## **LAPORAN TUGAS BESAR**

# Sistem Persamaan Linier, Determinan, dan Aplikasinya

IF2123 Aljabar Linier dan Geometri

Dosen pengajar: Dr. Ir. Rinaldi, M.T



Kelompok Oegla

Anggota Kelompok:

Husnia Munzayana – 13521077

Shelma Salsabila – 13521115

Althaaf Khasyi Atisomya – 13521130

INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
BANDUNG
2022

# **DAFTAR ISI**

Bab 1		4
Deskrij	psi Masalah	4
Bab 2		5
Teori S	Singkat	5
2.1	Eliminasi Gauss	5
2.2	Eliminasi Gauss Jordan	5
2.3	Determinan Matriks	6
2.4	Matriks Balikan(Invers)	7
2.5	Matriks Kofaktor	8
2.6	Kaidah Cramer	8
2.7	Regresi Linier Berganda	9
2.8	Interpolasi Bicubic	9
2.9	Interpolasi Polinom	10
Bab 3		12
Implen	nentasi Program	12
3.1	Class Matrix	12
3.2	Class Menu	13
3.3	Class Gauss	13
3.4	Class Gauss_Jordan	14
3.5	Class Determinan	14
3.6	Class DeterminanGJ	14
3.7	Class Invers	15
3.8	Class InversGauss	15
3.9	Class Crammer	15
3.10	Class SPLSolver	15
3.11	SolusiBalikan	17
3.12	Bicubic	17
3.13	InterpolasiPolinom	17
3.14	RegMatrix	19
3.15	File	19
Bab 4		21
Eksper	imen	21
4.1	Eksperimen beberapa penyelesaian SPL	21
4.2	Eksperimen Determinan	25

Reposit	tori	33
Daftar	Pustaka	33
5.3	Refleksi	32
5.2	Saran	32
5.1	Kesimpulan	32
Kesimp	pulan, Saran, dan Refleksi	32
Bab 5		32
4.6	Eksperimen Polinom	29
4.5	Eksperimen Bikubik	28
4.4	Eksperimen Regresi Linier Berganda	27
4.3	Eksperimen Invers	26

# DAFTAR TABEL

Table 1 Class Matriks, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Matrix 1	13
Table 2 Class Menu, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Menu	13
Table 3 Class Gauss, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Gauss	13
Table 4 Class Gauss Jordan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Gauss	
Jordan1	14
Table 5 Class Determinan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
Determinan1	14
Table 6 DeterminanGJ, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
DeterminanGJ1	14
Table 7 Class Invers, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Invers 1	15
Table 8 Class InversGauss, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
InversGauss1	15
Table 9 Class Crammer, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Crammer 1	15
Table 10 Class SPLSolver, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
SPLSolver1	16
Table 11 Class SolusiBalikan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
SolusiBalikan1	17
Table 12 Class Bicubic, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Bicubic 1	17
Table 13 Class InterpolasiPolinom, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
InterpolasiPolinom1	19
Table 14 Class RegMatrix, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class	
RegMatrix1	19
Table 15 Class File, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class File2	20

#### Bab 1

## Deskripsi Masalah

Sistem persamaan linier (SPL) banyak ditemukan di dalam bidang sains dan rekayasa. Anda sudah mempelajari berbagai metode untuk menyelesaikan SPL, termasuk menghitung determinan matriks. Sembarang SPL dapat diselesaikan dengan beberapa metode, yaitu metode eliminasi Gauss, metode eliminasi Gauss-Jordan, metode matriks balikan (x = A - 1b), dan kaidah Cramer (khusus untuk SPL dengan n peubah dan n persamaan). Solusi sebuah SPL mungkin tidak ada, banyak (tidak berhingga), atau hanya satu (unik/tunggal). Di dalam Tugas Besar 1 ini, anda diminta membuat satu atau lebih library aljabar linier dalam Bahasa Java. Library tersebut berisi fungsi-fungsi seperti eliminasi Gauss, eliminasi Gauss-Jordan, menentukan balikan matriks, menghitung determinan, kaidah Cramer (kaidah Cramer khusus untuk SPL dengan n peubah dan n persamaan). Selanjutnya, gunakan library tersebut di dalam program Java untuk menyelesaikan berbagai persoalan yang dimodelkan dalam bentuk SPL, menyelesaikan persoalan interpolasi, dan persoalan regresi. Penjelasan tentang interpolasi dan regresi adalah seperti di bawah ini.

- A. Buatlah pustaka dalam Bahasa Java untuk menemukan solusi SPL dengan metode eliminasi Gauss, metode Eliminasi Gauss-Jordan, metode matriks balikan, dan kaidah Cramer (kaidah Cramer khusus untuk SPL dengan n peubah dan n persamaan), menghitung determinan matriks dengan reduksi baris dan dengan ekspansi kofaktor, dan menghitung balikan matriks.
- B. Gunakan pustaka di atas untuk membuat program penyelesaian berbagai persoalan dalam bentuk SPL, menyelesaikan persoalan interpolasi dan regresi linier, menghitung matriks balikan, menghitung determinan matriks dengan berbagai metode (reduksi baris dan ekspansi kofaktor).

# Bab 2 Teori Singkat

#### 2.1 Eliminasi Gauss

Eliminasi Gauss adalah metode eliminasi yang digunakan untuk memecahkan sistem persamaan linier dengan merepresentasikan (mengubah) menjadi bentuk matriks augmented kemudian diubah menjadi eselon baris melalui OBE (Operasi Baris Elementer). Langkah-langkah lebih jelas adalah sebagai berikut.

Misalkan terdapat persamaan linier:

$$2x + 3y - z = 5$$

$$4x + 4y - 3z = 3$$

$$-2x + 3y - z = 1$$

1. Nyatakan dalam bentuk matriks augmented

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 4 & 4 & -3 & 3 \\ -2 & 3 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

2. Kemudian dijadikan matriks eselon baris dengan penerapan OBE.

$$\begin{bmatrix} 1 & 3/2 & -1/2 & 5/2 \\ 0 & 1 & 1/2 & 7/2 \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

3. Dari matriks tersebut diperoleh persamaan

$$x + 3/2y - 1/2z = 5/2$$
  
 $y + 1/2z = 7/2$   
 $z = 3$ 

Dari persamaan di atas dapat ditentukan x = 1, y = 2, z = 3.

