# Práctica 6

# Implementación de estructuras lineales de datos /2

#### 6.1 Reserva dinámica de memoria

Todas las variables utilizadas hasta ahora, sean simples o estructuradas, tienen una característica común: son *estáticas*. Es decir, la memoria necesaria para ubicar la variable ha sido reservada mediante la declaración de la variable antes de comenzar la ejecución del programa. Las variables *dinámicas* se crean y se destruyen durante la ejecución del programa.

A diferencia de las variables estáticas, las variables dinámicas no tienen *nombre*, es decir, no pueden ser referenciadas por un nombre dado por el programador, en vez de eso, las variables dinámicas van a ser referenciadas de forma indirecta a través de un nuevo tipo de variable que denominaremos *puntero*.

```
tipo
     ptro_T: ref T;
ftipo
var
     p: ptro_T;
fvar
```

La variable estática p es un puntero y puede ser utilizada para referenciar a variables dinámicas del tipo T. Es posible reservar variables dinámicas del tipo T utilizando la operación reserva:

```
reserva(p)
```

De esta forma se obtiene una variable (sin nombre) a la que se puede acceder a través de la variable p. El contenido de la variable p es ahora la dirección en memoria de la variable dinámica obtenida mediante la operación reserva.

El operador **ref** aplicado a un puntero da acceso a la variable apuntada por este. Así por ejemplo, en el algoritmo siguiente

```
pEntero: ref entero;
ftipo
var
   p: pEntero;
```

```
fvar
...
reserva(p);
...
p ref:= 5;
...
p ref:= p ref + 1;
```

las asignaciones mostradas modifican el valor de la variable apuntada (referenciada) por p, pero no el valor de p.

La operación libera(p) destruye la variable dinámica apuntada por p y devuelve el espacio ocupado por esta, al espacio libre de la memoria, de manera que pueda ser reutilizado para otras variables.

#### 6.2 Colas

Una *cola* es una organización de datos en la que el elemento más antiguo en la cola es el primer elemento a salir.

#### 6.2.1 El TAD Cola

La especificación del tipo abstracto de datos cola es la siguiente:

```
Tipo: tCola (tElem)
Incluye: booleano
Operaciones:
   nuevaCola: \longrightarrow tCola
   pideTurno: tCola, tElem \longrightarrow tCola
   avance: tCola \longrightarrow tCola
   primero: tCola \longrightarrow tElem
   es
Nula: tCola \longrightarrow booleano
Ecuaciones: \forall x, y: tElem; \forall c: tCola;
   primero(pideTurno(pideTurno(c, x), y)) \equiv primero(pideTurno(c, x))
   primero(pideTurno(nuevaCola, x)) \equiv x
   avance(pideTurno(pideTurno(c, x), y)) \equiv
                  \equiv \text{pideTurno}(\text{avance}(\text{pideTurno}(c, x)), y)
   avance(pideTurno(nuevaCola, x)) \equiv cNula
   esNula(pideTurno(c, x)) \equiv falso
   esNula(nuevaCola) \equiv cierto
Ecuaciones de error:
   avance(nuevaCola) \equiv error
   primero(nuevaCola) \equiv error
```

#### 6.2.2 El módulo colas

A continuación vamos a construir un módulo llamado colas, que exporte el tipo abstracto de datos tCola visto en la sección anterior. Vamos a realizar una implementación dinámica. Para ello utilizaremos los siguientes tipos.

```
tipo
    celda = tupla
        e: tElem;
        s: ref celda;
    ftupla;
    tCola = tupla
        i, f: ref celda;
    ftupla;
ftupla;
```

El campo i apunta al elemento más antiguo almacenado en la cola, salvo si la cola es nula que apunta a nil. Cada elemento en la cola apunta al introducido inmediatamente después, salvo el último introducido que apunta a nil. El campo f apunta al elemento último almacenado en la cola, salvo si la cola es nula que apunta a nil.

