



Universidad
de La Laguna

Integración: Simpson

$$f(x) = x^2 \cos x, \quad x \in [1, 3]$$

Adrián R. Mendióroz Morales
Roberto C. Palenzuela Criado

Grupo 2 K

Técnicas Experimentales. 1^{er} curso. 2^{do} semestre

Lenguajes y Sistemas Informáticos

Facultad de Matemáticas

Universidad de La Laguna

La Laguna, 16 de mayo de 2013

Índice general

1. Motivación y objetivos	1
1.1. Objetivo principal	1
2. Fundamentos teóricos	2
2.1. Integración Numérica.	2
2.2. Regla de Simpson	2
2.3. Regla de Simpson compuesta	5
3. Procedimiento experimental	6
3.1. Descripción de los experimentos	6
3.1.1. Representación gráfica de la función.	6
3.1.2. Cálculo del valor exacto de la integral definida.	7
3.1.3. Comparación gráfica.	8
3.1.4. Aproximación por la regla de Simpson.	9
3.1.5. Cálculo de errores y cifras significativas.	9
3.1.6. Aproximación por la regla de Simpson compuesta.	9
3.2. Descripción del material	10
3.3. Resultados obtenidos	10
3.4. Análisis de los resultados	10
4. Conclusiones	12
A. Ficheros Python	13
A.1. Gráfica de la función	14
A.2. Gráfica comparativa	15
A.3. Modulo Simpson	16
A.4. Aproximación y error de la regla de Simpson	17
A.5. Aproximación y error de la regla de Simpson compuesta	18
Bibliografía	18

Índice de figuras

2.1. Descripción gráfica de la regla de Simpson	3
3.1. Representación gráfica de la función a integrar.	7
3.2. Función vs. Polinomio interpolador	8

Índice de cuadros

3.1.	Aproximación de la regla de Simpson	10
3.2.	Aproximación de la regla de Simpson compuesta	10
3.3.	Aproximación y error de la regla de Simpson	10
3.4.	Aproximación y error de la regla de Simpson compuesta	11

Capítulo 1

Motivación y objetivos

Como finalidad de la asignatura de Técnicas Experimentales del Grado en Matemáticas, se debe saber aplicar conocimientos en el área de las Matemáticas de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas.

1.1. Objetivo principal

Los matemáticos suelen encontrarse con el problema de integrar funciones que no están definidas de forma explícita. Se pueden utilizar métodos gráficos, pero los métodos numéricos son mucho más precisos.

El objetivo principal de este proyecto es investigar el método numérico “La Regla de Simpson” y aplicarlo sobre la integral de la función $f(x) = x^2 \cos x$, en el intervalo $[1, 3]$.

Capítulo 2

Fundamentos teóricos

La necesidad de aproximar numéricamente el valor de una integral surge fundamentalmente por dos motivos:

- La dificultad o imposibilidad en el cálculo de una primitiva.
- La función a integrar sólo se conoce por una tabla de valores.

2.1. Integración Numérica.

La integración numérica constituye una amplia gama de algoritmos para calcular el valor numérico de una integral definida y, por extensión, el término se usa a veces en la descripción de algoritmos numéricos para resolver ecuaciones diferenciales. El problema básico considerado por la integración numérica es calcular una solución aproximada a la integral definida:

$$\int_a^b f(x) \, dx$$

Los métodos más comunes de integración numérica son:

- La regla del Trapecio.
- La regla de Simpson.

2.2. Regla de Simpson

Una forma de obtener una aproximación adecuada de una integral es usar polinomios de grado superior para unir los puntos y aproximar la función.

El método de Simpson, a diferencia de la Regla del Trapecio, intenta no recurrir a un mayor número de subdivisiones; se trata de ajustar una curva de orden superior en lugar de una línea recta como en la Regla del Trapecio.

La metodología será la siguiente: Sea una función $f(x)$, si $f(a) \neq f(b)$ entonces existe un punto intermedio $f(c)$ por el que se puede ajustar una parábola que una $f(a)$ y $f(b)$.

En la figura 2.1 se muestra la representación gráfica de una función real $f(x)$ y el polinomio de grado dos $P_2(x)$, que aproxima dicha función en un intervalo determinado. La regla de Simpson no es más que la fórmula resultante de tomar integrales bajo este polinomio.