#### 2.2 Eliminasi Gauss Jordan

Eliminasi Gauss Jordan adalah pengembangan dari eliminasi Gauss, perbedaannya pada eliminasi ini matriks yang dibentuk dengan menerapkan penerapan OBE adalah matriks eselon baris tereduksi. Setiap 1 utama di atas dan di bawahnya bernilai 0. Dari

persamaan yang sama seperti eliminasi gauss diperoleh matriks eselon baris tereduksi sebagai berikut.

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

Dari persamaan di atas diperoleh x = 1, y = 2, dan z = 3.

#### 2.3 Determinan Matriks

Determinan matriks hanya bisa dicari ketika matriks itu persegi. Untuk mencari determinan dalam tugas besar ini dapat diperoleh dengan du acari yaitu determinan dengan reduksi baris dan yang kedua dengan metode ekspansi kofaktor.

- 1. Menghitung determinan dengan reduksi baris
  - 1) Reduksi matriks hingga membentuk segitiga atas atau segitiga bawah.

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ 0 & d & e \\ 0 & 0 & f \end{bmatrix} \text{ atau } \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ b & d & 0 \\ c & e & f \end{bmatrix}$$

 $contoh\ segitiga\ atas\ dan\ bawah\ 3x3$ 

- 2) Kemudian determinan dapat dicari dengan mengalikan tiap elemen diagonalnya. Jika pada saat reduksi terjadi pertukaran baris jika jumlah pertukaran merupakan bilangan ganjil maka hasil determinan dikali -1.
- 2. Menghitung determinan dengan kofaktor

Penghitungan ini dilakukan dengan cara menjumlahkan perkalian tiap elemennya dengan kofaktornya dalam satu baris atau kolom.

Contohnya matriks M

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}$$

Dengan memanfaatkan baris 1

$$Det(M) = a*Ma - b*Mb + c*Mc$$

Pengaplikasian determinan cukup banyak bisa digunakan untuk mencari SPL dengan menggunakan metode crammer kemudian mencari invers balikan juga bisa digunakan.

#### 2.4 Matriks Balikan(Invers)

Misalkan suatu matriks B adalah invers dari A maka, AB = BA = I, ada dua metode yang dapat diterapkan untuk mencari matriks balikan ini.

1. Dengan metode eliminasi Gauss Jordan

Misalnya diberikan suatu matriks sebagai berikut.

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 3 \\ 1 & 0 & 8 \end{bmatrix}$$

Langkah pengerjaannya adalah sebagai berikut

1) Tuliskan matriks di atas serta pinggirnya ditambah matriks identitas

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 5 & 3 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 8 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

- 2) Kemudian lakukan OBE sehingga matriks sebelah kiri menjadi sebuah matriks identitas.
- 3) Sehingga didapat balikan matriksnya adalah

$$\begin{bmatrix} -40 & 16 & 9 \\ 13 & -5 & -3 \\ 5 & -2 & -1 \end{bmatrix}$$

## 2. Dengan adjoint

Langkah-langkahnya sebagai berikut.

- 1) Mencari determinan dari matriks di atas
- 2) Setelah itu cari matriks adjoint dari matriks tersebut lalu transposkan. Hasil dari kedua operator tersebut menjadikan matriks sebagai berikut.

$$\begin{bmatrix} -2 & -2 & 4 \\ -1 & -71 & 16 \\ 4 & 32 & -8 \end{bmatrix}$$

Matriks balikan dapat dicari dengan formula sebagai berikut.

$$A^{-1} = \frac{1}{\det A} (Adjoint)$$

$$A^{-1} = \frac{1}{28} \begin{bmatrix} -2 & -2 & 4 \\ -1 & -71 & 16 \\ 4 & 32 & -8 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{14} & -\frac{1}{14} & \frac{1}{7} \\ -\frac{1}{28} & -\frac{71}{28} & \frac{4}{7} \\ \frac{1}{7} & \frac{8}{7} & -\frac{2}{7} \end{bmatrix}$$

Invers ini bisa digunakan pada banyak hal salah satu pengaplikasiannya adalah bicubic.

#### 2.5 Matriks Kofaktor

Matriks ini berisi kofaktor dari setiap elemen di dalam matriks. Kofaktor setiap elemen dinyatakan sebagai

$$C_{ii} = (-1)^{i+j} M_{ii}$$

dengan

C<sub>ij:</sub> kofaktor elemen matriks baris ke-i dan kolom ke-j

M<sub>ij</sub>: Minor dari matriks M pada baris ke-i dan kolom ke-j

Untuk mencari minor dapat dicari dengan mencari determinan dari matriks baru yang menghilangkan elemen di M pada baris ke-i dan kolom ke-j.

Contoh pencarian kofaktor

$$\begin{bmatrix} 3 & 6 & 4 \\ -1 & 5 & 2 \\ 4 & 10 & 9 \end{bmatrix}$$

$$C_{11} = \begin{vmatrix} 5 & 2 \\ 10 & 9 \end{vmatrix} = 25$$
  $C_{11} = (-1)^{1+1}.25 = 25$ 

$$C_{12} = \begin{vmatrix} -1 & 2 \\ 4 & 9 \end{vmatrix} = -17 \quad C_{12} = (-1)^{1+2}.(-17) = 17$$

Sehingga diperoleh matriks kofaktor dari M adalah

$$\begin{bmatrix} 30 & 17 & -30 \\ -14 & 11 & -6 \\ -8 & -10 & 21 \end{bmatrix}$$

## 2.6 Kaidah Cramer

Kaidah cramer merupakan formula yang dipakai untuk menyelesaikan sistem persamaan linear dengan menggunakan determinan.

Misalkan persamaan sistem persamaan linier

$$Ax + By + Cz = D1$$

$$Ex + Fy + Gz = D2$$

$$Hx + Iy + Jz = D3$$

Ada beberapa determinan yang kita cari,

$$\operatorname{Det} = \begin{bmatrix} A & B & C \\ E & F & G \\ H & I & J \end{bmatrix}$$

$$\operatorname{Det} \mathbf{x} = \begin{bmatrix} D1 & B & C \\ D2 & F & G \\ D3 & I & J \end{bmatrix} \quad \operatorname{Det} \mathbf{y} = \begin{bmatrix} A & D1 & C \\ E & D2 & G \\ H & D3 & J \end{bmatrix} \quad \operatorname{Det} \mathbf{z} = \begin{bmatrix} A & B & D1 \\ E & F & D2 \\ H & I & D3 \end{bmatrix}$$

 $x = \frac{Det x}{Det}$   $y = \frac{Det y}{Det}$   $z = \frac{Det z}{Det}$ 

## 2.7 Regresi Linier Berganda

Regresi linier berganda metode untuk memprediksi nilai fungsi dengan banyak peubah. Untuk menyelesaikan ini dilakukan dengan metode Normal Estimation Equation for Multiple Linier Regression membentuk sebuah persamaan seperti di bawah ini.

