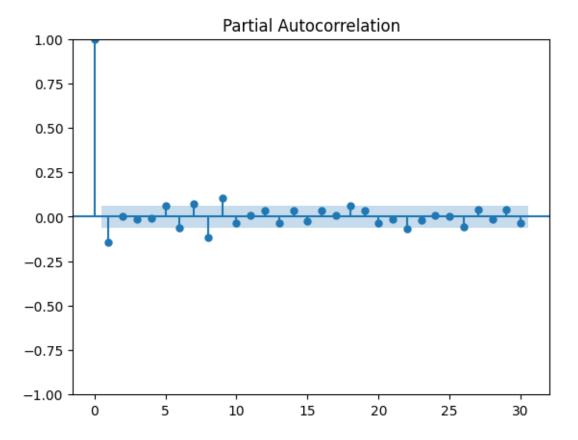
```
[12]: plot_pacf(train['intel_ret']);
```



```
[13]: plot_acf(train['apple_ret']);
```



```
[14]: plot_pacf(train['apple_ret']);
```



پیش از شروع مدلسازی ها، از مانایی سری زمانی بازده ها اطمینان حاصل میکنیم. نتیجه آنکه هر دو سری زمانی، در بازهٔ اطمینان ۹۹ درصد مانا هستند:

[52]: (True, True)

۴.۱ مدل VARMAX

به کمک کلاس VARMAX در بستهٔ statsmodels مدلسازی را با داده آموزش انجام می دهیم:

```
model = VARMAX(train, order=(p, q));
res = model.fit(maxiter=20);
print('Duration:', datetime.now() - t0)
```

10

This problem is unconstrained.

RUNNING THE L-BFGS-B CODE

* * *

Machine precision = 2.220D-16
N = 93 M =

At XO 0 variables are exactly at the bounds

At iterate 0 f= 2.53246D+00 |proj g|= 4.67206D-02

At iterate 5 f= 2.53090D+00 |proj g|= 1.89430D-03

At iterate 10 f= 2.53068D+00 |proj g|= 5.50977D-03

At iterate 15 f= 2.52853D+00 |proj g|= 5.21813D-02

At iterate 20 f= 2.52725D+00 |proj g|= 7.70909D-03

* * *

Tit = total number of iterations

Tnf = total number of function evaluations

Tnint = total number of segments explored during Cauchy searches

Skip = number of BFGS updates skipped

Nact = number of active bounds at final generalized Cauchy point

Projg = norm of the final projected gradient

F = final function value

* * *

```
N Tit Tnf Tnint Skip Nact Projg F
93 20 27 1 0 0 7.709D-03 2.527D+00
F = 2.5272483926690770
```

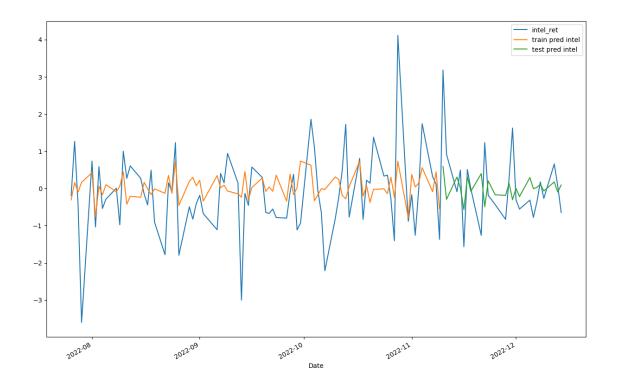
STOP: TOTAL NO. of ITERATIONS REACHED LIMIT

Duration: 0:02:12.957435

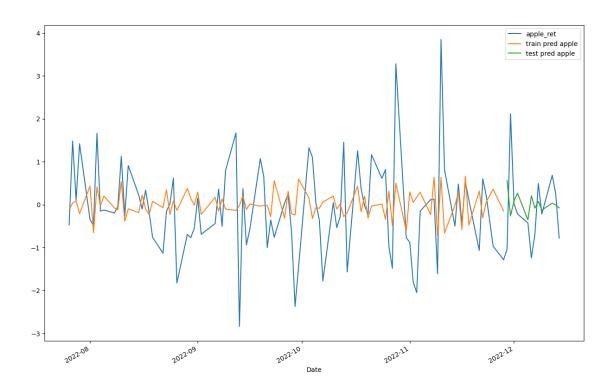
مدل فیت شده را برای به دست آوردن مقادیر پیش بینی داده آزمایش به کار می بریم:

```
[55]: fcast = res.get_forecast(test_count)
```

نمودار بازده سهام اینتل را به همراه پیشبینی مدل در داده آموزش و آزمایش رسم میکنیم: به نظر می رسد که مدل راضی کننده است.



