



Universidad
de La Laguna

Estudio de la función de Distribución Geométrica

Aspectos básicos. Implementación en Python

María Baeza López

Juan Jesús Dóniz Labrador

Jesús Manuel Rodríguez Falcón

Grupo (3 | E)

Técnicas Experimentales. 1^{er} curso. 2^{do} semestre

Lenguajes y Sistemas Informáticos

Facultad de Matemáticas

Universidad de La Laguna

La Laguna, 8 de mayo de 2014

Índice general

1. Motivación y objetivos	1
1.1. Motivación	1
1.1.1. Problemas resueltos	1
2. Fundamentos teóricos	5
2.1. Conocimientos previos	5
2.1.1. Función de probabilidad	6
2.2. Distribución Geométrica	6
2.2.1. Función de probabilidad de la distribución geométrica	7
2.2.2. Función de distribución	8
2.2.3. Propiedades de la geométrica	9
3. Procedimiento experimental	11
3.1. Descripción de los experimentos	11
3.2. Descripción del material	11
3.3. Resultados obtenidos:	13
3.4. Análisis de los resultados	13
4. Conclusiones	15
A. Apéndice 1:	17
A.1. Algoritmo Principal:	17
A.2. Algoritmo del Modulo:	19
Bibliografía	19

Índice de figuras

2.1. Función de probabilidad geométrica con $p = 0,3$	8
2.2. Distribución geométrica con $p = 0,3$	9
3.1. Diagrama de Flujo de la Distribución Geométrica	12
3.2. Ejemplo de figura	14

Índice de cuadros

2.1. Propiedades geométricas	10
3.1. Modelos de ordenadores y procesadores:	11
3.2. Versiones de L ^A T _E X	12
3.3. Tabla de resultados y cálculo de errores.	13
3.4. Tabla del cálculo del tiempo.	13

Capítulo 1

Motivación y objetivos

1.1. Motivación

A lo largo de este cuatrimestre en la asignatura de Técnicas Experimentales hemos recurrido a la utilización de numerosas e innovadoras herramientas para la asimilación de conceptos y resolución de numerosos problemas del ámbito científico-técnico.

En el presente trabajo, se detallarán las características de las diferentes funciones matemáticas correspondientes al área de Probabilidades, realizando un mayor hincapié en la diferentes funciones de probabilidad existentes, situaciones de la vida cotidiana que necesitan de éstas para comprenderlas y analizarlas, junto a las propiedades que acompañan a dichas funciones.

Finalmente, dentro del siguiente documento nos vamos a centrar en la función Geométrica.

1.1.1. Problemas resueltos

Como parte de las observaciones que estudiamos en el presente trabajo, hemos buscado diferentes tipos de problemas donde se puede contemplar la utilización y la aplicabilidad tanto de la distribución geométrica como el cálculo de probabilidad de la misma.¹

Problema 1: Número de hijos

Un matrimonio ha decidido tener una hija, y para ello están dispuestos a tener hijos hasta que nazca una niña. Calcular el número esperado de hijos (tanto niños como niñas) que tendrá el matrimonio. Calcular la probabilidad de que la pareja anterior acabe teniendo tres hijos o más.

¹Previamente están solucionados a mano, aunque también utilizaremos nuestra función implementada en Python

Solución:

Leyendo el enunciado del problema anterior podemos observar que se trata de una variable geométrica. Supongamos que la probabilidad de tener niños es la misma que la probabilidad de tener niñas. Además, sea X la siguiente variable aleatoria:

X = número de hijos varones antes de que nazca una niña

De ahí concluimos la afirmación posterior:

$$X \rightarrow Geo(p = \frac{1}{2}) \Leftrightarrow P[X = k] = q^{k-1} \cdot p = \frac{1}{2^k}$$

Sabemos que el número esperado de hijos varones que va a tener la familia es $E[X] = \frac{q}{p} = (\frac{1}{2})/(\frac{1}{2}) = 1$, de lo que es fácil deducir que el número total de hijos varones y la niña es 2.