$$nb_0 + b_1 \sum_{i=1}^n x_{1i} + b_2 \sum_{i=1}^n x_{2i} + \dots + b_k \sum_{i=1}^n x_{ki} = \sum_{i=1}^n y_i$$

$$b_0 \sum_{i=1}^n x_{1i} + b_1 \sum_{i=1}^n x_{1i}^2 + b_2 \sum_{i=1}^n x_{1i} x_{2i} + \dots + b_k \sum_{i=1}^n x_{1i} x_{ki} = \sum_{i=1}^n x_{1i} y_i$$

$$\vdots \qquad \vdots \qquad \vdots \qquad \vdots$$

$$b_0 \sum_{i=1}^n x_{ki} + b_1 \sum_{i=1}^n x_{ki} x_{1i} + b_2 \sum_{i=1}^n x_{ki} x_{2i} + \dots + b_k \sum_{i=1}^n x_{ki}^2 = \sum_{i=1}^n x_{ki} y_i$$

Setelah terbentuk itu maka gunakan gauss Jordan untuk menentukan koefisienkoefisien seperti b0,b1 dan seterusnya.

#### **Interpolasi Bicubic**

Bicubic interpolation merupakan teknik interpolasi pada data 2D umumnya digunakan dalam pembesaran citra yang merupakan pengembangan dari interpolasi linear dan cubic yang telah dipelajari pada kuliah metode numerik di aljabar geometri. Cara mencari permasamaan interpolasi

## 1. Gunakan pemodelan

Normalization: f(0,0), f(1,0) f(0,1), f(1,1)Model:  $f(x,y) = \sum_{j=0}^{3} \sum_{i=0}^{3} a_{ij} x^{i} y^{j}$  x = -1,0,1,2Solve:  $a_{ij}$ 

2. Melakukan substitusi nilai-nilai diketahui pada matriks  $4 \times 4$  tersebut ke persamaan f(x,y) akan menghasilkan sebuah matriks persamaan

3. Elemen pada matrix X adalah koefisien  $a_{ij}$  yang diperoleh dari persamaan f(x,y) di atas. Sebagai contoh, elemen pada baris 4 kolom ke 10 adalah koefisien dari  $a_{12}$  dan diperoleh dari  $2^{1}*(-1)^{2} = 2$ , sesuai persamaan  $x^{i*}$   $y^{j}$ . 3 Vektor a dapat dicari dari persamaan tersebut (menggunakan inverse), lalu vektor a digunakan sebagai nilai variabel dalam f(x,y). Sehingga terbentuk fungsi interpolasi bicubic sesuai model.

#### 2.9 Interpolasi Polinom

Polinom interpolasi derajat n yang menginterpolasi titik-titik  $(x_0\,,\,y_0\,),\,(x_1\,,\,y_1\,),$  ...,  $(x_n\,,\,y_n\,)$  adalah berbentuk

$$p_n(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x_2 + ... + a_n x_n$$
.

Jika hanya ada dua titik,  $(x_0, y_0)$  dan  $(x_1, y_1)$ , maka polinom yang menginterpolasi kedua titik tersebut adalah  $p_1(x) = a_0 + a_1 x$  yaitu berupa persamaan garis lurus. Jika tersedia tiga titik,  $(x_0, y_0)$ ,  $(x_1, y_1)$ , dan  $(x_2, y_2)$ , maka polinom yang menginterpolasi

ketiga titik tersebut adalah  $p_2(x) = a_0 + a_1x + a_2x_2$  atau persaman kuadrat dan kurvanya berupa parabola. Jika tersedia empat titik,  $(x_0, y_0)$ ,  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ , dan  $(x_3, y_3)$ , polinom yang menginterpolasi keempat titik tersebut adalah  $p_3(x) = a_0 + a_1x + a_2x_2 + a_3x_3$ , demikian seterusnya. Dengan cara yang sama kita dapat membuat polinom interpolasi berderajat n untuk n yang lebih tinggi asalkan tersedia (n+1) buah titik data. Dengan menyulihkan  $(x_i, y_i)$  ke dalam persamaan polinom

$$p_n(x) = a_0 + a_1x + a_2x_2 + ... + a_nx_n$$

untuk i = 0, 1, 2, ..., n akan diperoleh n buah sistem persamaan lanjar dalam  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ , .., a<sub>n</sub>,

$$a_0 + a_1 x_0 + a_2 x_0^2 + \dots + a_n x_0^n = y_0$$

$$a_0 + a_1 x_1 + a_2 x_1^2 + \dots + a_n x_1^n = y_1$$

$$\dots$$

$$a_0 + a_1 x_n + a_2 x_n^2 + \dots + a_n x_n^n = y_n$$

Solusi sistem persamaan lanjar ini, yaitu nilai ao, a1, ..., an, diperoleh dengan menggunakan metode eliminasi Gauss.