نمودار بازده سهام اپل را به همراه پیش بینی مدل در داده آموزش و آزمایش رسم میکنیم: به نظر می رسد که مدل راضی کننده است.



برای ارزیابی مدل، مقدار سنجهٔ R^2 را برای داده آموزش و آزمایش محاسبه میکنیم.

- هر دو سرى زماني در دادهٔ آموزش، عملكرد ضعيف اما قابل قبولي داشتند.
- در دادهٔ آزمایش، با توجه به اینکه مقدار R^2 به صفر نزدیک هستند، می توان نتیجه گرفت که پیش بینی این مدل تفاوت زیادی با میانگین داده واقعی آزمایش ندارد. از آنجایی که مدل توانسته بسیار نزدیک به میانیگن پیش بینی کند، می توانیم بگوییم که مدل عملکرد قابل قبولی دارد چون پیش بینی میانیگن خود کاری دشوار است.

```
[59]: for col in cols:
    print()
    print(col, '=>')
    y_true = df_nyse_returns.loc[train_idx, col]
    y_pred = res.fittedvalues[col]
    print("Train R^2:", r2_score(y_true, y_pred))

    y_true = df_nyse_returns.loc[test_idx, col]
    y_pred = fcast.predicted_mean[col]
    print("Test R^2:", r2_score(y_true, y_pred))
```

```
intel_ret =>
Train R^2: 0.13225626291526826
Test R^2: 0.038493490941607256
apple_ret =>
Train R^2: 0.10189890133405355
Test R^2: 0.0020704162236194756
```

۵.۱ مدل ۷AR

به کمک کلاس VAR در بستهٔ statsmodel مدلسازی را بر روی دادهٔ آموزش انجام میدهیم و پیشبینیها را برای دادهٔ آزمون محاسبه میکنیم:

```
[60]: model = VAR(train)
  results = model.fit(maxlags=20, ic='aic')
  lag_order = results.k_ar

prior = train.iloc[-lag_order:][cols].to_numpy()
  fcast = results.forecast(prior, test_count)
```

نمودار بازده سهام اینتل را به همراه پیشبینی مدل در داده آموزش و آزمایش رسم میکنیم: به نظر می رسد که مدل راضی کننده است.

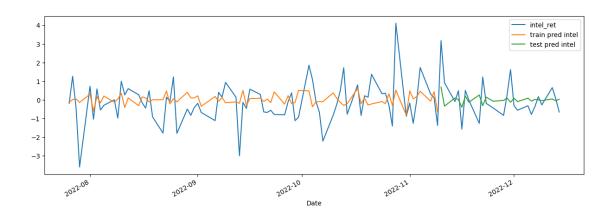
```
[61]: df_nyse_returns.loc[train_idx, 'train pred intel'] = results.

→fittedvalues['intel_ret']

df_nyse_returns.loc[test_idx, 'test pred intel'] = fcast[:, 0]

plot_cols = ['intel_ret', 'train pred intel', 'test pred intel']

df_nyse_returns[-100:][plot_cols].plot(figsize=(15, 5));
```



نمودار بازده سهام اپل را به همراه پیشبینی مدل در داده آموزش و آزمایش رسم میکنیم: به نظر می رسد که مدل راضی کننده است.

