

1. algoritma program dinamis mundur untuk knapsack kapasitas (W) = 6.

Tahap 1:

$$f_4(y) = \max\{f_4(y), p_5 + f_4(y - w_5)\}$$

y	$\max\{f_4(y), p_5 + f_4(y - w_5)\}$		Solusi Optimum	
	$F_4(y)$	$50 + f_4(y - 5)$	$f_3(y)$	$(x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*)$
0	0	0	0	(0, 0, 0, 0, 0)
1	0	0	0	(0, 0, 0, 0, 0)
2	0	0	0	(0, 0, 0, 0, 0)
3	0	0	0	(0, 0, 0, 0, 0)
4	0	0	0	(0, 0, 0, 0, 0)
5	0	50	50	(1, 0, 0, 0, 0)
6	0	50	50	(1, 0, 0, 0, 0)

Tahap 2:

$$f_3(y) = \max\{f_3(y), p_4 + f_3(y - w_4)\}$$

y	$\max\{f_3(y), p_4 + f_3(y - w_4)\}$		Solusi Optimum	
	$f_3(y)$	$40 + f_3(y - 4)$	$f_2(y)$	$(x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*)$
0	0	$40 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
1	0	$40 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
2	0	$40 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
3	0	$40 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
4	0	$40 + 0 = 40$	40	(0, 0, 0, 1, 0)
5	50	$40 + (-\infty) = -\infty$	50	(0, 0, 0, 0, 1)
6	50	$40 + (-\infty) = -\infty$	50	(0, 0, 0, 0, 1)

Tahap 3:

$$f_2(y) = \max\{f_2(y), p_3 + f_2(y - w_3)\}$$

y	$\max\{f_2(y), p_3 + f_2(y - w_3)\}$		Solusi Optimum	
	$f_2(y)$	$15 + f_2(y - 1)$	$f_1(y)$	$(x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*)$
0	0	$0 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
1	0	$15 + 0 = 15$	15	(0, 0, 1, 0, 0)
2	0	$15 + 0 = 15$	15	(0, 0, 1, 0, 0)
3	0	$15 + 0 = 15$	15	(0, 0, 1, 0, 0)
4	40	$15 + (-\infty) = -\infty$	40	(0, 0, 0, 1, 0)
5	50	$15 + 40 = 55$	55	(0, 0, 1, 1, 0)
6	50	$15 + 50 = 65$	65	(0, 0, 1, 0, 1)

Tahap 4:

$$f_1(y) = \max\{f_1(y), p_2 + f_1(y - w_2)\}$$

y	$\max\{f_1(y), p_2 + f_1(y - w_2)\}$		Solusi Optimum	
	$f_1(y)$	$20 + f_1(y - 2)$	$f_0(y)$	$(x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*)$

0	0	$20 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
1	15	$20 + (-\infty) = -\infty$	15	(0, 0, 1, 0, 0)
2	15	$20 + 0 = 20$	20	(0, 1, 0, 0, 0)
3	15	$20 + 15 = 35$	35	(0, 1, 1, 0, 0)
4	40	$20 + (-\infty) = -\infty$	40	(0, 0, 0, 1, 0)
5	55	$20 + (-\infty) = -\infty$	55	(0, 0, 0, 0, 1)
6	65	$20 + (-\infty) = -\infty$	65	(0, 0, 1, 0, 1)

Tahap 5:

$$f_0(y) = \max\{f_0(y), p_1 + f_0(y - w_1)\}$$

y	$\max\{f_0(y), p_1 + f_0(y - w_1)\}$		Solusi Optimum	
	$f_1(y)$	$20 + f_1(y-2)$	$f_0(y)$	$(x_1^*, x_2^*, x_3^*, x_4^*, x_5^*)$
0	0	$25 + (-\infty) = -\infty$	0	(0, 0, 0, 0, 0)
1	15	$25 + (-\infty) = -\infty$	15	(0, 0, 1, 0, 0)
2	20	$25 + (-\infty) = -\infty$	20	(0, 1, 0, 0, 0)
3	35	$25 + (-\infty) = -\infty$	35	(0, 1, 1, 0, 0)
4	40	$25 + (-\infty) = -\infty$	40	(0, 0, 0, 1, 0)
5	50	$25 + (-\infty) = -\infty$	50	(0, 0, 0, 0, 1)
6	65	$25 + (-\infty) = -\infty$	65	(0, 0, 1, 0, 1)

Solusi Optimum X = (0,0,1,0,1) dengan profit sebesar 65.

