Bisección con $f(x) = cos(\pi x)$

Carmen Laura Martín González y David Tomás Montesdeoca Flores

11 de mayo de 2014

Indice

Definición de Bisección

Indice

Definición de Bisección

 $oldsymbol{2}$ Definición del número π

Indice

- Definición de Bisección
- 2 Definición del número π
- $oxed{3}$ Algunas fórmulas que contienen el número π
 - Geometría
 - Análisis
 - Cálculo

Definición de Bisección

Según la RAE, La bisección es la acción o efecto de bisecar, es decir, dividir a la mitad y se aplica generalmente en la división de ángulos. Aunque esta definición no se aleja mucho de la deseada, la que verdaderamente nos interesa es la siguiente:

Definición aplicada

El método de bisección es un algoritmo usado en matemáticas para llevar a cabo una búsqueda de raíces. En resumen, este método encuentra una raíz de f(x)=0. Este método se realiza dividiendo el intervalo a la mitad y seleccionando el subintervalo de estos que contiene la raíz, que es aquel en el que hay un cambio de signo. (Se sabe que una raíz esta en un intervalo cerrado si la función cambia de signo en los puntos extremos). Cuantas más cifras decimales queramos obtener más divisiones tendremos que realizar.

Definición del número π

Definición

El número π es la relación existente entre el diámetro de la circunferencia con su longitud. Es un número irracional de los más importantes usados en las ciencias matemáticas, como la física, las ingenierías y las propias matemáticas.

El valor que toma esta constante es aproximadamente:

$$\pi = 3,14159265358979323846...$$

Como hemos visto en prácticas anteriores, este se puede calcular mediante integración:

$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} \, dx = 4(a \tan(1) - a \tan(0)) = \pi$$



Historia del Cálculo del número π

Tabla de decimales obtenidos

Año	Nombre	Ordenador	Número de decimales
1949	Reitwiesner	ENIAC	2.037
1959	Guilloud	IBM 704	16.167
1986	Bailey	CRAY-2	29.360.111
2011	Kondo		10.000.000.000.000

Geometría

• Longitud de la circunferencia.

- Longitud de la circunferencia.
- Área del círculo.

- Longitud de la circunferencia.
- Área del círculo.
- Área interior de la elipse.

- Longitud de la circunferencia.
- Área del círculo.
- Área interior de la elipse.
- Área del cono.

- Longitud de la circunferencia.
- Área del círculo.
- Área interior de la elipse.
- Área del cono.
- Área de la esfera.

Análisis

• Fórmula de Leibniz.

- Fórmula de Leibniz.
- Producto de Wallis.

- Fórmula de Leibniz.
- Producto de Wallis.
- Fórmula de Euler.

- Fórmula de Leibniz.
- Producto de Wallis.
- Fórmula de Euler.
- Fórmula de Stirling.

- Fórmula de Leibniz.
- Producto de Wallis.
- Fórmula de Euler.
- Fórmula de Stirling.
- Método de Montecarlo

Cálculo

• Área limitada por la astroide: $\frac{3}{8}\pi a^2$.

Cálculo

- Área limitada por la astroide: $\frac{3}{8}\pi a^2$.
- Área de la región comprendida por el eje X y un arco de la cicloide: $3\pi a^2$.

Bibliografía



 $es. wikipedia.org/wiki/M\'etodo_de_bisecci\'on\#Algoritmo$



 $www.juegosdelogica.com/numero_\pi.htm$