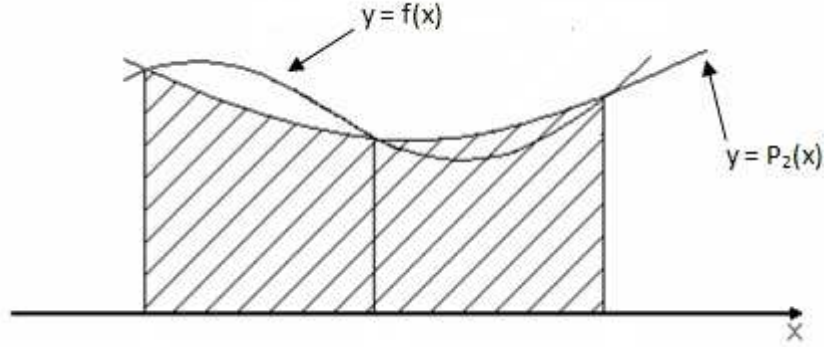


Figura 2.1: Descripción gráfica de la regla de Simpson

Utilizando una interpolación polinomial de segundo orden que aproxima a la función integrando $f(x)$ entre los puntos a y b , se desea aproximar la integral:

$$I = \int_a^b f(x) dx$$

La interpolación polinomial que se busca es un polinomio de Lagrange de orden 2, $P_2(x)$, tal que, siendo $c = \frac{a+b}{2}$

$$P_2(x) = \frac{(x-c)(x-b)}{(a-c)(a-b)} f(a) + \frac{(x-a)(x-b)}{(c-a)(c-b)} f(c) + \frac{(x-a)(x-c)}{(b-a)(b-c)} f(b)$$

Sustituyendo en la integral que se quiere calcular, se obtiene:

$$\begin{aligned} I &= \int_a^b f(x) dx \approx \int_a^b P_2(x) dx \\ &= \int_a^b \left[\frac{(x-c)(x-b)}{(a-c)(a-b)} f(a) + \frac{(x-a)(x-b)}{(c-a)(c-b)} f(c) + \frac{(x-a)(x-c)}{(b-a)(b-c)} f(b) \right] dx = \\ &= f(a) \int_a^b \frac{(x-c)(x-b)}{(a-c)(a-b)} dx + f(c) \int_a^b \frac{(x-a)(x-b)}{(c-a)(c-b)} dx + f(b) \int_a^b \frac{(x-a)(x-c)}{(b-a)(b-c)} dx \end{aligned}$$

Se toma: $h = \frac{b-a}{2}$, $c = \frac{a+b}{2}$

Se despeja b de forma que:

$$h = \frac{b-a}{2} \Rightarrow b = a + 2h$$

Se sustituye la expresión $(a - c)(a - b)$ de la siguiente forma:

$$\begin{aligned}
 h &= \frac{b - a}{2} \Rightarrow a - b = -2h \\
 (a - b)(a - c) &= -2h(a - c) \\
 (a - b)(a - c) &= -2h(b - 2h - c) \\
 (a - b)(a - c) &= -2h \left(b - 2h - \frac{a + b}{2} \right) \\
 (a - b)(a - c) &= -2h \left(\frac{b - a}{2} - 2h \right) \\
 (a - b)(a - c) &= -2h(h - 2h) \\
 (a - b)(a - c) &= -h^2
 \end{aligned}$$

Obteniéndose así:

$$\int_a^b \frac{(x - c)(x - b)}{(a - c)(a - b)} dx = \frac{1}{2h^2} \int_a^{a+2h} (x - c)(x - b) dx$$

Realizando un cambio de variable tal que $u = x - a$:

$$\begin{aligned}
 (x - c) &= x - a + a - c = u + a - c \\
 (x - c) &= u + a - \frac{a + b}{2} \\
 (x - c) &= u + \frac{a - b}{2} \\
 (x - c) &= u - h
 \end{aligned}$$

De la misma forma:

$$\begin{aligned}
 (x - b) &= x - a + a - b = u + a - b \\
 (x - b) &= u - 2\frac{b - a}{2} \\
 (x - b) &= u - 2h
 \end{aligned}$$

De lo que se obtiene:

$$\int_a^b \frac{(x - c)(x - b)}{(a - c)(a - b)} dx = \frac{1}{h^2} \int_a^{a+2h} (x - c)(x - b) dx = \frac{1}{2h^2} \int_0^{2h} (u - h)(u - 2h) du = \frac{h}{3}$$

