• En la ecuación 2, para k=1 (root), tenemos:

$$\delta_{1,t} = 1 + \sum_{m=2}^{t-1} \delta_{1\pi_m}$$

Entonces cuáles son los valores para para $\delta_{0,1}$ y $\delta_{0,2}$? Es decir, cuál es el grado de la raíz cuando llegua el tercer nodo k=3 en t=2. Para ser consistente con la ecuación 5 donde se asume (lógicamente) que el root no tiene padre, $\delta_{0,1}=0$ y $\delta_{0,2}=1$. Pero entonces, el $1+\dots$ de la ecuación 2 sobraría para el caso k=1, verdad?

• En la ecuación 5 calculamos el denominador para el caso de un nuevo nodo en t+1 cuyo padre será $\pi_t=k$. El denominador suma las probabilidades asociades a todos los candidatos:

$$Z_t = \alpha \sum_{l=1}^{t} d_{l,t} + \dots = 2\alpha(t-1)$$

Esto significa que el número de grados es par dado que toda relación incrementa en uno el grado del padre y del hijo. El grado total es el número de nodos hasta el momento (sin incluir el root) por dos.

• En la ecuación 8:

$$-\log \mathcal{L}(\Pi|\boldsymbol{\theta}) = -\sum_{i=1}^{N} \sum_{t=2}^{|\pi_i|} \phi(\pi_{t,i}) - \log \mathbf{Z}_{t,i}$$

no falta el log en ϕ ?

O es que se considera que la función de verosimilitud es:

$$\exp\left\{ad_{k,t} + b_k + \tau^{t-k+1}\right\}$$

(entiendo que no ya que decís que si se ignora b se recupera el modelo de Kumar 2010)

• En la ecuación 8, a diferencia de en vuestro paper de 2011, no sabemos si la función es convexa, no? Qué método usáis para la optimización? Nelder-Mead como en el otro paper?

A la hora de optimizar los parámetros, entiendo que usáis un método que permita establecer máximos y mínimos (ya he visto versiones de Nelder-Mead que lo permiten), en este caso $\alpha \in [0, \infty], \beta \in [0, \infty], \tau \in [0, 1]$ (todos positivos para evitar probabilidades negativas)

• Para generar los threads artificiales (Sección 3.1), generáis parametros aleatoriamente y para cada conjunto de parámetros generáis 100 conjuntos de N threads cada uno, para así calcular los box plots de la Figura 3. Pero de qué tamaño/s son los threads generados? Entiendo que, como decís en el Apéndice, también elegís el tamaño de la distribución empírica de la Figura 4, verdad?

Figure 2 Small example of a discussion thread represented as a tree: at time-step t = 9, node (comment) number 10 is added to the thread. At the *bottom right* we show the corresponding vector of parents π . Each node attracts the new comment with different probability according to the model under consideration (see text).

