QUICKSORT Estudos de Casos: Variações de Pivô

Algoritmo e Estrutura de Dados I

Docente: Michel Pires da Silva



Álvaro Augusto José Silva Arthur de Oliveira Mendonça Arthur Santana de Mesquita Júlia de Moura Souza Luiz Fernando dos Santos Queiroz

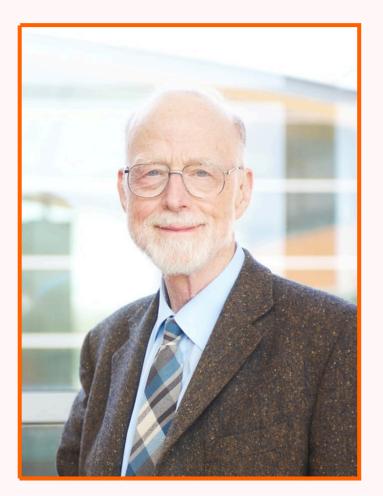
- 1 Algoritmo Quick Sort
 - 1.1 Origem
 - 1.2 O Algoritmo

- 2 Manipulação
- 2.1 Abordagem de Ordenação
- 2.2 Custo Computacional
- 3 Aplicabilidade
- 3.1 Vantagens e Desvantagens
- 3.2 Exemplos de aplicações

- 4 Análise Comportamental
 - **4.1** Elementos Crescentes
 - 4.2 Elementos Decrescentes
 - **4.3** Elementos Aleatórios
- **5** Conclusão

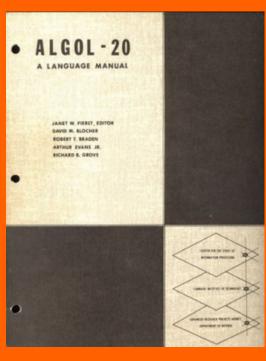
1 ALGORITMO QUICK SORT

1.1 Origem

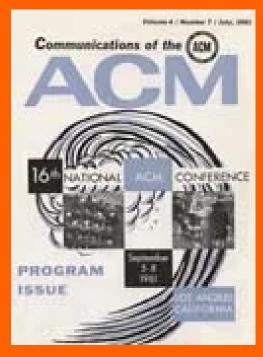


Sir Charles Antony Richard Hoare (Tony Hoare)

- Rotinas de ordenação para um compilador (Tradutor)
- Eficiência prática (Quicksort não era recursivo)



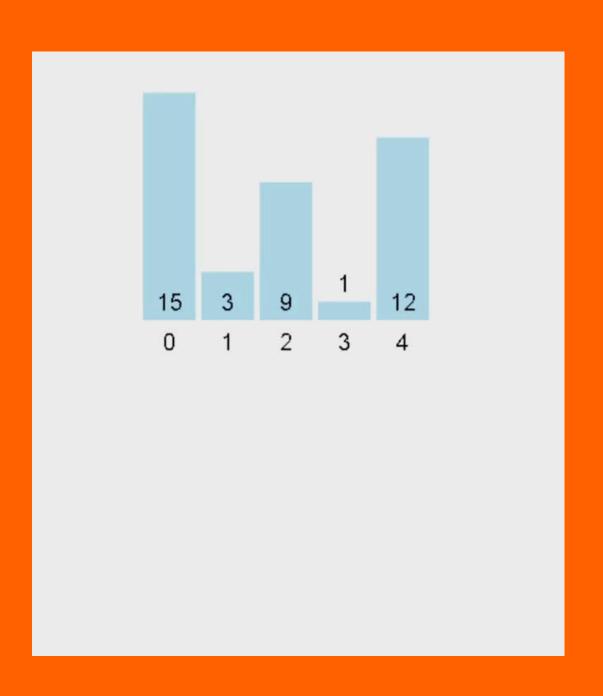
Linguagem Algorítmica (ALGOL)



Communications of ACM (ALGOL)