Bab 3

# Implementasi Program

## 3.1 Class Matrix

createMatrix public double[][] Int row Int col kosong berukuran row dan col  nBaris public int double[][] m Mengembalikan jumlah baris m  nKolom public int double[][] m Mengembalikan jumlah kolom m  bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menuliskan matriks ke layar  kaliBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x  barisKurangNBaris public boolean double x Mengalikan true ketika bernilai nol  isZero public boolean double x Mengamalikan true ketika bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks ausil transpose	Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
nBaris public int double[][] m Mengembalikan jumlah baris m  nKolom public void double[][] m Mengembalikan jumlah kolom m  bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x  double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan x  double x  baris Zero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	createMatrix	public double[][]	Int row	Membuat matriks
nBaris public int double[][] m Mengembalikan jumlah baris m  nKolom public int double[][] m Mengembalikan jumlah kolom m  bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m menjadi acuan baris yang lain yang menjadi acuan baris yang lain yang menjadi acuan double x  isZero public boolean double x Mengembalikan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks augmented jadi persegi			Int col	kosong berukuran
nKolom public int double[][] m Mengembalikan jumlah kolom m  bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 int idxRow2 double x  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i mint				row dan col
nKolom public int double[][] m Mengembalikan jumlah kolom m  bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow2 double x double x  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i mit i m	nBaris	public int	double[][] m	Mengembalikan
jumlah kolom m   bacaMatrix   public void   -   Membaca matriks dengan   elemen input user     tulisMatrix   public void   double[][] m   Menuliskan matriks ke layar     swapBaris   public double[][]   double[][] m   Menukarkan baris atas dan bawahnya     kaliBaris   public double[][]   double[][] m   int idxRow double x     barisKurangNBaris   public double[][]   double[][] m   Mengurangkan suatu baris dengan x     int idxRow2   double x   mit idxRow2 baris yang lain yang menjadi acuan     isZero   public boolean   double x   Menghasilkan true ketika bernilai nol     isRowZero   public boolean   double[][] m   Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol     AugmentedtoSquare   public double[][]   double[][] m   Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi     transpose   public double[][]   double[][] m   Mengembalikan matriks hasil				jumlah baris m
bacaMatrix public void - Membaca matriks dengan elemen input user  tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  isZero public boolean double x Mengalikan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	nKolom	public int	double[][] m	Mengembalikan
tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow2 double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double [][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil		_		jumlah kolom m
tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x  double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan baris yang lain yang menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	bacaMatrix	public void	-	Membaca matriks
tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x double x  barisKurangNBaris public double[][] m int idxRow double x double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil		-		dengan elemen
tulisMatrix public void double[][] m Menuliskan matriks ke layar  swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] m Mengalikan suatu baris dengan x double x  barisKurangNBaris public double[][] m int idxRow double x double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil				input user
swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya  kaliBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan suatu baris dengan int idxRow2 double x  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i mit i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	tulisMatrix	public void	double[][] m	_
swapBaris public double[][] double[][] m Menukarkan baris atas dan bawahnya kaliBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan suatu baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil		-		ke layar
kaliBaris public double[][] double[][] m int idxRow double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan x  double x  barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow2 double x  isZero public boolean double x  isRowZero public boolean double x  isRowZero public boolean double[][] m int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	swapBaris	public double[][]	double[][] m	Menukarkan baris
barisKurangNBaris public double[][] m double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan suatu baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	-	-		atas dan bawahnya
barisKurangNBaris public double[][] m double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan suatu baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	kaliBaris	public double[][]	double[][] m	<u> </u>
barisKurangNBaris public double[][] double[][] m int idxRow1 suatu baris dengan baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			int idxRow	_
int idxRow1 suatu baris dengan baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			double x	
int idxRow1 suatu baris dengan baris yang lain yang double x menjadi acuan  isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol  isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	barisKurangNBaris	public double[][]	double[][] m	Mengurangkan
isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			int idxRow1	
isZero public boolean double x Menghasilkan true ketika bernilai nol isRowZero public boolean double[][] m Mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			int idxRow2	baris yang lain yang
isRowZero public boolean double[][] m int i mengembalikan true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			double x	menjadi acuan
isRowZero public boolean double[][] m int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	isZero	public boolean	double x	Menghasilkan true
int i true jika semua elemen pada suatu baris bernilai nol  AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil				ketika bernilai nol
AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	isRowZero	public boolean	double[][] m	Mengembalikan
AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil			int i	true jika semua
AugmentedtoSquare public double[][] double[][] m Mengubah bentuk matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil				elemen pada suatu
matriks augmented jadi persegi  transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil				baris bernilai nol
transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil	AugmentedtoSquare	public double[][]	double[][] m	Mengubah bentuk
transpose public double[][] double[][] m Mengembalikan matriks hasil		_		matriks augmented
matriks hasil				jadi persegi
matriks hasil	transpose	public double[][]	double[][] m	Mengembalikan
transpose	_			matriks hasil
ualispose				transpose
kaliKonstanta public double[][] double[][] m Mengembalikan	kaliKonstanta	public double[][]	double[][] m	Mengembalikan
double x matriks hasil kali			double x	matriks hasil kali
dengan konstanta x				dengan konstanta x

kaliMatriks	public double[][]	double[][] m1	Mengembalikan	
		double[][] m2	matriks hasil kali	
			dengan matriks lagi	

Table 1 Class Matriks, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Matrix

## 3.2 Class Menu

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
displayMenu	public void	-	Untuk	
			menampilkan	
			tampilan menu	
optionInput	public int	int min	Mengembalikan	
		int max	opsi dari user	
displayMenuSPL	public	-	Menampilkan	
	void		submenu	
			Determinan	
displayMenuInverse	public	-	Menampilkan	
	void		submenu inverse	
displayMenuInput	public	-	Menampilkan	
	void		submenu input	
displayMenuSave	public	-	Menampilkan	
	void		submenu save	

Table 2 Class Menu, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Menu

## 3.3 Class Gauss

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
eselonBaris	public double[][]	double[][] m	Method Untuk	
			menghasilkan	
			matriks eselon	
			baris	
idxLeadingOne	public	double[][] m	Mengembalikan	
	int[]	int[] pivot	index elemen	
			yang akan	
			menjadi satu	
			utama berikutnya	

Table 3 Class Gauss, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Gauss

## 3.4 Class Gauss\_Jordan

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
nextPivot	public	double[][] m	Method	
	int[]	int[] pivot	mengeluarkan	
			acuan yang nantinya digunakan untuk membuat matriks eselon baris tereduksi	
eselonBarisTereduksi	public double[][]	double[][] m	Method Untuk menghasilkan	
	20201 <b>0</b> [][]		matriks eselon baris tereduksi	

Table 4 Class Gauss Jordan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Gauss Jordan

#### 3.5 Class Determinan

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
ElmtCofactor	public	double[][] m	Method untuk	
	double[][]	int row	menghasilkan	
		int col	elemen matriks	
			kofaktor	
MatrixCof	public	double[][] m	Menghasilkan	
	double[][]		matriks kofaktor	
determinan	public	double[][] m	Menghasilkan	
	double		determinan	
			dengan	
			penghitungan	
			menggunakan	
			kofaktor	

Table 5 Class Determinan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Determinan

## 3.6 Class DeterminanGJ

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
determiananGaussJordan	public	double[][] m	Method untuk	
	double		menghasilkan	
			determinan	
			dengan proses	
			penyelesaian	
			reduksi baris	

Table 6 DeterminanGJ, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class DeterminanGJ

#### 3.7 Class Invers

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
InversCofactor	Public	double[][] m	Method	untuk
	double[][]		menghasilkan	
			hasil	invers
			matriks	dengan
			proses	
			penyelesaian	
			dengan kofaktor	

Table 7 Class Invers, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Invers

## 3.8 Class InversGauss

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
InversGauss	Public	double[][] m	Method	untuk
	double[][]		menghasilkan	
			hasil	invers
			matriks	dengan
			proses	
			penyelesa	ian
			dengan	gauss
			Jordan	

Table 8 Class InversGauss, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class InversGauss