Análogamente se deduce:

$$\int_a^b \frac{(x - a)(x - b)}{(c - a)(c - b)} dx = \frac{4h}{3} \quad ; \quad \int_a^b \frac{(x - a)(x - c)}{(b - a)(b - c)} dx = \frac{h}{3}$$

Por tanto, se tiene:

$$I = \int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{3} \left[f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right]$$

Recordando que la expresión $h = \frac{b-a}{2}$, la expresión anterior se puede expresar como:

$$\int_a^b f(x)dx \approx \frac{b-a}{6} \left[f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right] \quad (2.1)$$

A la ecuación 2.1 se le conoce como “La regla de Simpson”.

El término de error asociado es

$$-\frac{1}{90}(b-a)^5 f^{(4)}(\xi),$$

para algún $\xi \in (a, b)$.

Se observa que el error es proporcional a la cuarta derivada, de lo que se sigue que el método de Simpson obtiene soluciones exactas para ecuaciones de tercer grado o inferior.

2.3. Regla de Simpson compuesta

En casos donde la regla de Simpson devuelva un error elevado debido a la excesiva amplitud del intervalo $[a, b]$, se utiliza una variación de la regla de Simpson conocida como regla de Simpson compuesta, que consiste en dividir el intervalo $[a, b]$ en un número par “n” de subintervalos iguales de longitud $h = \frac{b-a}{n}$, entonces:

$$\int_a^b f(x)dx = \int_a^{a+h} f(x)dx + \int_{a+h}^{a+2h} f(x)dx + \dots + \int_{a+(n-1)h}^b f(x)dx$$

Aplicando la Regla de Simpson a cada subintervalo ($x_i = a + ih; i = 0, 1, 2, \dots, n$) se sigue que, para cada $[x_{j-1}, x_{j+1}]$ donde $j = 1, 3, 5, \dots, n-1$, se obtiene que:

$$\int_{x_{j-1}}^{x_{j+1}} f(x)dx = \frac{x_{j+1} - x_{j-1}}{3} [f(x_{j-1}) + 4f(x_j) + f(x_{j+1})]$$

Con lo que, la suma de las integrales de todos los subintervalos da como resultado:

$$\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{3} \left[f(x_0) + 2 \sum_{j=1}^{\frac{n}{2}-1} f(x_{2j}) + 4 \sum_{j=1}^{\frac{n}{2}} f(x_{2j-1}) + f(x_n) \right] \quad (2.2)$$

La ecuación 2.2 se conoce como “la regla de Simpson compuesta”.

El término de error para esta fórmula es

$$-\frac{1}{180}(b-a)h^4 f^{(4)}(\xi)$$

para algún $\xi \in (a, b)$.

Capítulo 3

Procedimiento experimental

En este apartado se explicará el procedimiento que se ha seguido para obtener, tanto el valor exacto, como el valor aproximado a través de la regla de Simpson, de la integral definida:

$$\int_1^3 x^2 \cos x \, dx$$

A continuación se procederá a la comparación de ambos resultados. A modo de curiosidad se aplicará la regla de Simpson compuesta para observar la mejora en la aproximación.

3.1. Descripción de los experimentos

Los experimentos realizados son los siguientes:

- Representación gráfica de la función.
- Cálculo del valor exacto de la integral definida.
- Comparación gráfica.
- Aproximación por la Regla de Simpson.
- Cálculo de errores y cifras significativas.
- Aproximación por la Regla de Simpson compuesta.

3.1.1. Representación gráfica de la función.

Se implementa en Python un programa que representa la gráfica de la función

$$f(x) = x^2 \cos x \tag{3.1}$$

como se puede ver en el apéndice A.1, obteniendo como resultado la figura 3.1.