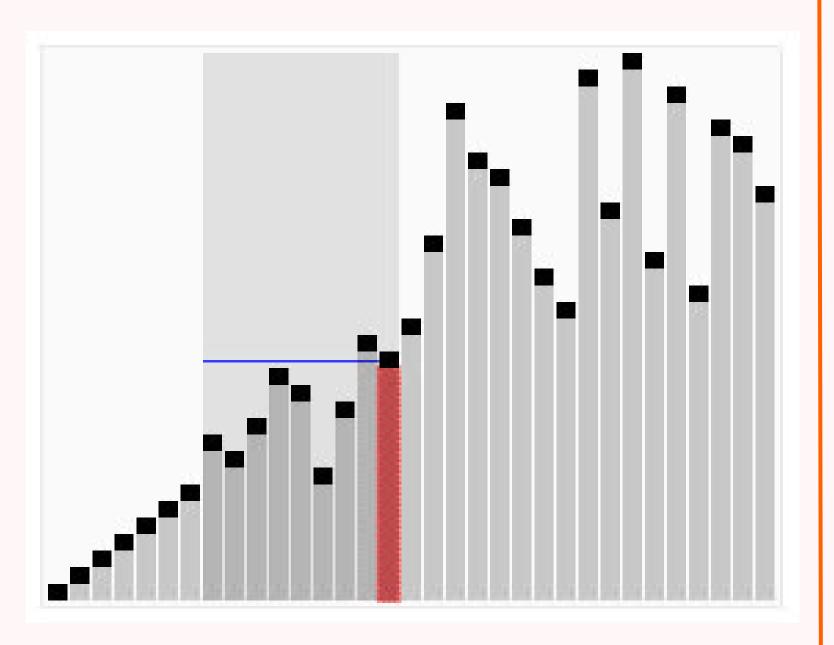
1 ALGORITMO QUICK SORT 1.1 D Algoritmo

- Divide and Conquer (Recursividade)
- Ordenação In-Place
- Elemento de referência (Pivô)



2 MANIPULAÇÃO 2.1 Abordagem de Ordenação

```
1: algoritmo Quicksort(V, início, fim)
 2: if início; fim then
      p ← Particiona(V, início, fim)
      Quicksort(V, início, p - 1)
      Quicksort(V, p + 1, fim)
 6: end if
 7: função Particiona(V, início, fim)
 8: pivo \leftarrow V[fim]
 9: i ← início - 1
10: for j \leftarrow início to fim - 1 do
11: if V[j] \le pivo then
       i \leftarrow i + 1
12:
        Trocar(V[i], V[j])
13:
      end if
14:
15: end for
16: Trocar(V[i + 1], V[fim])
17: retorna i + 1
18: procedimento Trocar(ref a, ref b)
19: temp \leftarrow a
20: a \leftarrow b
21: b ← temp
```



2 MANIPULAÇÃO

```
1: algoritmo QuickSort_MedianaDeTres(vetor, inicio, fim)
2: if inicio < fim then
     pivô ← MedianaDeTres(vetor, inicio, fim)
     pos_pivô ← Particionar(vetor, inicio, fim, pivô)
     QuickSort_MedianaDeTres(vetor, inicio, pos_pivô - 1)
     QuickSort_MedianaDeTres(vetor, pos_pivô + 1, fim)
7: end if
8: função MedianaDeTres(vetor, inicio, fim)
9: meio \leftarrow \lfloor (inicio + fim)/2 \rfloor
10: {Ordena os três elementos: inicio, meio, fim}
11: if vetor[inicio] > vetor[meio] then
     Trocar(vetor[inicio], vetor[meio])
13: end if
14: if vetor[meio] > vetor[fim] then
     Trocar(vetor[meio], vetor[fim])
16: end if
17: if vetor[inicio] > vetor[meio] then
     Trocar(vetor[inicio], vetor[meio])
19: end if
20: {A mediana está agora em vetor[meio]}
21: retorna vetor[meio]
```

2.1 Abordagem de Ordenação

```
22: função Particionar(vetor, inicio, fim, pivô)
23: i ← inicio
24: j \leftarrow fim
25: while i \leq j do
       while vetor[i] < piv\hat{o} do
         i \leftarrow i + 1
       end while
       while vetor[j] > piv\hat{o} do
        j \leftarrow j-1
       end while
      if i \leq j then
         Trocar(vetor[i], vetor[j])
         i \leftarrow i + 1
         j \leftarrow j-1
       end if
37: end while
38: retorna i
39: procedimento Trocar(ref a, ref b)
40: temp \leftarrow a
41: a \leftarrow b
42: b \leftarrow temp
```

2 MANIPULAÇÃO 2.3 Custo Computacional

Custo de Armazenamento: O(n)

- Pior Caso (Pivô Extremo): O(n²)
- Médio Caso (Comum): O(n·log(n))
- Melhor Caso (Pivô Médio): O(n·log(n))

3 APLICAÇÕES 3.1 Vantagens e Desvantagens

VANTAGENS

- In-Place
- Ordenação por Prioridade
- Complexidade de Tempo Consistente
- Implementação
- Paralelização