## 3.9 Class Crammer

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
crammerhasil	Public	double[][] m2	Method untuk
	double[]	double[][] m1	menyelesaikan
			SPL namun
			menggunakan
			cara crammer
			memanfaatkan
			determinan

Table 9 Class Crammer, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Crammer

## 3.10 Class SPLSolver

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
whatSolution	Public	double[][] m	Menghasilkan
	int		nilai untuk
			menentukan cara
			menyelesaikan
			SPL

splSolution	Public void	double[][] m	Method untuk memanggil method penyelesaian SPL yang tepat mengacu pada output method whatSolution
splUniqueSol	Public double[]	double[][] m	Mengembalikan array yang elemen elemennya merupakan penyelesaian dari SPL
displayUniqueSol	Public void	double[] result	Menampilkan hasil penyelesaian SPL dengan solusi unik
uniqueSol2Arr	Public String[]	double[] arr	Mengembalikan array yang berisi pengelesaian SPL dengan solusi unik
splInfiniteSol	Public double[]	double[][] m	Mengembalikan matrix yang merupakan penyelesaian dari SPL dengan solusi tak terhingga
displayInfiniteSol	Public void	String[] result	Menampilkan solusi SPL yang memiliki solusi tak hingga
infiniteSol2Arr	Public String[]	double[][] result	Mengubah matrix hasil penyelesaian SPL menjadi Array of string

Table 10 Class SPLSolver, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class SPLSolver

## 3.11 SolusiBalikan

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
SolveBalikan	Public double[]	double[][] m	Method menghasilkan penyelesaian dari matriks balikan
turnToZero	Public double	double[] m	

Table 11 Class SolusiBalikan, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class SolusiBalikan

## 3.12 Bicubic

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
bicubic	Public	double[][] m	Mengembalikan
	double	double a	nilai f(a,b)
		double b	
bacaMatrixBicubic	Public	-	Input Matriks
	double[][]		bicubic 4x4 yang
			dicari melalui
			keyboard
bacaABBicubic	Public	-	Input nilai a,b
	double[]		yang dicari
			melalui keyboard
fileMatrixBicubic	Public	double[][] m	Mengembalikan
	double[][]		matrix 4x4 dari
			inputan file
fileABBicubic	Public	double[][] m	Mengembalikan
	double[]		nilai a dan b dari
			matriks yang
			merupakan
			inputan file

Table 12 Class Bicubic, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class Bicubic

## 3.13 InterpolasiPolinom

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi
inputInterpolasi	Public	int n	Melakukan input
	double[][]		titik dari
			keyboard untuk
			Interpolasi
			Polinom sesuai
			format

InputtoAugmented	Public	double[][]	Mengubah input
Impattoriuginenteu	double[][]	mInput	interpolasi
	dodole[][]	mmput	polinom menjadi
			matriks
			augmented
resultPolinom	Public	double[][]	Melakukan
resulti omnom	double[]	mInterpolasi	kalkulasi
	double[]	mmerpolasi	interpolasi
			polinom
			menggunakan
			metode Gauss
EstimasiFungsi	Public	double[] a	Melakukan
Estimusii ungsi	double	double x	kalkulasi estimasi
	dodoic	dodole x	nilai fungsi dari
			persamaan yang
			duhasilkan dari
			interpolasi
			polinom
displayFx	Public	double[] mRes	Menampilkan
displayi x	void	double[] inites	persamaan hasil
	volu		interpolasi
			polinom sesuai
			format
inputInterpolasiKey	Public		Melakukan input
imputinterpolusitey	void		dari keyboard
	V 01G		banyak titik untuk
			dilakukan
			kalkulasi
			interpolasi
			polinom
fileMatrixInterpolasi	Public	double[][] m	Mengubah
meriamizmerpolasi	void		matriks hasil
	V 01G		bacaan dari file
			menjadi matriks
			yang siap untuk
			di kalkulasi
findVal	public static	double[][] m	Mengambil nilai
iiid vui	double		x yang akan
	404010		dicari estimasinya
			dari matriks hasil
			bacaan file
			Cacaan inc

## 3.14 RegMatrix

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
HasilRegresi	Public	double[][] m	Mencari	
	void	double[][] m2	persamaan regresi	
			serta menghitung	
			nilai hampiran	
			suatu fungsi	

Table 14 Class RegMatrix, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class RegMatrix

## 3.15 File

Nama	Tipe	Parameter	Deskripsi	
inputFileName	public	-	Method untuk	
	string		Mengembalikan	
			path file input	
			yang telah	
			divalidasi	
fileRow	public int	String fileName	Menghitung baris	
			dari matriks yang	
			ada di file	
fileCol	public int	String fileName	Mengembalikan	
			kolom dari matrix	
			yang ada di file	
fileMatrix	public double[][]	String fileName	Mengubah file	
			menjadi matrix	
writeFile	public	String dir	Method untuk	
	boolean	double[][] m	Menuliskan hasil	
			operasi matriks ke	
			file.	
writeSPLSol	public	String dir,	Method untuk	
	boolean	String[]	menuliskan hasil	
		SPLsolved	penyelesaian SPL	
			ke file	

writeDeterminan	public	String dir	Method untuk
	boolean	double[][] m	menuliskan hasil
		double det	perhitungan
			determinan
			matriks ke file
writeInvers	public	String dir	Method untuk
	boolean	double[][] m	menuliskan hasil
		double[][]	inverse matriks ke
		mInverse	file
writeFailInverse	public	String dir	Method untuk
	boolean	double[][] m	menuliskan pesan
			error bahwa
			matriks tidak
			memiliki invers
			ketika nilai
			determinannya 0
writeInterpolasi	public	String dir,	Menuliskan hasil
	boolean	double[][] a,	perhitungan
		double	Interpolasi ke file
		findValOf,	
		double	
		estimateVal	

Table 15 Class File, penjelasan mengenai beberapa method yang ada pada Class File

# Bab 4 Eksperimen

### 4.1 Eksperimen beberapa penyelesaian SPL

## Penyelesaian SPL dengan Crammer & Solusi Balikan

#### Persoalan 1

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 \\ 2 & 5 & -7 & -5 \\ 2 & -1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & -4 & 2 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

#### **Hasil Test Case**

SPL Metode Matrix Inverse Matrix memiliki determinan = 0 Matrix tidak dapat diselesaikan dengan metode ini

#### Persoalan 2

a. 
$$8x_1 + x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 0$$
  
 $2x_1 + 9x_2 - x_3 - 2x_4 = 1$   
 $x_1 + 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 2$   
 $x_1 + 6x_3 + 4x_4 = 3$ 