De acuerdo con esta representación, el módulo que encapsula las colas es como sigue

```
modulo colas;
    importa
        //nombre del modulo donde se define el tipo tElem
    exporta
       tipo
           tCola;
       ftipo
            //Modifica: inicializa la cola c
       accion nuevaCola(sal c:tCola);
            //Entrada: c una cola de tElem y e un tElem
            //Modifica: Almacena e como ultimo elemento de c
       accion pideTurno(e/s c:tCola;ent e:tElem);
            //Entrada: c una cola de tElem
            //Requisitos: La cola no esta vacia
            //Modifica: Elimina el elemento mas antiguo de la cola
       accion avance(e/s c:tCola);
            //Entrada: c una cola de tElem
            //Requisitos: La cola no esta vacia
            //Salida: Copia en e elemento mas antiguo de la cola
       accion primero(ent c:tCola;sal e:tElem);
            //Entrada: c una cola de tElem
            //Salida: Indica si c tiene elementos
       funcion esNula(p:tCola)dev b:booleano;
   fexporta
    implementacion
       tipo
           tCola = tupla
               i, f:ref celda;
           ftupla;
            celda = tupla
                e:tElem;
                s:ref celda;
            ftupla;
       ftipo
       accion nuevaCola(sal c:tCola);
           c.i:= nil;
            c.f:= nil
       faccion;
       accion pideTurno(e/s c:tCola;ent e:tElem);
```

```
var
                    q:ref celda;
               fvar
               reserva(q);
               q ref.e:= e;
               q ref.s:= nil;
               \mathtt{si}\ \mathtt{c.f}\ =\ \mathtt{nil}\ \longrightarrow
                    c.i:=q
               [] c.f \neq nil \longrightarrow
                   c.f ref.s:= q
               fsi:
               c.f:=q
          faccion;
          accion avance(e/s c:tCola);
               var
                    q:ref celda;
               fvar
               q:= c.i;
               c.i:= c.i ref.s;
               \mathtt{si}\ \mathtt{c.i} = \mathtt{nil} \longrightarrow
                    c.f:= nil
               [] c.i \neq nil \longrightarrow
                    continuar
               fsi;
               libera(q)
          faccion;
          accion primero(ent c:tCola;sal e:tElem);
               e:= c.i ref.e
          funcion esNula(c:tCola)dev b:booleano;
              b:=(c.i=nil);
               dev b
          ffuncion;
    fimplementacion
fmodulo
```

Se puede observar que la implementación anterior es extraordinariamente eficaz en lo referente a recursos de tiempo. Todas las operaciones tienen lugar en tiempo constante.

## 6.2.3 Traducción a lenguaje C

Las reglas generales para pasar un módulo de nuestro lenguaje algorítmico a C se han visto ya en sesiones anteriores, por lo que no volveremos a incidir en ello. El único elemento novedoso es la utilización de reserva dinámica de espacio, por lo que a continuación se muestran las instrucciones de C para la reserva, utilización y liberación de variables dinámicas:

```
libera(p)
p ref:= p ref + x
free(p);
*p = *p + x;
```

La operación malloc(tamaño) actúa de modo muy similar a la operación reserva(p) del lenguaje algorítmico: crea una nueva variable dinámica del tamaño que se le indique. Si no hay memoria disponible p toma el valor NULL, el equivalente en C al nil algorítmico. La memoria que devuelve malloc no se inicializa, es decir, contiene valores descontrolados.

La operación free(p) actúa como la operación libera(p) del lenguaje algorítmico: destruye la variable dinámica apuntada por p y devuelve al espacio libre de la memoria, el espacio ocupado por esta, de manera que pueda ser reutilizado para otras variables.

Para poder utilizar ambas funciones debe haberse importado la libreria standard de c, es decir, debe haberse incluido <stdlib.h>1.