DESVANTAGENS

- Recursividade
- Instabilidade
- Sensível à escolha do pivô

3 APLICAÇÕES

3.2 Exemplos de Aplicações

COMPILADORES

 Durante a ordenação de identificadores

SISTEMAS EMBARCADOS

 Ideal para ambientes com RAM restrita, como microprocessadores

BANCO DE DADOS

• Em bancos de dados que executam múltiplas tarefas simultaneamente

BIBLIOTECAS DE DIFERENTES LINGUAGENS

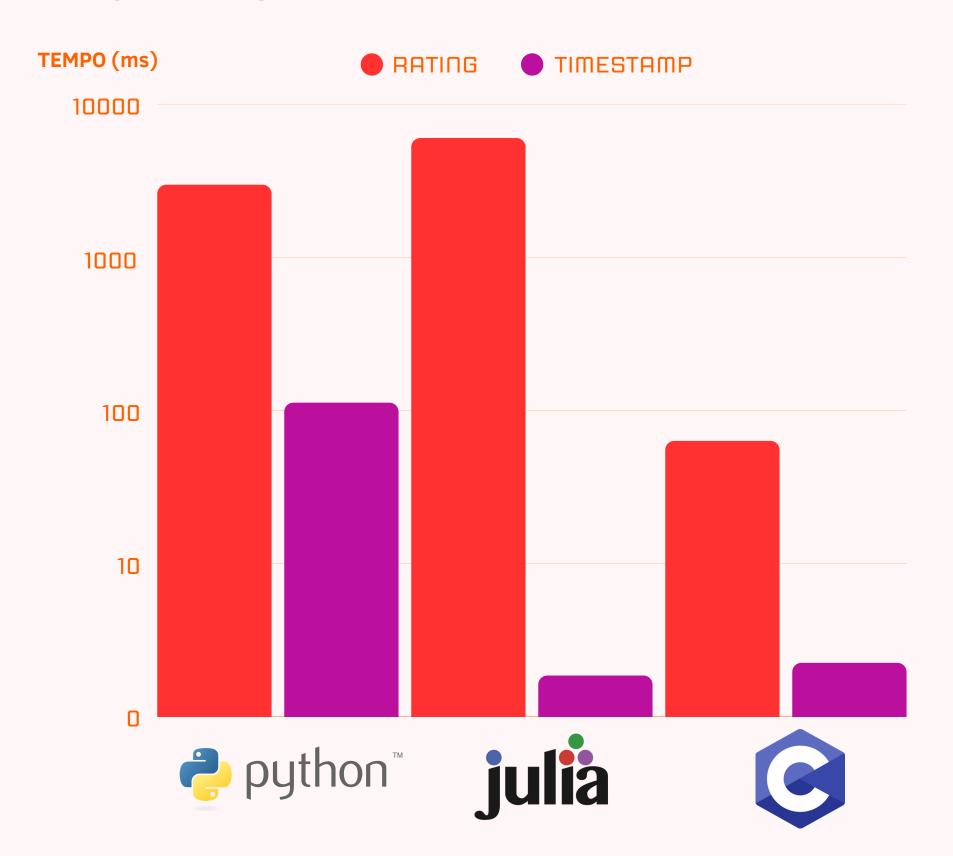
• Oferece alta eficiência prática na ordenação de arrays e listas em memória.

- 4.1 Ratings x Timestamp
- 4.2 Lista Estática
- 4.3 Lista Dinâmica
- 4.4 Pilha
- 4.5 Fila

LINGUAGENS UTILIZADAS:



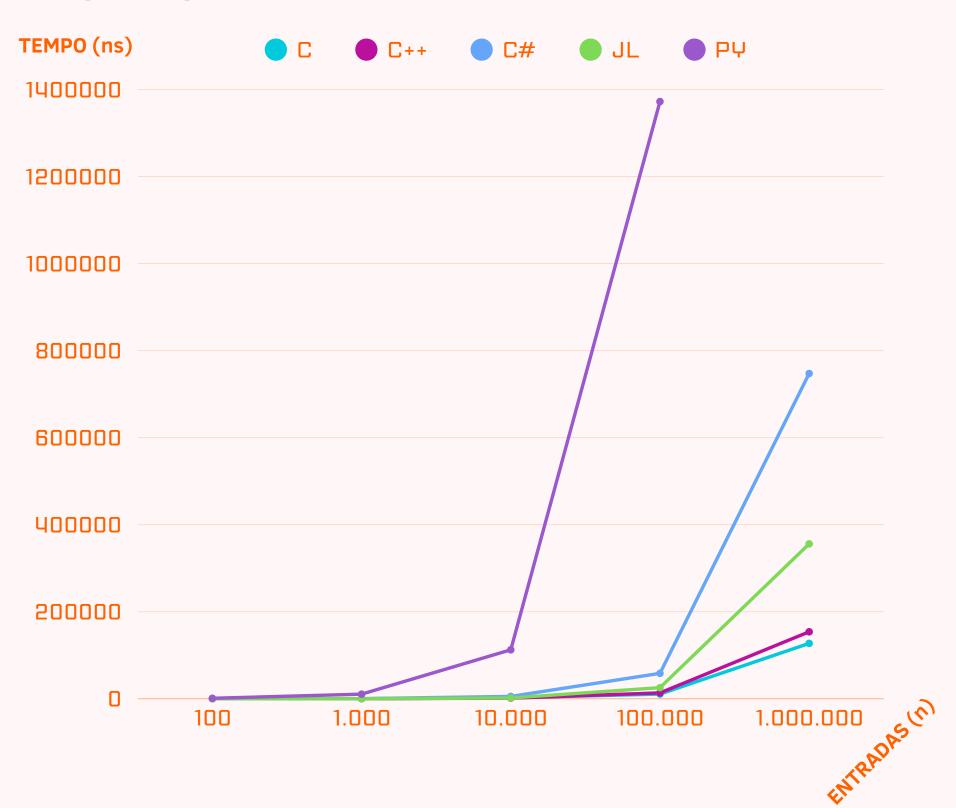
4.1 RATING X TIMESTAMP



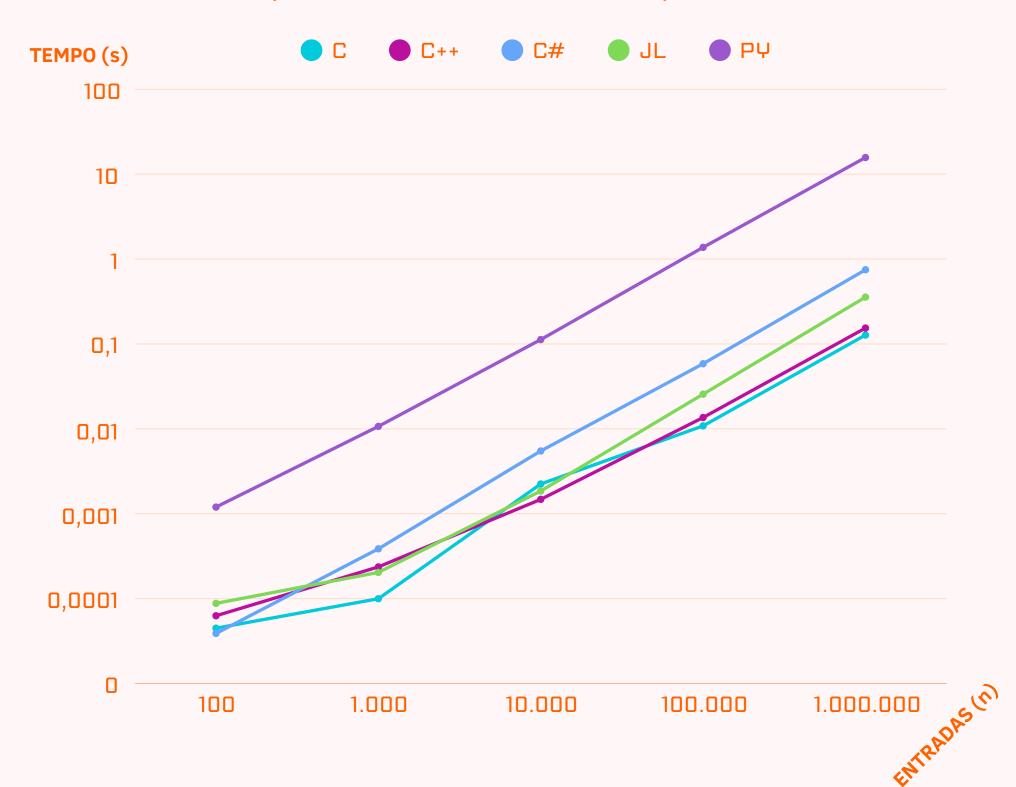
4.2 LISTA ESTÁTICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,001200	0,0000882	0,000039	0,000045	0,000063
1.000	0,010700	0,0002041	0,000387	0,000100	0,000237
10.000	0,112600	0,0018548	0,005492	0,002246	0,001479
100.000	1,372500	0,0256452	0,058507	0,010848	0,013609
1.000.000	15,691050	0,3560414	0,747585	0,127346	0,153992

