# Método de la bisección aplicado a la función $f(x) = 5^x - \underline{5}$

#### Claudia Ballester Niebla, Cathaysa Pérez Quintero y Carlos Herrera Carballo

14 de mayo de 2014

Facultad de Matemáticas Universidad de La Laguna



Objetivos

- Objetivos
- Pundamentos teóricos

# <u>Í</u>ndice

- Objetivos
- Pundamentos teóricos
- 3 Procedimiento experimental

- Objetivos
- Pundamentos teóricos
- Procedimiento experimental
- 4 Algoritmo

- Objetivos
- Pundamentos teóricos
- Procedimiento experimental
- 4 Algoritmo
- Gráficas

- Objetivos
- Pundamentos teóricos
- 3 Procedimiento experimental
- 4 Algoritmo
- Gráficas
- 6 Bibliografía

# Objetivos

• **Objetivo principal**: Implementación con Python del método de bisección.

## Objetivos

- Objetivo principal: Implementación con Python del método de bisección.
- **Objetivo específico**: Cómo se aproximan las raíces de una función, mediante el método de bisección.

El método de la bisección se basa en dos teoremas, el de Bolzano y el del Valor Intermedio.

El método de la bisección se basa en dos teoremas, el de Bolzano y el del Valor Intermedio.

#### Definición

• Teorema de Bolzano: Sea f(x) una función continua en un intervalo [a,b] tal que f(a) \* f(b) < 0, entonces existe un punto c perteneciente al intervalo (a,b) tal que f(c) = 0.

El método de la bisección se basa en dos teoremas, el de Bolzano y el del Valor Intermedio.

#### Definición

- Teorema de Bolzano: Sea f(x) una función continua en un intervalo [a,b] tal que f(a)\*f(b)<0, entonces existe un punto c perteneciente al intervalo (a,b) tal que f(c)=0.
- Teorema del Valor Intermedio: Sea f(x) una función continua en un intervalo [a,b], tal que f(a) < f(b) entonces, para todo k tal que f(a) < k < f(b) existe  $x_0$  que pertenece al intervalo (a,b) tal que  $f(x_0) = k$ .

#### Definición

Dados dos puntos a y b, tal que f(a) y f(b) tengan signos distintos debe tener, al menos, una raíz en el intervalo [a,b]. Este método divide el intervalo en dos utilizando un tercer punto  $c=\frac{a+b}{2}$ . De esta forma, se darán dos posibilidades: f(a) y f(c),  $\delta$  f(c) y f(b) tienen distinto signo. Se aplica este método al subintervalo donde ocurre el cambio de signo. Así se realizará tantas veces como sea necesario para conseguir la máxima precisión.

# Descripción de los experimentos.

• Experimento 1: Con el fin de verificar la precisión del algoritmo propuesto, se ejecuta el programa con los mismos valores y la misma función tres veces. De esta forma, si los resultados coinciden, significará que es exacto.

- Experimento 1: Con el fin de verificar la precisión del algoritmo propuesto, se ejecuta el programa con los mismos valores y la misma función tres veces. De esta forma, si los resultados coinciden, significará que es exacto.
- Experimento 2: Se ejecutará el algoritmo con distintas funciones para así observar que es válido para cualquier f(x).

- Experimento 1: Con el fin de verificar la precisión del algoritmo propuesto, se ejecuta el programa con los mismos valores y la misma función tres veces. De esta forma, si los resultados coinciden, significará que es exacto.
- Experimento 2: Se ejecutará el algoritmo con distintas funciones para así observar que es válido para cualquier f(x).
- Experimento 3: En este tercer experimento, se ejecutará el programa con distintos intervalos para verificar la existencia de raíces en los mismos.

- Experimento 1: Con el fin de verificar la precisión del algoritmo propuesto, se ejecuta el programa con los mismos valores y la misma función tres veces. De esta forma, si los resultados coinciden, significará que es exacto.
- Experimento 2: Se ejecutará el algoritmo con distintas funciones para así observar que es válido para cualquier f(x).
- Experimento 3: En este tercer experimento, se ejecutará el programa con distintos intervalos para verificar la existencia de raíces en los mismos.
- Experimento 4: Se observa cómo varían las soluciones obtenidas con distintos valores de tolerancia de error.

