

# Útiles variadas

Última modificación: 10 de julio de 2004

## Relaciones fundamentales

$$\operatorname{sen}^2 a + \cos^2 a = 1; \quad \operatorname{tg} a = \frac{\operatorname{sen} a}{\cos a}; \quad \operatorname{cotg} a = \frac{\cos a}{\operatorname{sen} a}; \quad \sec a = \frac{1}{\cos a};$$

$$\operatorname{cosec} a = \frac{1}{\operatorname{sen} a}; \quad \operatorname{sen} a = \sqrt{1 - \cos^2 a} = \operatorname{tg} \frac{a}{\sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 a}}; \quad \cos a = \sqrt{1 - \operatorname{sen}^2 a} = \frac{1}{\sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 a}};$$

$$\sec^2 a = \operatorname{tg}^2 a + 1; \quad \operatorname{tg}^2 a = \sec^2 a - 1; \quad \operatorname{cosec}^2 a = \operatorname{cotg}^2 a + 1; \quad \operatorname{cotg}^2 a = \operatorname{cosec}^2 a - 1;$$

## Funciones circulares inversas

$$\operatorname{arcsen} x = \arccos \sqrt{1 - x^2} = \frac{\pi}{2} - \arccos x$$

$$\arccos x = \operatorname{arcsen} \sqrt{1 - x^2} = \frac{\pi}{2} - \operatorname{arcsen} x$$

$$\operatorname{arctg} x = \operatorname{arcsen} \frac{x}{\sqrt{1 + x^2}} = \frac{\pi}{2} - \operatorname{arc} \operatorname{cotg} x$$

## Útiles varios

$$2^{-2} = \frac{1}{2^2}$$

$$a^n = a \cdot a \cdot a \dots a$$

$$2^{\frac{1}{5}} = \sqrt[5]{2}$$

$$(a+b)^2 \neq a^2 + b^2 \quad (a-b)^2 \neq a^2 - b^2$$

$$2^{-\frac{1}{5}} = \frac{1}{\sqrt[5]{2}}$$

$$(a \cdot b)^2 = a^2 \cdot b^2 \quad \left(\frac{a}{b}\right)^2 = \frac{a^2}{b^2}$$

$$a^n \cdot a^m = a^{(n+m)} \quad \frac{a^n}{a^m} = a^{(n-m)} \quad (a^n)^m = a^{(n \cdot m)}$$

$$\sqrt[3]{x^2} = x^{\frac{2}{3}}$$

$$n^0 = 1 \text{ (siempre)}$$

$$\sqrt[n]{a} = b \text{ si } b^n = a$$

$$\sqrt[n^2]{a^{nl}} = a^{\left(\frac{nl}{n^2}\right)}$$

$$\sqrt[2]{\sqrt[4]{2^5}} = \sqrt[2]{2^{\left(\frac{5}{4}\right)}} = 2^{\left(\frac{5}{4} \cdot \frac{1}{2}\right)} = 2^{\frac{5}{8}}$$

$$\sqrt[3]{a^7} = a^2 \cdot \sqrt[3]{a^1} \text{ porque } 7/3 = 2, \text{ y queda de resto } 1$$

**Extraer factores:** Solo si el valor absoluto del exponente es  $\geq$  el índice de la raíz se puede extraer el radicando.

Además, sale con el signo correspondiente.

**Introducir factores:**  $3^2 \cdot \sqrt[5]{b^3} = \sqrt[5]{b^3 \cdot 3^{10}}$  porque  $2 \cdot 5 = 10 \rightarrow 3^{10}$

$$\log(a \cdot b) = \log a + \log b$$

$$\log\left(\frac{a}{b}\right) = \log a - \log b$$

**Logaritmos:**

$$\log a^b = b \cdot \log a$$

**Binomio**

$$(a+b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2$$

$$\log \sqrt[n]{a} = \frac{1}{n} \log a$$

$$(a+b)^3 = a^3 + 3 \cdot a^2 \cdot b + 3 \cdot a \cdot b^2 + b^3$$

$$\log(a) a^x = x$$