En otro de los apartados se nos pide calcular la probabilidad de que la pareja acabe teniendo tres hijos o más. Sabemos que la probabilidad de que la pareja acabe teniendo tres o más hijos equivale a la probabilidad de que la pareja tenga dos o más hijos varones, es decir:

$$\begin{aligned} P[X \geq 2] &= 1 - P[X < 2] \\ &= 1 - P[X \leq 1] \\ &= 1 - P[X = 0] - P[X = 1] \\ &= 1 - p - qp \\ &= 1 - \frac{1}{2} - \left(\frac{1}{2}\right) \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \\ &= \frac{1}{4} \end{aligned} \tag{1.1}$$

Problema 2: Tantos en baloncesto

Un jugador de baloncesto no cesa en su intento de lanzar pelotas a la canasta que se halla situada a 2 metros de altura hasta que consiga introducir una de éstas a través del aro. Si se supone que sus tiros son independientes y que la probabilidad de anotar una canasta es de 0.8, ¿cuál es la probabilidad de que el baloncestista necesite realizar dos tiros? ¿y de que sean tres tiros, cuatro tiros, cinco tiros, etc. hasta deducir la fórmula para n tiros? ¿cuál es la probabilidad de necesitar como mucho cinco tiros?

Solución:

Supongamos que tenemos la siguiente variable aleatoria:

X = número de tiros necesarios por el baloncestista hasta anotar una canasta

Ahora bien, sabemos que los valores de p y q son los siguientes:

$$p = 0,8; \quad q = 1 - p = 1 - 0,8 = 0,2$$

Procedamos por tanto, a calcular dichas probabilidades:

- $P[X = 1] = p = 0,8$
- $P[X = 2] = q \cdot p = 0,8 \cdot 0,2 = 0,16$
- $P[X = 3] = q \cdot q \cdot p = 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,2 = 0,032$
- $P[X = 4] = q \cdot q \cdot q \cdot p = 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,2 = 0,0064$
- $P[X = 5] = q \cdot q \cdot q \cdot q \cdot p = 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,8 \cdot 0,2 = 0,00128$

Luego, de aquí es fácil apreciar que:

$$P[X = n] = q^{n-1} \cdot p$$

Veamos ahora cuál es la probabilidad de necesitar como máximo cinco tiros para encestar en la canasta. Para ello vemos que:

$$P[X \leq 5] = P[X = 1] + P[X = 2] + P[X = 3] + P[X = 4] + P[X = 5]$$

Atendiendo a los resultados del apartado anterior nos queda:

$$P[X \leq 5] = 0,8 + 0,16 + 0,032 + 0,0064 + 0,00128 = 0,99968$$

Problema 3: Dados

Se lanza un dado hasta que aparece el número 4. ¿Cuál es la probabilidad de que el número de lanzamientos sean 3?

Solución:

En este ejercicio se nos pide calcular la probabilidad de realizar sólo tres lanzamientos del dado. Para ello definamos la siguiente variable aleatoria de la manera que se muestra a continuación:

X = número de lanzamientos a efectuar con el dado hasta que aparezca el valor 4 en una de sus caras

De acuerdo con el enunciado del problema sabemos que $p = \frac{1}{6}$ y, por tanto, $q = 1 - p = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$. De acuerdo con esto, y recurriendo a la fórmula de recurrencia obtenida en el problema anterior (véase el problema 1.2)

$$P[X = n] = q^{n-1} \cdot p$$

y tomando como valor $n=3$ podemos obtener el siguiente resultado:

$$P[X = 3] = \left(\frac{5}{6}\right)^{3-1} \cdot \left(\frac{1}{6}\right) = \left(\frac{5}{6}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{6}\right) = \left(\frac{25}{36}\right) \cdot \left(\frac{1}{6}\right) = 0,1157$$

Problema 4: Reacción frente a un medicamento

La probabilidad de que cierto análisis clínico dé una reacción positiva es 0.4. Los resultados de los análisis son independientes unos de otros ¿Cuál es la probabilidad de que la primera reacción positiva ocurra antes del tercer análisis?