## **Hasil Test Case**

SPL Metode Crammer

X1 = -0.22432432432432434

X2 = 0.18243243243243243

X3 = 0.7094594594594594

X4 = -0.2581081081081081

#### Penyelesaian SPL dengan Gauss

#### Persoalan

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & -3 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 1 & -1 \\ -1 & 2 & 0 & -2 & -1 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 3 \\ 6 \\ 5 \\ -1 \end{bmatrix}$$

#### **Hasil Test Case**

#### Penyelesaian SPL dengan Gauss Jordan

#### Persoalan

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

#### **Hasil Test Case**

```
SPL Memiliki Solusi Tak Hingga
X1 = (1.0)s
X2 = (-1.0)u + 1.0
X3 = (1.0)t
X4 = (-1.0)u + -2.0
X5 = (1.0)u + 1.0
X6 = (1.0)u
```

## Persoalan 2

$$H = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \dots & \frac{1}{n} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \dots & \frac{1}{n+1} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \dots & \frac{1}{n+2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \dots & \vdots \\ \frac{1}{n} & \frac{1}{n+1} & \frac{1}{n+2} & \dots & \frac{1}{2n+1} \end{bmatrix} = b = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix}$$

H adalah matriks Hilbert. Cobakan untuk n = 6 dan n = 10.

## **Hasil Test Case**

## Untuk n = 6

SPL Memiliki Solusi Unik X1 = 36.00180458269252 X2 = -630.0486136258917 X3 = 3360.3171466206904 X4 = -7560.804286476033

X5 = 7560.871258942765 X6 = -2772.33836025545

# Untuk n = 10

SPL Memiliki Solusi Unik

X1 = 106.59359787915218

X2 = -4711.36906512612

X3 = 61380.17902852587

X4 = -348702.26255321276

X5 = 976754.8012858032

X6 = -1278013.5072778307

X7 = 287097.5944128445

X8 = 1141114.4321210438

(9 = -1218331.5179490342

(10 = 383338.1048433947

## Persoalan 3

$$\begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 & -1 & -1 \\ 2 & 1 & -2 & -2 & -2 \\ -1 & 2 & -4 & 1 & 1 \\ 3 & 0 & 0 & -3 & -3 \end{bmatrix}$$

## **Hasil Test Case**

```
SPL Metode Gaus Jordan

1.0 0.0 0.0 -1.0 -1.0

0.0 1.0 -2.0 0.0 0.0

0.0 0.0 0.0 0.0 0.0

SPL Memiliki Solusi Tak Hingga

X1 = (1.0)t + -1.0

X2 = (2.0)s

X3 = (1.0)t
```

#### Persoalan 4

## **Hasil Test Case**

```
SPL Metode Gauss Jordan
1.0 0.0 0.0 0.0 0.0
0.0 1.0 0.0 0.0 2.0
0.0 0.0 1.0 0.0 1.0
0.0 0.0 0.0 0.0
0.0 0.0 0.0 0.0
SPL Memiliki Solusi Unik
X1 = 0.0
X2 = 2.0
X3 = 1.0
X4 = 1.0
```

```
x_7 + x_8 + x_9 = 13.00
x_4 + x_5 + x_6 = 15.00
x_1 + x_2 + x_3 = 8.00
0.04289(x_3 + x_5 + x_7) + 0.75(x_6 + x_8) + 0.61396x_9 = 14.79
0.91421(x_3 + x_5 + x_7) + 0.25(x_2 + x_4 + x_6 + x_8) = 14.31
0.04289(x_3 + x_5 + x_7) + 0.75(x_2 + x_4) + 0.61396x_1 = 3.81
x_3 + x_6 + x_9 = 18.00
x_2 + x_5 + x_8 = 12.00
x_1 + x_4 + x_7 = 6.00
0.04289(x_1 + x_5 + x_9) + 0.75(x_2 + x_6) + 0.61396x_3 = 10.51
0.91421(x_1 + x_5 + x_9) + 0.25(x_2 + x_4 + x_6 + x_8) = 16.13
0.04289(x_1 + x_5 + x_9) + 0.75(x_4 + x_8) + 0.61396x_7 = 7.04
```

## **Hasil Test Case**

#### Persoalan

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & -1 \\ 2 & 5 & -7 & -5 \\ 2 & -1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & -4 & 2 \end{bmatrix}, \quad b = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

#### **Hasil Test Case**

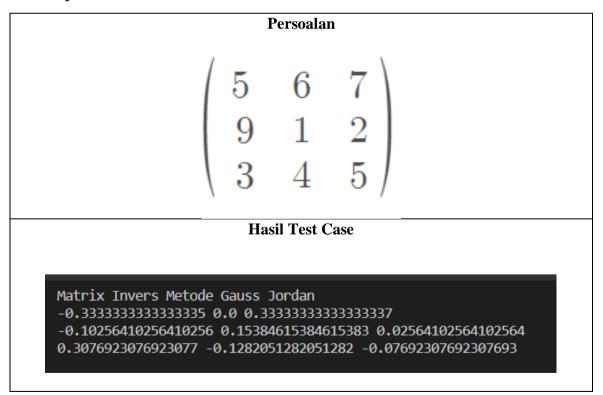
```
SPL Metode Gauss Jordan
1.0 0.0 0.0 0.666666666666665 0.0
0.0 1.0 0.0 -2.66666666666665 0.0
-0.0 -0.0 1.0 -1.0 0.0
0.0 0.0 0.0 1.0
SPL Tidak Memiliki Solusi
```

#### 4.2 Eksperimen Determinan

# Persoalan

$\begin{pmatrix} 5 \\ 9 \\ 3 \end{pmatrix}$	$     \begin{array}{ccc}       6 & 7 \\       1 & 2 \\       4 & 5     \end{array} $				
Hasil	Test Case				
Determinan Metode Reduksi Baris -17.9999999999999					
Determinan Ekspans -18.0	si Kofaktor				

## 4.3 Eksperimen Invers



Matrix Invers Metode Gauss Jordan
-0.3333333333333335 0.0 0.33333333333333
-0.10256410256410256 0.15384615384615383 0.02564102564102564
0.3076923076923077 -0.1282051282051282 -0.07692307692307693