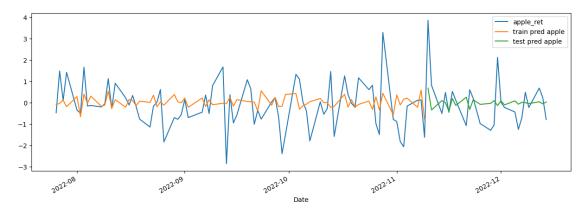
```
[62]: df_nyse_returns.loc[train_idx, 'train pred apple'] = results.

→fittedvalues['apple_ret']

df_nyse_returns.loc[test_idx, 'test pred apple'] = fcast[:, 0]

plot_cols = ['apple_ret', 'train pred apple', 'test pred apple']

df_nyse_returns[-100:][plot_cols].plot(figsize=(15, 5));
```



برای ازریابی مدل، سنجهٔ R^2 را برای دادهٔ آموزش و آزمایش محاسبه میکنیم:

- در دادهٔ آزمایش، عملکرد مدل همانند مدل VARMA قابل قبول است.
- در دادهٔ آموزش، عملكرد همانند دادهٔ آموزش است و از مدل VARMA بهتر است.

```
[63]: y_pred = df_nyse_returns.loc[train_idx, 'train pred intel']
    y_true = df_nyse_returns.loc[train_idx, 'intel_ret']
    y_true = y_true.iloc[lag_order:]
    y_pred = y_pred.iloc[lag_order:]
    print("intel train R^2:", r2_score(y_true, y_pred))

    y_pred = df_nyse_returns.loc[test_idx, 'test pred intel']
    y_true = df_nyse_returns.loc[test_idx, 'intel_ret']
    print('intel test r^2:', r2_score(y_true, y_pred))
```

intel train R^2: 0.10243593855250488
intel test r^2: 0.10563207167376498

برای ازریابی مدل، سنجهٔ R^2 را برای دادهٔ آموزش و آزمایش محاسبه میکنیم:

- در دادهٔ آزمایش، عملکرد مدل همانند مدل VARMA قابل قبول است.
- در دادهٔ آموزش، عملكرد همانند دادهٔ آموزش است و از مدل VARMA بهتر است.

```
[64]: y_pred = df_nyse_returns.loc[train_idx, 'train pred apple']
y_true = df_nyse_returns.loc[train_idx, 'apple_ret']
y_true = y_true.iloc[lag_order:]
y_pred = y_pred.iloc[lag_order:]
print("apple train R^2:", r2_score(y_true, y_pred))

y_pred = df_nyse_returns.loc[test_idx, 'test pred apple']
y_true = df_nyse_returns.loc[test_idx, 'apple_ret']
print('apple test r^2:', r2_score(y_true, y_pred))
```

apple train R^2: 0.07973059223226697 apple test r^2: 0.0915613522332609

ARIMA مدل

مدل آریما را به عنوان Baseline برای مقایسه دو مدل پیشین در نظر می گیریم: مرتبه های q و p را همانند مدل VARMAX انتخاب می کنیم. پس از مدلسازی، سنجهٔ q q را برای داده آموزش و آزمایش محاسبه می کنیم.

• هر دو سهام در دادهٔ آموزش نتیجهٔ قابل قبولی دارند.

• هر دو سهام در دادهٔ آزمایش، بهتر از مدل VARMAX و بدتر از مدل VAR عمل کردهاند.

```
[66]: for col in cols:
    model = ARIMA(train[col], order=(p, 0, q))
    res = model.fit()
    fcast = res.get_forecast(test_count)
    y_train = df_nyse_returns.loc[train_idx, col]
    y_test = df_nyse_returns.loc[test_idx, col]
    print(f"{col} train R^2:", r2_score(y_train, res.fittedvalues))
    print(f"{col} test R^2:", r2_score(y_test, fcast.predicted_mean))
    print()
```

```
intel_ret train R^2: 0.08648978712981192
intel_ret test R^2: 0.08681979990208843
apple_ret train R^2: 0.07260530461415926
apple_ret test R^2: 0.03762420844177583
```

۱.۲ نتیجه گیری

مدل VARMA از نظر سنجهٔ 2^R بدترین عملکرد و مدل VAR بهترین عملکرد را داشت.

از آنجاییکه مدل VARMA در واقع مدل VAR را نیز در خود دارد، دلایل زیر را میتوان برای عملکرد بدتر آن عنوان کرد:

- بهینهسازی مرتبههای p و q در مدل VAR توسط خود سیستم صورت گرفت.
- آزمایش و خطای در مدل VARMA با توجه به زمان طولانی کامپایل کردن مدل و انتخاب مقادیر بهینه، سختتر بود.
 - برای مدل VARMA یک معیار خاص مانند AIC وجود ندارد.