Solución:

Definamos la siguiente variable aleatoria:

X = probabilidad de que un individuo reaccione frente al medicamento

Queremos ver la probabilidad que existe de que la reacción positiva sea antes del tercer análisis. Como los valores proporcionados por el problema son $p = 0,4$; $q = 1 - p = 0,6$ nos queda:

$$P[X < 3] = P[X = 1] + P[X = 2] = (0,6)^{1-1} \cdot (0,4) + (0,6)^{2-1} \cdot (0,4) = 0,64$$

Capítulo 2

Fundamentos teóricos

Introducción

Para poder hablar propiamente de la distribución geométrica primero debemos introducir algunos conceptos matemáticos, referidos a la parte de probabilidades.

En primer lugar debemos contestar a las siguientes preguntas: ¿Qué es la probabilidad?, ¿Qué se entiende por función de distribución? y ¿Qué es una distribución de probabilidad discreta?. Por último, debemos profundizar sobre el objeto de nuestra investigación: la distribución geométrica.

2.1. Conocimientos previos

La probabilidad se puede definir como una función sobre una pareja (Ω, A) , donde Ω es el espacio muestral¹ y A es la familia de sucesos se extiende a otros subconjuntos cumpliendo ciertas propiedades de álgebra, de la manera:

$$P : A \rightarrow \mathbb{R}$$

Esta función cumple las siguientes propiedades:

- $P(\Omega) = 1$
- Si $A_1, A_2 \in A : A_1 \cap A_2 = \emptyset$ entonces $P(A_1 \cup A_2) = P(A_1) + P(A_2)$

Dado un espacio probabilístico (Ω, A, P) , una *variable aleatoria* ξ sobre Ω es una función real que actúa como un "aparato de medida" sobre los sucesos elementales:

$$\begin{aligned} \xi : \Omega &\rightarrow \mathbb{R} \\ \omega &\mapsto \xi(\omega) \end{aligned} \tag{2.1}$$

Se llama función de distribución de ξ a otra función real definida como:

$$\begin{aligned} F_\xi : \mathbb{R} &\rightarrow \mathbb{R} \\ x &\mapsto F_\xi(x) = P(\{\omega \in \Omega : \xi(\omega) \leq x\}) \end{aligned} \tag{2.2}$$

¹Se llama *espacio muestral* Ω a un conjunto matemático donde cada elemento representa un resultado (concreto) de un experimento.

Cumpliendo las siguientes propiedades:

- $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = 0$; $\lim_{x \rightarrow \infty} F(x) = 1$
- F no decreciente
- F continua por la derecha

Atendiendo a la forma de su función de distribución, las variables aleatorias reales pueden ser clasificadas en tres tipos:

- **Discretas:** Pueden tomar un número discreto (finito o numerable) de valores reales.
- **Continuas:** Pueden tomar todos los valores de uno o varios intervalos de la recta real, que pueden ser acotados o no acotados.
- **Mixtos:** Son combinaciones de las dos anteriores.

2.1.1. Función de probabilidad

Dada una función de distribución ξ (Véase 2.2), se llama función de probabilidad a:

$$P_{\xi}(k) = P(\{\omega \in \Omega : \xi(\omega) = k\}), \text{ para todo } k \in \mathbb{R}$$

En nuestro caso nos interesa estudiar la función de probabilidad de la variable discreta geométrica, la cual estudiaremos en la siguiente sección.

2.2. Distribución Geométrica

La distribución geométrica es un modelo adecuado para aquellos procesos en los que se repiten pruebas consecutivamente hasta obtener el resultado deseado (éxito).

Esta distribución se puede expresar como una cualquiera de las dos distribuciones de probabilidad discreta siguientes:

- La distribución de probabilidad del número X del ensayo de Bernoulli necesaria para obtener un éxito, contenido en el conjunto $\{1, 2, 3, \dots\}$
- La distribución del número $Y = X - 1$ de fallos del primer éxito, contenido en el conjunto $\{1, 2, 3, \dots\}$

Atendiendo a la primera opción presenta las siguientes características:

- El proceso consta de un número no definido de pruebas o experimentales separados o separables. El proceso concluirá cuando se obtenga por primera vez el resultado deseado (éxito)
- Cada prueba puede dar dos resultados mutuamente excluyentes: A y $\neg A$ (no A)²

²En teoría de conjuntos también podemos escribirlo como \overline{A} o $\Omega \setminus A$

- La probabilidad de obtener un resultado A en cada prueba es p y la de obtener un resultado no A es q , siendo $p + q = 1$.³
- Las probabilidades p y q son constantes en todas las pruebas, por tanto, las pruebas son independientes (Si se trata de un proceso de "extracción", este se llevara a cabo con devolución del sujeto extraído)

2.2.1. Función de probabilidad de la distribución geométrica

Tal como se ha explicado con anterioridad, esta función de probabilidad se puede escribir de dos maneras posibles dependiendo de la definición de la distribución geométrica que se utilice.

