

## Regla del trapecio

Samanta Belén Lara Óscar Méndez Nuria Cecilia Martín

13 de mayo de 2013

Técnicas Experimentales  
Universidad de La Laguna

## 1 Introducción

## 1 Introducción

## 2 Experimentos

- Fórmulas Matemáticas
- Tiempo y velocidad

## 1 Introducción

## 2 Experimentos

- Fórmulas Matemáticas
- Tiempo y velocidad

## 3 Error

- Error

## Definición

*La regla del trapecio es un método de integración numérica, es decir, un método para calcular aproximadamente el valor de la integral definida. La regla se basa en aproximar el valor de la integral de  $f(x)$  por el de la función lineal que pasa a través de los puntos  $(a, f(a))$  y  $(b, f(b))$ . La integral de ésta es igual al área del trapecio bajo la gráfica de la función lineal.*

# Regla del trapecio

Aproximación de la integral definida por el de la función lineal que pasa a través de los puntos  $(a, f(a))$  y  $(b, f(b))$ . La integral de ésta es igual al área del trapecio bajo la gráfica de la función lineal. Se sigue que:

$$\int_a^b f(x), dx \sim (b - a) * \frac{f(a)+f(b)}{2} \text{ y donde el término error corresponde a: } -\frac{(b-a)^3}{12} * f''(\xi)$$

# Regla del trapecio compuesta

La regla del trapecio compuesta o regla de los trapecios es una forma de aproximar una integral definida utilizando  $n$  trapecios. En la formulación de este método se supone que  $f$  es continua y positiva en el intervalo  $[a,b]$ . De tal modo la integral definida  $\int_a^b f(x) dx$  representa el área de la región delimitada por la gráfica de  $f$  y el eje  $x$ , desde  $x=a$  hasta  $x=b$ . Primero se divide el intervalo  $[a,b]$  en  $n$  subintervalos, cada uno de ancho

$$\Delta x = (b - a)/n$$

Después de realizar todo el proceso matemático se llega a la siguiente fórmula:

$$\int_a^b f(x) dx \sim \frac{h}{2} [f(a) + 2f(a+h) + 2f(a+2h) + \dots + f(b)]$$

Donde  $h = \frac{b-a}{n}$  y  $n$  es el número de divisiones.

La expresión anterior también se puede escribir como:

$$\int_a^b f(x) dx \sim \frac{b-a}{n} \left( \frac{f(a)+f(b)}{2} + \sum_{k=1}^{n-1} f\left(a + k \frac{b-a}{n}\right) \right)$$

## Ejemplo

- Función

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{\frac{-x^2}{2}}, [-1, 1]$$



## Ejemplo

- Función

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, [-1, 1]$$

- Integral definida

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim 0,682689$$

## Ejemplo

- Función

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, [-1, 1]$$

- Integral definida

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim 0,682689$$

- Regla del trapecio

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim (1 - (-1)) \frac{f(-1)+f(1)}{2} \sim 0,483941$$

## Ejemplo

- Función

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, [-1, 1]$$

- Integral definida

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim 0,682689$$

- Regla del trapecio

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim (1 - (-1)) \frac{f(-1)+f(1)}{2} \sim 0,483941$$

- Regla del trapecio compuesta, con n=4

$$h = \frac{1-(-1)}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{\sqrt{(2*\pi)}} e^{\frac{-x^2}{2}}, dx \sim [f(-1)+f(-\frac{1}{2})+f(0)+f(\frac{1}{2})+f(1)] \sim 0,882385$$

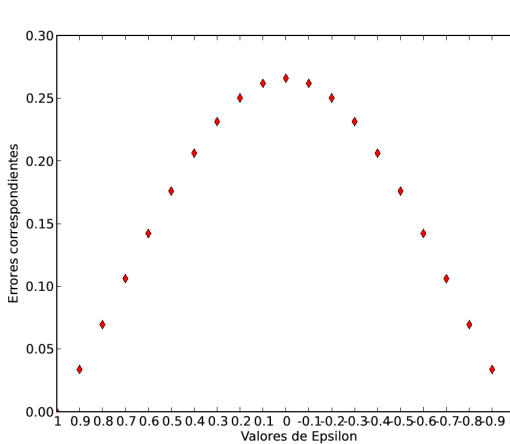
# Tiempo y velocidad

Resultados obtenidos en tiempo y velocidad para la regla del trapecio simple y la regla del trapecio compuesta.

Tiempo ( $\pm 0.001$ s)	Velocidad ( $\pm 0.1$ m/s)
1.234	67.8
2.345	78.9
3.456	89.1
4.567	91.2

# Comprobación

Errores que puede tomar el teorema para los posibles valores de  $\epsilon$  Siendo  $\epsilon$  un número perteneciente al intervalo  $[a,b]$ . En este caso el intervalo es  $[-1,1]$ . Por tanto:  $\frac{-(b-a)^3}{12} f''(2)(\epsilon)$  para todo  $\epsilon$  perteneciente a  $[-1, 1]$





Regla del trapecio [//http://es.wikipedia.org/wiki/Regla\\_del\\_trapecio](http://es.wikipedia.org/wiki/Regla_del_trapecio)



Wikipedia <http://www.http://es.wikipedia.org/wiki/LaTeX>