

Daniel Fernandez Perez

Índice

- ► Introducción.
- Descripción del problema.
- Algoritmos (pseudocódigo y análisis).
- Evaluación experimental.
- Conclusiones.
- Bibliografía.



Árbol binario: Un árbol binario no es más que una estructura de datos cuyos nodos pueden tener un hijo a la izquierda o a la derecha (no más de 2).

Árbol binario óptimo: Un árbol binario óptimo consiste en un árbol de búsqueda donde el coste medio de buscar un elemento se reduce al mínimo.

Descripción del problema.

Se tiene un conjunto de claves distintas: $w_1 < w_2 < ... < w_n$

- Se conoce la probabilidad p_i, 1≤i≤n,
- -Se quiere construir un árbol binario de búsqueda para guardar las claves que minimice el número medio de comparaciones para encontrar una clave o para garantizar que no está.
- -La profundidad de la raíz es 0.
- -El número medio de comparaciones para encontrar una clave o no hacerlo es :

$$C = \sum_{i=1}^{n} p_i (d_i + 1) + \sum_{i=0}^{n} q_i d_i$$

Algoritmos (pseudocódigo y análisis). Programación dinámica.

```
FUNCTION
                                                         else
OPTIMAL_BINARY_SEARCH_TREE(key
                                                            obst\_freq + 0
s, freq, n)
begin
                                                            obst\_freq + SUM(freq, i, j)
  for i = 0 to n-1 do
                                                            if obst_freq < aux_matrix(i,j)</pre>
    aux matrix(i,i) <- freq(i)
                                                            then
  for L = 2 to n do
                                                              aux_matrix(i,j) <- obst_freq</pre>
    for i = 0 to n do
                                                              return aux_matrix(0, n-1)
    j < -i + L - 1
                                                  end
    aux_matrix(i,j) <- INFINITY</pre>
    for r = i to j do
       obst freq <- 0
       if r > i then
         obst freq + aux matrix(i, r-1)
       elseif r < j then
         obst freq + aux matrix(r+1,j)
       else...
```

Algoritmos (pseudocódigo y análisis). Programación

dinámica.

Nuestra función SUM es:

```
FUNCTION \ SUM(freq, i, j) begin s <-0 for k = i \ to \ j \ then <math display="block">s + freq(k) return s end
```

Complejidad: El tiempo de complejidad del algoritmo es $O(n^4)$.

Algoritmos
(pseudocódigo
y análisis).
Programación
recursiva.

```
En el caso del algoritmo recursivo. Tenemos que:
FUNCTION BOTTOMUP(keys, freq, n)
begin
 for i = 1 to SIZE KEYS do
  limit <- i + SIZE_KEYS - n;
  for i = 0 to limit do
    j < -i + n - 1
    aux_matrix(i,j) <- INFINITY</pre>
    for r = i \text{ to } j
      temp < -SUM(i, j)
      if r > i then
        temporal <- temporal + aux_matrix(i, r-1)
      if r < j
        temporal <- temporal + aux_matrix(r+1, j)
      if temporal < aux_matrix(i,j) then
        aux_matrix(i,j) <- temporal</pre>
end
```

Evaluación experimental.

Ejecución del programa para los siguientes nodos para la programación Dinámica. Ejecución del programa para los siguientes nodos para el algoritmo recursivo.

Nodos	Iteraciones	Tiempo (~seg)
2	3	0.11
3	11	0.29
4	26	0.49
7	133	2.30
10	375	22.68
15	1225	139.74
50	42875	37589.90

Nodos	Iteraciones	Tiempo (~seg)
2	6	0.17
3	20	0.33
4	50	0.61
7	336	3.85
10	1210	19.58
15	5440	141.42
50	563550	39434.32

Conclusiones

- Efectividad

– Comparativa con la programación recursiva.

Bibliografía

http://www.geeksforgeeks.org/dynamic-programming-set-24-optimal-binary-search-tree/

https://gist.github.com/mike168m/55fdb7e962fc521e56499b5c0b7dbe95

https://alg12.wikischolars.columbia.edu/file/view/OPTIMALBST.pdf

http://www.eli.sdsu.edu/courses/fall95/cs660/notes/OBST/OBST.html

http://software.ucv.ro/~cmihaescu/ro/laboratoare/SDA/docs/arboriOptimali_en.pdf

http://www.radford.edu/~nokie/classes/360/dp-opt-bst.html