## 2. A. exhaustive search

2. A. Exhaustive search  
w = 6

Himpunan Kajian	kebet total	keuntungan total
{}	0	0
{1}	3	25
{2}	2	20
{3}	1	15
{4}	4	40
{5}	5	50
{1,2}	5	45
{1,3}	4	40
{1,4}	7	tidak layak
{1,5}	6	tidak layak
{2,3}	3	35
{2,4}	6	60
{2,5}	7	tidak layak
{3,4}	5	55
{3,5}	6	65
{4,5}	9	tidak layak
{1,2,3}	6	60
{1,2,4}	9	tidak layak
{1,2,5}	10	tidak layak
{1,3,4}	8	tidak layak
{1,3,5}	9	tidak layak

Practice makes perfect

No. _____		
Date: _____		
$\{1, 4, 5\}$	12	tidak layak
$\{2, 3, 4\}$	7	tidak layak
$\{2, 3, 5\}$	8	tidak layak
$\{2, 4, 5\}$	11	tidak layak
$\{1, 2, 3, 4\}$	10	tidak layak
$\{1, 2, 3, 5\}$	11	tidak layak
$\{1, 2, 3, 4, 5\}$	15	tidak layak

## B. Backtracking



3. Algoritma program dinamis maju dengan kapasitas  $w = 10$ .

Item	weight	Value	value/weight
1	4	40	10
2	7	42	6
3	5	25	5
4	3	12	4

Gambar 1.B.

Tahap 1 :

Item    w    V

1	4	40
2	7	42
3	5	25
4	3	12

$W = 10$

$f_0(y) = 0$      $n = 4$      $w = 10$

Tahap 1

y	$f_0(y)$	$q_0 + f_0(y - q)$	$f_1(y)$	$(x_1, x_2, x_3, x_4)$
0	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
1	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
2	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
3	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
4	0	40	40	(1, 0, 0, 0)
5	0	40	40	(1, 0, 0, 0)
6	6	40	40	(1, 0, 0, 0)
7	0	40	40	(1, 0, 0, 0)
8	0	40	40	(1, 0, 0, 0)
9	0	40	40	(1, 0, 0, 0)
10	0	40	40	(1, 0, 0, 0)

## Tahap 2:

Min. \_\_\_\_\_  
 Limit \_\_\_\_\_

Tahap 2

$$f_2(y) = \max \{f_1(y), y_2 + f_1(y-7)\}$$

y	$f_1(y)$	$y_2 + f_1(y-7)$	$f_2(y)$	$(x_1, x_2, x_3, x_4)$
0	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
1	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
2	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
3	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
4	40	$-\infty$	40	(1, 0, 0, 0)
5	40	$-\infty$	40	(1, 0, 0, 0)
6	40	$-\infty$	40	(1, 0, 0, 0)
7	40	42	42	(0, 1, 0, 0)
8	40	42	42	(0, 1, 0, 0)
9	40	42	42	(0, 1, 0, 0)
10	40	42	42	(0, 1, 0, 0)

### Tahap 3 :

Tahap 3  
 $f_3(y) = \max \{f_2(y), 25 + f_2(y-5)\}$

y	$f_2(y)$	$25 + f_2(y-5)$	$f_3(y)$	$(x_1, x_2, x_3, x_4)$
0	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
1	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
2	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
3	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
4	40	$-\infty$	40	(1, 0, 0, 0)
5	40	25	40	(1, 0, 0, 0)
6	40	25	40	(1, 0, 0, 0)
7	42	25	42	(0, 1, 0, 0)
8	42	25	42	(0, 1, 0, 0)
9	42	65	65	(0, 1, 1, 0)
10	42	65	65	(0, 1, 1, 0)

### Tahap 4 :

Tahap 4  
 $f_4(y) = \max \{f_3(y), 12 + f_3(y-3)\}$

y	$f_3(y)$	$12 + f_3(y-3)$	$f_4(y)$	$(x_1, x_2, x_3, x_4)$
0	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
1	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
2	0	$-\infty$	0	(0, 0, 0, 0)
3	0	12	12	(0, 0, 0, 1)
4	40	12	40	(1, 0, 0, 0)
5	40	12	40	(1, 0, 0, 0)
6	40	12	40	(1, 0, 0, 0)
7	42	52	52	(0, 1, 0, 1)
8	42	52	52	(0, 1, 0, 1)
9	65	52	65	(0, 1, 1, 0)
10	65	59	65	(0, 1, 1, 0)

Solusi optimal  $x = (0, 1, 1, 0)$

Solusi optimum  $x = (0, 1, 0, 1)$  dengan profit sebesar 65.