#### 4.4 Eksperimen Regresi Linier Berganda

#### Persoalan

Table 12.1: Data for Example 12.1

Nitrous Oxide, y	Humidity, $x_1$	Temp., $x_2$	Pressure, $x_3$	Nitrous Oxide, y	Humidity, $x_1$	Temp., $x_2$	Pressure x <sub>3</sub>
0.90	72.4	76.3	29.18	1.07	23.2	76.8	29.38
0.91	41.6	70.3	29.35	0.94	47.4	86.6	29.35
0.96	34.3	77.1	29.24	1.10	31.5	76.9	29.63
0.89	35.1	68.0	29.27	1.10	10.6	86.3	29.56
1.00	10.7	79.0	29.78	1.10	11.2	86.0	29.48
1.10	12.9	67.4	29.39	0.91	73.3	76.3	29.40
1.15	8.3	66.8	29.69	0.87	75.4	77.9	29.28
1.03	20.1	76.9	29.48	0.78	96.6	78.7	29.29
0.77	72.2	77.7	29.09	0.82	107.4	86.8	29.03
1.07	24.0	67.7	29.60	0.95	54.9	70.9	29.37

Source: Charles T. Hare, "Light-Duty Diesel Emission Correction Factors for Ambient Conditions," EPA-600/2-77-116. U.S. Environmental Protection Agency.

#### Hasil

## Persamaan Regresi

```
20.0 863.099999999999 1530.4000000000003 587.83999999999 19.42
863.09999999999 54876.89 67000.09 25283.395 779.4769999999999
1530.40000000000003 67000.09 117912.32000000002 44976.86699999984 1483.436999999997
587.839999999999 25283.395 44976.86699999984 17278.50860000005 571.1219000000001
1.0 0.0 0.0 0.0 -3.5077781408831474
0.0 1.0 0.0 0.0 -6.0026249907458783875
0.0 0.0 1.0 0.0 7.989410472218425E-4
0.0 0.0 0.1 0.15415503019828913
persamaan regresi linier berganda adalah :
y = -3.507778 -0.002625 x1 + 0.000799 x2 + 0.154155 x3
```

## Penyelesaian estimasi fungsi untuk soal

Dari persamaan di atas kita dapat mengestimasi nilai suatu fungsi, pada persoalan di atas kita diminta mengestimasi nilai Nitrous Oxide apabila Humidity bernilai 50%, temperatur 76°F, dan tekanan udara sebesar 29.30.

```
Menaksir nilai fungsi
Masukkan 3 peubah 50
76
29.30
0.938434
DS C:\Usans\Sholma\Dockton\Somangat Sunaya Surviva\Aliahar Linion dan Goometri\Docani
```

## 4.5 Eksperimen Bikubik

#### Persoalan

Diberikan matriks input:

Tentukan nilai:

$$f(0,0) = ?$$

$$f(0.5, 0.5) = ?$$

$$f(0.25, 0.75) = ?$$

$$f(0.1, 0.9) = ?$$

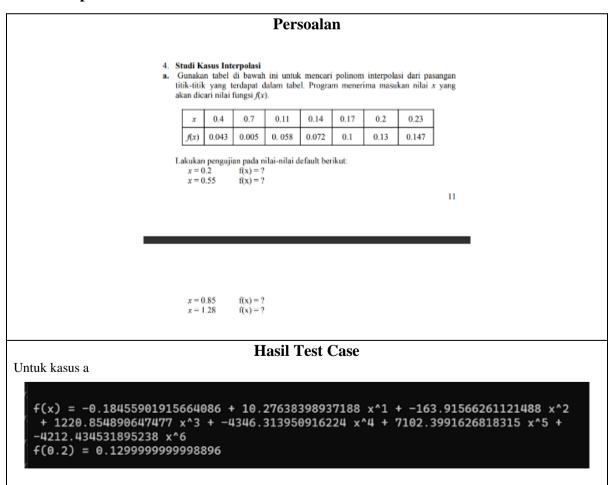
#### **Hasil Test Case**

```
Bicubic Interpolation
Input Matrix 4x4
f(-1,-1): 153
f(-1,0): 59
f(-1,1): 210
f(-1,2): 96
f(0,-1): 125
f(0,0): 161
f(0,1): 72
f(0,2): 81
f(1,-1): 98
f(1,0): 101
f(1,1): 42
f(1,2): 12
f(2,-1): 21
f(2,0): 51
f(2,1): 0
f(2,2): 16
a: 0.25
b: 0.75
f(0.25,0.75) = 82.5020751953125
```

```
Bicubic Interpolation
Input Matrix 4x4
f(-1,-1): 153
F(-1,0): 59
 (-1,1): 210
 (-1,2): 96
 (0,-1): 125
 (0,0): 161
 (0,1): 72
 (0,2): 81
 (1,-1): 98
 (1,0): 101
 (1,1): 42
(1,2): 12
f(2,-1): 21
f(2,0): 51
f(2,1): 0
f(2,2): 16
a: 0.5
b: 0.5
f(0.5,0.5) = 97.72656249999997
```

```
Bicubic Interpolation
                                                Bicubic Interpolation
Input Matrix 4x4
                                                Input Matrix 4x4
f(-1,-1): 153
                                                f(-1,-1): 153
f(-1,0): 59
                                                f(-1,0): 59
f(-1,1): 210
                                                f(-1,1): 210
f(-1,2): 96
                                                f(-1,2): 96
f(0,-1): 125
                                                f(0,-1): 125
f(0,0): 161
                                                f(0,0): 161
f(0,1): 72
                                                f(0,1): 72
f(0,2): 81
                                                f(0,2): 81
                                                f(1,-1): 98
f(1,-1): 98
                                                f(1,0): 101
f(1,0): 101
                                                f(1,1): 42
f(1,1): 42
                                                f(1,2): 12
f(1,2): 12
                                                f(2,-1): 21
f(2,-1): 21
                                                f(2,0): 51
f(2,0): 51
                                                f(2,1): 0
f(2,1): 0
                                                f(2,2): 16
f(2,2): 16
                                                a: 0
a: 0.1
                                                b: 0
b: 0.9
                                                f(0.0,0.0) = 161.0
f(0.1,0.9) = 74.69611849999998
```

## 4.6 Eksperimen Polinom



#### Untuk kasus b

```
f(x) = -0.18455901915664086 + 10.27638398937188 x^1 + -163.91566261121488 x^2
+ 1220.854890647477 x^3 + -4346.313950916224 x^4 + 7102.3991626818315 x^5 +
-4212.434531895238 x^6
f(0.55) = 2.137571620904353
```

#### Untuk kasus c

```
f(x) = -0.18455901915664086 + 10.27638398937188 x^1 + -163.91566261121488 x^2
+ 1220.854890647477 \times^3 + -4346.313950916224 \times^4 + 7102.3991626818315 \times^5 +
-4212.434531895238 x^6
f(0.85) = -66.26963931520572
```