4.2 LISTA ESTÁTICA



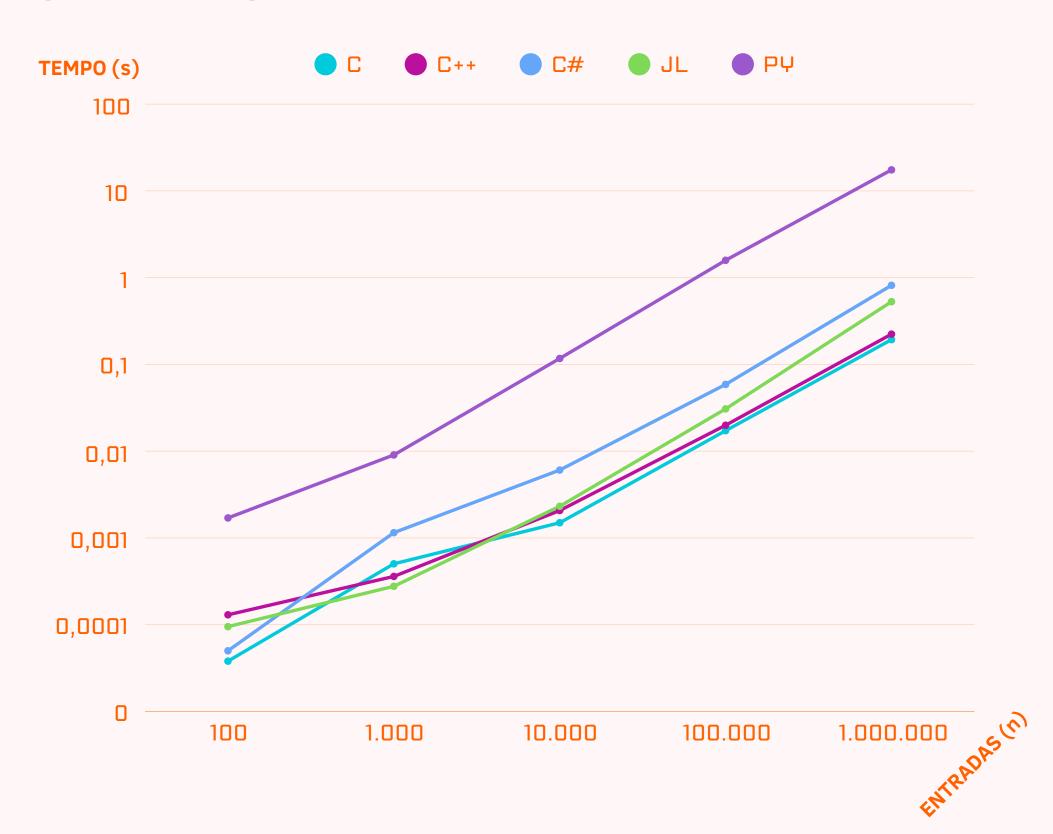
4.2 LISTA ESTÁTICA (ESCALA LOGARÍTMICA)



4.3 LISTA DINÂMICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,00170	0,000095	0,00005	0,000038	0,00013
1.000	0,00905	0,000277	0,00115	0,000503	0,00036
10.000	0,11710	0,002316	0,00606	0,001496	0,00207
100.000	1,58545	0,030721	0,05881	0,017228	0,01989
1.000.000	17,47410	0,528310	0,81629	0,192995	0,22331

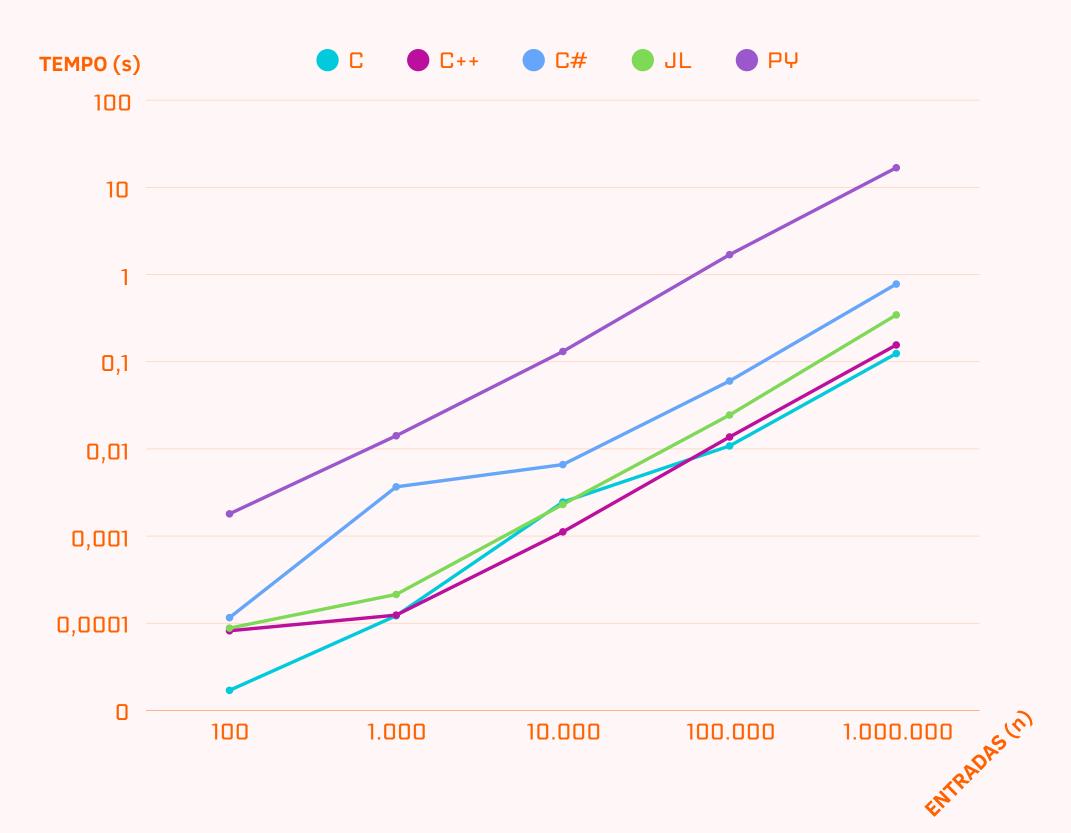
4.3 LISTA DINÂMICA



4.4 PILHA ESTÁTICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,001800	0,000088	0,000116	0,000017	0,000082
1.000	0,014150	0,000214	0,003671	0,000122	0,000124
10.000	0,131000	0,002305	0,006607	0,002457	0,001118
100.000	1,689400	0,024462	0,060055	0,010808	0,013696
1.000.000	16,785150	0,344365	0,777399	0,124157	0,155643