- Experimento 1: Con el fin de verificar la precisión del algoritmo propuesto, se ejecuta el programa con los mismos valores y la misma función tres veces. De esta forma, si los resultados coinciden, significará que es exacto.
- Experimento 2: Se ejecutará el algoritmo con distintas funciones para así observar que es válido para cualquier f(x).
- Experimento 3: En este tercer experimento, se ejecutará el programa con distintos intervalos para verificar la existencia de raíces en los mismos.
- **Experimento 4:** Se observa cómo varían las soluciones obtenidas con distintos valores de tolerancia de error.
- Experimento 5: Para determinar el rendimiento del algoritmo, se introduce un cronómetro en el mismo, de forma que imprima el tiempo que tarda la CPU de la computadora en ejecutar el programa.

# Resultados. Experimento 1

Intento	Resultado
1	0.969
2	0.969
3	0.969

# Resultados. Experimento 2

Funcion	Resultado
5 <sup>x</sup>	Error
5x - 10	1.969
$3x^2 - 1$	Error

# Resultados. Experimento 3

Intervalo	Resultado
(-3,2)	1.023
(-2,3)	1.008
(2,5)	Error

# Resultados. Experimento 4

Tolerancia	Resultado
0.01	0.996
0.02	0.992
0.001	1.000

# Resultados. Experimento 5

Intento	Tiempo (segundos)
1	$2.8133*10^{-5}$
2	$2.4080*10^{-5}$
3	$3.1948*10^{-}5$

```
Algoritmo empleado
import time
import timeit
def f(x):
 return (5**x)-5
def biseccion(a.b.tol):
 c=(a+b)/2.0
 while((f(c)!=0.000001) and (abs(b-a)>tol)):
   if f(a)*f(c)<0.000001:
      b=c
    else:
      a=c
    c=(a+b)/2.0
 return c
import sys
if (len(sys.argv) == 4):
 A=float(svs.argv[1])
 B=float(sys.argv[2])
 TOL=float(sys.argv[3])
else:
 A=float(raw input("Introduzca el extremo a del intervalo: "))
 B=float(raw_input("Introduzca el extremo b del intervalo: "))
 TOL=float(raw_input("Introduzca la tolerancia del error que desee: "))
if f(A)*f(B)<0.000001:
 start=time.time()
 raiz=biseccion(A,B,TOL)
 finish=time.time()-start
 print "El tiempo de ejecución es:"
 print finish
 print "La raíz aproximada de la función escogida es: %4.3f" %raiz
else:
 print "En ese intervalo no existe raíz, por favor vuelva a ejecutar el programa con otros valores"
```

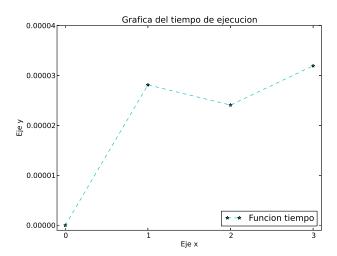


Figure: Gráfica del tiempo

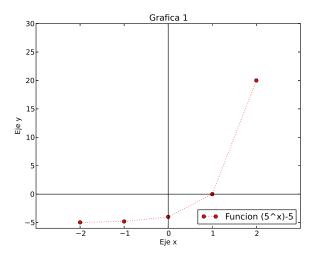


Figure: Gráfica de la funcion

### Bibliografía



Guía docente de la asignatura: Técnicas Experimentales. (2013)

http://eguia.ull.es/matematicas/query.php?codigo = 299341201



Spivak, M. -Calculus, Ed. Cambridge, 2006; Ed. Reverté, 1981 [BULL]



http://www.ma3.upc.edu/users/carmona/teaching/clases/08 — 09/trabajos/



Python para todos. -Raúl González Duque.

http:

 $// campus virtual.ull.es/1314/pluginfile.php/197675/mod_r esource/content/4/Primera_Parte/General 2012/Python_para_todoubless and the content of the conte$ 



The beamer class. User Guide for version 3.26.

 $http://campus virtual.ull.es/1314/pluginfile.php/197674/mod_r esource/content/1/beamer user guide.pdf$