## Nelson-Openov algoritam za određivanje kongruentnog zatvorenja

## Uputstvo za pokretanje pograma

- Nakon pokretanja terminala i pozicioniranja u direktorijumu, pokretanjem komande make generiše se izvršni program main. Nakon pokretanja komande ./main, na ulazu treba uneti početne parametre.
- Prvi parametar je domen, u formatu:

```
D = {niz_termova};
```

Simboli promenljivih označavaju se malim slovom abecede, a funkcijski simboli velikim slovima. Primer:

$$D = \{x,y,F(x),G(y)\};$$

• Drugi parametar je niz baznih jednakosti, u formatu:

```
E = \{niz\_parova\};
```

Par se zapisuje u formatu **term=term**, dok su parovi međusobno odvojeni zapetom. Primer:

$$E = \{x=y, y=z\};$$

• Primer ispravnog ulaza nalazi se u fajlu **input**, pa se program nakon kompilacije može pokrenuti naredbom ./main <input.

## O algoritmu

Nelson-Openov algoritam na osnovu domena i niza baznih jednakosti nalazi klase kongruencije. Algoritam koristi pomoćne funkcije:

- use(Term t) vraća vektor termova čiji je t podterm;
- find(Term t) vraća kanonskog predstavnika klase kojoj pripada t;
- union(Term s,Term t) spaja klase kojoj pripadaju termovi s i t;
- cong(Term s,Term t) ako je term s oblika f(s<sub>1</sub>,...s<sub>n</sub>) i t oblika f(t<sub>1</sub>,...t<sub>n</sub>) I za svako t<sub>i</sub>,s<sub>i</sub> važi find(t<sub>i</sub>)=find(s<sub>i</sub>), vraća true, inače false;

## Pseudo-kod Nelson-Openovog algoritma

```
function cc(E,T)
begin
        for each t : T find(t) = t
        foreach e : E
               medge(e.first,e.second)
end
function merge(s,t)
begin
       S = U\{use(u) \mid find(u) = find(s)\}
       T = U\{use(u) \mid find(u) = find(t)\}
       union(s,t)
        foreach u1: S
               foreach u2: T
                       if(find(u1) \neq find(u2) and cong(u1,u2))
                               merge(u1,u2)
end
```