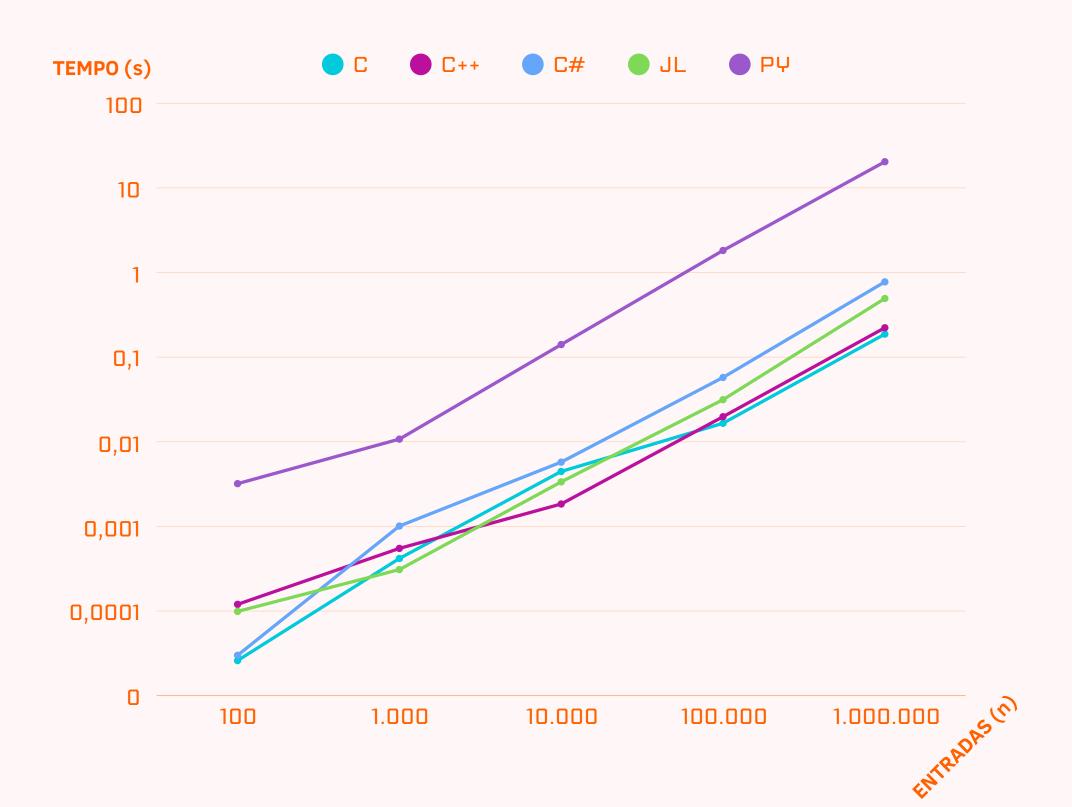
4.4 PILHA ESTÁTICA



4.4 PILHA DINÂMICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,00320	0,000099	0,00003	0,000026	0,00012
1.000	0,01075	0,000309	0,00101	0,000418	0,00055
10.000	0,14085	0,003359	0,00575	0,004460	0,00184
100.000	1,82170	0,031429	0,05753	0,016554	0,01978
1.000.000	20,36265	0,493027	0,77498	0,18 <i>7</i> 110	0,22237