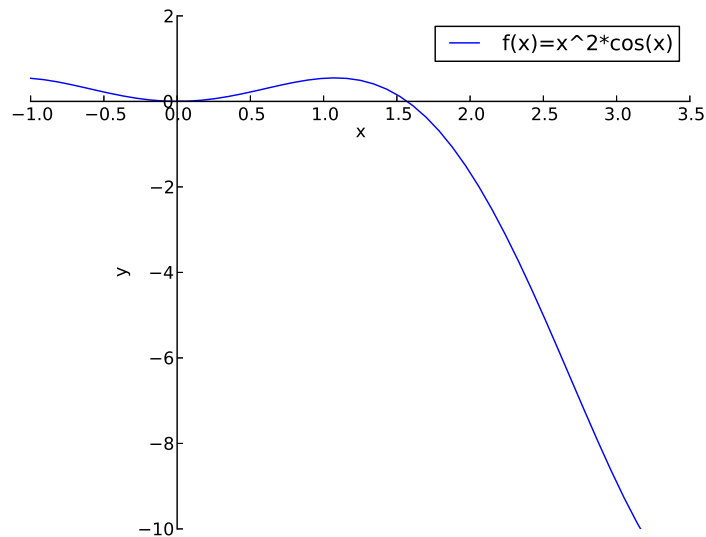


Figura 3.1: Representación gráfica de la función a integrar.

3.1.2. Cálculo del valor exacto de la integral definida.

A continuación se detallarán los pasos seguidos para obtener el valor exacto de la integral definida de la función 3.1 en el intervalo acotado $[1, 3]$, utilizando el segundo teorema fundamental del cálculo integral (o Regla de Barrow).

Se quiere calcular:

$$\int_1^3 x^2 \cos x \, dx$$

Primero se resuelve la integral indefinida aplicando el método de integración por partes ($\int u dv = uv - \int v du$) tal que:

$$\int x^2 \cos x \, dx =$$

$$u = x^2, \quad du = 2x \, dx$$

$$dv = \cos x \, dx, \quad v = \operatorname{sen} x$$

Con lo que se obtiene:

$$\int x^2 \cos x \, dx = x^2 \operatorname{sen} x - \int 2x \operatorname{sen} x \, dx =$$

Empleando de nuevo la integración por partes:

$$u = 2x, \quad du = 2 \, dx$$

$$dv = \operatorname{sen} x \, dx, \quad v = -\cos x$$

Se sigue:

$$\begin{aligned} &= x^2 \operatorname{sen} x - \left[-2x \cos x + 2 \int \cos x \, dx \right] = x^2 \operatorname{sen} x + 2x \cos x - 2 \operatorname{sen} x = \\ &2x \cos x + (x^2 - 2) \operatorname{sen} x \end{aligned} \quad (3.2)$$

Por último se obtiene el valor buscado a través de la Regla de Barrow en el intervalo $[1, 3]$. Para ello se empleará el lenguaje de programación interpretado Python, evaluando la expresión 3.2, el resultado se muestra en la tabla 3.1, que se encuentra en la página 10. Se puede ver el código Python en el apéndice A.4

3.1.3. Comparación gráfica.

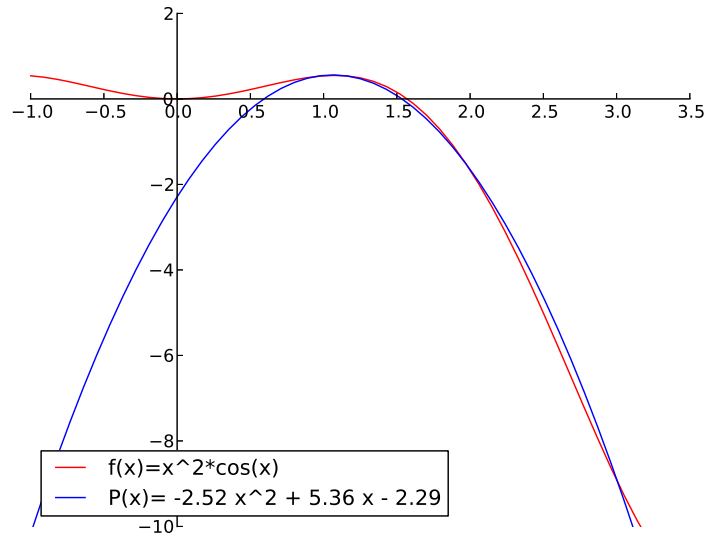


Figura 3.2: Función vs. Polinomio interpolador

En esta sección se obtendrá la expresión del polinomio interpolador de la regla de Simpson. Para ello, se busca la expresión del polinomio de grado dos que pasa por los puntos $(1, f(1))$, $(2, f(2))$ y $(3, f(3))$ de la función 3.1.

De esta forma, tenemos:

$$a1^2 + b1 + c = f(1)$$

$$a2^2 + b2 + c = f(2)$$

$$a3^2 + b3 + c = f(3)$$

Obteniendo como resultado:

$$P_2(x) = -2,520227735x^2 + 5,355793554x - 2,295263513 \quad (3.3)$$

A continuación se implementa en Python un programa que representa la gráfica $P_2(x)$, frente a $f(x)$, como se puede ver en el apéndice A.2, obteniendo como resultado la figura 3.2.