Finalmente, vemos la implementación dinámica en C del módulo colaDeTElems<sup>2</sup>. El fichero colaDeTElems.h sería:

```
#ifndef FFF_COLA_DE_TELEMS_H
     #define FFF_COLA_DE_TELEMS_H
     #include <stdbool.h> // para el tipo booleano
     #include ''TElem.h'' // para el tipo tElem
     typedef struct nodoDeColaDeTElems {
         tElem e;
         struct nodoDeColaDeTElems *s;
     } NodoDeColaDeTElems;
     typedef struct colaDeTElems{
         NodoDeColaDeTElems *i;
         NodoDeColaDeTElems *f;
     } ColaDeTElems;
     void nuevaColaDeTElems(ColaDeTElems *);
     void pideTurnoColaDeTElems(ColaDeTElems *, tElem);
     void avanceColaDeTElems(ColaDeTElems *);
     void primeroColaDeTElems(ColaDeTElems, tElem *);
     bool esNulaColaDeTElems(ColaDeTElems);
     #endif
El fichero colaDeTElems.c sería:
     #include <stdlib.h> // para conocer exit y malloc
     #include ''colaDeTElems.h'' //
     void errorColaDeTElems(char s[]){
         printf(''\n\n\nERROR en el módulo colas: %s \n'', s);
         while (true)
             exit(-1);
     void nuevaColaDeTElems(ColaDeTElems *c){
         c->i = NULL;
         c->f= NULL;
     void pideTurnoColaDeTElems(ColaDeTElems *c, tElem x){
         NodoDeColaDeTElems * q;
         if ((q=malloc(sizeof(NodoDeColaDeTElems)))==NULL)
              errorColaDeTElems(''no hay memoria para pideTurno'');
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Esta librería contiene otras funciones para gestionar la memoria dinámica. Si quiere saber cuales son y como se usan, escriba man malloc en la consola.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>No repito las especificaciones

```
q \rightarrow e = x;
    q->s = NULL;
    if (c->f == NULL)
         c->i = q;
         c\rightarrow f\rightarrow s=q;
    c->f=q;
bool esNulaColaDeTElems (ColaDeTElems c){
    return (c.i == NULL);
void avanceColaDeTElems(ColaDeTElems *c){
    NodoDeColaDeTElems * q;
    if (esNulaColaDeTElems(*c))
         errorColaDeTElems(''avanzando en cola nula'');
    q=c->i;
    c\rightarrow i = c\rightarrow i\rightarrow s;
    if (c->i == NULL)
         c \rightarrow f = NULL;
    free(q);
void primeroColaDeTElems (ColaDeTElems c, tElem *x){
    if (esNulaColaDeTElems(c))
         errorColaDeTElems(''primero en cola nula'');
    *x = c.i->e; //cuidado con el tipo tElem
}
```

## 6.3 Actividad a realizar

Diseñar un programa que simule el funcionamiento de las cabinas de un peaje de autopista. Se supone que el peaje consta de cinco cabinas, y que el tiempo necesario para el cobro está distribuido uniformemente, siendo este de entre 15 y 30 segundos para las cabinas 1 y 2, de entre 15 y 45 segundos para las cabinas 3 y 4, y de entre 30 y 60 segundos para la cabina 5. Los coches llegan al peaje de acuerdo a una distribución exponencial, con un tiempo medio entre llegadas de  $t_c$  segundos, siendo este un valor a fijar por el usuario en la simulación con objeto de poder representar distintas situaciones de tráfico. Cada cabina del peaje tiene una cola distinta, cuando un coche llega al peaje se incorpora a una de las tres colas con menos coches, con una probabilidad de 0.6 para la más corta, 0.3 para la segunda más corta y 0.1 para la tercera más corta. El programa debe simular el funcionamiento del peaje durante tres horas (10800 segundos) y debe obtener el tiempo medio (en segundos) de espera (incluido el tiempo de cobro) y la longitud (número de coches) máxima de la cola en cada una de las cabinas, el tiempo medio de espera en el peaje y el número total de coches servidos.

Se trata de dar una solución modular correcta, por lo que se propone desarrollar los módulos cuya especificación se da en parte a continuación.

1. Módulo reloj. Es la implementación de un reloj que cuenta segundos. Su interfaz es el siguiente:

```
modulo reloj;
    exporta
    tipo
```

```
Reloj;
ftipo
// Salida: Pone a cero la cuenta del reloj r
accion aCero(sal r:Reloj);
// Incrementa en uno la cuenta del reloj r
accion tic(e/s r:Reloj);
///Devuelve el valor en segundos de la cuenta del reloj r
funcion instante(r:Reloj) dev i:entero;
fexporta
```

2. Módulo ruleta. Contiene una serie de operaciones que permiten generar números aleatorios de acuerdo a distintas distribuciones y probabilidades. Puede tener la forma que se presenta a continuación. Se están usando las funciones srand y rand para generar números aleatorios. Para usarlas es necesario incluir stdlib.h. Para establecer la semilla del generador de números aleatorios se emplea la función time, para lo que es necesario incluir time.h. Finalmente, para log debe incluir math.h. Fijese en lo que hacen estas funciones antes de usarlas y recuerde como funciona el símbolo / en C.

```
modulo ruleta;
    exporta
            // Inicia la generacion de numeros aleatorios
        accion iniciarRuleta();
            //implementa una distribucion exponencial de media tmedio
        funcion distribucionExponencial(media: entero) dev t: entero;
            // implementa una distribucion lineal entre min y max
        funcion distribucionLineal(min, max:entero)dev t:entero;
            // elige entre tres opciones con prob. dadas
        funcion eleccionCon3Probabilidades(maxp,medp,minp:real)dev n:entero;
    fexporta
    implementacion
        accion iniciarRuleta();
            srand(time(NULL));
        funcion distribucionExponencial(media: entero) dev t:entero;
                x: real;
            x:= rand()/RAND_MAX; // numero aleatorio en [0, 1)
            t:= entera(-log(1-x)*media);
            mientras t = 0 hacer
                x:= rand()/RAND_MAX;
                t:= entera(-log(1-x)*media);
            fmientras;
        ffuncion;
        funcion distribucionLineal(min, max:entero)dev t: entero;
                x: real;
            fvar
            x:= rand()/RAND_MAX;
            t:= entera((max - min) * x) + min;
            dev t
        ffuncion;
        funcion eleccionCon3Probabilidades(maxp,medp,minp:real) dev n:entero;
```

- 3. Módulo colaDeEnteros. Es la implementación del TAD Cola cuando los elementos a almacenar son de tipo entero. La especificación de este módulo (y su implementación dinámica) aparecen con anterioridad; recuerde que tElem es entero y llame ColaDeEnteros al tipo exportado.
- 4. Módulo cabinas. Es la implementación del tipo Cabina que simula el funcionamiento de una cabina del peaje. La parte de exportaciones del modulo es la que sigue:

```
tipo
    Cabina;
ftipo
    // Inicia la cabina sin coches esperando
accion iniciarCab(e/s cab: Cabina, ent tmin, tmax: entero);
    // Pone en el instante r un coche en espera en la cabina
accion encolarCoche(e/s cab: Cabina, ent r: Reloj);
    // Da el numero de coches esperando en la cabina
funcion cuantosCoches(ent cab: Cabina) dev n:entero;
    // Simula el servicio de un coche en la cola de la cabina
    // en el instante r
accion servCabina(e/s cab: Cabina, ent r: Reloj);
```

La implementación de la acciones del módulo pueden tener la forma que se presenta a continuación:

```
tipo
   Cabina = tupla
        nCoches: entero; // coches esperando en la cabina
        maxCoches:entero; // maximo de coches esperando
        servidos:entero; // coches servidos
        totalEsperado: entero; // tiempo total de esperas
        proxServ: entero; // instante proximo servicio
        minServ: entero; // tiempo mínimo del servicio
        maxServ: entero; // tiempo máximo del servicio
        colaCoches: ColaDeEnteros; // cola de coches
   ftupla;
ftipo
accion iniciarCab(e/s cab: Cabina, ent tmin, tmax:entero);
```

