МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

Кафедра теоретических основ компьютерной безопасности и криптографии

Проверка чисел на простоту с помощью свойств чисел Кармайкла

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА

студента 4 курса 431 группы специальности 10.05.01 Компьютерная безопасность факультета компьютерных наук и информационных технологий Серебрякова Алексея Владимировича

Научный руководитель		
доцент, к. п. н.		А. С. Гераськин
	подпись, дата	

Описание алгоритма

2. Теорема Кармайкла

Теорема 1 (Кармайкл, 1912). Пусть n — нечетное составное, тогда:

- 1. если $n \div p^2$, где p- простое, то n- не число Кармайкла;
- 2. если $n = p_1 \cdot p_2 \cdot \dots \cdot p_k$, где $p_i \neq p_j$ при $i \neq j$, то для того, чтобы n являлось числом Кармайкла необходимо и достаточно, чтобы $(n-1) \div (p_i-1)$ $(i=\overline{1,k})$;
- 3. если $n=p_1\cdot p_2\cdot \dots \cdot p_k$, где $p_i\neq p_j$ при $i\neq j$ и n число Кармайкла, то $k\geq 3$.

Код программы

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <iostream>
using namespace std;
int validated_input()
  int s = 0;
  while (!(cin >> s))
    cin.clear();
    cin.ignore(numeric_limits<streamsize>::max(), '\n');
    printf("! Неверный ввод. Повторите ввод, начиная с первого неверного элемента.\n");
  return s;
}
int factmod(int n, int p)
  // printf("\nПроверка теоремы Вильсона для нашего случая:\n %d! + 1 \pmod{%d}\n ", n, p);
  int res = 1;
  while (n > 1)
    res = (res * ((n / p) % 2 ? p - 1 : 1)) % p;
    for (int i = 2; i \le n \% p; ++i)
      res = (res * i) % p;
    n /= p;
  }
  // printf("(p-1)! (mod p) = %d! (mod %d)\n", res %p, p);
  return res % p;
}
bool test(int p)
  bool res = (factmod(p - 1, p) + 1) \% p == 0;
  return res;
}
bool sv1(int n)
```

```
bool res(true);
  bool tst;
  printf("\nПроверка 1:\n Если n кратно p^2 где p - простое, то n - не число Кармайкла\n");
  for (int i = 2; i * i < n; i++){
    test(i) ? tst = true : tst = false;
    if (n \% (i * i) == 0 \&\& tst){
       res = false;
      printf("[%d]", i);
    }
  }
  printf(res? "\nTecт 1 пройден\n": "\nTecт 1 не пройден\n");
  return res;
}
bool sv2(int n)
  printf("\nПроверка 2:\n Если n = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом (n-1) кратно (pi - 1) <=> n - число
Кармайкла\п");
  vector<int> v:
  bool res(true);
  int del(2);
  while (n > 1)
    if (n % del == 0)
      v.push_back(del);
      while (n % del == 0)
         n = del;
    }
    del++;
  }
  for (auto e:v)
    if ((n - 1) % (e - 1) != 0)
      res = false;
  printf(res? "\nTecт 2 пройден\n": "\nTecт 2 не пройден\n");
  return res;
}
bool sv3(int n)
  printf("\nПроверка 2:\n Если n = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом k >= 3 <=> n - число Кармайкла\n");
  vector<int> v;
  int del(2);
  while (n > 1)
```

```
if (n % del == 0)
      v.push_back(del);
      while (n % del == 0)
         n = del;
    }
    del++;
  printf(v.size() >= 3 ? "\nТест 3 пройден\n" : "\nТест 3 не пройден\n");
  return v.size() >= 3;
}
int main()
  setlocale(0, "");
  int n, ntmp;
  printf("\nВведите число n: ");
  n = validated_input();
  ntmp = n;
  printf("\nПроверим число %d на простоту по критерию Вильсона\n", n);
  (test(n))?
    printf("\nОтвет: %d - простое число\n", ntmp):
    printf("\nОтвет: %d - не простое число\n", ntmp);
  printf("\nПроверим число на свойства числа Кармайкла\n");
  if (n % 2 == 0)
    printf("\nЧисло четное - выполнить тест не удастся\n");
  bool t1(sv1(n)), t2(sv2(n)), t3(sv3(n));
  (t1 \&\& t2 \&\& t3) ? printf("\n%d это число Кармайкла\n\n", n) : printf("\n%d это не число Кармайкла\n\n", n);
  return 0;
```

Пример запуска программы

```
Executing task: /bin/bash -c ./build/Debug/outDebug

Введите число n: 1105

Проверим число 1105 на простоту по критерию Вильсона

Ответ: 1105 - не простое число

Проверим число на свойства числа Кармайкла

Проверка 1:

Если п кратно p^2 где p - простое, то n - не число Кармайкла

Тест 1 пройден

Проверка 2:

Если n = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом (n-1) кратно (pi - 1) <=> n - число Кармайкла

Тест 2 пройден

Проверка 2:

Если n = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом k >= 3 <=> n - число Кармайкла

Тест 3 пройден

1105 это число Кармайкла

Тест 3 пройден

1105 это число Кармайкла
```

```
Executing task: /bin/bash -c ./build/Debug/outDebug

Введите число n: 132165421
Проверим число 132165421 на простоту по критерию Вильсона

Ответ: 132165421 - не простое число
Проверим число на свойства числа Кармайкла
Проверка 1:
Если п кратно р^2 где р - простое, то п - не число Кармайкла

Тест 1 пройден
Проверка 2:
Если п = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом (n-1) кратно (pi - 1) <=> n - число Кармайкла

Тест 2 пройден
Проверка 2:
Если п = p1*p2*...*pk, pi != pj, i != j и при этом k >= 3 <=> n - число Кармайкла

Тест 3 не пройден

132165421 это не число Кармайкла

Тест 3 не пройден

132165421 это не число Кармайкла
```