3.1.4. Aproximación por la regla de Simpson.

Para el cálculo de una aproximación de la integral:

$$\int_1^3 x^2 \cos x \, dx$$

se emplea el lenguaje Python, implementando una función que recibe por parámetros la expresión a estudiar y los extremos del intervalo donde se va a calcular, devolviendo la aproximación buscada, el resultado se muestra en la tabla 3.1, que se encuentra en la página 10. Se puede ver el código Python en el apéndice A.4

3.1.5. Cálculo de errores y cifras significativas.

Una vez obtenidos el valor exacto y la aproximación, que se denotaran v y v^* respectivamente, se procederá al cálculo del error absoluto, el error relativo y las cifras significativas.

$$\text{Error absoluto} = |v - v^*|$$

$$\text{Error relativo} = \frac{|v - v^*|}{|v|}$$

Siendo t el número de dígitos significativos (o cifras exactas): $\frac{|v-v^*|}{|v|} < 5,10^{-t}$

3.1.6. Aproximación por la regla de Simpson compuesta.

Para un mejor análisis de los resultados, se repite el estudio aplicando la Regla de Simpson compuesta, implementando una función en Python que recibe por parámetros la expresión a estudiar, los extremos del intervalo y el número par de subintervalos en los que se ha dividido, devolviendo la aproximación buscada, el resultado se muestra en la tabla 3.2, que se encuentra en la página 10. Se puede ver el código Python en el apéndice A.5.

3.2. Descripción del material

Las características del ordenador empleado para la realización de este trabajo son las siguientes:

- CPU type: Intel(R) Atom(TM) CPU N270 @ 1.60GHz
- CPU speed: 800.000Hz
- Cache size: 512 KB

En cuanto al sistema operativo, se ha utilizado “Linux-3.2.0-39-generic-i686-with-Ubuntu-12.04-precise”. Los ficheros en lenguaje Python fueron realizados con el editor de textos avanzado para KDE “Kate”.

3.3. Resultados obtenidos

Valor exacto	Aproximación
-5.19124855011	-5.0093265161

Cuadro 3.1: Aproximación de la regla de Simpson

Número de subintervalos	Aproximación
2	-5.1817934049
6	-5.1911377092
10	-5.1912342437
50	-5.1912485273
100	-5.1912485487

Cuadro 3.2: Aproximación de la regla de Simpson compuesta

3.4. Análisis de los resultados

Valor exacto	Aproximación	Error absoluto	Error relativo	C. signific.
-5.19124855011	-5.0093265161	0.181922034015	0.0350439845558	2

Cuadro 3.3: Aproximación y error de la regla de Simpson

N. de subint.	Aproximación	Error absoluto	Error relativo	C. signific.
2	-5.1817934049	0.0094551452	0.0018213625	3
6	-5.1911377092	0.0001108409	0.0000213515	5
10	-5.1912342437	0.0000143064	0.0000027559	6
50	-5.1912485273	0.0000000228	0.0000000044	9
100	-5.1912485487	0.0000000014	0.0000000003	10

Cuadro 3.4: Aproximación y error de la regla de Simpson compuesta

Como se puede apreciar en la tabla 3.3, el error cometido al aplicar la regla de Simpson, garantiza, para la función estudiada, una precisión de por lo menos dos cifras exactas. Por otro lado, se puede observar en la tabla 3.4, que empleando la regla de Simpson compuesta el error es inversamente proporcional al número de subintervalos, siendo posible reducirlo tanto como se desee.

Capítulo 4

Conclusiones

- La integración numérica reduce el cálculo del valor de la integral definida en el caso de funciones muy complejas, a simples operaciones aritméticas.
- La Regla de Simpson simplifica el cálculo de una integral definida compleja, aproximando su valor al de la integral de un polinomio de segundo grado.
- La Regla de Simpson es más precisa que otros métodos como la Regla del Trapecio a la hora de aproximar la integral.
- La Regla de Simpson proporciona aproximaciones exactas para polinomios de grado menor o igual a tres.
- La Regla de Simpson Compuesta proporciona aproximaciones más precisas que la Regla de Simpson.
- En la Regla de Simpson Compuesta, el error es inversamente proporcional al número de subintervalos.
- En la Regla de Simpson Compuesta, el error es directamente proporcional a la amplitud del intervalo.