```
cab.nCoches:= 0; cab.maxCoches:= 0; cab.servidos:= 0;
    cab.totalEsperado:= 0; cab.proxServ:= 0;
    cab.minServ:= tmin; cab.maxServ:= tmax;
    nuevaColaDeEnteros(cab.colaCoches)
faccion;
accion contarCoche(e/s cab: Cabina,ent r:Reloj);
    si cab.nCoches = 0 \longrightarrow
         cab.proxServ:= instante(r)+distribucionLineal(cab.minServ, cab.maxServ);
    [] cab.nCoches \neq 0 \longrightarrow
         continuar
    fsi;
    cab.nCoches:= cab.nCoches +1;
    \mathtt{si} \ \mathtt{cab.nCoches} > \mathtt{cab.maxCoches} \longrightarrow
         cab.maxCoches:= cab.nCoches
    [] cab.nCoches \leq cab.maxCoches \longrightarrow
         continuar
    fsi
faccion;
accion encolarCoche(e/s cab: Cabina, ent r: Reloj);
    contarCoche(cab, r);
    pideTurnoColaDeEnteros(cab.colaCoches, instante(r))
faccion;
funcion cuantosCoches(ent cab: Cabina) dev n:entero;
    n:= cab.nCoches;
    dev n
ffuncion;
accion servCabina(e/s cab: Cabina, ent r:Reloj);
        x:entero;
    fvar
    \mathtt{si\ cab.proxServ}\ \neq\ \mathtt{instante(r)}\ \longrightarrow
         continuar
    [] cab.proxServ = instante(r) \longrightarrow
         cab.servidos:= cab.servidos + 1;
         primeroColaDeEnteros(cab.colaCoches, x);
         avanceColaDeEnteros(cab.colaCoches);
         cab.totalEsperado:= cab.totalEsperado + (instante(r) - x);
         cab.nCoches:= cab.nCoches - 1;
         si cab.nCoches = 0 \longrightarrow
             cab.proxServ:= 0
         [] cab.ncoches <> 0 \longrightarrow
             cab.proxServ:= instante(r)+distribucionLineal(cab.minServ,
                      cab.maxServ)
         fsi
    fsi
faccion;
```

5. Módulo peajes. Es la implementación del tipo Peaje que simula el funcionamiento de un peaje de autopista con NCAB cabinas. Exporta lo que se indica a continuación:

```
tipo
    Peaje;
ftipo
    // Inicia el peaje
    accion iniciarPeaje(e/s p:Peaje);
    // Encola un nuevo coche en una cabina
```

```
accion guardaCola(e/s p:Peaje; ent ncab: entero; ent r: Reloj);
   // Elige cabina entre las tres menos ocupadas
   funcion eligeCabina(p:Peaje) dev n:entero;
   // Simula una ronda de servicio de las cabinas
accion rondaCabinas(e/s p:Peaje,ent r:Reloj);
```

La implementación de la acciones del módulo pueden tener la forma que se presenta a continuación:

```
const
   NCAB = 5; // numero de cabinas
   tipoCobro: tabla[1..NCAB] de intervalo = ((min:15, max:30), (min:15,
            max:30), (min:15, max:45), (min:15, max:45), (min:30, max:60));
   PROB_MAX=0.6;
   PROB_MEDIA= 0.3;
   PROB_MIN = 0.1;
fconst
tipo
   Peaje = tabla [1..NCAB] de Cabina;
   pareja = tupla
       can, cab:entero;
   ftupla;
   taux = tabla [1..NCAB] de pareja;
    intervalo = tupla
        min, max: entero;
   ftupla;
ftipo
accion ordenar(e/s t:taux);
   // implemente alguno de los métodos de ordenación de tablas
faccion;
accion guardaCola(e/s p: Peaje; ent ncab: entero, ent r: Reloj);
   encolarCoche(p[ncab], r)
faccion;
accion iniciarPeaje(e/s p:Peaje);
   var
        i:entero;
   fvar
   para i:= 1 hasta NCAB hacer
        iniciarCab(p[i], tipoCobro[i].min, tipoCobro[i].max)
   fpara
faccion;
funcion eligeCabina(p:Peaje) dev n:entero;
        x, i:entero;
        t: taux;
   fvar
   para i:= 1 hasta NCAB hacer
       t[i].can:= cuantosCoches(p[i]);
        t[i].cab:= i
   fpara
   ordenar(t);
   x:= eleccionCon3Probabilidades(PROB_MAX, PROB_MEDIA, PROB_MIN);
   n := t[x].cab;
   dev n
ffuncion;
```

```
accion rondaCabinas(e/s p: Peaje, ent r: Reloj);
   var
        i:entero;
   fvar
   para i:= 1 hasta NCAB hacer
        servCabina(p[i], r)
   fpara
faccion;
```

6. Módulo controles. Es la implementación del tipo Control que simula el funcionamiento de un control de autopista que se compone de un peaje e información sobre el tráfico. El módulo exporta:

```
tipo
    Control;
ftipo
    // Inicia el control
accion iniciarControl(e/s c: Control);
    // Simula la llegada de un coche al control
accion llegaCoche(e/s c: Control, ent r:Reloj);
    // Simula la marcha de un coche del control
accion marchaCoche(e/s c: Control, ent r:Reloj);
```

La implementación de la acciones del módulo pueden tener la forma que se presenta a continuación:

```
tipo
   Frecuencia = tupla
        tLlegada, tMedio:entero;
    ftupla;
    Control = tupla
        peaje: Peaje;
        trafico: Frecuencia;
    ftupla;
ftipo
accion iniciarControl(e/s c: Control);
    // solicitar el tiempo medio entre llegadas (en segundos)
    c.trafico.tLlegada:= distribucionExponencial(c.trafico.tMedio);
    iniciarPeaje(c.peaje)
accion llegaCoche(e/s c: Control, ent r: Reloj);
    var
        n:entero;
    fvar
    si instante(r) = c.trafico.tLlegada \longrightarrow
        n:= eligeCabina(c.peaje);
        guardaCola(c.peaje, n, r);
        c.trafico.tLlegada:= instante(r)+distribucionExponencial(c.trafico.tMedio)
    [] r \neq c.trafico.tLlegada \longrightarrow
        continuar
    fsi
accion marchaCoche(e/s c: Control, ent r: Reloj);
    rondaCabinas(c.peaje, r)
faccion
```

7. Algoritmo simPeaje. Es el programa principal que simula el peaje de la autopista. El algoritmo puede ser el siguiente:

```
// tiempo para la simulación 3 horas = 10800 segundos
    TSIM = 10800;
fconst
accion iniciarSimulacion(e/s c: Control);
    iniciarRuleta();
    iniciarControl(c)
faccion;
accion siguienteIteracion(e/s c: Control; ent r: Reloj);
   llegaCoche(c, r);
   marchaCoche(c, r)
faccion;
var
   r: Reloj;
   c: Control;
fvar
aCero(r);
iniciarSimulacion(c);
mientras instante(r) \neq TSIM hacer
    tic(r);
    siguienteIteracion(c, r)
fmientras;
mostrarResultados(c)
```

8. En todo el enunciado faltan algunas acciones y funciones. Se trata de aquellas que permiten implementar mostrarResultados. Escriba las acciones y funciones necesarias para dicha acción de acuerdo a los módulos diseñados y a los principios de modularización estudiados. La acción mostrarResultados debe dar el tiempo medio (en segundos) de espera y la longitud (número de coches) máxima de la cola en cada una de las cabinas, el tiempo medio de espera en el peaje y el número total de coches servidos.