Si la probabilidad de éxito en cada ensayo es p , entonces la probabilidad de que x ensayos sean necesarios para obtener un éxito es:

$$P(X = x) = (1 - p)^{x-1} \cdot p \text{ para } x = 0, 1, 2, 3, \dots$$

Equivalentemente, la probabilidad de que haya x fallos antes del primer éxito es:

$$P(Y = x) = (1 - p)^x \cdot p \text{ para } x = 0, 1, 2, 3, \dots$$

En ambos casos se corresponde con la función geométrica. En este trabajo utilizaremos la primera definición de esta función, tanto en el aspecto teórico como en el práctico.

Obtención de la función de probabilidad

En las condiciones de una distribución geométrica, podemos tomar X como una variable aleatoria, definida como:

$X =$ El número de pruebas necesarias para obtener por primera vez un éxito o resultado A

Esta variable se distribuirá con una distribución geométrica de parámetro p , definida como:

$$X \rightarrow Geo(p)$$

Así tendremos que la variable X es el número de pruebas necesarias para la consecución del primer éxito. De esta forma las variables aleatorias toma valores enteros a partir de cero.

La función de probabilidad $P(X)$ hará corresponder a cada valor X la probabilidad de obtener el primer éxito precisamente en la X -ésima prueba. Esto es, $P(X)$ será la probabilidad del suceso obtener $X - 1$ resultados "no A " y un éxito o resultado A en la prueba número X teniendo en cuenta que todas las pruebas son independientes y que conocemos sus probabilidades, es decir, conocemos p y q . Así tendremos:

$$\text{suceso} \equiv \underbrace{\bar{A} \text{ y } \bar{A} \text{ y } \dots \text{ y } \bar{A}}_{X-1 \text{ vez}} \text{ y } \underbrace{\bar{A}}_{1 \text{ vez}} = \underbrace{\bar{A} \cap \bar{A} \cap \dots \cap \bar{A}}_{X-1 \text{ vez}} \cap \underbrace{\bar{A}}_{1 \text{ vez}}$$

³Gracias a esta característica podemos saber el valor de p (respectivamente q) a partir de su homólogo, es decir, q (respectivamente p)

dado que se trata de sucesos independientes y conocemos las probabilidades tenemos que (Utilizando la Propiedad de probabilidades Apéndice):

$$P(x) = \underbrace{P(\bar{A}) \cdot P(\bar{A}) \cdots P(\bar{A})}_{x-1 \text{ vez}} \cdot P(A) = q^{n-1} \cdot p \quad (2.3)$$

Luego la función de Probabilidad nos quedaría como queríamos ver:

$$P(x) = q^{n-1} \cdot p \quad (2.4)$$

Algunos autores consideran la aleatorización como "número de pruebas anteriores al primer éxito". De esta manera el conseguir el éxito a la primera sería $X = 0$. En la siguiente representación gráfica de la función de probabilidad (Veáse la Figura 2.1) de la geométrica puede apreciarse este tipo de aleatorización.