Apéndice A

Ficheros Python

A continuación se mostraran los ficheros con el código en lenguaje Python, empleados para la realización de los experimentos.

A.1. Gráfica de la función

```
#####
# Fichero: grafica.py                                     #
#                                                         #
# Contenido: Representacion grafica de la funcion f(x)=x**2*cos(x) #
#                                                         #
# Autor/es: Adrian R. Mendioroz Morales                 #
#           Roberto C. Palenzuela Criado                 #
#                                                         #
# Fecha de creacion: 06 de mayo de 2013                 #
#####
from math import cos
from matplotlib.ticker import MultipleLocator, FormatStrFormatter
import numpy as np
from matplotlib.pyplot import *

def f(t):
    return t**2*cos(t)

t = linspace(-1, 3.5, 51) # 51 puntos entre -1 y 3.5
y = zeros(len(t))        # reserva memoria para y con elementos flotantes
for i in xrange(len(t)):
    y[i] = f(t[i])

fig = figure(1)
ax = fig.add_subplot(111)
# set up axis
ax.spines['left'].set_position('zero')
ax.spines['right'].set_color('none')
ax.spines['bottom'].set_position('zero')
ax.spines['top'].set_color('none')
ax.xaxis.set_ticks_position('bottom')
ax.yaxis.set_ticks_position('left')

plot(t,y)
xlabel('x')
ylabel('y')
legend(['f(x)=x^2*cos(x)'], 'best')
axis([-1,3.5, -10, 2])      #[tmin, tmax, ymin, ymax]
savefig('grafica.eps')
show()
```

A.2. Gráfica comparativa

```
#####
# Fichero: grafica2.py                                     #
#                                                         #
# Contenido: Representacion grafica de la funcion f(x)=x**2*cos(x) #
#           y el polinomio de grado 2 que resulta de alicar el   #
#           metodo de la regla de Simpson.                     #
#                                                         #
# Autor/es: Adrian R. Mendioroz Morales                     #
#           Roberto C. Palenzuela Criado                     #
#                                                         #
# Fecha de creacion: 06 de mayo de 2013                     #
#####
from math import cos
from matplotlib.ticker import MultipleLocator, FormatStrFormatter
import numpy as np
from matplotlib.pyplot import *

def f1(t):
    return t**2*cos(t)

def f2(t):
    return -2.52*t**2+5.36*t-2.29

t=linspace(-1,3.5,51)
y1 = f1(t)
y2 = f2(t)

fig = figure(1)
ax = fig.add_subplot(111)
# set up axis
ax.spines['left'].set_position('zero')
ax.spines['right'].set_color('none')
ax.spines['bottom'].set_position('zero')
ax.spines['top'].set_color('none')
ax.xaxis.set_ticks_position('bottom')
ax.yaxis.set_ticks_position('left')

plot(t,y1,'r')
hold('on')
plot(t,y2,'b')
legend(['f(x)=x^2*cos(x)', 'P(x)= -2.52 x^2 + 5.36 x - 2.29'],'best')
axis([-1,3.5, -10, 2]) #[tmin, tmax, ymin, ymax]
savefig('grafica2.eps')
show()
```

A.3. Modulo Simpson

```
#####
# Fichero: simpson.py                                     #
#                                                         #
# Modulo: simpson                                         #
#                                                         #
# Contenido: Funciones de aplicacion de la regla de Simpson de #
#             integracion numerica.                       #
#                                                         #
# Autor/es: Adrian R. Mendioroz Morales                 #
#            Roberto C. Palenzuela Criado                 #
#                                                         #
# Funciones:                                              #
#   regla_simpson: Calcula una aproximacion a la integral de una #
#                 funcion en un intervalo [a,b], aplicando la #
#                 regla de Simpson.                       #
#   Entrada:                                             #
#     f: funcion que se va a aproximar                   #
#     a: limite inferior de integracion                   #
#     b: limite superior de integracion                   #
#   Salida:                                              #
#     Aproximacion de la integral de f en [a,b]          #
#                                                         #
#   regla_simpson_compuesta: Calcula una aproximacion a la integral #
#                             de una funcion en un intervalo [a,b], #
#                             empleando n subintervalos y aplicando la #
#                             regla de Simpson compuesta.      #
#   Entrada:                                             #
#     f: funcion que se va a aproximar                   #
#     a: limite inferior de integracion                   #
#     b: limite superior de integracion                   #
#     n: numero (par) de subintervalos                   #
#   Salida:                                              #
#     Aproximacion de la integral de f en [a,b]          #
#                                                         #
# Fecha de creacion: 06 de mayo de 2013                  #
#                                                         #
#####
from math import *

def regla_simpson(f,a,b):
    return (b-a)/6.0*(f(a)+4*f((a+b)/2.0)+f(b))

def regla_simpson_compuesta(f,a,b,n):
    h=(b-a)/float(n)
    aprox=0
    for l in range(0,n):
        aprox+=regla_simpson(lambda x:(x**2*cos(x)),a+l*h,a+(l+1)*h)
    return aprox
```


