## Integración Simpson

Cristina González Marrero Ashneet Khandpur Singh Lorena Morales Pérez

Grupo 2-G

17 de Mayo de 2013

Introducción

Introducción

Motivación y objetivos

Introducción

Motivación y objetivos

Fundamentos teóricos

Introducción

Motivación y objetivos

Fundamentos teóricos

Procedimientos experimentales

Introducción

Motivación y objetivos

Fundamentos teóricos

Procedimientos experimentales

Resultados obtenidos

Introducción

Motivación y objetivos

Fundamentos teóricos

Procedimientos experimentales

Resultados obtenidos

Conclusiones

#### Introducción

$$f(x) = \frac{x^3}{1+x^{1/2}}, x \in [1, 2]$$

#### Definición

La regla de Simpson nos proporciona una estimación más exacta de una integral aplicando polinomios de orden superior para conectar los puntos.

## Motivación y objetivos

Objetivo principal

Comprender el funcionamiento del método de simpson aplicado a funciones, asi como acotar el error cometido en la integración numérica a través de éste

#### Fundamentos teóricos

La regla o método de Simpson (nombrada así en honor de Thomas Simpson) es un método de integración numérica que se utiliza para obtener la aproximación de la integral:

$$\int_{a}^{b} f(x) dx \approx \frac{b-a}{6} \left[ f(a) + 4f\left(\frac{a+b}{2}\right) + f(b) \right]$$

#### Error

La ecuación anterior tiene un error asociado de:

$$E_t = \frac{-1}{90} h^5 f^4(\xi)$$

El error asociado a la regla de Simpson nos indica que este método es más exacto que otros métodos de integración como la regla del trapecio.

### Procedimientos experimentales

- Descripción de los experimentos: Utilizando la fórmula simple y compuesta se ha calculado el error de la aproximación y el tiempo que tarda nuestro ordenador en calcular dicho cálculo.
- Descripción del material
  CPU speed: 2267.448 Hz

#### Resultados

#### Resultados obtenidos

N	Integral	Error	Tiempo
10	1.2672	-0.3798	0.00117
100	1.3044	-0.3426	0.00503
1000	1.3082	-0.3388	0.1333
10000	1.3086	-0.3384	1.1772
100000	1.3086	-0.3384	11.8899

Cuadro: Error y tiempo.

#### Gráfica función

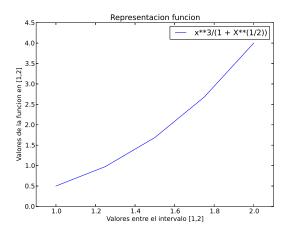


Figura: Gráfica de la función

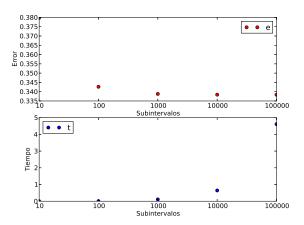


Figura: Gráfica del error y tiempo

#### **Conclusiones**

En conclusión, la regla de Simpson para el cálculo de integrales es muy apropiada, pero sobretodo el empleo de la fórmula compuesta, ya que nos permite elegir el número subintervalos y calcular la integral en cada uno de ellos, de manera que se obtiene un valos bastante aproximado de la integral. Aunque, debemos tener en cuenta que cuánto mayor es el número de intervalos, más tarda el programa en realizar el cálculo.

### Bibliografía







Python para todos. Raúl González Duque. Mundo geek. GPL. zootropo en gmail.

www.aristarco.com.es

es.scribd.com

www.artofproblemsolving.com