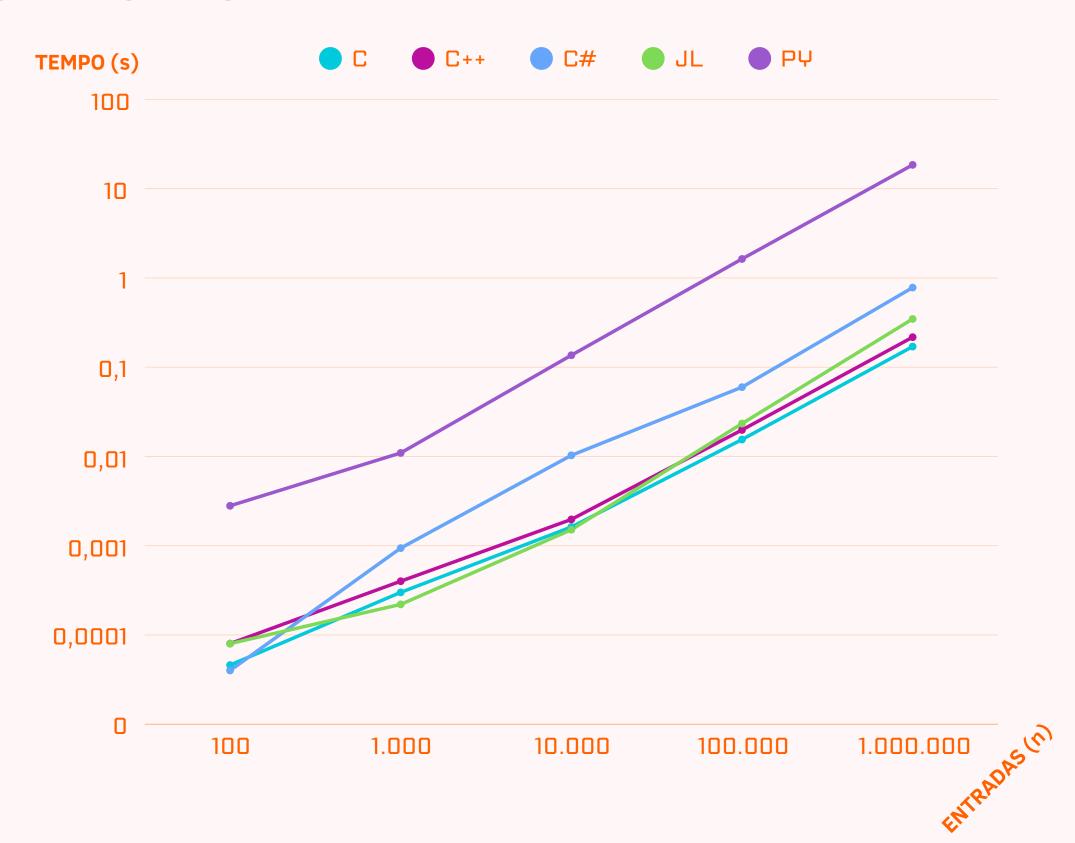
4.4 PILHA DINÂMICA



4.5 FILA ESTÁTICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,00280	0,00008	0,00004	0,000046	0,00008
1.000	0,01095	0,00022	0,00094	0,00030	0,00040
10.000	0,13615	0,00151	0,01029	0,00162	0,00197
100.000	1,63270	0,02336	0,05975	0,01547	0,01982
1.000.000	18,49560	0,34703	0,78017	0,17034	0,21705