A.4. Aproximación y error de la regla de Simpson

```

#!/usr/bin/python
#####
# Archivo: uso_simpson.py                                     #
#                                                         #
# Contenido: Comprobacion del error cometido al aplicar la regla #
#           de Simpson al calculo de la integral de la funcion #
#           f(x)=x**2*cos(x), en el intervalo [1,3].          #
#                                                         #
# Autor/es: Adrian R. Mendioroz Morales                     #
#           Roberto C. Palenzuela Criado                     #
#                                                         #
# Fecha de creacion: 06 de mayo de 2013                     #
#                                                         #
#####
from simpson import regla_simpson
from math import *

F=(2*3*cos(3)+(3**2-2)*sin(3))-(2*1*cos(1)+(1**2-2)*sin(1))
print '\nValor real= ',F

aprox=regla_simpson(lambda x:(x**2*cos(x)),1,3)
print '\nAproximacion por la regla de Simpson: ',aprox

print '\t\tError absoluto: ', abs(F-aprox)
print '\t\tError relativo: ', abs(F-aprox)/abs(F)
print '\t\tCifras significativas: ', int(-log10((abs(F-aprox)/abs(F))/5))
print '\n'

```

A.5. Aproximación y error de la regla de Simpson compuesta

```
#!/usr/bin/python
#####
# Fichero: uso_simpson.py                                     #
#                                                                 #
# Contenido: Comprobacion de los errores cometidos al aplicar la #
#           regla de Simpson compuesta al calculo de la integral #
#           de la funcion f(x)=x**2*cos(x), en el intervalo [1,3]. #
#                                                                 #
# Autor/es: Adrian R. Mendioroz Morales                     #
#           Roberto C. Palenzuela Criado                     #
#                                                                 #
# Fecha de creacion: 06 de mayo de 2013                     #
#                                                                 #
#####
from simpson import regla_simpson_compuesta
from math import *

F=(2*3*cos(3)+(3**2-2)*sin(3))-(2*1*cos(1)+(1**2-2)*sin(1))
print '\nValor real= ',F

print '\nAproximacion por la regla de Simpson compuesta: '
print '%25s %15s %15s %15s' % ('Numero de subintervalos','Aproximacion',
'Error absoluto','Error relativo')
n=[2,6,10,50,100]
aprox=0
i=0
for l in n:
    aprox=regla_simpson_compuesta(lambda x:(x**2*cos(x)),1,3,1)
    print '%16d %24.10f %15.10f %15.10f' %(n[i],aprox,abs(F-aprox),
abs(F-aprox)/abs(F))
    i=i+1
print "\n"
```

Bibliografía

- [1] CTAN. <http://www.ctan.org/>.
- [2] David Kincaid and Ward Cheney. *Análisis Numérico. Las matemáticas del cálculo científico*. Addison-Wesley Iberoamericana, 1994.
- [3] Leslie Lamport. *L^AT_EX: A Document Preparation System*. Addison–Wesley Pub. Co., Reading, MA, 1986.
- [4] Jacqueline Lelong-Ferran and J.M. Arnaudiés. *Curso de Matemáticas. Tomo 2. Análisis*. Editorial Reverte, S.A., 1982.
- [5] ACM LaTeX Style. http://www.acm.org/publications/latex_style/.
- [6] Lino J. Alvarez Vazquez and Aurea M. Martinez Varela. *Lecciones de Métodos Numéricos*. SPTV, 2005.
- [7] Eric W. Weisstein. <http://mathworld.wolfram.com/SimpsonsRule.html>.