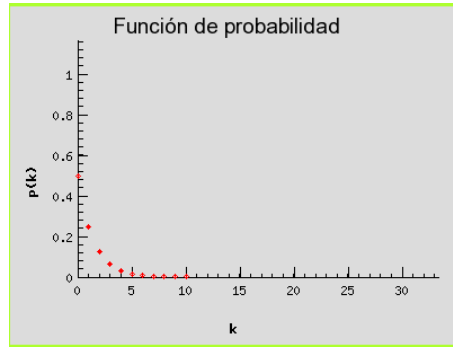


Figura 2.1: Función de probabilidad geométrica con $p = 0,3$

2.2.2. Función de distribución

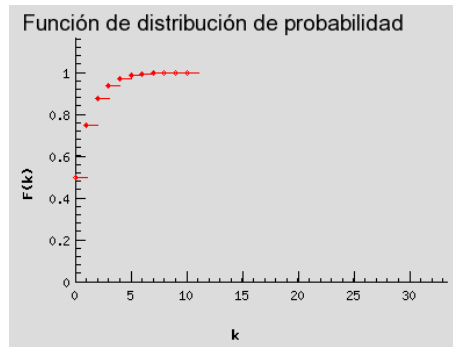
En base de la función de probabilidad se puede expresar la función de distribución de la siguiente manera:

$$F(x) = \sum_{x=1}^X q^{x-1} \cdot p \quad (2.5)$$

Desarrollando la expresión tendríamos:

$$F(x) = p \cdot (1 + q + q^2 + q^3 + \dots + q^{x-1}) = p \cdot \frac{1 - q^x}{1 - q} \quad (2.6)$$

de donde: $F(x) = 1 - q^x$. las gráfica análoga a la anterior:

Figura 2.2: Distribución geométrica con $p = 0,3$

2.2.3. Propiedades de la geométrica

- **La media:** $E(X) = \frac{1}{p}$ o $E(Y) = \frac{1-p}{p}$
- **La varianza:** $var(X) = var(Y) = \frac{1-p}{p^2}$
- **Las funciones generatrices:**

$$G_X(s) = \frac{s \cdot p}{1-s(1-p)} \quad \text{y} \quad G_Y(s) = \frac{p}{1-s(1-p)}, \quad |s| < (1-p)^{-1}$$

- **La moda:** es el valor de la variable que tiene asociada mayor probabilidad. Es fácil comprobar (Véase la Figura 2.1) que:

$$P(x_i) \leq P(x=1) \forall x_i$$

- **La mediana M_e :** será aquel valor de la variable en el cual la función de distribución toma el valor 0.5. Así: $F(M_e) = 1 - q^M = \frac{1}{2} \Rightarrow q^M = \frac{1}{2}$, por lo que, $M_e \cdot \ln(q) = \ln(1) - \ln(2) = -\ln(2) \rightarrow M_e = \frac{-\ln(2)}{\ln(q)}$
- **Función de Momentos (F.G.M):**

$$\begin{aligned} \varphi(t) &= E[e^{tx}] = \sum_{x=1}^{\infty} e^{tx} \cdot p \cdot q^{x-1} = \frac{p}{q} \sum_{x=1}^{\infty} (e^t \cdot q)^x = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{p}{q} (qe^t + (qe^t)^2 + \dots + (qe^t)^x) \\ &= \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{p}{q} \left[\frac{(qe^t)^{x+1} - qe^t}{qe^t - 1} \right] = \frac{p}{q} \left[\frac{qe^t}{1 - qe^t} \right] = p \left[\frac{e^t}{1 - qe^t} \right] = \frac{p}{e^{-t} - q} \\ &= p(e^{-t} - q)^{-1} \end{aligned}$$

Por lo que queda establecida que la F.G.M. tiene la expresión:

$$\varphi(t) = p(e^{-t} - q)^{-1}$$

Siguiendo el ejemplo de las figuras anteriores obtenemos los siguientes resultados:

	Fórmula	Valor para p=0.3
Media	$E(Y) = \frac{1-p}{p}$	1
Varianza	$var(Y) = \frac{1-p}{p^2}$	2
Coefficiente de simetría	$G_Y(s) = \frac{p}{1-s(1-p)}$	2.1213203435596

Cuadro 2.1: Propiedades geométricas

Capítulo 3

Procedimiento experimental

Introducción:

En éste capítulo, se describirán los diversos materiales utilizados en la elaboración y realización del algoritmo diseñados en el software Python. Además, se implementará el algoritmo de la distribución geométrica, para observar los procesos en cada paso de ejecución del programa. Finalmente, se expondrán los resultados finales y las conclusiones que de ellos se desprendan.

3.1. Descripción de los experimentos

1. Distribución Geometrica.

Análisis: Vease el capítulo 2.