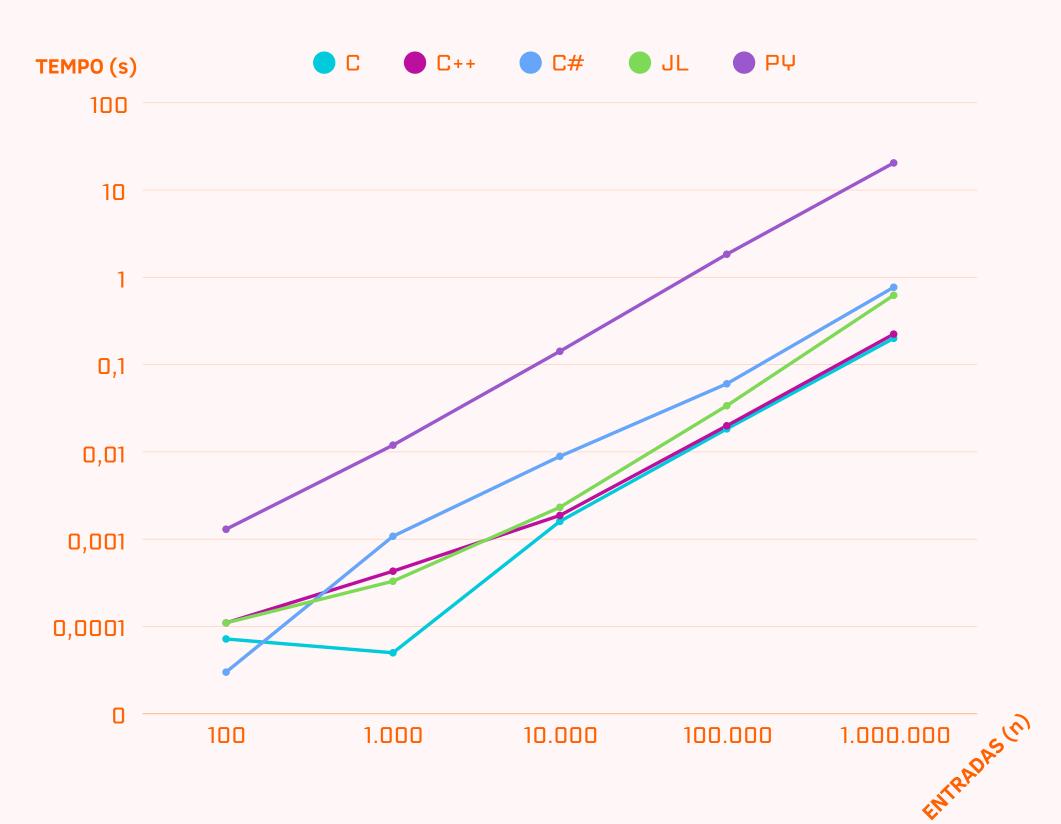
4.5 FILA ESTÁTICA



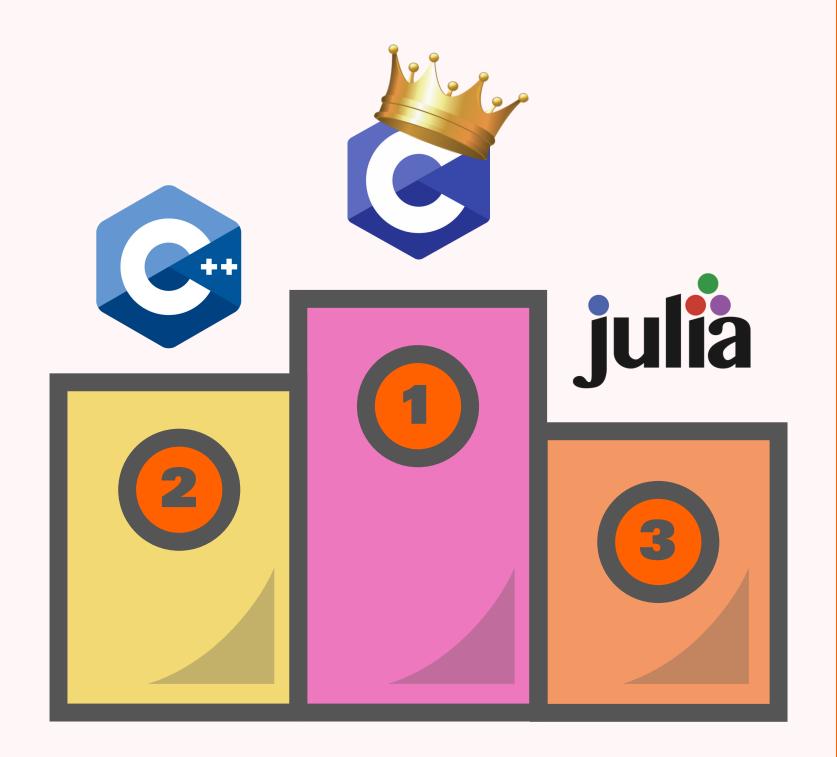
4.5 FILA DINÂMICA

Tamanho	Python	Julia	C#	C	C++
100	0,00170	0,000095	0,00005	0,000038	0,00013
1.000	0,00905	0,000277	0,00115	0,000503	0,00036
10.000	0,11710	0,002316	0,00606	0,001496	0,00207
100.000	1,58545	0,030721	0,05881	0,017228	0,01989
1.000.000	17,47410	0,528310	0,81629	0,192995	0,22331

4.5 FILA DINÂMICA



5 CONCLUSÃO



- Importância da Base de Dados
- Estrutura mais compatível
- Linguagens mais eficientes.
- Futuras melhorias para o desenvolvimento da discussão.

R Ε Ε R Ê S

- SILVA, A. A. Algoritmo Quick Sort. URL: https://github.com/alvaroajs/ordenacaoAEDS.
- HOARE, C. A. R. "Algorithm 64: Quicksort". Em: Communications of the ACM 4.7 (1961), p. 321.
- CORMEN, T. H. Algoritmos Teoria e Pratica. MITPress, 1989.
- KNUTH, D. E. The Art of Computer Programming, Volume Sorting and Searching. 2nd. Addison-Wesley Professional, 1998.
- BENTLEY, J. L. and MCILROY, M. D. "Engineering a Sort Function". Em: Software: Practice and Experience 23.11 (1993), pp. 1249–1265.
- MUSSER, D. R. "Introspective Sorting and Selection Algorithms". Em: Software: Practice and Experience 27.8 (1997), pp. 983–993.
- SO/IEC. C Standard. https://en.cppreference.com/w/c.
- The Julia Language. Julia Documentation. https://docs.julialang.org/.

- Python Software Foundation. Python Documentation.
 https://docs.python.org/3/.
- Microsoft Corporation. C Language Specification.
 https://learn.microsoft.com/en-us/dotnet/csharp/language-reference/specification
- SO/IEC. C++ Standard. https://en.cppreference.com/w/cpp.
- TORVALDS, L. Linux Kernel lib/sort.c. Codigo-fonte do Linux Kernel, implementado com Heapsort. 2024. URL: https://github.com/torvalds/linux/blob/master/lib/sort.c.

Obrigado !!!

Dúvidas?