

## Inverse Kinematic

We have  $L_1, L_2, x, y$  and  $\theta$

من المثلث الاول نقرر نطلع الجوار -  
اذا عرفنا الوتر -

$$\cos \theta$$

$$\sin \theta = \frac{y}{\text{الوتر}} \quad \text{من القانون} \quad \frac{y}{\sin \theta} = \text{الوتر}$$

$$\frac{y}{\tan \theta} = \frac{y \cos \theta}{\sin \theta} = \text{الجوار} \Rightarrow \cos \theta = \frac{\text{الجوار}}{\frac{y}{\sin \theta}} \Rightarrow \cos \theta = \frac{\text{الجوار}}{\frac{y}{\sin \theta}}$$

$$\frac{y}{\tan \theta} = \text{الجوار}$$

مثلث 2 - نطلع الجوار بكذا ببساطة  

$$x - \frac{y}{\tan \theta}$$
 و الوتر معلوم  $L_1$

نطلع Q1

$$\cos \theta_1 = \frac{\text{الجوار}}{\text{الوتر}} = \frac{x - \frac{y}{\tan \theta}}{L_1}$$

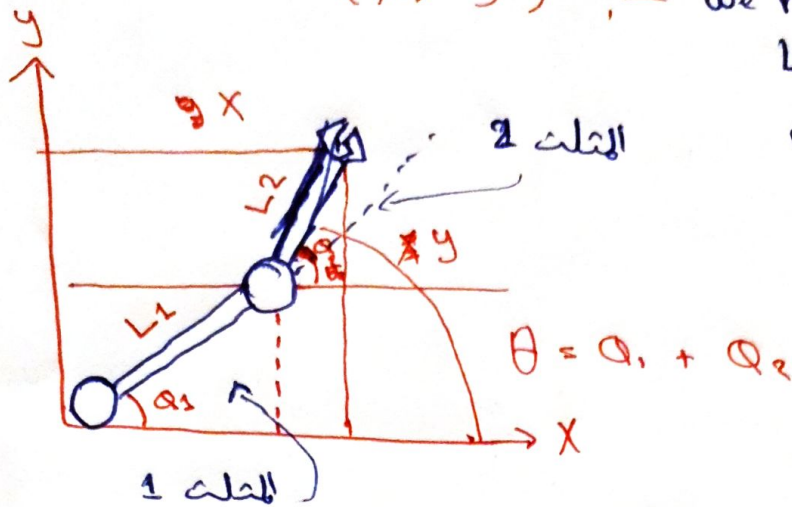
$$\theta_1 = \cos^{-1} \left( \frac{x - \frac{y}{\tan \theta}}{L_1} \right)$$

$$\theta_2 = \theta - \theta_1$$

$$Q_1 = \cos^{-1} \left( \frac{x - \frac{y}{\tan \theta}}{L_1} \right)$$

$$Q_2 = \theta - Q_1$$

forward (x, y) :- we have  $Q_1$  and  $Q_2$  and  $L_1$  and  $L_2$ .  
we want (x, y) values



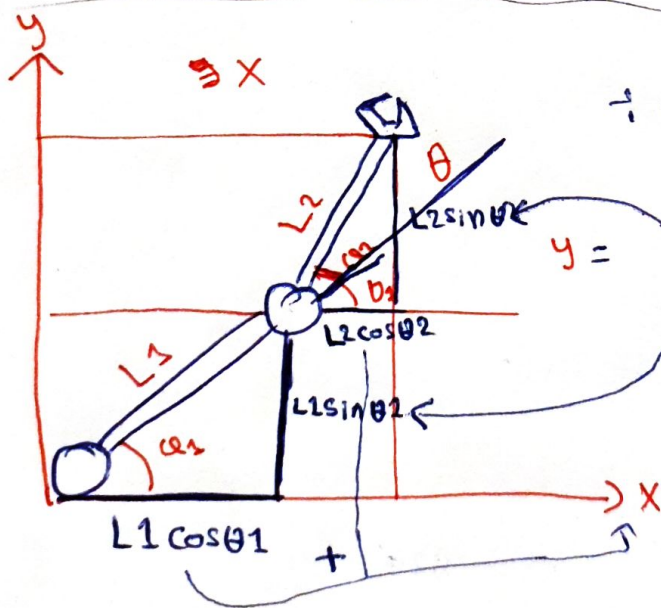
الشكل الاول:-

$$\cos \theta = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\sin \theta = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$L_1 \cos \theta_1 = \text{المجاور} \quad \leftarrow \text{المجاور} = x \cos \theta_1 = \text{الوتر}$$

$$L_1 \sin \theta_1 = \text{المقابل} \quad \leftarrow \text{المقابل} = y \sin \theta_1 = \text{الوتر}$$



نفس الكلام في الشكل الثاني :-

$$L_2 \cos \theta = \text{المجاور}$$

$$L_2 \sin \theta = \text{المقابل}$$

$$\theta = Q_1 + Q_2 \text{ ملاحظه}$$

$$X = L_1 \cos \theta_1 + L_2 \cos(\theta_2 + \theta_1) \quad Y = L_1 \sin \theta_1 + L_2 \sin(\theta_2 + \theta_1)$$