Formulación Introducción de parámetros: Probabilidad p y número de casos n

Algoritmo: (ver Figura 3.1).

Codificación Vease el código en en el apéndice 1.

3.2. Descripción del material

Tanto para la ejecución en Python, como para la implementación en \LaTeX , hemos utilizado:

1. Ordenadores:

Marca:	Modelo:	Procesador:	Sistema Operativo:
Intel	GenuineIntel	Pentium(R) Dual-Core CPU E5300 2.60GHz	Linux-3.2.0-61-generic-i686-with-Ubuntu-12.04-precise
Acer	Aspire 5735Z	Pentium(R) Dual-Core CPU T3200 2.0 GHz	Windows 7 Profesional 32 bits
Acer	Aspire 5735	Pentium(R) Dual-Core CPU T3200 2.0 GHz	Windows 7 Profesional 32 bits
Asus	Series F55C	Intel (R) Corel (TM) i3-2350M CPU 2.30 GHz	Windows 8.1 64 bits

Cuadro 3.1: Modelos de ordenadores y procesadores:

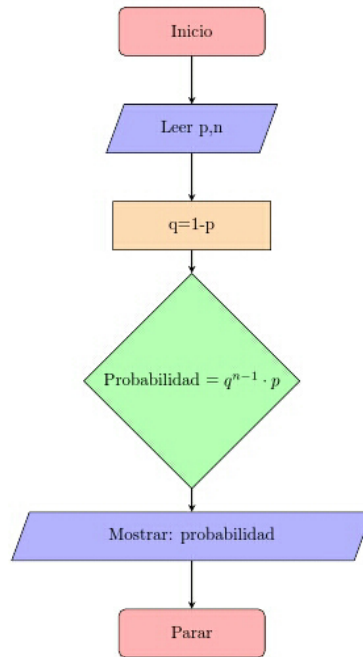


Diagrama de flujo de la distribución geométrica

Figura 3.1: Diagrama de Flujo de la Distribución Geométrica

2. **Versión de Python:** Para la realización del programa que soluciona los distintos problemas, anteriormente descritos, utilizaremos la siguiente versión de Python:

PYTHON 2.7.3 [GCC 4.6.3] ON LINUX2

3. **Versiones de \LaTeX** Así mismo hemos utilizado las siguientes versiones de \LaTeX y distintos entornos de trabajo:¹

Version Miktex:	Editor texto:
2.9	TexMaker
2.9	WinEdt 8.0

Cuadro 3.2: Versiones de \LaTeX

¹Ambos entornos, trabajan en el sistema operativo Windos (en sus distintas versiones, dadas en el cuadro 3.1)

3.3. Resultados obtenidos:

Para la realización de la siguiente tabla 3.3, nos hemos ayudado de los problemas resueltos en el capítulo 1. Se ha añadido el cálculo del error entre los resultados obtenidos, por el programa diseñado en Python, en comparación con los resultados obtenidos : "a mano" y con una calculadora online [9]

Problemas:	p	Resultado Python (1)	Resultado "a mano" (2)	Calculadora Online(3)	Error entre (1) y (2)	Error entre (1) y (3)
1	0.5	$P[X \geq 2] = 0,25$	$\frac{1}{4}$	0.25	0	0
2	0.8	$P[X = 1] = 0,8$	0.8	0.8	0	0
	0.8	$P[X = 2] = 0,16$	0.16	0.16	0	0
	0.8	$P[X = 3] = 0,032$	0.032	0.0032	0	0
	0.8	$P[X = 4] = 0,0064$	0.0064	0.0064	0	0
	0.8	$P[X = 5] = 0,001280$	0.0013	0.00128	$2 \cdot 10^{-6}$	0
	0.8	$P[X \leq 0] = 0,999680$	0.99968	0.99968	0	0
3	0.16666666	$P[X = 3] = 0,115741$	0.1157	0.115773796296	$4,1 \cdot 10^{-5}$	$3,04 \cdot 10^{-6}$
4	0.4	$P[X < 3] = 0,64$	0.64	0.64	0	0

Cuadro 3.3: Tabla de resultados y cálculo de errores.