4, greedy

No. \_\_\_\_\_  
Date: \_\_\_\_\_

4.  $W = 10$

i	w	val	val / w	P	greedy by		
					w	density	optimum
1	4	40	10	0	1	1	1
2	7	42	6	1	0	0	0
3	5	25	5	0	0	1	1
4	3	12	4	1	1	0	0
berat total				10	7	9	9
keuntungan total				54	52	65	65

solusi optimal  $X = (1, 0, 1, 0)$  merupakan greedy by density

Solusi optimal  $x = (1, 0, 1, 0)$  yang merupakan greedy by density.

5. Solusi 8-ratu :

a. Brute force

Pada setiap baris hanya perlu menempatkan ratu pada setiap kolom yang berbeda, dalam vektor 8-tuple:

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_8)$$

Jumlah permutasi bilangan 1 sampai 8 adalah  $P(1, 8) = 8! = 40.320$  buah.

procedure Ratu

{Mencari semua solusi penempatan delapan ratu pada petak-petak papan catur yang berukuran  $8 \times 8$ }

Deklarasi



X : vektor\_solusi

n,i : integer

Algoritma:

n←40320{ Jumlah permutasi (1, 2, ..., 8) }

i←1

repeat

    X←Permutasi(8) { Bangn permutasi (1, 2, ..., 8) }

        { periksa apakah X merupakan solusi }

    if Solusi(X) then

        TulisSolusi(X)

    endif

    i←i+1 { ulangi untuk permutasi berikutnya }

until i > n

b. Backtracking

    i. Inisialisasi x[1], x[2], ..., x[N] dengan 0

        for i←N to n do

            x[i] ← 0

        endfor2.

ii. Kemudian panggil prosedur N\_RATU\_R

procedure N\_RATU\_I(input N:integer)

{ Mencetak semua solusi penempatan N buah ratu pada petak papan catur N x N tanpa melanggar kendala; versi iteratif

Masukan: N = jumlah ratu

Keluaran: semua solusi  $x = (x[1], x[2], \dots, x[N])$  dicetak ke layar.

}

Deklarasi

k : integer

Algoritma:

$k \leftarrow 1$  {mulai pada baris catur ke-1}

$x[1] \leftarrow 0$  {inisialisasi kolom dengan 0}

while  $k > 0$  do

$x[k] \leftarrow x[k] + 1$  {pindahkan ratu ke kolom berikutnya}

while  $(x[k] \leq N)$  and (not TEMPAT(k)) do

{periksa apakah ratu dapat ditempatkan pada kolom  $x[k]$ }

$x[k] := x[k] + 1$

endwhile

{ $x[k] > n$  or TEMPAT(k) }

if  $x[k] \leq n$  then{ kolom penempatan ratu ditemukan }

```

if k=N then{ apakah solusi sudah lengkap?}

    CetakSolusi(x,N){ cetak solusi}

else

    k←k+1{pergi ke baris berikutnya}

    x[k]←0 {inisialisasi kolom dengan 0}

endif

else

    k←k-1 { runut-balik ke baris sebelumnya}

endif

endwhile

{ k = 0 }

```

## 6. A. Exhaustive search

6. a Exhaustive Search			
	Travel	Jarak	hasil
<input type="checkbox"/>	a → b → c → d → a	2 + 8 + 1 + 7 = 18	2
<input type="checkbox"/>	a → b → d → c → a	2 + 3 + 1 + 5 = 11	1
<input type="checkbox"/>	a → c → b → d → a	5 + 8 + 3 + 7 = 23	3
<input type="checkbox"/>	a → c → d → b → a	5 + 1 + 3 + 2 = 11	1
<input type="checkbox"/>	a → d → b → c → a	7 + 3 + 8 + 5 = 23	3
<input type="checkbox"/>	a → d → c → b → a	7 + 1 + 8 + 2 = 18	2
<input type="checkbox"/>	rute terpendeknya :		
<input type="checkbox"/>	a → b → d → c → a	= 11	
<input type="checkbox"/>	a → c → d → b → a	= 11	

b. Greedy algorithm

Dengan greedy algorithm mencari yang terdekat terlebih dahulu:

- a. Kota A terhubung dengan kota B (2) dan C (5), lalu pilih jarak terpendek yaitu ke Kota B (2).
- b. Dari Kota B terhubung dengan Kota C (8) dan D (3), pilih jarak terpendek yaitu kota D (3)
- c. Kemudian dari Kota D terhubung dengan Kota A (7) dan kota C (1), dikarenakan kota A adalah kota titik awal, maka pergi ke C dahulu karena belum di kunjungi maka jarak ke kota C (1)
- d. Dan setelah di kota C karena seluruh kota sudah dikunjungi, kembali ke kota A (5).
- e. Solusi optimum dengan greedy yaitu A – B – D – C – A dengan total 11.