#### Untuk kasus d

```
f(x) = -0.18455901915664086 + 10.27638398937188 x^1 + -163.91566261121488 x^2
+ 1220.854890647477 \times^3 + -4346.313950916224 \times^4 + 7102.3991626818315 \times^5 +
-4212.434531895238 x^6
f(1.28) = -3485.1449016082825
```

#### Persoalan

b. Jumlah kasus positif baru Covid-19 di Indonesia semakin fluktuatif dari hari ke hari. Di bawah ini diperlihatkan jumlah kasus baru Covid-19 di Indonesia mulai dari tanggal 17 Juni 2022 hingga 31 Agustus 2022:

Tanggal	Tanggal (desimal)	Jumlah Kasus Baru
17/06/2022	6,567	12.624
30/06/2022	7	21.807
08/07/2022	7,258	38.391
14/07/2022	7,451	54.517
17/07/2022	7,548	51.952
26/07/2022	7,839	28.228
05/08/2022	8,161	35.764
15/08/2022	8,484	20.813
22/08/2022	8,709	12.408
31/08/2022	9	10.534

Tanggal (desimal) adalah tanggal yang sudah diolah ke dalam bentuk desimal 3 angka di belakang koma dengan memanfaatkan perhitungan sebagai berikut:

```
tanggal(desimal) = bulan + (tanggal / jumlah hari pada bulan tersebut)
```

Sebagai contoh, untuk tanggal 17/06/2022 (dibaca: 17 Juni 2022) diperoleh tanggal(desimal) sebagai berikut:

Tanggal(desimal) = 
$$6 + (17/30) = 6,567$$

Gunakanlah data di atas dengan memanfaatkan polinom interpolasi untuk melakukan prediksi jumlah kasus baru Covid-19 pada tanggal-tanggal berikut:

- a. 16/07/2022
- b. 10/08/2022
- 05/09/2022
- d. beserta masukan user lainnya berupa tanggal (desimal) yang sudah diolah dengan asumsi prediksi selalu dilakukan untuk tahun 2022.

#### **Hasil Test Case**

#### Untuk kasus a

```
f(x) = 7.1871179889419155E9 + -9.347057986136898E9 x^1 + 5.334238927153257E9
x^2 + -1.756821693899731E9 x^3 + 3.685531694209591E8 x^4 + -5.1132198648866E7
x^5 + 4695835.438373981 x^6 + -275476.226807866 x^7 + 9372.90606280228 x^8 +
-140.9945597747748 x^9
f(7.516) = 53.537702560424805
```

Untuk kasus b

```
f(x) = 7.1871179889419155E9 + -9.347057986136898E9 x^1 + 5.334238927153257E9
x^2 + -1.756821693899731E9 x^3 + 3.685531694209591E8 x^4 + -5.1132198648866E7
x^5 + 4695835.438373981 \ x^6 + -275476.226807866 \ x^7 + 9372.90606280228 \ x^8 +
 -140.9945597747748 x^9
f(8.322) = 36.344032287597656
```

Untuk kasus c

```
f(x) = 7.1871179889419155E9 + -9.347057986136898E9 x^1 + 5.334238927153257E9
x^2 + -1.756821693899731E9 x^3 + 3.685531694209591E8 x^4 + -5.1132198648866E7
x^5 + 4695835.438373981 x^6 + -275476.226807866 x^7 + 9372.90606280228 x^8 + 4695835.438373981
-140.9945597747748 x^9
f(9.167) = -667.6967697143555
```

Untuk kasus d

```
f(x) = 7.1871179889419155E9 + -9.347057986136898E9 x^1 + 5.334238927153257E9
x^2 + -1.756821693899731E9 x^3 + 3.685531694209591E8 x^4 + -5.1132198648866E7
x^5 + 4695835.438373981 x^6 + -275476.226807866 x^7 + 9372.90606280228 x^8 +
-140.9945597747748 x^9
f(10.226) = -567112.2384338379
```

#### Persoalan

c. Sederhanakan fungsi

$$f(x) = \frac{x^2 + \sqrt{x}}{e^x + x}$$

dengan polinom interpolasi derajat n di dalam selang [0, 2]. Sebagai contoh, jika n =5, maka titik-titik x yang diambil di dalam selang [0, 2] berjarak h = (2-0)/5 = 0.4.

```
f(x) = 2.0352572500000035 \times 1 + -3.5526817708333502 \times 2 + 3.2371145833333594 \times 3
+ -1.4212662760416825 x^4 + 0.2362565104166701 x^5
f(2.0) = 0.5766520000000037
```

# Bab 5 Kesimpulan, Saran, dan Refleksi

## 5.1 Kesimpulan

Program yang dibuat dapat digunakan untuk menghitung berbagai persoalan.

- 1. Menghitung solusi SPL dengan menggunakan beberapa metode seperti Gauss, Gauss Jordan, Matriks balikan, dan kaidah crammer.
- 2. Menghitung determinan matriks dengan ekspansi kofaktor dan metode reduksi baris.
- 3. Menghitung matriks balikan
- 4. Menyelesaikan persoalan interpolasi polinom, regresi linier berganda, serta bikubik.

#### 5.2 Saran

Studi kasus yang diberikan masih sedikit sehingga kurang bisa meng-cover beberapa test yang ingin dilakukan.

#### 5.3 Refleksi

Dari tugas besar yang telah dilakukan membuat kami banyak mengexplore berbagai hal mulai dari belajar bahasa pemrograman yang baru yaitu java serta hal-hal lainnya

## **Daftar Pustaka**

- B.Rowe, Daniel. BiLinear, Bicubic and In Between Spline Interpolation (https://www.mssc.mu.edu/~daniel/pubs/RoweTalkMSCS\_BiCubic.pdf). Diakses pada 24 September 2022.
- Multiple Linear Regression Model With Normal Equation. Diakses pada 27 September 2022 dari sumber <a href="https://www.geeksforgeeks.org/multiple-linear-regression-model-with-normal-equation/">https://www.geeksforgeeks.org/multiple-linear-regression-model-with-normal-equation/</a>
- Munir, R(2022). IF2123 Aljabar Linier dan Geometri Semester I Tahun 2022/2023. Diakses pada 20 September 2022.
- Syntax Bahasa Java Java Tutorial. Diakses pada 15 September 2022 dari sumber <a href="https://www.w3schools.com/java/default.asp">https://www.w3schools.com/java/default.asp</a>.

## Repositori

https://github.com/althaafka/Algeo01-21077.git