Tabla del tiempo:

Problemas:	p:	Tiempo de ejecución:
1	0.5	0.000047
2	0.8	0.000007
	0.8	0.000035
	0.8	0.000035
	0.8	0.000035
	0.8	0.000048
	0.8	0.000045
3	0.16666666	0.000035
4	0.4	0.000044

Cuadro 3.4: Tabla del cálculo del tiempo.

3.4. Análisis de los resultados

bla, bla, etc.

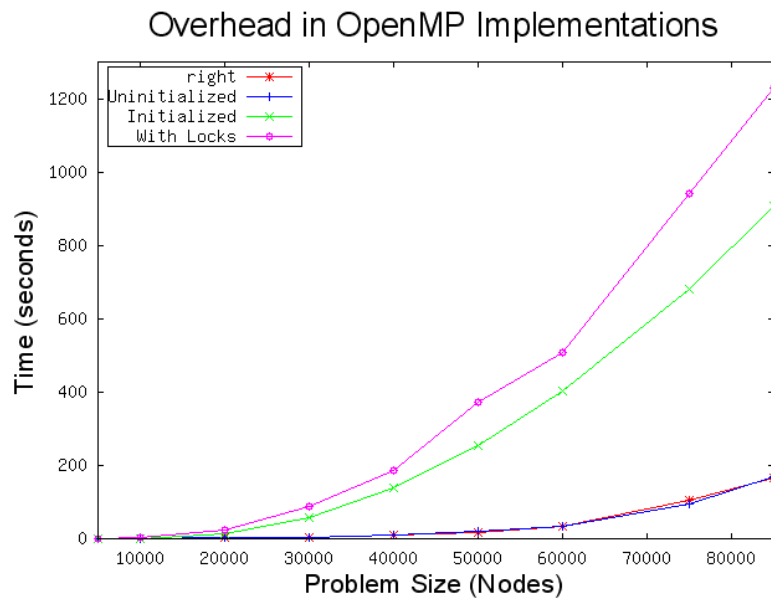


Figura 3.2: Ejemplo de figura

Capítulo 4

Conclusiones

Tras el estudio y ejecución de varios tipos de problemas sobre la Distribución Geométrica, se puede observar que:

1. Se nos asignó en este trabajo hacer un programa Python que solucionara la función de probabilidad de la distribución geométrica, para ello, tuvimos que buscar información sobre esta distribución.
2. Después iniciamos la implementación de la función de la probabilidad, para ello creamos una función (`def calcular_geo`). Esta función nos era útil en alguno de los problemas, pero no en otros casos. Éste problema lo solucionamos mediante ensayo y error, resolviendo así nuestro dilema incorporando una nueva función.
3. Podemos sacar como conclusión final que:
 - a)* Debemos ejecutar varias veces un programa, hasta purificarlo y sacar un programa eficiente y operativo.
 - b)* Además, gracias a nuestra búsqueda de información hemos podido refrescar y ampliar conocimientos sobre probabilidades, más concretamente sobre la distribución geométrica.
 - c)* Nos hemos dado cuenta del enorme potencial que tiene la utilización de \LaTeX , Bimer y Python, para la elaboración documental, presentación y creación de algoritmos, respectivamente. Nos será de gran ayuda en la elaboración de nuestros escritos, en el marco de nuestra formación académica universitaria y laboral.

Apéndice A

Apéndice 1:

A.1. Algoritmo Principal:

```
#####
# sol_geo.py
#####
#
# AUTORES: Maria Baeza Lopez
#          Juan Jesus Doniz Labrador
#          Jesus Manuel Rodriguez Falcon
#
# FECHA: 09/05/2014
#
# DESCRIPCION: Este programa realiza el calculo de la Distribucion Geometrica, dados los
# parametros de entrada n y p, utilizando el modulo: mod_geo.py.
# Este programa da 4 opciones al usuario para el calculo de dicha distribucion:
# (0=P(X=n),1=P(X<=n),2=P(X<n),3=P(x>=n))
#
#####

#!/usr/bin/python
#!/encoding: UTF-8
import sys
import mod_geo
import time
import timeit
# Menu principal
argumentos = sys.argv[1:]
# print argumentos          Imprime la lista con los parametros que le des desde la consola
if (len(argumentos) == 2):# si la lista es de dos elementos (n,p)
    n = int(argumentos[0])
    p = float(argumentos[1])
else:
    print "Introduzca el n de pruebas necesarias para obtener un exito (n>0):"
    n = int (raw_input())
    print "Introduzca el valor p (p>0):"
    p = float(raw_input())
if (n > 0):
```

```

print "¿Que tipo de probabilidad vas a hallar? (0=P(X=n), 1=P(X<=n), 2=P(X<n), 3=P(X>=n))"
respuesta=int(raw_input())
if (respuesta==0):
    start=time.time()
    probabilidad=mod_geo.calcular_geo (n,p)
    finish=time.time()-start
    print "La probabilidad P[X= %d] con p= %f es: %f y
          he tardado %f segundos en calcularlo" %(n,p,probabilidad,finish)
elif (respuesta==1):
    start=time.time()
    probabilidad=mod_geo.calcular_geo1(n,p)
    finish=time.time()-start

    print "La probabilidad P[X<= %d] con p= %f es: %f y
          he tardado %f segundos en calcularlo" %(n,p,probabilidad,finish)
elif (respuesta == 2):
    start=time.time()
    probabilidad=mod_geo.calcular_geo1(n-1,p)
    finish=time.time()-start

    print "La probabilidad P[X< %d] con p= %f es: %f y
          he tardado %f segundos en calcularlo" %(n,p,probabilidad,finish)
else:
    start=time.time()
    prob=mod_geo.calcular_geo1(n,p)
    probabilidad = 1 - prob
    finish=time.time()-start

    print "La probabilidad P[X>= %d] con p= %f es: %f y
          he tardado %f segundos en calcularlo" %(n,p,probabilidad,finish)

else:
    print "No podemos hallar la probabilidad"

```

A.2. Algoritmo del Modulo:

```
#####
# mod_geo.py
#####
#
# AUTORES: Maria Baeza Lopez
#          Juan Jesus Doniz Labrador
#          Jesus Manuel Rodriguez Falcon
#
# FECHA: 09/05/2014
#
# DESCRIPCION: Este modulo contiene dos funciones:
#              1. calcular_geo (n,p)---->calcula la probabilidad geometrica
#              y la devuelve a sol_geo.py
#              2. calcular_geo1 (n,p)--->Calcula la probabilidad geometrica
#              desde 1 hasta n y las va almacenando en sumaprobabilidad
#
#####

#!/usr/bin/python
#!/encoding: UTF-8
import sys
import math

def calcular_geo (n,p):
    if (n>1):
        q=1-p
        probabilidad=(q**(n-1))*p
    else:
        probabilidad=p
    return (probabilidad)

def calcular_geo1 (n,p):
    probabilidad=0
    for i in range (1,n+1):
        sumaprobabilidad=calcular_geo(i,p)
        probabilidad+=sumaprobabilidad
    return (probabilidad)
```

Bibliografía

- [1] Anita de Waard. A pragmatic structure for research articles. In *Proceedings of the 2nd international conference on Pragmatic web*, ICPW '07, pages 83–89, New York, NY, USA, 2007. ACM.
- [2] J. Gibaldi and Modern Language Association of America. *MLA handbook for writers of research papers*. Writing guides. Reference. Modern Language Association of America, 2009.
- [3] G.D. Gopen and J.A. Swan. The Science of Scientific Writing. *American Scientist*, 78(6):550–558, 1990.
- [4] Leslie Lamport. *TEX: A Document Preparation System*. Addison–Wesley Pub. Co., Reading, MA, 1986.
- [5] Coromoto León. *Diseño e implementación de lenguajes orientados al modelo PRAM*. PhD thesis, 1996.
- [6] Guido Rossum. Python library reference. Technical report, Amsterdam, The Netherlands, The Netherlands, 1995.
- [7] Guido Rossum. Python reference manual. Technical report, Amsterdam, The Netherlands, The Netherlands, 1995.
- [8] Guido Rossum. Python tutorial. Technical report, Amsterdam, The Netherlands, The Netherlands, 1995.
- [9] RenĀ© VĀĵpenĀk. <http://www.elektro-energetika.cz/calculations/distrgeo.php>.